

Точные решения > Системы дифференциальных уравнений в частных производных > Нелинейные системы двух дифференциальных уравнений в частных производных гиперболического типа

## 4. Нелинейные системы двух дифференциальных уравнений в частных производных гиперболического типа

$$egin{aligned} 1. & rac{\partial^2 u}{\partial t^2} = rac{a}{x^n} rac{\partial}{\partial x} \Big( x^n rac{\partial u}{\partial x} \Big) + u f(bu-cw) + g(bu-cw), \ rac{\partial^2 w}{\partial t^2} = rac{a}{x^n} rac{\partial}{\partial x} \Big( x^n rac{\partial w}{\partial x} \Big) + w f(bu-cw) + h(bu-cw). \end{aligned}$$

2. 
$$\frac{\partial^2 u}{\partial t^2} = \frac{a}{x^n} \frac{\partial}{\partial x} \left( x^n \frac{\partial u}{\partial x} \right) + e^{\lambda u} f(\lambda u - \sigma w),$$
  
 $\frac{\partial^2 w}{\partial t^2} = \frac{b}{x^n} \frac{\partial}{\partial x} \left( x^n \frac{\partial w}{\partial x} \right) + e^{\sigma w} g(\lambda u - \sigma w).$ 

3. 
$$\frac{\partial^2 u}{\partial t^2} = \frac{a}{x^n} \frac{\partial}{\partial x} \left( x^n \frac{\partial u}{\partial x} \right) + u f\left(\frac{u}{w}\right), \quad \frac{\partial^2 w}{\partial t^2} = \frac{b}{x^n} \frac{\partial}{\partial x} \left( x^n \frac{\partial w}{\partial x} \right) + w g\left(\frac{u}{w}\right).$$

$$\begin{aligned} \textbf{4.} \quad & \frac{\partial^2 u}{\partial t^2} = \frac{a}{x^n} \frac{\partial}{\partial x} \left( \boldsymbol{x^n} \frac{\partial u}{\partial x} \right) + \boldsymbol{uf} \left( \frac{u}{w} \right) + \frac{u}{w} \boldsymbol{h} \left( \frac{u}{w} \right), \\ & \frac{\partial^2 w}{\partial t^2} = \frac{a}{x^n} \frac{\partial}{\partial x} \left( \boldsymbol{x^n} \frac{\partial u}{\partial w} \right) + \boldsymbol{wg} \left( \frac{u}{w} \right) + \boldsymbol{h} \left( \frac{u}{w} \right). \end{aligned}$$

5. 
$$\frac{\partial^2 u}{\partial t^2} = \frac{a}{x^n} \frac{\partial}{\partial x} \left( x^n \frac{\partial u}{\partial x} \right) + u^k f\left(\frac{u}{w}\right), \quad \frac{\partial^2 w}{\partial t^2} = \frac{b}{x^n} \frac{\partial}{\partial x} \left( x^n \frac{\partial w}{\partial x} \right) + w^k g\left(\frac{u}{w}\right).$$

6. 
$$\frac{\partial^2 u}{\partial t^2} = \frac{a}{x^n} \frac{\partial}{\partial x} \left( x^n \frac{\partial u}{\partial x} \right) + u f(x, u^k w^m),$$
  
 $\frac{\partial^2 w}{\partial t^2} = \frac{b}{x^n} \frac{\partial}{\partial x} \left( x^n \frac{\partial w}{\partial x} \right) + w g(x, u^k w^m).$ 

7. 
$$\frac{\partial^2 u}{\partial t^2} = \frac{a}{x^n} \frac{\partial}{\partial x} \left( x^n \frac{\partial u}{\partial x} \right) + u f(u^2 + w^2) - w g(u^2 + w^2),$$
 $\frac{\partial^2 w}{\partial t^2} = \frac{a}{x^n} \frac{\partial}{\partial x} \left( x^n \frac{\partial w}{\partial x} \right) + w f(u^2 + w^2) + u g(u^2 + w^2).$ 

8. 
$$\frac{\partial^2 u}{\partial t^2} = \frac{a}{x^n} \frac{\partial}{\partial x} \left( x^n \frac{\partial u}{\partial x} \right) + u f(u^2 - w^2) + w g(u^2 - w^2),$$
 $\frac{\partial^2 w}{\partial t^2} = \frac{a}{x^n} \frac{\partial}{\partial x} \left( x^n \frac{\partial w}{\partial x} \right) + w f(u^2 - w^2) + u g(u^2 - w^2).$ 

Веб-сайт EqWorld содержит обширную информацию о решениях различных классов обыкновенных дифференциальных уравнений, дифференциальных уравнений в частных производных, интегральных уравнений, функциональных уравнений и других математических уравнений.