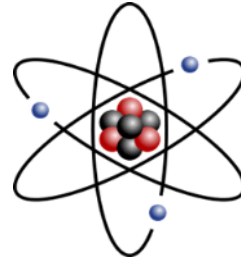
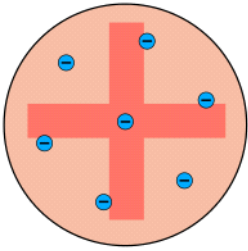


# 葡萄干布丁模型和行星模型区别

2016年3月3日 20:15



- 葡萄干布丁模型，正电荷( $Z_2e$ )均匀分布在原子整个体积内
- 带点球体电荷密度均匀分布
- 用带电粒子( $Z_1e$ )轰击球体由高斯定理可知

$$\oiint \mathbf{E} \cdot d\mathbf{S} = \frac{Q}{\epsilon_0}$$

所以在球体内部( $r < R$ )

$$E \cdot 4\pi r^2 = \frac{Z_2e}{\epsilon_0} \cdot \frac{\frac{4}{3}\pi r^3}{\frac{4}{3}\pi R^3}$$

$$F = Z_1eE = \frac{Z_1Z_2e^2r}{4\pi\epsilon_0R^3}$$

在球体外部( $r > R$ )

$$E \cdot 4\pi r^2 = \frac{Z_2e}{\epsilon_0}$$

$$F = Z_1eE = \frac{Z_1Z_2e^2}{4\pi\epsilon_0r^2}$$

- 行星模型，正电荷( $Z_2e$ )集中在占原子大小万分之一的小范围内
- 带点球体电荷集中在球心
- 用带电粒子( $Z_1e$ )轰击球体由高斯定理可知

$$\oiint \mathbf{E} \cdot d\mathbf{S} = \frac{Q}{\epsilon_0}$$

$$E \cdot 4\pi r^2 = \frac{Z_2e}{\epsilon_0}$$

$$F = Z_1eE = \frac{Z_1Z_2e^2}{4\pi\epsilon_0r^2}$$

葡萄干布丁模型对散射的估计

碰撞粒子 $\alpha$ 粒子(氦核, 包含两质子两中子)

与正电荷作用

最大作用力发生在掠射( $r = R$ ), 对于 $\alpha$ 粒子 ( $Z_1 = 2$ ),

$$F = \frac{Z_1Z_2e^2}{4\pi\epsilon_0r^2}$$

力的作用时间约为 $2R/v$ , 所以动量变化为( $Z_2 = Z$ , 取原子半径为 $1\text{\AA}$ )

$$\frac{\Delta p}{p} = \frac{2FR/v}{m_\alpha v} = \frac{2Ze^2/(4\pi\epsilon_0R)}{\frac{1}{2}m_\alpha v^2} = \frac{2Z/R}{E_k} \cdot \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0} \approx \frac{2Z/0.1nm}{E_\alpha(\text{MeV})} \times 1.44\text{fm} \cdot \text{MeV} \approx 3 \times \frac{10^{-5}Z}{E_\alpha} \text{rad}$$

5MeV的 $\alpha$ 粒子对金( $\text{Au}, Z = 79$ )每次碰撞的最大偏转不到 $10^{-3}\text{rad}$ , 要发生 $90^\circ$ 偏转概率只有 $10^{-3500}$

与负电荷作用 (同时适用葡萄干布丁模型和行星模型)

由于电子的质量只有 $\alpha$ 粒子( $m_\alpha$ )的八千分之一, 考虑最大作用即对心碰撞

初始电子:  $v_e = 0$ , 初始 $\alpha$ 粒子:  $v_\alpha$

碰撞后:  $v'_e = 2v_\alpha, v'_\alpha = v_\alpha$

$$\frac{\Delta p}{p} \approx \frac{2m_e v_\alpha}{m_\alpha v_\alpha} \sim \frac{1}{4000} \sim 10^{-4}$$

偏转角依然非常小

