2023/3/5

青春须早为, 岂能长少年

1. 总括

承上启下 2023.2月下旬.md

上一阶段的情况:

- 1. 算法学习讲度,
- 2. 相对较慢。其中数位dp中的几道很难的问题,梦幻珠宝岛卡了两三天。
- 3. dls的课程只是刷到区间dp(dp进阶第五节。)
- 4. 比赛强度:
 - 1. 有比赛基本都打了。包括一场牛客小白月赛。两场师兄拉的练习赛。div2 div1 + div2, edu div2 atcoder abc 两场。
- 5. 练习强度:
 - 1. 虽然一天有三道题目情况。但是题目难度参差不齐。只要是比赛,课程内容的题。
- 6. 复习强度
 - 1. 对于上一阶段的总结复习。现在有了新的计划。在一个阶段结束之后。打印笔记。复习,具体的策略还要进一步研究。但是给予一定强度的复习 , 再次生长思考以及记忆是必要的。

本阶段目标:

1. 尝试板刷:

- 1. 板刷图论基础专题。
- 2. 板刷各种动态规划专题。

2.继续学习dls的课程内容。

- 1. 不会的问题就跳,掌握课程对于一个类型的dp的关键点。
- 2. 总结区域赛dp问题的难度水平。

3.比赛上

- 1. atcoder
- 2. codeforces

4. 为校赛做哪些准备?

- 1. 学学基础数学问题。
- 2. 常用的数据结构可以再熟练一点。
- 3. 各种类型的dp问题再做一遍。

笔记记录

语法等的学习

1. 关于位运算中的一些函数使用: 未补

算法学习

动态规划:

- 1. 数位dp进阶
 - 1. <u>数位dp讲阶.md</u>

图论

1. 树哈希: <u>树哈希.md</u>

补题

二分

- 1. D. Maximum Subarray.md
- 2. D. Renting Bikes.md

提高string简单题速度。

1.

div3 (2023/3.4)

- 1. <u>2023.3上旬.md</u>
- 2. <u>树哈希.md</u>

刷题

动态规划:

- 1. 牛客
 - 1. <u>删括号.md</u>
 - 2. 美丽序列.md
 - 3. codeforces.md
 - 4. <u>和与或.md</u>
 - 5. 牛牛与数组.md
 - 6. <u>牛牛的回文串.md</u>
 - 7. <u>牛牛去买球.md</u>
 - 8. <u>牛牛的计算机内存.md</u>

atcoder

1. XYYYX.md

数位dp进阶

数数3

<u>数数3 - 题目 - Daimayuan Online Judge</u>

求区间中有多少个数字a满足存在连续三个数位 a_i, a_{i+1}, a_{i+1} 使得 $a_i < a_{i+1} < a_{i+2}$

basic.md 参照题解:

```
#include<bits/stdc++.h>
    using namespace std;
 2
 3
   using \int = long long;
 4
 5
    const int N = 1E6 + 10;
 6
 7
    11 dp[20][2][20][5];
 8
 9
10
    //用单词前三个的习惯。
11
    11 dfs(int rem , int exit , int pre , int inc) {
        if (rem == 0) return exit;
12
13
        if (dp[rem][exit][pre][inc] != -1)
            return dp[rem][exit][pre][inc];
14
15
16
        11 &res = dp[rem][exit][pre][inc];
17
        res = 0;
18
        for (int i = 0; i \le 9; i++) {
19
            int inc_ = (i > pre) ? min(inc + 1 , 3) : 1;
20
            res += dfs(rem - 1 , exit || inc_ == 3 , i , inc_);
21
22
        }
23
        return res;
24
    }
25
    11 solve(11 x) {
26
27
       x++;//细节1
28
        vector<int> d;
        while (x) {d.push_back(x % 10); x /= 10;}
29
30
        //处理前导0的情况。
        11 ans = 0;
31
32
        int m = d.size();
33
        reverse(d.begin(), d.end());
        for (int i = 1; i < m; i++) {
34
            for (int j = 1; j \le 9; j++) {
35
                ans += dfs(i - 1, 0 , j , 1);
36
37
            }
38
        }
        //然后处理贴着上界走的情况。
39
        int exit = 0 , pre = 0, inc = 0;
40
        for (int i = 0; i < m; i++) {
41
42
            for (int j = (i == 0); j < d[i]; j ++) {
43
                //同时要记录前缀的一些信息。
                int inc_ = (j > pre) ? min(inc + 1 , 3) : 1;
44
45
                ans += dfs(m - i - 1, exit || inc_ == 3, j, inc_);
46
47
            inc = (d[i] > pre) ? min(inc + 1, 3) : 1;
```

```
48
            pre = d[i];
49
            exit = (inc == 3);
50
51
        return ans;
52
    }
53
54
   int main()
55
56
        ios::sync_with_stdio(false);
        cin.tie(0);
57
58
        memset(dp , -1 , sizeof dp);
59
        11 1 , r;
60
        cin >> 1 >> r;
61
        cout << solve(r) - solve(l - 1) << '\n';</pre>
62
63
    }
64
```

CF Round #739 (Div 3) F, Nearest Beautiful Number

Problem - F2 - Codeforces

找到最小的,满足大于等于n的,美丽数位k的数字。

solve.

暴力搜索加剪枝:并不是数位dp的解法。

- 1. 可以估算复杂度非常小 , 为n的字符值之和。
 - 1. dfs算法从可能的最小数字解开始进行枚举

```
1 #include<bits/stdc++.h>
   using namespace std;
 3
   typedef long long 11;
 4
 5
   const int oo = 0x0fffffff;
 6
   const int N = 1E6 + 10;
7
   void work(int testNo)
 8
9
10
       int n , k; cin >> n >> k;
11
       vector<int> d;
       //尽量开大一点, 拓展当前值域, 增多可表达内容。
12
13
       int vis[10] {};
14
       while (n) {d.push_back(n % 10); n /= 10;}
15
       reverse(d.begin() , d.end());
       // x: 表示当前遍历的位置。 large, 前缀是否大于规定的前缀。nums前面的k的前缀中数
16
17
       function <bool (int , int , int , int) > dfs = [&](int x , int large , int
    nums , int cunt) {
18
           //能走到一步必然有解了。
19
           if (x == (int)d.size()) {
20
               cout << nums << '\n';</pre>
21
               return true;
22
           } else {
```

```
//然后从哪里开始枚举呢?分情况。
23
24
               //如果已经large。那么就从0开始。否则从 d[x]开始
               for (int i = (large ? 0 : d[x]); i <= 9; i++) {
25
26
                    //然后开始各种枚举枚举构造大法。
27
                    vis[i] += 1;
                   int ncunt = cunt;
28
                   if (vis[i] == 1)ncunt += 1;
29
                    if (ncunt \leq k \&\& dfs(x + 1 , large | (i > d[x]) , nums * 10 + i
30
    , ncunt)) {
31
                       return true;
32
                   }
                   vis[i] -= 1;
33
34
35
               return false;
           }
36
37
       };
38
       dfs(0, 0, 0, 0);
39
40
   int main()
41
42
43
       ios::sync_with_stdio(false);
       cin.tie(0);
44
45
       int t; cin >> t;
46
       for (int i = 1; i <= t; i++)work(i);</pre>
47
48
   }
49
50
   /* stuff you should look for
   * int overflow, array bounds
   * special cases (n=1?)
   * do smth instead of nothing and stay organized
   * WRITE STUFF DOWN
   * DON'T GET STUCK ON ONE APPROACH
56 */
```

乘法

乘法 - 题目 - Daimayuan Online Judge

简介:

将乘法转换成加减法组合的最小花费。

solve

1. 从高位到低位考虑:

定义 $S_i = a_1 \dots a_i 000000(i-1 \uparrow 0)$ 二进制串的值。T为前期操作地结果。

1. 假设现在枚举到了第i位。要有解,必须满足:

```
1. S - T = 0或者T - S = (1 << (i))
```

2. 否则, 在低位进行任意加减操作。都不会把差异消除。

2. 状态设计

从高位到低位对应 $i=1,\ldots,i=n$

 f_i 表示从高位开始考虑到了第i个位置。

```
g_i表示从高位开始考虑到了第i个位置。T_i - S_i = (2^{n-i})
```

3. 初始化:

```
1. f_0=0, g_i=1
4. 状态转移方程
```

1. 如果 $s_i = 0$

1. 对于 f_i 有如下转移:

1. f_{i-1} 啥都不变。

2. 对于 g_i 有如下方案

1. f_{i-1} , 对应方案加当前位权。

 $2. g_{i-1}$, 对应方案减去当前位权。

2. 如果 $s_i = '1'$

1. 对于 f_i

1. g_{i-1} 对应的方案减去当前位权。

2. f_{i-1} 对应的方案加上当前为位权。

2. 对于 q_i

1. g_{i-1} 对应的方案减去当前位权。

```
1 #include<bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   using II = long long;
 3
 4
 5
   const int N = 1E6 + 10;
   int f[N] , g[N];
 7
   int main()
 8
9
10
        ios::sync_with_stdio(false);
        cin.tie(0);
11
        string s; cin >> s;
12
       int n = s.size();
13
        s = ' ' + s;
14
        fill(f, f + 1 + n, N);
15
        fill(g, g + 1 + n, N);
16
17
        f[0] = 0; g[0] = 1;
        for (int i = 1; i <= n; i++) {
18
            if (s[i] == '1' ) {
19
                f[i] = min(f[i-1] + 1, g[i-1] + 1);
20
               g[i] = g[i - 1];
21
22
23
            } else {
24
               f[i] = f[i - 1];
               g[i] = min(f[i - 1] + 1, g[i - 1] + 1);
25
26
            //cout << "now is " << i << " " << f[i] << " " << g[i] << '\n';
27
28
29
        cout << f[n] * 2 - 1 << '\n';
30 }
```

P3188 [HNOI2007]梦幻岛宝珠

特殊的01背包问题。

特殊点:

- 1. 物品的重量大小比较特殊: $w=a2^b$
- 2. 背包总承受重量非常大。

10mins

关注数字的特殊性:

- 1. 数字都是一个二进制数的倍数。
- 2. a, b都非常小。

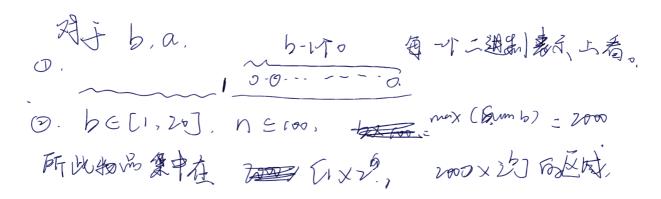
可以优化值域,枚举一些特殊的二进制数字。

solve

考虑将背包按照b分组。

关注几个现象

1. 同一组中的背包组合的体积大小都集中在部分区域:



面对这些现象可以采取什么样的策略?

CCPC Changchun 2020 D, Meaningless Sequence

CCPC Changchun 2020 D, Meaningless Sequence - 题目 - Daimayuan Online Judge

注意仔细地读标号。防止读错。

第一次读这道题地时候,没有发现 & 是位于下标中的。

solve

反正只知道 , 是我一些不懂的规律。

打表可以发现 , $a_n=c^{popcunt(n)}$

特别的有 $a_0 = 1$

自然而然地问题转换成了一道简单地数位dp。

solve1

dfs过程中枚举前缀。然后直接利用组合数计算贡献即可。

solve2

枚举任意前缀时,发现后缀的贡献总是:

$$c^{pre(1)} \times (c+1)^{sux_len}$$

code of solve1

```
1 #include<bits/stdc++.h>
    using namespace std;
   using 11 = long long;
 5
   const int N = 3E3 + 10;
   const 11 \mod = 1E9 + 7;
 6
 7
 8
   string s;
    П с;
   11 d[N][N][2] , C[N][N] , p[N];
10
11
   int n;
12
13
    11 dfs(int rem , int sum , bool larger) {
14
        if (rem == 0) return p[sum];
15
        if (larger == false) {
16
17
            11 \text{ res} = 0;
18
            for (int i = 0; i <= rem ; i ++)
                res += (p[sum] * C[rem][i] % mod) * p[i] % mod;
19
20
            return res;
21
        11 res = 0;
22
23
        for (int i = 0; i \le s[n - rem] - '0'; i++) {
            res = (res + dfs(rem - 1, sum + (i == 1) , i == (s[n - rem] - 0))) %
    mod;
25
        }
26
        return res;
27
   }
```

```
28
29
    void intit() {
30
        cin >> s >> c;
31
        n = s.size();
32
        p[0] = 1;
33
        for (int i = 1; i < N; i++) p[i] = p[i - 1] * c % mod;
        for (int i = 0; i < N; i++) {
34
35
            for (int j = 0; j <= i; j++) {
36
                if (j == 0) \in [i][j] = 1;
                else C[i][j] = (C[i - 1][j] + C[i - 1][j - 1]) \% mod;
37
38
            }
        }
39
40
41
42
    int main()
43
44
        ios::sync_with_stdio(false);
45
        cin.tie(0);
46
        intit();
        cout << dfs(n , 0 , true) << '\n';</pre>
47
48
49
    }
50
   /* stuff you should look for
    * int overflow, array bounds
    * special cases (n=1?)
53
   * do smth instead of nothing and stay organized
    * WRITE STUFF DOWN
   * DON'T GET STUCK ON ONE APPROACH
57 */
```

code of solve2

```
#include<bits/stdc++.h>
    using namespace std;
    using 11 = long long;
 4
 5
    const int N = 1E6 + 10;
 6
    const int mod = 1E9 + 7;
 7
    11 p[N];
 8
 9
    int main()
10
11
        ios::sync_with_stdio(false);
12
        cin.tie(0);
13
14
        string s; int c;
15
        cin >> s >> c;
16
        int n = s.size();
17
18
        p[0] = 1;
19
        for (int i = 1; i \le n; i++) {
20
            p[i] = p[i - 1] * (c + 1) % mod;
21
        }
22
23
        11 pre = 1 , ans = 0;
24
        for (int i = 0; i < n; i++) {
25
            if (s[i] == '1') {
```

```
26
               ans = (ans + pre * p[n - i - 1]) \% mod;
27
               pre = pre * c % mod;
28
29
        cout << (pre + ans ) % mod << '\n';</pre>
30
31
32
33
   /* stuff you should look for
   * int overflow, array bounds
   * special cases (n=1?)
   * do smth instead of nothing and stay organized
   * WRITE STUFF DOWN
   * DON'T GET STUCK ON ONE APPROACH
39
   */
```

CCPC Jinan 2020 L, Bit Sequence

CCPC Jinan 2020 L, Bit Sequence - 题目 - Daimayuan Online Judge

L-Bit Sequence 第 45 届国际大学生程序设计竞赛 (ICPC) 亚洲区域赛 (济南) (nowcoder.com)

简介

定义 f_i 为i的二进制串中的1的个数。给定一个01序列 $a_{0...m-1}$ 。求取[0....x-1]中,满足对于任意 $0<=i< m, f(x+i)\%2=a_i$

solve

观察一些现象:

1. 由于m的范围比较小。因此两个数字相加,结果相比于x, m只能影响低7位。而前面高位的奇偶性, 不会受到影响。

树哈希

解决问题:

- 1. 快速判断树是否同构的问题:
 - 1. 同构的概念:对一棵树,进行对同父亲的子树进行互换。进行若干次操作后,两颗树可以相等。那么称这棵树是同构的。

参考: 一种好写且卡不掉的树哈希 - 博客 - peehs moorhsum的博客 (uoj.ac)

算法简介

关注树结构的属性: 定义一个哈希函数。 科学的定义一个哈希函数。

- 1. 根哈希函数, 代表了当前子树的结构情况。
- 哈希函数 , 和子树的哈希函数联系。
 最终就是要降不同的子树结构不会落入同一个哈希值的概率。
 这里直接找一些大佬的哈希函数设计。

入门问题

1. (https://codeforces.com/contest/1800/problem/G)

板子

邓老师

```
1 | using | | = long long;
    using Ull = unsigned long long;
   mt19937_64 rnd(chrono::steady_clock::now().time_since_epoch().count());
 3
   Ull bas = rnd();
 4
 5
    //Ull bas = (Ull)1E18 + 7;
 6
   void work(int testNo)
 7
    {
 8
        int n; cin >> n;
        vector<vector<int>> e(n);
 9
10
        for (int i = 1; i < n; i++) {
            int u, v; cin >> u >> v;
11
12
            u--; v--;
13
            e[u].push_back(v);
            e[v].push_back(u);
14
15
        }
16
        vector<Ull> h(n), f(n);
17
18
        function<Ull(Ull)> H = [\&](Ull x) {
            return x * x * x * 19890535 + 19260817;
19
20
        };
21
        function<Ull(Ull)> F = [\&](Ull x) {
22
23
            return H(x \& (((111 << 32) - 1))) + H(x >> 32);
24
        };
25
        function<void(int, int)> dfs = [&](int u, int par) {
26
            h[u] = bas;
27
28
    //
29
            for (auto v : e[u]) if (v != par) {
30
                    dfs(v, u);
31
                    h[u] += F(h[v]);
32
    //
                    rec[h[v]].push_back(v);
33
            //cout << "no is " << u << " " << rec.size() << '\n';
34
35
            //通过节点的hash值情况进行一些哈希。
36
        };
37 }
```

补题

二分

D. Maximum Subarray

https://codeforces.com/contest/1796/problem/D

简介

给定n组数组。每一个数组长度为m。

定义一种运算。选定数组a,b 进行与运算 ,运算结果为 $c_i=max(a_i,b_i)$ 。选定任意两个数组,运算得到值域 $\{c\}$.找出, $min(max(b_i))$.

solve

- 1. 第一个点是敏锐的感受到是二分查找问题。
 - 1. 设计check函数上:枚举x。对于任意一个数组 , 都映射到一个长度为n数字d上。如果 $b_i>=x$. $d_i=1$ else $d_i=0$ 。如果存在两个数组之间进行max运算之后的最小值大于等于 x。那么必然运算的结果是所有二进制位上都为1的数字。
- 2. 投射到小值域。鸽笼定理:只需要关注解的存在性。高达 2^5 的数组数量。对于d的集合。必然都映射到d的集合上。这样就将数字分成了若干类。只需要枚举 $0 <= d <= 1^m 1$ 这几类的数字d即可。

```
1 |#include<bits/stdc++.h>
    using namespace std;
 3
   using 11 = long long;
 5
    const int N = 1E6 + 10;
    int a[N][11];
 6
7
    int n , m;
    int a1 , a2;
8
9
10
   bool check(int x)
11
12
        int t = 1 << (m);
        vector<int> rec(t , - 1);
13
14
        //然后
15
        for (int i = 0; i < n; i++) {
             int now = 0;
16
17
             for (int j = 0; j < m; j++) {
                 if (a[i][j] >= x) now |= (1 << j);
18
19
20
            rec[now] = i;
        }
21
22
        t --;
23
        if (rec[t] != -1) {
24
            a1 = a2 = rec[t];
25
            return true;
26
        }
27
        for (int i = 0; i < t; i++)
             for (int j = i + 1; j \ll t; j \leftrightarrow t) {
28
29
                 if (rec[i] != -1 \&\& rec[j] != -1 \&\& (i | j) == t) {
30
                     a1 = rec[i]; a2 = rec[j];
31
                     return true;
32
                 }
33
             }
34
        return false;
35
36
37
   int main()
38
39
        ios::sync_with_stdio(false);
```

```
cin.tie(0);
40
        cin >> n >> m;
41
        for (int i = 0; i < n; i++)
42
43
            for (int j = 0; j < m; j++)
               cin >> a[i][j];
44
45
        int low = 0 , high = 1E9 + 10;
        while (low < high) {</pre>
46
            int mid = (low + high + 1) / 2;
47
            if (check(mid))
48
                low = mid;
49
           else high = mid - 1;
50
51
        }
        cout << a1 + 1 << ' ' << a2 + 1 << '\n';
52
53
54
    /* stuff you should look for
55
   * int overflow, array bounds
56
    * special cases (n=1?)
   * do smth instead of nothing and stay organized
   * WRITE STUFF DOWN
   * DON'T GET STUCK ON ONE APPROACH
60
61 | */
```

二分

D. Renting Bikes

https://codeforces.com/problemset/problem/363/D

题目简介

有n个学生。他们之中有公共的可使用的钱记为a.每一个学生有自己的钱。它们去租自行车。但是他们自己的钱买自己的自行车。公共的钱可以任意的分配。问最多可以有多少人拥有自行车。同时使得他们自己付出的钱最少。

solve

- 1. 尝试二分。枚举一个数字x , check: 购买自行车的数量是否可以达到这个数字。
 - 1. 最保守的策略是,钱最多的x个人, ——匹配买最便宜的x辆自行车。如果不够就去补
 - 1. 如果其它结构可以买到x辆。那么上述的购买策略也一定合理。
 - 2. 所以上述购买的策略是边界策略。作为check的标准。
- 2. 花钱最小
 - 1. 有多少补多少。显然就是min(sum-a,0).sum指的是所有单车的价格。

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
using II = long long;

const int N = 1E6 + 10;

n , m , a;

ll p[N] , b[N];
```

```
bool check(int x) {
10
11
        11 \text{ sum} = 0;
        for (int i = 1; i <= x; i++) {
12
13
            sum += \max(OLL, b[i] - p[n - x + i]);
14
        }
15
        return sum <= a;</pre>
16
    }
17
    int main()
18
19
20
        ios::sync_with_stdio(false);
        cin.tie(0);
21
22
        cin >> n >> m >> a;
        for (int i = 1; i <= n; i++)cin >> p[i];
23
24
        for (int i = 1; i <= m; i++) cin >> b[i];
25
        int low = 0 , high = min(n , m);
26
27
        sort(p + 1, p + n + 1);
28
        sort(b + 1, b + m + 1);
        while (low < high) {</pre>
29
            int mid = (low + high + 1) / 2;
30
            if (check(mid))Tow = mid;
31
32
            else high = mid - 1;
33
        }
        11 sum = 0;
34
35
        for (int i = 1; i <= low; i++) {
            sum += b[i];
36
37
        cout << low << ' ' << max(OLL , sum - a) << '\n';
38
39
40
    /* stuff you should look for
41
   * int overflow, array bounds
    * special cases (n=1?)
43
   * do smth instead of nothing and stay organized
   * WRITE STUFF DOWN
45
   * DON'T GET STUCK ON ONE APPROACH
   */
46
```

div3 位压

F. Dasha and Nightmares

https://codeforces.com/contest/1800/problem/F

简介

- 1. 给定若干个字符串
- 2. 找出若干对字符串满足:

solve

管理字符串的方法:

- 1. 压位,表示当前字符串中的各种字符出现了多少次。
 - 1. 如果简单的压位记录。会丢弃掉某个字母是否存在的信息。、

计算答案:

solve1

- 1. 枚举一个字母 , 表示在拼接串中该字母不存在。
- 2. 然后扫一遍。
 - 1. 但是初始化f的花费将会非常的大。
 - 2. 算法复杂度会达到 $\sum |s| + 2^2 6 * 26$

solve2

- 1. 在扫描的过程中。开一个巨大的map 或者 unorder_map
- 2. 直接记录 , 统计即可。

```
1 |#include<bits/stdc++.h>
   using namespace std;
 3
   using TT = Tong Tong;
 4
 5
    const int N = 1E6 + 10;
 6
 7
 8
   int main()
9
        ios::sync_with_stdio(false);
10
11
        cin.tie(0);
12
13
        int n ;
        cin >> n;
14
15
        11 ans = 0;
16
        int mask = (1 << 26) - 1;
        unordered_map <int, int > rec[26];
17
        for (int i = 1; i <= n; i++) {
18
             string s; cin >> s;
19
             int ch = 0, bit = 0;
20
21
             for (auto c : s) {
                 ch \mid = 1 << (c - 'a');
22
                bit \wedge = 1 \ll (c - 'a');
23
24
             }
             for (int i = 0; i < 26; i++) {
25
26
                 if (!(ch & (1 << i) )) {
                     ans += rec[i][bit \land mask \land (1 << i)];
27
                    rec[i][bit]++;
28
29
                 }
30
             }
31
        }
        cout << ans << '\n';
32
33
    }
```

```
34
35  /* stuff you should look for
36  * int overflow, array bounds
37  * special cases (n=1?)
38  * do smth instead of nothing and stay organized
39  * WRITE STUFF DOWN
40  * DON'T GET STUCK ON ONE APPROACH
41  */
```

solve3

认识到抽象出来的26位是比字符串数量更大的。考虑在1的基础上做出改进。

- 1. 初始化数组的时候,只要枚举所有字符串的种类即可。贡献是O(n) * 26
- 2. 统计上的复杂度是O(n)
- 3. 预处理字符串的花费是 $O(\sum |s|)$

```
1 //这回只花了114514min就打完了。
   //真好。记得多手造几组。ACM拍什么拍。
 3
   #include "bits/stdc++.h"
   using namespace std;
   template<typename typC,typename typD> istream &operator>>(istream
    &cin,pair<typC,typD> &a) { return cin>>a.first>>a.second; }
   template<typename typC> istream &operator>>(istream &cin,vector<typC> &a) { for
    (auto &x:a) cin>>x; return cin; }
 7
    template<typename typC,typename typD> ostream &operator<<(ostream &cout,const
    pair<typC,typD> &a) { return cout<<a.first<<' '<<a.second; }</pre>
    template<typename typC, typename typD> ostream &operator<<(ostream &cout, const
    vector<pair<typC,typD>> &:) { for (auto &x:a) cout<<x<<'\n'; return cout; }</pre>
    template<typename typC> ostream &operator<<(ostream &cout,const vector<typC> &a)
    { int n=a.size(); if (!n) return cout; cout<<a[0]; for (int i=1; i<n; i++)
    cout<<' '<<a[i]; return cout; }</pre>
    template<typename typC,typename typD> bool cmin(typC &x,const typD &y) { if
    (x>y) { x=y; return 1; } return 0; }
11
    template<typename typ0, typename typ0> bool cmax(syp0 &x,const typ0 &x) { if
    (x<y) { x=y; return 1; } return 0; }</pre>
12
    template<typename typc> vector<typc> range(typc 1, typc r, typc step=1) {
    assert(step>0); int n=(r-l+step-1)/step,i; vector<typC> res(n); for (i=0; i<n;</pre>
    i++) res[i]=1+step*i; return res; }
13
    #if !defined(ONLINE_JUDGE)&&defined(LOCAL)
14
   #include "my_header\debug.h"
15
   #else
    #define dbg(...);
16
17
    #define dbgn(...);
18
    #endif
19
   typedef unsigned int ui;
20
   typedef long long ll;
21
    #define all(x) (x).begin(),(x).end()
   // template<typename T1, typename T2> void inc(T1 &x, const T2 &y) { if
22
    ((x+=y)>=p) x-=p; }
23
   // template<typename T1, typename T2> void dec(T1 &x, const T2 &y) { if ((x+=p-
    y)>=p) x-=p; }
24
   const int N=1<<26;</pre>
25
   int cnt[N];
```

```
26 | int main()
27
28
        29
        cout<<fixed<<setprecision(15);</pre>
30
        int n,i,j,k;
        cin>>n;
31
32
        vector<int> a(n),b(n);
33
        for (i=0; i<n; i++)
34
        {
35
            string s;
36
            cin>>s;
            for (auto c:s) a[i]|=1<<c-'a',b[i]^=1<<c-'a';
37
38
        }
        11 r=0;
39
        for (k=0; k<26; k++)
40
41
42
            int B=(1<<26)-1\land(1<<k);
            for (i=0; i<n; i++) if (1/a[i]>>k&1)
43
44
            {
                ++cnt[b[i]];
45
46
                r = cnt[b[i] \land B];
47
            }
            for (i=0; i<n; i++) if (1/a[i]>>k&1) --cnt[b[i]];
48
49
        }
        // for (i=0; i<n; i++) for (j=i; j<n; j++) if
50
    (\underline{builtin_popcount(a[i]|a[j])==25\&\underline{builtin_popcount(b[i]\land b[j])==25)} ++r;
51
       cout<<r<<end1;
52
    }
53
```

动态规划 刷题

删括号

删括号 (nowcoder.com)

solve

关注一些解结构:

1. 发现最终删除的括号必然是连续排的。

定义状态: $d_{i,j,k}$ 表示对于 $s_{0..i}$ 删去k个删去若干个括号,此时左括号数目减去右括号数目为k情况下 $s_{0...i}$ 和 $t_{0....j}$ 是否匹配。

- 2. 考虑各种迁移情况:
 - 1. 假设当前 $dp_{i,j,k}$ 为false。无论怎么对当前位怎么操作最后都是false.
 - 2. 如果当前 $dp_{i,j,k}$ 为true,且k为0.当前遇到了')'显然错误因为追求的是连续的删除。
 - 3. 如果当前 $dp_{i,j,k}$ 为true ,遇到'(' ,那么连续删除的括号加1.
 - 4. 如果当前 $dp_{i,j,k}$ 为true,遇到')',那么连续的'('被抵消掉一个。
- 3. 体会到迁移总是正确的。(复习的话体会不到就继续体会。gag)

code

```
1 |#include<bits/stdc++.h>
    using namespace std;
    using II = long long;
 3
 5
    const int N = 100 + 10;
    bool dp[N][N][N];
 6
 7
 8
    int main()
 9
        ios::sync_with_stdio(false);
10
11
        cin.tie(0);
12
        string s , t;
        cin >> s >> t;
13
        S += ' ';
14
        t += ' ';
15
        S = {}^{1} {}^{1} + S;
16
        t = ' ' + t;
17
18
        int n = s.length() - 1, m = t.length() - 1;
        dp[0][0][0] = true;
19
20
        for (int i = 0; i <= n; i++)
             for (int j = 0; j <= i ; j++)</pre>
21
                 for (int k = 0; k < n / 2; k ++) {
22
                     if (dp[i][j][k]) {
23
                         if (k == 0 \&\& s[i + 1] == t[j + 1])
24
25
                             dp[i + 1][j + 1][k] = true;
                         if (s[i + 1] == '(')
26
                             dp[i + 1][j][k + 1] = true;
27
28
                         else if (k)
                            dp[i + 1][j][k - 1] = true;
29
30
                     }
31
                 }
32
        string ans[2] = {"Impossible\n" , "Possible\n"};
33
34
        cout << ans[dp[n][m][0]];</pre>
35 }
```

美丽序列

https://ac.nowcoder.com/acm/problem/21313

solve

这种问题的解空间非常清晰明了。 关注几种属性进行分类

- 1. i , 表示考虑了前i个元素。
- 2. j , 表示结构的尾数位i
- 3. k, 表示连续下降的位数是k.
- 4. sum 结构的和位sum.

通过枚举上述情况 , 就可以一条不漏的得到了所有的可能。并且完成迁移。这种模型的解是非常容易统计 的。

code

```
#include<bits/stdc++.h>
 1
    using namespace std;
 3
    using TT = long long;
 4
 5
    const int N = 60;
 6
    const int mod = 1E9 + 7;
 7
 8
    int a[N];
9
    11 dp[N][N][3][1700];
10
11
    int main()
12
13
        ios::sync_with_stdio(false);
14
        cin.tie(0);
15
        int n; cin >> n;
        for (int i = 1; i <= n; i++)</pre>
16
17
          cin >> a[i];
18
        dp[0][0][0][0] = 1;
19
        //
20
        for (int t = 1; t <= n; t++) {
            //枚举当前位置上放的东西
21
22
            for (int now = 0; now <= 40; now ++)</pre>
23
                //枚举尾数
24
                for (int i = 0; i \le 40; i++)
25
                    //枚举连续长度
                    for (int j = 0; j < 3; j++)
26
                        //枚举前面的平均数
27
28
                        for (int k = 0; k \le 1600; k ++) {
29
                             if (a[t] != -1 && now != a[t])continue;
30
                             if ((now < i \&\& j == 2) \mid | (now * (t - 1) > k))continue;
                             if (now < i)
31
                                dp[t][now][j + 1][k + now] = (dp[t][now][j + 1][k +
32
    now] + dp[t - 1][i][j][k]) % mod;
                            else dp[t][now][1][k + now] = (dp[t - 1][i][j][k] +
33
    dp[t][now][1][k + now]) % mod;
34
                        }
35
36
37
        11 ans = 0;
38
        for (int i = 0; i \le 40; i ++)
39
            for (int j = 0; j < 3; j ++)
                for (int k = 0; k \le 1600; k++)
40
41
                    ans += dp[n][i][j][k];
42
                    ans %= mod;
43
                }
44
        cout << ans << '\n';
45 }
```

codeforces

(https://ac.nowcoder.com/acm/problem/21314)

简介

看题就行。

solve

- 1. 观察所有解空间 , 枚举任何解。对于一组具体的方案。可以先考察问题的解决顺序 ,优秀子集。 各种问题的解决顺序 , 必然满足一些上界。
 - 1. 优秀子集这里自定义为: 所有枚举的解都可以在这个子集中找到更优的等效解。

顺序的探究:

对于一组解中,任意相邻的任务(假设存在两个以上的任务。不妨标记其为1 , 2。其中分别完成时间为 t_1,t_i ,价值损失速度为 p_1,p_2 。开始做第一个任务时候。其分数和为sum. 关注两个量: $s_{1,2}$ 表示先1后2. $s_{2,1}$ 反之。

$$s_{12} = sum - t_1 p_1 - (t_1 + t_2) p_2$$

$$s_{21} = sum - t_2 p_2 - (t_1 + t_2) p_1$$

$$s_{12} - s_{21} = t_2 p_1 - t_1 p_2.$$

$$s_{12} - s_{21} >= 0$$

$$\frac{p_1}{t_1} >= \frac{p_2}{t_2}$$

$$(1)$$

利用这个递推序列排一个序。满足任何相邻的元素都满足上述关系。

- 2. 利用上述规则
 - 1. 考察任何一个方案 a。并且从优秀子集中的方案 b映射到该方案。
 - 2. 通过对b不断地调整。发现一种总分数一直减少的方案可以构造到该方案中。而一个方案只有一个结构。上述构造逐步计算的过程是等价过程。
- 3. 综上,在上述顺序的数组上做01背包即可。

 $f_{i,i}$ 表示i状态下,完成j道题的最大方案。

```
1 #include<bits/stdc++.h>
   using namespace std;
 3
   using II = long long;
 4
 5
    const int N = 1E6 + 10;
 6
    const ]] inf = 1E18;
 7
    11 \ t[N] , p[N] , f[N] , v[N];
9
   int id[N];
10
11
    int main()
12
        ios::sync_with_stdio(false);
13
        cin.tie(0);
14
        int n , T; cin >> n >> T;
15
16
        for (int i = 1; i <= n; i++)
17
            cin >> v[i];
        for (int i = 1; i <= n; i++)</pre>
18
            cin >> p[i];
19
```

```
for (int i = 1; i <= n; i ++)
20
21
           cin >> t[i];
        iota(id, id + n + 1, 0);
22
23
        sort(id + 1, id + 1 + n, [\&](int i, int j) {
24
           return 1.0 * p[i] / t[i] > 1.0 * p[j] / t[j];
25
       });
       // cerr << id[1] << '\n';
26
27
        //状态设计表示刚好完成i任务。i时间下的最大成就。
28
        11 ans = 0;
        for (int x = 1; x <= n; x++) {
29
30
           int i = id[x];
            for (int j = T; j >= t[i]; j--) {
31
32
               f[j] = max(f[j], f[j - t[i]] + v[i] - j * p[i]);
33
34
        }
35
        for (int i = 0; i <= T; i++) {
36
           ans = max(ans, f[i]);
37
       }
38
       cout << ans << '\n';
39
   }
40
   /* stuff you should look for
41
   * int overflow, array bounds
42
   * special cases (n=1?)
   * do smth instead of nothing and stay organized
   * WRITE STUFF DOWN
45
   * DON'T GET STUCK ON ONE APPROACH
46
47 */
```

生长思考:

1. 非常精彩的解空间压缩。

这里的解空间优化。转换成了一个01背包问题。关注了一个优秀的解集。而这个解集就是做01背包的解集。

和与或

和与或 (nowcoder.com)

solve

观察出一个性质:从二进制的角度看,若干个数相加,二进制串的某一个位上不能够有进位。

不断地枚举最终和的数字前缀:

对于任意二进制串前缀:

- 1. 当前位置为1时 , 那么要有一个A提供1。其它的数在该位上提供0。
- 2. 按照这样的枚举方法。由乘法计数原理,所有情况都考虑齐全。 观察枚举过程中,一些可以重复利的信息。在枚举的过程中,对于 a_i 有两种属性——是否被限制 (前缀是否贴着上界前缀走。)这决定了, 当前情形下, 这些数字是当前位置上可以取的数字。 那么这时可以感受到, 后面的选择和当前的0 , 1相关。(形象地看,就是后续发展的子树相同。 可以记录这一类子树的叶子数)

3. 状态设计

 $dp_{i,j}$ 表示当前在枚举第i位情况下,j 表示限制情况(状态压缩的方法,如果i位上为0表示 第i个数字的枚举被限制。为1反之)

4. 始化化:

初始化为-1。从dfs(62,0)\$开始搜索。

5. 状态转移

如果sum当前的位置上选择0 , 其余所有项选0。此时那些原本被限制的 , 并且当前位上为1的下沉。

如果sum当前位置上选择1。有下面两种情况:

- 1. 非限制数字选择1.
 - 1. 此时原本被限制的且上界的当前位上为1的 数字不再被限制。
- 2. 限制位数字且上界该位置上本来就有1。
 - 1. 同上。

生长思考

- 1. 那么神奇,怎么思考?
- 2. 体会到了数位dp中贴上界问题在数位dp中存在的现象。多个数枚举制约下的限制 , 以及上界数的下 沉。

```
1 #include<bits/stdc++.h>
    using namespace std;
 3
   using 11 = long long;
 4
 5
   const int N = 1E6 + 10;
 6
   const int mod = 1E9 + 9;
 7
   11 a[N] , dp[100][1050];
 8
 9
   int n;
10
11
    11 dfs(int pos , int limit) {
       if (pos == -1) return 1;
12
13
       if (dp[pos][limit] != -1) return dp[pos][limit];
14
15
       11\& res = dp[pos][limit];
       res = 0;
16
       //记录拿一些a在当前的pos上为1
17
       int rec = 0;
18
       for (int i = 0; i < n; i++)
19
20
            if (a[i] & (1LL << pos)) {
21
               rec |= 1LL << i;
22
            }
23
        res += dfs(pos - 1 , limit | rec);
       //考虑的当前pos上取1的情况。
24
       //枚举哪一一个1在这个位置上可以做出贡献
25
       for (int i = 0; i < n; i ++)
26
27
            if (limit & (1LL << i))
28
               res = (res + dfs(pos - 1 , limit | rec)) % mod;
            else if (rec & (1LL << i))
29
               res = (res + dfs(pos - 1 , (limit | rec) ^ (1LL << i))) % mod;
30
31
        return res;
32
   }
```

```
33 int main()
34
        ios::sync_with_stdio(false);
35
36
       cin.tie(0);
37
       cin >> n;
38
        for (int i = 0; i < n; i++) {
39
           cin >> a[i];
40
41
        }
        memset(dp , -1 , sizeof dp);
42
       cout << dfs(61 , 0) << '\n';
43
44
    }
45
   /* stuff you should look for
   * int overflow, array bounds
47
   * special cases (n=1?)
48
49
   * do smth instead of nothing and stay organized
   * WRITE STUFF DOWN
   * DON'T GET STUCK ON ONE APPROACH
52 */
```

牛牛与数组

https://ac.nowcoder.com/acm/problem/21738

状态设计

1. 定义 $f_{i,j}$ 表示当前数组 , i位置上放置的是j元素。

状态转移

前缀和优化 , 再加上一个类似线性筛选的东西。类比埃氏筛法,复杂度为klogk总复杂度为n*k*log(k)

```
1 #include<bits/stdc++.h>
   using namespace std;
 3
   using 11 = long long;
4
5
   const int N = 1E6 + 10;
   const int mod = 1e9 + 7;
    11 f[20][N];
7
8
    int main()
9
        ios::sync_with_stdio(false);
10
11
        cin.tie(0);
12
        int n , k; cin >> n >> k;
13
        f[0][1] = 1;
14
        for (int i = 1; i <= n ; i++) {
            //首先对这个数组的前缀和来一个小的处理:
15
16
            11 \text{ sum} = 0;
17
            for (int j = 1; j \ll k; j \leftrightarrow ++)
18
                sum = (sum + f[i - 1][j]) \% mod;
```

```
for (int j = 1; j \ll k; j++) {
19
20
                 f[i][j] = sum;
                for (int t = j * 2; t <= k; t += j)
21
22
                     f[i][j] = (f[i][j] - f[i - 1][t] + mod) % mod;
23
            }
        }
24
        11 ans = 0;
25
26
        for (int i = 1; i <= k; i++) {
           ans = (ans + f[n][i]) \% mod;
27
28
        cout << ans << '\n';</pre>
29
30
31
32
33
   /* stuff you should look for
   * int overflow, array bounds
   * special cases (n=1?)
   * do smth instead of nothing and stay organized
   * WRITE STUFF DOWN
   * DON'T GET STUCK ON ONE APPROACH
39 */
```

牛牛的回文串

<u>牛牛的回文串 (nowcoder.com)</u>

给定各种操作的代价。包括增,删 , 改。 求将该字符串变成回文串的最小代价。

10mins

这种解空间探究, 无从下手:

- 1. 小规模问题是什么? 体会不了。
- 2. 解空间中。各种操作应用都非常灵活,看上去毫无联系。

solve

- 1. 第一个问题 , 对于任何一个操作。就结果而言 (比方说,换,删)并不只有一个方案。可以先改成某一些值再删除 , 所以得先把这些最优操作的代价求出来。 (解结构的优化之一)。
 - 1. 这一个操作可以通过floyed求取。
 - 2. 处理掉一个字符
 - 1. 直接的删掉。
 - 2. 先转换再删掉。
 - 3. 先在对称的位置增加一个字符,两个匹配掉(对其他字符不产生影响)。
 - 4. 在对称位置增加一个字符,两个字符同时成k字符。
 - 3. 字符转换:
 - 1. 转换中间字符最小代价。
- 2. 关于状态设计:

 $dp_{i,j}$ 表示将 i....j的子段变成回文串的最小花费。

3. 状态转移

对于计算 $dp_{i,j}$,发现有几种策略。考虑各种方案。

 $1. s_i$ 和 s_i 进行匹配。

```
1. 统一换成同一个字母。
```

- $2. 删掉<math>s_i$
- $3. 删掉<math>s_i$

```
#include<bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   using \Pi = \text{long long};
    const int N = 1E6 + 10;
 5
    const int oo = 1E9;
 6
    //#define int 11
 7
    string s;
 8
   //表示转换
 9
     1 cost[26][26], add[26], erase[26];
10
    11 deal[26];
11
    //表示删除。或者增加成一个删掉。
12
    11 dp[100][100];
13
    void floyed() {
        for (int k = 0; k < 26; k++)
14
15
            for (int i = 0; i < 26; i++)
16
                for (int j = 0; j < 26; j++) {
17
                    cost[i][j] = min(cost[i][k] + cost[k][j], cost[i][j]);
18
                }
19
        //计算删除的最小信息。
20
        //删除的最小代价怎么统计?
21
        for (int i = 0; i < 26; i++) {
22
            deal[i] = erase[i];
23
            for (int j = 0; j < 26; j++) {
24
                //不借助中间字符。直接删增,匹配掉。
25
                //改删
26
                deal[i] = min(deal[i], cost[i][j] + erase[j]);
                // 改改。
27
28
                //增改改。
                for (int k = 0; k < 26; k++)
29
30
                    deal[i] = min(deal[i], add[j] + cost[i][k] + cost[j][k]);
31
32
        }
33
34
    void init() {
35
        for (int i = 0; i < 26; i++) {
            for (int j = 0; j < 26; j++) {
36
37
                cost[i][j] = oo;
38
            }
            cost[i][i] = 0; add[i] = erase[i] = deal[i] = oo;
39
40
        }
41
42
   int main()
43
        ios::sync_with_stdio(false);
44
45
        cin.tie(0);
46
        init();
47
        int n; cin >> s >> n;
48
        for (int i = 1; i <= n; i++) {</pre>
49
            string ch; cin >> ch;
50
            char a, b; 11 c;
            if (ch == "change") {
51
```

```
52
                cin >> a >> b >> c;
53
                cost[a - 'a'][b - 'a'] = min(cost[a - 'a'][b - 'a'], c);
54
55
            else if (ch == "add") {
                cin >> a >> c;
56
               add[a - 'a'] = min(c, add[a - 'a']);
57
58
            }
59
            else {
60
               cin >> a >> c;
                erase[a - 'a'] = min(erase[a - 'a'], c);
61
62
            }
63
        }
        floyed();
64
        int sz = s.size();
65
        for (int i = sz - 1; i >= 0; i--) {
66
            for (int j = i + 1; j < sz; j++) {
67
                dp[i][j] = oo;
68
                if (s[i] == s[j])dp[i][j] = dp[i + 1][j - 1];
69
70
                dp[i][j] = min(dp[i][j], deal[s[i] - 'a'] + dp[i + 1][j]);
                dp[i][j] = min(dp[i][i], deal[s[i] - 'a'] + dp[i][j - 1]);
71
                for (int k = 0; k < 26; k++)
72
73
                    dp[i][j] = min(dp[i][j], dp[i + 1][j - 1] + cost[s[i] - 'a'][k]
    + cost[s[j] - 'a'][k]);
74
            }
75
        if (dp[0][sz - 1] == 00)
76
77
           cout << -1 << '\n';
        else cout << dp[0][sz - 1] << '\n';
78
79
        //return OLL;
80
81
    /* stuff you should look for
82
    * int overflow, array bounds
83
   * special cases (n=1?)
   * do smth instead of nothing and stay organized
   * WRITE STUFF DOWN
   * DON'T GET STUCK ON ONE APPROACH
87
   */
88
```

牛牛去买球

<u>牛牛去买球 (nowcoder.com)</u>

solve

简化问题 , 找一个解:

- 1. 每一个包里面的红球、蓝色球的数量变化1。无论如何变化 , 同色的球的数量至少为k。
- 2. 寻找满足上条件 , 花费最低的解。

关注几种解结构:

- 1. 所有商品中 , 红球的数量都减1。
- 2. 所有商品中, 蓝球的数量都减1。

只考虑这两种情况是不全面的。如下:

但是还是遗漏了一些解: 反例如下:

```
1 | 2 10
2 | 6 5
3 | 4 4
4 | 1 1
```

该情况下, 无法做到两个减到最小值。但是两个都选了, 由于一个包里面球数量守恒,无论怎么变 化依然满足条件。其关键是两种球数目之和大于等于2*k-1。很显然,平均使得最大值最小,依然大于 等于k.

反之, 如果总的球数小于2*k-1。解满足题意得充要条件是,两种球中的一种,减到极限了也依然满足数量大于等于k。前述两种情况下,01背包得到的就是这种解的最优值。

- 1. 不妨设当前的子问题为蓝色球(最劣情况)。显然 f_i 通过背包求解后,其解就是满足蓝色球减到极限了, 也满足题意的最小价值的解。那么我们枚举任意一种总球数小于2*k 1的合法的(蓝色球减到极限,也满足大于等于k条件)解。显然可以属于上述子问题解集(并不一定是最优解,其实问题的解就是满足基本条件的解集中取最优值。)那么 f_i 更优。
- 2. 反之红色球亦然。

```
1 #include<bits/stdc++.h>
    using namespace std;
 3
   using 11 = long long;
 4
 5
   const int N = 1E6 + 10;
   const 11 inf = 1E15;
 6
    int a[N] , b[N] , v[N];
 7
    //当前的最小值是什么?
 9
    //考虑了前i个商品。
10
   //选择了多少个商品。
11
    //是哪一类球更多
12
    11 f[N];
13
   int main()
14
15
16
        ios::sync_with_stdio(false);
        cin.tie(0);
17
18
        int n , k; cin >> n >> k;
19
        for (int i = 1; i <= n; i++) cin >> a[i];
20
21
        for (int i = 1; i <= n; i++) cin >> b[i];
22
        for (int i = 1; i <= n; i++) cin >> v[i];
23
        11 \text{ ans} = \inf:
        memset(f , 0x3 , sizeof f);
24
25
        f[0] = 0;
        for (int i = 1; i <= n; i++) {</pre>
26
27
            int w = a[i] - 1;
            for (int j = 50000; j >= w; j --)
28
                f[j] = min(f[j], f[j-w] + v[i]);
29
30
        }
        for (int i = k; i \le 500000; i++) {
31
           ans = min(ans , f[i]);
32
33
        memset(f , 0x3 , sizeof f);
34
35
        f[0] = 0;
36
        for (int i = 1; i <= n; i++) {
37
            int w = b[i] - 1;
38
            for (int i = 50000; i >= w; i --)
```

```
f[j] = min(f[j], f[j - w] + v[i]);
39
40
        }
        for (int i = k; i <= 500000; i++) {
41
42
           ans = min(ans, f[i]);
43
        memset(f , 0x3 , sizeof f);
44
45
46
        f[0] = 0;
47
        for (int i = 1; i <= n; i++) {
            int w = b[i] + a[i];
48
            for (int j = 50000; j >= w; j --)
49
                 f[j] = min(f[j], f[j - w] + v[i]);
50
51
        for (int i = k * 2 - 1; i \le 500000; i++) {
52
            ans = min(ans , f[i]);
53
54
        }
55
        if (ans == inf) ans = -1;
        cout << ans << '\n';</pre>
56
57
   }
58
    /* stuff you should look for
59
60
   * int overflow, array bounds
    * special cases (n=1?)
   * do smth instead of nothing and stay organized
   * WRITE STUFF DOWN
   * DON'T GET STUCK ON ONE APPROACH
64
65
   */
```

牛牛的计算机内存

<u>牛牛的计算机内存 (nowcoder.com)</u>

简介

找出一种指令顺序,使得访存代价花费的时间最小:时间代价的计算方式是 新的访问代价为:

solve

状压dp.

1. dp_s 枚举,上一个s的状态是什么。然后迁移即可。

完成的一些任务:

- 1. 字符串到二进制之间的转换。
- 2. 统计某些任务使用之后的,内存的剩余使用情况。

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
using TT = long long;
#define end en

const int N = 1E6 + 10;
```

```
int bit[100];
    int end[1 << 20];</pre>
    11 dp[1 << 20];
9
10
11
    int main()
12
        ios::sync_with_stdio(false);
13
14
        cin.tie(0);
15
        int n , m;
16
17
        cin >> n >> m;
        for (int i = 0; i < n; i++) {
18
19
            string s; cin >> s;
20
            int now = 0;
21
            for (int j = 0; j < m; j++) {
                if (s[j] == '0')continue;
22
                else now |= (1 << j);
23
24
            }
25
            bit[i] = now;
26
        }
27
        auto f = [\&](int x, int y) \rightarrow int{
28
            //表示x。当前是选择哪一个任务?
29
            //y表示前面的额基础情况。
30
            //这个函数的目的就是计算出有多少的位置是不一样的。
31
            int k = 0;
32
            for (int i = 0; i < m; i++) {
33
                if (((bit[x] >> i) \& 1) \& \& (end[y] >> i \& 1) == 0)
34
                    k++;
35
            }
36
            return k;
37
        };
        memset(dp , 0x3f , sizeof dp);
38
39
        dp[0] = 0;
40
        for (int s = 1; s < (1 << n); s++) {
            for (int j = 0; j < n; j++) {
41
42
                //说明当前有
                if (s & (1 << j)) {
43
44
                    int k = f(j, s \land (1 << j));
45
                    dp[s] = min(dp[s], dp[s \land (1 << j)] + k * k);
                    end[s] = end[s \land (1 \lessdot j)] | bit[j];
46
47
                }
48
            }
49
50
        cout << dp[(1 << n) - 1] << '\n';
51
52
53
54
    /* stuff you should look for
   * int overflow, array bounds
56
   * special cases (n=1?)
57
    * do smth instead of nothing and stay organized
    * WRITE STUFF DOWN
58
    * DON'T GET STUCK ON ONE APPROACH
59
60
   */
```

ATcoder

XYYYX

My Submissions - AtCoder Regular Contest 157

solve

定义一些概念:

x表示X符的个数。n表示字符长度。 pos_i 表示字符串中第 (i + 1) 个'Y'的位置:

先分类讨论几种情况:

- 1. $x \ge k$,正常贪心。尽量使得YXXXY 之间的X被填满。设这种子串处理了, a个。那么相比于其它一些非同类操作,其贡献至少增加a个。
- 2. x < k,该情况下处理完'X'字符后 , 还有一些剩余的修改机会。
 - 1. <mark>证明</mark>关于先处理完'X'字符,显然,如果没有处理完,就说明有两次得到'Y'的机会被白白浪费了。可以拿出处理Y的操作来处理x。无论何种情形,处理完'X'总是最优的。
 - 2. 处理完x之后, 那么剩下的操作次数在处理Y中如何分配?
 - 1. 使用等效转换的逆向思维。将问题转换成: 土著'Y'全部变成了'X', 然后一定量操作机会下, 它他们变成'Y'。求最优解。于是转换成了第一种情况下同样的问题。

实现方式, 先分类讨论, 进行预处理, 然后使用优先队列进行维护。

```
1 #include<bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   using II = long long;
 4
   const int N = 1E6 + 10;
 5
   int sum[N] , pre[N];
 6
 7
    int n , k , ans;;
    string s;
 8
9
10
   void solve() {
        vector<int>pos;
11
12
        for (int i = 1; i <= n; i++)
            if (s[i] == 'Y')pos.push_back(i);
13
        if (pos.size() == 0) {
14
            cout << \max(k - 1, 0) << '\n';
15
16
            return;
17
        }
        priority_queue<int , vector<int> , greater<int>> que;
18
        //对于连续段应该怎么吃处理?
19
        for (int i = 1; i < (int)pos.size(); i++) {</pre>
20
            if (pos[i] == pos[i - 1] + 1)ans++;
21
22
            else que.push(pos[i] - pos[i - 1] - 1);
23
        while (que.empty() == false && k) {
24
            int top = que.top(); que.pop();
25
            if (top <= k) {</pre>
26
27
                ans += top + 1:
28
                k -= top;
```

```
29
            } else {
               ans += k;
30
31
                k = 0;
32
            }
33
       /*处理两端的情况*/
34
35
        ans += k;
36
        cout << ans << '\n';</pre>
37
38
39
   int main()
40
41
        ios::sync_with_stdio(false);
42
       cin.tie(0);
        cin >> n >> k;
43
       cin >> s;
44
       S = ' ' + S;
45
46
        for (int i = 1; i <= n; i++) {
47
           sum[i] = sum[i - 1] + (s[i] == 'X');
48
        if (k > sum[n]) {
49
            for (int i = 1; i <= n; i++) {</pre>
50
                if (s[i] == 'X')s[i] = 'Y';
51
52
               else s[i] = 'X';
53
            }
54
            k = n - k;
55
        solve();
56
57
58
59
   /* stuff you should look for
   * int overflow, array bounds
   * special cases (n=1?)
   * do smth instead of nothing and stay organized
   * WRITE STUFF DOWN
   * DON'T GET STUCK ON ONE APPROACH
   *2023/3/5 陈九日
65
66 */
```

区间动态规划进阶

ICPC Beijing 2017 J, Pangu and Stones

ICPC Beijing 2017 J, Pangu and Stones - 题目 - Daimayuan Online Judge

题目简介

1. 石子合并问题:

对一堆石子,合并连续的连续长度为[L,R]的石子。

和最简单的区间动态规划问题不同。这里对连续合并的石堆个数有限制。

solve

1. 显然不能简单的枚举每一堆的分界点。

定义一个状态:

 $f_{i,j,k}$ 表示i,j, 为和并为k堆的最小代价。

辅助状态的转移方程。

- 1. 枚举i , j。
- 2. 枚举k。
- 3. 枚举第一堆的的尾部。

$$k \ge 2; f_{i,j,k} = min(f_{i,mid,1} + f_{mid+1,r,k-1})$$

$$k = 1; f_{i,j,1} = min(f_{i,j,2...k} + sum_{l...r})$$

$$(2)$$

```
1 #include<bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   using 11 = long long;
 4
   #define f dp
 5
 6
    const int N = 110;
 7
   const int inf = 1 \ll 29;
    int n , L , R;
9
    int f[N][N][N];
   int sum[N];
10
11
12
   void solve() {
        for (int i = 1; i <= n; i++) {
13
14
            int x; cin >> x;
            sum[i] = sum[i - 1] + x;
15
16
17
        for (int i = 1; i <= n; i ++)
            for (int j = 1; j \ll n; j++)
18
19
                for (int k = 1; k \le n; k++)
20
                    f[i][j][k] = inf;
        for (int d = 0; d <= n; d++) {
21
22
            int r = 1 + d;
23
                if (d == 0) {
24
25
                    f[1][r][1] = 0;
                } else {
26
27
                    for (int k = 2; k \le n; k++) {
                        for (int mid = 1; mid < r; mid ++) {</pre>
28
29
                            f[]][r][k] = min(f[]][r][k] , f[]][mid][1] + f[mid + 1]
    [r][k - 1]);
30
31
                        if (k >= L & k <= R) f[l][r][1] = min(f[l][r][k], f[l][r]
    [1]);
32
                    f[1][r][1] += sum[r] - sum[1 - 1];
33
34
                }
35
            }
        }
36
```

```
37
       if (f[1][n][1] >= inf) cout << 0 << '\n';</pre>
38
        else cout << f[1][n][1] << '\n';</pre>
39
40
41
42
   int main()
43
        ios::sync_with_stdio(false);
45
        cin.tie(0);
        while (cin >> n >> L >> R)solve();
46
47
48 }
```

2023/3/5