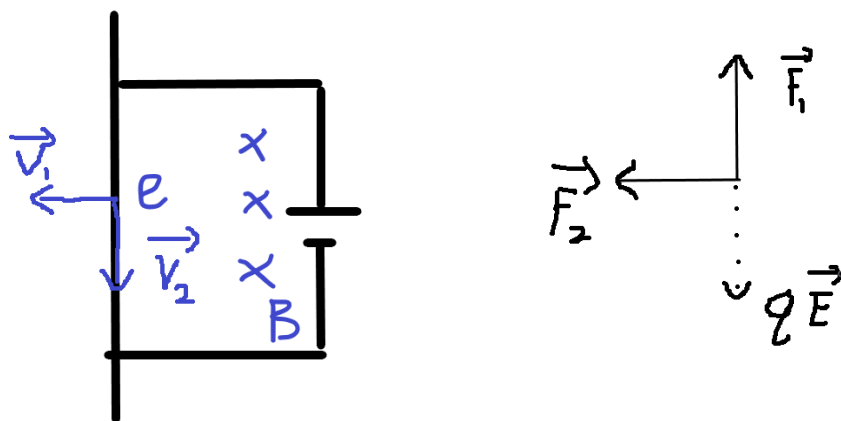


4、(1)



在导线中的电荷运动速度包括导线的水平运动速度运动速度 v_1 ,以及在电势差作用下形成电流的速度 v_2 。所以洛伦兹力 $F_{\text{洛}} = e(v_1 + v_2) \times B = F_1 + F_2$,但 $F_{\text{洛}}$ 和总速度 $v_1 + v_2$ 方向上是相互垂直的且 $W_{F1} + W_{F2} = 0$ 故洛伦兹力不做功,真正做功的是和 F_1 方向相反的电场力。

(2) 理想条件下,当线圈达到最终速度时,线圈产生的感生电动势和电源电动势应该大小相等数值相反。 $E = \frac{d\phi}{dt} = \frac{d(nBS\cos\theta)}{dt} = nBS\omega < \sin\theta >$

$$E = \frac{d\phi}{dt} = \frac{d(nBS\cos\theta)}{dt} = nBS\omega < \sin\theta >$$

最终转速 ω 正比于 $\frac{E}{nBS}$,因此最终转速正比于电源电压;和线圈匝数、磁场强度以及线圈面积和最终转速反比。

5、(1) 相干的基本条件: (1) 两束的波长(频率)相等;

(2) 振动方向不能相互垂直;

(3) 相位差恒定;

入射光 $E_1 = E_0(p)\exp(i\omega t - kr)$

$E_2 = E_0(p)\exp(i\omega t - kr + \varphi_2)$

$$I_0 = E_0^2(p) < \cos(\omega t - kr) > = \frac{1}{2} E_0^2(p)$$

复振幅 $E = E_1 + E_2 = E_0(p)\cos(\omega t - kr) + E_0(p)\cos(\omega t - kr + \varphi_2)$

$$= 2E_0(p)\cos\left(\frac{\varphi}{2}\right)\cos\left(\omega t - kr + \frac{\varphi}{2}\right)$$

衍射光强 $I = E \cdot E^* = 4E_0^2(p)\cos^2\left(\frac{\varphi}{2}\right) < \cos^2\left(\omega t - kr + \frac{\varphi}{2}\right) >$

$$= 4E_0^2(p)\cos^2\left(\frac{\varphi}{2}\right) * \frac{1}{2}$$

(2) 人眼存在最小分辨角 θ_{\min} , 设远处的物体半径为 a , $\tan\theta = \frac{a}{l}$, 当 θ 很小时, $\theta \approx \tan\theta$;

当 $\theta < \theta_{\min}$ 时, 人眼就无法分辨。

或者我们可以通过一个可变焦的单透镜系统来理解眼睛成像过程。设单透镜(晶状体)的通

光孔径为 D ，像距为 v ，对于成像距离为 u 的物体，完全无损失的最大空间频率为 $D/2u$ 。近物与远物的区别在于物距 u 不一样。由于人眼的可变焦能力，可以通过改变焦距使近物和远物均能满足成像关系，即清晰成像。物距不一样，对应的成像系统最大空间频率 $D/2u$ 不一样。远物对应的物距 u 大，因而其传递的最大空间频率（截止频率）相比近物低，因而此时成像系统分辨率低，因而看远物相比近物模糊（细节看不清）。

(3) 根据瑞利判据：最小分辨角 $\Delta\varphi = \frac{1.22\lambda}{D}$ (D 为瞳孔直径一般为 3mm-5mm)

$$\text{取 } \lambda = 500\text{nm}, D = 3\text{mm}, \text{ 则 } \Delta\varphi = \frac{1.22 \times 500\text{nm}}{3\text{mm}} \times \frac{360}{2\pi} \approx 0.012^\circ$$

$$7、(1) \text{ 由 } \oint E dl = -\frac{d\phi}{dt}$$

$$\text{得到: } V = I_1 R_1$$

$$V = L_1 \frac{dI_1}{dt} + \frac{Q}{C_1} - M \frac{dI_3}{dt}$$

$$M \frac{dI_3}{dt} = L_2 \frac{dI_3}{dt} + I_3 R_2$$

$$(2) \quad V = I_1 R_1$$

$$V = I_2 i\omega L_1 + I_2 \frac{1}{i\omega C_1} - I_3 i\omega M$$

$$I_2 i\omega M = I_3 i\omega L_2 + I_3 R_2$$

$$\text{由后两式可得: } V = I_2 \left(\frac{\omega^2 M^2 R_2}{R_2^2 + \omega^2 L_2^2} + i \left(\omega L_1 - \frac{1}{\omega C_1} - \frac{\omega^3 M^2 L_2}{R_2^2 + \omega^2 L_2^2} \right) \right)$$

$$\text{设 } R_3 = \frac{\omega^2 M^2 R_2}{R_2^2 + \omega^2 L_2^2} + i \left(\omega L_1 - \frac{1}{\omega C_1} - \frac{\omega^3 M^2 L_2}{R_2^2 + \omega^2 L_2^2} \right)$$

则 1, 2 端点之间的等效电阻为: $R_{1,2} = \frac{R_1 R_3}{R_1 + R_3}$, 当 $R_{1,2}$ 的模最小时, 电路可以发生共振。

$$\text{当 } \sqrt{\left(\frac{\omega^2 M^2 R_2}{R_2^2 + \omega^2 L_2^2} \right)^2 + \left(\omega L_1 - \frac{1}{\omega C_1} - \frac{\omega^3 M^2 L_2}{R_2^2 + \omega^2 L_2^2} \right)^2} \text{ 取最小值时, } R_{1,2} \text{ 的模最小。}$$

设此时的 ω 为 ω_0 , (这个 ω_0 很难解出来, 只要能得出算式的都视为正确, 因为实部也含有 ω , 取虚部为 0 不能确保等效电阻最小)

$$\text{此时 } I_2 = V / \left(\frac{\omega_0^2 M^2 R_2}{R_2^2 + \omega_0^2 L_2^2} + i \left(\omega_0 L_1 - \frac{1}{\omega_0 C_1} - \frac{\omega_0^3 M^2 L_2}{R_2^2 + \omega_0^2 L_2^2} \right) \right)$$

$$I_3 = \frac{i\omega_0 M}{i\omega_0 L_2 + R_2}, \quad R_2 \text{ 两端的电压为 } I_3 R_2 = I_2 i\omega_0 M - I_3 i\omega_0 L_2$$