

东南大学网络空间安全学院  
密码学与安全协议

# 第六讲 消息认证和散列函数

黄 杰

信息安全研究中心



# 本讲内容

- 消息认证和hash函数
  - 消息加密函数(Message Encryption)
  - 消息认证码MAC (Message Authentication Code)
  - 散列函数(Hash Function)
- Hash算法
  - MD5
  - SHA-1
  - HMAC
- Hash算法的攻击方法
- Hash算法攻击的理论基础



# 消息认证与数字签名

- 问题
  - 消息认证和数字签名的区别



# 安全攻击

- 泄密：将消息透露给非授权第三方。
- 传输分析：分析通信双方的通信模式。

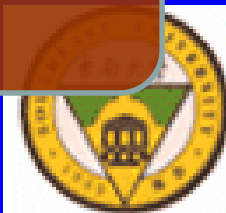
## 破坏机密性

- 伪装：伪造信息，声称来自合法实体。
- 内容修改：对消息插入、删除、转化或修改。
- 顺序修改：修改顺序。
- 计时修改：对消息延时或重放。

## 破坏完整性

- 发送方否认：发送方否认发送过消息。
- 接收方否认：接收方否认接收过消息。

## 破坏抗抵赖性



# 认证函数

- 可用来产生认证符的函数分为三类:

## (1) 消息加密函数(Message Encryption)

用完整信息的密文作为对信息的认证。

## (2) 消息认证码MAC (Message Authentication Code)

**MAC**是消息和密钥的函数，产生一个固定长度的值作为认证标识

## (3) 散列函数(Hash Function)

是一个公开的函数，它将任意长的信息映射成一个固定长度的信息。

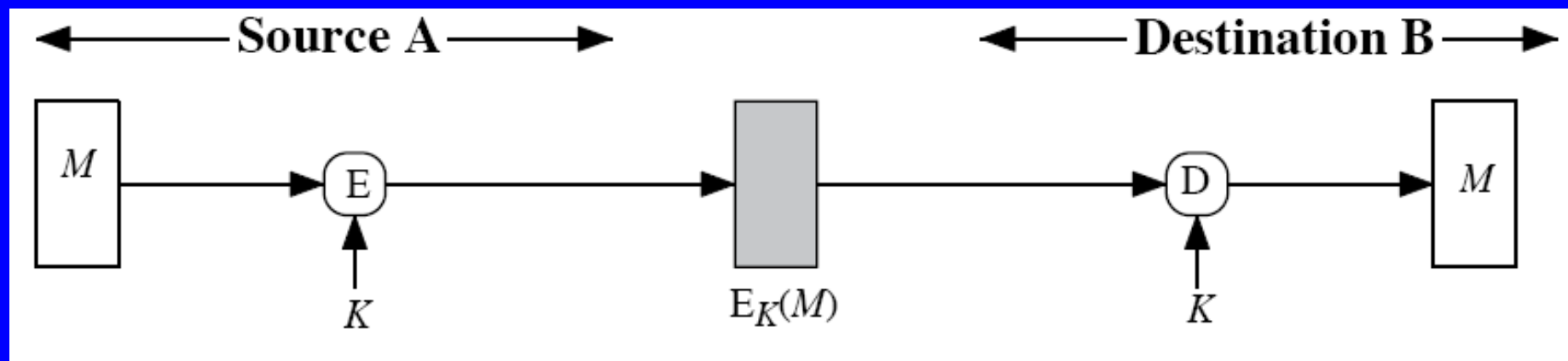


# 消息加密

- 消息的自身加密可以作为一个认证的度量。
- 对称密钥模式和公开密钥模式有所不同。



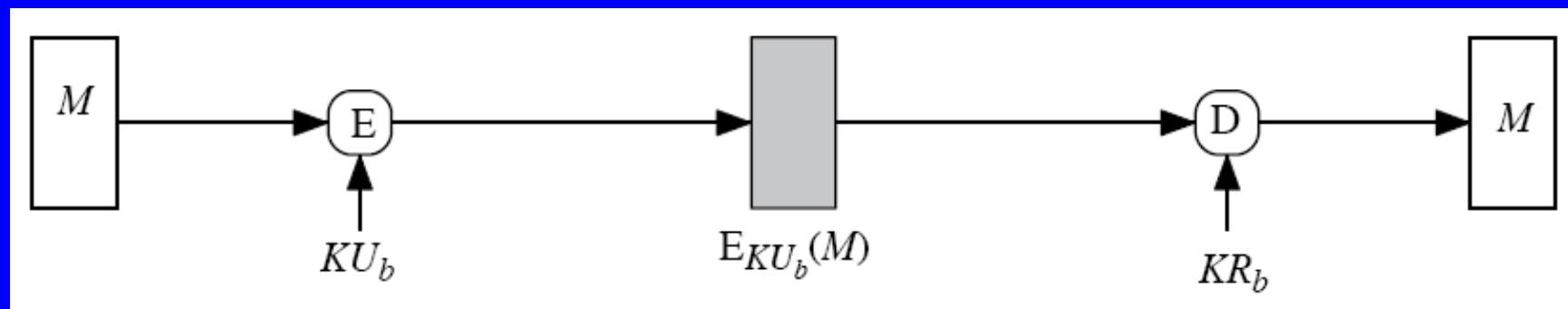
# 对称加密



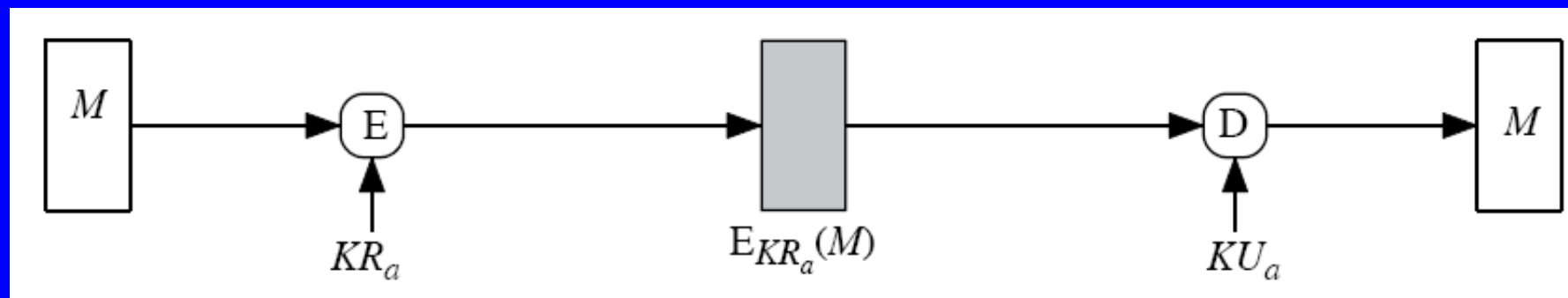
- 如果明文具有一定的语法结构，接收方可以判断解密后明文的合法性，从而确认消息来自发送方而且中间未受到篡改。
- 如果明文为二进制文件，则难以判断解密后的消息是正确的明文。



# 公钥加密



保密性

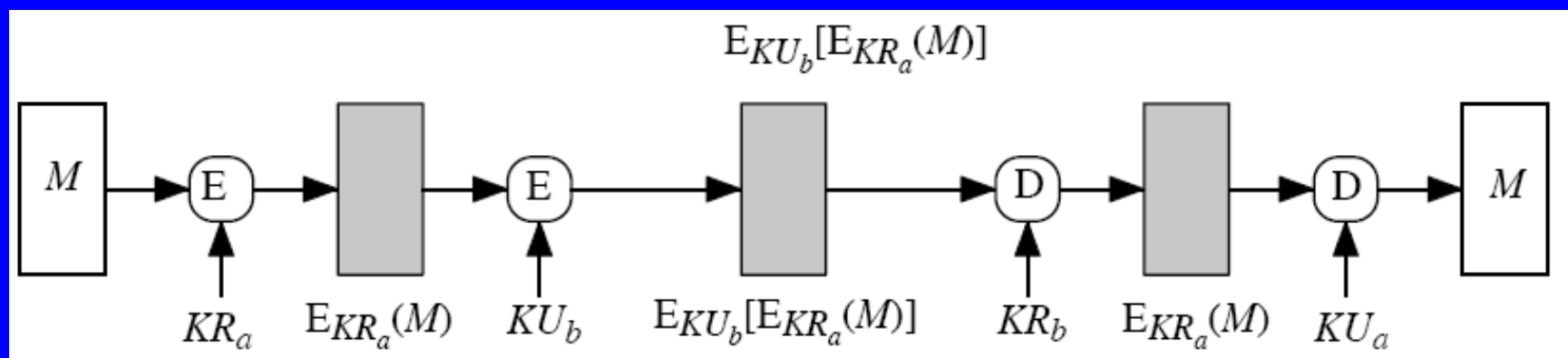


认证和签名





# 公钥加密



- 既能实现保密性，又能完成认证和签名。
- 一次通信中要进行四次复杂的公钥算法。



# 消息认证码

- 原因

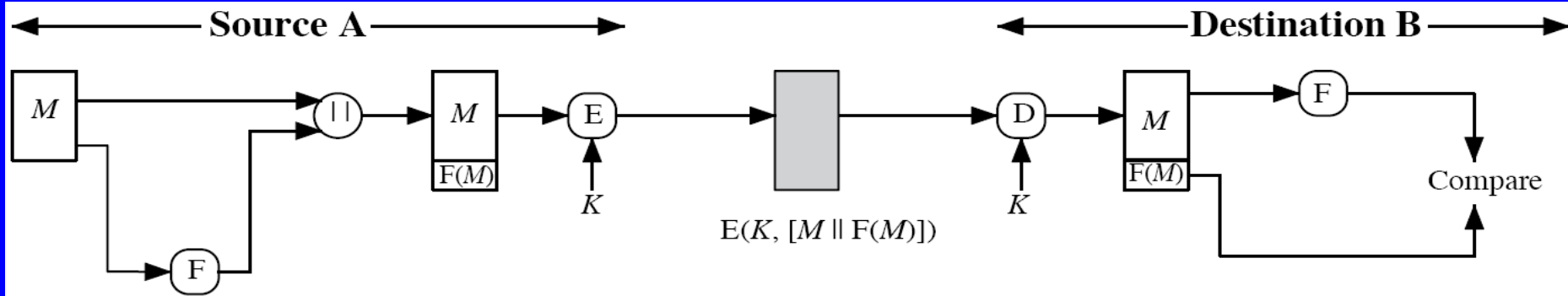
- 有许多应用将同一消息广播给很多接受者；
- 通信某一方处理的负荷很大，只能验证消息；
- 明文形式的计算机程序进行认证；
- 有些应用不关心保密性，而关心消息认证；
- 将认证和保密性分开；
- 解密的消息不再受到保护，但**MAC**可以提供长期的认证。



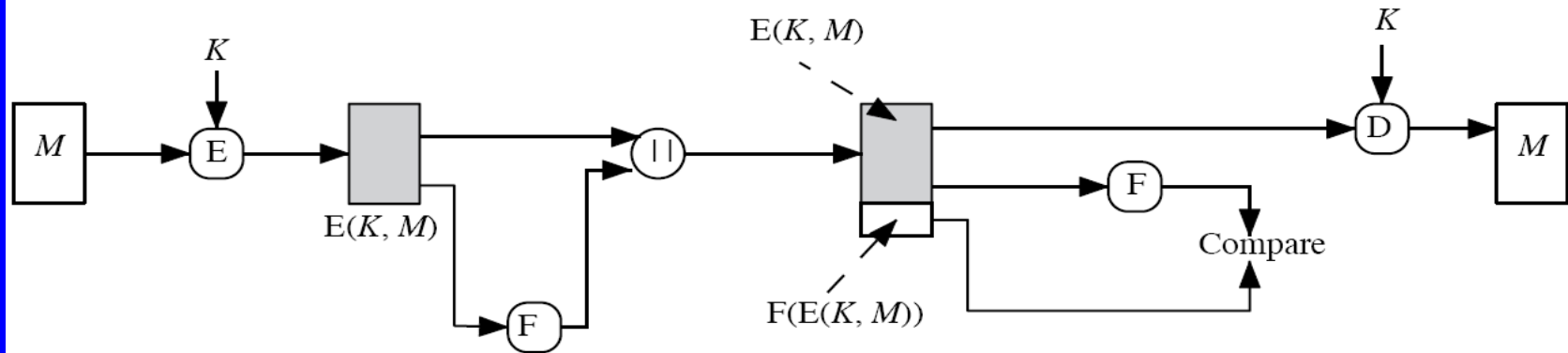
# 消息认证码

- 利用密钥生成一个固定长度的短数据块，称为消息认证码**MAC**，并将**MAC**附加在消息之后。接收方通过计算**MAC**来认证该消息。
- 计算公式： **$MAC=C_K(M)$** 
  - **M**: 长度可变的消息
  - **K**: 收发双方共享的密钥
  - **$C_K(M)$** : 定长的认证符

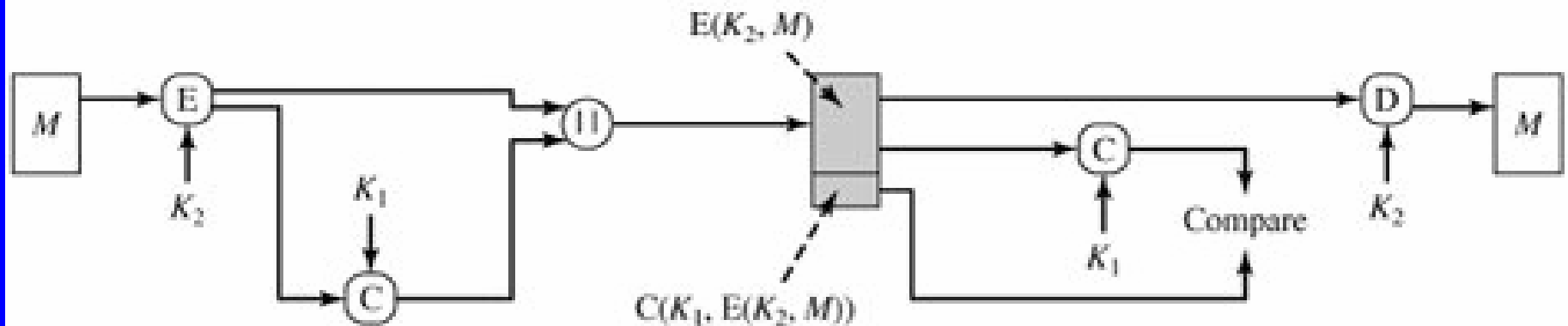




(a) Internal error control



(b) External error control



# 消息认证码的讨论

- 保密性与真实性是两个不同的概念
- 从根本上说,信息加密提供的是保密性而非真实性
- 加密代价大(公钥算法代价更大)
- 某些信息只需要真实性,不需要保密性
  - 广播的信息难以使用加密(信息量大)
  - 网络管理信息等只需要真实性
  - 政府/权威部门的公告



# hash函数

- 形式:  $h=H(M)$
- 它以任意长度的消息做自变量, 产生规定长度的消息摘要。
- 对于任意 $x$ , 计算 $H(x)$ 是容易的, 软硬件均可实现。
- 性质1(抗弱碰撞), 指对给定消息 $x$ , 找到 $y$ ,  $y \neq x$ , 且 $H(x) = H(y)$ 在计算上是不可行的。
- 性质2(抗强碰撞), 指满足 $H(x) = H(y)$ 的  $(x, y)$  在计算上是不可行的。  
注: 抗强碰撞自然含抗弱碰撞!
- 性质3(单向的)称散列函数 $H$ 为单向的, 是指计算 $h$ 的逆函数 $H^{-1}$ 在计算上不可行。

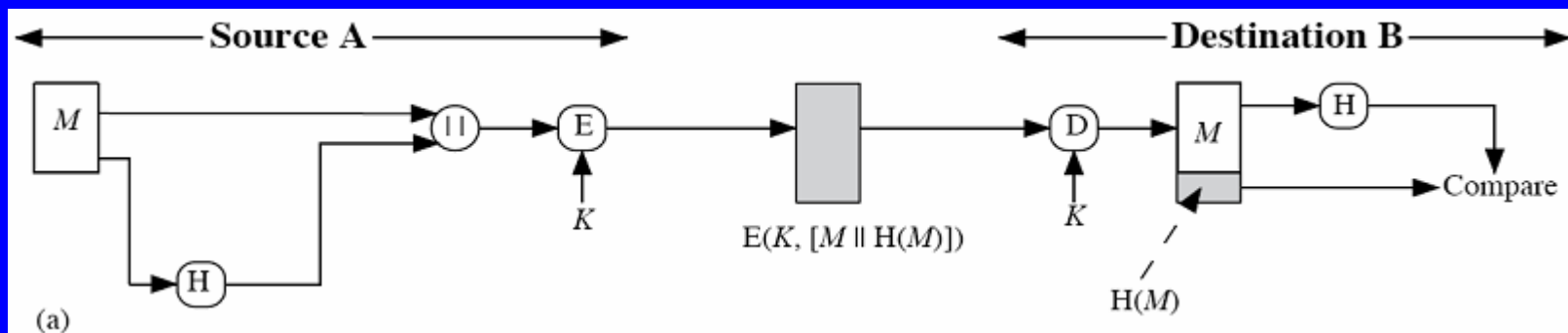


# Hash函数的特点

- 将一个长度可变的消息 $M$ 转换为一个固定长度的输出，称之为散列码或摘要
- 与MAC的区别：没有使用密钥，函数输入参数只有一个
- 可以检测出消息是否发生变化

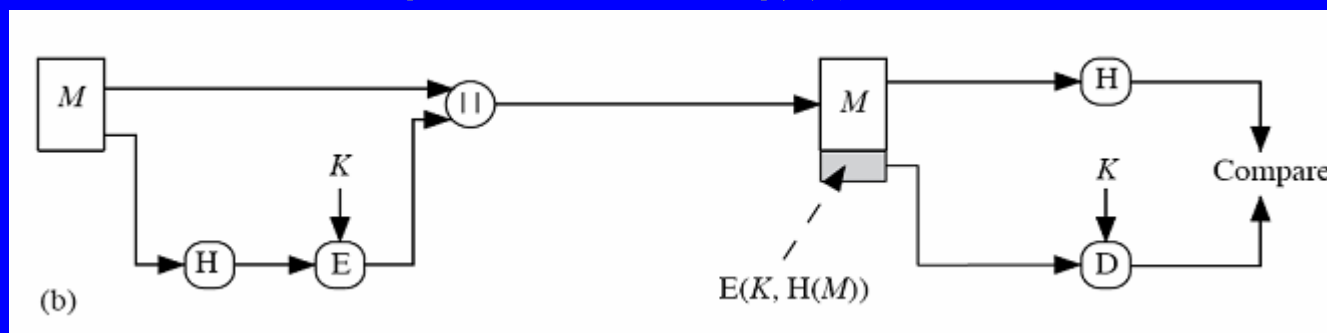


- 和加密结合可以用于认证
  - 加密消息及散列码:  $E(K, M || H(M))$

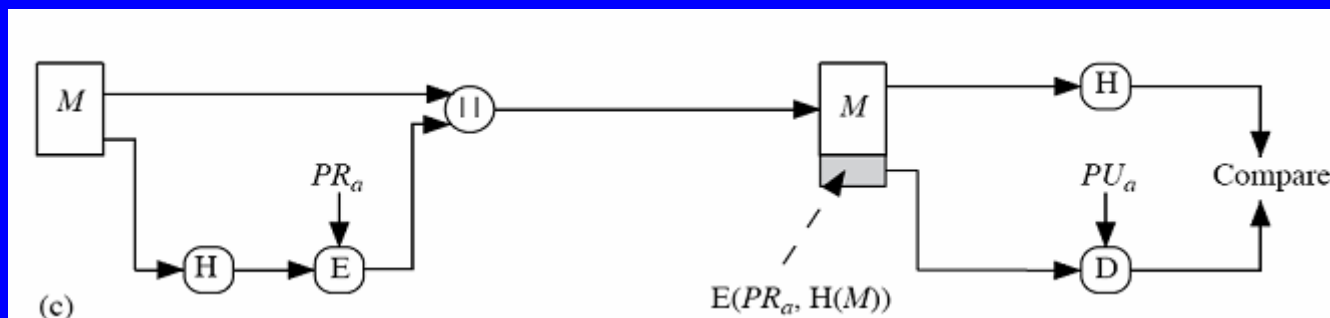




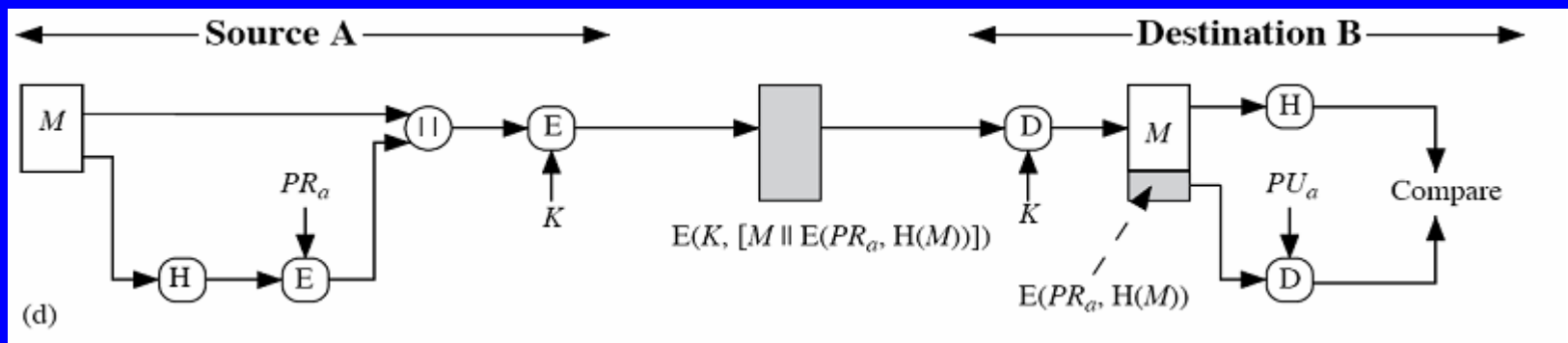
- 对称加密散列码:  $M || E(K, H(M))$   
 $E(K, H(M))$  即为一MAC函数



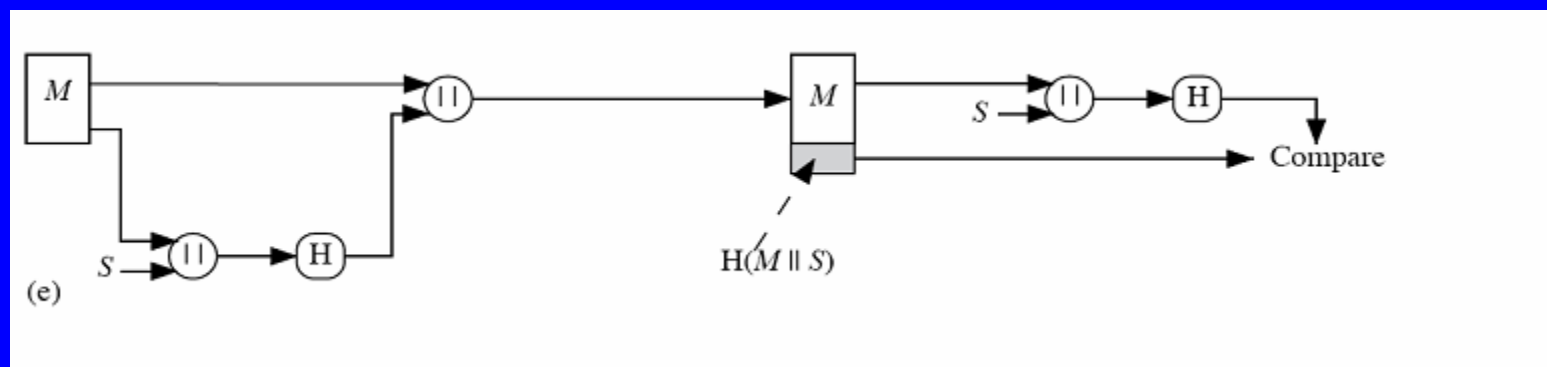
- 公钥加密散列码:  $M || E(PR_a, H(M))$   
典型的数字签名方案



- 对称密码加密签名:  $E(K, M || E(PR_a, H(M)))$

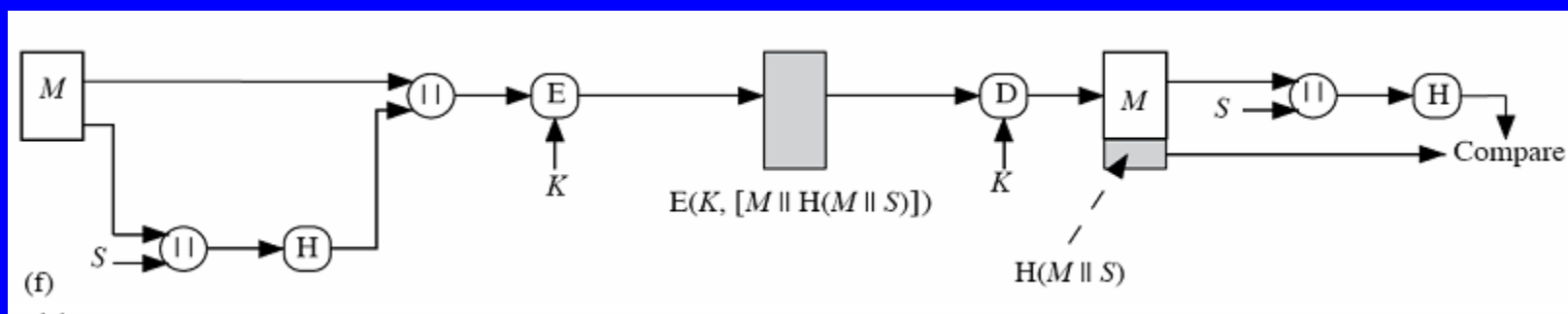


- 带秘密值的散列码:  $M || H(M || S)$



- 对称密码加密带秘密值的散列码

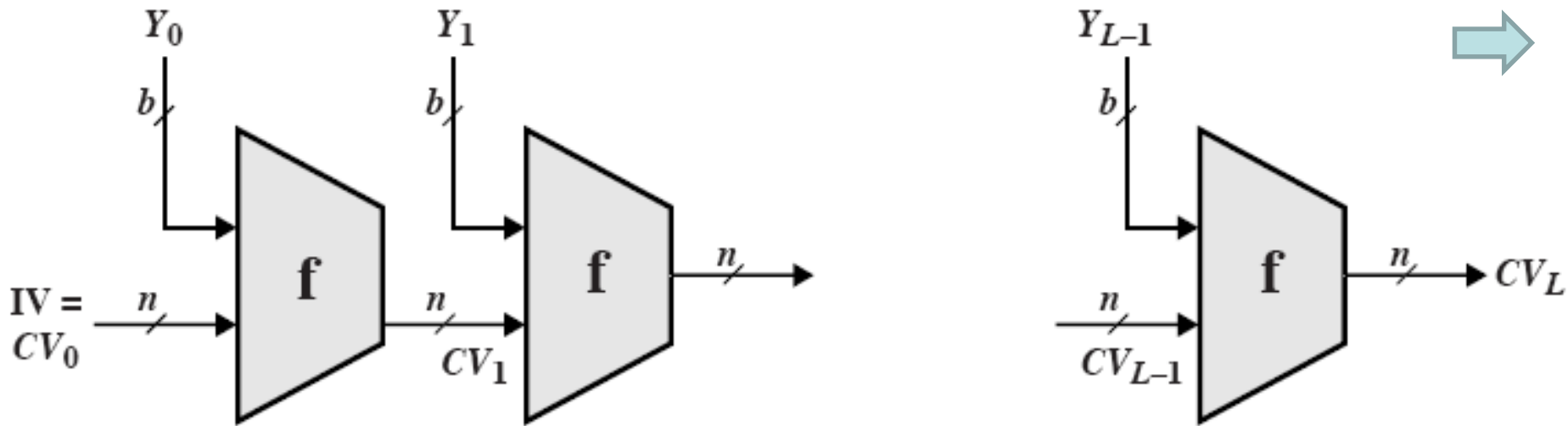
$E(K, M || H(M || K))$



# HASH算法



# Hash函数的一般结构



IV = Initial value  
CV = chaining variable  
 $Y_i$  =  $i$ th input block  
 $f$  = compression algorithm  
 $L$  = number of input blocks  
 $n$  = length of hash code  
 $b$  = length of input block

计算过程:

$CV_0 = IV =$  初始  $n$  位值

$CV_i = f(CV_{i-1}, Y_{i-1})$ ,  $1 \leq i \leq L$

$H(M) = CV_L$



# MD5消息摘要算法

- **Merkle**于1989年提出hash function一般模型
- **Ron Rivest**于1990年提出MD4
- 1992年，**Ron Rivest** 开发了MD5 (RFC 1321)
- MD5把数据分成512-bit块，MD5的hash值是128-bit
- 在最近数年之前，MD5是最主要的hash算法
- 现行美国标准SHA-1以MD5的前身MD4为基础



# MD5算法流程

- 填充消息
- 附加消息长度
- 初始化缓冲区
- 分组处理消息
- 输出消息摘要

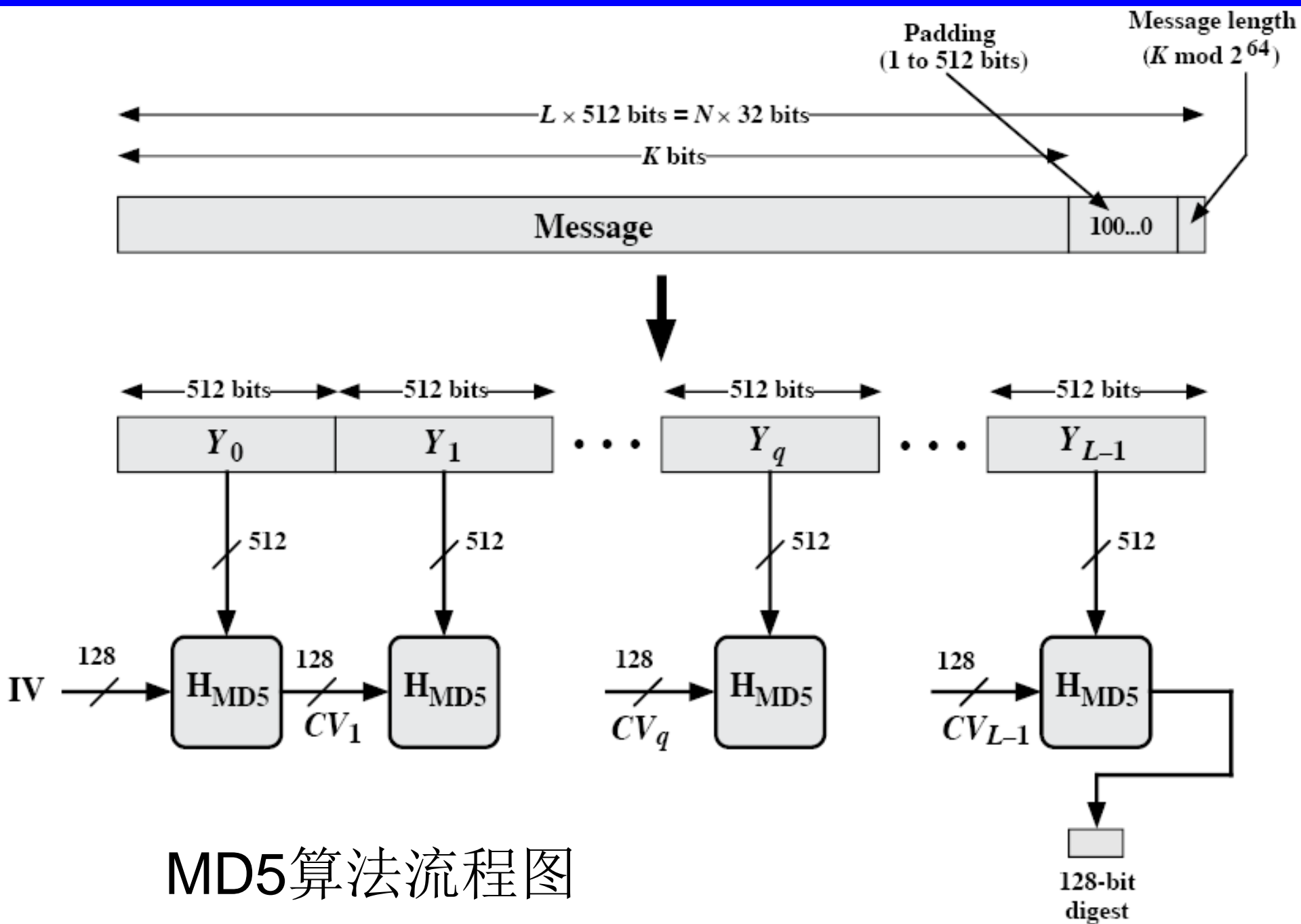


# MD5算法流程

- 填充消息
  - $M \rightarrow M_1$
  - $|M_1| \equiv 448 \pmod{512}$
  - $|M_1| > |M|$  : 如果  $|M| \equiv 448 \pmod{512}$ , 则  $|M_1| = |M| + 512$
  - 填充内容: 100...0
- 附加消息长度
  - $M_1 \rightarrow M_2$ , 消息长度以64位表示
  - 若  $|M_1| > 2^{64}$ , 则仅取低64位
  - $|M_2|$  为512的倍数, 可分为长度为512的L个分组  $Y_0, Y_1, \dots, Y_{L-1}$







# 初始化缓冲区

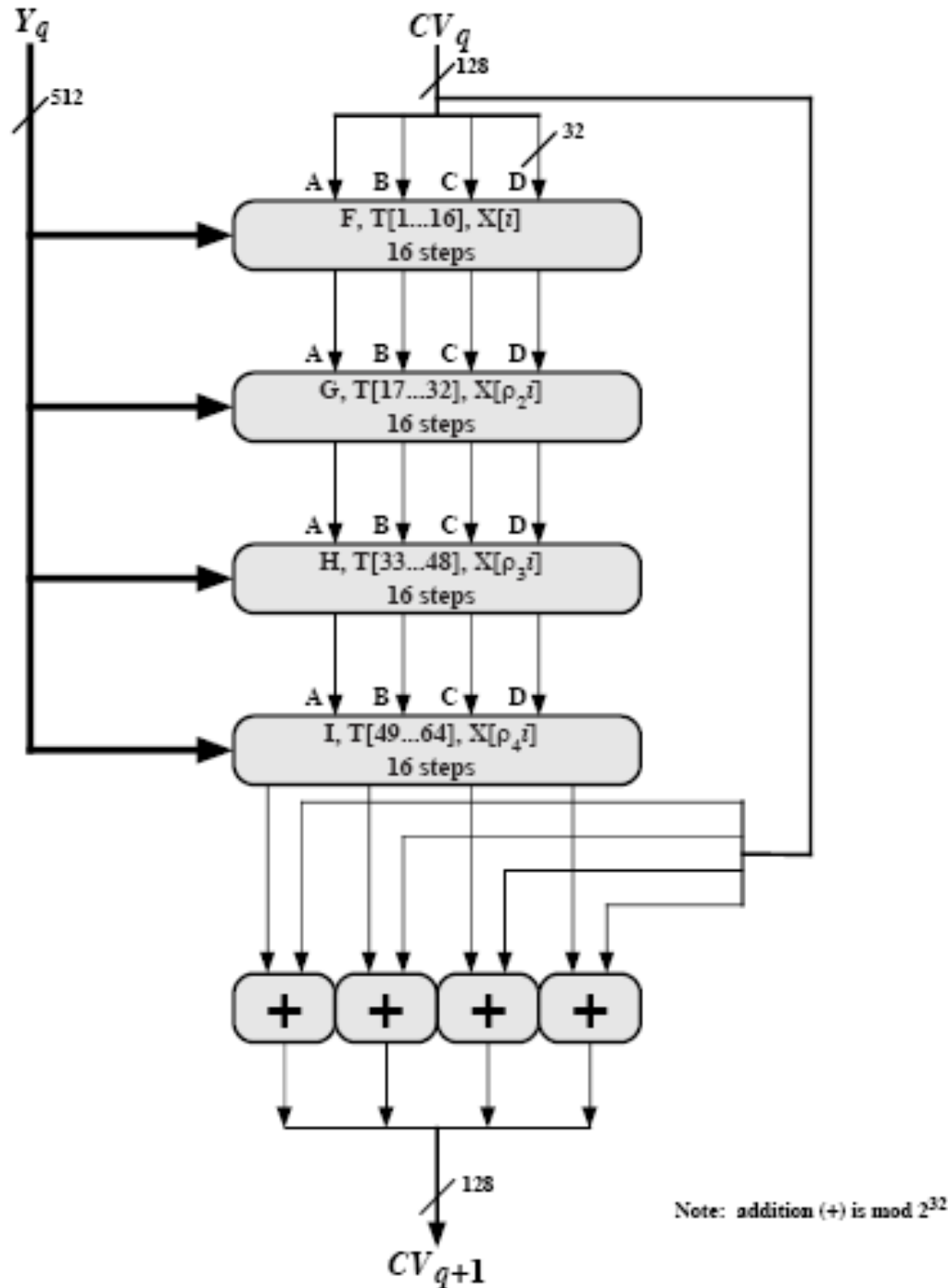
- 缓冲区长度：128位
- 用四个32位的寄存器(A, B, C, D)表示  
A = 01 23 45 67 (0x67452301)  
B = 89 AB CD EF (0xEFCDA B89)  
C = FE DC BA 98 (0x98BADCFE)  
D = 76 54 32 10 (0x10325476)
- 括号内为每个寄存器的实际数值，前面为实际的存储顺序。



# MD5算法流程

- 分组处理消息
  - $CV_0 = IV$
  - $CV_i = H_{MD5}(CV_{i-1}, Y_i)$
- 输出消息摘要
  - $MD = CV_L$





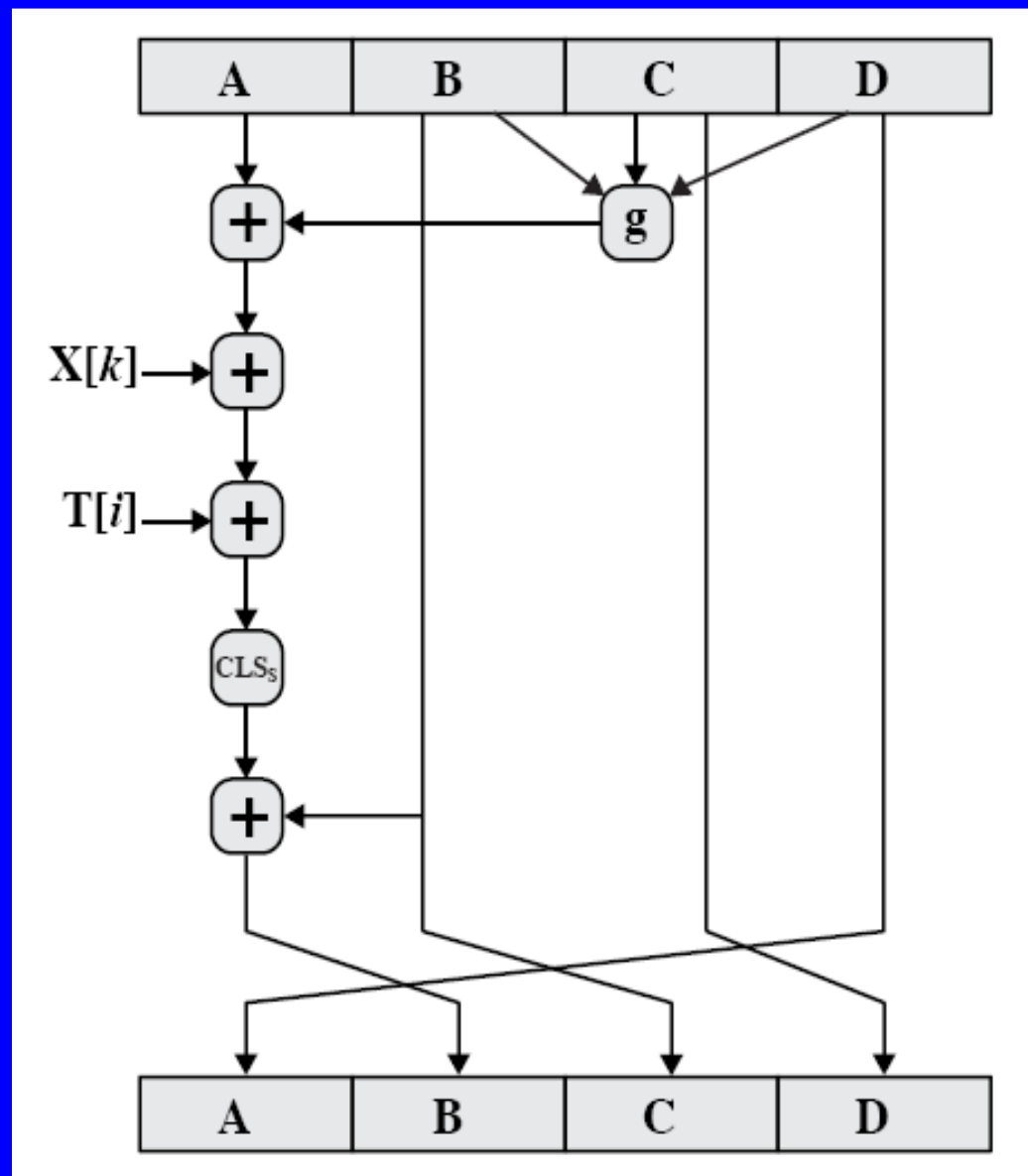
一个消息分组的处理过程：  
 算法的核心是压缩函数，由四轮运算组成，每轮进行**16**步迭代。每轮使用不同的逻辑函数，记为**F, G, H, I**。T是事先产生的表格，包含**64**项，每项**32**位。**512**位消息在每轮分为**16**个分组，每个分组为**32**位。



# MD5压缩函数

- 每一轮包含对缓冲区ABCD的16步操作所组成的一个序列。
  - $a \leftarrow b + ((a + g(b,c,d) + X[k] + T[i]) \lll s)$
- 其中，
  - $a,b,c,d$  = 缓冲区的四个字，以一个给定的次序排列；
  - $g$  = 基本逻辑函数F,G,H,I之一；
  - $\lll s$  = 对32位字循环左移s位
  - $X[k]$  =  $M[q \times 16 + k]$  = 在第q个512位数据块中的第k个32位字
  - $T[i]$  = 表T中的第i个32位字；
  - $+$  = 模 $2^{32}$ 的加；





$$a \leftarrow b + ((a + g(b, c, d) + X[k] + T[i]) \lll s)$$





将每个512分成16块32位

### 四个非线性函数

1

$$F(X, Y, Z) = (X \& Y) | ((\sim X) \& Z)$$

2

$$G(X, Y, Z) = (X \& Z) | (Y \& (\sim Z))$$

3

$$H(X, Y, Z) = X \wedge Y \wedge Z$$

4

$$I(X, Y, Z) = Y \wedge (X | (\sim Z))$$

注：(&是与 (And) ,  
|是或 (Or) , ~是非  
(Not) , ^是异或  
(Xor) )



# 四轮操作

FF(a,b,c,d,Mj,s,ti)

$$a=b+((a+F(b,c,d)+X_j+ti)<<s)$$

GG(a,b,c,d,Mj,s,ti)

$$a=b+((a+G(b,c,d)+X_j+ti)<<s)$$

HH(a,b,c,d,Mj,s,ti)

$$a=b+((a+H(b,c,d)+X_j+ti)<<s)$$

II(a,b,c,d,Mj,s,ti)

$$a=b+((a+I(b,c,d)+X_j+ti)<<s)$$





## 第一轮

```
FF(a,b,c,d,M0,7,0xd76aa478)
FF(d,a,b,c,M1,12,0xe8c7b756)
FF(c,d,a,b,M2,17,0x242070db)
FF(b,c,d,a,M3,22,0xc1bdceee)
FF(a,b,c,d,M4,7,0xf57c0faf)
FF(d,a,b,c,M5,12,0x4787c62a)
FF(c,d,a,b,M6,17,0xa8304613)
FF(b,c,d,a,M7,22,0xfd469501)
FF(a,b,c,d,M8,7,0x698098d8)
FF(d,a,b,c,M9,12,0x8b44f7af)
FF(c,d,a,b,M10,17,0xffff5bb1)
FF(b,c,d,a,M11,22,0x895cd7be)
FF(a,b,c,d,M12,7,0x6b901122)
FF(d,a,b,c,M13,12,0xfd987193)
FF(c,d,a,b,M14,17,0xa679438e)
FF(b,c,d,a,M15,22,0x49b40821)
```

## 第二轮

```
GG(a,b,c,d,M1,5,0xf61e2562)
GG(d,a,b,c,M6,9,0xc040b340)
GG(c,d,a,b,M11,14,0x265e5a51)
GG(b,c,d,a,M0,20,0xe9b6c7aa)
GG(a,b,c,d,M5,5,0xd62f105d)
GG(d,a,b,c,M10,9,0x02441453)
GG(c,d,a,b,M15,14,0xd8a1e681)
GG(b,c,d,a,M4,20,0xe7d3fbc8)
GG(a,b,c,d,M9,5,0x21e1cde6)
GG(d,a,b,c,M14,9,0xc33707d6)
GG(c,d,a,b,M3,14,0xf4d50d87)
GG(b,c,d,a,M8,20,0x455a14ed)
GG(a,b,c,d,M13,5,0xa9e3e905)
GG(d,a,b,c,M2,9,0xfcefa3f8)
GG(c,d,a,b,M7,14,0x676f02d9)
GG(b,c,d,a,M12,20,0x8d2a4c8a)
```

## 第三轮

```
HH(a,b,c,d,M5,4,0xfffa3942)
HH(d,a,b,c,M8,11,0x8771f681)
HH(c,d,a,b,M11,16,0x6d9d6122)
HH(b,c,d,a,M14,23,0xfde5380c)
HH(a,b,c,d,M1,4,0xa4beea44)
HH(d,a,b,c,M4,11,0x4bdecfa9)
HH(c,d,a,b,M7,16,0xf6bb4b60)
HH(b,c,d,a,M10,23,0xbee5bfc7)
HH(a,b,c,d,M13,4,0x289b7ec6)
HH(d,a,b,c,M0,11,0xeaad127fa)
HH(c,d,a,b,M3,16,0xd4ef3085)
HH(b,c,d,a,M6,23,0x04881d05)
HH(a,b,c,d,M9,4,0xd9d4d039)
HH(d,a,b,c,M12,11,0xe6db99e5)
HH(c,d,a,b,M15,16,0x1fa27cf8)
HH(b,c,d,a,M2,23,0xc4ac5665)
```

## 第四轮

```
II(a,b,c,d,M0,6,0xf4292244)
II(d,a,b,c,M7,10,0x432aff97)
II(c,d,a,b,M14,15,0xab9423a7)
II(b,c,d,a,M5,21,0xfc93a039)
II(a,b,c,d,M12,6,0x655b59c3)
II(d,a,b,c,M3,10,0x8f0ccc92)
II(c,d,a,b,M10,15,0xffeff47d)
II(b,c,d,a,M1,21,0x85845dd1)
II(a,b,c,d,M8,6,0x6fa87e4f)
II(d,a,b,c,M15,10,0xfe2ce6e0)
II(c,d,a,b,M6,15,0xa3014314)
II(b,c,d,a,M13,21,0x4e0811a1)
II(a,b,c,d,M4,6,0xf7537e82)
II(d,a,b,c,M11,10,0xbd3af235)
II(c,d,a,b,M2,15,0x2ad7d2bb)
II(b,c,d,a,M9,21,0xeb86d391)
```

- 1、常数 $t_i$ 是 $2^{32} \cdot \text{abs}(\sin(i))$ 的整数部分， $i$ 取值从1到64，单位是弧度。
- 2、所有这些完成之后，将 $a$ 、 $b$ 、 $c$ 、 $d$ 分别在原来基础上再加上 $A$ 、 $B$ 、 $C$ 、 $D$ 。  
即 $a = a + A$ ， $b = b + B$ ， $c = c + C$ ， $d = d + D$ 。
- 3、然后用下一分组数据继续运行以上算法。



# 第一轮运算

- For( $k = 0$ ;  $k < 16$ ;  $++k$ ) {  
   $A \leftarrow B + ((A + g_1(B, C, D) + X[\rho_1(k)] + T[16 \times 0 + k + 1])$   
   $\lll s_1[k \bmod 4])$   
   $(A, B, C, D) \leftarrow (A, B, C, D) \ggg 32$   
}
- $g_1(B, C, D) = (B \& C) \mid (B \& D)$
- $\rho_1(k) = k, \quad 0 \leq k < 16$
- $s_1[0 \dots 3] = [7, 12, 17, 22]$



## 第二轮运算

```
•For(k = 0; k < 16; ++k) {  
  A ← B + ((A + g2(B, C, D) + X[ρ2(k)] + T[16 × 1 + k + 1])  
  <<< s2[k mod 4])  
  (A, B, C, D) ← (A, B, C, D) >>> 32  
}  
•g2(B, C, D) = (B & D) | (C & D)  
•ρ2(k) = (1 + 5k) mod 16,    0 ≤ k < 16  
•s2[0...3] = [5, 9, 14, 20]
```



## 第三轮运算

```
•For(k = 0; k < 16; ++k) {  
  A ← B + ((A + g3(B, C, D) + X[ρ3(k)] + T[16 × 2 + k + 1])  
  <<< s3[k mod 4])  
  (A, B, C, D) ← (A, B, C, D) >>> 32  
}  
•g3(B, C, D) = B ⊕ C ⊕ D  
•ρ3(k) = (5 + 3k) mod 16,    0 ≤ k < 16  
•s3[0...3] = [4, 11, 16, 23]
```



## 第四轮运算

- For( $k = 0$ ;  $k < 16$ ;  $++k$ ) {  
   $A \leftarrow B + ((A + g_4(B, C, D) + X[\rho_4(k)] + T[16 \times 3 + k + 1])$   
   $\lll s_4[k \bmod 4])$   
   $(A, B, C, D) \leftarrow (A, B, C, D) \ggg 32$   
}
- $g_4(B, C, D) = C \oplus (B \mid D)$
- $\rho_4(k) = 7k \bmod 16, \quad 0 \leq k < 16$
- $s_4[0 \dots 3] = [6, 10, 15, 21]$



# MD5的强度

特点:

- **Hash**函数的每一位都是输入的每一位的函数。
- 迭代函数的复杂性使得输出对输入的依赖非常小。
- 找到**Hash**码相同的两条消息所需要的代价是 $2^{64}$ 数量级。
- 找到具有给定摘要的消息所要付出的代价为 $2^{128}$ 数量级。



# MD5存在的安全问题

- 2004年，王小云证明MD5数字签名算法可以产生碰撞
- 2007年，Marc Stevens, Arjen K. Lenstra和Benne de Weger进一步指出通过伪造软件签名，可重复性攻击MD5算法。
- 2008年，荷兰埃因霍芬技术大学科学家成功把2个可执行文件进行了MD5碰撞。
- 2008年12月一组科研人员通过MD5碰撞成功生成了伪造的SSL证书。
- 2009年，冯登国、谢涛二人利用差分攻击，降低了MD5的碰撞算法复杂度



# Secure Hash Algorithm算法

- 1992年NIST制定了SHA(128位)
- 1993年SHA成为标准 (FIPS PUB 180)
- 1994年修改产生SHA-1(160位)
- 1995年SHA-1成为新的标准,作为SHA-1(FIPS PUB 180-1)
- SHA-1要求输入消息长度 $<2^{64}$
- 输入按512位的分组进行处理的
- SHA-1的摘要长度为160位
- 基础是MD4





# MD5、SHA-1和RIPEMD-160的比较

	MD5	SHA-1	RIPEMD-160
摘要长度	128位	160位	160位
基本处理单位	512位	512位	512位
步数	64(4 of 16)	80(4 of 20)	160(5 paired of 16)
最大消息长度	无限	$2^{64}-1$ 位	$2^{64}-1$ 位
基本逻辑函数	4	4	5
加法常数	64	4	9
Endianness	Little-endian	Big-endian	Little-endian



# HASH的攻击方法

- 应用场景:



- 攻击方式:



攻击方法:

枚举法

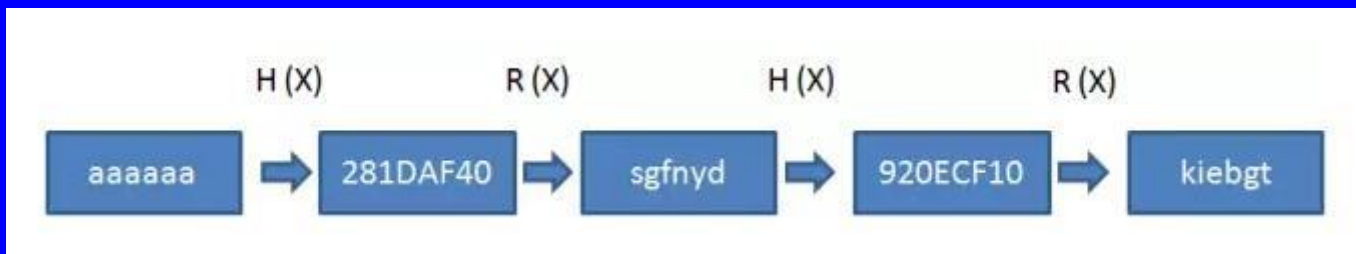
字典法

彩虹表法



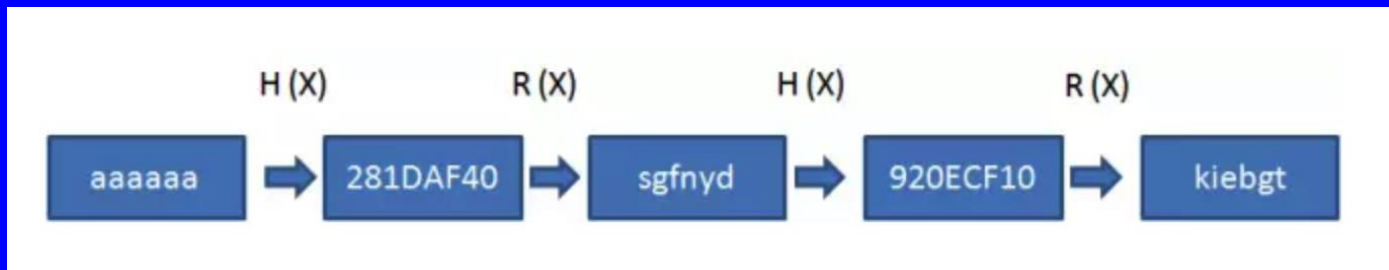
# 彩虹表法

- 彩虹表:



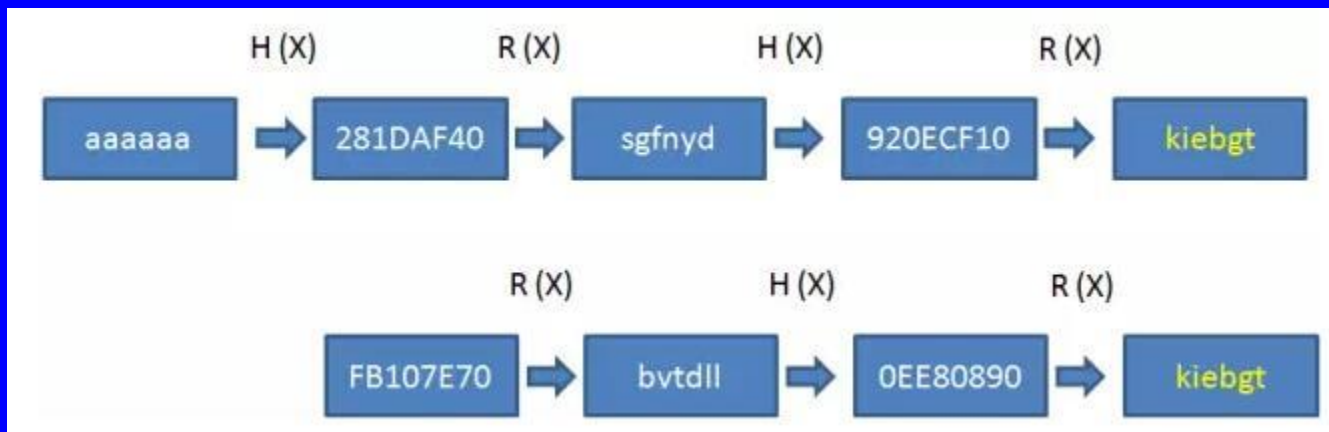
其中:  $H(x)$ 是生成信息摘要的哈希函数, 如MD5  
 $R(x)$ 是从信息摘要转换成另一个字符串的  
衰减函数

注:  $R(X)$ 的定义域是 $H(X)$ 的值域,  $R(X)$ 的值域  
是 $H(X)$ 的定义域

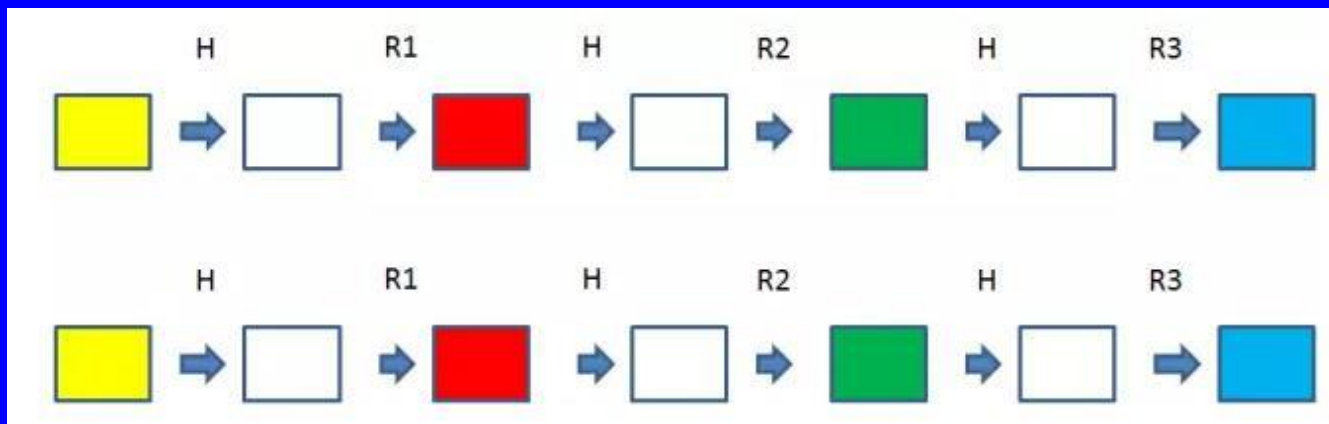


# 彩虹表法

- 问题:



- 解决的办法:



# 生日攻击

- 问题：在一个集合 $A$ 中，任意取出 $k$ 个数，如果存在 $y \neq x$ ，而 $H(y) = H(x)$ 的概率为0.5的 $k$ 是多少？

【问题1】已知： $H$ 和 $H(x)$ ， $H$ 的输出为 $n$ 种可能性， $H$ 作用于 $k$ 个输入 $y$ 。

问：那么至少有1个 $y$ ，使得 $H(y) = H(x)$ 的概率为0.5的 $k$ 是多少？

【问题2】 $k$ 个人中，至少有两个人的生日相同的概率大于0.5的 $k$ 值最小是多少？

【问题3】问题2一般情形的表达式？



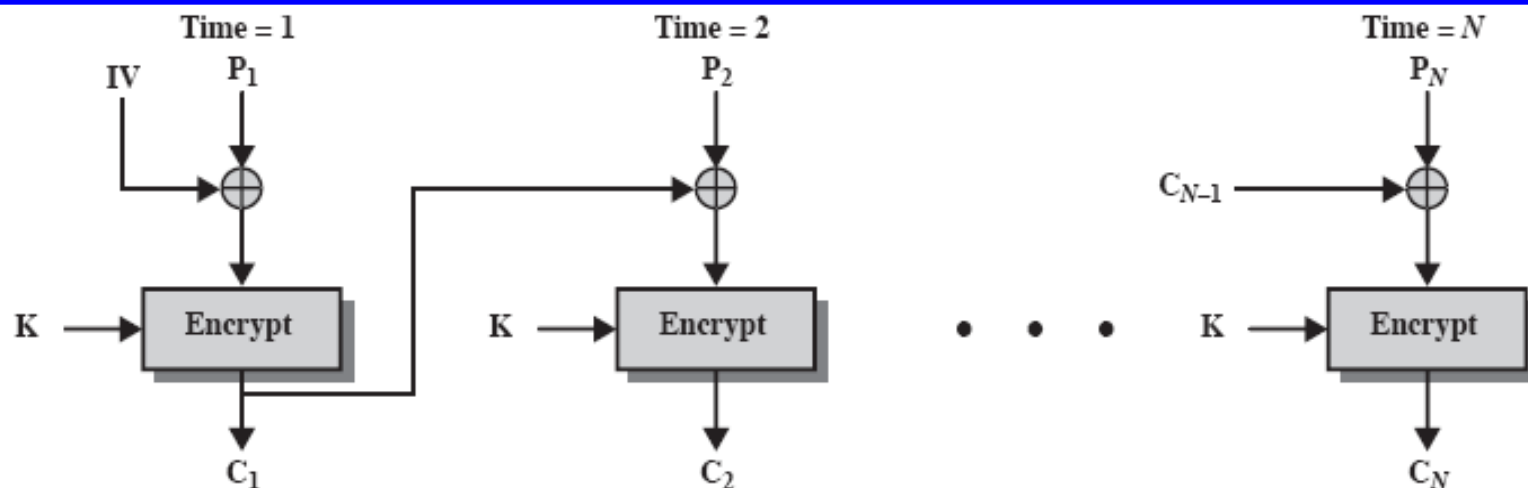
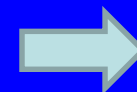
# 东南大学网络空间安全学院

## 密码学与安全协议

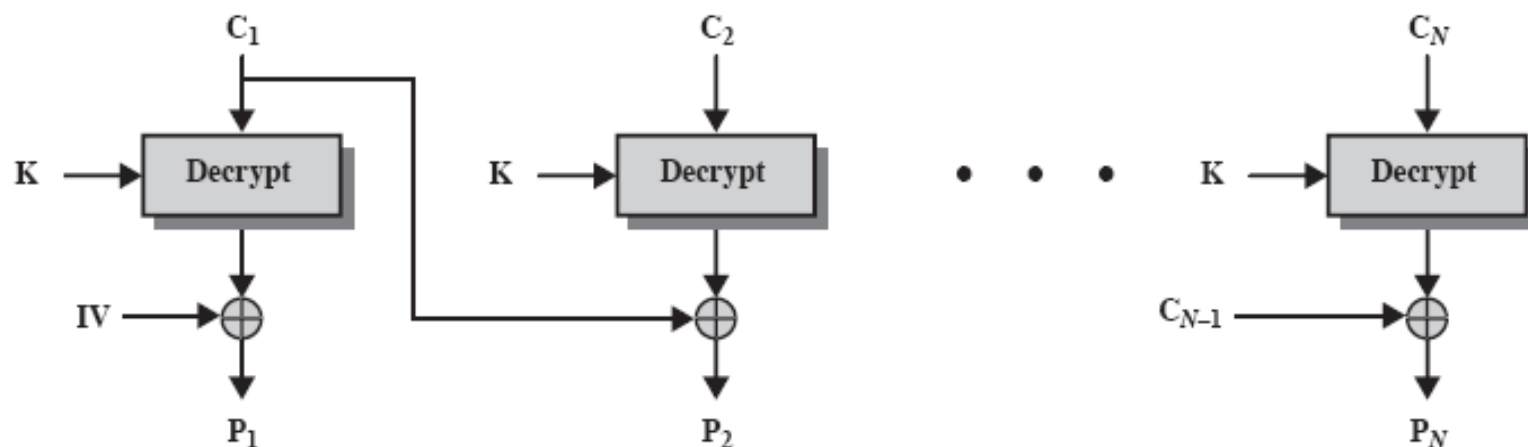
谢谢！



# 密码分组链接CBC



(a) Encryption



(b) Decryption

