# 北京工业大学 2018—2019 学年第 二学期 《概率论与数理统计》(工)课程考试试卷 B 卷

考试说明: 考试闭卷; 可使用文曲星除外的计算器。

#### 承诺:

本人已学习了《北京工业大学考场规则》和《北京工业大学学生违纪处分条例》,承诺在考试过程中自觉遵守有关规定,服从监考教师管理,诚信考试,做到不违纪、不作弊、不替考。若有违反,愿接受相应的处分。

承	诺人:		_	学	号:			3	班号:		
000		0000000	000000	00000	000000		00000000	000000	0000000	0000000	
注:	本试卷共6	大题,	共_7	页,	满分	100分。	考试时	必须值	使用卷	后附的	J草稿纸

### 卷 面 成 绩 汇 总 表 (阅卷教师填写)

题号	_	二(1)	二(2)	二(3)	二(4)	二(5)	总成绩
满分	30	14	14	14	14	14	
得分							

#### 一、填空题(每空2分,共30分)

- 1. 设 A, B 为事件,且  $P(A) = 0.4, P(A \cup B) = 0.7$  。当 A 与 B 相互独立时,  $P(B) = _______;$  互斥时,  $P(B) = ______;$
- 2. 在区间(0,1)中随机地抽取两个数X和Y,则 $P(|X-Y|<0.5)=_____;$
- 3. 设随机变量 X 服从[-2,2]上均匀分布,则  $Y = X^2$  的概率密度函数为  $f_Y(y) =$ \_\_\_\_\_\_(0<y<4);
- 5. 设随机变量 X 可能取的三个值为 -2, 0 和 1,且 P(X = -2) = 0.4,P(X = 0) = 0.3,则  $E(X) = _________, Var(X) = ________。$
- 6. 设随机变量  $X \sim N(1,1)$ ,  $Y \sim N(2,2^2)$ , 且 X = Y 相互独立,则  $2X Y \sim ______;$
- 7. 设 $X_1, X_2, \dots, X_n$  (n > 2) 为抽自正态总体 $N(\mu, \sigma^2)$  的随机样本,记

$$\overline{X} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} X_i, \quad S^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (X_i - \overline{X})^2$$

8. 设 $X_1, \dots, X_n$ 是抽自参数为2的泊松分布的简单样本, $\overline{X}$ 和 $S^2$ 分别为样本均值与样本方差,求 $P\{X=E(2\overline{X}-S^2)\}=\triangle$ 

- 二、解答题(每小题14分,共70分)

## 注: 每题要有解题过程,无解题过程不能得分

- 1. 一批同型号零件由编号为Ⅰ、Ⅱ、Ⅲ的三台机器同时生产,各台机器生产零件零件数量分别占 35%,40%和 25%,次品率分别为 2.0%,2.5%和 1.6%。
- (1). 求该批零件的次品率;
- (2). 现从该批零件中抽到一件次品,求该次品由各台机器生产的概率。

2. 设连续型随机变量 X 的分布函数为

$$F(x) = \begin{cases} a - e^{-0.5x^2}, & x \ge 0 \\ 0, & x < 0, \end{cases}$$

其中 a 为常数。求:

(1). a 的值; (2). X 的概率密度函数  $f_X(x)$ ; (3).  $Y = \sqrt{X}$  的概率密度函数  $f_Y(y)$ 。

3. 设二维随机变量(X, Y)的联合概率密度函数为

$$f(x,y) = \begin{cases} cy^2, & 0 \le y \le x \le 1 \\ 0, & \text{ if } \text{ it.} \end{cases}$$

(1). 求常数 c; (2). 求 X 和 Y 的边缘概率密度  $f_X(x)$ ,  $f_Y(y)$ ; (3). 计算 E(XY).

4. (本题 14分) 设总体 X 有概率密度函数

$$f(x) = \begin{cases} \lambda^2 x \ e^{-\lambda x}, & \lambda > 0 \\ 0, & \lambda \le 0, \end{cases}$$

其中 $\lambda > 0$ 为未知参数, $X_1, X_2, \cdots, X_n$ 为从总体X中抽出的随机样本。求: (1).  $\lambda$  的矩估计; (2).  $\lambda$  的极大似然估计。

- 5. (本题 14 分) 假设某品牌日光灯的使用寿命(单位:小时)服从正态分布  $N(\mu,\sigma^2)$ ,现从该品牌的日光灯中随机抽取 9 只进行试验,测得寿命的平均值为 100. 4,样本方差为 0. 49。问在显著性水平  $\alpha$  =0. 05 下,从样本看:
- (1). 可否认为  $\mu = 100$ ?
- (2). 可否认为 $\sigma^2 = 0.5$ ?

 $\mathbf{m}$  t 分布与  $\chi^2$  分布表

$t_8(0.025) = 2.3060$	$t_8(0.05) = 1.8595$	$t_9(0.025) = 2.2622$	$t_9(0.05) = 1.8331$
$\chi_8^2(0.025) = 17.535$	$\chi_8^2(0.05) = 15.507$	$\chi_9^2(0.025) = 19.023$	$\chi_9^2(0.05) = 16.919$
$\chi_8^2(0.975) = 2.180$	$\chi_8^2(0.95) = 2.733$	$\chi_9^2(0.975) = 2.700$	$\chi_9^2(0.95) = 3.325$

草	稿	纸
<b>—</b>	7114)	214

姓名: \_\_\_\_\_ 学号: \_\_\_\_\_