# 2023/3/5

青春须早为, 岂能长少年

# 1. 总括

承上启下 2023.2月下旬.md

# 上一阶段的情况:

- 1. 算法学习进度,
- 2. 相对较慢。其中数位dp中的几道很难的问题,梦幻珠宝岛卡了两三天。
- 3. dls的课程只是刷到区间dp(dp进阶第五节。)
- 4. 比赛强度:
  - 1. 有比赛基本都打了。包括一场牛客小白月赛。两场师兄拉的练习赛。div2 div1 + div2 , edu div2 atcoder abc 两场。
- 5. 练习强度:
  - 1. 虽然一天有三道题目情况。但是题目难度参差不齐。只要是比赛,课程内容的题。
- 6. 复习强度
  - 1. 对于上一阶段的总结复习。现在有了新的计划。在一个阶段结束之后。打印笔记。复习,具体的策略还要进一步研究。但是给予一定强度的复习 , 再次生长思考以及记忆是必要的。

# 本阶段目标:

#### 1. 尝试板刷:

- 1. 板刷图论基础专题。
- 2. 板刷各种动态规划专题。

# 2.继续学习dls的课程内容。

- 1. 不会的问题就跳,掌握课程对于一个类型的dp的关键点。
- 2. 总结区域赛dp问题的难度水平。

#### 3.比赛上

- 1. atcoder
- 2. codeforces

### 4. 为校赛做哪些准备?

- 1. 学学基础数学问题。
- 2. 常用的数据结构可以再熟练一点。
- 3. 各种类型的dp问题再做一遍。

# 笔记记录

# 语法等的学习

1. 关于位运算中的一些函数使用: 未补

### 算法学习

动态规划:

- 1. 数位dp进阶
  - 1. <u>数位dp讲阶.md</u>

图论

1. 树哈希: <u>树哈希.md</u>

### 补题

二分

- 1. D. Maximum Subarray.md
- 2. D. Renting Bikes.md

提高string简单题速度。

1.

div3 (2023/3.4)

- 1. <u>2023.3</u>上旬.md
- 2. <u>树哈希.md</u>

### 刷题

动态规划:

- 1. 牛客
  - 1. <u>删括号.md</u>
  - 2. <u>美丽序列.md</u>
  - 3. codeforces.md
  - 4. <u>和与或.md</u>
  - 5. <u>牛牛与数组.md</u>
  - 6. <u>牛牛的回文串.md</u>
  - 7. <u>牛牛去买球.md</u>
  - 8. <u>牛牛的计算机内存.md</u>

### atcoder

1. XYYYX.md

# 数位dp进阶

## 数数3

#### <u>数数3 - 题目 - Daimayuan Online Judge</u>

求区间中有多少个数字a满足存在连续三个数位  $a_i, a_{i+1}, a_{i+1}$ 使得 $a_i < a_{i+1} < a_{i+2}$ 

basic.md 参照题解:

```
#include<bits/stdc++.h>
 2
    using namespace std;
    using 11 = long long;
 4
 5
    const int N = 1E6 + 10;
 6
 7
    11 dp[20][2][20][5];
 8
 9
    //用单词前三个的习惯。
10
    11 dfs(int rem , int exit , int pre , int inc) {
11
        if (rem == 0) return exit;
12
13
        if (dp[rem][exit][pre][inc] != -1)
14
            return dp[rem][exit][pre][inc];
15
16
        11 &res = dp[rem][exit][pre][inc];
17
        res = 0;
18
19
        for (int i = 0; i \le 9; i++) {
20
            int inc_ = (i > pre) ? min(inc + 1 , 3) : 1;
21
            res += dfs(rem - 1 , exit || inc_ == 3 , i , inc_);
22
        }
23
        return res;
24
    }
25
26
    11 solve(11 x) {
27
        x++;//细节1
28
        vector<int> d;
29
        while (x) {d.push_back(x \% 10); x /= 10;}
30
        //处理前导0的情况。
        11 ans = 0;
31
32
        int m = d.size();
        reverse(d.begin(), d.end());
33
        for (int i = 1; i < m; i++) {
34
35
            for (int j = 1; j \le 9; j++) {
36
                ans += dfs(i - 1, 0 , j , 1);
37
            }
38
        }
39
        //然后处理贴着上界走的情况。
40
        int exit = 0, pre = 0, inc = 0;
        for (int i = 0; i < m; i++) {
41
42
            for (int j = (i == 0); j < d[i]; j ++) {
43
                //同时要记录前缀的一些信息。
44
                int inc_ = (j > pre) ? min(inc + 1 , 3) : 1;
45
                ans += dfs(m - i - 1, exit || inc_ == 3, j, inc_);
46
47
            inc = (d[i] > pre) ? min(inc + 1, 3) : 1;
48
            pre = d[i];
```

```
49
      exit |= (inc == 3);
50
        }
51
       return ans;
   }
52
53
54
   int main()
55
   {
56
        ios::sync_with_stdio(false);
57
        cin.tie(0);
58
        memset(dp , -1 , sizeof dp);
59
        11 1 , r;
60
        cin >> 1 >> r;
61
62
        cout \ll solve(r) - solve(l - 1) \ll '\n';
63
   }
64
```

# CF Round #739 (Div 3) F, Nearest Beautiful Number

#### Problem - F2 - Codeforces

找到最小的,满足大于等于n的,美丽数位k的数字。

#### solve.

暴力搜索加剪枝:并不是数位dp的解法。

- 1. 可以估算复杂度非常小 , 为n的字符值之和。
  - 1. dfs算法从可能的最小数字解开始进行枚举

```
1 #include<bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   typedef long long 11;
3
4
5 const int oo = 0x0fffffff;
6
   const int N = 1E6 + 10;
7
   void work(int testNo)
8
9
10
       int n , k; cin >> n >> k;
11
       vector<int> d;
12
       //尽量开大一点,拓展当前值域,增多可表达内容。
13
       int vis[10] {};
       while (n) {d.push_back(n % 10); n /= 10;}
14
15
       reverse(d.begin() , d.end());
16
       // x: 表示当前遍历的位置。 large,前缀是否大于规定的前缀。nums前面的k的前缀中数字的
    种数。
       function<br/><br/>bool (int , int , int , int)> dfs = [\&](int x , int large , int
17
    nums , int cunt) {
18
           //能走到一步必然有解了。
19
           if (x == (int)d.size()) {
20
               cout << nums << '\n';</pre>
21
               return true;
```

```
} else {
22
23
                //然后从哪里开始枚举呢?分情况。
24
                //如果已经large。那么就从0开始。否则从 d[x]开始
25
                for (int i = (large ? 0 : d[x]); i <= 9; i++) {
                    //然后开始各种枚举枚举构造大法。
26
27
                    vis[i] += 1;
28
                    int ncunt = cunt;
29
                    if (vis[i] == 1)ncunt += 1;
30
                    if (ncunt \leftarrow k && dfs(x + 1 , large | (i > d[x]) , nums * 10
    + i , ncunt)) {
31
                        return true;
32
                    }
                    vis[i] -= 1;
33
34
35
                return false;
36
            }
37
        };
38
        dfs(0 , 0 , 0 , 0);
39
    }
40
41
   int main()
42
43
        ios::sync_with_stdio(false);
        cin.tie(0);
44
45
       int t; cin >> t;
46
47
        for (int i = 1; i \le t; i++)work(i);
   }
48
49
50 /* stuff you should look for
   * int overflow, array bounds
51
52
   * special cases (n=1?)
    * do smth instead of nothing and stay organized
54
   * WRITE STUFF DOWN
    * DON'T GET STUCK ON ONE APPROACH
55
56 */
```

# 乘法

乘法 - 题目 - Daimayuan Online Judge

### 简介:

将乘法转换成加减法组合的最小花费。

#### solve

1. 从高位到低位考虑:

```
定义S_i = a_1 \dots a_i 000000(i-1 	ag{0})二进制串的值。T为前期操作地结果。
```

1. 假设现在枚举到了第i位。要有解,必须满足:

```
1. S - T = 0或者T - S = (1 << (i))
```

2. 否则,在低位进行任意加减操作。都不会把差异消除。

2. 状态设计

```
从高位到低位对应 i=1,\ldots,i=n
 f_i表示从高位开始考虑到了第i个位置。
 g_i表示从高位开始考虑到了第i个位置。T_i-S_i=(2^{n-i})
3. 初始化:
   1. f_0 = 0, g_i = 1
4. 状态转移方程
   1. 如果s_i = 0'
       1. 对于f_i有如下转移:
           1. f_{i-1}啥都不变。
       2. 对于g_i有如下方案
           1. f_{i-1}, 对应方案加当前位权。
           2. q_{i-1},对应方案减去当前位权。
   2. 如果s_i = '1'
       1. 对于f_i
           1. g_{i-1}对应的方案减去当前位权。
           2. f_{i-1}对应的方案加上当前为位权。
       2. 对于g_i
           1. g_{i-1}对应的方案减去当前位权。
```

```
#include<bits/stdc++.h>
    using namespace std;
    using 11 = long long;
 4
 5
    const int N = 1E6 + 10;
 6
    int f[N] , g[N];
 8
    int main()
9
10
        ios::sync_with_stdio(false);
11
        cin.tie(0);
        string s; cin >> s;
12
        int n = s.size();
13
        S = ' ' + S;
14
        fill(f, f + 1 + n, N);
15
16
        fill(g, g + 1 + n, N);
        f[0] = 0; g[0] = 1;
17
18
        for (int i = 1; i \le n; i++) {
            if (s[i] == '1' ) {
19
20
                f[i] = min(f[i - 1] + 1, g[i - 1] + 1);
                g[i] = g[i - 1];
21
22
            } else {
23
                f[i] = f[i - 1];
24
25
                g[i] = min(f[i - 1] + 1, g[i - 1] + 1);
26
            //cout << "now is " << i << " " << f[i] << " " << g[i] << '\n';
27
28
        }
```

```
29 | cout << f[n] * 2 - 1 << '\n';
30 |}
```

# P3188 [HNOI2007]梦幻岛宝珠

特殊的01背包问题。

#### 特殊点:

- 1. 物品的重量大小比较特殊:  $w=a2^b$
- 2. 背包总承受重量非常大。

#### 10mins

#### 关注数字的特殊性:

- 1. 数字都是一个二进制数的倍数。
- 2. a, b都非常小。

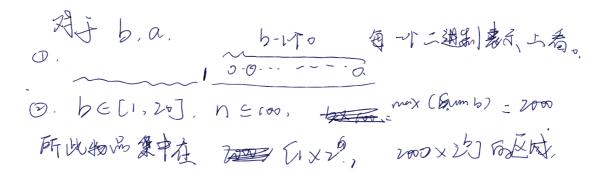
可以优化值域, 枚举一些特殊的二进制数字。

#### solve

考虑将背包按照b分组。

#### 关注几个现象

1. 同一组中的背包组合的体积大小都集中在部分区域:



面对这些现象可以采取什么样的策略?

# **CCPC Changchun 2020 D, Meaningless Sequence**

CCPC Changchun 2020 D, Meaningless Sequence - 题目 - Daimayuan Online Judge

注意仔细地读标号。防止读错。

第一次读这道题地时候,没有发现&是位于下标中的。

#### solve

```
反正只知道 , 是我 些不懂的规律。
```

打表可以发现 ,  $a_n = c^{popcunt(n)}$ 

特别的有 ,  $a_0=1$ 

自然而然地问题转换成了一道简单地数位dp。

#### solve1

dfs过程中枚举前缀。然后直接利用组合数计算贡献即可。

#### solve2

枚举任意前缀时,发现后缀的贡献总是:

$$c^{pre(1)} \times (c+1)^{sux\_len}$$

#### code of solve1

```
1 #include<bits/stdc++.h>
   using namespace std;
 3 using 11 = long long;
 4
 5 const int N = 3E3 + 10;
 6
   const 11 \mod = 1E9 + 7;
 7
 8 string s;
9
    11 c;
10
    11 d[N][N][2] , C[N][N] , p[N];
11
12
    11 dfs(int rem , int sum , bool larger) {
13
14
15
        if (rem == 0) return p[sum];
        if (larger == false) {
16
17
           11 \text{ res } = 0;
18
            for (int i = 0; i <= rem ; i ++)
19
                 res += (p[sum] * C[rem][i] % mod) * p[i] % mod;
20
            return res;
21
        }
22
        11 \text{ res} = 0;
23
        for (int i = 0; i \leftarrow s[n - rem] - '0'; i++) {
            res = (res + dfs(rem - 1, sum + (i == 1), i == (s[n - rem] - '0')))
    % mod;
25
        }
26
        return res;
27
28
```

```
29 void intit() {
30
        cin >> s >> c;
31
        n = s.size();
        p[0] = 1;
32
33
        for (int i = 1; i < N; i++) p[i] = p[i - 1] * c % mod;
34
        for (int i = 0; i < N; i++) {
            for (int j = 0; j \ll i; j++) {
35
36
                if (j == 0) C[i][j] = 1;
                else C[i][j] = (C[i - 1][j] + C[i - 1][j - 1]) \% mod;
37
38
39
        }
40
    }
41
42
   int main()
43
    {
44
        ios::sync_with_stdio(false);
45
        cin.tie(0);
        intit();
46
47
        cout << dfs(n , 0 , true) << '\n';</pre>
48
49
    }
50
51 /* stuff you should look for
52 * int overflow, array bounds
* special cases (n=1?)
54
   * do smth instead of nothing and stay organized
55
    * WRITE STUFF DOWN
56 * DON'T GET STUCK ON ONE APPROACH
57
```

#### code of solve2

```
1 #include<bits/stdc++.h>
 2 using namespace std;
 3
    using 11 = long long;
 5 const int N = 1E6 + 10;
 6
    const int mod = 1E9 + 7;
 7
    11 p[N];
 8
9
    int main()
10
11
        ios::sync_with_stdio(false);
12
        cin.tie(0);
13
        string s; int c;
14
        cin >> s >> c;
15
16
        int n = s.size();
17
        p[0] = 1;
18
        for (int i = 1; i <= n; i++) {
19
20
            p[i] = p[i - 1] * (c + 1) % mod;
21
        }
22
23
        11 pre = 1 , ans = 0;
```

```
for (int i = 0; i < n; i++) {
24
25
            if (s[i] == '1') {
26
                ans = (ans + pre * p[n - i - 1]) \% mod;
27
                pre = pre * c % mod;
28
           }
29
        cout << (pre + ans ) % mod << '\n';</pre>
30
31 }
32
33 /* stuff you should look for
34 * int overflow, array bounds
35 * special cases (n=1?)
36 * do smth instead of nothing and stay organized
37
   * WRITE STUFF DOWN
38 * DON'T GET STUCK ON ONE APPROACH
39 */
```

# **CCPC Jinan 2020 L, Bit Sequence**

CCPC Jinan 2020 L, Bit Sequence - 题目 - Daimayuan Online Judge

L-Bit Sequence 第 45 届国际大学生程序设计竞赛 (ICPC) 亚洲区域赛 (济南) (nowcoder.com)

### 简介

定义 $f_i$ 为i的二进制串中的1的个数。给定一个01序列 $a_{0...m-1}$ 。求取[0...x-1]中,满足对于任意 $0<=i< m, f(x+i)\%2=a_i$ 

#### solve

观察一些现象:

1. 由于m的范围比较小。因此两个数字相加,结果相比于x, m只能影响低7位。而前面高位的奇偶性,不会受到影响。

#### 树哈希

#### 解决问题:

- 1. 快速判断树是否同构的问题:
  - 1. 同构的概念:对一棵树,进行对同父亲的子树进行互换。进行若干次操作后,两颗树可以相等。那么称这棵树是同构的。

参考: 一种好写且卡不掉的树哈希 - 博客 - peehs moorhsum的博客 (uoj.ac)

#### 算法简介

关注树结构的属性: 定义一个哈希函数。 科学的定义一个哈希函数。

- 1. 根哈希函数,代表了当前子树的结构情况。
- 哈希函数 , 和子树的哈希函数联系。
   最终就是要降不同的子树结构不会落入同一个哈希值的概率。
   这里直接找一些大佬的哈希函数设计。

#### 入门问题

1. (https://codeforces.com/contest/1800/problem/G)

### 板子

邓老师

```
1 using 11 = long long;
 2
    using Ull = unsigned long long;
    mt19937_64 rnd(chrono::steady_clock::now().time_since_epoch().count());
 3
   Ull bas = rnd();
 4
 5
    //U11 \text{ bas} = (U11)1E18 + 7;
    void work(int testNo)
 6
 7
    {
 8
        int n; cin >> n;
 9
        vector<vector<int>>> e(n);
        for (int i = 1; i < n; i++) {
10
11
            int u, v; cin >> u >> v;
            u--; v--;
12
13
            e[u].push_back(v);
14
            e[v].push_back(u);
15
        }
16
17
        vector<Ull> h(n), f(n);
18
        function<Ull(Ull)> H = [\&](Ull x) {
19
            return x * x * x * 19890535 + 19260817;
        };
20
21
        function<Ull(Ull)> F = [\&](Ull x) {
22
23
            return H(x & (((111 << 32) - 1))) + H(x >> 32);
24
        };
25
26
        function<void(int, int)> dfs = [\&](int u, int par) {
27
            h[u] = bas;
28
    //
29
            for (auto v : e[u]) if (v != par) {
30
                    dfs(v, u);
                    h[u] += F(h[v]);
31
                     rec[h[v]].push_back(v);
32
    //
33
                }
            //cout << "no is " << u << " " << rec.size() << '\n';
34
            //通过节点的hash值情况进行一些哈希。
35
36
        };
37
    }
```

# 补题

# 二分

#### D. Maximum Subarray

### 简介

给定n组数组。每一个数组长度为m。

定义一种运算。选定数组a,b 进行与运算 ,运算结果为 $c_i=max(a_i,b_i)$  。选定任意两个数组,运算得到值域 $\{c\}$ .找出, $min(max(b_i))$ .

#### solve

- 1. 第一个点是敏锐的感受到是二分查找问题。
  - 1. 设计check函数上:枚举x。对于任意一个数组, 都映射到一个长度为n数字d上。如果  $b_i>=x$  .  $d_i=1$ else  $d_i=0$ 。如果存在两个数组之间进行max运算之后的最小值大于等于 x。那么必然运算的结果是所有二进制位上都为1的数字。
- 2. 投射到小值域。鸽笼定理:只需要关注解的存在性。高达 $2^5$ 的数组数量。对于d的集合。必然都映射到d的集合上。这样就将数字分成了若干类。只需要枚举 $0 <= d <= 1^m 1$ 这几类的数字d即可。

```
#include<bits/stdc++.h>
 1
 2
    using namespace std;
 3
    using 11 = long long;
 4
    const int N = 1E6 + 10;
 5
 6
    int a[N][11];
 7
    int n , m;
    int a1 , a2;
8
 9
10
    bool check(int x)
11
    {
12
        int t = 1 << (m);
13
        vector<int> rec(t , - 1);
14
        //然后
15
        for (int i = 0; i < n; i++) {
16
            int now = 0;
            for (int j = 0; j < m; j++) {
17
18
                if (a[i][j] >= x) now |= (1 << j);
19
            rec[now] = i;
20
21
        }
        t --;
22
23
        if (rec[t] != -1) {
24
            a1 = a2 = rec[t];
25
            return true;
26
        }
        for (int i = 0; i < t; i++)
27
28
            for (int j = i + 1; j \ll t; j++) {
29
                 if (rec[i] != -1 \&\& rec[j] != -1 \&\& (i | j) == t) {
30
                     a1 = rec[i]; a2 = rec[j];
31
                     return true;
32
                 }
33
            }
        return false;
34
35
    }
36
```

```
37 int main()
38
39
        ios::sync_with_stdio(false);
        cin.tie(0);
40
41
        cin >> n >> m;
42
        for (int i = 0; i < n; i++)
43
            for (int j = 0; j < m; j++)
                cin >> a[i][j];
44
       int low = 0 , high = 1E9 + 10;
45
46
        while (low < high) {</pre>
            int mid = (low + high + 1) / 2;
47
48
            if (check(mid))
49
                low = mid;
50
            else high = mid - 1;
51
        }
52
        cout << a1 + 1 << ' ' << a2 + 1 << '\n';
    }
53
54
55 /* stuff you should look for
56 * int overflow, array bounds
    * special cases (n=1?)
57
* do smth instead of nothing and stay organized
59
    * WRITE STUFF DOWN
60 * DON'T GET STUCK ON ONE APPROACH
61 */
```

# 二分

#### D. Renting Bikes

https://codeforces.com/problemset/problem/363/D

#### 题目简介

有n个学生。他们之中有公共的可使用的钱记为a.每一个学生有自己的钱。它们去租自行车。但是他们自己的钱买自己的自行车。公共的钱可以任意的分配。问最多可以有多少人拥有自行车。同时使得他们自己付出的钱最少。

#### solve

- 1. 尝试二分。枚举一个数字x , check: 购买自行车的数量是否可以达到这个数字。
  - 1. 最保守的策略是,钱最多的x个人,——匹配买最便宜的x辆自行车。如果不够就去补
    - 1. 如果其它结构可以买到x辆。那么上述的购买策略也一定合理。
    - 2. 所以上述购买的策略是边界策略。作为check的标准。
- 2. 花钱最小
  - 1. 有多少补多少。显然就是min(sum a, 0).sum指的是所有单车的价格。

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
using ll = long long;

const int N = 1E6 + 10;
```

```
6
 7
    11 n , m , a;
8
    11 p[N] , b[N];
9
10
    bool check(int x) {
        11 \text{ sum} = 0;
11
        for (int i = 1; i \le x; i++) {
12
            sum += max(0LL , b[i] - p[n - x + i]);
13
14
        }
15
        return sum <= a;
16
    }
17
18
   int main()
19
20
        ios::sync_with_stdio(false);
21
        cin.tie(0);
22
        cin >> n >> m >> a;
23
        for (int i = 1; i <= n; i++)cin >> p[i];
24
        for (int i = 1; i <= m; i++) cin >> b[i];
25
        int low = 0, high = min(n, m);
26
        sort(p + 1 , p + n + 1);
27
28
        sort(b + 1, b + m + 1);
29
        while (low < high) {</pre>
            int mid = (low + high + 1) / 2;
30
31
            if (check(mid))low = mid;
32
            else high = mid - 1;
33
        }
34
        11 \text{ sum} = 0;
        for (int i = 1; i \le low; i++) {
35
36
            sum += b[i];
37
        }
38
        cout << low << ' ' << max(OLL , sum - a) << '\n';
39
   /* stuff you should look for
40
41 * int overflow, array bounds
42
    * special cases (n=1?)
43
    * do smth instead of nothing and stay organized
    * WRITE STUFF DOWN
44
45 * DON'T GET STUCK ON ONE APPROACH
46 */
```

# div3 位压

#### F. Dasha and Nightmares

https://codeforces.com/contest/1800/problem/F

### 简介

- 1. 给定若干个字符串
- 2. 找出若干对字符串满足:

#### solve

#### 管理字符串的方法:

- 1. 压位,表示当前字符串中的各种字符出现了多少次。
  - 1. 如果简单的压位记录。会丢弃掉某个字母是否存在的信息。、

#### 计算答案:

#### solve1

- 1. 枚举一个字母 , 表示在拼接串中该字母不存在。
- 2. 然后扫一遍。
  - 1. 但是初始化f的花费将会非常的大。
  - 2. 算法复杂度会达到 $\sum |s| + 2^2 6 * 26$

#### solve2

- 1. 在扫描的过程中。开一个巨大的map 或者 unorder\_map
- 2. 直接记录 , 统计即可。

```
#include<bits/stdc++.h>
    using namespace std;
 3
    using 11 = long long;
 5
    const int N = 1E6 + 10;
 6
 7
 8
    int main()
9
    {
10
        ios::sync_with_stdio(false);
11
        cin.tie(0);
12
13
        int n;
14
         cin >> n;
15
        11 ans = 0;
         int mask = (1 << 26) - 1;
16
17
         unordered_map <int, int > rec[26];
18
         for (int i = 1; i <= n; i++) {
19
             string s; cin >> s;
             int ch = 0, bit = 0;
20
21
             for (auto c : s) {
                 ch |= 1 << (c - 'a');
22
                 bit \wedge = 1 << (c - 'a');
23
24
             for (int i = 0; i < 26; i++) {
25
                 if (!(ch & (1 << i) )) {
26
27
                     ans += rec[i][bit \land mask \land (1 \lt\lt i)];
28
                     rec[i][bit]++;
```

```
29
30
            }
31
        }
32
        cout << ans << '\n';</pre>
33
    }
34
35 /* stuff you should look for
36 * int overflow, array bounds
37 * special cases (n=1?)
38
   * do smth instead of nothing and stay organized
39
   * WRITE STUFF DOWN
40 * DON'T GET STUCK ON ONE APPROACH
41 */
```

#### solve3

认识到抽象出来的26位是比字符串数量更大的。考虑在1的基础上做出改进。

- 1. 初始化数组的时候,只要枚举所有字符串的种类即可。贡献是O(n)\*26
- 2. 统计上的复杂度是O(n)
- 3. 预处理字符串的花费是 $O(\sum |s|)$

```
1 //这回只花了114514min就打完了。
 2
   //真好。记得多手造几组。ACM拍什么拍。
 3
   #include "bits/stdc++.h"
 4 using namespace std;
    template<typename typC,typename typD> istream &operator>>(istream
    &cin,pair<typC,typD> &a) { return cin>>a.first>>a.second; }
 6 template<typename typC> istream &operator>>(istream &cin,vector<typC> &a) {
    for (auto &x:a) cin>>x; return cin; }
    template<typename typC,typename typD> ostream &operator<<(ostream</pre>
    &cout,const pair<typC,typD> &a) { return cout<<a.first<<' '<<a.second; }</pre>
    template<typename typC, typename typD> ostream &operator<<(ostream
    &cout,const vector<pair<typC,typD>> &a) { for (auto &x:a) cout<<x<<'\n';</pre>
    return cout; }
    template<typename typC> ostream &operator<<(ostream &cout,const vector<typC>
    &a) { int n=a.size(); if (!n) return cout; cout<<a[0]; for (int i=1; i<n;
    i++) cout<<' '<<a[i]; return cout; }</pre>
    template<typename typC,typename typD> bool cmin(typC &x,const typD &y) { if
10
    (x>y) { x=y; return 1; } return 0; }
    template<typename typC,typename typD> bool cmax(typC &x,const typD &y) { if
11
    (x<y) { x=y; return 1; } return 0; }
12
    template<typename typC> vector<typC> range(typC l,typC r,typC step=1) {
    assert(step>0); int n=(r-1+step-1)/step,i; vector<typC> res(n); for (i=0;
    i<n; i++) res[i]=l+step*i; return res; }</pre>
    #if !defined(ONLINE_JUDGE)&&defined(LOCAL)
13
14
    #include "my_header\debug.h"
15
    #else
16 #define dbg(...);
   #define dbgn(...);
17
    #endif
18
19
    typedef unsigned int ui;
```

```
20 typedef long long 11;
21
    #define all(x) (x).begin(),(x).end()
22 // template<typename T1, typename T2> void inc(T1 &x, const T2 &y) { if
    ((x+=y)>=p) x-=p; }
23
    // template<typename T1, typename T2> void dec(T1 &x, const T2 &y) { if
    ((x+=p-y)>=p) x-=p; }
24
    const int N=1<<26;
    int cnt[N];
25
    int main()
26
27
28
         ios::sync_with_stdio(0); cin.tie(0);
29
        cout<<fixed<<setprecision(15);</pre>
30
        int n,i,j,k;
31
        cin>>n;
32
        vector<int> a(n),b(n);
33
        for (i=0; i<n; i++)
34
35
             string s;
36
             cin>>s;
             for (auto c:s) a[i]|=1 << c-'a', b[i]^{=1} << c-'a';
37
         }
38
39
        11 r=0;
40
        for (k=0; k<26; k++)
41
             int B=(1<<26)-1\land(1<< k);
42
43
             for (i=0; i< n; i++) if (1^a[i]>>k&1)
44
             {
45
                 ++cnt[b[i]];
46
                 r+=cnt[b[i]^B];
47
             }
             for (i=0; i< n; i++) if (1^a[i]>>k&1) --cnt[b[i]];
48
49
         }
50
         // for (i=0; i<n; i++) for (j=i; j<n; j++) if
     (\underline{biiltin_popcount(a[i]|a[j])==25\&\underline{builtin_popcount(b[i]\land b[j])==25)} ++r;
51
         cout<<r<<endl;
    }
52
53
```

# 动态规划 刷题

#### 删括号

删括号 (nowcoder.com)

#### solve

关注一些解结构:

1. 发现最终删除的括号必然是连续排的。

定义状态:  $d_{i,j,k}$ 表示对于 $s_{0...i}$ 删去k个删去若干个括号,此时左括号数目减去右括号数目为k情况下 $s_{0....i}$ 和 $t_{0....i}$ 是否匹配。

- 2. 考虑各种迁移情况:
  - 1. 假设当前 $dp_{i,j,k}$ 为false。无论怎么对当前位怎么操作最后都是false.
  - 2. 如果当前 $dp_{i,j,k}$ 为true,且k为0.当前遇到了')'显然错误因为追求的是连续的删除。

- 3. 如果当前 $dp_{i,j,k}$ 为true ,遇到'(' , 那么连续删除的括号加1.
- 4. 如果当前 $dp_{i,j,k}$ 为true,遇到')',那么连续的'('被抵消掉一个。
- 3. 体会到迁移总是正确的。(复习的话体会不到就继续体会。qaq)

#### code

```
#include<bits/stdc++.h>
 2
    using namespace std;
 3
    using 11 = long long;
 4
    const int N = 100 + 10;
 5
 6
    bool dp[N][N][N];
 7
 8
    int main()
 9
10
        ios::sync_with_stdio(false);
11
        cin.tie(0);
        string s , t;
12
13
        cin >> s >> t;
        s += ' ';
14
        t += ' ';
15
        S = ' ' + S;
16
        t = ' ' + t;
17
18
        int n = s.length() - 1, m = t.length() - 1;
19
        dp[0][0][0] = true;
20
        for (int i = 0; i <= n; i++)
21
            for (int j = 0; j <= i; j++)
                 for (int k = 0; k < n / 2; k ++) {
22
23
                     if (dp[i][j][k]) {
24
                         if (k == 0 \&\& s[i + 1] == t[j + 1])
25
                             dp[i + 1][j + 1][k] = true;
26
                         if (s[i + 1] == '(')
27
                             dp[i + 1][j][k + 1] = true;
28
                         else if (k)
29
                             dp[i + 1][j][k - 1] = true;
30
                     }
31
32
33
        string ans[2] = {"Impossible\n" , "Possible\n"};
        cout << ans[dp[n][m][0]];</pre>
34
35 | }
```

#### 美丽序列

https://ac.nowcoder.com/acm/problem/21313

#### solve

这种问题的解空间非常清晰明了。 关注几种属性进行分类

- 1.i , 表示考虑了前i个元素。
- 2. j , 表示结构的尾数位j
- 3. k , 表示连续下降的位数是k.
- 4. sum 结构的和位sum.

通过枚举上述情况 , 就可以一条不漏的得到了所有的可能。并且完成迁移。这种模型的解是非常容易统计的。

```
#include<bits/stdc++.h>
 1
 2
    using namespace std;
 3
    using 11 = long long;
 4
 5
    const int N = 60;
 6
    const int mod = 1E9 + 7;
 7
 8
    int a[N];
 9
    11 dp[N][N][3][1700];
10
11
    int main()
12
    {
13
        ios::sync_with_stdio(false);
14
        cin.tie(0);
15
        int n; cin >> n;
16
        for (int i = 1; i \le n; i++)
17
             cin \gg a[i];
18
        dp[0][0][0][0] = 1;
19
        //
        for (int t = 1; t <= n; t++) {
20
21
             //枚举当前位置上放的东西
             for (int now = 0; now \leftarrow 40; now \leftarrow++)
22
23
                 //枚举尾数
                 for (int i = 0; i \le 40; i++)
24
25
                     //枚举连续长度
                     for (int j = 0; j < 3; j++)
26
27
                         //枚举前面的平均数
                         for (int k = 0; k \le 1600; k ++) {
28
29
                             if (a[t] != -1 \&\& now != a[t]) continue;
30
                             if ((now < i \&\& j == 2) || (now * (t - 1) >
    k))continue;
                             if (now < i)
31
32
                                  dp[t][now][j + 1][k + now] = (dp[t][now][j + 1]
    [k + now] + dp[t - 1][i][j][k]) % mod;
33
                              else dp[t][now][1][k + now] = (dp[t - 1][i][j][k] +
    dp[t][now][1][k + now]) % mod;
34
                         }
35
36
        }
        11 \text{ ans} = 0;
37
38
        for (int i = 0; i <= 40; i ++)
             for (int j = 0; j < 3; j ++)
39
                 for (int k = 0; k \le 1600; k++)
40
41
                     ans += dp[n][i][j][k];
42
                     ans %= mod;
43
                 }
        cout << ans << '\n';
44
45
    }
```

### 简介

看题就行。

#### solve

- 1. 观察所有解空间 , 枚举任何解。对于一组具体的方案。可以先考察问题的解决顺序 ,优秀子集。 各种问题的解决顺序 , 必然满足一些上界。
  - 1. 优秀子集这里自定义为: 所有枚举的解都可以在这个子集中找到更优的等效解。

#### 顺序的探究:

对于一组解中,任意相邻的任务(假设存在两个以上的任务。不妨标记其为1 , 2 。其中分别完成时间为 $t_1,t_i$  ,价值损失速度为 $p_1,p_2$  。开始做第一个任务时候。其分数和为sum.

关注两个量:  $s_{1,2}$ 表示先1后2. $s_{2,1}$ 反之。

$$s_{12} = sum - t_1 p_1 - (t_1 + t_2) p_2$$

$$s_{21} = sum - t_2 p_2 - (t_1 + t_2) p_1$$

$$s_{12} - s_{21} = t_2 p_1 - t_1 p_2.$$

$$s_{12} - s_{21} >= 0$$

$$\frac{p_1}{t_1} >= \frac{p_2}{t_2}$$

$$(1)$$

利用这个递推序列排一个序。满足任何相邻的元素都满足上述关系。

- 2. 利用上述规则
  - 1. 考察任何一个方案a。并且从优秀子集中的方案b映射到该方案。
  - 2. 通过对b不断地调整。发现一种总分数一直减少的方案可以构造到该方案中。而一个方案只有一个结构。上述构造逐步计算的过程是等价过程。
- 3. 综上, 在上述顺序的数组上做01背包即可。

 $f_{i,j}$ 表示i状态下,完成i道题的最大方案。

```
1 #include<bits/stdc++.h>
    using namespace std;
 3
    using 11 = long long;
 5 | const int N = 1E6 + 10;
 6
    const 11 inf = 1E18;
 7
    11 t[N] , p[N] , f[N] , v[N];
 8
9
    int id[N];
10
    int main()
11
12
13
        ios::sync_with_stdio(false);
        cin.tie(0);
14
15
        int n , T; cin >> n >> T;
        for (int i = 1; i <= n; i++)
16
17
            cin >> v[i]:
```

```
18
        for (int i = 1; i \le n; i++)
19
            cin >> p[i];
20
        for (int i = 1; i <= n; i ++)
21
            cin >> t[i];
22
        iota(id, id + n + 1, 0);
23
        sort(id + 1, id + 1 + n, [\&](int i, int j) {
            return 1.0 * p[i] / t[i] > 1.0 * p[j] / t[j];
24
25
        });
26
        // cerr << id[1] << '\n';
27
        //状态设计表示刚好完成i任务。j时间下的最大成就。
        11 ans = 0;
28
29
        for (int x = 1; x <= n; x++) {
            int i = id[x];
30
31
            for (int j = T; j >= t[i]; j--) {
32
                f[j] = max(f[j], f[j - t[i]] + v[i] - j * p[i]);
33
            }
34
        }
35
        for (int i = 0; i <= T; i++) {
36
            ans = max(ans , f[i]);
37
        }
38
        cout << ans << '\n';</pre>
39
   }
40
41 /* stuff you should look for
    * int overflow, array bounds
42
43
    * special cases (n=1?)
    * do smth instead of nothing and stay organized
44
45 * WRITE STUFF DOWN
    * DON'T GET STUCK ON ONE APPROACH
46
47
    */
```

#### 生长思考:

1. 非常精彩的解空间压缩。

这里的解空间优化。转换成了一个01背包问题。关注了一个优秀的解集。而这个解集就是做01背包的解集。

#### 和与或

<u>和与或 (nowcoder.com)</u>

### solve

观察出一个性质:从二进制的角度看,若干个数相加,二进制串的某一个位上不能够有进位。

不断地枚举最终和的数字前缀:

对于任意二进制串前缀:

- 1. 当前位置为1时 , 那么要有一个A提供1。其它的数在该位上提供0。
- 2. 按照这样的枚举方法。由乘法计数原理,所有情况都考虑齐全。 观察枚举过程中, 一些可以重复利的信息。在枚举的过程中,对于 $a_i$ 有两种属性——是否被限制 (前缀是否贴着上界前缀走。)这决定了, 当前情形下, 这些数字是当前位置上可以取的数字。 那么这时可以感受到, 后面的选择和当前的0 , 1相关。 (形象地看,就是后续发展的子树相 同。可以记录这一类子树的叶子数)

3. 状态设计

 $dp_{i,j}$  表示当前在枚举第i位情况下,j 表示限制情况(状态压缩的方法,如果i位上为0表示 第i个数字的枚举被限制。为1反之)

4. 始化化:

初始化为-1。从dfs(62,0)\$开始搜索。

5. 状态转移

如果sum当前的位置上选择0 , 其余所有项选0。此时那些原本被限制的 , 并且当前位上为1的下 沉。

如果sum当前位置上选择1。有下面两种情况:

- 1. 非限制数字选择1.
  - 1. 此时原本被限制的且上界的当前位上为1的 数字不再被限制。
- 2. 限制位数字且上界该位置上本来就有1。
  - 1. 同上。

### 生长思考

- 1. 那么神奇,怎么思考?
- 2. 体会到了数位dp中贴上界问题在数位dp中存在的现象。多个数枚举制约下的限制 , 以及上界数的下沉。

```
1 #include<bits/stdc++.h>
    using namespace std;
 3
    using 11 = long long;
 5 | const int N = 1E6 + 10;
 6
    const int mod = 1E9 + 9;
 7
    11 a[N] , dp[100][1050];
8
9
    int n;
10
11
    11 dfs(int pos , int limit) {
        if (pos == -1) return 1;
12
        if (dp[pos][limit] != -1) return dp[pos][limit];
13
14
15
        11& res = dp[pos][limit];
16
        res = 0;
        //记录拿一些a在当前的pos上为1
17
18
        int rec = 0;
19
        for (int i = 0; i < n; i++)
            if (a[i] & (1LL << pos)) {
20
21
                rec |= 1LL << i;
22
            }
        res += dfs(pos - 1 , limit | rec);
23
24
        //考虑的当前pos上取1的情况。
25
        //枚举哪一一个1在这个位置上可以做出贡献
        for (int i = 0; i < n; i ++)
26
27
            if (limit & (1LL << i))
28
                res = (res + dfs(pos - 1 , limit | rec)) % mod;
29
            else if (rec & (1LL << i))
                res = (res + dfs(pos - 1 , (limit | rec) \land (1LL << i))) % mod;
30
```

```
31 return res;
32
   }
33 int main()
34 {
35
       ios::sync_with_stdio(false);
36
       cin.tie(0);
37
38
       cin >> n;
39
       for (int i = 0; i < n; i++) {
40
           cin >> a[i];
41
        }
        memset(dp , -1 , sizeof dp);
42
43
        cout << dfs(61 , 0) << '\n';</pre>
44
   }
45
46 /* stuff you should look for
    * int overflow, array bounds
47
48 * special cases (n=1?)
49
   * do smth instead of nothing and stay organized
50 * WRITE STUFF DOWN
51 * DON'T GET STUCK ON ONE APPROACH
52
    */
```

#### 牛牛与数组

https://ac.nowcoder.com/acm/problem/21738

### 状态设计

1. 定义 $f_{i,j}$ 表示当前数组 , i位置上放置的是j元素。

### 状态转移

前缀和优化 , 再加上一个类似线性筛选的东西。类比埃氏筛法,复杂度为klogk总复杂度为n\*k\*log(k)

```
1 #include<bits/stdc++.h>
   using namespace std;
2
3 using 11 = long long;
5 const int N = 1E6 + 10;
   const int mod = 1e9 + 7;
6
7
   11 f[20][N];
8
   int main()
9
       ios::sync_with_stdio(false);
10
11
       cin.tie(0);
       int n , k; cin >> n >> k;
12
       f[0][1] = 1;
13
14
       for (int i = 1; i \le n; i++) {
15
           //首先对这个数组的前缀和来一个小的处理:
```

```
11 \text{ sum} = 0;
16
17
             for (int j = 1; j <= k; j ++)
18
                 sum = (sum + f[i - 1][j]) \% mod;
            for (int j = 1; j <= k; j++) {
19
20
                 f[i][j] = sum;
21
                 for (int t = j * 2; t \le k; t += j)
                     f[i][j] = (f[i][j] - f[i - 1][t] + mod) \% mod;
22
            }
23
        }
24
25
        11 \text{ ans} = 0;
26
        for (int i = 1; i \le k; i++) {
27
            ans = (ans + f[n][i]) \% mod;
28
29
        cout << ans << '\n';</pre>
30
31 }
32
33
    /* stuff you should look for
34
    * int overflow, array bounds
35 * special cases (n=1?)
    * do smth instead of nothing and stay organized
36
37
    * WRITE STUFF DOWN
38 * DON'T GET STUCK ON ONE APPROACH
39 */
```

#### 牛牛的回文串

#### <u>牛牛的回文串 (nowcoder.com)</u>

给定各种操作的代价。包括增,删 , 改。 求将该字符串变成回文串的最小代价。

#### 10mins

这种解空间探究, 无从下手:

- 1. 小规模问题是什么? 体会不了。
- 2. 解空间中。各种操作应用都非常灵活,看上去毫无联系。

#### solve

- 1. 第一个问题 , 对于任何一个操作。就结果而言 (比方说,换,删)并不只有一个方案。可以先改成某一些值再删除 ,所以得先把这些最优操作的代价求出来。 (解结构的优化之一)。
  - 1. 这一个操作可以通过floyed求取。
  - 2. 处理掉一个字符
    - 1. 直接的删掉。
    - 2. 先转换再删掉。
    - 3. 先在对称的位置增加一个字符,两个匹配掉(对其他字符不产生影响)。
    - 4. 在对称位置增加一个字符, 两个字符同时成k字符。
  - 3. 字符转换:
    - 1. 转换中间字符最小代价。
- 2. 关于状态设计:

 $dp_{i,j}$ 表示将 i....j的子段变成回文串的最小花费。

#### 3. 状态转移

对于计算 $dp_{i,i}$ ,发现有几种策略。考虑各种方案。

- $1. s_i$ 和 $s_i$ 进行匹配。
  - 1. 统一换成同一个字母。
- $2. 删掉<math>s_i$
- $3. 删掉<math>s_i$

```
#include<bits/stdc++.h>
 2
    using namespace std;
 3
    using 11 = long long;
    const int N = 1E6 + 10;
 5
    const int oo = 1E9;
 6
    //#define int 11
7
    string s;
    //表示转换
9
    11 cost[26][26], add[26], erase[26];
10
    11 dea1[26];
11
    //表示删除。或者增加成一个删掉。
12
    ll dp[100][100];
13
    void floyed() {
14
        for (int k = 0; k < 26; k++)
15
            for (int i = 0; i < 26; i++)
16
                for (int j = 0; j < 26; j++) {
17
                    cost[i][j] = min(cost[i][k] + cost[k][j], cost[i][j]);
18
                }
        //计算删除的最小信息。
19
        //删除的最小代价怎么统计?
20
21
        for (int i = 0; i < 26; i++) {
22
            deal[i] = erase[i];
23
            for (int j = 0; j < 26; j++) {
                //不借助中间字符。直接删增,匹配掉。
24
25
                //改删
26
                deal[i] = min(deal[i], cost[i][j] + erase[j]);
27
                // 改改。
                //增改改。
28
29
                for (int k = 0; k < 26; k++)
30
                    deal[i] = min(deal[i], add[j] + cost[i][k] + cost[j][k]);
31
            }
        }
32
33
34
    void init() {
        for (int i = 0; i < 26; i++) {
35
36
            for (int j = 0; j < 26; j++) {
37
                cost[i][j] = oo;
38
39
            cost[i][i] = 0; add[i] = erase[i] = deal[i] = oo;
40
        }
41
    int main()
42
43
44
        ios::sync_with_stdio(false);
45
        cin.tie(0);
```

```
46
        init();
47
        int n; cin >> s >> n;
48
        for (int i = 1; i <= n; i++) {
            string ch; cin >> ch;
49
50
            char a, b; 11 c;
51
            if (ch == "change") {
52
                cin >> a >> b >> c;
                cost[a - 'a'][b - 'a'] = min(cost[a - 'a'][b - 'a'], c);
53
54
            }
55
            else if (ch == "add") {
56
                cin >> a >> c;
                add[a - 'a'] = min(c, add[a - 'a']);
57
            }
58
59
            else {
60
                cin \gg a \gg c;
                erase[a - 'a'] = min(erase[a - 'a'], c);
61
62
            }
63
        }
64
        floyed();
        int sz = s.size();
65
        for (int i = sz - 1; i >= 0; i--) {
66
67
            for (int j = i + 1; j < sz; j++) {
68
                dp[i][j] = oo;
                if (s[i] == s[j])dp[i][j] = dp[i + 1][j - 1];
69
70
                dp[i][j] = min(dp[i][j], deal[s[i] - 'a'] + dp[i + 1][j]);
71
                dp[i][j] = min(dp[i][j], deal[s[j] - 'a'] + dp[i][j - 1]);
                for (int k = 0; k < 26; k++)
72
73
                    dp[i][j] = min(dp[i][j], dp[i + 1][j - 1] + cost[s[i] - 'a']
    [k] + cost[s[j] - 'a'][k]);
74
            }
75
        }
76
        if (dp[0][sz - 1] == oo)
77
            cout << -1 << '\n';
78
        else cout << dp[0][sz - 1] << '\n';
79
        //return OLL;
   }
80
81
82
    /* stuff you should look for
    * int overflow, array bounds
83
84
    * special cases (n=1?)
    * do smth instead of nothing and stay organized
85
86
    * WRITE STUFF DOWN
87
    * DON'T GET STUCK ON ONE APPROACH
88
```

#### 牛牛去买球

牛牛去买球 (nowcoder.com)

#### solve

简化问题 , 找一个解:

- 1. 每一个包里面的红球、蓝色球的数量变化1。无论如何变化 , 同色的球的数量至少为k。
- 2. 寻找满足上条件 , 花费最低的解。

#### 关注几种解结构:

- 1. 所有商品中 , 红球的数量都减1。
- 2. 所有商品中, 蓝球的数量都减1。

只考虑这两种情况是不全面的。如下:

但是还是遗漏了一些解: 反例如下:

```
    1
    2
    10

    2
    6
    5

    3
    4
    4

    4
    1
    1
```

该情况下, 无法做到两个减到最小值。但是两个都选了, 由于一个包里面球数量守恒,无论怎么变 化依然满足条件。其关键是两种球数目之和大于等于2\*k-1。很显然,平均使得最大值最小,依然大于等于k.

反之 , 如果总的球数小于2\*k-1。解满足题意得充要条件是,两种球中的一种,减到极限了也依然满足数量大于等于k。前述两种情况下,01背包得到的就是这种解的最优值。

- 1. 不妨设当前的子问题为蓝色球(最劣情况)。显然 $f_i$ 通过背包求解后,其解就是满足蓝色球减到极限了, 也满足题意的最小价值的解。那么我们枚举任意一种总球数小于2\*k 1的合法的(蓝色球减到极限,也满足大于等于k条件)解。显然可以属于上述子问题解集(并不一定是最优解,其实问题的解就是满足基本条件的解集中取最优值。)那么 $f_i$ 更优。
- 2. 反之红色球亦然。

```
1 #include<bits/stdc++.h>
2
   using namespace std;
    using 11 = long long;
 3
4
 5
   const int N = 1E6 + 10;
   const 11 inf = 1E15;
6
7
    int a[N] , b[N] , v[N];
8
    //当前的最小值是什么?
    //考虑了前i个商品。
9
    //选择了多少个商品。
10
11
    //是哪一类球更多
12
   11 f[N];
13
14
    int main()
15
    {
16
        ios::sync_with_stdio(false);
17
        cin.tie(0);
18
19
       int n , k; cin >> n >> k;
20
       for (int i = 1; i \le n; i++) cin >> a[i];
        for (int i = 1; i \le n; i++) cin >> b[i];
21
        for (int i = 1; i \le n; i++) cin >> v[i];
22
```

```
23
        11 \text{ ans} = \inf;
24
        memset(f , 0x3 , sizeof f);
25
        f[0] = 0;
26
        for (int i = 1; i <= n; i++) {
27
            int w = a[i] - 1;
28
            for (int j = 50000; j >= w; j --)
29
                 f[j] = min(f[j], f[j-w] + v[i]);
30
        }
        for (int i = k; i \le 500000; i++) {
31
32
            ans = min(ans , f[i]);
33
        }
34
        memset(f , 0x3 , sizeof f);
35
        f[0] = 0;
36
        for (int i = 1; i <= n; i++) {
37
            int w = b[i] - 1;
38
            for (int j = 50000; j >= w; j --)
39
                f[j] = min(f[j], f[j - w] + v[i]);
40
        }
41
        for (int i = k; i \le 500000; i++) {
            ans = min(ans , f[i]);
42
43
        }
        memset(f , 0x3 , sizeof f);
44
45
        f[0] = 0;
46
47
        for (int i = 1; i \le n; i++) {
48
            int w = b[i] + a[i];
49
            for (int j = 50000; j >= w; j --)
                f[j] = min(f[j], f[j - w] + v[i]);
50
51
        }
52
        for (int i = k * 2 - 1; i \le 500000; i++) {
53
            ans = min(ans , f[i]);
54
        }
55
        if (ans == inf) ans = -1;
56
        cout << ans << '\n';</pre>
57
    }
58
59
    /* stuff you should look for
60 * int overflow, array bounds
    * special cases (n=1?)
61
62
    * do smth instead of nothing and stay organized
    * WRITE STUFF DOWN
63
    * DON'T GET STUCK ON ONE APPROACH
64
65
    */
```

#### 牛牛的计算机内存

<u>牛牛的计算机内存 (nowcoder.com)</u>

### 简介

找出一种指令顺序,使得访存代价花费的时间最小:时间代价的计算方式是 新的访问代价为:

#### solve

状压dp.

将选择状态压缩为s, 第i-1位置上为1, 意味着这个任务已经选了.

定义 $dp_s$ : 当选择情况为s。前面的最小代价。(选择的先后,不影响最终内存的使用情况。) 状态转移方程:

1.  $dp_s$ 枚举,上一个s的状态是什么。然后迁移即可。

#### 完成的一些任务:

- 1. 字符串到二进制之间的转换。
- 2. 统计某些任务使用之后的,内存的剩余使用情况。

```
#include<bits/stdc++.h>
 2
    using namespace std;
 3
    using 11 = long long;
 4
    #define end en
 5
 6
    const int N = 1E6 + 10;
 7
    int bit[100];
 8
    int end[1 << 20];</pre>
 9
    11 dp[1 << 20];
10
    int main()
11
12
13
        ios::sync_with_stdio(false);
        cin.tie(0);
14
15
16
        int n , m;
        cin >> n >> m;
17
        for (int i = 0; i < n; i++) {
18
19
            string s; cin >> s;
20
            int now = 0;
            for (int j = 0; j < m; j++) {
21
                if (s[j] == '0')continue;
22
                else now = (1 \ll j);
23
24
            }
25
            bit[i] = now;
26
        auto f = [\&](int x, int y) \rightarrow int{}
27
28
            //表示x。当前是选择哪一个任务?
29
            //y表示前面的额基础情况。
            //这个函数的目的就是计算出有多少的位置是不一样的。
30
31
            int k = 0;
32
            for (int i = 0; i < m; i++) {
                if (((bit[x] >> i) \& 1) \& \& (end[y] >> i \& 1) == 0)
33
34
                    k++;
35
            }
            return k;
36
37
        };
38
        memset(dp , 0x3f , sizeof dp);
        dp[0] = 0;
39
        for (int s = 1; s < (1 << n); s++) {
40
            for (int j = 0; j < n; j++) {
41
                //说明当前有
42
```

```
43
                 if (s \& (1 << j)) {
44
                     int k = f(j, s \land (1 \lessdot j));
45
                     dp[s] = min(dp[s], dp[s \land (1 << j)] + k * k);
                     end[s] = end[s \land (1 \lessdot j)] \mid bit[j];
46
47
                 }
48
             }
49
        cout << dp[(1 << n) - 1] << '\n';
50
51
52
    }
53
54 /* stuff you should look for
55 * int overflow, array bounds
56 * special cases (n=1?)
    * do smth instead of nothing and stay organized
57
58 * WRITE STUFF DOWN
59 * DON'T GET STUCK ON ONE APPROACH
60 */
```

这是见过的一道最简单的状压dp了。

# **ATcoder**

#### **XYYYX**

My Submissions - AtCoder Regular Contest 157

#### solve

定义一些概念:

x表示X符的个数。n表示字符长度。 $pos_i$ 表示字符串中第(i + 1)个Y的位置:

先分类讨论几种情况:

- $1. x \ge k$ ,正常贪心。尽量使得YXXXY 之间的X被填满。设这种子串处理了 , a个。那么相比于其它一些非同类操作,其贡献至少增加a个。
- 2.x < k,该情况下处理完'X'字符后 ,还有一些剩余的修改机会。
  - 1. <mark>证明</mark>关于先处理完'X'字符,显然,如果没有处理完,就说明有两次得到'Y'的机会被白白浪费了。可以拿出处理Y的操作来处理x。无论何种情形,处理完'X'总是最优的。
  - 2. 处理完x之后, 那么剩下的操作次数在处理Y中如何分配?
    - 1. 使用等效转换的逆向思维。将问题转换成:土著'Y'全部变成了'X',然后一定量操作机会下,它他们变成'Y'。求最优解。于是转换成了第一种情况下同样的问题。

实现方式, 先分类讨论, 进行预处理, 然后使用优先队列进行维护。

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
using ll = long long;

const int N = 1E6 + 10;
int sum[N] , pre[N];
```

```
int n , k , ans;;
8
    string s;
 9
10
    void solve() {
11
        vector<int>pos;
12
        for (int i = 1; i <= n; i++)
            if (s[i] == 'Y')pos.push_back(i);
13
        if (pos.size() == 0) {
14
            cout << max(k - 1, 0) << '\n';
15
16
             return;
17
        }
18
        priority_queue<int , vector<int> , greater<int>> que;
19
        //对于连续段应该怎么吃处理?
20
        for (int i = 1; i < (int)pos.size(); i++) {
21
            if (pos[i] == pos[i - 1] + 1)ans++;
22
            else que.push(pos[i] - pos[i - 1] - 1);
23
        }
24
        while (que.empty() == false && k) {
25
            int top = que.top(); que.pop();
26
            if (top \leftarrow k) {
27
                 ans += top + 1;
                 k \rightarrow top;
28
29
            } else {
30
                 ans += k;
31
                 k = 0;
32
            }
33
        }
        /*处理两端的情况*/
34
35
        ans += k;
36
        cout << ans << '\n';</pre>
37
    }
38
39
    int main()
40
41
        ios::sync_with_stdio(false);
        cin.tie(0);
42
43
        cin >> n >> k;
44
        cin >> s;
        S = ' + S;
45
        for (int i = 1; i \le n; i++) {
46
            sum[i] = sum[i - 1] + (s[i] == 'X');
47
48
        }
49
        if (k > sum[n]) {
50
            for (int i = 1; i <= n; i++) {
51
                 if (s[i] == 'X')s[i] = 'Y';
52
                 else s[i] = 'X';
53
54
            k = n - k;
55
        }
56
        solve();
57
58
59
    /* stuff you should look for
    * int overflow, array bounds
60
    * special cases (n=1?)
61
```

```
* do smth instead of nothing and stay organized
* WRITE STUFF DOWN
* DON'T GET STUCK ON ONE APPROACH
* *2023/3/5 陈九日
*/
```

# 区间动态规划进阶

# ICPC Beijing 2017 J, Pangu and Stones

ICPC Beijing 2017 J, Pangu and Stones - 题目 - Daimayuan Online Judge

### 题目简介

1. 石子合并问题:

对一堆石子,合并连续的连续长度为[L,R]的石子。

和最简单的区间动态规划问题不同。这里对连续合并的石堆个数有限制。

#### solve

1. 显然不能简单的枚举每一堆的分界点。

定义一个状态:

 $f_{i,j,k}$ 表示i,j,为和并为k堆的最小代价。

辅助状态的转移方程。

- 1. 枚举i , j。
- 2. 枚举k。
- 3. 枚举第一堆的的尾部。

$$k \ge 2; f_{i,j,k} = min(f_{i,mid,1} + f_{mid+1,r,k-1})$$

$$k = 1; f_{i,j,1} = min(f_{i,j,2...k} + sum_{l...r})$$
(2)

```
1 #include<bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
 3 using 11 = long long;
4 #define f dp
6 const int N = 110;
7
   const int inf = 1 \ll 29;
8 int n , L , R;
   int f[N][N][N];
10 int sum[N];
11
12 void solve() {
13
       for (int i = 1; i \le n; i++) {
14
           int x; cin >> x;
```

```
15
            sum[i] = sum[i - 1] + x;
16
        }
17
        for (int i = 1; i <= n; i ++)
18
            for (int j = 1; j <= n; j++)
19
                 for (int k = 1; k <= n; k++)
20
                     f[i][j][k] = inf;
        for (int d = 0; d <= n; d++) {
21
            for (int l = 1; l + d \ll n; l++) {
22
23
                 int r = 1 + d;
24
                 if (d == 0) {
25
                     f[1][r][1] = 0;
26
                 } else {
27
                     for (int k = 2; k <= n; k++) {
28
                         for (int mid = 1; mid < r; mid ++) {
                             f[1][r][k] = min(f[1][r][k], f[1][mid][1] + f[mid +
29
    1][r][k - 1]);
30
                         }
                         if (k \ge L \&\& k \le R) f[1][r][1] = min(f[1][r][k], f[1]
31
    [r][1]);
32
                     }
33
                     f[1][r][1] += sum[r] - sum[1 - 1];
34
                 }
35
            }
36
        }
37
        if (f[1][n][1] >= inf) cout << 0 << '\n';
38
        else cout << f[1][n][1] << '\n';
39
    }
40
41
42
    int main()
43
    {
44
        ios::sync_with_stdio(false);
45
        cin.tie(0);
46
        while (cin >> n >> L >> R)solve();
47
48 }
```

# 2023/3/5