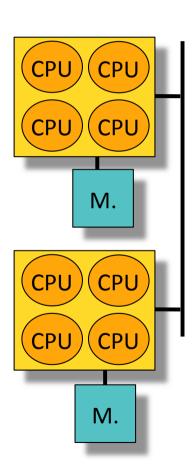
Approche mémoire partagée

Threads

- Paradigme de l'approche
- Objets exécutés par les processeurs
- threads vs processus,
 - un thread possède :
 - Ses registres, sa pile, des données propres (errno)
 - Son masque de signaux, ses signaux pendants
 - Des propriétés (mode d'ordonnancement, taille de la pile)
 - ✓ Accès aux ressources partagées
 - Mutex et Condition vs semaphore posix + mmap
 - ✓ Faible coût relatif des opérations de base (création,...)
 - Pas de protection mémoire



API pthread

https://computing.llnl.gov/tutorials/pthreads/

- Avantages d'une interface bas niveau
 - On peut contrôler presque tout
 - On peut inventer ses propres mécanismes de synchronisation
- API POSIX
 - Création et gestion de la terminaison des threads
 - Gestion des attributs (taille de la pile, politique d'ordonnancement, placement)
 - Gestion des mutex et des rwlock
 - rwlock : plusieurs lecteurs à la fois / un seul écrivain
 - Gestion des conditions
 - Gestion des variables spécifiques à un thread
- API C11
 - Intégration des threads au langage (simplifications)
 - Gestion des données (remplace des intrinsic/builtin functions de gcc)
 - Variables atomiques (choix du modèle de cohérence mémoire)
 - Alignement des données

Calcul en parallèle de Y[i] = f(T,i)

```
for( int n= debut; n < fin; n++)
Y[n] = f(T,n)
```

- Objectif: paralléliser avec la plus grande efficacité
 - Faire en sorte que les threads terminent tous en même temps
- 2 grandes approches:
 - statique : on distribue les indices au moment de la création des threads
 - dynamique : on distribue les indices au fur et à mesure

Calcul en parallèle de Y[i] = f(T,i) statique

```
int main()
void appliquer_f(void *i)
int debut = (int) i * TAILLE_TRANCHE;
                                               for (int i = 0; i < NB_THREADS; i++)
                                                pthread_create(&threads[I], NULL,
int fin = ((int) i+1) * TAILLE_TRANCHE;
                                                                appliquer f, (void *)i);
for( int n= debut; n < fin; n++)
                                               for (int i = 0; i < NB THREADS; i++)
 output[n] = f(input,n);
                                                pthread_join(threads[I], NULL);
// pthread_exit(NULL);
                                                Parallélisation efficace lorsque le travail
                                                est réparti de façon équilibré
```

Calcul en parallèle de Y[i] = f(T,i) dynamique

Admettons que les n premiers indices concentre la moitié du travail :

=> speed-up limité à 2 si un seul thread traite ces n premiers indices

- Approche dynamique pour limiter ce risque
 - Utiliser un distributeur d'indices

```
pthread mutex t mutex = PTHREAD MUTEX INITIALIZER;
int indice = 0;
int
obtenir indice()
 int k;
 pthread mutex lock(&mutex);
 k = indice++;
 pthread mutex unlock(&mutex);
 return (indice > NB ELEM) ? -1: indice;
void appliquer f(void *i)
int n:
while (n = obtenir indice()) > 0)
 output[n] = f(input,n);
```

Calcul en parallèle de Y[i] = f(T,i)

Admettons que les n premiers indices concentre la moitié du travail :

=> speed-up limité à 2 si un seul thread traite ces n premiers indices

- Approche dynamique pour limiter ce risque
 - Utiliser un distributeur d'indices

Intuitivement le temps passé en section critique doit être négligeable par rapport au temps de calcul.

```
pthread mutex t mutex = PTHREAD MUTEX INITIALIZER;
int indice = 0;
int
obtenir indice()
 int k;
 pthread mutex lock(&mutex);
 k = indice++;
 pthread mutex unlock(&mutex);
 return (indice > NB ELEM) ? -1: indice;
void appliquer f(void *i)
int n:
while((n= obtenir indice()) > 0)
 output[n] = f(input,n);
```

Coût de la synchronisation

Impact du temps passé en section critique sur le speed up

Code d'un thread

48 cœurs AMD

% section critique	speedup
0,0%	47,0
1,0%	45,6
2,0%	43,8
3,0%	31,4
4,0%	24,2
5,0%	19,9
6,0%	16,3

Le temps passé en section critique doit être négligeable par rapport au temps de calcul.

Dans le cadre d'un schéma de calcul itératif il est préférable que la fraction du temps passé en section critique ne dépasse pas 1 / (nombre cœurs) par itération.

Applications (Annales)

• Il s'agit de paralléliser le plus efficacement possible la boucle suivante (en modifiant au besoin le code):

- En supposant que le temps de calcul de f(i) ne dépends pas de la valeur de i;
- En supposant que le temps de calcul de f(i+1) est toujours (très) supérieur à celui de f(i).

Programme film

Parallélisation

- Optimiser les accès mémoire
 - Analyse du comportement du programme pour 3 images
 - Taille d'une image: 5 Mo
 - Taille du cache L3: 8 Mo
 - Taille du cache L2 : 256 Ko
 - Taille du cache L1 : 32 Ko
 - 2 images ne peuvent tenir en même temps dans le cache

```
void difference(){
  for(int n=0; n < N-1; n++)
    for(int i=0; i < 1024; i++)
    for(int j=0; j < 1280; j++)
      if (film[n][i][j] != film[n+1][i][j])
      diff[n]++;
}</pre>
```

Parallélisation

- Optimiser les accès mémoire
 - Analyse du comportement du programme pour 3 images
 - Taille d'une image: 5 Mo
 - Taille du cache L3:8 Mo
 - 2 images ne peuvent tenir en même temps dans le cache

Supposons que le cache soit de type LRU

- film[1][0][0] est chargé pour être comparé à film[1][0][0]
- film[1][0][0] est évincé du cache L3 (à film + 4Mo)
- film[1][0][0] est rechargé pour être comparé à film[2][0][0]

```
void difference(){
  for(int n=0; n < N-1; n++)
    for(int i=0; i < 1024; i++)
    for(int j=0; j < 1280; j++)
      if (film[n][i][j] != film[n+1][i][j])
            diff[n]++;
}</pre>
```

Parallélisation

- Optimiser les accès mémoire
 - Analyse du comportement du programme pour 3 images
 - Taille d'une image: 5 Mo
 - Taille du cache L3:8 Mo
 - 2 images ne peuvent tenir en même temps dans le cache

Supposons que le cache soit de type LRU

- film[1][0][0] est chargé pour être comparé à film[1][0][0]
- film[1][0][0] est évincé du cache L3 (à film + 4Mo)
- film[1][0][0] est rechargé pour être comparé à film[2][0][0]

```
void difference(){
  for(int n=0; n < N-1; n++)
    for(int i=0; i < 1024; i++)
    for(int j=0; j < 1280; j++)
      if (film[n][i][j] != film[n+1][i][j])
      diff[n]++;
}</pre>
```

```
void difference(){
  for(int i=0; i < 1024; i++)
    for(int n=0; n < N-1; n++)
    for(int j=0; j < 1280; j++)
        if (film[n][i][j] != film[n+1][i][j])
        diff[n]++;
}</pre>
```

Placement des threads GNU / LINUX

- Objectif: maitriser la machine
 - Empêcher les interventions contreproductive du système d'exploitation
 - Conserver le cache
 - Technique
 - Éviter d'utiliser plus de threads qu'il y a de cœurs
 - Mieux : fixer les threads
- Exemple : placer le thread i sur le cœur i modulo 16

Machine Leger (salle 008)

	Séquentiel	Parallèle
original avec if	1073.8	368.4
Permutation n et i avec if	1023.8	150.5
Permutation sans if:	641.1	132.4
bloc de 1ko	700.3	103.0
bloc de 2ko	419.3	74.6
bloc de 4ko	300.6	81.5
bloc de 8ko	282.8	69.0
bloc de 16ko	269.5	68.3
bloc de 32ko	273.9	66.5
bloc de 64ko	270.2	67.9
bloc de 128ko	280.9	76.2
bloc de 256ko	287.5	77.1
bloc de 512ko	285.9	87.8
bloc de 1024ko	285.7	106.9

Leger

original avec if	1073.8	368.4	
Permutation n et i avec if	1023.8	150.5	
Permutation sans if:	641.1	132.4	
bloc de 1ko	700.3	103.0	mauvaise utilisation TLB
bloc de 2ko	419.3	74.6	
bloc de 4ko	300.6	81.5	
bloc de 8ko	282.8	69.0	
bloc de 16ko	269.5	68.3	L1 saturé
bloc de 32ko	273.9	66.5	
bloc de 64ko	270.2	67.9	
bloc de 128ko	280.9	76.2	L2 saturé
bloc de 256ko	287.5	77.1	
bloc de 512ko	285.9	87.8	L3 complet
bloc de 1024ko	285.7	106.9	

Machine Leger (salle 008)

	Séquentiel	statique	dynamique
original avec if	1073.8	368.4	211
Permutation n et i avec if	1023.8	150.5	159
Permutation sans if:	641.1	132.4	158
bloc de 1ko	700.3	103.0	148
bloc de 2ko	419.3	74.6	112
bloc de 4ko	300.6	81.5	90
bloc de 8ko	282.8	69.0	85
bloc de 16ko	269.5	68.3	81
bloc de 32ko	273.9	66.5	78.4
bloc de 64ko	270.2	67.9	79
bloc de 128ko	280.9	76.2	83
bloc de 256ko	287.5	77.1	90
bloc de 512ko	285.9	87.8	87
bloc de 1024ko	285.7	106.9	123

Boursouf – AMD 48 cœurs

Seq	48 c.	16 c.
3506.9	905.3	846
2178.9	468.3	440
1825.0	465.5	437
1055.8	280.2	270
944.4	251.9	244
885.8	239.8	230
858.8	237.0	223
840.2	239.7	220
834.4	236.8	222
1005.0	252.9	225
1004.4	267.1	250
1008.5	276.8	284
809.9	270.1	268
621.5	350.6	341
	3506.9 2178.9 1825.0 1055.8 944.4 885.8 858.8 840.2 834.4 1005.0 1004.4 1008.5 809.9	3506.9 905.3 2178.9 468.3 1825.0 465.5 1055.8 280.2 944.4 251.9 885.8 239.8 858.8 237.0 840.2 239.7 834.4 236.8 1005.0 252.9 1004.4 267.1 1008.5 276.8 809.9 270.1

Point sur l'équilibrage de charge

- Répartir algorithmiquement équitablement le travail entre les threads
 - Nécessaire mais pas suffisant
- Le débit mémoire peut limiter l'accélération
 - Nécessaire optimisation des accès mémoire
 - Un défaut en version séquentielle peut provoquer un embouteillage lors d'une exécution parallèle
 - Ce peut être une limitation intrinsèque de l'application
- Utiliser tous les cœurs peut être contreproductif
 - Augmentation de la contention
 - mémoire bus
 - sections critiques (variables partagées)
- L'objectif est d'utiliser de façon équilibrée l'utilisation de la machine (cœurs, mémoires, bus, cartes réseaux...)

Point sur l'équilibrage de charge

- Approche statique très performante si l'on sait équilibrer la charge à l'avance
 - Approche la plus simple à comprendre et à optimiser
 - Plus satisfaisante intellectuellement.
 - Non adaptée aux problèmes irréguliers
 - la complexité du traitement est plus liée à la valeur des données qu'à leur structuration
- Un recours : l'approche dynamique
 - Augmente la probabilité d'équilibrer la charge
 - N'est pas à l'abri d'un manque de chance
 - Augmente la synchronisation (contention sur un mutex)
 - Un compromis : jouer sur la granularité
 - Distribuer des tranches d'indices de tailles intermédiaires
- Alternatives :
 - Voler du travail
 - Un processeur inoccupé prend des indices à un autre processeur
 - Augmenter le nombre de threads
 - Et laisser faire le système d'exploitation...

Maîtriser les synchronisations

- Mise œuvre d'une barrière de synchronisation
 - Simple
 - Version deux temps
- Montrer que l'on peut remplacer des synchronisations par du calcul redondant

```
int main()
for (int etape = 0; etape < k; etape++)
 for (int i = 0; i < NB THREADS; i++)
 pthread_create(&threads[I], NULL,
                 appliquer f, (void *)i);
for (int i = 0; i < NB THREADS; i++)
 pthread_join(threads[I], NULL);
memcpy(input,output,...);
```

```
void appliquer f(void *i)
int debut = (int) i * TAILLE TRANCHE;
                                            int main()
int fin = ((int) i+1) * TAILLE TRANCHE;
double *entree = input;
                                            for (int i = 0; i < NB THREADS; i++)
                                              pthread create(&threads[I], NULL,
double *sortie = output;
                                                             appliquer f, (void *)i);
for(int etape=0; etape < k; etape++)</pre>
                                            for (int i = 0; i < NB THREADS; i++)
                                              pthread join(threads[I], NULL);
for(int n= debut; n < fin; n++)
 sortie[n] = f(entree,n);
 echanger(entree, sortie);
 pthread_barrier_wait(&b); // attendre
                                            => Surcoût moindre
```

Paradigme de programmation Single Program Multiple Data

```
int main()
for (int etape = 0; etape < k; etape++)
 for (int i = 0; i < NB THREADS; i++)
 pthread_create(&threads[I], NULL,
                 appliquer f, (void *)i);
for (int i = 0; i < NB THREADS; i++)
 pthread_join(threads[I], NULL);
memcpy(input,output,...);
```

```
void appliquer f(void *i)
int debut = (int) i * TAILLE TRANCHE;
                                            int main()
int fin = ((int) i+1) * TAILLE TRANCHE;
double *entree = input;
                                            for (int i = 0; i < NB THREADS; i++)
                                              pthread create(&threads[I], NULL,
double *sortie = output;
                                                             appliquer f, (void *)i);
for(int etape=0; etape < k; etape++)</pre>
                                            for (int i = 0; i < NB THREADS; i++)
                                              pthread join(threads[I], NULL);
for(int n= debut; n < fin; n++)
 sortie[n] = f(entree,n);
 echanger(entree,sortie);
 pthread_barrier_wait(&b); // attendre
                                            => Surcoût moindre
```

Implémentation d'une barrière

```
typedef struct {
  pthread_cond_t condition;
  pthread_mutex_t mutex;
  int attendus;
  int arrives;
} barrier_t;

int
barrier_wait(barrier *b)
{
```

```
int val = 0;
pthread mutex lock(&b->mutex);
b->arrives++;
if ( b->arrives != b->attendus)
 pthread cond wait(&b->condition,
                     &b->mutex);
else {
 val=1;
 b->arrives = 0;
 pthread cond broadcast(b->condition);
pthread mutex unlock(&b->mutex);
return val;
```

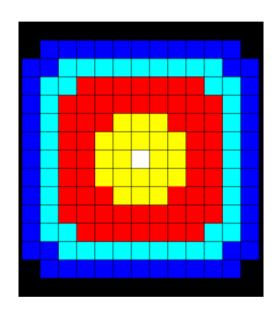
Application au stencil (pochoir)

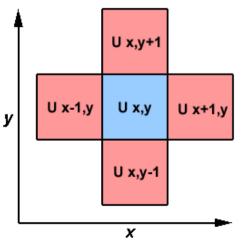
- Méthode itérative de calcul de la valeur des éléments d'un tableau
- La valeur suivante est fonction des cellules voisines.
- Les cellules utiles au calcul d'une cellule forment un motif : le pochoir
- Applications :
 - Résolution EDP
 - Résolution système linéaire
 - simulation

$$U_{x,y} = U_{x,y}$$

$$+ C_x * (U_{x+1,y} + U_{x-1,y} - 2 * U_{xy})$$

$$+ C_y * (U_{x,y+1} + U_{x,y-1} - 2 * U_{x,y})$$

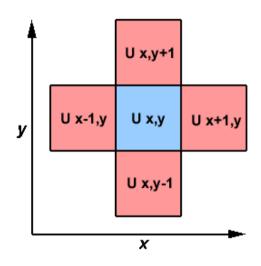




Stencil - séquentiel

On travaille sur deux tableaux

```
int T[2][DIM][DIM];
for(etape = 0; etape < ETAPE; etape++)
{
    in = 1-in;
    out = 1 - out;
    for(i=1; i < DIM-1; i++)
        for(j=1; j < DIM-1; i++)
        {
            T[out][i][j] = f(Voisinage(T,i,j,in))
        }
}</pre>
```

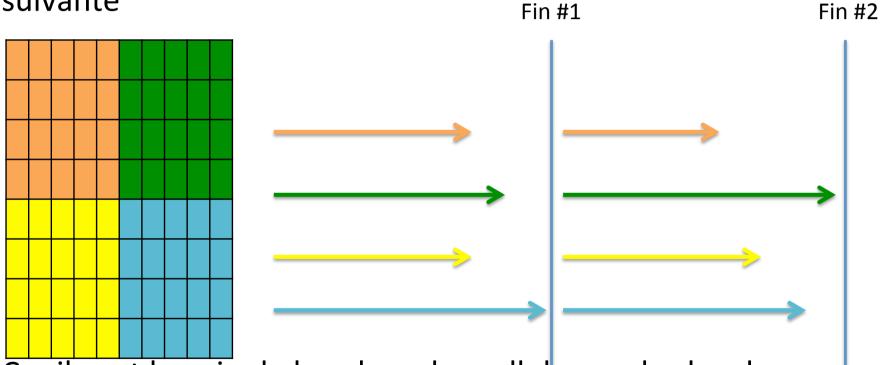


Stencil Code d'un thread version SPMD

```
void calculer(void *id)
 int mon_ordre = (int) id;
 int etape, in = 0, out = 1;
 int debut = id * ...
 int fin = (id +1) * ...
 for (etape=0 ...)
  for(i = debut; i < fin; i++)</pre>
  pthread_barrier_wait(&bar);
```

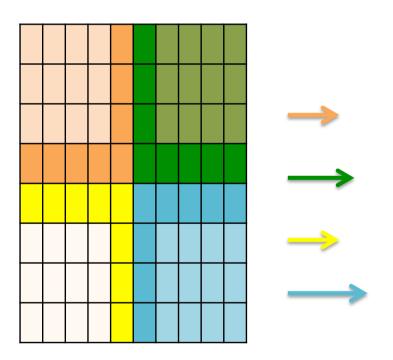
Stencil Observation des synchronisations

 Les threads s'attendent en fin d'étape pour passer à la suivante

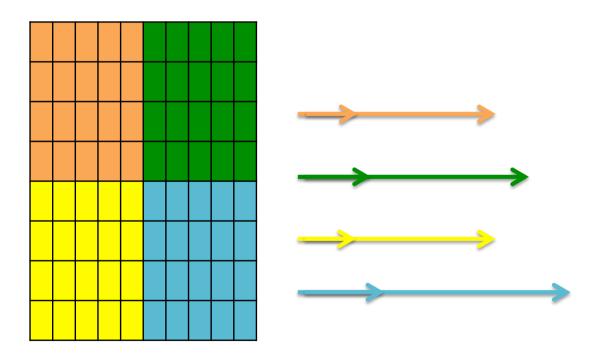


 Car ils ont besoin de la valeur des cellules sur les bords calculés par les threads voisins

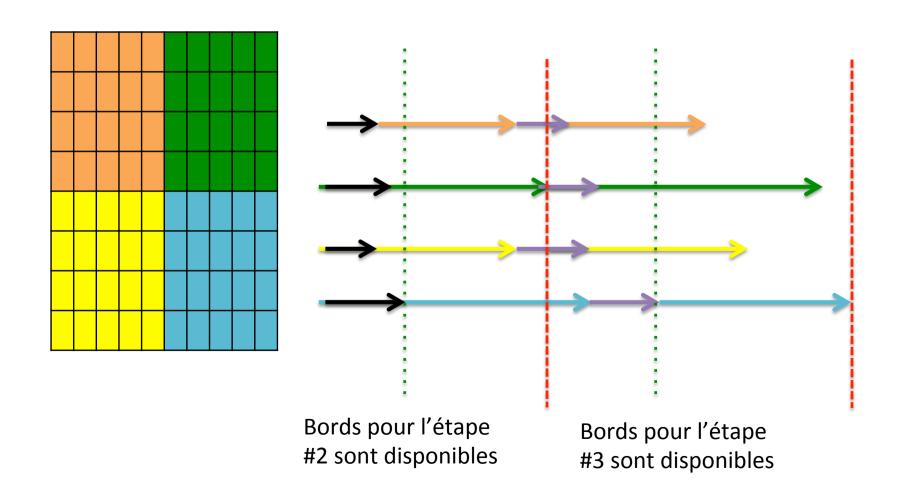
• Calculons les bords en premier



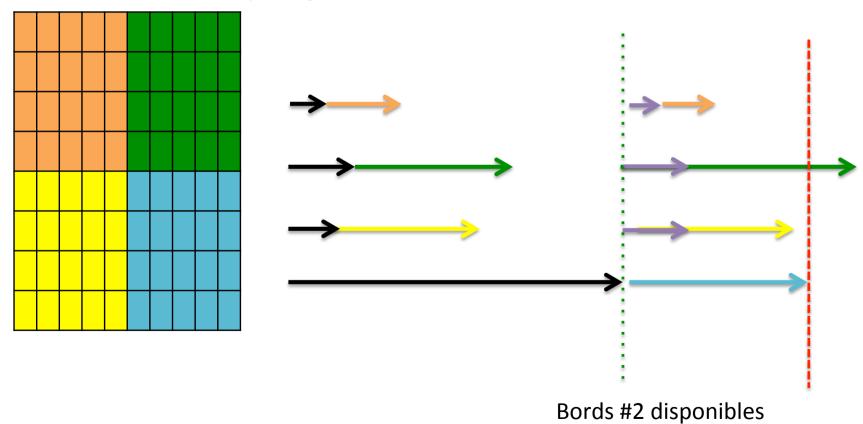
• Puis l'intérieur des régions



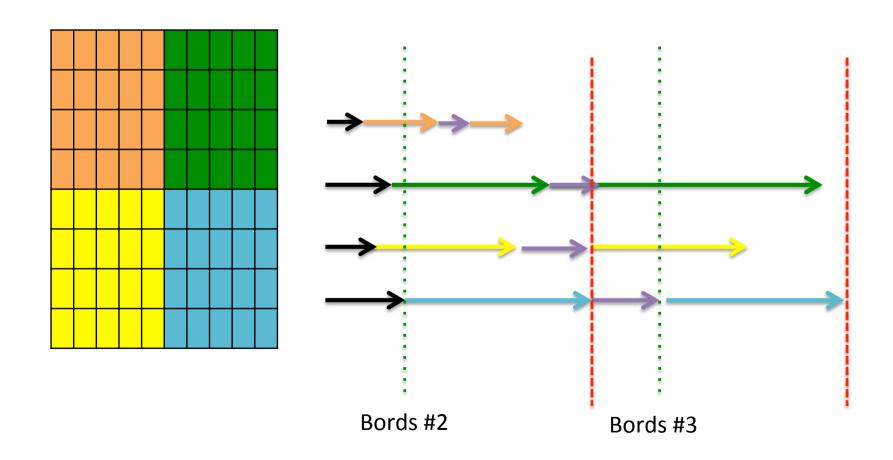
Ici les threads peuvent enchainer deux étapes sans s'attendre



- Mais on ne gagne pas toujours :
 - Cas d'un bord trop long à calculer



• Pour gagner le calcul doit être bien équilibrer



Barrière en 2 temps

- int pthread_barrier_wait_begin(barrier_t *bar);
 Non bloquant
 Fin du travail personnel
 Fin du travail collectif
- int pthread_barrier_wait_end(barrier_t *bar);
 - Bloquant si tous les threads n'ont pas passé le wait_begin

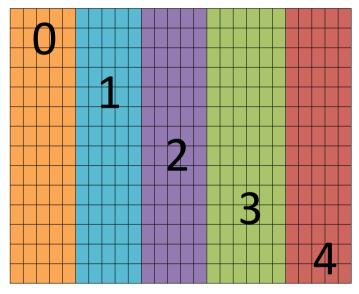
Stencil code barrière en 2 temps

```
calculer_bordure();
pthread_barrier_wait_begin(&bar);
calculer_centre();

if( pthread_barrier_wait_end(&bar) == 0) // dernier thread a avoir franchi la barrière
{
}
```

Stencil Vers plus de désynchronisation

Une barrière par frontière



- Faire cohabiter plusieurs générations en même temps
 - Nécessite un compteur de cellules par génération

Stencil Encore plus de désynchronisation

- Réduire le nombre de synchronisations
 - On peut calculer l'état d'une cellule sur k étapes si on connaît l'état des cellules à distance k.

```
      0
      0
      0
      0
      0

      0
      0
      0
      0
      0

      0
      0
      0
      0
      0

      0
      0
      0
      0
      0

      0
      0
      0
      0
      0
```

Stencil Encore plus de désynchronisation

- Réduire le nombre de synchronisations
 - On peut calculer l'état d'une cellule sur k étapes si on connaît l'état des cellules à distance k.

```
0 0 0 0 0
0 1 1 1 0
0 1 1 1 0
0 1 1 1 0
0 0 0 0
```

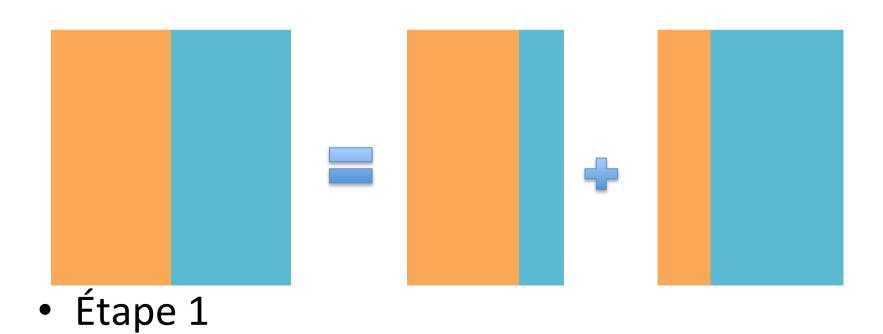
Stencil Encore plus de désynchronisation

- Réduire le nombre de synchronisations
 - On peut calculer l'état d'une cellule sur k étapes si on connaît l'état des cellules à distance k.

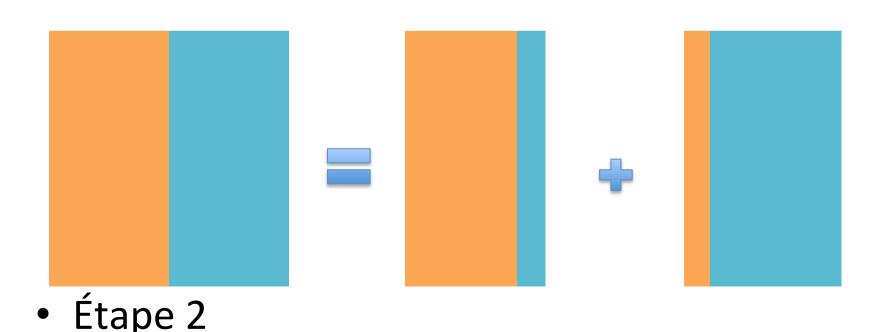
```
0 0 0 0 0
0 1 1 1 0
0 1 2 1 0
0 1 1 1 0
0 0 0 0 0
```

Idée : remplacer des synchronisations par du calcul redondant

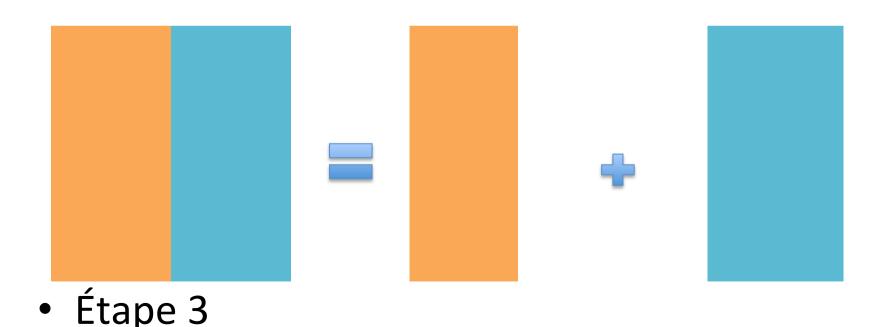
- Dupliquer la zone frontière voisine
 - épaisseur de k cellules permet de calculer k étapes sans synchronisation



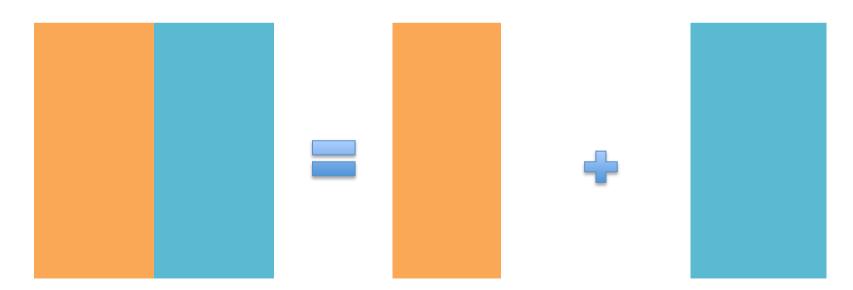
- Dupliquer la zone frontière voisine
 - épaisseur de k cellules permet de calculer k étapes sans synchronisation



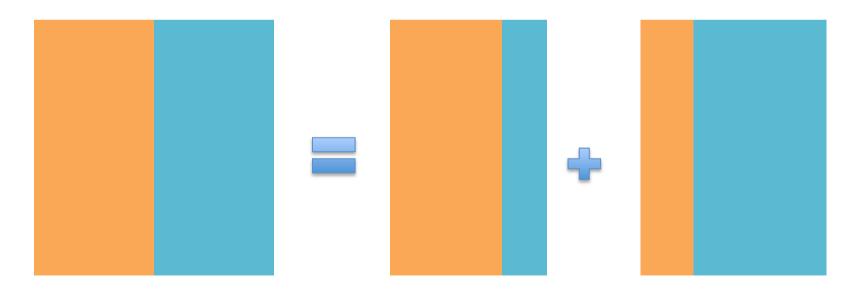
- Dupliquer la zone frontière voisine
 - épaisseur de k cellules permet de calculer k étapes sans synchronisation



- Dupliquer la zone frontière voisine
 - épaisseur de k cellules permet de calculer k étapes sans synchronisation
 - Nécessite une barrière puis une recopie



- Dupliquer la zone frontière
 - épaisseur k permet de calculer k étapes sans synchronisation
 - Nécessite une barrière puis une recopie



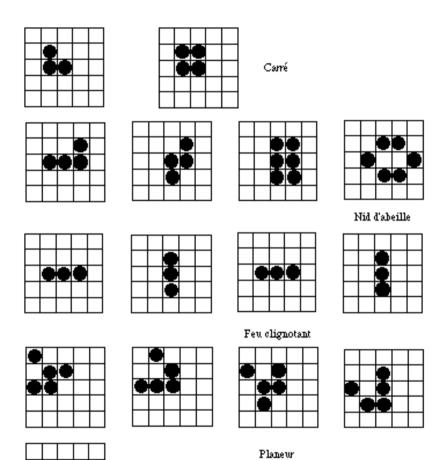
Technique utilisée lorsque les synchronisation sont coûteuses (réseaux – machines complexes)

Conclusion sur le chapitre

- Tirer les meilleures performances d'une machine pour un problème donné demande
 - Une étude algorithmique
 - Faire apparaître des traitements indépendants
 - Synchroniser modérément
 - Une mise au point sur machine
 - Expérimenter pour observer
 - Optimiser pour comprendre
 - Utilisation d'outils spécialisés
- Programmer avec les threads
 - C'est bien car
 - On contrôle presque tout
 - On peut inventer ses propres mécanismes de synchronisation
 - Mais c'est un peu pénible...
 - Surtout pour un non informaticien
 - Souvent les mêmes schémas
 - Modification lourde du code

Stencil par Conway

- À chaque étape, l'évolution d'une cellule est entièrement déterminée par l'état de ses huit voisines de la façon suivante :
 - Une cellule morte possédant exactement trois voisines vivantes devient vivante (elle naît).
 - Une cellule vivante possédant deux ou trois voisines vivantes le reste, sinon elle meurt.
- Intérêts pour le calcul parallèle :
 - Stencil: classe importante d'application
 - Turing puissant
 - Problème Régulier ou Irrégulier



C[i][j] = cos(A[i][j]) + sin(B[i][j]);

Distribution statique des lignes par blocs

Nb threads	base	speedup	
1	5533,15		
2	2819,41	1,92	
4	1450,32	3,73	
8	709,62	7,62	
16	494,69	10,93	
32	453,92	11,91	
64	457,33	11,82	

Performances non optimales pour une machine de 8 cœurs « hyperthreadés »: on devrait atteindre les meilleures performances avec 8 ou 16 cœurs

C[i][j] = cos(A[i][j]) + sin(B[i][j]);

Distribution statique des lignes par blocs

Nb threads	base	speedup	
1	5533,15		
2	2819,41	1,92	
4	1450,32	3,73	
8	709,62	7,62	
16	494,69	10,93	
32	453,92	11,91	
64	457,33	11,82	

Performances non optimales pour une machine de 8 cœurs « hyperthreadés »: on devrait atteindre les meilleures performances avec 8 ou 16 cœurs

Pistes: loi d'amdahl,

mauvais équilibrage de charge, contention (mutex, mémoire),

placement / ordonnancement des threads

C[i][j] = cos(A[i][j]) + sin(B[i][j]);

Distribution statique des lignes par blocs

Mesure du nombre de cycles entre juste avant la création et la terminaison de chaque thread

11 364.549

Nb threads	base	speedup	
1	5533,15		
2	2819,41	1,92	
4	1450,32	3,73	
8	709,62	7,62	
16	494,69	10,93	
32	453,92	11,91	
64	457,33	11,82	

Pistes: loi d'amdahl,

mauvais équilibrage de charge, contention (mutex, mémoire),

placement / ordonnancement des threads

4 364.963
5 365.235
7 456.930
10 457.681
6 457.883
12 457.920
3 458.381
8 458.477
1 459.642
9 586.832
2 589.490
0 590.815
13 598.460
15 600.970
14 603.831
604.094

C[i][j] = cos(A[i][j]) + sin(B[i][j]);

Distribution statique des lignes par blocs

Nb threads	base		Optim. placement		Optim. mémoire		Placement + mémoire	
1	5533,15	0,98	5534,75	0,98	5428,23	1,00	5404,59	1,00
2	2819,41	1,92	2811,09	1,92	2766,00	1,95	2747,78	1,97
4	1450,32	3,73	1419,52	3,81	1400,10	3,86	1373,94	3,93
8	709,62	7,62	724,34	7,46	697,68	7,75	685,75	7,88
16	494,69	10,93	460,49	11,74	433,69	12,48	435,69	12,40
32	453,92	11,91	454,95	11,88	435,89	12,40	444,82	12,15
64	457,33	11,82	466,93	11,57	438,73	12,32	443,83	12,18

Optimisation placement : on fixe les threads sur les cœurs

Optimisation mémoire : on réparti le tableau sur les 2 sockets

C[i][j] = cos(A[i][j]) + sin(B[i][j]);

Distribution statique des lignes par blocs

Nile Alexandr	bass		Optim.		Optim.		Placement +	
Nb threads	base		placement		mémoire		mémoire	
1	5533,15	0,98	5534,75	0,98	5428,23	1,00	5404,59	1,00
2	2819,41	1,92	2811,09	1,92	2766,00	1,95	2747,78	1,97
4	1450,32	3,73	1419,52	3,81	1400,10	3,86	1373,94	3,93
8	709,62	7,62	724,34	7,46	697,68	7,75	685,75	7,88
16	494,69	10,93	460,49	11,74	433,69	12,48	435,69	12,40
32	453,92	11,91	454,95	11,88	435,89	12,40	444,82	12,15
64	457,33	11,82	466,93	11,57	438,73	12,32	443,83	12,18
Delta	~200		~20		~2		~10	

pour 16 threads

Optimisation placement : on fixe les threads sur les cœurs Optimisation mémoire : on réparti le tableau sur les 2 *sockets*

Optimisation mémoire

Initialisation de la matrice par les threads sur le cœur où il seront exécutés

```
void *init_par(void *p){
  int numero =*(int*)p;
  int i,j;

int debut = ((N/P)*numero);
  int fin= ((N/P)*(numero+1));

for (i=debut;i<fin;i++)
    for (j=0;j<N;j++)
    C[i][j]=B[i][j]=A[i][j] = random();
}</pre>
```

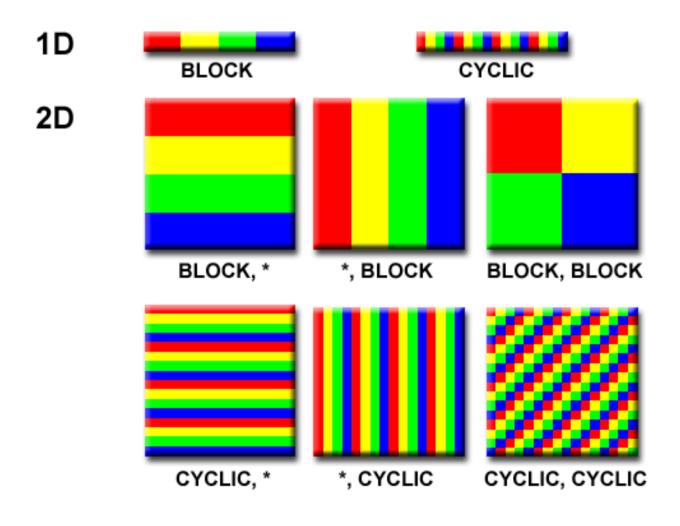
Résultats expérimentaux

C[i][j] = cos(A[i][j]) + sin(B[i][j]);

Distribution dynamique des lignes par blocs

	base	placement	memoire	les 2	dynamique	Dyn + mem	Dyn 1
1	5533,15	5534,75	5428,23	5404,59	5507.039	5390.514	5989.049
2	2819,41	2811,09	2766,00	2747,78	2802.935	2719.030	5851.930
4	1450,32	1419,52	1400,10	1373,94	1407.822	1372.205	11507.095
8	709,62	724,34	697,68	685,75	722.501	694.075	17271.893
16	494,69	460,49	433,69	435,69	452.924	441.039	17255.047
32	453,92	454,95	435,89	444,82	508.485	444.968	17364.186
64	457,33	466,93	438,73	443,83	458.390	442.785	17498.092

Répartition des données

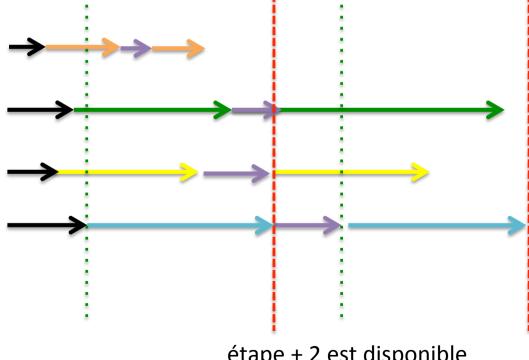


Barrière en 2 temps

Difficulté de réalisation :

Deux générations de barrières doivent pouvoir

coexister.



étape + 2 est disponible