

Chap1

斯涅耳定律 $n_1 \sin i_1 = n_2 \sin i_2$ ，光密→光疏时**全反射角** $i_c = \arcsin \frac{n_2}{n_1}, n_2 < n_1$

光纤中光传播规律 $\frac{d^2r}{dz^2} = \frac{n}{n_0^2 \cos^2 \theta_0} \frac{dn}{dr} = \frac{1}{2n_0^2 \cos^2 \theta_0} \frac{dn^2}{dr}$ ，其中 r —到光纤轴的距离， z —沿轴传播的距离， θ —与轴夹角，带有下标0 为初始条件

三棱镜色散最小偏向角条件 $n = \frac{\sin \frac{\alpha + \delta_{\min}}{2}}{\sin \frac{\alpha}{2}}$ ，其中 α —顶角

辐射能通量 $\Psi = \int_0^{+\infty} \psi(\lambda) d\lambda$ ；视见函数 $V(\lambda) = \frac{\Psi_{555}}{\Psi_{\lambda}}$ ，光通量 $\Phi = K_{\max} \int_0^{+\infty} V(\lambda) \psi(\lambda) d\lambda$ ，单位流明 lm ，其中 $K_{\max} = 683lm/W$

发光强度：沿某一方向单位立体角内发出的光通量，对点光源以 \boldsymbol{r} 为轴的立体角元 $d\Omega$ ， $I = \frac{d\Phi}{d\Omega}$ ，单位坎德拉 $cd = lm/sr$

亮度：沿某一方向单位投影面积的发光强度，对面光源上面元 dS 沿 \boldsymbol{r} 方向立体角 Ω ， $B = \frac{dI}{dS^*} = \frac{dI}{dS \cos \theta}$ ，单位 $lm/(m^2 \cdot sr) = 10^{-4}lm/(cm^2 \cdot sr) = 10^{-4}$ 熙提 sb ，其中 θ —面元法向量与 \boldsymbol{r} 夹角

朗伯发光体： $I \propto \cos \theta \implies B = constant$

照度：照射在单位面积上的光通量 $E = \frac{d\Phi'}{dS'}$ ，单位勒克斯 $lx = lm/m^2$ 或辐透 $ph = lm/cm^2$ ，将 Φ 换为 Ψ 则得**辐射照度**

发光强度为 I 的点光源照到距离为 r 的 dS' 上， $E = \frac{I \cos \theta'}{r^2}$

面光源 dS （法线 \boldsymbol{n} ）照到距离为 r 的 dS' （法线 \boldsymbol{n}' ）上， $E = \iint_{\text{光源表面} S} \frac{B dS \cos \theta \cos \theta'}{r^2}$

Chap2

虚光程：虚物（像）到透镜的光程＝－物（像）方折射率×|虚物（像）到透镜的距离|

折射球面**齐明点** $\overline{QC} = \frac{n'}{n}r, \overline{Q'C} = \frac{n}{n'}r$ ，其中 C 球心， C, Q, Q' 共线，做球面上任一点 M ，延长 QC 交球面于 A ，则 $\frac{\sin \angle MQC}{\sin \angle MQ'C} = \frac{\overline{AQ'}}{\overline{QA}}$

傍轴光线在**单球面上的折射** $\frac{n'}{s'} + \frac{n}{s} = \frac{n' - n}{r}$ ， s —物距， s' —像距， n —物方折射率， n' —像方折射率， r —球面曲率半径，物、像方焦距 $f = \frac{nr}{n' - n}, f' = \frac{n'r}{n' - n}$ ，从而 $\frac{f'}{s'} + \frac{f}{s} = 1$ ，法则（入射光左→右）：

I 物在顶点之左（实物），则 $s > 0$

II 像在顶点之右（实像），则 $s' < 0$

II' （反射）像在顶点之左（实像），则 $s' > 0, \frac{1}{s'} + \frac{1}{s} = -\frac{2}{r}$ 或 $f = -\frac{r}{2}$

III 球心在顶点之右（凸球面），则 $r > 0$

横向放大率 $V = \frac{y'}{y} = -\frac{ns'}{n's}$ ，其中 y —物高， y' —像高；（反射） $V = -\frac{s'}{s}$

IV 像在光轴上方， $y > 0$

拉格朗日-亥姆霍兹定理： $ynu = y'n'u'$ ，其中 u —光线对于光轴的倾角

V 从光轴逆时针转到光线为小角时， $u > 0$

薄透镜成像（高斯形式） $\frac{f'}{s} + \frac{f}{s} = 1$ ，若 $f = f'$ ，则 $\frac{1}{s'} + \frac{1}{s} = \frac{1}{f}$ ；其中焦距 $f = \frac{n}{\frac{n_L - n}{r_1} + \frac{n' - n_L}{r_2}}, f' = \frac{n'}{\frac{n_L - n}{r_1} + \frac{n' - n_L}{r_2}}$ ，其中 n_L —透镜折射率， r_1, r_2 —物、像方曲率半径，当 $n = n' = 1$ ，磨镜者公式 $f = f' = \frac{1}{(n_L - 1)(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2})}$

薄透镜成像（牛顿形式） $xx' = ff'$ ，其中 x, x' —从焦点算起的物、像距

VI 当物在 F 之左，则 $x > 0$

VII 当像在 F' 之右，则 $x' > 0$

横向放大率 $V = -\frac{ns'}{n's} = -\frac{fs'}{f's} = -\frac{f}{x} = -\frac{x'}{f'}$

密接透镜组光焦度直接相加 $P = P_1 + P_2$ ，其中 $P_{(1)/(2)} = \frac{1}{f_{(1)(2)}}$ ，单位屈光度 $D = m^{-1}$ ，眼镜度数＝屈光度×100

作图法：

- 1 当 $n = n'$ ，通过光心 O 光线方向不变
- 2 通过 $F(F')$ 光线，经透镜后（前）平行于光轴
- 3 通过物（像）方焦面上一点 P 的光线，经透镜前（后）和 OP 平行

主点和主面： $V = 1$ ，对薄透镜，物、像方主点（面）重合，作图时主面之间光线一律平行光轴

I' 物或 F 在 H 之左，则 $s(f) > 0$

II' 像或 F' 在 H 之右，则 $s'(f') > 0$

角放大率 $W = \frac{\tan u'}{\tan u} = -\frac{s}{s'}$ ； $VW = \frac{f}{f'}$ ；亥姆霍兹公式 $yn \tan u = y'n' \tan u'$ ，拉格朗日-亥姆霍兹定理在非傍轴条件下的推广

理想光具组联合 $f = -\frac{f_1 f_2}{\Delta}, f' = -\frac{f'_1 f'_2}{\Delta}, X_H = f_1 \frac{\Delta + f'_1 + f_2}{\Delta} = f_1 \frac{d}{\Delta}, X_{H'} = f'_2 \frac{\Delta + f'_1 + f_2}{\Delta} = f'_2 \frac{d}{\Delta}$ ，其中 Δ —前一透镜像方焦点和后一透镜物方焦点间距， d —两透镜间距

VII F_2 在 F'_1 之右，则 $\Delta > 0$

IX H_2 在 H'_1 之右，则 $d > 0$

X H 在 H_1 之左，则 $X_H > 0$ ； H' 在 H'_2 之右，则 $X_{H'} > 0$

照相机： $s \rightarrow +\infty, s' \approx f'$ ，光阑越小，则曝光时间越长，景深越大； $\frac{\delta x'}{\delta x} = -\frac{f^2}{x^2}$ ，从而给定 f, x 越小，景深越小

眼睛：通过调节晶状体曲率实现调焦成像，物、像方焦距不等；睫状肌完全松弛和最紧张时清晰成像的点—远点和近点；成像大小与物的视角 w 成正比；最舒适的物距—明视距离 $s_0 = 25cm$

放大镜和目镜：焦距很小；物体视角最大值 $w = \frac{y}{s_0}$ ；放大镜紧贴眼镜，物体放在放大镜焦点内一个小范围内， $0 \geq x \geq -\frac{f^2}{s_0 + f}, \because f \ll s_0, \therefore |x| \ll f$ ，物对光心所张视角即为像对眼所张视角 $w' = \frac{y}{f}$ ；视角放大率 $M = \frac{w'}{w} = \frac{s_0}{f}$

显微镜：物镜焦距很小，目镜即为放大镜；视角放大率 $M = \frac{w'}{w} = \frac{y_1/f_E}{y/s_0} = \frac{y_1}{y} \frac{s_0}{f_E} = V_O M_E$ ，其中 y_1 —物镜成像高， f_E 目镜焦距， $V_O = \frac{y_1}{y}$ —物镜横向放大率， $M_E = \frac{s_0}{f_E}$ —目镜视角放大率， $V_O = -\frac{\Delta}{f_O}$ ，其中 Δ — F'_O 与 F_E 间距即光学筒长， f_O —物镜焦距，从而 $M = -\frac{s_0}{f_O} \frac{\Delta}{f_E}$

望远镜：物镜焦距较大， F'_O 和 F_E 几乎重合；视角放大率 $M = \frac{w'}{w} = \frac{y_1/f_E}{-y_1/f_O} = -\frac{f_O}{f_E}$ （倒像）

棱镜光谱仪：点光源发光线先经过准直管成为平行光线，被三棱镜色散后相同波长的光线仍为平行光，经过望远镜汇聚成一点；焦色散本领 $D = \frac{d\delta}{d\lambda}$ ；由于三棱镜厚度，谱线弯曲，在最小偏向角条件下，弯曲最小，此时 $D = \frac{d\delta_{min}}{d\lambda} = \frac{d\delta_{min}}{dn} \frac{dn}{d\lambda} = (\frac{dn}{d\delta_{min}})^{-1} \frac{dn}{d\lambda} = \frac{2 \sin \frac{\alpha}{2}}{\cos \frac{\alpha + \delta_{min}}{2}} \frac{dn}{d\lambda}$

（**对轴上物点**）**孔径光阑**-对光束孔径限制最多的光阑，**入（出）射孔径角** u_0, u'_0 -被孔径光阑限制的边缘光线与物（像）方光轴夹角，**入（出）射光瞳**-孔径光阑在物（像）方的共轭；对于不同的共轭点，可以有不同的孔径光阑和光瞳

（**对于轴外物点**）**主光线**-通过入射光瞳中心 O （自然通过出射光瞳中心 O' ）的光线；随着主光线倾角增大，最终其将被某光阑所先限制，该光阑即**视场光阑**；入（出）射视场角-物（像）方主光线 $PO, O'P'$ 和光轴的倾角 w_0, w'_0 ；视场-物平面上被 w_0 限制的范围；视场之外物点也可成暗像；**渐晕**-像平面内视场边缘逐渐昏暗，若要消除渐晕，可以使视场光阑与物平面重合；显微镜和望远镜的视场光阑与中间像重合，其相对于目镜的共轭位于像平面上；入（出）射窗-视场光阑在物（像）方的共轭

- （**单色差**）**球差**-光轴上一物点发出的光线经球面折射后不再交于一点，高度为 h 的光线焦点与傍轴光线焦点间距 δs_h ，凸透镜在左为负；可通过配曲法即调节 $\frac{1}{r_2}$ 或复合（凹凸）透镜消除某高度的球差

- 彗差**-通过光瞳不同同心圆环的的光线所成像半径和圆心均不同，形成彗星状的光斑；可通过配曲法或复合透镜来消除

- （阿贝正弦条件-消除球差前提下傍轴物点以大孔径光束成像的充要条件 $ny \sin u = n'y' \sin u'$ ）**像散**-当物点远离光轴，出射光束的截面成椭圆，在子午焦点和弧矢焦点两处退化为互相垂直的直线，称散射线，在两散焦点之间某处截面呈圆形，称最小模糊圆，该处光束最汇聚；通过复杂透镜组消除

- 像场弯曲**-散射线和最小模糊圆的轨迹为一曲面；通过在透镜前适当位置放置一光阑矫正

- 畸变**-各处放大率不同；远光轴处放大率偏大则枕形畸变，反之桶形畸变；畸变种类与孔径光阑位置有关，光阑置于凸透镜前则桶形，后则枕形

- （**色差**）**位置（轴向）/放大率（横向）色差**-由于不同波长光折射率不同导致焦距/放大率不同；消色差胶合透镜 $P_1 = (n_1 - 1)K_1, P = P_1 + P_2 = (n_1 - 1)K_1 + (n_2 - 1)K_2, PC = (n_1C - 1)K_1 + (n_2C - 1)K_2, PF - PC = (n_1F - n_1C)K_1 + (n_2F - n_2C)K_2 = 0$ ，其中 $K_1 = \frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2}, K_2 = \frac{1}{r_2} - \frac{1}{r_3}$ ，对于非黏合的透镜组， $P = P_1 + P_2 - P_1P_2d = (n_1 - 1)(K_1 + K_2) - (n - 1)^2K_1K_2d, \frac{dP}{dn} = K_1 + K_2 - 2(n - 1)K_1K_2d = 0, d = \frac{K_1 + K_2}{2(n - 1)K_1K_2d} = \frac{P_1 + P_2}{2P_1P_2} = \frac{f_1 + f_2}{2}$

$B = \frac{E}{\pi}$ ， E -屏上像的照度， B -观察者看到像的亮度

像的亮度 $\Phi = \int B \sigma \cos u \Omega = \int_0^{u_0} B \sigma \cos u \sin u du \int_0^{2\pi} d\varphi$ ，对朗伯体， $\Phi = \pi B \sigma \sin^2 u_0, \frac{B'}{B} = \frac{\Phi' \sin^2 u_0 \sigma}{\Phi \sin^2 u_0' \sigma'}$ ，透光系数 $k = \frac{\Phi'}{\Phi} \leq 1$ ，利用正弦条件 $ny \sin u_0 = n'y' \sin u'_0$ 和 $\frac{\sigma'}{\sigma} = \frac{y'^2}{y^2}$ ，故 $\frac{B'}{B} = k(\frac{n'}{n})^2$ ，其中 σ -物的面积， σ' -像的面积

像的照度 $E = \frac{\Phi'}{\sigma'} = \pi B' \sin^2 u'_0 = k\pi B(\frac{n'}{n})^2 \sin^2 u'_0 = k\pi B \frac{\sin^2 u_0}{V^2} \approx k\pi B \frac{u_0^2}{V^2}$

拓展光源天然主观亮度 $H_0 \triangleq B = (\frac{n'}{n})^2 \frac{k\pi B}{4} (\frac{D_e}{f})^2$ ，其中 D_e -瞳孔直径， f -眼睛焦距

Chap3

光波-横波用标量波处理 $U(P, t) = A(P) \cos[\omega t - \varphi(P)] \Leftrightarrow \tilde{U} = A(P)e^{\pm i[\omega t - \varphi(P)]} = \tilde{U}(P)e^{-i\omega t} \Leftrightarrow U(P, t) = A(P) \cos[\omega t - \varphi(P)]$ ，为方便选-；**光强** $I(P) = [A(P)]^2 = \tilde{U} * (P) \tilde{U}(P)$

光波叠加 $U(P, t) = U_1(P, t) + U_2(P, t)$ ，对同频率 $\tilde{U}(P, t) = \tilde{U}_1(P, t) + \tilde{U}_2(P, t)$ ；强度 $I(P) = [A_1(P)]^2 + [A_2(P)]^2 + 2\sqrt{I_1(P)I_2(P)} \cos \delta(P)$ ，其中 P 点相位差 $\delta(P) = \varphi_1(P) - \varphi_2(P)$ ；若振源同相 $\delta(P) = 2A^2[1 + \cos \delta(P)] = 4A^2 \cos^2 \frac{\delta(P)}{2}$ ，其中 $\delta(P) = \varphi_1(P) - \varphi_2(P) = \varphi_{10} - \varphi_{20} + \frac{2\pi(r_1 - r_2)}{\lambda}$ ；若振源同相 $\delta(P) = \frac{2\pi(r_1 - r_2)}{\lambda}$ ；波程差 $\Delta L = r_1 - r_2$

杨氏双缝干涉条纹间隔 $\Delta x = \frac{\lambda D}{a}$ ；涅菲尔双镜 $\Delta x = \frac{\lambda(B+C)}{2\alpha B}$ ，其中 B -光源与双镜交线距离， C -双镜交线与屏幕距离， α -双镜夹角；涅菲尔双棱镜 $\Delta x = \frac{\lambda(B+C)}{2(n-1)\alpha B}$ ，其中 B -光源到棱镜距离， C -棱镜到屏幕距离， n -棱镜折射率， α -棱镜底角；劳埃德镜 $\Delta x = \frac{\lambda D}{2a}$ ，其中 D -光源到屏幕距离， a -光源到镜面距离；**条纹位移与点光源位移关系** $\delta x = -\frac{D}{R} \delta s$

干涉条纹衬比度 $\gamma = \frac{I_{max} - I_{min}}{I_{max} + I_{min}}$ ；对杨氏干涉 $I(x) \sim 1 + \cos \delta(x) = 1 + \cos(\frac{2\pi d}{\lambda D} x) = 1 + \cos(\frac{2\pi x}{\Delta x})$ ，若光源移动 δs 则 $I(x) \sim 1 + \cos[\frac{2\pi d}{\lambda D}(x - \delta x)] = 1 + \cos[\frac{2\pi d}{\lambda D}(x + \frac{D}{R} \delta s)] = 1 + \cos \frac{2\pi x}{\Delta x} \cos(\frac{2\pi d}{\lambda R} \delta s) - \sin \frac{2\pi x}{\Delta x} \sin(\frac{2\pi d}{\lambda R} \delta s)$ ；对宽度为 b 的光源 $I(x) = \frac{I_0}{b} \int_{-b/2}^{b/2} [1 + \cos \frac{2\pi x}{\Delta x} \cos(\frac{2\pi d}{\lambda R} \delta s) - \sin \frac{2\pi x}{\Delta x} \sin(\frac{2\pi d}{\lambda R} \delta s)] d(\delta s) = I_0[1 + \frac{\sin(\pi db/\lambda R)}{\pi db/\lambda R} \cos \frac{2\pi x}{\Delta x}]$ ，从

而 $I_{max} = 1 + |\frac{\sin u}{u}|, I_{min} = 1 - |\frac{\sin u}{u}|$ ，衬比度 $\gamma = |\frac{\sin u}{u}|$ ，其中 $u = \frac{\pi db}{\lambda R}$

杨氏实验光源极限宽度 $b_0 \approx \frac{R}{d} \lambda$ ；光场中相干范围的横向线度 $d \approx R \frac{\lambda}{b} = \frac{\lambda}{\varphi}$ ，其中 φ -光源宽度对缝张角；**相干范围孔径角** $\Delta \theta_0 \triangleq \frac{d}{R} \approx \frac{\lambda}{b}$

薄膜等厚干涉光程差 $\Delta L = \frac{2}{n} h \cos i$ ，其中 n -膜折射率， h -膜厚度， i -膜表面折射角，亮纹 $\Delta L = k\lambda$ ，暗纹 $\Delta L = (k + \frac{1}{2})\lambda$ ，条纹宽度 $\Delta x = \frac{\lambda}{2 \cos i}$ ；正入射时 $\Delta L \approx 2nh$ ，相邻条纹对应厚度差 $\Delta h = \frac{\lambda}{2n}$

劈形薄膜等厚干涉条纹宽度 $\Delta x = \frac{\lambda}{2\alpha}$ ，其中 λ -膜内的光波长， α -劈的顶角； $\delta(\Delta L) = -2nh \sin i \delta i + 2n \cos i \delta h$ ，实际直接观察时条纹向劈尖凸；通过按压法可判断高低

牛顿环半径 $r_k^2 = kR\lambda$ ，其中 R -透镜曲率半径， λ -空气膜中的光波长， $R = \frac{r_k^2 + m - r_k^2}{m\lambda}$

当增透膜为低膜，即 $n_1 < n < n_2$ ，且 $n = \sqrt{n_1 n_2}$ ，膜厚 $(\frac{\lambda}{2} + \frac{1}{4})\lambda$ 时，完全消反射，其中 n -增透膜折射率， n_1 -空气折射率， n_2 -介质折射率；高反射膜，换成等厚度高膜，即 $n_1 < n < n_2$ ，多次介质高反射膜效果更佳

薄膜等厚干涉光程差 $\Delta L = 2nh \cos i$ ，第 k 级条纹 $\Delta L = k\lambda \Rightarrow \cos i_k = \frac{k\lambda}{2nh}$ ，故 $\cos i_{k+1} - \cos i_k = \frac{\lambda}{2nh}$ ，又 $\cos i_{k+1} - \cos i_k \approx (\frac{d \cos i}{di})_{i=i_k} = -\sin i_k(i_{k+1} - i_k)$ ，从而倾角较小时 $r_{k+1} - r_k \propto i_{k+1} - i_k = \frac{-\lambda}{2nh \sin i_k}$ ； i_k 越大， h 越大，则 $|\Delta r|$ 越小，条纹越密； h 增大，则环形条纹外扩；使用拓展光源，衬度不受影响

拓展光源导致非定域干涉问题，在定域中心层衬度最大，其附近有干涉条纹，但由于瞳孔的限制，较大的拓展光源并不妨碍观察到图像的衬度

迈克尔逊干涉仪移过条纹数目与反射镜移动距离关系 $l = N \frac{\lambda}{2}$

光源单色性对迈氏干涉衬度影响 $I(\Delta L) = I_0[1 + \cos \delta] = I_0[1 + \cos k\Delta L]$ ，其中 $k = \frac{2\pi}{\lambda}$ ，等双线 $I(\Delta L) = I_1(\Delta L) + I_2(\Delta L) = 2I_0[1 + \cos(\frac{\Delta k}{2} \Delta L) \cos(k\Delta L)]$ ，其中 $\Delta k = k_1 - k_2 \ll k = \frac{1}{2}(k_1 + k_2)$ ，故衬比度 $\gamma = |\cos(\frac{\Delta k}{2} \Delta L)|$ ，从最强到最弱 $\Delta L = N_1 \lambda_1 = N_2 \lambda_2 = (N - \frac{1}{2})\lambda_2 \Rightarrow N_1 = \frac{\lambda_2}{2(\lambda_2 - \lambda_1)} = \frac{1}{2\Delta \lambda}$ ，衬度变化空间频率 $\frac{1}{2N_1 \lambda_1} = \frac{\lambda_2 - \lambda_1}{\lambda_1 \lambda_2} \approx \frac{\Delta \lambda}{\lambda^2}$ （ $= \frac{\Delta k}{\lambda}$ ）；谱密度积分得总光强 $I_0 \int_0^\infty i(\lambda) d\lambda = \frac{1}{\pi} \int_0^\infty i(k) dk$ ，**单色线宽** $I(\Delta L) = \frac{1}{\pi} \int_0^\infty i(k)[1 + \cos k\Delta L] dk = I_0 + \frac{1}{\pi} \int_0^\infty i(k) \cos(k\Delta L) dk$ ，若 $i(k)$ 仅在 $k_0 \pm \Delta k/2$ 内等于常数 $\pi I_0/\Delta k$ ，则 $I(\Delta L) = I_0[1 + \frac{\sin(\Delta k \Delta L/2)}{\Delta k \Delta L/2} \cos(k_0 \Delta L)]$ ，故衬度 $\gamma = |\frac{\sin(\Delta k \Delta L/2)}{\Delta k \Delta L/2}|$ ，超过最大光程差 $\Delta L_{max} = \frac{2\pi}{\Delta k} = \frac{\lambda^2}{|\Delta \lambda|}$ ，条纹不可见

$l_0 = v\tau_0 = \frac{c}{n}\tau_0$ 或 $L_0 = c\tau_0$ ，其中 L_0 -相干长度， τ_0 -相干时间；若 $a(k)$ 仅在 $k_0 \pm \Delta k/2$ 内等于常数 $\pi \tilde{A}/\Delta k$ ，则波列长度 $\Delta L \approx \frac{\lambda^2}{\Delta \lambda}, \Delta \nu = -c \frac{\Delta \lambda}{\lambda^2} \Rightarrow \tau_0 \Delta \nu \approx 1$

法布里-珀罗干涉仪斯托克斯关系 $r = -r', r^2 + tt' = 1, \tilde{U}_1 = -Ar', \tilde{U}_2 = Atr't'e^{i\delta}, \tilde{U}_n = Atr'^{2n-3}t'e^{(n-1)i\delta}, \tilde{U}'_1 = Att', \tilde{U}'_n = Atr'^{2n-2}t'e^{(n-1)i\delta} \Rightarrow \tilde{U}_T = \frac{Att't'}{1 - r^2 e^{i\delta}} \Rightarrow I_T = \tilde{U}_T^* \tilde{U}_T = \frac{I_0(1 - r^2)^2}{1 - 2r^2 \cos \delta + r^4} = \frac{I_0}{1 + \frac{4R \sin^2(\delta/2)}{(1 - R)^2}}$ ，其中 $\delta = \frac{2\pi}{\lambda} \Delta L = \frac{4\pi n h \cos i}{\lambda}, R = r^2, I_R = I_0 - I_T = \frac{I_0}{1 + \frac{(1 - R)^2}{4R \sin^2(\delta/2)}}$ ；当 $R \ll 1, I_T = I_0[1 - 2R(1 - \cos \delta)], I_R = 2RI_0[1 - \cos \delta]$ ；半峰宽 $\varepsilon \triangleq \Delta \delta = \frac{2(1 - R)}{\sqrt{R}}$ ，根据 $\delta = 4\pi n h \cos i/\lambda$ ，若单色光固定 λ ，则**角宽度** $|\Delta i_k| = \frac{\frac{\lambda \varepsilon}{4\pi n h \sin i_k}}{\frac{\lambda}{4\pi n h \sin i_k}} = \frac{\lambda}{4\pi n h \sin i_k} \frac{2(1 - R)}{\sqrt{R}}$ ，腔长 h 越大，条纹越细锐，若非单色光固

定 $i = 0$ ，则仅特定波长 λ_k 附近的光出现极大，每条谱线称一纵模，**纵模间隔** $\nu_k = \frac{c}{\lambda_k} = \frac{c}{2nh} \Rightarrow \Delta \nu = \frac{c}{2nh}$ ，**单模线宽** $\varepsilon = d\delta = -4\pi n h \cos i d\lambda/\lambda^2 \Rightarrow \Delta \lambda_k = \frac{\lambda^2 \varepsilon}{4\pi n h \cos i} = \frac{\lambda}{\pi k} \frac{1 - R}{\sqrt{R}} \Rightarrow \Delta \nu_k = \frac{c \Delta \lambda}{\lambda^2} = \frac{c}{\pi k \lambda} \frac{1 - R}{\sqrt{R}}$ F-P干涉仪色分辨本领 $2nh \cos i_k = k\lambda \Rightarrow \delta i_k = \frac{k}{2nh \sin i_k} \delta \lambda$ ，最小波长间隔 $\delta \lambda = \frac{\lambda}{\pi k} \frac{1 - R}{\sqrt{R}}$ ，**色分辨本领** $\frac{\lambda}{\delta \lambda} = \pi k \frac{\sqrt{R}}{1 - R}$