## Compression of 3D Point Clouds Using a Region-Adaptive Hierarchical Transform

Published on TIP'16

## 简介

作者介绍了一个范围自适应的正交变换用于压缩3D点云的颜色信号,这种方法不仅在RD-curve上表现优秀,同时具有较低的计算复杂度能够支持实时性的要求。这个变换方法是多层次的,对熵编码有很好的正向促进。

## **RAHT**

RAHT沿着xyz三个方向在八叉树上自底向上聚合体素信号。对l层的平均体素颜色信息 $g_{l,x,y,z}$ 来说,沿着x方向的聚合过程可以被认为是

$$\left[egin{array}{c} g_{l-1,x,y,z} \ h_{l-1,x,y,z} \end{array}
ight] = \mathbf{T}_{w_1w_2} \left[egin{array}{c} g_{l,2x,y,z} \ g_{l,2x+1,y,z} \end{array}
ight]$$

其中, $w_1=w_{l,2x,y,z},w_2=w_{l,2x+1,y,z}$ 分别表示对应体素所包含的叶节点数目,而

$$\mathbf{T}_{w_1w_2} = rac{1}{\sqrt{w_1+w_2}} \left[ egin{array}{cc} \sqrt{w_1} & \sqrt{w_2} \ -\sqrt{w_2} & \sqrt{w_1} \end{array} 
ight]$$

是实际的变换,变换系数随着空间结构自适应改变。 $g_{l,x,y,z}$  被用于继续合并更上层,而  $h_{l,x,y,z}$  是 high-pass的系数,可以用于量化和编码。对一组八个体素来说,聚合过程分三个维度进行,比如x->y->z。并且由于  $\mathbf{T}_{w_1w_2}$  都是正交的,所以整个变换是正交的,这对于压缩来说是十分有意义的,因为 在变换域中量化误差的常数在信号域中保持不变。

	$a_0$	$a_1$			
			$a_2$		
	$a_3$	*	$a_4$		
	$a_5$	$a_6$	$a_7$		
(a)					
$a_0$ (1) $a_1$	(1)				
$a_2$	(1)	$\vdash$			
$a_3$ (1) $a_4$	(1)	$\vdash$			(2)
$a_5 (1) b_0$	(2)			$c_0$	(2)
(b)		(c)			
( )			,		
$a_0$ (1) $d_0$	(2)			$e_0$	(2)
20 10 00 000	(2) (3)	$e_1$	(=X		(2)
$a_0$ (1) $d_0$		$e_1$	(2)	$e_0$	
$\begin{array}{c cccc} a_0 & (1) & d_0 \\ \hline d_1 & (2) & d_2 \\ \hline & & (d) \\ \hline & & f_0 \\ \hline \end{array}$		$e_1$	(2)	$e_0$ $e_2$	
$\begin{array}{c cccc} a_0 & (1) & d_0 \\ d_1 & (2) & d_2 \\ \end{array}$ (d)	(3)	(P)	(2)	$e_0$ $e_2$	
$\begin{array}{c cccc} a_0 & (1) & d_0 \\ \hline d_1 & (2) & d_2 \\ \hline & & (d) \\ \hline & f_0 \\ \hline & f_1 \\ \hline \end{array}$	(3)	$g_0$ $g_1$	(2) (3)	$e_0$ $e_2$	
$\begin{array}{c cccc} a_0 & (1) & d_0 \\ \hline d_1 & (2) & d_2 \\ \hline & & (d) \\ \hline & f_0 \\ \hline & f_1 \\ \hline \end{array}$	(3) (3) (5)	$g_0$ $g_1$	(2) (3) (5)	$egin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	

上图是一个2D四叉树的示例,图a中有8个点,首先在x维度进行一次聚合形成图b中的7个点,这7个点是量g,而c中的c0则是聚合a6a7得到的high-pass的h。接着图b在y方向上进行聚合得到图d,e0,e1,e2是得到的high-pass的h。图d是高层的四叉树,再对d进行聚合生成f,图g是high-pass。对图链行最后一次聚合得到h和i。需要进行编码和传输的coefficient是c0 e0 e1 e2 g0 g1 i0和h0,详细的变换过程如下图。

$$\begin{bmatrix} b_0 \\ c_0 \end{bmatrix} = \mathbf{T}_{11} \begin{bmatrix} a_6 \\ a_7 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} d_0 \\ e_0 \end{bmatrix} = \mathbf{T}_{11} \begin{bmatrix} a_1 \\ a_2 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} d_1 \\ e_1 \end{bmatrix} = \mathbf{T}_{11} \begin{bmatrix} a_3 \\ a_5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} d_2 \\ e_2 \end{bmatrix} = \mathbf{T}_{12} \begin{bmatrix} a_4 \\ b_0 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} f_0 \\ g_0 \end{bmatrix} = \mathbf{T}_{12} \begin{bmatrix} a_0 \\ d_0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} f_1 \\ g_1 \end{bmatrix} = \mathbf{T}_{23} \begin{bmatrix} d_1 \\ d_2 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} h_0 \\ i_0 \end{bmatrix} = \mathbf{T}_{35} \begin{bmatrix} f_0 \\ f_1 \end{bmatrix}$$
(i)

随后,变换系数将被按照对应w的值划分为若干个sub-band,由于w的值和几何信息相关,所以编解码器可以自然的获取到这些信息。例如 11111111111111223358, 222 33 5 8划分为3个sub-band,分别使用算术编码进行计算,并且通过量化参数来计算算术编码的最佳参数发送到解码器。