

初值问题

$$x' = \frac{t - e^{-t}}{x + e^x}$$
$$x(0) = 0$$

该方程的真解由等式

$$x^2 - t^2 + 2e^x - 2e^{-t} = 0$$

隐式给出。

- 当 $t = 1$ 时，数值求解等式 $x^2 - t^2 + 2e^x - 2e^{-t} = 0$ ，将这一数值解作为参考的准确解。

- 利用Adams-Bashforth公式计算方程在 $t = 1$ 的数值解，利用Runge - Kunta格式得到初值，取节点 $x_i, i = 0, \dots, N$, N 为 $2^k, k = 3, \dots, 8$,给出如下的误差表格,其中阶为

$$\frac{\ln(Error_{old}/Error_{now})}{\ln(N_{now}/N_{old})}$$

N	误差	阶
8		
16		
32		
64		