

$$5-1 \text{ 解: (1) } \because \vec{E}_1 = A_0 \left[\hat{x} \cos(\omega t - kZ) + \hat{y} \cos\left(\omega t - kZ - \frac{\pi}{2}\right) \right]$$

$$= A_0 \left[\hat{x} \cos(\omega t - kZ) + \hat{y} \sin(\omega t - kZ) \right]$$

符合左旋圆偏振光的标准形式。

\therefore 该列光波的偏振态是左旋圆偏振光。

$$\text{or: } \because E_x = A_0 \cos(\omega t - kZ)$$

$$E_y = A_0 \cos\left(\omega t - kZ - \frac{\pi}{2}\right) = A_0 \sin(\omega t - kZ)$$

$$\therefore E_x^2 + E_y^2 = A_0^2 \quad \text{此即偏振光}$$

$$\text{又 } \because \text{当 } Z=0 \left\{ \begin{array}{l} t=0 \text{ 时, } E_x = A_0, E_y = 0 \\ t = \frac{1}{4}T \text{ 时, } E_x = 0, E_y = A_0 \\ t = \frac{1}{2}T \text{ 时, } E_x = -A_0, E_y = 0 \end{array} \right.$$

\therefore 是按逆时针方向旋转的, 为左旋。

(2)

$$\because \vec{E}_2 = A_0 \left[\hat{x} \sin(\omega t - kZ) + \hat{y} \sin\left(\omega t - kZ - \frac{\pi}{2}\right) \right]$$

$$= A_0 \left[\hat{x} \sin(\omega t - kZ) - \hat{y} \cos(\omega t - kZ) \right]$$

$$\text{即: } E_x = A_0 \sin(\omega t - kZ), E_y = A_0 \cos(\omega t - kZ)$$

$$E_x^2 + E_y^2 = A_0^2$$

$$\text{当 } Z=0 \left\{ \begin{array}{l} t=0 \text{ 时, } E_x=0, E_y=-A_0 \\ t=\frac{1}{4}T \text{ 时, } E_x=A_0, E_y=0 \\ t=\frac{1}{2}T \text{ 时, } E_x=0, E_y=A_0 \end{array} \right\}$$

∴ 该列光波为左旋圆偏振光。

$$\begin{aligned} \text{or: } \vec{E}_2 &= A_0 \left[\hat{x} \sin(\omega t - kZ) + \hat{y} \sin\left(\omega t - kZ - \frac{\pi}{2}\right) \right] \\ &= A_0 \left\{ \hat{x} \cos\left[\frac{\pi}{2} - (\omega Z - k\tau)\right] + \hat{y} \sin\left(\omega t - kZ - \frac{\pi}{2}\right) \right\} \\ &= A_0 \left[\hat{x} \cos\left(\omega t - kZ - \frac{\pi}{2}\right) + \hat{y} \sin\left(\omega t - kZ - \frac{\pi}{2}\right) \right] \end{aligned}$$

5-2. 解: $\therefore I_1' = (1 - 10\%) \cdot \frac{I_1}{2}$

$$I_1'' = (1 - 10\%) \cdot I_1' \cdot \cos^2 60^\circ$$

$$= (1 - 10\%)^2 \cdot \frac{I_1}{2} \cdot \frac{1}{4}$$

$$= 0.9^2 \times \frac{1}{8} I_1$$

$$= \frac{0.81}{8} I_1$$

$$= 0.10125 I_1$$

$$\approx 0.1 I_1$$

$$\text{而: } I_2 = I_1'' = 0.1 I_1$$

$$\therefore I_2 / I_1 = 0.1$$

or

自然光强为 I_0 直接观察的光强为: $I_1 = I_0$

透过偏振片观察为:

$$I_2 = (1 - 10\%) \cdot I_1' \cdot \cos^2 60^\circ = 0.81 I_0 / 8$$

5-3. 解: $\therefore I_1 = \frac{I_0}{2}$

$$I_3 = I_1 \cos^2 \alpha = \frac{I_0}{2} \cos^2 \alpha$$

$$I = I_3 \cos^2(\theta - \alpha) = \frac{I_0}{2} \cos^2 \alpha \cos^2(\theta - \alpha)$$

$$\therefore \text{欲使 } I = I_{\max}, \text{ 须使 } \alpha = \frac{\theta}{2} = \frac{60^\circ}{2} = 30^\circ$$

此时透过的最大光强为

$$I = \frac{I_0}{2} \cos^2 30^\circ \cos^2(60^\circ - 30^\circ)$$

$$= \frac{I_0}{2} \cdot \frac{3}{4} \cdot \frac{3}{4}$$

$$= \frac{9}{32} I_0$$

$$\text{注: 令 } \frac{dI}{d\alpha} = \frac{d}{d\alpha} \left[\frac{I_0}{2} \cos^2 \alpha \cos^2(\theta - \alpha) \right] = 0$$

$$\text{亦可得 } \alpha = \frac{\theta}{2} \text{ 时, } I \text{ 有最大值}$$

$$\therefore I_1 = \frac{I_0}{2}$$

5-4. 证:

$$I_2 = I_1 \cos^2 \theta$$

$$I = I_2 \cos^2 \left(\frac{\pi}{2} - \theta \right)$$

$$= I_1 \cos^2 \theta \cos^2 \left(\frac{\pi}{2} - \theta \right)$$

$$= \frac{I_0}{2} \cos^2 \theta \sin^2 \theta$$

$$= \frac{1}{8} I_0 \sin^2 2\theta$$

$$= \frac{1}{16} I_0 (1 - \cos 4\theta)$$

$$\text{而 } \theta = \omega t$$

$$\therefore I = \frac{I_0}{16} (1 - \cos 4\omega t)$$

$$\frac{\sin i_1}{\sin i_2} = \frac{n_2}{n_1} = n_2 \quad (\text{折射定律})$$

5-5. 解:

$$\therefore i_2 = \sin^{-1} \frac{\sin i_1}{n_2} = \sin^{-1} \frac{\sin 60^\circ}{1.732} = 30^\circ$$

$$\text{又} \because \sin(i_1 + i_2) = \sin(60^\circ + 30^\circ) = \sin 90^\circ = 1$$

$$\text{tg}(i_1 + i_2) = \text{tg} 90^\circ = \infty$$

$$\sin(i_1 - i_2) = \sin(60^\circ - 30^\circ) = \sin 30^\circ = 0.5$$

$$\text{而: } \frac{A'_{s1}}{A_{s1}} = -\frac{\sin(i_1 - i_2)}{\sin(i_1 + i_2)}, \frac{A'_{p1}}{A_{p1}} = \frac{\text{tg}(i_1 - i_2)}{\text{tg}(i_1 + i_2)}$$

入射的光的电矢量与入射面成 30° 角,

$$\text{即: } A_{s1} = \sin 30^\circ A_0 = 0.5 A_0$$

$$\therefore A'_{s1} = -0.5 A_{s1} = -0.25 A_0, A'_{p1} = 0$$

$$\text{故: } I_r = (A'_{s1})^2 + (A'_{p1})^2$$

$$= (-0.25 A_0)^2 + 0$$

$$= 0.0625 A_0^2$$

$$= 0.0625 I_i$$

$$= 6.25\% I_i$$

$$\text{即: } \frac{I_r}{I_i} = 6.25\%$$

or: 又 $\because i_1 + i_2 = 90^\circ$, 此时发生了全偏振,

反射光中只剩下垂直于入射面的光矢量分量。

而入射光的电矢量的垂直分量为 $A_{s1} = A_0 \sin 30^\circ$

$$= \frac{1}{2} A_0, \text{ 垂直分量一部分反射, 一部分折射,}$$

$$\text{反射与入射的振幅比为: } \frac{A'_{s1}}{A_{s1}} = -\frac{\sin(i_1 - i_2)}{\sin(i_1 + i_2)}$$

$$= -\frac{\sin(60^\circ - 30^\circ)}{\sin(60^\circ + 30^\circ)}$$

$$= -0.5$$

$$\therefore A'_{s1} = -0.5 \times 0.5 A_0 \quad \text{故: } \frac{I_r}{I_i} = 6.25\%$$

5-6. 解： 经方解石透射出来时的两束平面偏振光的振幅分别为：

$$A_o = A \sin 30^\circ$$

$$A_e = A \cos 30^\circ$$

再经过尼科耳棱镜后，透射出来的仍是两束平面偏振光。

(1) 振动面与尼科耳主截面在晶体主截面两侧时，其透射光的振幅分别为：

$$A_1 = A_e \cos 20^\circ$$

$$A_2 = A_o \sin 20^\circ$$

$$\begin{aligned} \left(\frac{A_2}{A_1} \right)^2 &= \left(\frac{A_o \sin 20^\circ}{A_e \cos 20^\circ} \right)^2 \\ &= \left(\frac{A_o \sin 30^\circ \sin 20^\circ}{A_e \cos 30^\circ \cos 20^\circ} \right)^2 \\ &= (tg 30^\circ tg 20^\circ)^2 \\ &\approx 0.044 \end{aligned}$$

$$\text{即：} \frac{I_{20}}{I_{2e}} = \frac{A_2^2}{A_1^2} = 0.0044$$

$$\text{或：} \frac{I_{2e}}{I_{20}} = \frac{A_1^2}{A_2^2} \approx 22.73$$

$$\text{or: } \begin{cases} I_{20} = I_{10} \cos^2 70^\circ \\ I_{2e} = I_{1e} \cos^2 20^\circ \end{cases}$$

$$\frac{I_{20}}{I_{2e}} = \frac{I \sin^2 30^\circ \cos^2 70^\circ}{I \cos^2 30^\circ \cos^2 20^\circ} \approx 0.044$$

(2) 振动面与尼科耳主截面在晶体主截面同侧时，其透射光的振幅分别为：

$$A_1' = A_e \sin 10^\circ = A \cos 30^\circ \sin 10^\circ$$

$$A_2' = A_0 \cos 10^\circ = A \sin 30^\circ \cos 10^\circ$$

$$\begin{aligned} \therefore \left(\frac{A_2'}{A_1'} \right)^2 &= \left(\frac{A \sin 30^\circ \cos 10^\circ}{A \cos 30^\circ \sin 10^\circ} \right)^2 \\ &= (tg 30^\circ ctg 10^\circ)^2 \\ &\approx 10.72 \end{aligned}$$

$$\text{即: } \frac{I_{20}}{I_{2e}} = 10.72$$

$$\text{或: } \frac{I_{2e}}{I_{20}} = 0.0933$$

5-7. 解: (1) 投射出来的寻常光和非常光的振幅分别为:

$$A_0 = A \sin 30^\circ$$

$$A_e = A \cos 30^\circ$$

$$\therefore \frac{I_0}{I_e} = \frac{A_0^2}{A_e^2} = \left(\frac{A \sin 30^\circ}{A \cos 30^\circ} \right)^2 = tg^2 30^\circ = \frac{1}{3}$$

$$(2) \quad \therefore \Delta\varphi = \frac{2\pi}{\lambda} \delta = \frac{2\pi}{\lambda} (n_0 - n_e) d = \frac{\pi}{2}$$

$$\begin{aligned} \therefore d &= \frac{\lambda}{4(n_0 - n_e)} \\ &= \frac{5890 \times 10^{-8}}{4 \times (1.658 - 1.468)} \\ &\approx 8.56 \times 10^{-5} (cm) \end{aligned}$$

Or

$$P_{320}$$

$$I_0 / I_e = tg^2 30^\circ = 1/3$$

$$\therefore (n_0 - n_e) d = \pm (2k + 1) \frac{\lambda}{4}$$

5-8. 解:

$$\begin{aligned}\therefore d &= \frac{\pm(2k+1)\lambda}{4(n_0 - n_e)} \\ &= \frac{\pm(2k+1) \times 5893 \times 10^{-8}}{4 \times (1.543 - 1.552)} \\ &\approx (2k+1) \times 1.64 \times 10^{-3} (cm)\end{aligned}$$

5-9. 解: (1) $\because \Delta\varphi = \frac{2\pi}{\lambda}(n_0 - n_e)d = \pm(2k+1)\pi$

$$\begin{aligned}\therefore d &= \frac{\pm(2k+1)\lambda}{2(n_0 - n_e)} \\ &= \frac{\pm(2k+1) \times 5000 \times 10^{-8}}{2 \times (1.5442 - 1.5533)} \\ &\approx (2k+1) \times 2.75 \times 10^{-3} (cm)\end{aligned}$$

(2) 振动面与晶片主截面成 45° 角放置可满足要求。

\because 这是半波片，平面偏振光垂直入射经过半波片而透射出来以后，仍是平面

偏振光，若入射时振动面与晶片主截面之间交角为 θ ，则透射出来的平面偏振

光的振动面从原来的方位转过 2θ ，现在 $2\theta = 90^\circ$ ，

\therefore 应有 $\theta = 45^\circ$ 放置。

5-10. 解: $\because A_0 = A \sin 25^\circ$

$$A_e = A \cos 25^\circ$$

$$\therefore \frac{I_0}{I_e} = \frac{A_0^2}{A_e^2} = \left(\frac{A \sin 25^\circ}{A \cos 25^\circ} \right)^2 = \tan^2 25^\circ \approx 0.22$$

Or: 直接由 p321 公式: $\frac{I_0}{I_e} = \tan^2 \theta = \tan^2 25^\circ \approx 0.22$
算出。

5-11. 解: (1) 视场由亮变暗, 或由暗变亮。说明位相有 π 的突变, \therefore 这个波晶片是一个 $1/2$ 波片。

(2) \therefore 若入射时振动面和晶体主截面之间交角为 θ , 则透射出来的平面偏振光的振动面从原来方位转过 2θ , 这里 $\theta = 20^\circ$ 。

$\therefore N_2$ 要转过 $2\theta = 40^\circ$ 时才能使 N_2 的视场又变为全暗。

12. 解: (1) \therefore 四分之一波片能把线偏振光转变为平面偏振光, 且这里又是垂直入射。

\therefore 透射光是振动方向与晶片主截面之间成 45° 角的线偏振光。

(2) 通过八分之一波片后, o 光和 e 光的相位差

$$\Delta\varphi = \frac{2\pi}{\lambda} \cdot \frac{\lambda}{8} = \pm \frac{\pi}{4}, \text{ 将其代入}$$

$$\frac{E_x^2}{A_x^2} + \frac{E_y^2}{A_y^2} - 2 \frac{E_x}{A_x} \frac{E_y}{A_y} \cos \varphi = \sin^2 \Delta\varphi \quad \text{得:}$$

$$\frac{E_x^2}{A_x^2} + \frac{E_y^2}{A_y^2} - \sqrt{2} \frac{E_x}{A_x} \frac{E_y}{A_y} = \frac{1}{2} \quad \text{——此即椭圆方程}$$

\therefore 透射光为椭圆偏振光。

Or: $\frac{\pi}{2}$
圆偏振光可看成由相位差为 $\frac{\pi}{2}$ 的两个互相垂直的振动合成。

(1) 经过四分之一波片后, 两个振动间的相位差增

$\frac{\pi}{2}$
加或减少 $\frac{\pi}{2}$,

$$\text{成为 } \frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2} = \pi, \text{ 或: } \frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{2} = 0。$$

\therefore 透射光是平面偏振光，其振动方向与晶片主截面之间成 45° 角的。

(2) 经过八分之一波片后，两个振动间的相位差增

$\frac{\pi}{4}$
加或减少 $\frac{\pi}{4}$ 成为：

$$\frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{4} = \frac{3\pi}{4}, \text{ 或: } \frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{4} = \frac{\pi}{4}。$$

故透射光为椭圆偏振光。

$$\begin{aligned} 5-13. \text{ 证: } \quad & \because \vec{E}_{\text{左}} = A_1 \left[\cos(\omega t - kz) \hat{x} + \sin(\omega t - kz) \hat{y} \right] \\ & \vec{E}_{\text{右}} = A_2 \left[\cos(\omega t - kz) \hat{x} - \sin(\omega t - kz) \hat{y} \right] \end{aligned}$$

当 $A_1 = A_2 = A$ 时，有

$$\therefore \vec{E} = \vec{E}_{\text{左}} + \vec{E}_{\text{右}} = 2A \cos(\omega t - kz) \hat{x}$$

此即为平面偏振光。

5-14. 解： \because 方解石晶体中透射出来的光是椭圆偏振光，可以把它看成相位差为 $\Delta\varphi$ 的两束互相垂直的线偏振光的叠加，而：

$$\begin{aligned} \Delta\varphi &= \frac{2\pi}{\lambda} (n_o - n_e) d \\ &= \frac{2\pi}{589.3 \times 10^{-7}} \times (1.658 - 1.486) \times 0.0343 \approx 20\pi \end{aligned}$$

∴ (1) 对于正交的两个尼科耳棱镜，最后射出的光强为：

$$\begin{aligned} I_{\perp} &= A_1^2 (\sin^2 2\theta \sin^2 \frac{2\Delta\varphi}{2}) \\ &= A_1^2 \sin^2 2\theta \sin^2 \frac{20\pi}{2} \\ &= A_1^2 \sin^2 2\theta \sin^2 10\pi \\ &= 0 \quad (\text{相消}) \end{aligned}$$

故通过第二尼科耳棱镜后，光束发出的干涉是减弱的。

(2) 如果两个尼科耳棱镜的主截面是互相平行的，则

$$\begin{aligned} I_{\parallel} &= A_1^2 (1 - \sin^2 2\theta \sin^2 \frac{2\Delta\varphi}{2}) \\ &= A_1^2 (1 - \sin^2 2\theta \sin^2 \frac{20\pi}{2}) \\ &= A_1^2 (1 - \sin^2 2\theta \sin^2 10\pi) \\ &= A_1^2 \quad (\text{相长}) \end{aligned}$$

故通过第二尼科耳棱镜后，光束发出的干涉是加强的。

5-15. 解： (1) ∵ 杨氏干涉实验中，屏上光强分布为：

$$I = 4I_0 \cos^2 \frac{\Delta\varphi}{2}$$

式中 I_0 为一个缝在屏上某点形成的光强， $\Delta\varphi$ 为双缝发出的光波到达屏上某点的相位差。

若用一尼科耳放在双缝前，则干涉条纹的光强分布为：

$$I = 4 \frac{I_0}{2} \cos^2 \frac{\Delta\varphi}{2}$$

即：光强减半，但因尼科耳很薄对光程差的影响甚微，故干涉条纹的位置和条纹的间隔并未改变。要使视场最暗，即使光屏上的干涉花样中的暗条纹最

暗，可视尼科耳的主截面与圆面成 90° 角，以使屏上的叠加严格是两束同一直线的振动的叠加。

(2) 若 $\lambda/2$ 片绕光线传递方向旋转 360° ，则 $\lambda/2$ 片光轴与尼科耳透振方向之间的夹角 θ 也随之改变。

当 $\theta = 45^\circ, 135^\circ, 225^\circ, 315^\circ$ 时，出射光光矢量是与入射光的矢量方向垂直，亦即： $\vec{E}_2 \perp \vec{E}_1$ ，故未发生干涉，屏上四次出现无条纹的均匀光强分布， $I = I_0/2$ 。

当 $\theta = 0^\circ, 90^\circ, 180^\circ, 270^\circ$ 时，出射光矢量与入射光矢量方向相同，亦即 $\vec{E}_2 // \vec{E}_1$ ，且 $|\vec{E}_1| = |\vec{E}_2|$ ，

此时干涉条纹可见度最大，即屏上四次条纹可见度最大。

当 θ 为其它值时，出射光光矢量与入射光光矢量有一夹角，两者平行分量发生干涉时，由于振幅不等，故条纹可见度较差。

5-16. 解： (1) 同上题：

因偏振片很薄对光程差的影响甚微，故屏上干涉条纹的位置、宽度没有变化。但光强减半，即：

$$I_A = 4\left(\frac{I_0}{2}\right), I_c = 0$$

(2) 此缝的平面偏振光和另一缝的平面偏振光比较，将对称于 $1/2$ 波片转过 $2\theta = 2 \times 45^\circ = 90^\circ$ 。此时，变成两束同频率，振动方向互相垂直的光的叠加，叠加的结果不能形成明暗相间的条纹，屏上出现的是均匀照度，各点光强相同，其数值均为

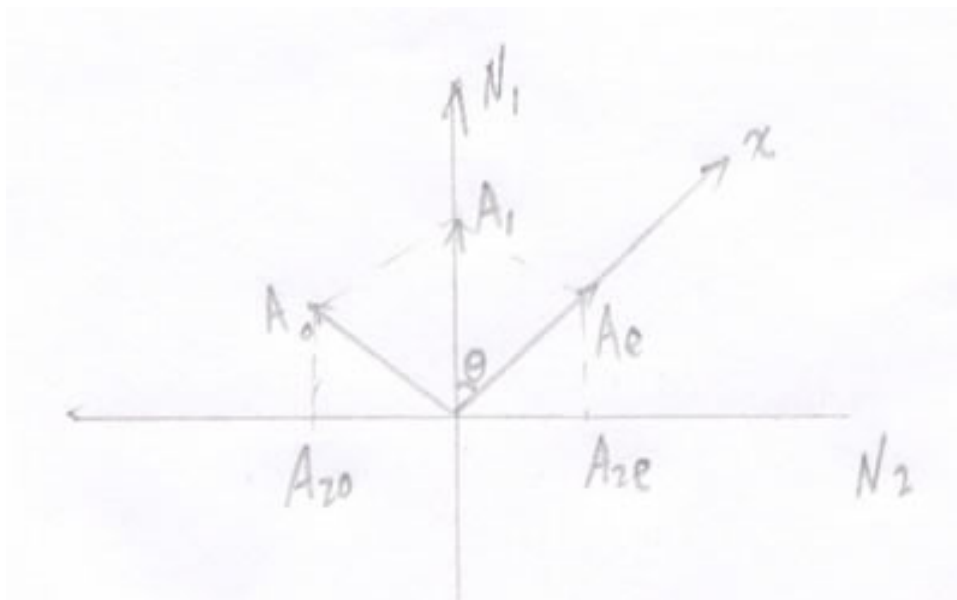
$$\frac{I_0}{2} + \frac{I_0}{2} = I_0。$$

具体的说：

A 点：1、3 象限的平面偏振光；

B 点：圆偏振光；

C 点：2、4 象限的平面偏振光。



5-17. 解：如图所示，x 轴为晶片的光轴， N_1 和 N_2 两直线分别表示两尼科耳棱镜和晶片的交线，和晶片的光轴成

θ 角和 $\frac{\pi}{2} - \theta$ 角。从 N_2 透射出来的两束平面偏振光 A_{2e} 、 A_{2o} 的振动平面相同，振幅相等，但相位差为 π ，其振幅分别为：

$$A_{2e} = A_e \sin \theta = (A_1 \cos \theta) \sin \theta$$

$$A_{2o} = A_o \cos \theta = (A_1 \sin \theta) \cos \theta$$

此外，e 光和 o 光在晶片中的相位差为：

$$\Delta \varphi = \frac{2\pi}{\lambda} (n_o - n_e) d$$

\therefore 以 N_2 透射出来的两束平面偏振光之间的总相位差为：

$$\Delta \varphi' = \Delta \varphi + \pi = \frac{2\pi}{\lambda} (n_o - n_e) d + \pi$$

\therefore 由 N_2 透射出来的光强为：

$$\begin{aligned}
I &= A_{2e}^2 + A_{2o}^2 + 2A_{2e}A_{2o} \cos \Delta\varphi \\
&= (A_1 \cos \theta \sin \theta)^2 + (A_1 \sin \theta \cos \theta)^2 + \\
&\quad 2(A_1 \cos \theta \sin \theta)(A_1 \sin \theta \cos \theta) \cos \Delta\varphi \\
&= 2A_1^2 \sin^2 \theta \cos^2 \theta \{1 + \cos \Delta\varphi\} \\
&= \frac{1}{2} A_1^2 \sin^2 2\theta \left\{ 1 + \cos \left[\frac{2\pi}{\lambda} (n_0 - n_e) d + \pi \right] \right\}
\end{aligned}$$

按题意要求 $I = 0$,

$$\text{而 } \frac{1}{2} A_1^2 \sin^2 2\theta = \frac{1}{2} A_1^2 \sin^2 2 \times 45^\circ = \frac{1}{2} A_1^2 \neq 0$$

$$\therefore 1 + \cos \left[\frac{2\pi}{\lambda} (n_0 - n_e) d + \pi \right] = 0$$

$$\text{即: } \frac{2\pi}{\lambda} (n_0 - n_e) d + \pi = (2k + 1)\pi \quad (k = 0, 1, 2, \dots)$$

(or

$$\theta = 45^\circ$$

$$I_{\perp} = A^2 (1 - \cos \theta) = 0$$

$$\cos \Delta\phi = 1 (A^2 / 2 \neq 0)$$

$$\Delta\phi = 2\pi (n_0 - n_e) d / \lambda = 2k\pi$$

$$\frac{2\pi}{\lambda} (n_0 - n_e) d = 2k\pi$$

$$\begin{aligned}
\text{故: } \lambda &= \frac{(n_0 - n_e) d}{k} = \frac{(1.658 - 1.486) \times 0.025}{k} \\
&= \frac{0.0043}{k} (\text{mm}) = \frac{4300.0}{k} \text{nm}
\end{aligned}$$

而射入第一个尼科耳的光的波长为 $400.0 \sim 760.0 \text{nm}$
 对应的 k 可取值为 6、7、8、9、10，故透出第二个尼科耳后少了 430nm 、 477.8nm 、 537.5nm 、 614.3nm 和 716.7nm
 或 430.0nm 、 480.0nm 、 540.0nm 、 610.0nm 和 720.0nm
 这五种波长的光。

($\lambda_5 = 860.0 \text{nm}$, $\lambda_{12} = 358.3 \text{nm}$ 不在此范围内)。

$$18. \text{解: } \because \Delta\varphi = \frac{2\pi}{\lambda} n_0^3 \gamma V = \pi$$

$$\begin{aligned} \therefore V &= \frac{\lambda}{2n_0^3 \gamma} = \frac{5500 \times 10^{-10}}{2 \times 1.51^3 \times 1.06 \times 10^{-11}} \\ &\doteq 7535 = 7.535 \times 10^3 \text{ (V)} \end{aligned}$$

5-19.解: \because 沿垂直于光轴方向切出的石英片为旋光镜片。
当出射光矢量与入射光矢量垂直时, 则光不能通过 N_2 ,

即欲使光不能通过 N_2 , 使从 N_1 出射的光束经晶片后又转

过 $(2k+1)\frac{\pi}{2}$, 此时该光束的振动面与 N_2 的主截面垂直, 亦即:

$$\psi_2 = \alpha d_2 = (2k+1) \times 90^\circ$$

而题中已知 $\psi_1 = \alpha d_1 = 20^\circ$,

$$\begin{aligned} \therefore d_2 &= \frac{(2k+1) \times 90^\circ}{20^\circ} \times d_1 \\ &= \frac{(2k+1) \times 90^\circ}{20^\circ} \times 1 \\ &= (2k+1) \times 4.5 \text{ (mm)} \\ &= (2k+1) \times 0.45 \text{ (cm)} \end{aligned}$$

5-20. 解: $\because \psi_1 = \alpha d_1 = 29.7^\circ$

$$\psi_2 = \alpha d_2 = 150^\circ$$

$$\begin{aligned} \therefore d_2 &= \frac{150^\circ}{29.7^\circ} \times d_1 \\ &= \frac{150^\circ}{29.7^\circ} \times 1 \\ &\doteq 5.05 \text{ mm} \\ &= 0.51 \text{ cm} \end{aligned}$$

或: $\because \psi = \alpha d$

$$\therefore d = \frac{\psi}{\alpha} = \frac{150^\circ}{29.7^\circ} \doteq 5.05 \text{ (mm)} \doteq 0.51 \text{ (cm)}$$

21. 解: $\because \psi = \alpha l c \therefore \alpha = \frac{4}{lc} = \frac{\psi V}{lm}, (c = \frac{m}{V})$

$$\alpha_1 = \frac{49.5 \times 100}{1 \times 30.5} \doteq 162.3^\circ \frac{\text{cm}^3}{\text{dm} \cdot g}$$

$$\alpha_2 = \frac{36.1 \times 100}{1 \times 22.76} \doteq 158.6^\circ \frac{\text{cm}^3}{\text{dm} \cdot g}$$

$$\alpha_3 = \frac{30.3 \times 100}{1 \times 29.4} \doteq 103.1^\circ \frac{\text{cm}^3}{\text{dm} \cdot g}$$

$$\alpha_4 = \frac{26.8 \times 100}{1 \times 17.53} \doteq 152.9^\circ \frac{\text{cm}^3}{\text{dm} \cdot g}$$

$$\begin{aligned} \therefore \bar{\alpha} &= \frac{\alpha_1 + \alpha_2 + \alpha_3 + \alpha_4}{4} \\ &= \frac{162.3 + 158.6 + 103.1 + 152.9}{4} \doteq 144.2^\circ \frac{\text{cm}^3}{\text{dm} \cdot g} \end{aligned}$$

注: 若: $m_3 = 20.4$, 则 $\alpha_3 = 148.5^\circ \frac{\text{cm}^3}{\text{dm} \cdot g}$

$$\bar{\alpha} \doteq 155.6^\circ \frac{\text{cm}^3}{\text{dm} \cdot g}$$

5-22. 解, I_0 经过 P 有 $I_1 = I_0/2$ 在经过 L1 有

$$A_0 = A_1 \sin \alpha$$

$A_e = A_1 \cos \alpha$ 可得: $I_2 = A_1^2 = I_1$ 在经过 m 得出: $I_3 = I_2$ 在经过 L1 $I_4 = I_3$ 在经过 P 可

以得出: $I = I_4 \cos^2 2\alpha$

所以: $I = I_0/2 \times \cos^2 2\alpha$

or

因为经过 L1 及返回 (两次) 后, $\lambda/4$ 相当于 $\lambda/2$, 角度从 α 变为 2α 在经过 P 后 (相当于检偏器, 第一次是起偏)

所以: $I = I_0/2 \times \cos^2 2\alpha$

$$I_{\max} = 1.5 I_0, I_{\min} = I_0$$

$$\text{即, } I_x = I_{\max} \cos^2 \theta, I_y = I_{\min} \sin^2 \theta$$

5-23, (1) 因为: 所以: $I_{(\theta)} = I_x + I_y = 1.5 I_0 \cos^2 \theta + I_0 \sin^2 \theta$

(2) 设未偏振光成分强度为 I_w , 偏振部分沿 x 轴的强度分别是 I_{px} , I_{py}

则: $I_{\max} = I_w + I_{px} = 1.5 I_0$

$$I_{\min} = I_w + I_{py} = I_0$$

在任何角度 θ , 为偏振成分始终是 I_w , 而偏振成分为:

$$A = A_x \cos \theta + A_y \sin \theta$$

x, y 是椭圆的主轴, A_x 和 A_y 得相位差为 $\pi/2$, 且它们是非相干光叠加, 即:

$$I_P = I_{px} \cos^2 \theta + I_{py} \sin^2 \theta$$

所以: $I_{(\theta)} = I_P + I_w = 1.5 I_0 \cos^2 \theta + I_0 \sin^2 \theta$ 与结果无关

(2) 通过 $1/4$ 波长后, 使 x 相位相对于 y 轴相位移动 $\pi/2$, 使得偏振光变成了线偏振光, 于是:

$$\sqrt{I_{px}} / \sqrt{I_{py}} = \cot 30^\circ = 1/\sqrt{3}, \text{即: } I_{px} = 3 I_{py}$$

代入 $I_w + I_{px} = 1.5 I_0$

$$I_w + I_{py} = I_0$$

可以得出: $I_{px} = 0.75 I_0, \dots, I_{py} = 0.25 I_0, = 0.75 I_0$ 在 $\theta = 30^\circ$ 处的最大光强为:

$$I_{\max} = I_{px} + I_{py} + I_w = 1.75 I_0$$

入射光强化总未偏转部分所占比例为:

$$2 I_w / (1.5 I_0 + I_0) = 1.5 I_0 / 2.5 I_0 = 0.60 = 60\%$$

DS

5-24, 解, 敬爱能够光源和光屏位置前后摆放好, 因为光源发出的光是自然光, 所以可以将几个光学器件一次放在光源和光屏之间, 观察光源变化而判定之

(1) 线偏振器的判断;

经两个光学元件放在光源和光屏之间, 转动后一个, 直到调换至光屏上会出现两次消光为止, 这是的两个光学元件便是偏振器。

(2) $\lambda/4$ 长的判定

将两个线偏振器前后放置在光源和光屏之间, 再把一个光学器件放在这两个线偏振器中间转动之, 光强始终不变的就是 $\lambda/4$ 片。

(3) $\lambda/2$ 片的判定

同上, 把一个光学器件放在两个偏振器之间转动之, 并调整线偏振器的位置, 在转动一周的过程中, 出现两次消失就是 $\lambda/2$ 片。

(4) 最后剩下的一个就是 偏振器

当然还有很多判断方法。

5-25 解, 因为: $n_1 \sin i_1, n_1 = 1, i_1 = 60^\circ$

所以: $i_2 = \sin^{-1}(n_1 \sin i_1 / n) = \sin^{-1}(\sin 60^\circ / n) = (\sqrt{3}/2n)$

$$i_{20} = \sin^{-1} \sqrt{3}/2 n_0 = 34.94^\circ$$

$$i_{2e} = \sin^{-1} \sqrt{3}/2 n_e = 36.10^\circ$$

故, $\theta = i_{2e} - i_{20} = 1^\circ 10'$

5-26. 解, (1) 右旋, 检偏器眼顺时针转动 20° 就到了消光位置。

(2) 因为: $A_y = A \cos \alpha, A_x = A \sin \alpha$

所以: $A_y / A_x = \cot \alpha = \cot 20^\circ = 2.747$

27. 对于长短之比为 2:1, 长轴沿 x 轴的右旋椭圆偏振光的电矢量为

$$E_x = A_x e^{ik\pi} = 2a e^{ik\pi}, E_y = A_y e^{i(k\pi + \Delta\phi)} = a e^{i(k\pi - \pi/2)}$$

$$\sqrt{A_x^2 + A_y^2} = \sqrt{(2a)^2 + a^2} = \sqrt{5}a \quad \text{故,}$$

这一偏振光的归一化琼斯矢量为:

$$\vec{E}_{\text{左}} = 1/\sqrt{5} [e^{i\pi/2}]^{**} = 1/\sqrt{5} [\hat{i}]^{**}, \dots, (\Delta\phi = \pi/2)$$

(3) 这两个偏振光叠加的结果为:

$$\vec{E}_{\text{右}} = 1/\sqrt{5} [\hat{i}]^{**} + 1/\sqrt{5} [\hat{i}]^{**}$$

$$\vec{E} = \vec{E}_{\text{左}} + \vec{E}_{\text{右}} = 4/\sqrt{5}$$

5-27. 解: (1) \because 对于长、短比为 2:1, 长轴沿 x 轴的右旋椭圆偏振态电矩为

$$\tilde{E}_x = A_x e^{ik\eta} = 2a e^{ik\eta}$$

$$\tilde{E}_y = A_y e^{i(k\eta + \Delta\phi)} = a e^{i(k\eta - \frac{\pi}{2})}$$

$$\therefore \sqrt{A_x^2 + A_y^2} = \sqrt{(2a)^2 + a^2} = \sqrt{5}a$$

故, 这一偏振光的归一化琼斯矢量为

$$\vec{E}_{\text{右}} = \frac{Ax}{\sqrt{A_x^2 + A_y^2}} \begin{bmatrix} 1 \\ \frac{A_x}{A_y} e^{ik\phi} \end{bmatrix} = \frac{a}{\sqrt{5}a} \begin{bmatrix} 2 \\ e^{-i\frac{\pi}{2}} \end{bmatrix} = \frac{1}{\sqrt{5}} \begin{bmatrix} 2 \\ -i \end{bmatrix}$$

(2) 同理, 可得左旋椭圆偏振光的琼斯矢量为

$$\vec{E}_{\text{左}} = \frac{1}{\sqrt{5}} \frac{a}{\sqrt{5}a} \begin{bmatrix} 2 \\ e^{-i\frac{\pi}{2}} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ i \end{bmatrix} \quad (\Delta\phi = \frac{\pi}{2})$$

(3) 这两个偏振光叠加的结果为

$$\begin{aligned} \vec{E} &= \vec{E}_{\text{右}} + \vec{E}_{\text{左}} = \frac{1}{\sqrt{5}} \begin{bmatrix} 2 \\ -i \end{bmatrix} + \frac{1}{\sqrt{5}} \begin{bmatrix} 2 \\ i \end{bmatrix} \\ &= \frac{1}{\sqrt{5}} \begin{bmatrix} 2+2 \\ -i+i \end{bmatrix} = \frac{1}{\sqrt{5}} \begin{bmatrix} 4 \\ 0 \end{bmatrix} = \frac{4}{\sqrt{5}} \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} \end{aligned}$$

6-1 解:

$$\therefore \frac{I}{I_0} = e^{-\alpha l} \quad \text{蓝色—b} \quad \text{黄色—y}$$

(1) 白光透过 0.1mm 厚度后 (在吸收带附近) 的光强为:

$$\therefore \frac{I_b}{I_0} = e^{-50 \times 0.01} = \frac{1}{e^{0.5}} \approx 0.6065 \quad \text{蓝色—b} \quad \text{黄色—y}$$

$$\therefore I_b = 0.6065 I_0$$

$$\frac{I_y}{I_0} = e^{-250 \times 0.01} \approx 0.0821$$

$$\therefore I_y = 0.0821 I_0$$

(2) 白光在透过 5mm 厚度后光强为:

$$\therefore \frac{I_b}{I_0} = e^{-50 \times 0.5} = \frac{1}{e^{25}} \approx 1.3888 \times 10^{-11}$$

$$\therefore I_b = 1.3888 \times 10^{-11} I_0 \approx 0$$

$$\frac{I_y}{I_0} = e^{-250 \times 0.5} = \frac{1}{e^{125}} \approx 5.1664 \times 10^{-55}$$

$$\therefore I_y = 5.1664 \times 10^{-55} I_0 \approx 0$$

但两中情况下颜色有所不同

6-2.解:

$$\therefore \frac{I_b}{I_0} = e^{-\alpha_a l}$$

$$\therefore l = -\frac{1}{\alpha_a} \ln \frac{I_b}{I_0} = \frac{1}{\alpha_a} \ln \frac{I_0}{I_b}$$

$$l_1 = \frac{1}{0.32} \ln 0.1 \approx 7.196 \quad (cm)$$

$$l_2 = \frac{1}{0.32} \ln 0.2 \approx 5.03 \quad (cm)$$

$$l_3 = \frac{1}{0.32} \ln 0.5 \approx 2.166 \quad (cm)$$

$$l_4 = \frac{1}{0.32} \ln 0.8 \approx 0.697 \quad (cm)$$

6-3.解:

$$\because \frac{I}{I_0} = e^{-(\alpha_a + \alpha_s)l} \quad \alpha_s = \frac{1}{2}\alpha_a \quad \frac{I}{I_0} = 20\% = 0.2$$

$$\text{即: } \frac{I}{I_0} = e^{-1.5\alpha_a l}$$

$$\alpha_a l = -\frac{1}{1.5} \ln \frac{I}{I_0} = \frac{1}{1.5} \ln \frac{I_0}{I} = \frac{1}{1.5} \ln \frac{1}{0.2} \approx 1.073$$

$$\therefore \frac{I_b}{I_0} = e^{-\alpha_a l} = e^{-1.073} = \frac{1}{e^{1.073}} \approx 0.342 = 34.2\%$$

$$\text{故: } \Delta I = I' - I = (34.2\% - 20\%)I_0 \approx 14.2\%I_0$$

$$\text{即: } \frac{\Delta I}{I_0} \approx 14.2\%$$

6-4.解:

$$\because I = f(\lambda)\lambda^{-4} \quad \lambda_1 = 2536 \text{ \AA} \quad \lambda_{12} = 5461 \text{ \AA}$$

$$\therefore \frac{I_1}{I_2} = \frac{5461^4}{2536^4} \approx 21.5$$

$$\lambda_1^{-4} / \lambda_2^{-4} = (\lambda_2 / \lambda_1)^4 =$$

6-5.解:

$$\because I = I_0(1 + \cos^2 \alpha)$$

$$\therefore \frac{I_{90^\circ}}{I_{45^\circ}} = \frac{I_0(1 + \cos^2 90^\circ)}{I_0(1 + \cos^2 45^\circ)} = \frac{1}{1.5} = \frac{2}{3}$$

6-6.解:

$$\because \Delta = 1 - p \quad p = \left| \frac{I_y - I_x}{I_y + I_x} \right| \quad \frac{I_y}{I_x} = 20$$

$$\therefore p = \frac{\frac{I_y}{I_x} - 1}{\frac{I_y}{I_x} + 1} = \frac{20 - 1}{20 + 1} = \frac{19}{21}$$

$$\text{故: } \Delta = 1 - \frac{19}{21} = \frac{2}{21} \approx 0.095 = 9.52\%$$

6-7.解:

$$\because n = a + \frac{b}{\lambda^2} \quad \frac{dn}{d\lambda} = -\frac{2b}{\lambda^3}$$

$$1.6130 = a + b \times \frac{1}{4358^2} \quad 1.6026 = a + b \times \frac{1}{5416^2}$$

$$1.6130 - 1.6026 = b \times \left(\frac{1}{4358^2} - \frac{1}{5416^2} \right)$$

$$\therefore b = 543887.87 \quad (a = 1.5844)$$

$$\begin{aligned} \text{故: } \frac{dn}{d\lambda} &= -\frac{2 \times 543887.87}{6000^3} \approx -5.306 \times 10^{-6} \text{ } \overset{0}{\text{A}}^{-1} \\ &= -503.6 \text{ } \text{cm}^{-1} \end{aligned}$$

6-8.解:

$$\because n = a + \frac{b}{\lambda^2} \quad \frac{dn}{d\lambda} = -\frac{2b}{\lambda^3}$$

$$1.65250 = a + b \times \frac{1}{4358^2} \quad 1.62450 = a + b \times \frac{1}{5416^2}$$

$$1.65250 - 1.62450 = b \times \left(\frac{1}{4358^2} - \frac{1}{5416^2} \right)$$

$$\therefore b \approx 1.4643135 \times 10^6 \text{ } \overset{0}{\text{A}}^{-2}$$

$$a = 1.65250 - \frac{1.4643135}{54612} \approx 1.57540$$

$$(\text{or: } a = 1.62450 - \frac{1.4643135}{4358^2} \approx 1.57540)$$

$$\text{故: } n_0 = 1.57540 + \frac{1.4643135}{5890^2} \approx 1.61761$$

$$\begin{aligned} \frac{dn}{d\lambda} &= -\frac{2 \times 1.4643135}{5890^3} \approx -1.43324 \times 10^{-5} \text{ } \overset{0}{\text{A}}^{-1} \\ &= -1433.24 \text{ } \text{cm}^{-1} \end{aligned}$$

6-9.解

$$\because n = a + \frac{b}{\lambda^2} = 1.416 + \frac{1.72 \times 10^{-10}}{(6000 \times 10^{-8})^2} = 1.464$$

$$\frac{dn}{d\lambda} = -\frac{2b}{\lambda^3} = -\frac{2 \times 1.72 \times 10^{-10}}{(6000 \times 10^{-8})^2} = -1292.59 \text{ cm}^{-1}$$

$$= -1.59259 \times 10^{-5} \text{ \AA}^{-1}$$

$$\therefore D = \frac{d\theta}{d\lambda} = \frac{2 \sin \frac{A}{2}}{\sqrt{1 - 1.464^2 \sin^2(\frac{60^\circ}{2})}} \frac{dn}{d\lambda}$$

$$= \frac{2 \sin \frac{60^\circ}{2}}{\sqrt{1 - 1.464^2 \sin^2(\frac{60^\circ}{2})}} \times (-1.59259 \times 10^{-5})$$

$$\approx -2.337499 \times 10^{-5}$$

$$\approx -2.34 \times 10^{-5} \text{ (rad / \AA)}$$

$$= -2.34 \times 10^{-4} \text{ rad / nm}$$

6-10.解:

$$\therefore i = \sin^{-1} \sqrt{n_1^2 - n_2^2}$$

$$\therefore n_2 = \sqrt{n_1^2 - \sin^{-1} i}$$

$$= \sqrt{1 - \sin^{-1} 0.1}$$

$$\approx 0.99998476$$

$$\approx 1$$

$$(or : \sin i_0 = \frac{n_2}{n_1} \quad i_0 = 90^\circ - 0.1^\circ = 89.9^\circ$$

$$n_2 = n_1 \sin i_c = 1 \times \sin 89.9^\circ \approx 0.99998476$$

$$\approx 1$$

$$or : \frac{\sin i_c}{\sin \gamma} = \frac{n_2}{n_1} \quad \text{即} : \frac{\sin i_c}{\sin 90^\circ} = \frac{n_2}{1}$$

$$\therefore n_2 = \sin i_c$$

$$\text{而} : i_c = 90^\circ - 0.1^\circ = 89.9^\circ \quad]$$

$$\text{故} \sin 89.9^\circ \approx 0.99998476 \approx 1$$

or

$$\text{因为} : \sin i_0 = n_2 / n_1, i_c = 90^\circ - 0.1^\circ = 89.9^\circ$$

$$\text{所以} : n_2 = n_1 \sin i_c = 1 \times \sin 89.9^\circ \approx 1$$

or

$$\sin i_c / \sin P = n_2 / n_1 \quad \text{即} : \sin i_c / \sin 90^\circ = n_2$$

$$\text{而} : i_c = 90^\circ - 0.1^\circ = 89.9^\circ$$

$$n_2 = \sin 89.9^\circ \approx 1$$

$$6-11, i_0 = \sin^{-1} = n_2 / n_1 = \sin^{-1} (1 - 1.6 \times 10^{-6}) \approx 89.8975^\circ$$

$$i = 90^\circ - i_c \approx 0.1025^\circ$$

$$6-12, \text{解, } n = a + b / \lambda^2, d_n / d_\lambda = -26 / \lambda^3$$

$$1.63 = a + b / 400^2, 1.58 = a + b / 500^2$$

$$1.63 - 1.58 = 0.05 = (1/16 - 1/25)b / 10^4$$

$$\text{所以} : b = 22222$$

$$d_n / d_\lambda = -2.06 \times 10^{-4} (nm^{-1})$$