# 状态压缩dp-初期2022 10---11

# $first\_provlem$

## **Traveling by Stagecoach**

### 20mins

和旅行商人问题之间有什么差别?

- 1. 不一定要遍历完所有的城市,有固定的城市终点。
- 2. 引入关于车票的相关属性,要关注车票的选择。

#### 城市数量

m达到30之多,无法用一个数组来表达当前去了哪一些城市。 但是事实上只需要使用到达n个城市即可,

定义f[s][j];这里表示,表示当前在j个城市,票的使用情况为s,去到终点城市的情况的最小时间。

初始化问题:  $f[0...2^n][end]=0$ ; 终点--》相邻的点。

怎么进行状态转移?

### solve

f[s][j],此时到达j城市,此时车票是剩下集合为s的最短时间。 这里和我的状态设计相反。

s从大到小枚举,可以保证,当前枚举的状态的迁移问题已经解决。 这里可以之间的状态关系可以类比一个有向图。问题很简单的转化成在dag上的dp问题。 这样不断地迁移问题,最终计算出问题的解。

#### code

```
#include <iostream>
#include <algorithm>
#include <string.h>
#include <iomanip>
using namespace std;

bool MAIN();
int main()
{
    // ios::sync_with_stdio(false);
    // cin.tie(nullptr), cout.tie(nullptr);
    while (MAIN())
    ;
    return 0;
```

```
typedef long long 11;
const int maxn = 11;
const double inf = 10010;
int d[40][40]; //邻接矩阵来储存图。
double f[1 << maxn][40];</pre>
double ans;
int c[maxn]; //表示每一车票具体地情况。
bool MAIN()
   int n, m, p, a, b;
   cin >> n >> m >> p >> a >> b;
   if (n == 0 \&\& m == 0 \&\& p == 0 \&\& a == 0 \&\& b == 0)
       return false;
   memset(d, -1, sizeof(d));
   ans = inf;
   for (int i = 0; i < 1 << n; i++)
       // fill(f[i], f[i] + m, inf);
       for (int j = 0; j \le m; j++)
           f[i][j] = inf;
   for (int i = 0; i < n; i++)
      cin >> c[i];
   for (int i = 1; i \le p; i++)
      int x, y, t;
       cin >> x >> y >> t;
       d[x - 1][y - 1] = d[y - 1][x - 1] = t;
   //进行初始化;
                                       //为了更加好操作,表述上稍微转化。
   f[(1 << n) - 1][a - 1] = 0;
   for (int s = (1 << n) - 1; s >= 0; s--) //当前枚举一个车票地使用情况。
       ans = min(ans, f[s][b - 1]);
       for (int u = 0; u < m; u++) //枚举当前所在点。
           for (int t = 0; t < n; t++) //枚举相关地转移点。
              if (s >> t & 1) //当前票如果没有被使用
                  for (int v = 0; v < m; v++)
                      if (d[u][v] >= 0) //当前两条路之间有路径,。//向下转移
方程
                         f[s \& \sim (1 << t)][v] = min(f[s \& \sim (1 << t)]
[v], f[s][u](double)d[u][v] / c[t]);
   // for (int i = (1 << n) - 1; i >= 0; i--)
   // ans = min(ans, f[i][b - 1]);
   if (ans == inf)
       cout << "Impossible" << '\n';</pre>
```

```
else
    cout << fixed << setprecision(3) << ans << '\n';
return true;
}</pre>
```

## 生长思考:

- 发散
  - 记忆化搜索应该怎么么实现?
- *debug*的惨痛教训。
  - 。 在这里为了方便,一般将集合的标记,从0开始标记。
  - 由于没有统一贯穿这一个原则。所以导致了图的构建的时候出了问题。

# the-second-problem

吃奶酪

## 20mins

- 定义 $f_{s,now}$ 表示当前老鼠已经遍历了状态s, 当前在now点。他经历的最短路程。
- 向下寻找向下更新状态即可。这里可以类比一个有向完全图的dp.

更新顺序为:

如果是dfs会一直向下搜索。

不适合这样的递推思路。

### 主要问题:

- 不会设计状态转移方程。
  - 前面两个问题的状态转移方程设计。还是要从之前的经验中回想得到一些启发。
- 为什么不利用相关的图论几个关于路程的经典算法?

#### solve

直接类比上面个的旅行商问题:

f[s][now].当前在now点,经历的集合为s的最小距离。

不引入原点为一个点。

最小子规模的问题为只经历一个奶酪,当前点在唯一个点上的最小距离。

从小到大枚举,可以确保更小的集合已经被枚举完全。

和旅行商问题,相差不大;

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

void MAIN();
int main()
{
```

```
ios::sync with stdio(false);
          cin.tie(nullptr), cout.tie(nullptr);
         MAIN();
typedef long long 11;
const int maxn = 17;
show me the code-----
double x[maxn], y[maxn];
double f[1 << maxn][maxn];</pre>
double inf = 1e9;
double d[maxn] [maxn];
double get(int i, int j)
         return sqrt((x[i] - x[j]) * (x[i] - x[j]) + (y[i] - y[j]) * (y[i] - x[j]) * (y[i] - x[i]) * 
у[ј]));
void MAIN()
         int n:
         cin >> n;
         for (int i = 1; i <= n; i++)
                  cin >> x[i] >> y[i];
         // for (int i = 1 << (n + 1) - 1; i >= 0; i--)
         // fill(f[i], f[i] + n + 1, inf); //
         memset(f, 127, sizeof(f)); //这样可以给浮点数赋值无穷大
         for (int i = 0; i <= n; i++) //距离初始化
                   for (int j = 0; j <= n; j++)
                            d[i][j] = get(i, j); //地址进行初始化。
          int flag = (1 << n) - 1;
         for (int i = 0; i < n; i++) //对压缩方面的技巧不够, 定义不娴熟。如果是
定义1为没去。
                  f[1 << i][i] = d[i + 1][0]; //初始化就是它们与原点的距离。
          for (int s = 1; s <= flag; s++) //如果当前位置上是1说明没有选,如果是0说明
 已经选择了。
                   for (int u = 0; u < n; u++) //枚举当前的所在点。
                            if (s >> u & 1)
                                                                          //如果对前枚举的点并没有经过,说明讨论迁移
没有意义。此时当前位置上为1
                                      for (int v = 0; v < n; v++)
                                               if (u != v && (s >> v & 1))
                                    //当前位置上必须是0;
                                                         f[s][u] = min(f[s][u], f[s & \sim (1 << u)][v] + d[u]
+ 1][v + 1]); //顺序上出错了。
                                 //思考怎么把当前位置变成0。
                                                                                                //下面处理的问题应该是-+-+7
          double ans = inf;
          for (int i = 0; i < n; i++)
```

```
ans = min(ans, f[(1 << n) - 1][i]);
cout << fixed << setprecision(2) << ans << '\n';
}</pre>
```

# $the\_third\_problem$

```
给定一个网格,网格上面有一些黑砖头。
现在要用一些1*2的砖头铺在上面。
注意黑色的砖头不可以被遮盖。
现在问,铺满有多少种方式。
答案对mod取%
```

## 思路:

- 第一个问题,万物皆可以暴力。优化基于暴力。
  - 这里的暴力思路,有顺序的进行一个选择枚举。从右上角开始选择策略。每一种策略产生一些影响。我们用一个专门的数组,来记录一个这个图上,哪一个砖头被铺了。然后带着一整个数组向下递归就行了。
  - 。 最终的复杂度是:  $O(2^{nm} \times n \times m)$ 。
- 在上述进行优化
  - 状态压缩思想。
    - 若干种状态是就是一张图,大的离谱。不可能用一个二进制数字表达。96
    - 发现对于向下迁移的过程中,上述行都是被贴满的,下面的行和原来不变,而且和状态迁移相关的(影响迁移状态,策略影响的只是下一行)。
    - 从上面这一个发现,可以产生什么启发?
      - 关于滚动数组。滚动数组的思想是
        - 关注迁移顺序,划分阶段,关注没有变化的。
    - f[j][s]现在第搞j层,上面所有层已经填满,现在层上的情况是s.

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int MAX_N = 30;
int dp[2][1 << MAX_N];
int n, m;
int M;
bool color[MAX_N][MAX_N];

void solve()
{
   int *crt = dp[0], *next = dp[1];
   crt[0] = 1;
   for (int i = n - 1; i >= 0; i--)
   {
}
```

```
for (int j = m - 1; j >= 0; j--)
        {
            for (int used = 0; used < 1 << m; used++)
                if ((used >> j & 1) || color[i][j])
                    next[used] = crt[used & \sim (1 << j)];
                else
                    int res = 0;
                    if (j + 1 < m \&\& !(used >> (j + 1) \& 1) \&\& !color[i]
[j + 1])
                     { //横着放。
                         res += crt[used | 1 << j];
                    if (i + 1 < n \&\& !color[i + 1][j])
                        res += crt[used | 1 << j];
                    next[used] = res % M;
                }
            swap(next, crt);
   printf("%d\n", crt[0]);
```

# 下一个重要问题:认识代码:

- 关于动态规划状态迁移的问题:
  - 。 认识dp[2][s]
    - 滚动数组。
    - dp表示当前第选到,(i,j)的状态之下的S情形(每一列没有被遍历过的最 顶格的格子)。
    - next, curent.
  - · 认识枚举S的顺序。
  - 。 认识状态转移方程。
  - 。 认识初始化。