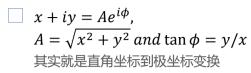
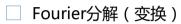
常用数学公式(第二章版本)

8:38 2017年2月26日

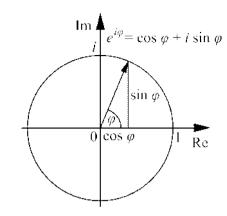
复数:



Euler公式
$$e^{i\phi} = \cos \phi + i \sin \phi$$
 可以看作 $A = 1$ 时的特例



$$F(x) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} F_n e^{inx}$$



可以理解为一个矢量在一个无穷维坐标系下的表示, e^{inx} 是坐标轴单位矢量, F_n 是坐标轴上的值 (或者F(x)在坐标轴e^{inx}上的投影);也可以理解为由一系列方程相互独立的解 e^{inx} 够早的通解 (见第一章讲义)

Fourier 变换

$$\psi(\mathbf{r}) = \frac{1}{(2\pi\hbar)^{3/2}} \int \varphi(\mathbf{p}) e^{i\mathbf{p}\cdot\mathbf{r}/\hbar} d^3p$$

微分方程:

□ 微分方程
$$\frac{\partial^2 y}{\partial x^2} + k^2 y = 0$$
 的通解为 $y = Ae^{ik(x+\phi)}$, 或者实数解为 $y = A\sin k(x+\phi)$

微积分:

$$\Box \int_{0}^{\frac{\pi}{2}} \sin^{n} x dx = \begin{cases} \frac{(n-1)!!}{n!!} \frac{\pi}{2} & (n \to \mathbb{Z}) \\ \frac{\pi}{2} & (n \to \mathbb{Z}) \end{cases}$$

$$\frac{1}{n!!} \frac{(n-1)!!}{n!!}$$
 (n \text{ (n \text{ \text{\sigma}} \text{ \text{\$\sigma}}}

级数展开:

$$e^x = 1 + x + \frac{x^2}{2!} + \dots = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^n}{n!}$$

$$\sum_{k=0}^{n-1} (a+kd)q^{k} = \frac{a - [a + (n-1)d]q^{n}}{1-q} + \frac{dq(1-q^{n-1})}{(1-q)^{2}} \quad (n \ge 1)$$

$$\sum_{k=0}^{\infty} (a+kd)q^{k} = \frac{a}{1-q} + \frac{dq}{(1-q)^{2}} \quad (|q| < 1)$$