# STUDI KASUS PRAKTIKUM STATISTIKA REGRESI BAGIAN 3 – PENANGANAN PELANGGARAN ASUMSI PADA REGRESI LINIER BERGANDA



Disusun oleh:

Chelsea Ayu Adhigiadany 21083010028 Statistika Regresi – B

Dosen Pengampu:

Trimono Pujiarto, S.Si, M.Si.

# PROGRAM STUDI SAINS DATA FAKULTAS ILMU KOMPUTER UNIVERSITAS PEMBANGUNAN NASIONAL "VETERAN" JAWA TIMUR

# Daftar Isi

| BAB 2 | 1. PENDAHULUAN                                       | 3  |
|-------|--|----|
| 1.1.  | . Tujuan Praktikum                                   | 3  |
| 1     | 1.1.1. Tujuan Instruksional Umum (TIU)               | 3  |
| 1     | 1.1.2. Tujuan Instruksional Khusus (TIK)             | 3  |
| 1.2.  | . Permasalahan                                       | 3  |
| BAB 2 | 2. TINJAUAN PUSTAKA                                  | 4  |
| 2.1.  | . Pelanggaran asumsi model regresi dan penanganannya | 4  |
| 1.    | Transformasi untuk kasus hubungan nonlinier          | 4  |
| 2.    | Tranformasi pada variabel Y: Metode BOX-COX          | 5  |
| 3.    | Tansformasi untuk kehomogenan varian                 | 6  |
| BAB 3 | 3. ANALISIS DAN PEMBAHASAN                           | 8  |
| BAB 4 | 4. KESIMPULAN  | 13 |
| DAFT  | ΓAR PUSTAKA  | 14 |
| LAM   | PIRAN  | 15 |
| 1.    | Langkah-langkah analisis                             | 15 |
| 2.    | Output Analisis pada SPSS                            | 16 |

### BAB 1. PENDAHULUAN

### 1.1.Tujuan Praktikum

### 1.1.1. Tujuan Instruksional Umum (TIU)

Setelah mengikuti seluruh kegiatan praktikum ini, mahasiswa diharapkan dapat melakukan pengolahan, analisis dan membuat model regresi dari data atau informasi hasil pengamatan serta dapat melakukan prediksi berdasarkan model yang dibangun dan dianalisis dengan menggunakan paket program SPSS for Windows.

### 1.1.2. Tujuan Instruksional Khusus (TIK)

Setelah mengikuti praktikum ini mahasiswa diharakan mampu mengestimasi koefisien regresi linier serta menganalisis berbagai nilai statistik yang berkaitan dengan koefisien regresi linear yang diperoleh dari hasil pengolahan data pengamatan dengan menggunakan paket program SPSS for Windows.

# 1.2.Permasalahan

Buatlah estimasi model regresi untuk variabel Y dan X menggunakan model linier, dan kuandratik. Selanjutnya lakukan analisis dan perbandingan dua model regresi tersebut. Data untuk variabel Y dan X disajikan pada tabel berikut :

| Y     | X     | Y     | X      |
|-------|-------|-------|--------|
| 15.42 | 90.83 | 16.23 | 94.18  |
| 18.41 | 88.39 | 10.35 | 82.09  |
| 18.81 | 85.94 | 13.66 | 88.56  |
| 20.8  | 87.76 | 10.24 | 69.52  |
| 15.99 | 91.27 | 11.32 | 83.08  |
| 19.72 | 87.82 | 11.95 | 90.73  |
| 15.15 | 88.28 | 10.89 | 87.83  |
| 12.41 | 92.64 | 11.96 | 88.16  |
| 14.85 | 95.19 | 18.03 | 85.12  |
| 10.45 | 97.14 | 11.8  | 86.12  |
| 12.18 | 90.7  | 18.28 | 84.52  |
| 12.31 | 94.76 | 11.83 | 96.63  |
| 15.37 | 93.89 | 10.71 | 103.11 |
| 15.22 | 89.66 | 7.11  | 105.19 |
| 14.49 | 87.49 | 5.26  | 105.6  |
| 18    | 88.66 | 7.67  | 97.2   |
| 13.49 | 90.27 | 9.25  | 95.09  |

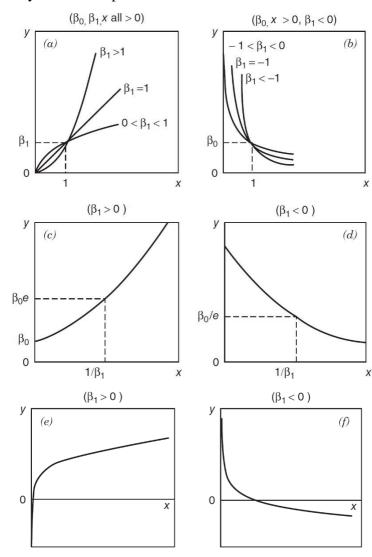
# BAB 2. TINJAUAN PUSTAKA

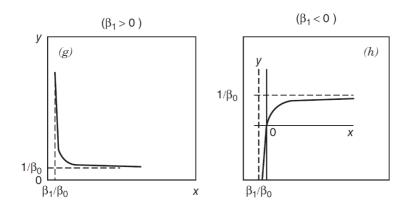
### 2.1.Pelanggaran asumsi model regresi dan penanganannya

Jika model regresi yang diperoleh ternyata kurang sesuai untuk data yang ada atau terdapat asumsi yang dilanggar, maka solusinya adalah mencari model lain yang lebih sesuai atau melakukan transformasi data. Beberapa model transformasi data yang dapat digunakan antara lain:

### 1. Transformasi untuk kasus hubungan nonlinier

Model transformasi pertama yang akan dikaji adalah model transformasi untuk kasus saat hubungan antara *X* dan *Y* bersifat nonlinier. Beberapa fungsi linierisasi akan disajikan pada gambar 3.1, yang kemudian model tranformasi yang cocok dengan fungsi linierisasinya diberikan pada tabel 3.1.





Gambar 3.1. Fungsi linierisasi

**Tabel 3.1.** Fungsi linierisasi dan bentuk linier yang sesuai

| Gambar | Fungsi yang<br>ditranformasi         | Bentuk transformasi                  | Model linier                     |
|--------|--------------------------------------|--------------------------------------|----------------------------------|
| a,b    | $\hat{Y} = \beta_{0} X^{\beta_{1}}$  | $Y' = \log Y, X' = \log X$           | $Y' = \log \beta_0 + \beta_1 X'$ |
| c,d    | $Y = p_0 e_{\beta}^{-1}$             | $Y' = \ln Y$                         | $Y' = \ln \beta_0 + \beta_1 X$   |
| e,f    | $\hat{Y} = \beta_0 + \beta_1 \log X$ | $X' = \log X$                        | $Y = \beta_0 + \beta_1 X'$       |
| g,h    | $Y' = \frac{X}{\beta_0 X - \beta_1}$ | $Y' = \frac{1}{Y}; X' = \frac{1}{X}$ | $Y' = \beta_0 - \beta_1 X'$      |

### 2. Tranformasi pada variabel Y: Metode BOX-COX

Pada model regresi linier sederhana, telah diketahui bahwa salah satu asumsi yang harus dipenuhi adalah asumsi normalitas dan kehomogenan variansi. Apabila salah satu atau kedua asumsi tersebut tidak dapat terpenuhi, maka alternatif perbaikan yang dapat dilakukan adalah dengan melakukan transformasi pada variabel *Y*.

Misalkan kita ingin mentransformasi Y untuk mengoreksi ketidaknormalan dan/atau varian yang tidak konstan. Transformasi yang bermanfaat adalah transformasi  $Y^{\lambda}$ , dengan  $\lambda$  adalah parameter yang nilainya tertentu yang dapat diperoleh dengan menggunakan metode  $Maximum\ Likelihood$ . Beberapa kriteria pemilihan nilai  $\lambda$  adalah:

- 1. Menghasilkan JKS yang paling kecil
- 2. Mudah ditafsirkan
- 3. Mudah dihitung hasil Transformasinya.

Beberapa model transformasi terhadapa Y untuk beberapa nilai  $\lambda$  disajikan pada tabel berikut:

**Tabel 3.2.** Bentuk transformasi terhadap variabel *Y* 

| Nilai λ | Bentuk<br>Transformasi    |
|---------|---------------------------|
| 2.0     | $Y' = Y^2$                |
| 0.5     | $Y^{'}=\sqrt{Y}$          |
| 0.0     | $Y' = \ln(Y)$             |
| -0.5    | $Y' = \frac{1}{\sqrt{2}}$ |
| -1.0    | $Y' = \frac{\sqrt{Y}}{Y}$ |

Berikut adalah contoh pemilihan nilai  $\lambda$  berdasarkan nilai JKS yang diperoleh dari pemodelan regresi antara W dan X:

**Tabel 3.3.** Contoh pemilihan nilai  $\lambda$ 

| λ      | JKS     | λ     | JKS     |
|--------|---------|-------|---------|
| -1.000 | 986.042 | 0.375 | 100.256 |
| -0.500 | 291.083 | 0.500 | 96.949  |
| 0.000  | 134.094 | 0.625 | 97.288  |
| 0.125  | 118.198 | 0.750 | 101.686 |
| 0.250  | 107.205 |       |         |

Berdasarkan tabel 3.5, nilai  $\lambda$  yang dipilih adalah  $\lambda = 0.5$  karena memberikan nilai JKS terkecil, sehingga transformasinya adalah  $Y' = \sqrt{Y}$ 

### 3. Tansformasi untuk kehomogenan varian

Jika anggapan kehomogenan varian tidak terpenuhi, maka diperlukan transformasi untuk menstabilkannya. Bentuk transformasi yang digunakan dapat mengaju pada diagram pencar antara Y terhadap X, galat terhadap  $\hat{Y}$ , dan galat terhadap X. Transformasi ini juga membuat asumsi kenormalan dapat terpenuhi dengan baik. Bentuk transformasi terhadap Y disajikan pada tabel berikut :

**Tabel 3.4.** Bentuk transformasi berdasarkan kondisi  $Var(\varepsilon_i)$ 

| Kondisi Var $(\varepsilon_i)$                                     | Bentuk Transformasi                     |
|---|---|
| var (e <sub>i</sub> ) sevanding dengan x <sub>2</sub>             | $Y' = \frac{Y}{X}$ ; $X' = \frac{1}{X}$ |
| $Var(\varepsilon_i)$ sebanding dengan $E(Y_i)$                    | $Y' = \sqrt{Y}$                         |
| $\operatorname{Var}(\varepsilon_i)$ sebanding dengan $[E(Y_i)]^2$ | $Y' = \ln(Y) ; Y' = \log(Y)$            |

| $Var(\varepsilon_i)$ sebanding dengan $[E(Y_i)]^3$ | $Y' = \sqrt{Y}$ |
|--|-----------------|
| $Var(\varepsilon_i)$ sebanding dengan $[E(Y_i)]^4$ | Y' = 1/Y        |

bentuk transformasi yang umum dipakai adalah  $Y' = \log(Y)$ . Alasannya adalah karena bentuk transformasi ini sering menolong untuk Y yang memiliki rentangan besar tetapi nilai Y besar agak jarang sedangkan yang bernilai kecil amat berdekatan. Fungsi  $Y' = \log(Y)$  akan mendekatkan nilai Y yang besar dan merenggangjan nilai-nilai Y yang kecil.

### BAB 3. ANALISIS DAN PEMBAHASAN

### 3.1.Model linier

### 3.1.1 Model awal

### Coefficients

|            | Unstandardize | d Coefficients | Standardized<br>Coefficients |        |      |
|------------|---------------|----------------|------------------------------|--------|------|
|            | В             | Std. Error     | Beta                         | t      | Sig. |
| X_028      | 218           | .089           | 399                          | -2.463 | .019 |
| (Constant) | 33.323        | 8.063          |                              | 4.133  | .000 |

Berdasarkan tabel di atas, dapat diketahui bahwa:

$$\beta_0 = 33,323$$

$$\beta_1 = -0.218$$

Maka dapat disimpulkan bahwa persamaan regresinya adalah  $Y = 33,323 - 0,218X_1$ 

### 3.1.2 Uji hipotesis

Pada uji hipotesis dilakukan 2 macam uji yaitu untuk menguji kecocokan model dan juga menguji pengaruh variabel

### 3.2.1. Uji f (uji kecocokan model)

a. Menentukan hipotesis

$$H_0$$
:  $\beta_0 = \beta_1 = \beta_2 = \beta_3 = 0$  (model regresi tidak sesuai)

$$H_1: \beta_1 \neq 0$$
; 1, 2, 3 (model regresi sesuai)

b. Taraf signifikansi

$$\alpha = 5\% = 0.05$$

c. Uji statistik

### ANOVA

|            | Sum of<br>Squares | df | Mean Square | F     | Sig. |
|------------|-------------------|----|-------------|-------|------|
| Regression | 73.639            | 1  | 73.639      | 6.067 | .019 |
| Residual   | 388.379           | 32 | 12.137      |       |      |
| Total      | 462.018           | 33 |             |       |      |

The independent variable is X\_028.

Berdasarkan tabel anova dapat diketahui bahwa F = 6,067 dengan Sig = 0,019

d. Daerah kritis

Tolak  $H_0$  jika nilai Sig  $< \alpha$ 

e. Keputusan

Tolak  $H_0$  karena nilai  $Sig < \alpha (0.019 < 0.05)$ 

f. Kesimpulan

 $H_0$  ditolak karena nilai  $Sig < \alpha$ , yang berarti model regresi sesuai

### 3.2.2. Uji t (uji signifikansi)

a. Menentukan hipotesis

$$H_0$$
:  $\beta_i = 0$ ,  $j = 1$  (koefisien regresi tidak signifikan)

$$H_1: \beta_i \neq 0, j = 1$$
 (koefisien regresi signifikan)

b. Taraf signifikansi

$$\alpha = 5\% = 0.05$$

c. Uji statistik

### Coefficients

|            | Unstandardize<br>B | d Coefficients<br>Std. Error | Standardized<br>Coefficients<br>Beta | t      | Sig. |
|------------|--------------------|------------------------------|--------------------------------------|--------|------|
| X_028      | 218                | .089                         | 399                                  | -2.463 | .019 |
| (Constant) | 33.323             | 8.063                        |                                      | 4.133  | .000 |

Berdasarkan tabel coefficient, diketahui bahwa nilai  $t_{hitung} = -2,463$  dengan Sig = 0,019

d. Daerah kritis

Tolak  $H_0$  jika nilai Sig  $< \alpha$ 

e. Keputusan

Tolak  $H_0$  karena nilai  $Sig < \alpha (0.019 < 0.05)$ 

f. Kesimpulan

 $H_0$  ditolak karena nilai  $Sig < \alpha$ , yang berarti koefisien regresi  $\beta_i$  signifikan terhadap Y

### 3.1.3 Koefisien determinasi

### Model Summary

| R    | Adjusted R<br>R Square Square |      | Std. Error of<br>the Estimate |
|------|-------------------------------|------|-------------------------------|
| .399 | .159                          | .133 | 3.484                         |

The independent variable is X\_028.

Dari tabel summary diperoleh nilai  $R^2 = 0.159 = 15.9\%$ , artinya sebesar 15.9% variabel Y dipengaruhi oleh variabel X, sisanya sebesar 84.1% Y dipengaruhi oleh faktor lain.

## 3.1.4 Mean square error

### ANOVA

|            | Sum of<br>Squares | df | Mean Square | F     | Sig. |
|------------|-------------------|----|-------------|-------|------|
| Regression | 73.639            | 1  | 73.639      | 6.067 | .019 |
| Residual   | 388.379           | 32 | 12.137      |       |      |
| Total      | 462.018           | 33 |             |       |      |

The independent variable is X\_028.

Berdasarkan tabel ANOVA diperolah nilai MSE = 12,137 artinya rata-rata kuadrat perbedaan nilai asli dan prediksi adalah 12,137

### 3.1.5 Model akhir

Berdasarkan uji F, model regresi yang terbentuk cocok digunakan, sehingga dapat dilanjutkan dengan uji t. Berdasarkan uji t, dapat disimpulkan bahwa koefisien regresi signifikan, maka model akhir sama dengan model awal yaitu:  $Y = 33,323 - 0,218X_1$ 

### 3.2. Model kuadratik

### 3.2.1. Model awal

### Coefficients

|            | Unstandardized Coefficients |            | Standardized<br>Coefficients |        |      |
|------------|-----------------------------|------------|------------------------------|--------|------|
|            | В                           | Std. Error | Beta                         | t      | Sig. |
| X_028      | 3.725                       | 1.020      | 6.810                        | 3.651  | .001 |
| X_028 ** 2 | 022                         | .006       | -7.228                       | -3.875 | .001 |
| (Constant) | -143.221                    | 46.053     |                              | -3.110 | .004 |

Berdasarkan tabel coefficient diketahui:

$$\beta$$
0 = -143,221

$$\beta_1 = 3,725$$

$$\beta_2 = -0.022$$

Sehingga model kuadratiknya adalah  $Y = 143,221 + 3,725X_1 - 0,022X_1^2$ 

## 3.2.2. Uji kecocokan model (uji f)

a. Menentukan hipotesis

$$H_0$$
:  $\beta_0 = \beta_1 = \beta_2 = \beta_3 = 0$  (model regresi tidak sesuai)

$$H_1: \beta_1 \neq 0$$
; 1, 2, 3 (model regresi sesuai)

b. Taraf signifikansi

$$\alpha = 5\% = 0.05$$

c. Uji statistik

ANOVA

|            | Sum of<br>Squares | df | Mean Square | F      | Sig. |
|------------|-------------------|----|-------------|--------|------|
| Regression | 200.375           | 2  | 100.188     | 11.870 | .000 |
| Residual   | 261.643           | 31 | 8.440       |        |      |
| Total      | 462.018           | 33 |             |        |      |

The independent variable is X\_028.

Berdasarkan tabel anova dapat diketahui bahwa F = 11,870 dengan Sig = 0,000

d. Daerah kritis

Tolak  $H_0$  jika nilai Sig  $< \alpha$ 

e. Keputusan

Tolak  $H_0$  karena nilai  $Sig < \alpha \ (0.000 < 0.05)$ 

f. Kesimpulan

 $H_0$  ditolak karena nilai  $Sig < \alpha$ , yang berarti model regresi sesuai

- 3.2.3. Uji signifikansi parameter
  - a. Menentukan hipotesis

 $H_0$ :  $\beta_i = 0$ , j = 1 (koefisien regresi tidak signifikan)

$$H_1: \beta_i \neq 0, j = 1$$
 (koefisien regresi signifikan)

b. Taraf signifikansi

$$\alpha = 5\% = 0.05$$

c. Uji statistik

### Coefficients

|            | Unstandardized Coefficients |            | Standardized<br>Coefficients |        |      |
|------------|-----------------------------|------------|------------------------------|--------|------|
|            | В                           | Std. Error | Beta                         | t      | Sig. |
| X_028      | 3.725                       | 1.020      | 6.810                        | 3.651  | .001 |
| X_028 ** 2 | 022                         | .006       | -7.228                       | -3.875 | .001 |
| (Constant) | -143.221                    | 46.053     |                              | -3.110 | .004 |

Berdasarkan tabel coefficient, diketahui bahwa nilai  $t_{hitung} = -3,875$  dengan

$$Sig = 0.001$$

d. Daerah kritis

Tolak  $H_0$  jika nilai Sig  $< \alpha$ 

e. Keputusan

Tolak  $H_0$  karena nilai  $Sig < \alpha \ (0.001 < 0.05)$ 

### f. Kesimpulan

 $H_0$  ditolak karena nilai  $Sig < \alpha$ , yang berarti koefisien regresi  $\beta_i$  signifikan terhadap Y

### 3.2.4. Koefisien determinasi

### Model Summary

| R    | R Square | Adjusted R<br>Square | Std. Error of<br>the Estimate |
|------|----------|----------------------|-------------------------------|
| .659 | .434     | .397                 | 2.905                         |

The independent variable is X\_028.

Dari tabel summary diperoleh nilai  $R^2 = 0.434 = 43.4\%$ , artinya sebesar 43,4% variabel Y dipengaruhi oleh variabel X, sisanya sebesar 56,6% Y dipengaruhi oleh faktor lain.

### 3.2.5. Mean square error (MSE)

### ANOVA

|            | Sum of<br>Squares | df | Mean Square | F      | Sig. |
|------------|-------------------|----|-------------|--------|------|
| Regression | 200.375           | 2  | 100.188     | 11.870 | .000 |
| Residual   | 261.643           | 31 | 8.440       |        |      |
| Total      | 462.018           | 33 |             |        |      |

The independent variable is X\_028.

Berdasarkan tabel ANOVA diperolah nilai MSE = 8,440 artinya rata-rata kuadrat perbedaan nilai asli dan prediksi adalah 8,440

### 3.2.6. Model akhir

Berdasarkan uji F, model regresi yang terbentuk cocok digunakan, sehingga dapat dilanjutkan dengan uji t. Berdasarkan uji t, dapat disimpulkan bahwa koefisien regresi signifikan, maka model akhir sama dengan model awal yaitu:  $Y = 143,221 + 3,725X_1 - 0,022X_1^2$ 

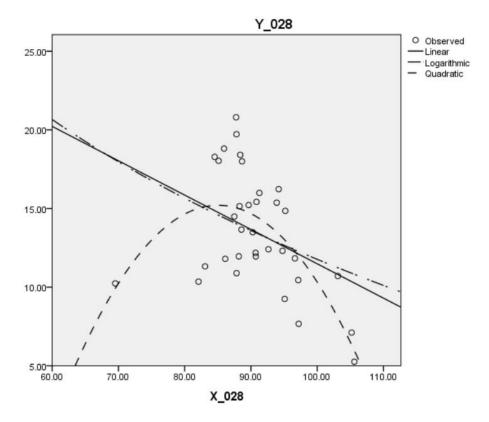
Pemilihan model terbaik

Tabel perbanadingan model linier dan kuadratik:

| Model     | Uji F       | Uji-t                     | MSE    | R     |
|-----------|-------------|---------------------------|--------|-------|
| Linier    | Model Cocok | $\beta_1$ signifikan      | 12,137 | 15,9% |
| Kuadratik | Model Cocok | β <sub>1</sub> signifikan | 8,440  | 43,4% |
|           |             | β <sub>2</sub> signifikan |        |       |

Berdasarkan tabel di atas, model terbaiknya adalah kuadratik karena model cocok dari uji F, signifikan dari uji t, nilai MSE paling kecil dibandingkan model lain yaitu 8,440, dan nilai R2 sebesar 43,4%. Maka model terakhirnya adalah  $Y = 143,221 + 3,725X_1 - 0,022X_1^2$ 

Curve estimation



Secara visual data observasi tersebar acak mendekati atau di sekitar garis kuadratik, sehingga secara visual model terbaik adalah model kuadratik.

# **BAB 4. KESIMPULAN**

Dari permasalahan yang terdapat pada bab 3, ditemukan hasil dari model regresi, uji hipotesis, uji asumsi, koefisien korelasi, dan juga model akhir dari sebuah model liniear dan kuadratik dengan bantuan SPSS dalam perhitungan adalah sebagai berikut :

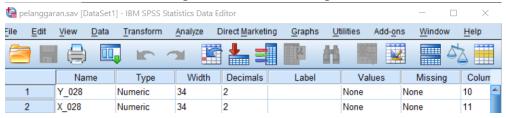
- 1 Model regresi:
  - a. Linear  $= Y = 33,323 0,218X_1$
  - b. Kuadratik =  $Y = 143,221 + 3,725X_1 0,022X_1^2$
- 2 Dilakukan 2 uji pada tahapan uji hipotesis yaitu uji f dan uji t dengan hasil menolak  $H_0$  karena nilai  $Sig < \alpha$ , yang berarti model regresi sesuai dan variabel X berpengaruh terhadap variabel Y
- 3 Dari perbandingan untuk mencari model terbaik, diperoleh model kuadratiklah yang menjadi model terbaik
- 4 Berdasarkan kurva estimasi juga diperolah bahwa model terbaik adalah model kuadratik karena model observasi tersebar acak mendekati model kuadratik

### **DAFTAR PUSTAKA**

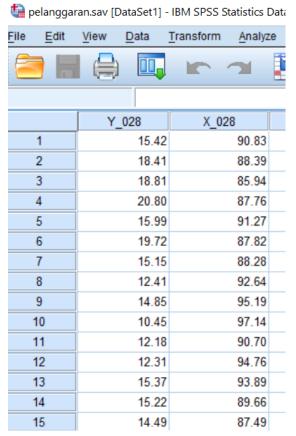
- Arya, D., Rochmawati, L., & Sonhaji, I. (2020). Koefisien Korelasi (R) Dan Koefisien Determinasi (R2). *Jurnal Penelitian*, 5(4), 289-296.
- Janie, D. N. A. (2012). Statistik deskriptif & regresi linier berganda dengan SPSS. Jurnal, April.
- Mardiatmoko, G. (2020). PENTINGNYA UJI ASUMSI KLASIK PADA ANALISIS REGRESI LINIER BERGANDA.
- Meiryani. "MEMAHAMI ASUMSI KLASIK DALAM PENELITIAN ILMIAH", <a href="https://accounting.binus.ac.id/2021/08/06/memahami-uji-asumsi-klasik-dalam-penelitian-ilmiah/">https://accounting.binus.ac.id/2021/08/06/memahami-uji-asumsi-klasik-dalam-penelitian-ilmiah/</a>, diakses pada 20 Februari 2022 pukul 12.00
- Tupen, S. N., & Budiantara, I. N. (2011, May). Uji Hipotesis dalam Regresi Nonparametrik Spline. In *Prosiding Seminar Nasional Statistika Universitas Diponegoro 2011* (pp. 184-199). Program Studi Statistika FMIPA Undip.

### **LAMPIRAN**

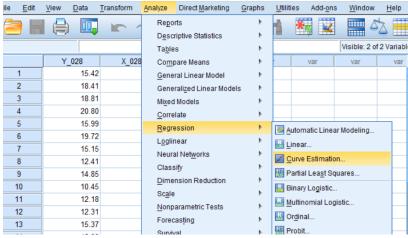
- 1. Langkah-langkah analisis
  - a. Buat file data. Sebelum memasukan data pada Data View, definisikan terlebih dahulu variabel respon Y dan variabel X pada Variabel View



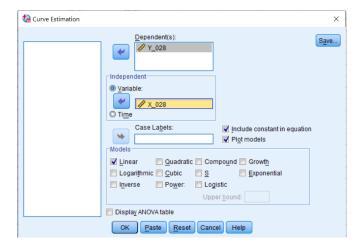
b. Isikan data yang tersedia pada sel-sel yang sesuai pada Data View.



c. Klik tombol Analyze – Regresion – Curve estimation pada menu utama SPSS pada Data View



d. Isilah kotak Dependent dengan variabel Y (respon) dan kotak Independent dengan variabel X (predictor)



# 2. Output Analisis pada SPSS

GET
FILE='D:\statieg\pelanggaran.sav'.
DATASET NAME DataSet1 WINDOW=FRONT.
\* Curve Estimation.
TSET NEWVAR-NONE.
CUNVEFIT
/VARIABLES=Y\_028 WITH X\_028
/CONSTANT
/MODEL-LINEAR LOGARITHMIC QUADRATIC
/FRINT ANOVA
/PLOT FIT.

### Curve Fit

[DataSetl] D:\statreg\pelanggaran.sav

| Model Name               |                             | MOD_1                       |       |
|--------------------------|-----------------------------|-----------------------------|-------|
| Dependent Variable       | 1                           | Y_028                       |       |
| Equation                 | 1                           | Linear                      |       |
|                          | 2                           | Logarithmic                 |       |
|                          | 3                           | Quadratic                   |       |
| Independent Variable     |                             | X_028                       |       |
| Constant                 |                             | Included                    |       |
| Variable Whose Values    | Label Observations in Plots | Unspecified                 |       |
| Tolerance for Entering 1 | Terms in Equations          | notes Control Stock Control | .0001 |

### Y\_028

### Linear

### Model Summary

| R    | R Square | Adjusted R<br>Square | Std. Error of<br>the Estimate |
|------|----------|----------------------|-------------------------------|
| .399 | .159     | .133                 | 3.484                         |

The independent variable is X\_028.

### ANOVA

|            | Sum of<br>Squares | df | Mean Square | F     | Sig. |
|------------|-------------------|----|-------------|-------|------|
| Regression | 73.639            | 1  | 73.639      | 6.067 | .019 |
| Residual   | 388.379           | 32 | 12.137      |       |      |
| Total      | 462 018           | 33 |             |       |      |

The independent variable is X\_028.

### Coefficients

|            | Unstandardize<br>B | d Coefficients<br>Std. Error | Standardized<br>Coefficients<br>Beta | t      | Sig. |
|------------|--------------------|------------------------------|--------------------------------------|--------|------|
| X_028      | 218                | .089                         | 399                                  | -2.463 | .019 |
| (Constant) | 33.323             | 8.063                        |                                      | 4.133  | .000 |

### Case Processing Summary

|                             | N  |
|-----------------------------|----|
| Total Cases                 | 34 |
| Excluded Cases <sup>a</sup> | 0  |
| Forecasted Cases            | 0  |
| Newly Created Cases         | 0  |

Cases with a missing value in any variable are excluded from the analysis.

### Variable Processing Summary

|                           |                |           | ables       |
|---------------------------|----------------|-----------|-------------|
|                           |                | Dependent | Independent |
|                           |                | Y_028     | X_028       |
| Number of Positive Values |                | 34        | 34          |
| Number of Zeros           |                | 0         | 0           |
| Number of Negative Values |                | 0         | 0           |
| Number of Missing         | User-Missing   | 0         | 0           |
| Values                    | System-Missing | 0         | 0           |

### Logarithmic

### **Model Summary**

| R    | R Square | Adjusted R<br>Square | Std. Error of<br>the Estimate |
|------|----------|----------------------|-------------------------------|
| .358 | .128     | .101                 | 3.548                         |

The independent variable is X\_028.

### ANOVA

|            | Sum of<br>Squares | df | Mean Square | F     | Sig. |
|------------|-------------------|----|-------------|-------|------|
| Regression | 59.130            | 1  | 59.130      | 4.696 | .038 |
| Residual   | 402.888           | 32 | 12.590      |       |      |
| Total      | 462.018           | 33 |             |       |      |

The independent variable is X\_028.

### Coefficients

|            | Unstandardized Coefficients |            | Standardized<br>Coefficients |        |      |
|------------|-----------------------------|------------|------------------------------|--------|------|
|            | В                           | Std. Error | Beta                         | t      | Sig. |
| In(X_028)  | -17.403                     | 8.031      | 358                          | -2.167 | .038 |
| (Constant) | 91.913                      | 36.180     |                              | 2.540  | .016 |

### Quadratic

### Madel Cummon

| R    | R Square | Adjusted R<br>Square | Std. Error of<br>the Estimate |
|------|----------|----------------------|-------------------------------|
| .659 | .434     | .397                 | 2.905                         |

The independent variable is X\_028.

### MOVA

|          |    | Sum of<br>Squares | df | Mean Square | F      | Sig. |
|----------|----|-------------------|----|-------------|--------|------|
| Regressi | on | 200.375           | 2  | 100.188     | 11.870 | .000 |
| Residual |    | 261.643           | 31 | 8.440       |        |      |
| Total    |    | 462.018           | 33 |             |        |      |

The independent variable is X\_028.

### oofficient

|            | Unstandardized Coefficients |            | Standardized<br>Coefficients |        |      |
|------------|-----------------------------|------------|------------------------------|--------|------|
|            | В                           | Std. Error | Beta                         | t      | Sig. |
| X_028      | 3.725                       | 1.020      | 6.810                        | 3.651  | .001 |
| X_028 ** 2 | 022                         | .006       | -7.228                       | -3.875 | .001 |
| (Constant) | -143.221                    | 46.053     |                              | -3.110 | .004 |

