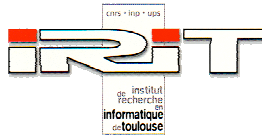


# Algorithmique de la Planification

## Cours 3 : Algorithmes et langages

Pierre REGNIER  
IRIT - Université Paul Sabatier  
<http://www.irit.fr/~Pierre.Regnier>



## 0. Plan de l'exposé

---

1. Définitions
2. Algorithmes essentiels
3. Langages de représentation
  - 3.1. STRIPS
  - 3.2. ADL
  - 3.3. PDDL

## 3.1. Définitions

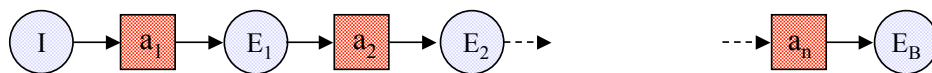
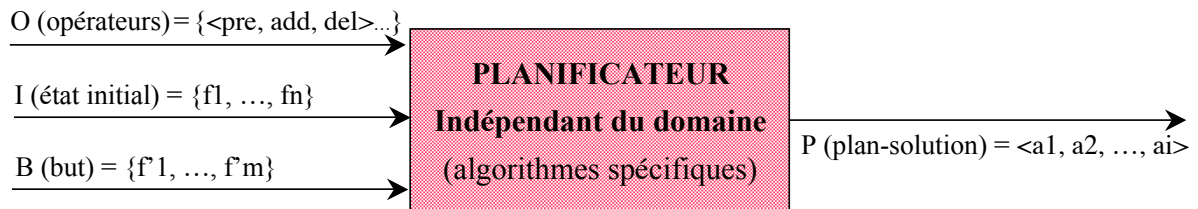
- Un **état**  $E$  du monde de la planification est représenté par un ensemble fini de formules atomiques sans symbole de variable. Une formule atomique de base est aussi appelée un **fluent**.
- Un **opérateur**  $o$  est un modèle d'action. Il est représenté par son nom et un triplet  $\langle pr, ad, de \rangle$  où  $pr$ ,  $ad$  et  $de$  sont des ensembles finis de formules atomiques qui représentent ses préconditions, ajouts et retraits.  $Prec(o)$ ,  $Add(o)$ ,  $Del(o)$  dénotent respectivement les ensembles  $pr$ ,  $ad$ ,  $de$  de l'opérateur  $o$ . Une **action**, dénotée par  $a$ , est une instance de base d'un opérateur  $o$  (toutes les variables de  $o$  sontinstanciées).
- L'action  $a$  est **applicable** sur un état  $E$  ssi  $Prec(a) \subseteq E$ , l'état résultant est l'ensemble de fluents  $E' = E \uparrow A = (E - Del(A)) \cup Add(A)$ .

## 3.1. Définitions

- Un **plan séquentiel**  $P$  est une séquence finie (éventuellement vide) d'actions notée  $\langle a_1, a_2, \dots, a_n \rangle$ .
- L'**application**  $\mathcal{A}$  d'un plan d'actions séquentiel  $P$  sur un état  $E$  est définie par :
 
$$E \mathcal{A} P = \begin{array}{ll} \text{Si } P = \langle \rangle \text{ ou } E = \perp \text{ alors } E \\ \text{Sinon} & \text{Si } Prec(tête(P)) \subseteq E \\ & \text{Alors } (E \uparrow tête(P)) \mathcal{A} \text{ reste}(P) \\ & \text{Sinon } \perp. \end{array}$$
- Un **problème de planification** est un triplet  $\langle O, I, B \rangle$  où :
  - $O$  dénote un ensemble fini d'opérateurs utilisables dans le domaine de la planification considéré ( $A$  dénote l'ensemble des actions produites par instantiation des opérateurs de  $O$ ),
  - $I$  est l'état initial du problème, il est représenté par un ensemble fini de fluents,
  - $B$  est le but du problème, il est représenté par un ensemble fini de fluents.

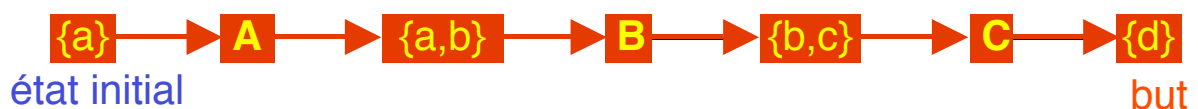
## 3.1. Définitions

- Un **plan-solution P** au problème de planification  $\langle O, I, B \rangle$  est une séquence d'actions  $\langle a_1, a_2, \dots, a_n \rangle$  telle que  $B \subseteq (I \mathcal{A} P)$  : l'application successive de ces actions à I, donne un état résultant qui contienne B (appelé état-but).



## 3.1. Définitions

$A : a \rightarrow +b$   
 $B : a \rightarrow +c -a$   
 $C : b \ c \rightarrow +d$   
 $D : b \rightarrow +c +a -b$   
 $E : c \rightarrow +d -c$



Plan solution :  $\langle A, B, C \rangle$

## 3.1. Définitions

- Le problème général posé par la synthèse d'un plan-solution est très complexe car la planification implique :
  - la **sélection d'actions applicables** ;
  - le **choix** parmi elles, **d'actions pertinentes** pour se diriger vers le but et, par conséquent, le raisonnement sur leurs dépendances causales ;
  - un **raisonnement sur leurs interactions** pour obtenir un ordonnancement exécutable de ces actions.
- De nombreux algorithmes ont été mis au point pour planifier dans le cadre classique :
  - recherche dans les **espaces d'états** ;
  - recherche dans les **espaces de plans partiels** ;
  - **SATPLAN** (utilisation de techniques SAT) ;
  - **GRAPHPLAN** ;
  - **BLACKBOX** (GRAPHPLAN et techniques SAT) ;
  - **DPPLAN** (GRAPHPLAN et Davis et Putnam) ;
  - **GP-CSP** (GRAPHPLAN et techniques CSP)...

## 3.2. Algorithmes essentiels

HSP [Bonnet, Geffner, 1998]  
 VVPLAN [Régnier, Vidal, 1999]  
 HSP-R [Bonnet, Geffner, 1999]  
 ALTALT [Nguyen, Kambhampati, 2000]  
 FF [Hoffman, 2001]  
 YAHSP [Vidal, 2004]  
 DOWNWARD [Helmert, Richter, 2004]



Recherche dans les espaces d'états

## 3.2. Algorithmes essentiels

**TWEAK [Chapman, 1987]**

**SNLP [McAllester, Rosenblitt, 1991]**

**UCPOP [Penberthy, Weld, 1992]**

**REPOP [Nguyen, Kambhampati, 2001]**

**CPT [Vidal, Geffner, 2004]**

Problème de  
planification

Plan solution

Recherche dans les espaces de plans partiels

## 3.2. Algorithmes essentiels

**SATPLAN [Kautz, Selman, 1992, 1996]**

**MEDIC [Ernst, Milstein, Weld, 1997]**

**TSP [Maris, Régnier, Vidal, 2002]**

Problème de  
planification

codage

Base de  
clauses BC

résolution  
SAT

Modèle  
de BC

décodage

Plan solution

Compilation de plans : SATPLAN

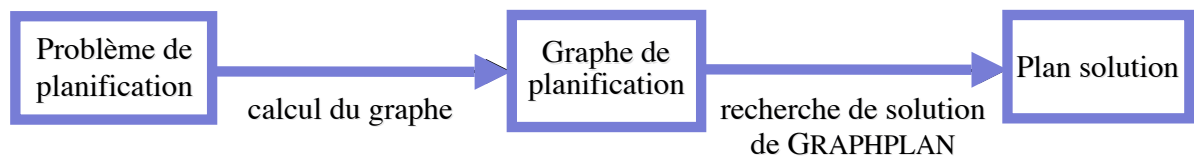
## 3.2. Algorithmes essentiels

**GRAPHPLAN** [Blum, Furst, 1995]

IPP [Koehler et col., 1997]

STAN [Long, Fox, 1999]

LCGP [Cayrol, Régnier, Vidal, 2000]



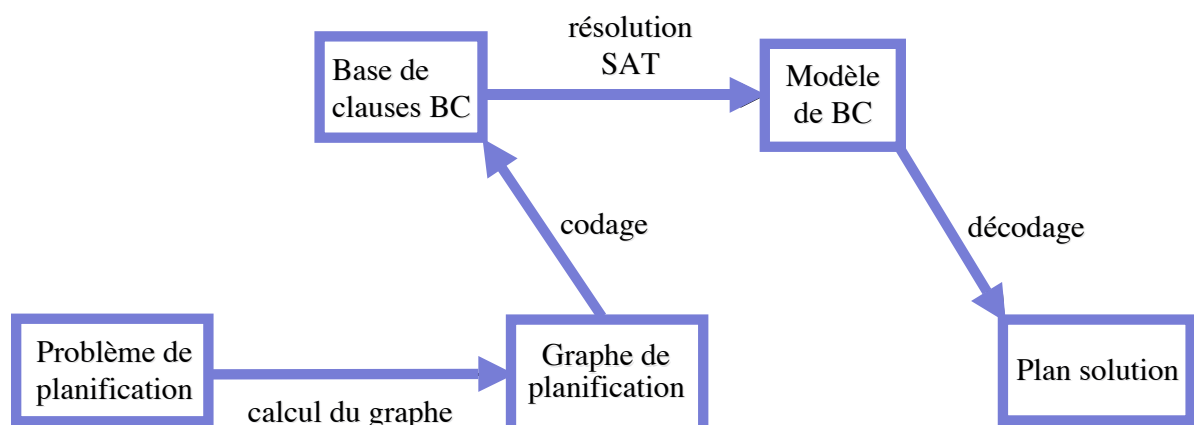
Compilation de plans : GRAPHPLAN

## 3.2. Algorithmes essentiels

**BLACKBOX** [Kautz, Selman, 1999]

CSATPLAN [Baiocchi, Marcugini, Milani, 1998]

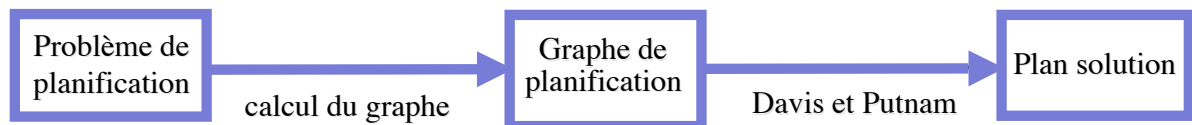
TSP [Maris, Régnier, Vidal, 2002]



Compilation de plans : BLACKBOX

## 3.2. Algorithmes essentiels

**DPPLAN [Baioletti, Marcugini, Milani, 2000]**  
**LCDPP [Vidal, 2001]**



Compilation de plans : DPPLAN

## 3.2. Algorithmes essentiels

**GP-CSP [Do, Kambhampati, 2000]**



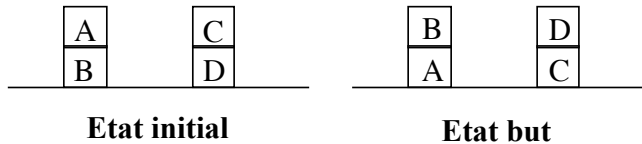
Compilation de plans : GP-CSP

### 3.3. Langages de représentation

- **Représentation logique des états et du but** (domaine des cubes sans pince) :

État init = {sur(A,B), surTable(B), sur(C,D), surTable(D), libre(A), libre(C)}

But = {sur(B, A), surTable(A), sur(D, C), surTable(C)}



- **Représentation STRIPS des opérateurs** : traitement du problème du décor  
Les faits non mentionnés en ajouts ou retraits restent inchangés après exécution.

Poser-sur-cube(?x, ?y, ?z) :

Prec = {sur(?x, ?y), libre(?x), libre(?z)}

Add = {sur(?x, ?z), libre(?y)}

Del = {sur(?x, ?y), libre(?z)}

**Poser-sur-table (?x)**

### 3.3. Langages de représentation

- **Représentation logique des états et du but** (domaine du singe et des bananes) :

État init = {loc(singe,salon),loc(couteau,cuisine), loc(verre,cuisine),  
loc(bananes, garde-manger), loc(eau, garde-manger),  
pièce(salon), pièce(cuisine), pièce(garde-manger)}

But = {possède(singe, bananes), loc(singe, cuisine)}

- **Représentation STRIPS des opérateurs** :

Aller-à : % le singe se déplace d'une pièce à l'autre %

Nom(aller-à) = aller-à(?l1, ?l2)

Prec(aller-à) = { loc(singe, ?l1), pièce(?l2), ¬=(?l1,?l2) }

Add(aller-à) = { loc(singe, ?l2) }

Del(aller-à) = { loc(singe, ?l1) }

**Prendre-verre(?l) : % le singe prend le verre en ?l %**

**Prendre-couteau(?l) ; Prendre-bananes(?l) ; Prendre-eau(?l)**



### 3.3. Langages de représentation

- **ADL (Action Description Language) [Pednault, 1989] :**

Sous-ensemble de la logique du premier ordre. Un **opérateur**  $o$  est représenté par son nom et un doublet  $\langle pr, ef \rangle$ . Ajouts et retraits sont regroupés dans une liste d'effets (ajouts : littéraux positifs, retraits : littéraux négatifs).  $Prec(o)$ ,  $Eff(o)$  dénotent respectivement les ensembles  $pr$  et  $ef$  de l'opérateur  $o$ . ADL permet l'utilisation de connecteurs logiques et de quantificateurs :

- dans  $Prec(o)$  et  $Eff(o)$ ,  $\wedge$  représente une conjonction de formules ;
- dans  $Eff(o)$ ,  $\rightarrow$  dénote une implication, elle permet de représenter un effet conditionnel ;
- dans  $Prec(o)$  et dans les antécédent des effets conditionnels,  $\vee$  représente une disjonction de formules, il permet de représenter une précondition disjonctive ;
- dans  $Prec(o)$  et  $Eff(o)$ , les quantificateurs  $\forall$  et  $\exists$  représentent respectivement la quantification universelle et la quantification existentielle.

### 3.3. Langages de représentation

- **ADL, domaine des cubes**

```
Poser-sur : % prendre cube ?x qui est sur cube ?y, le poser sur ?z %
Nom(poser-sur) = poser-sur(?x, ?y, ?z)
Pre(poser-sur) = sur(?x, ?y)  $\wedge$  libre(?x)  $\wedge$  libre(?z)  $\wedge$   $\neq$ (?x, ?z)  $\wedge$ 
                $\neq$ (?y, ?z)
Eff(poser-sur) = sur(?x, ?z)  $\wedge$   $\neg$ sur(?x, ?y)  $\wedge$ 
               ( $\neq$ (?y, Table)  $\rightarrow$  libre(?y))  $\wedge$  ( $\neq$ (?z, Table)  $\rightarrow$   $\neg$ libre(?z))
```

- **ADL, domaine du singe et des bananes**

```
Aller-à : % permet au singe de se déplacer d'une pièce à l'autre %
Nom(aller-à) = aller-à(?l1, ?l2)
Pre(aller-à) = loc(singe, ?l1)  $\wedge$  pièce(?l2)  $\wedge$   $\neg$ =(?l1, ?l2)
Eff(aller-à) = loc(singe, ?l2)  $\wedge$   $\neg$ loc(singe, ?l1)

Prendre-ustensiles : % le singe prend tous les ustensiles dans la pièce %
Nom(prendre-ustensiles) = prendre-ustensiles(?l)
Pre(prendre-ustensiles) = loc(singe, ?l)  $\wedge$   $\exists_{ustensile}^x$  (loc(x, ?l))
Eff(prendre-ustensiles) =  $\forall_{ustensile}^x$  (loc(x, ?l)  $\rightarrow$  (possède(singe, x)  $\wedge$ 
                $\neg$ loc(x, ?l)))
```

## 3.3. Langages de représentation

- **PDDL (Planning Domain Description Language) [Penberthy, Weld, 1992] :**

PDDL+ (5 niveaux d'expressivité croissante : durées, effets dépendants du temps, ressources continues... ) ; PDDL 2.1 [Fox, Long, 2002] regroupe les trois premiers niveaux. Actuellement, on en est à la version PDDL 3.

- typage,
- contraintes d'égalité,
- effets conditionnels,
- préconditions disjonctives,
- quantification universelle,
- mise à jour des variables d'état...

## 3.3. Langages de représentation

- **PDDL, domaine des cubes :**

```
(define (domain blocksworld)
  (: requirements :strips :equality :conditional-effects)
  (: predicates (on ?x ?y) (clear ?x))
  (: action puton
    : parameters (?x ?y ?z)
    : precondition
      (and (on ?x ?y) (clear ?x) (clear ?z)
           (not (= ?y ?z)) (not (= ?x ?y))
           (not (= ?x ?z)) (not (= ?x Table))))
    : effect
      (and (on ?x ?z) (not (on ?x ?y))
           (when (not (eq ?y Table)) (clear ?y))
           (when (not (eq ?z Table)) (not (clear ?z)))))
```

### 3.3. Langages de représentation

- **PDDL, domaine satellite** : observations par de multiples satellites équipés d'instruments différents
  - version **Strips** : relativement simple ;
  - version **numérique** : gestion de l'énergie (ressource consommable), capacité de stockage d'information limitée (plans pour acquérir toute l'info avec minimum d'énergie) ;
  - **temporelle simple** : utilisation simultanée possible de plusieurs satellites pour acquérir les informations recherchées (plans pour acquérir l'information au plus vite) ;
  - **temporelle** : temps critiques pour l'acquisition, temps de calibration différents...
  - **complexe** : version temporelle combinée avec la version numérique.



### 3.3. Langages de représentation

- **PDDL, domaine satellite** : observations par de multiples satellites équipés d'instruments différents

```
(define (domain satellite)
  (:requirements :strips :equality :typing)
  (:types satellite direction instrument mode)
  (:predicates
    (on-board ?i - instrument ?s - satellite)
    (supports ?i - instrument ?m - mode)
    (pointing ?s - satellite ?d - direction)
    (power-avail ?s - satellite)
    (power-on ?i - instrument)
    (calibrated ?i - instrument)
    (have-image ?d - direction ?m - mode)
    (calibration-target ?i - instrument ?d - direction))
```



### 3.3. Langages de représentation

- **PDDL, domaine satellite** : observations par de multiples satellites équipés d'instruments différents



```
(:action turn-to
  :parameters (?s - satellite
               ?d-new - direction
               ?d-prev - direction)
  :precondition (and (pointing ?s ?d-prev)
                    (not (= ?d-new ?d-prev)))
  :effect (and (pointing ?s ?d-new)
              (not (pointing ?s ?d-prev))))

(:action switch-on
  :parameters (?i - instrument
               ?s - satellite)
  :precondition (and (on-board ?i ?s)
                    (power-avail ?s))
  :effect (and (power-on ?i)
              (not (calibrated ?i))
              (not (power-avail ?s))))...
```

### 3.3. Langages de représentation

- **PDDL, domaine satellite** : observations par de multiples satellites équipés d'instruments différents



```
(:durative-action turn_to
  :parameters (?s - satellite
               ?d-new - direction
               ?d-prev - direction)
  :duration (= ?duration (slew-time ?d-prev ?d-new))
  :condition (and (at start (pointing ?s ?d-prev))
                 (over all (not (= ?d-new ?d-prev))))
  :effect (and (at end (pointing ?s ?d_new))
              (at start (not (pointing ?s ?d-prev)))))

(:action turn_to
  :parameters (?s - satellite
               ?d-new - direction
               ?d-prev - direction)
  :precondition (and (pointing ?s ?d-prev)
                    (not (= ?d_new ?d-prev))
                    (>= (fuel ?s) (slew-time ?d-new ?d-prev)))
  :effect (and (pointing ?s ?d-new)
              (not (pointing ?s ?d-prev))
              (decrease (fuel ?s) (slew-time ?d-new ?d-prev))
              (increase (fuel-used) (slew-time ?d-new ?d_prev))))
```