

《Java 应用技术》课程实验报告——表达式计算

应承峻 3170103456

1. 实验描述

编程对于可能含有以下运算符的表达式计算结果:

1. +、-、*、/、%: 四则运算
2. >>、<<: 移位运算
3. High、Low: 常数的高、低 16 位
4. (、): 括号内优先, 可嵌套

【注】允许 0x 为前缀的 16 进制数。

2. 实验思路

本程序的程序结构如图所示, 当调用 eval 传入表达式后, 程序会先通过 getRegularExpression 方法将表达式进行过滤和初始化处理, 然后通过 generatePostfixExpression 方法将其转换成后缀表达式, 然后通过 calculatePostfixExpression 方法计算后缀表达式。



在最开始的时候, 我们需要为建立一个 Operator 的静态类, 它将所有合法的运算符存储在一个 HashMap 中, value 值越大代表优先级越大, 其定义如下:

```
private static final Map<String, Integer> OPT_PRIORITY_MAP = new HashMap<String, Integer>() {  
    {  
        put(")", 0);  
        put("<", 1);  
        put(">", 1);  
        put("<<", 2);  
        put(">>", 2);  
        put("+", 3);  
        put("-", 3);  
        put("*", 4);  
        put("/", 4);  
        put("%", 4);  
        put("(", 9);  
    }  
};
```

我们还需要为该类提供一些静态方法, 如 compareTo 来比较两个运算符的优先级, isValidOp 来判断是否是合法的运算符, isValidNumberCharacter 来判断是否是数字:

```
public static int compareTo(String op1, String op2) throws IllegalArgumentException {...  
public static boolean isValidOp(String op) {...  
public static boolean isValidNumberCharacter(char num) {...
```

接下来, 我们开始对表达式进行处理。首先需要对初始表达式进行处理, 处理的内容包括以下方面:

- 使用 toLowerCase 和 replaceAll 方法将字符串中所有字符(A-F, X 等)转换成小写字母, 并去掉所有的空格
- 通过正则表达式"0x[0-9a-f]+"来检测所有十六进制表示的数, 然后调用 parseInt 方法将其转换成 10 进制数后替换到源字符串中
- 通过正则表达式找到字符串中含有的 high()和 low()函数, 并将其中的表达式取出

后，递归调用 eval 函数计算得出结果(记为 v)，最后调用 high(v)或 low(v)得到函数结果 s，并将 s 替换源字符串中的函数。

```
public static String getRegularExpression(String str) {
    str = str.toLowerCase().replaceAll("[ ]+", ""); //replace blank
    Matcher matcher = HEX_PATTERN.matcher(str); //replace HEX number to OCT number
    while (matcher.find()) {
        String HEX = matcher.group();
        Integer OCT = Integer.parseInt(HEX.replaceAll("0x", ""), 16);
        str = str.replaceAll(HEX, OCT.toString());
    }
    matcher = FUNC_PATTERN.matcher(str); //find operation low() or high() and replace it by its subvalue
    while (matcher.find()) {
        String item = matcher.group();
        String innerExpr;
        if (item.startsWith("high(") && item.endsWith(")")) {
            innerExpr = item.substring(5, item.length() - 1);
            str = str.replace(item, String.valueOf(high(eval(innerExpr))));
        } else if (item.startsWith("low(") && item.endsWith(")")) {
            innerExpr = item.substring(4, item.length() - 1);
            str = str.replace(item, String.valueOf(low(eval(innerExpr))));
        } else {
            throw new IllegalArgumentException("Illegal used function high() or low() !");
        }
    }
    return str;
}
```

在对表达式进行预处理后，我们需要将表达式转换成后缀表达式，转换成后缀表达式的算法是需要通过一个堆栈 Stack 来实现，其算法如下：

- 初始化堆栈 Stack 用于存放运算符，初始化 Vector 用于存放输出。

```
public static Vector<String> generatePostfixExpression(String expr) throws IllegalArgumentException {
    Vector<String> output = new Vector<>();
    Stack<String> stack = new Stack<>();
    expr = getRegularExpression(expr);
```

- 循环遍历字符串，如果是操作数则直接放入到 Vector 中，如果是运算符，则按照运算符优先级做处理，需要注意在异常时抛出异常。
 - 如果该运算符是左括号，则直接 push 入栈。如果是右括号，则将栈中的内容全部 pop 出来直到遇到左括号。

```
for (int i = 0; i < expr.length(); i++) {
    String ch = String.valueOf(expr.charAt(i));
    switch (ch) {
        case "(":
            stack.push(ch);
            break;
        case ")":
            while (!stack.empty() && !stack.peek().equals("(")) {
                output.add(stack.peek());
                stack.pop();
            }
            if (stack.empty())
                throw new IllegalArgumentException("Error: Can not find open tag correspond to ')'!");
            stack.pop(); // pop '('
            break;
    }
```

- 如果是加减乘除去模运算符，则比较当前栈顶的运算符和该运算符的优先级大小，如果该运算符优先级高于栈顶运算符，则将该运算符 push 入栈。否则，连续地将栈顶运算符 pop 出来，直到某一栈顶运算符的优先级低于该运算符的优先级，最后将该运算符入栈。

```
case "*":
case "/":
case "%":
case "+":
case "-":
    while (!stack.empty() && !stack.peek().equals("(") && Operator.compareTo(stack.peek(), ch) >= 0) {
        output.add(stack.peek());
        stack.pop();
    }
    stack.push(ch);
    break;
```

- 如果是遇到<或>符号需要判断后面紧跟着的字符是否是一样的，即能够构成<<或>>运算符。如果不能，则抛出异常。如果可以，就连续地 pop 出栈顶运算符，直到遇到左括号为止（因为只有右括号能够 pop 左括号）。

```
case "<":
    if (i < expr.length() - 1 && expr.charAt(i + 1) == '<') {
        while (!stack.empty() && !stack.peek().equals("(")) {
            output.add(stack.peek());
            stack.pop();
        }
        stack.push("<<");
        i++;
    } else {
        throw new IllegalArgumentException("Operator << lack of <");
    }
    break;
case ">":
    if (i < expr.length() - 1 && expr.charAt(i + 1) == '>') {
        while (!stack.empty() && !stack.peek().equals("(")) {
            output.add(stack.peek());
            stack.pop();
        }
        stack.push(">>");
        i++;
    } else {
        throw new IllegalArgumentException("Operator >> lack of >");
    }
    break;
```

- 如果不是运算符，判断是否是合法的数字字符，如果是，则不断地转换成字符串，这里使用 StringBuilder 而不是 String 来提高效率。如果不是，则抛出异常。

```
default:
    if (!Operator.isValidNumberCharacter(expr.charAt(i))) {
        throw new IllegalArgumentException("Illegal character " + ch);
    }
    StringBuilder number = new StringBuilder(ch);
    while (i < expr.length() - 1 && Operator.isValidNumberCharacter(expr.charAt(i + 1))) {
        number.append(expr.charAt(++i));
    }
    if (i < expr.length() - 1 && !Operator.isValidOp(String.valueOf(expr.charAt(i + 1)))) {
        throw new IllegalArgumentException("Illegal character " + ch);
    }
    output.add(number.toString());
```

- 遍历完字符串后，将运算符 Stack 中的所有元素 pop 出。

```
while (!stack.empty()) {
    output.add(stack.peek());
    stack.pop();
}
return output;
```

最后对后缀表达式进行计算：在这里以加减运算符为例。遍历生成的后缀 Vector，并初始化一个 Stack，当遇到数字时就把数字 push 如 Stack，当遇到运算符时，就 pop 出栈顶的两个运算符并进行运算，将结果 push 进 Stack。最终，堆栈的栈顶就是运算结果：

```
public static int calculatePostfixExpression(Vector<String> postfix) throws IllegalArgumentException {
    int output;
    Stack<Integer> stack = new Stack<>();
    for (int i = 0; i < postfix.size(); i++) {
        String item = postfix.get(i);
        int x, y;
        try {
            switch (item) {
                case "+":
                    x = stack.pop();
                    y = stack.pop();
                    stack.push(y + x);
                    break;
                case "-":
                    x = stack.pop();
                    y = stack.pop();
                    stack.push(y - x);
                    break;
            }
        } catch (Exception e) {
            // Handle stack underflow
        }
    }
    return output;
}
```

3. 实验结果

在本次实验中，为了综合测试程序对于各种运算符的计算情况和优先级处理，我们设计了一个表达式，使其能够包含所有的运算符，同时又要兼顾优先级的测试和嵌套函数的验证，因此该表达式如下：

$(3 + 0x20) \% 0x11 \ll 3 - \text{low}(\text{high}(0x00ff0000) * \text{low}(3)) \gg 1$

先使用 javac Expr 来编译程序，生成 class 文件，然后执行 java Expr 后，输入表达式回车，得到运行结果：

```
PS C:\Users\Nonehyo\Desktop> javac Expr.java
PS C:\Users\Nonehyo\Desktop> java Expr
(3 + 0x20) % 0x11 << 3 - low(high(0x00ff0000) * low(3)) >> 1
32
PS C:\Users\Nonehyo\Desktop> 
```

同时，为了验证结果的准确性，我们新建了一个 JavaScript 脚本，并调用 eval 函数来得到正确的结果，在此处对于 high 和 low 函数我们使用了 lambda 表达式进行定义：

```
Expr.java JS 1.js X
C: > Users > Nonehyo > Desktop > JS 1.js > ...
1 high = (v) => (v >>> 16) & 0x0000ffff;
2 low = (v) => v & 0x0000ffff;
3
4 var ans = (3 + 0x20) % 0x11 << 3 - low(high(0x00ff0000) * low(3)) >> 1;
5 console.log(ans);

问题 2 输出 调试控制台 终端
[Running] node "c:\Users\Nonehyo\Desktop\tempCodeRunnerFile.js"
32
[Done] exited with code=0 in 0.225 seconds
```

经检验，程序的运行结果和标准结果一致。

4. 实验心得

在本次实验中，我通过了之前所学的数据结构的知识，使用堆栈这一数据结构来实现表达式的求值。并在其中使用了 Java 的 Regex Expression、HashMap、Vector、Stack、StringBuilder 以及泛型编程、异常处理等语法糖来辅助该功能的实现。在实验过程中，主要的难点在于字符串的处理，特别是取高位和低位的处理。在最早的算法中，我是通过标记 high(来作为起始点，)作为终止点，这样的算法有一个缺陷，当使用 high(123)*low(234)这一表达式作为测试对象时，中间截取的内容变成了 123)*low(234 而不是 123。最终的解决方案是对 high()中的表达式进行了限制，只允许出现基本的表达式而不允许出现括号，从而解决了这个问题。