参赛密码

(由组委会填写)









# 第十二届"中关村青联杯"全国研究生 数学建模竞赛

题 目

# 面向节能的单/多列车优化决策问题

## 摘 要:

本文建立了单列车的节能操控策略分析模型、单列车的节能优化最优控制模型、单列车的速度—路程计算模型、多列车的发车间隔优化分析模型、列车延误恢复优化控制模型。在上述模型基础上,对单列车的操控策略以及多列车的发车间隔进行了全面分析和优化。在模型求解方法上面,引入了贪心算法,二分法以及分治算法,提高了模型计算效率,有利于模型的推广。

针对问题一,提炼出了典型的最优控制问题模型。并利用 *E-T* 曲线的单值对应关系,创新性地提出将时间约束问题转化为能量约束问题。

通过对哈密尔顿函数的分析,总结出单列车单路段最节能的五种操控策略。在模型求解方面,采用二分法对最小能量点进行求解。给出了单列车的速度—路程曲线以及各个时刻的速度、牵引力、消耗功率等数据结果。

对于单列车两路段的模型,是在单路段优化模型基础之上,进行两路段的时间分配再优化。对于该模型的求解,从 E—T 函数曲线的性质进行求解,引入了贪心算法,不断迭代进行求解。给出了两路段的速度—距离计算曲线,以及各时刻速度、牵引力、消耗功率等数据结果。

针对问题二,将整个复杂的多变量约束优化问题分步优化。

第一步借鉴了第一题的求解思想,将单列车在全程路段中进行能耗的优化,使之在 不考虑能量回收时,达到最小能耗的节能要求。

第二步是将多列列车的发车间隔作为优化控制变量。先对两相邻列车模型进行了优化分析,得出在两车间隔为 241s 秒为最优发车间隔; 再对三相邻列车模型进行了优化分析,得出在题给约束条件下,三车分别相隔 660s 和 658s 时,三车的总能耗达到最低的结论。基于对两车优化和三车优化的分析,结合分治算法,提出了多列车的有约束能耗优化模型,该模型将复杂的多车优化分组优化,通过两车优化或者三车优化使问题得到简化,有利于求解。并且在模型的改进中,提出了将分组优化后的相邻车辆进再次等值成单列列车,反复使用两车优化和三车优化模型,最终得出全部列车的优化结果。

针对问题三,提出了一种后车"延赶结合"的列车延误调整控制策略。按照该策略控制列车,可以阻止延误的进一步传播,使列车延误范围最小化;并能使后车经过一站的时间,达到恢复正点运行的目的。并基于这种调整策略,建立以能量消耗最小为目标函数的列车延误优化控制模型。根据运行条件不同给出了两种求解算法。考虑到列车发生较大延误的情况,进一步将模型推广到多列车的优化控制,给出了一种考虑多列车的列车延误优化控制模型,并提出利用遗传算法求解该模型。

关键词: 单列车的节能优化最优控制模型 单列车的速度—路程计算模型 多列车的 发车间隔优化分析模型 列车延误恢复优化控制模型

## 一、 问题重述

## 1.1 问题背景

轨道交通具有区间距离短、起动和制动频繁等特点,带来严重的能量消耗问题。在低碳环保、节能减排日益受到关注的情况下,针对减少列车牵引能耗的列车运行优化控制近年来成为轨道交通领域的重要研究方向。因此从能耗的角度,研究列车运行操纵控制与组织调度的优化模型和算法,建立不同的描述列车运行控制的优化模型及算法,不仅在理论上丰富了和拓展优化理论在列车运行控制中的应用,更可以在实践上加强对铁路运输系统轨道交通流的控制和管理,减少铁路运输企业的能耗成本支出,同时有助于建设资源节约型社会,促进铁路运输企业履行社会责任、落实可持续发展的理念。从而尽可能发挥轨道交通系统的最大效率和效益,为轨道交通系统在新形势下的发展提供理论基础和技术支持[1]。

#### 1.2 问题描述

本文分别针对单辆列车及多辆列车提出节能优化方法。针对单列列车控制,主要通过操纵控制,改变列车牵引、巡航、惰行和制动的状态在保证列车准点的前提下实现节能运行。对于多辆列车控制,除了通过操纵控制,还可以通过改变不同列车的发车间隔及停车时间等调度管理的方法,提高再生能量利用效率,实现节能运行。最后,针对可能出现的延误等极端现象提出相应的优化控制计算模型。

## 1.3 本文所需解决的问题

- 一、单列车节能运行优化控制问题
- 1)建立计算速度距离曲线的数学模型,计算寻找一条列车从  $A_6$ 站出发到达  $A_7$ 站的最节能运行的速度距离曲线,其中两车站间的运行时间为 110 秒。
- 2) 建立计算速度距离曲线的数学模型,计算寻找一条列车从  $A_6$  站出发到达  $A_8$  站的最节能运行的速度距离曲线,其中要求列车在  $A_7$  车站停站 45 秒, $A_6$  站和  $A_8$  站间总运行时间规定为 220 秒。
- 二、多列车节能运行优化控制问题
- 1)当 100 列列车以间隔  $H=\{h_1,...,h_{99}\}$ 从  $A_1$  站出发,追踪运行,依次经过  $A_2$ , $A_3$ ,……到达  $A_{14}$  站,中间在各个车站停站最少  $D_{\min}$  秒,最多  $D_{\max}$  秒。间隔 H 各分量的变化范围是  $H_{\min}$  秒至  $H_{\max}$  秒。建立优化模型并寻找使所有列车运行总能耗最低的间隔 H。要求第一列列车发车时间和最后一列列车的发车时间之间间隔为  $T_0$ =63900 秒,且从  $A_1$  站到  $A_{14}$  站的总运行时间不变,均为 2086 秒。
- 2)接上问,如果高峰时间(早高峰 7200 秒至 12600 秒,晚高峰 43200 至 50400 秒) 发车间隔不大于 2.5 分钟且不小于 2 分钟,其余时间发车间隔不小于 5 分钟,每天 240 列。制定运行图和相应的速度距离曲线。
- 三、列车延误后运行优化控制问题

接上问,若列车i在车站 $A_j$ 延误 $DT_j^i$ 发车,建立控制模型,找出在确保安全的前提下,首先使所有后续列车尽快恢复正点运行,其次恢复期间耗能最少的列车运行曲线。

## 二、 模型的假设与符号说明

## 2.1 模型假设

假设一: 忽略列车长度, 用单质点模型表示列车;

假设二: 不考虑列车的乘客及上座率, 质量为列车车体质量;

假设三: 列车的牵引力、制动力可以连续调节;

假设四: 列车运行过程中的动能只考虑线性动能, 而不考虑列车转弯过程中的转动动能;

假设五: 在分组优化中,认为各单元的控制策略相同。

## 2.2 符号说明

表 2-1 符号说明

|              | 4C Z-1 10 0 0000  |
|--------------|-------------------|
| 参数符号         | 符号说明              |
| $F_{ m max}$ | 牵引力的最大值(kN)       |
| $\mu_f$      | 实际输出的牵引力和最大牵引力的比值 |
| $w_0$        | 单位基本阻力(N/kN)      |
| $w_1$        | 单位附加阻力(N/kN)      |
| i            | 线路坡度              |
| R            | 轨道曲率半径(m)         |
| $B_{ m max}$ | 最大制动力(kN)         |
| $\mu_b$      | 实际输出的制动力与最大值动力的比值 |
| M            | 列车质量(kg)          |
| $V_{ m max}$ | 线路限速(km/h)        |

| E                                       | 列车的耗能(kJ)               |
|---|-------------------------|
| T                                       | 列车在区间的运行时间(s)           |
| $D_{ m max}$ , $D_{ m min}$             | 列车的最大、最小停站时间(s)         |
| $H_{\mathrm{max}}$ , $H_{\mathrm{min}}$ | 列车的最大、最小运行时间(s)         |
| L                                       | 列车运行总路程(m)              |
| h                                       | 两辆列车间的出发间隔(s)           |
| $DT_j^i$                                | 列车 $i$ 在车站 $j$ 的延误时间(s) |
| S                                       | 距离(m)                   |

## 三、 问题分析

#### 3.1 针对问题一

问题一是针对单列列车的以耗能最小为目标的控制策略最优问题,属于典型优化控制问题。状态量为列车位置和速度,控制变量为列车的牵引力和制动力。初状态和末状态均已知,在约束条件下,选择合适的控制变量取值,使得系统目标函数达到最小。

对于该类问题的建模和求解方法常分为数值方法和随机方法。就本题来说,控制变量较少,数值方法在可行的基础上效率更高,所以本文将用数值方法进行求解。

#### 3.2 针对问题二

问题二需考虑控制变量较多,包括每列车的发车间隔,每列车的停站时间以及每列车的控制策略,并且相关控制变量均有自身的约束条件,分析较为复杂,大规模的随机算法在计算效率上难以满足需要。在对复杂模型进行部分简化的基础上,再借助第一问的优化结论,可以将该复杂问题转化为一个两步优化的问题,先从能量角度对单列车进行优化,再将列车之间的发车间隔进行优化,具体描述如下:

第一步:关于单列车的控制方式,先不考虑能量回收的问题,在 A1-A14 站之间找到最优的运行方式。使得列车从电网中获取能量最小。

第二步: 在单列车全程优化的基础之上,对多列列车的发车间隔 H 进行优化,使得从电网所需总能耗最小。

#### 3.3 针对问题三

问题三是列车延误情况下恢复运行的控制策略问题,涉及恢复运行的安全距离、恢复调整时间以及恢复过程能耗问题。涉及变量较多,与前两题相比复杂程度进一步提升。基于此,本文提出了一种基于延赶结合策略的优化控制模型,并根据根据运行条件不同给出了两种求解算法。考虑到列车发生较大延误的情况,进一步将模型推广到多列车的优化控制,给出了一种考虑多列车的列车延误优化控制模型,并提出利用遗传算法求解该模型。

## 四、 问题一求解

#### 4.1 数学模型

#### 4.1.1 单路段的最优控制模型

在列车运行时间和距离确定的条件下,列车可以有多种操纵策略。问题一的核心在于寻一种操纵策略最小化列车在运行过程中的牵引耗能。列车正常运行状态时的动力学方程为:

$$\frac{dv(x)}{dt} = F(x) - B(x) - W(x) \tag{4--1}$$

式中,v 为列车运行速度; t 为列车运行时间; x 为列车运行位置; F 为列车施加的牵引力。B 为列车施加的制动力; W 表示列车的总阻力,由基本阻力和附加阻力组成。由题目已知条件,牵引力 F 可以由式(4—2)给出,制动力 B 可以由式(4—3)得到,总阻力 W 由(4—4)给出:

$$F = \mu_f F_{\text{max}} \tag{4--2}$$

$$B = \mu_b B_{\text{max}} \tag{4-3}$$

$$W = (w_0 + w_1) \times g \times \frac{M}{1000}$$
 (4-4)

其中,

$$F_{\text{max}} = \begin{cases} 203 & 0 \le v \le 51.5 \text{km/h} \\ -0.002032v^3 + 0.4928v^2 - 42.12v + 1343 & 51.5 < v \le 80 \text{km/h} \end{cases}$$
(4—5)

$$B_{\text{max}} = \begin{cases} 166 & 0 \le v \le 77 \text{km/h} \\ 0.1343v^2 - 25.07v + 1300 & 77 < v \le 80 \text{km/h} \end{cases}$$
 (4—6)

$$\begin{cases} w_0 = A + Bv + cv^2 \\ w_1 = i + \frac{c}{R} \end{cases}$$
 (4--7)

式中, $\mu_f$ 为实际输出的牵引力和最大牵引力的比值; $\mu_b$ 为实际输出的制动力与最大值动力的比值; $w_0$ 为基本阻力; $F_{\max}$ 为最大牵引力; $B_{\max}$ 为最大制动力;A、B、C 为阻力

多项式系数,一般取经验值;  $w_i$  为附加阻力; i 为线路坡度; c 为综合反映影响曲线阻力许多因素的经验系数,一般取 600; R 为曲率半径。

综上,以最节能运行作为优化目标,满足列车运行所需的时间约束、最大加速度约束、最大减速度约束、限速约束的数学模型为:

$$\begin{cases} \min & E = \int_{0}^{L} F(x) dx \\ \text{s.t.} & \frac{dv(x)}{dt} = \mu_{f}(x) F_{\text{max}}(v) - \mu_{b}(x) B_{\text{max}}(v) - W(x, v) \\ & \int_{0}^{L} \frac{1}{v(x)} dx = T \\ & -1 < \frac{dv(x)}{dt} \le 1 \\ & v(0) = v(T) = 0, v(x) \le V_{\text{max}}(x) \\ & 0 \le \mu_{f}(x) \le 1, 0 \le \mu_{b}(x) \le 1 \end{cases}$$

$$(4-8)$$

式中, E 为列车运行的牵引耗能; L 为列车的运行距离; T 为列车的运行总时间;  $V_{\max}(x)$  为列车在 x 处的限速。

#### 4.1.2 两路段的最优控制模型

根据上述模型可以得出单路段的最优操控,问题一第二问要求在两路段进行优化。 在上一问的基础上,对于两路段的优化提出如下数学模型:

$$\min_{\mathbf{E}} E = E_1 + E_2 
\text{s.t.} \quad E_1 = \int_0^{L_1} F(x) dx, E_2 = \int_0^{L_2} F(x) dx 
\frac{dv(x)}{dt} = \mu_f(x) F_{\text{max}}(v) - \mu_b(x) B_{\text{max}}(v) - W(x, v) 
\int_0^{L_1} \frac{1}{v(x)} dx + \int_0^{L_2} \frac{1}{v(x)} dx = T 
-1 < \frac{dv(x)}{dt} \le 1 
v(0) = v(T) = 0, v(x) \le V_{\text{max}}(x) 
0 \le \mu_f(x) \le 1, 0 \le \mu_b(x) \le 1$$
(4--9)

式中, $E_1$ 和 $E_2$ 分别为路段 1 和路段 2 的耗能; $L_1$ 和 $L_2$ 为两路段路程;T为两运行总用时(不包括停车时间);其余变量含义不变。

#### 4.2 模型求解方法

#### 4.2.1 列车运行状态之间的转换分析

列车运行过程中,一般会有牵引、巡航、惰行、制动四种运行状态。在列车运行过程中,由于受到线路的限速等限制,这四种状态之间发生相互转化(如图 4.1 所示)。例如,当列车启动后加速运行到最高限速时,列车需要由牵引状态转化为巡航状态。虽然列车运行过程中会发生四种状态之间的相互转化,但是这种无序操纵序列转化显然不是最优的,频繁的加减速必然会使得能量消耗较大<sup>[2]</sup>。

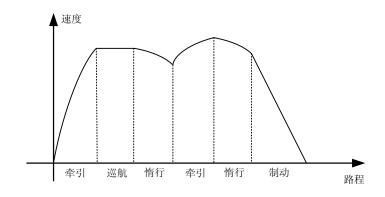


图 4.1 列车的操纵序列示意图

由庞德利亚金最大原则 $^{[1]}$ 可知,最小化列车牵引能耗等价于最大化汉密尔顿函数 H:

$$H = p_1[F(x) - B(x) - W(x)] - \frac{p_2}{v(x)} - F(x)$$
 (4-10)

根据式(4-10),分析列车节能运行策略分为5种情况:

- 1)  $p_1 > 1$ 时,  $F = F_{\text{max}}$ , B = 0, 最大加速;
- 2)  $p_1 = 1$ 时, F可变, B = 0, 巡航;
- 3) 0< p<sub>1</sub><1 时, F=0, B=0, 惰行;
- 4) p<sub>1</sub>=0 时, F=0, B 可变, 巡航;
- 5)  $p_1 < 0$  时,F=0, $B=B_{max}$ ,最大制动。

对于坡度不变的运行区间,其最优驾驶策略是由最大加速、巡航、惰行和最大制动组成的。文献<sup>[4]</sup>从理论上证明了在坡度变化很小的线路,也存在的最优的操纵序列为"最大牵引、巡航、惰行、最大制动",列车仅在牵引和巡航状态下消耗能量,其余状态不消耗能量,并且巡航仅出现在速度达到上限的情况。

在以上分析的基础之上,可以看出,对于一段存在恒定限速和至多包括一个起伏型 坡道的简单线路,根据线路的限速和线路长度以及运行时间以及坡度的不同,列车操纵 序列会存在临界状态,不一定包括所有的四种状态,有可能会缺失惰行、巡航以及制动 其中的一种或几种<sup>[5][6]</sup>。但可以肯定的是,这四种状态的转换方向不能改变(如图 4.2), 综上对于一个简单路段的分析,可以给出最节能的五种操控策略,即:

策略 1: 最大牵引一最大制动;

策略 2: 最大牵引一巡航一最大制动;

策略 3: 最大牵引一惰行一最大制动;

策略 4: 最大牵引一巡航一惰行一最大制动;

策略 5: 最大牵引一惰行。

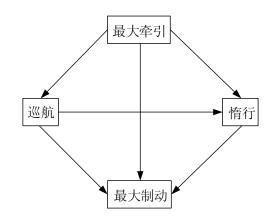


图 4.2 列车最优操纵状态转化

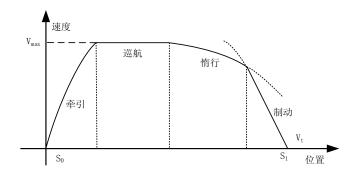


图 4.3 列车最优操纵模式

至于最终列车采用何种最节能操控策略(必为五种之一),这需要根据具体的路况以及给定的时间约束直接计算得出。从能量角度来讲,根据题中所给 E-T 函数曲线,运行时间越短,所需要的能耗越大。并且运行时间与最小能耗是一个单值函数关系,即根据时间可以确定最小能耗,根据最小能耗亦可以确定运行时间。所以,对同一路段,上面五种操控策略一般满足如下关系:

$$E_{ ext{ iny m}_1}(E_{ ext{ iny m}_2})\!>\!E_{ ext{ iny m}_4}\!>\!E_{ ext{ iny m}_5}\!>\!E_{ ext{ iny m}_5}$$

由此可以看出,操控策略与能量有直接对应关系。另外,根据分析可知,策略 1 能否存在取决于路况和速度上限。例如,达到速度上限时的剩余路段大于最大刹车距离时,就只会有序列 2 存在,不会存在序列 1。并且序列 5 在有速度约束时,不一定能存在。能量过大,后程无法完成刹车,能量过小,列车无法按照策略 5 完成运行。所以对应于时间,每个路段均有一个最小运行时间(最大能量)和最大运行时间(最小能量)。

#### 4.2.2 单列车最优操控求解算法

问题一第一问为单列车节能运行优化控制问题。显然,如模型所述,列车存在运行时间和运行距离的双重约束,直接解析方法难以求解,考虑用数值解法进行求解。

根据前文对操控状态的分析,最小耗能和时间具有单值对应关系。显然,如果给定时间,难以直接确定其最小能量。但是如果给定能量,基于只有加速和巡航两种状态会消耗能量,加之速度约束,可以计算出两状态的时间,至于何时惰行转为制动,则需要求出剩余路段能够完成的最大刹车速度,即图 4.3 惰行和制动的交点。如果恰好制动线与巡航结束点相交,即是前述的策略 2,为无惰行的临界状态。

在求解时,将整个过程按距离划分为 N 等份,当 N 足够大(本文取 N=100000)时,则每份路程内可以看成匀速运动,在分段点处速度发生变化。并且,每段中牵引力,制

动力以及阻力保持不变。对于给定时间条件下的最小能量的求解,采用二分法,不断逼近求得。

综上,给定时间约束前提下,单列车的速度-路程图线的求解流程图 4.4 所示:

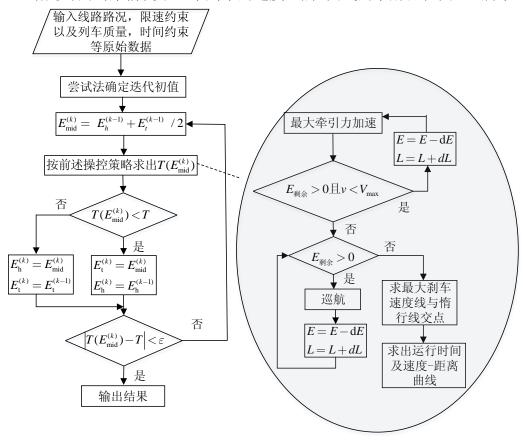


图 4.4 单列车最优操控求解算法流程图

#### 4.2.3 单列车两路段能耗优化算法

在上一问基础之上,时间约束条件不增加,时间变量增加一维。对于该问题,借鉴第一问的方法枚举最小能量,求出两路段的E-T曲线,然后将问题化为时间分配的优化问题。

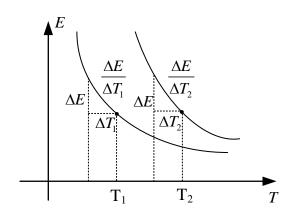


图 4.5 E—T 曲线

如图 4.5 所示,本文提出一种基于贪心思想来分配两路段运行时间的方法。基本思想为:给定两路段初始运行时间和相应最小能量,使其大于运行时间上限;以一定能量步长增加能量,每步选择两段中对运行时间减少更有利(增加该能量后,运行时间减少

量更大)的路段分配该能量,直到总时间满足约束,迭代结束。选择具体方法为:

Step1: 输入数据并完成初始化:

Step2: 分别求出两路段的 E-T 曲线;

Step3: 给定两个路段的起始运行时间和对应最小能量;

Step4: 如果总时间不满足要求,跳到第五步,否则跳到第六步;

Step5: 能量增加  $\Delta E$  ,分别计算两路段对应的时间减少量,比较得出  $\Delta E$  应分配路段,

并修正变化后的能量以及运行时间, 跳到第四步;

Step6: 此时各路段对应的能量为列车最小耗能,时间为最优分配。

## 4.3 结果及分析

#### 4.3.1 单路段速度-距离曲线

根据上文所述算法,通过 Matlab 编程求解,具体结果如下。

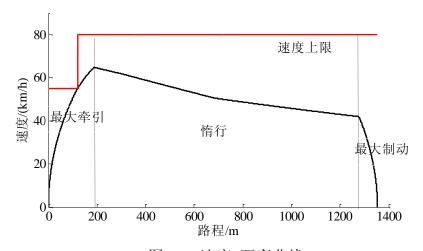


图 4.6 速度-距离曲线

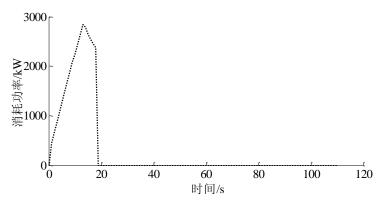


图 4.7 功率-时间曲线

如图 4.6 所示,在该控制策略下,列车能够以 110s 从 A6 站运行到 A7 站,并且消耗能量达到最小值 34673kJ。

## 4.3.2 两路段速度一距离曲线

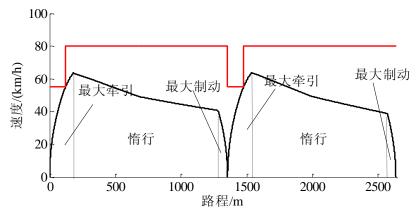


图 4.8 速度-距离曲线

如图 4.8 为两路段的最小能耗时的速度——距离曲线,在该操控策略下,A6-A7 运行时间为 112s,消耗能量为 33200kJ; A7-A8 运行时间为 108s,消耗能量为 33410kJ,总 耗时 220s,消耗能量 66610kJ。具体的每时刻的速度,公里标,功率等见附录 C。

## 五、 问题二求解

#### 5.1 数学模型

#### 5.1.1 多列车能耗优化模型及求解算法

### ① 单列车的全程操控策略优化模型

如前文所述,任意相邻两站点之间路程中,均会存在一个特定的最小能耗 E 与运行时间的 T 的 E—T 曲线。当列车的质量、速度约束、路程的长度以及各处路况给定时,该曲线必然是固定不变的,改变最小能耗,对应会给出一个运行时间。设想,当所有路段 E—T 曲线已知时,若想最大程度减小能耗,则每段的运行时间即满足下式:

$$\begin{cases}
E_{1} = f_{1}(T_{1}) \\
E_{2} = f_{2}(T_{2}) \\
\vdots \\
E_{13} = f_{13}(T_{13}) \\
T_{1} + T_{2} + \dots + T_{13} + D_{1} + D_{2} + \dots + D_{13} = 2086s
\end{cases} (5-1)$$

根据 *E*—*T* 曲线性质可知,运行时间越少,需要能量越大。最大能量临界状态即是没有惰行的临界点,即时间最小点。所以这里出现第一个优化,即认为所有站的停车时间取最小值 30 秒。该优化问题的数学模型可改写为:

$$\min \sum_{i=1}^{13} E_{i}$$
s.t. 
$$\begin{cases} E_{1} = E_{1}(T_{1}) \\ E_{2} = E_{2}(T_{2}) \\ \vdots \\ E_{13} = E_{13}(T_{13}) \\ T_{1} + T_{2} + \dots + T_{13} = 1726s \end{cases}$$

$$(5-2)$$

对该问题的求解,将第一题的方法进行推广,基本思想为:在不小于最小能量的前提下,给出较小的能量方案  $E = [E_1, E_2 \cdots E_{13}]$  和相应的各段运行时间  $T = [T_1, T_2 \cdots T_{13}]$  ,通过增加能量  $\Delta E$  来不断减小运行时间,最终使得运行时间满足 1726s 的约束。求解该问题的关键有三点:一是初值给出合理;二是 E - T 曲线足够精确;三是  $\Delta E$  在 E - T 曲线精确的基础上足够小。具体流程如下:

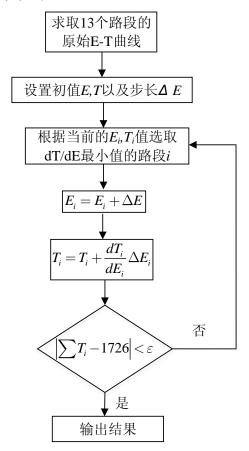


图 5.1 单列车的全程操控优化算法流程

需要注意的是,在每一步的迭代过程中,总是选择增加单位能量可以减少运行时间最多的路段,以求尽可能少的增加能量就可以满足时间的约束。这是推广算法的核心,也是第二个优化。

② 考虑能量回收的多车运行策略优化模型 由题可知,再生能量的计算公式为:

$$E_{\text{reg}} = (E_{\text{mech}} - E_{\text{f}}) \times 95\%$$
 (5—3)

由于列车加速与其他列车刹车有时间重叠时,能量才可以回收利用,并且与重叠时间成正比,所以被利用的再生能量为:

$$E_{\text{used}} = E_{\text{reg}} \times t_{\text{overlap}} / t_{\text{brake}}$$
 (5—4)

根据上面方法求得最佳运行结果 $E_{\min} = [E_1, E_2 \cdots E_{13}]$ ,单列车的控制策略唯一确定,在该控制策略下,若不考虑能量回收,可以达到最小能耗。下面将基于相邻两列列车对发车间隔进行优化建模。

根据题目要求,相邻两辆车的间隔 $120s \le h \le 660s$ ,所以可以通过枚举法求得任意间隔下的总耗能。在进行耗能计算时,以每个单位时间内(1 秒内,共 2086+h 秒),记录两列车向电网吸取的净能量  $E_{net}(t)$ ,所以需将每个 1s 内的加速吸收能量  $E_{in}(t)$  和刹车放出能量  $E_{out}(t)$  分别记录,通过下式计算该 1s 时间内从电网吸收的净能量:

$$E_{net}(t) = \begin{cases} 0, & E_{in}(t) <= E_{out}(t) \\ E_{in}(t) - E_{out}(t), & E_{in}(t) > E_{out}(t) \end{cases}$$
(5—5)

另外,根据题意,刹车放出的能量与两车加减速重叠时间成正比,所以整个刹车过程的产生的能量必然均匀分配在整个刹车时段内,并且这个能量是否能被吸收一是取决于是否与另一列车加速时间重合,二是该单位时间内刹车产生的能量是否能被全部吸收。具体算法流程如下:

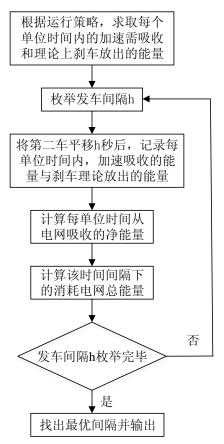


图 5.2 两车间隔优化算法流程

基于上述方法,同样可以完成对三相邻列车的两个间隔优化。但当列车数量增加以

及总时间有约束时,对于 100 列车的发车间隔优化无法再采用枚举方法。所以,这里考虑采用分治策略来进行分组优化。如图 5.3 所示,每 3 列车分为一组,100 列车共分 33 组,最后一列车单独分组。将问题进一步简化每一组的发车间隔策略相同( $h_1$  和  $h_2$  ,黑色和蓝色),组间发车间隔(红色, $h_3$ )相同。

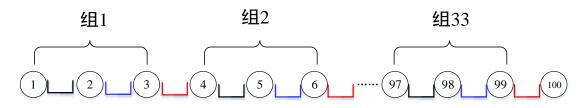


图 5.3 分治算法示意图

根据总体时间约束:

$$\begin{cases} 120s \le h_3 = \frac{63900 - 33 \times (h_1 + h_2)}{33} < = 660s \\ h_1 + h_2 \le 2 \times 660s \end{cases}$$
 (5—6)

可以解得

$$1277s \le h_1 + h_2 \le 1320s \tag{5--7}$$

所以,将该问题转化为一个三车优化问题,通过上文方法解出  $h_1$ 、  $h_2$  和  $h_3$ ,完成对 100 列列车的发车间隔优化。

## 5.1.2 考虑高峰时间约束的列车间隔优化模型及求解算法

在上一问模型的基础之上,同样采用分治策略,进行分组优化。如图 5.4 所示,首先按照发车间隔约束不同分为 5 段,在每一段的约束条件下进行单段优化,在段间相邻处进行适当修正满足总体的时间约束。

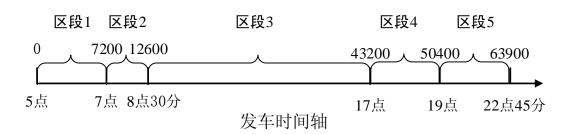


图 5.4 区段示意图

对于区段 1、区段 3 和区段 5, 发车间隔约束为:

$$300s \le h \le 660s$$
 (5—8)

对于区段2和区段4,发车间隔约束为:

$$120s < h < 150s$$
 (5—9)

在每一段的发车间隔优化过程中,利用上一问的方法转化为两车或者三车优化,这里以两车优化为例进行分组优化。根据约束条件得出每一段列车的数量范围为如下表5.1 所示。该问题的数学模型即为5.1.1 节中的数学模型与表5.1 的数量约束的结合。

表 5.1 列车数量约束

| 区段     | <b>区段</b> 1 |     | 2 3      |         | 5       |  |  |  |
|--------|-------------|-----|----------|---------|---------|--|--|--|
| 列车数量约束 | 量约束 [11,24] |     | [47,102] | [48,60] | [21,45] |  |  |  |
| 总数量约束  |             | 240 |          |         |         |  |  |  |

## 5.2 结果及分析

## 5.2.1 多列车能耗优化结果

首先,按一定步长,求解所有13条路段的E-T曲线,求解结果如下图所示:

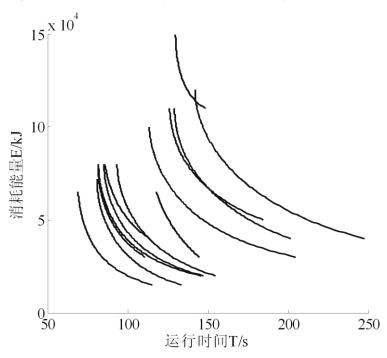


图 5.5 E-T 曲线

单列车在 A1-A14 时间分配为:

表 5.2 区段运行时间及耗能

| 车站区间   | 运行时间(s) | 耗能(kJ) |
|--------|---------|--------|
| A1-A2  | 113     | 40400  |
| A2-A3  | 109     | 31000  |
| A3-A4  | 145     | 30000  |
| A4-A5  | 160     | 60800  |
| A5-A6  | 169     | 54000  |
| A6-A7  | 114     | 32000  |
| A7-A8  | 110     | 32000  |
| A8-A9  | 125     | 31400  |
| A9-A10 | 93      | 23500  |

| A10-A11 | 149  | 48670  |  |
|---------|------|--------|--|
| A11-A12 | 146  | 111200 |  |
| A12-A13 | 109  | 24690  |  |
| A13-A14 | 184  | 63200  |  |
| A1-A14  | 1726 | 582860 |  |

单列车全程的速度一路程关系如图 5.6 所示:

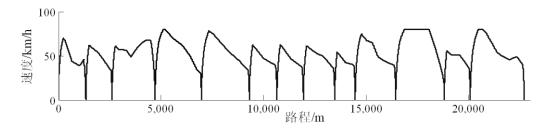


图 5.6 单列车全程速度—路程曲线

对于两车模型进行计算后,在约束范围内,发车时间间隔与两车总耗能的关系如图 5.7 所示:

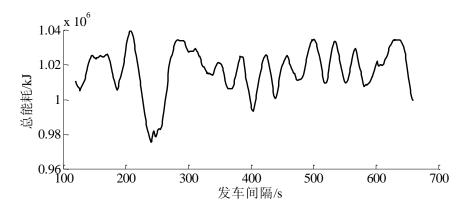


图 5.7 两列车发车间隔与总耗能关系曲线

对于三车模型进行计算后,在约束范围内,发车时间间隔与两车总耗能的关系如图 5.8 所示:

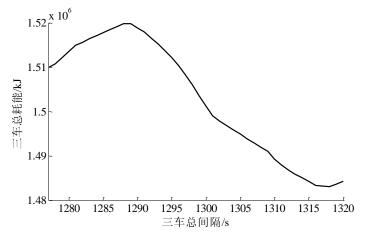


图 5.8 三列车总能耗与发车间隔关系

根据三车优化结果可知,当三车总间隔  $h_1=660s$  ,  $h_2=658s$  ,  $h_1+h_2$ 取 1318s 时,单

组列车的能耗最小,继而算出  $h_3 = 618s$ 。经计算,100 辆列车全天的能耗为  $4.84 \times 10^7 \, \mathrm{kJ}$ 。 100 列列车发车时刻表 5.3 所示:

表 5.3 100 列列车发车时刻表

| 11 左心口 | 42.4.14.2.1 | 动长冶口 | 42 <del>1</del> 1 1 2 1 | 动 未 / 白 口 | 42.4.11.21 | 动长/台口 | <b>心</b> 去吐起 |
|--------|-------------|------|-------------------------|-----------|------------|-------|--------------|
| 列车编号   | 发车时刻        | 列车编号 | 发车时刻                    | 列车编号      | 发车时刻       | 列车编号  | 发车时刻         |
| 1      | 0           | 26   | 16148                   | 51        | 32294      | 76    | 48400        |
| 2      | 660         | 27   | 16806                   | 52        | 32912      | 77    | 49060        |
| 3      | 1318        | 28   | 17424                   | 53        | 33572      | 78    | 49718        |
| 4      | 1936        | 29   | 18084                   | 54        | 34230      | 79    | 50336        |
| 5      | 2596        | 30   | 18742                   | 55        | 34848      | 80    | 50996        |
| 6      | 3254        | 31   | 19360                   | 56        | 35508      | 81    | 51654        |
| 7      | 3872        | 32   | 20020                   | 57        | 36166      | 82    | 52272        |
| 8      | 4532        | 33   | 20678                   | 58        | 36784      | 83    | 52932        |
| 9      | 5190        | 34   | 21296                   | 59        | 37444      | 84    | 53590        |
| 10     | 5808        | 35   | 21956                   | 60        | 38102      | 85    | 54208        |
| 11     | 6468        | 36   | 22614                   | 61        | 38720      | 86    | 54868        |
| 12     | 7126        | 37   | 23232                   | 62        | 39380      | 87    | 55526        |
| 13     | 7744        | 38   | 23892                   | 63        | 40038      | 88    | 56144        |
| 14     | 8404        | 39   | 24550                   | 64        | 40656      | 89    | 56804        |
| 15     | 9062        | 40   | 25168                   | 65        | 41316      | 90    | 57462        |
| 16     | 9680        | 41   | 25828                   | 66        | 41974      | 91    | 58080        |
| 17     | 10340       | 42   | 26486                   | 67        | 42592      | 92    | 58740        |
| 18     | 10998       | 43   | 27104                   | 68        | 43252      | 93    | 59398        |
| 19     | 11616       | 44   | 27764                   | 69        | 43910      | 94    | 60016        |
| 20     | 12276       | 45   | 28422                   | 70        | 44528      | 95    | 60676        |
| 21     | 12934       | 46   | 29040                   | 71        | 45188      | 96    | 61334        |
| 22     | 13552       | 47   | 29700                   | 72        | 45846      | 97    | 61952        |
| 23     | 14212       | 48   | 30358                   | 73        | 46464      | 98    | 62612        |
| 24     | 14870       | 49   | 30976                   | 74        | 47124      | 99    | 63270        |
| 25     | 15488       | 50   | 31636                   | 75        | 47782      | 100   | 63900        |

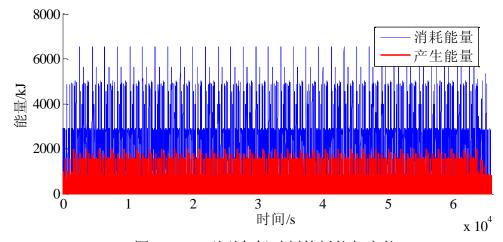


图 5.9 100 列列车每时刻的耗能与产能

5.2.2 考虑高峰时间发车约束的多列车能耗优化结果

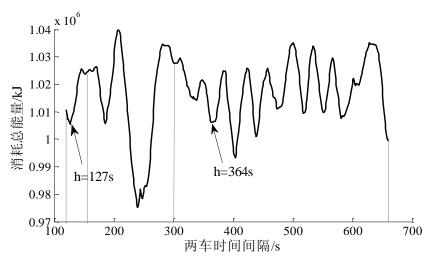


图 5.10 两车总能耗与发车间隔关系

其次,对区段 1、区段 3 以及区段 5 进行优化( $0 \le t < 7200s$ ,12600 $s \le t < 43200s$  以及 43200s < t < 63900s)。在区段 2 和区段 4 优化完成后,剩余可用间隔时间为:

$$t = 63900 - 127 \times 97 = 51581s$$
 (5—10)

剩余 143 辆列车平均间隔约为 360s。由图 5.10 可知,在 360s 附近取得能耗最小值的发车间隔约为 364s,所以剩余车辆按 364 秒进行发车,在区段连接附近通过适当调整个别列车发车时间来满足总时间 63900s 的要求。240 辆列车的发车分布区段如下表 5.4 所示:

表 5.4 区段列车数

| 区段  | 1  | 2  | 3  | 4  | 5  |
|-----|----|----|----|----|----|
| 列车数 | 20 | 42 | 84 | 55 | 39 |

由此可计算得,一天中,240辆列车的发车时刻表5.5所示:

表 5.5 240 列列车发车时刻表

| 列车编号 | 发车时刻 | 列车编号 | 发车时刻  | 列车编号 | 发车时刻  | 列车编号 | 发车时刻  |
|------|------|------|-------|------|-------|------|-------|
| 1    | 0    | 61   | 12360 | 121  | 33963 | 181  | 47745 |
| 2    | 364  | 62   | 12487 | 122  | 34327 | 182  | 47872 |
| 3    | 728  | 63   | 12851 | 123  | 34691 | 183  | 47999 |
| 4    | 1092 | 64   | 13215 | 124  | 35055 | 184  | 48126 |
| 5    | 1456 | 65   | 13579 | 125  | 35419 | 185  | 48253 |
| 6    | 1820 | 66   | 13943 | 126  | 35783 | 186  | 48380 |
| 7    | 2184 | 67   | 14307 | 127  | 36147 | 187  | 48507 |
| 8    | 2548 | 68   | 14671 | 128  | 36511 | 188  | 48634 |
| 9    | 2912 | 69   | 15035 | 129  | 36875 | 189  | 48761 |
| 10   | 3276 | 70   | 15399 | 130  | 37239 | 190  | 48888 |
| 11   | 3640 | 71   | 15763 | 131  | 37603 | 191  | 49015 |
| 12   | 4004 | 72   | 16127 | 132  | 37967 | 192  | 49142 |

| 13 | 4368  | 73  | 16491 | 133 | 38331 | 193 | 49269 |
|----|-------|-----|-------|-----|-------|-----|-------|
| 14 | 4732  | 74  | 16855 | 134 | 38695 | 194 | 49396 |
| 15 | 5096  | 75  | 17219 | 135 | 39059 | 195 | 49523 |
| 16 | 5460  | 76  | 17583 | 136 | 39423 | 196 | 49650 |
| 17 | 5824  | 77  | 17947 | 137 | 39787 | 197 | 49777 |
| 18 | 6188  | 78  | 18311 | 138 | 40151 | 198 | 49904 |
| 19 | 6552  | 79  | 18675 | 139 | 40515 | 199 | 50031 |
| 20 | 6916  | 80  | 19039 | 140 | 40879 | 200 | 50158 |
| 21 | 7280  | 81  | 19403 | 141 | 41243 | 201 | 50285 |
| 22 | 7407  | 82  | 19767 | 142 | 41607 | 202 | 50412 |
| 23 | 7534  | 83  | 20131 | 143 | 41971 | 203 | 50539 |
| 24 | 7661  | 84  | 20495 | 144 | 42335 | 204 | 50903 |
| 25 | 7788  | 85  | 20859 | 145 | 42699 | 205 | 51267 |
| 26 | 7915  | 86  | 21223 | 146 | 43063 | 206 | 51631 |
| 27 | 8042  | 87  | 21587 | 147 | 43427 | 207 | 51995 |
| 28 | 8169  | 88  | 21951 | 148 | 43554 | 208 | 52359 |
| 29 | 8296  | 89  | 22315 | 149 | 43681 | 209 | 52723 |
| 30 | 8423  | 90  | 22679 | 150 | 43808 | 210 | 53087 |
| 31 | 8550  | 91  | 23043 | 151 | 43935 | 211 | 53451 |
| 32 | 8677  | 92  | 23407 | 152 | 44062 | 212 | 53815 |
| 33 | 8804  | 93  | 23771 | 153 | 44189 | 213 | 54179 |
| 34 | 8931  | 94  | 24135 | 154 | 44316 | 214 | 54543 |
| 35 | 9058  | 95  | 24499 | 155 | 44443 | 215 | 54907 |
| 36 | 9185  | 96  | 24863 | 156 | 44570 | 216 | 55271 |
| 37 | 9312  | 97  | 25227 | 157 | 44697 | 217 | 55635 |
| 38 | 9439  | 98  | 25591 | 158 | 44824 | 218 | 55999 |
| 39 | 9566  | 99  | 25955 | 159 | 44951 | 219 | 56363 |
| 40 | 9693  | 100 | 26319 | 160 | 45078 | 220 | 56727 |
| 41 | 9820  | 101 | 26683 | 161 | 45205 | 221 | 57091 |
| 42 | 9947  | 102 | 27047 | 162 | 45332 | 222 | 57455 |
| 43 | 10074 | 103 | 27411 | 163 | 45459 | 223 | 57819 |
| 44 | 10201 | 104 | 27775 | 164 | 45586 | 224 | 58183 |
| 45 | 10328 | 105 | 28139 | 165 | 45713 | 225 | 58547 |
| 46 | 10455 | 106 | 28503 | 166 | 45840 | 226 | 58911 |
| 47 | 10582 | 107 | 28867 | 167 | 45967 | 227 | 59275 |
| 48 | 10709 | 108 | 29231 | 168 | 46094 | 228 | 59639 |
| 49 | 10836 | 109 | 29595 | 169 | 46221 | 229 | 60003 |
| 50 | 10963 | 110 | 29959 | 170 | 46348 | 230 | 60367 |
| 51 | 11090 | 111 | 30323 | 171 | 46475 | 231 | 60731 |
| 52 | 11217 | 112 | 30687 | 172 | 46602 | 232 | 61095 |
| 53 | 11344 | 113 | 31051 | 173 | 46729 | 233 | 61459 |
| 54 | 11471 | 114 | 31415 | 174 | 46856 | 234 | 61823 |
| 55 | 11598 | 115 | 31779 | 175 | 46983 | 235 | 62187 |
| 56 | 11725 | 116 | 32143 | 176 | 47110 | 236 | 62551 |

| 57 | 11852 | 117 | 32507 | 177 | 47237 | 237 | 62915 |
|----|-------|-----|-------|-----|-------|-----|-------|
| 58 | 11979 | 118 | 32871 | 178 | 47364 | 238 | 63279 |
| 59 | 12106 | 119 | 33235 | 179 | 47491 | 239 | 63589 |
| 60 | 12233 | 120 | 33599 | 180 | 47618 | 240 | 63900 |

经计算,240辆列车全天的能耗为1.0315×108kJ。

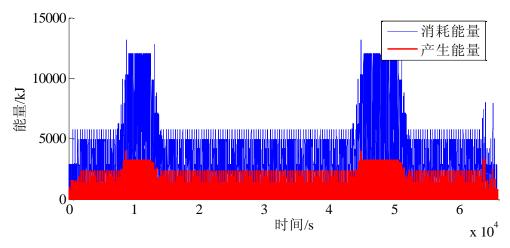


图 5.11 240 列列车每时刻的耗能与产能

由上图 5.11 可知,列车消耗的能量远大于回收的能量,另外,两个发车高峰期内能耗需求明显。

## 六、 问题三求解

#### 6.1 数学模型

#### 6.1.1 列车延误分析及控制策略

轨道交通一般具有行车密度大,列车追踪时间短的特点。如果发生列车延误,极易造成延误传播,使后续车辆相继出现延误现象,直接扰乱列车间追踪间隔。因此列车延误运行调整对于列车运行图的完整实现尤为重要。

现行的列车延误调整策略一般采用晚点列车的"赶点"方式,即一般会通过减少晚点列车在下一区间的运行时间以及下一车站的停靠时间来调整。但是这种调整措施存在明显的弊端: (1) 仅用于前车(2) 仅用于前车晚点结束后(3) 对前车晚点期间后车"紧随到站"现象不予调整,这样会导致前后两车之间的间隔过小,导致后车欠载,不利于列车之间对于时段客流的合理分担。

上述调整策略只是针对于晚点列车本身,本文提出一种基于后车"延赶结合"的列车延误调整控制策略。"延赶结合"运行调整策略是在前车"赶点"基础上,扩充两项策略:

1) 在"晚点发生"期间,延长后车的前一区间运行时分,降低后车"紧随到站/站外停车"的可能,称为"延点"运行;

2) 后车在下一区间"赶点"运行。"延赶结合"运行调整策略作为均衡发到间隔的一种可行策略,在一个区间内消除延误传播根源,并通过后车"延点"能耗节省弥补前车"赶点"能耗浪费。"延赶结合"运行调整与传统的赶点的策略对比如图6.1和图6.2

所示。

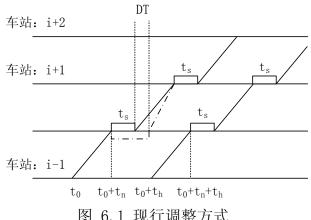


图 6.1 现行调整方式

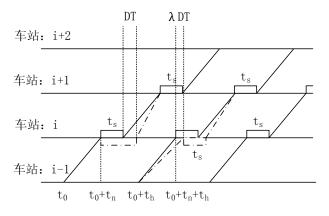


图 6.2 后车"延赶结合"调整方式

经过后车的"延赶结合",可以使后二车以及以后的车辆完全不受前车的延误影响, 而后车经过两段区间的调整,在下一车站能够实现准点运行。这样使得前车后车之间的 追踪间隔比预定时间间隔减少 $(1-\lambda)DT_i^i$ ,  $0 \le \lambda \le 1$ ,后车与后二车之间的追踪间隔也减 少 $\lambda DT_{i}^{i}(0 \le x \le 1)$ ,因此就将延误时间在后两车之间分散开来。依据此方法,还可以将 列车延误时间在后车之间分散开来。

## 6.1.2 数学模型

① 两车间的延误优化控制模型及求解方法 基于以上对于列车延误问题的讨论,只考虑两车的延误优化控制模型如(6-1)所述:

$$\begin{cases} \min E_{i+1}(T) = E_{i+1}(T_{j-1}) + E_{i+1}(T_j) = \int_0^{T_{j-1} + \lambda \mathrm{D} T_j^i} u_f(t) v(t) F(t) dt + \int_{T_{j-1} + \lambda \mathrm{D} T_j^i}^{T_{j+1-\lambda} + \lambda \mathrm{D} T_j^i} u_f(t) v(t) F(t) dt \\ s.t \\ \frac{dv(t)}{dt} = u_f(t) F(v) - u_b(t) B(v) - \omega_0(v) - \omega_1(x) \\ L_{j-1} = \int_0^{T_{j-1} + \lambda \mathrm{D} T_j^i} v(t) dt \\ L_j = \int_{T_{j-1} + \lambda \mathrm{D} T_j^i}^{T_j + (1 - \lambda) \mathrm{D} T_j^i} v(t) dt \\ v(0) = v(T_{j-1} + \lambda D T_j^i) = v[T_j + (1 - v) D T_j^i] = 0 \\ v \leq \min(\overline{v}, 2\sqrt{sB_e}) \\ 0 \leq u_f(t) \leq 1 \\ 0 \leq u_b(t) \leq 1 \\ t_s - \lambda D T_j^i \geq \Delta T_{\min} \\ t_s - (1 - \lambda) D T_j^i \geq \Delta T_{\min} \\ 0 \leq \lambda \leq 1 \end{cases}$$
 (6—1)

式中, $\Delta T_{\min}$ 为最小追踪间隔; $B_{e}$ 为最大制动加速度。

前车晚点时间时刻与后车发车时间之间先后顺序不同,本模型的求解思路不同:

- 1) 列车延误结束时后车尚未发车,此时前车的延误时间以及经确定。所以可以按照最大加速牵引-巡航-惰行-制动的操纵序列在每段区间进行优化,再通过合理分配  $DT_i^i$  在两区间的配比,即可求出最小能耗。
- 2) 前车延误时刻晚于后车发车时刻,在后车发车到得知前车发生延误的时段内,后车按照既定的操纵序列操纵行进,在得知列车延误到列车延误结束时段内,根据列车所处的运行状态转入牵引调整或惰行调整,最后前车晚点结束后,以此时的速度为初速度继续进行操纵序列的优化(如图6.3所示)。

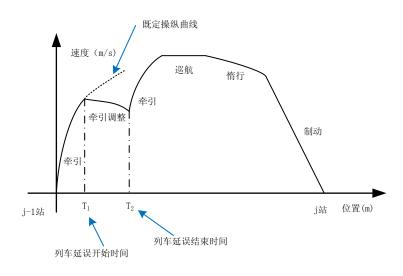


图 6.3 后车调整方式图

牵引调整是指牵引工况下,提前切断(直流/交流)电机功率输送,实现牵引末速的降低。该方法通过降低牵引末速进而间接降低制动初速,促成区间平均速度降低,从而延长

区间运行总时分。

惰行调整是指惰行工况下,以空气制动(闸瓦/盘式)或电磁制动(磁轨涡流/磁轨转子)辅助电气制动,通过调速制动,实现制动初速的降低。

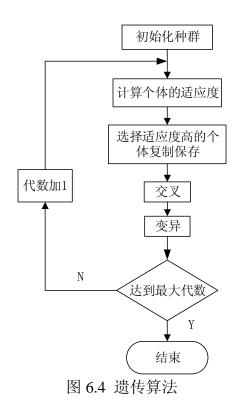
## ② 考虑多车的延误优化控制模型及求解方法

当列车延误时较长,使无论怎样调整延误时间在前车后一车,后一车后二车之间的分配,都导致列车的跟踪时间小于最小跟踪时间,此时需要将延误时间在后车、后一车、后两车或随后的车之间分配,对于这类问题,本文给出以下最优控制模型:

$$\begin{cases} \min \sum_{p=i+1}^{i+n} E_p(T) = \sum_{p=i+1}^{i+n} E_p(T_{j-1}) + \sum_{p=i+1}^{i+n} E_p(T_j) \\ s.t \\ \sum_{1}^{n} \lambda_i = 1 \\ 0 \le \lambda_i \le 1 \\ \frac{dv(t)}{dt} = u_f(t)F(v) - u_b(t)B(v) - \omega_0(v) - \omega_1(x) \\ L_{j-1} = \int_{0}^{T_{j-1} + \lambda DT_j^i} v(t)dt \\ L_j = \int_{T_{j-1} + \lambda DT_j^i}^{T_{j-1} + \lambda DT_j^i} v(t)dt \\ v(0) = v(T_{j-1} + \lambda DT_j^i) = v[T_j + (1 - \lambda)DT_j^i] = 0 \\ v \le \min(\overline{v}, 2\sqrt{sB_e}) \\ 0 \le u_f(t) \le 1 \\ 0 \le u_b(t) \le 1 \\ t_s - \lambda DT_j^i \ge \Delta T_{\min} \\ t_s - (1 - \lambda)DT_j^i \ge \Delta T_{\min} \end{cases}$$

$$(6-2)$$

由于该模型控制变量过多,难以用数值方法求解。这里,提出采用遗传算法进行求解。遗传算法是模拟达尔文生物进化论的自然选择和遗传学机理的生物进化过程的计算模型,是一种通过模拟自然进化过程搜索最优解的方法。遗传算法体现的是随机和迭代过程对种群中个体的作用。每个个体由一个或多个染色体组成,并且每个个体代表一种可行解。每一个个体根据对求解目标的适应性赋予权值,适应度高的个体将有更高的可能通过染色体复制传给下一代,并通过交叉和变异保持种群的多样性。经过多次迭代后的个体将有对目标解的更高适应度[11][12]。遗传算法的流程如图 6.4 所示:



## 七、 模型的评价与推广

## 7.1 模型评价

#### 7.1.1 模型的优点

①第一题中,首先对四种运行状态以及转换关系进行分析,总结出最节能的 5 种列车操控策略,不仅有实际意义,而且这对于无法解析求解的数学模型是极大地简化。通过简单的数值迭代即可求取速度—路程曲线以及最小能耗。在模型求解方法方面,提出引入二分法来准确寻找最小能量点,几步迭代后,即可求得较精确解,大大提高了计算效率。在求解两路段最小能量的问题时,引入了贪心算法,将无法解析的问题变得可以数值求解,相比枚举法来看,提高计算效率。

②第二题中,将一个复杂模型分两步进行优化,基于单车全程优化以及多车间隔优化,在优化过程中,进一步简化,使得问题可解,并且有利于实际的控制实现。在求解方法方面引入了分治策略,将多车分组优化,反复使用两车以及三车优化的结论当作参考进行全局优化。

③第三题中,比较之前的两题又引入了列车延误问题,分别提出了针对两车厌恶和 多车延误的调整策略的优化模型。

#### 7.1.2 模型的缺点

本文的所提出模型在一定程度上为简化计算,对问题作了部分简化。例如,问题二中,分组优化假定每个组的发车策略一致,并假定所有列车整体运行策略取一致。虽然简化了分析,但是不利于全局的最优。另外,部分模型的求解最优性缺乏严格数学证明,不利于模型推广。

## 7.2 模型改进

针对问题的分治策略,可以进行如下改进:对于多列车的发车间隔优化问题,可以在上文基础上将分治策略进一步深入,不仅仅是单步的分治优化,而是将分治策略不断进行。如图 7.1 所示,将所有列车两两分组优化,两两优化结束后,可将一个单位组再次等值成一列列车,该列车的运行时间长度变成 h+T。如此往复循环,直到只剩下一个间隔需要优化,将所有列车最终等值成一列列车。另外,如果某次待优化组数为奇数,则根据上文方法进行三车优化。

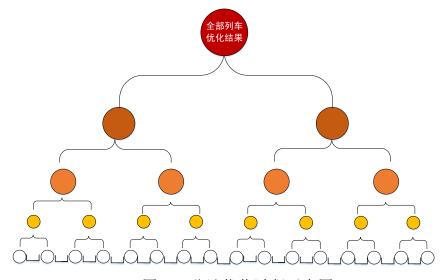


图 7.1 分治优化过程示意图

#### 7.3 模型推广

本文模型是针对牵引交通系统,对于工程中具有相同最优控制策略特点的问题,本文模型及求解方法同样有一定适用性。

# 八、 参考文献

- [1] 付印平. 列车追踪运行与节能优化建模与模拟研究[D]. 北京交通大学, 2009, 北京.
- [2] 顾青. 城市轨道交通列车节能优化驾驶研究[D]. 北京交通大学, 2014, 北京.
- [3] Ross I M. A Primer on Pontryagin's Principle in Optimal Control[M]. Collegiate Publishers, 2009.
- [4] 金炜东, 王自力, 李崇维, 苟先太, 靳蕃. 列车节能操纵优化方法研究[J]. 铁道学报, 1997, 19(6): 58-62.
- [5] Su S, Tang T, Li X, et al. Optimization of multitrain operations in a subway system[J]. Intelligent Transportation Systems, IEEE Transactions on, 2014, 15(2): 673-684.
- [6] 宿帅, 唐涛. 城市轨道交通 ATO 的节能优化研究[J]. 铁道学报, 2014, 36(12):50-55.
- [7] E. Khmelnitsky, On an optimal control problem of train operation[J], IEEE Transactions on Automatic Control, 45(7): 1257 1266.
- [8] 李坤妃. 多列车协同控制节能优化方法的研究[D]. 北京交通大学, 2014, 北京.
- [9] Ning Zh, Clive Roberts, Stuart Hillmansen, Gemma Nicholson, et al. A Multiple Train

Trajectory Optimization to Minimize Energy Consumption and Delay[J]. Intelligent Transportation Systems, IEEE Transactions on, 2015, pp. 1-10.

- [10] 吴洋, 罗霞. 一种晚点地铁列车实时调整策略及其动态速控模式[J]. 中国铁道科学, 2005, 26(6): 113-118.
- [11] 金炜东,靳蕃,李崇维,胡飞,苟先太.列车优化操纵速度模式曲线生成的智能计算研究[J]. 铁道学报,1998,20(5):47-52.
- [12] 陈荣武, 刘莉, 郭进. 基于遗传算法的列车运行能耗优化算法[J]. 交通运输工程学报, 2012, 12(1): 108-114.

# 九、 附录

## 附录 A 主要 Matlab 程序代码

1. 单列车单路段最小能量求解

```
clear;
clc;
w11=load('附加阻力.txt');%读入按公里标的处理好附加阻力
for i=12240:13594
 w1(13594-i+1) = -w11(i);
N=100000;%整个过程按距离分成N段
m=194.295*1000;
dL = (13594 - 12240) / N;
vm=80/3.6;
g=9.8;
step=0;
E1=30000e3;%二分法初始头指针
E2=40000e3;%二分法初始尾指针
%二分法迭代
while 1
v=[];p=[];q=[];sp=[];sq=[];s=[];
s(1)=1; v(1)=0;
i=1;
v(N+1) = 0;
w0(1) = 2.031 + 0.0622*(v(1)*3.6) + 0.001807*(v(1)*3.6)^2;
F=[];
E = (E1 + E2) / 2;
EE=E;
%最大牵引过程
while 1
 i=i+1;
 if v(i-1) \le 51.5/3.6 F(i-1) = 203; end
 if v(i-1) > 51.5/3.6
```

```
F(i-1) = -0.002032*(v(i-1)*3.6)^3 + 0.4928*(v(i-1)*3.6)^2 - 42.13*v(i-1)*3.6+13
   43; end
  w0(i-1)=2.031+0.0622*v(i-1)*3.6+0.001807*(v(i-1)*3.6)^2;
  w(i-1)=w0(i-1)+w1(floor(s(i-1)));
  a = (F(i-1)*1000-w(i-1)*g*m/1000)/m;
  v(i) = sqrt(v(i-1)^2 + 2*a*dL);
  s(i) = s(i-1) + dL;
 E=E-F(i-1)*1000*dL;
   if v(i)>=vm v(i)=vm;break;end
 if E<=0 break; end
end
 %匀速过程
while E>0
  i=i+1;
  v(i) = v(i-1);
  s(i) = s(i-1) + dL;
  w0(i-1)=2.031+0.0622*v(i-1)*3.6+0.001807*(v(i-1)*3.6)^2;
  w(i-1) = w0(i-1) + w1(floor(s(i-1)));
  E=E-w(i-1)*m*q/1000*dL;
 end
 % 惰行讨程
  k=i;
  p(k) = v(k);
   sp(k)=s(k);
 while k<N+1
   wp0(k) = 2.031 + 0.0622 * p(k) * 3.6 + 0.001807 * (p(k) * 3.6) ^ 2;
  wp(k) = wp0(k) + w1(floor(sp(k)));
   p(k+1) = sqrt(p(k)^2 - 2*dL*wp(k)*g/1000);
  sp(k+1) = sp(k) + dL;
  k=k+1;
 end
 %最大制动
 j=N+1;
 q(N+1)=0;
 sq(N+1)=13594-12240;
 while j>i
 if q(j) > 77/3.6 B(j) = 0.1343*(q(j)*3.6)^2 - 25.07*q(j)*3.6+1300; end
 if q(j) <= 77/3.6 B(j) = 166; end
    wq0(j)=2.031+0.0622*q(j)*3.6+0.001807*(q(j)*3.6)^2;
    a = (B(j)*1000+(wq0(j)+w1(ceil(sq(j))))*m*g/1000)/m;
    q(j-1) = sqrt(q(j)^2 + 2*a*dL);
    sq(j-1)=sq(j)-dL;
    j=j-1;
 end
```

```
%求解最大刹车线与惰行线交点
 while i<N+1
 i=i+1;
  v(i) = min(q(i), p(i));
 end
  T=0;
 for i=2:N
   T=T+dL/v(i);
 end
 if T>110 E1=EE;end
 if T<110 E2=EE;end
 if abs(T-110)<0.001 break; end %判断时间是否满足条件
end
i=0:N;
plot(i*dL, v*3.6);%输出v-s曲线
disp(EE/1000); %输出最小能量,单位: kJ
```

2. 单列车两路段最小耗能求解程序(与单列车全程 A1-A14 的优化为同一程序,仅是处理路段差异)

```
clear; clc;
aa=load('A1A14ET.txt'); %读入求出的十四个路段的E-T曲线
E=[20000 20000]; %给出E迭代初值
T=[147.0769089 145.8077719]; %给出T迭代初值
a=aa(:,11:14);
%求E-T曲线各段斜率
for i=1:2
  for j=1:99
   dt=a(j,i*2)-a(j+1,i*2);
   de=a(j,i*2-1)-a(j+1,i*2-1);
   b(i,j)=dt/de;
 end
end
dtde=b(:,1);
sumt=sum(T);
sume=sum(E);
dE=1; %能量迭代步长
k=0;
%开始迭代过程
while 1
 k=k+1;
 sume=sume+dE;
 [mindtde, sec] = min(dtde);
 T(sec) = T(sec) + mindtde * dE;
 E(sec) = E(sec) + dE;
```

```
sumt
 for j=1:99
  if a(j, sec*2-1) \le E(sec) \& a(j+1, sec*2-1) \ge E(sec) break; end
   dtde(sec)=b(sec,j); %更新斜率
   ssec(k,1)=sec;
   ssec(k,2)=j;
   sumt=sum(T);
  if (sumt-220)<0.001 break; end %判断时间是否符合要求,精确到0.001s
end
disp(T);
3. 两相邻列车最佳发车间隔求解程序
Clear:
Clc;
p1=load('P-t.txt');%读入处理好的单列车全程功率数据,牵引耗电以及刹车放电
Em=0;
E=[];
ef=[];
for i=1:2086
 if p1(i)<0</pre>
    Em=Em-p1(i);
 end
for i=2086:2086+660 p1(i)=0;end
for h=120:660
p2=[];
for j=h+1:1:2086+h
  p2(j) = p1(j-h);
 end
   for t=1:2086+h
     es(h,t)=0;
     ef(h,t)=0;
     psum(h,t)=0;
     if p1(t) > 0 es(h,t)=es(h,t)+p1(t);end
     if p1(t) < 0 ef(h,t)=ef(h,t)-p1(t);end
     if p2(t) > 0 es(h,t)=es(h,t)+p2(t);end
     if p2(t) < 0 ef(h,t)=ef(h,t)-p2(t);end
     if es(h,t) \ge ef(h,t) psum(h,t)=es(h,t)-ef(h,t); end
     if es(h,t) < ef(h,t) psum(h,t)=0;end
  Esum (h) = sum (psum (h, :));
end
h=120:660;
plot(h, Esum(120:660));
```

```
min(Esum(120:660));
```

## 4. 三相邻列车最佳发车间隔求解程序

```
p=load('P-t.txt'); %读入处理好的单列车全程功率数据,牵引耗电以及刹车放电
E=[];
Em=0;
sce=[];
cas=[];
num=0;
for i=1:2086+1320
  p1(i) = 0;
  p2(i)=0;
  p3(i)=0;
end
for i=1:2086
 if p(i) < 0
    Em=Em-p(i);
 end
end
for H=1277:1320
for i=1:2086+1320
  p2(i)=0;
  p3(i)=0;
end
num=0;
for h1=H-660:660
num=num+1;
sce(H,num)=0;
h2 = H - h1;
cas(H, num, 1) = h1;
cas(H,num,2)=h2;
p1=p;
 for i=2087:2086+1320
 p1(i)=0;
 end
 for j=1:1:2086
  p2(j+h1)=p1(j);
  p3(j+h1+h2)=p1(j);
 end
   for t=1:2086+H
      ef=0;es=0;
      psum=0;
      if p1(t)<0 ef=ef-p1(t);end</pre>
      if p2(t)<0 ef=ef-p2(t);end
```

```
if p3(t) < 0 ef=ef-p3(t);end
      if p1(t)>0 es=es+p1(t);end
      if p2(t)>0 es=es+p2(t);end
      if p2(t)>0 es=es+p2(t);end
      if es>=ef psum=es-ef;end
       if es<ef psum=0;end</pre>
      sce(H, num) = sce(H, num) + psum;
   end
 end
 end
 for H=1277:1320
 [E(H), Nmin(H)] = min(sce(H, 1:1320-H+1));
end
E=E;
H=1277:1320;
plot(H, E(H));
for H=1277:1320
best (H, 1) = cas(H, Nmin(H), 1);
best (H, 2) = cas(H, Nmin(H), 2);
best(H,3)=E(H);
end
5. 100列列车的耗能计算(与240列耗能计算同程序)
clear;clc;
p=load('P-t.txt');
h=load('ncar.txt');
psum=p;
t=0;
for i=1:63900+2086
 es(i)=0;ef(i)=0;
for i=1:2086
if p(i) > 0
   es(i)=p(i);
 end
 if p(i) < 0
  ef(i) = -p(i);
 end
end
for k=2:240
t=t+h(k-1);
pk=[];
 for j=1:2086
     pk(j+t)=p(j);
     if pk(j+t)>0
       es(j+t) = es(j+t) + pk(j+t);
```

```
end
    if pk(j+t)<0
        ef(j+t)=ef(j+t)-pk(j+t);
    end
end
end
end
for i=1:63900+2086
    if ef(i)>=es(i) psum(i)=0;end
    if ef(i)<es(i) psum(i)=es(i)-ef(i);end
end
sum(psum)
hold on;
plot(es);
plot(ef,'r','linewidth',2);</pre>
```

附录B 问题一(1)计算结果

| (hh:mm:ss)         (cm/s)         (km/h)         (m/s²)         (m)         (m)         度(‰)         (N)           0:00:00         0         0         0         0         13594         0         0           0:00:01         0.021682278         7.805619981         2.168227773         2.31534         13591.68466         0         203000         4-           0:00:02         0.031781393         11.44130153         1.009911541         2.65384         13589.03082         0         203000         6-           0:00:03         0.04184694         15.06489844         1.006554698         3.6558         13585.37502         0         203000         8-           0:00:04         0.051932724         18.69578061         1.008578379         4.68484         13580.69018         0         203000         16           0:00:05         0.061945093         22.30023363         1.001236952         5.67326         13575.01692         0         203000         12           0:00:06         0.071916879         25.8900765         0.997178574         6.67522         13568.3417         0         203000         14           0:00:07         0.081846515         29.46474533         0.992963563         7.67718         13560.66452   | 十算牵引功<br>率(kW)<br>0<br>40.1502378<br>45.1622807<br>49.4928844<br>054.234295 |
|--|---|
| 0:00:00         0         0         0         0         13594         0         0           0:00:01         0.021682278         7.805619981         2.168227773         2.31534         13591.68466         0         203000         44           0:00:02         0.031781393         11.44130153         1.009911541         2.65384         13589.03082         0         203000         64           0:00:03         0.04184694         15.06489844         1.006554698         3.6558         13585.37502         0         203000         84           0:00:04         0.051932724         18.69578061         1.008578379         4.68484         13580.69018         0         203000         10           0:00:05         0.061945093         22.30023363         1.001236952         5.67326         13575.01692         0         203000         12           0:00:06         0.071916879         25.8900765         0.997178574         6.67522         13568.3417         0         203000         12           0:00:07         0.081846515         29.46474533         0.992963563         7.67718         13560.66452         0         203000         13           0:00:08         0.091717149         33.01817376         0.987063455 <t< td=""><td>0<br/>40.1502378<br/>45.1622807<br/>49.4928844</td></t<> | 0<br>40.1502378<br>45.1622807<br>49.4928844                                 |
| 0:00:01       0.021682278       7.805619981       2.168227773       2.31534       13591.68466       0       203000       44         0:00:02       0.031781393       11.44130153       1.009911541       2.65384       13589.03082       0       203000       66         0:00:03       0.04184694       15.06489844       1.006554698       3.6558       13585.37502       0       203000       86         0:00:04       0.051932724       18.69578061       1.008578379       4.68484       13580.69018       0       203000       10         0:00:05       0.061945093       22.30023363       1.001236952       5.67326       13575.01692       0       203000       12         0:00:06       0.071916879       25.8900765       0.997178574       6.67522       13568.3417       0       203000       14         0:00:07       0.081846515       29.46474533       0.992963563       7.67718       13560.66452       0       203000       13         0:00:08       0.091717149       33.01817376       0.987063455       8.6656       13551.99892       0       203000       13         0:00:09       0.101530609       36.55101917       0.981345945       9.65402       13542.3449       0       203000 <td>40.1502378<br/>45.1622807<br/>49.4928844</td>   | 40.1502378<br>45.1622807<br>49.4928844                                      |
| 0:00:02       0.031781393       11.44130153       1.009911541       2.65384       13589.03082       0       203000       66         0:00:03       0.04184694       15.06489844       1.006554698       3.6558       13585.37502       0       203000       86         0:00:04       0.051932724       18.69578061       1.008578379       4.68484       13580.69018       0       203000       10         0:00:05       0.061945093       22.30023363       1.001236952       5.67326       13575.01692       0       203000       12         0:00:06       0.071916879       25.8900765       0.997178574       6.67522       13568.3417       0       203000       12         0:00:07       0.081846515       29.46474533       0.992963563       7.67718       13560.66452       0       203000       1         0:00:08       0.091717149       33.01817376       0.987063455       8.6656       13551.99892       0       203000       16         0:00:09       0.101530609       36.55101917       0.981345945       9.65402       13542.3449       0       203000       20         0:00:10       0.111275131       40.05904699       0.974452172       10.6289       13531.716       0       203000  | 45.1622807<br>49.4928844  |
| 0:00:03       0.04184694       15.06489844       1.006554698       3.6558       13585.37502       0       203000       84         0:00:04       0.051932724       18.69578061       1.008578379       4.68484       13580.69018       0       203000       10         0:00:05       0.061945093       22.30023363       1.001236952       5.67326       13575.01692       0       203000       12         0:00:06       0.071916879       25.8900765       0.997178574       6.67522       13568.3417       0       203000       14         0:00:07       0.081846515       29.46474533       0.992963563       7.67718       13560.66452       0       203000       1         0:00:08       0.091717149       33.01817376       0.987063455       8.6656       13551.99892       0       203000       18         0:00:09       0.101530609       36.55101917       0.981345945       9.65402       13542.3449       0       203000       20         0:00:10       0.111275131       40.05904699       0.974452172       10.6289       13531.716       0       203000       20         0:00:11       0.12094205       43.53913796       0.966691938       11.59024       13520.12576       0       203000  | 19.4928844  |
| 0:00:04       0.051932724       18.69578061       1.008578379       4.68484       13580.69018       0       203000       10         0:00:05       0.061945093       22.30023363       1.001236952       5.67326       13575.01692       0       203000       12         0:00:06       0.071916879       25.8900765       0.997178574       6.67522       13568.3417       0       203000       14         0:00:07       0.081846515       29.46474533       0.992963563       7.67718       13560.66452       0       203000       1         0:00:08       0.091717149       33.01817376       0.987063455       8.6656       13551.99892       0       203000       18         0:00:09       0.101530609       36.55101917       0.981345945       9.65402       13542.3449       0       203000       20         0:00:10       0.111275131       40.05904699       0.974452172       10.6289       13531.716       0       203000       22         0:00:11       0.12094205       43.53913796       0.966691938       11.59024       13520.12576       0       203000       22   |   |
| 0:00:05       0.061945093       22.30023363       1.001236952       5.67326       13575.01692       0       203000       12         0:00:06       0.071916879       25.8900765       0.997178574       6.67522       13568.3417       0       203000       14         0:00:07       0.081846515       29.46474533       0.992963563       7.67718       13560.66452       0       203000       1         0:00:08       0.091717149       33.01817376       0.987063455       8.6656       13551.99892       0       203000       18         0:00:09       0.101530609       36.55101917       0.981345945       9.65402       13542.3449       0       203000       20         0:00:10       0.111275131       40.05904699       0.974452172       10.6289       13531.716       0       203000       20         0:00:11       0.12094205       43.53913796       0.966691938       11.59024       13520.12576       0       203000       24   | )54.234295  |
| 0:00:06       0.071916879       25.8900765       0.997178574       6.67522       13568.3417       0       203000       14         0:00:07       0.081846515       29.46474533       0.992963563       7.67718       13560.66452       0       203000       1         0:00:08       0.091717149       33.01817376       0.987063455       8.6656       13551.99892       0       203000       18         0:00:09       0.101530609       36.55101917       0.981345945       9.65402       13542.3449       0       203000       20         0:00:10       0.111275131       40.05904699       0.974452172       10.6289       13531.716       0       203000       22         0:00:11       0.12094205       43.53913796       0.966691938       11.59024       13520.12576       0       203000       24   |   |
| 0:00:07       0.081846515       29.46474533       0.992963563       7.67718       13560.66452       0       203000       1         0:00:08       0.091717149       33.01817376       0.987063455       8.6656       13551.99892       0       203000       18         0:00:09       0.101530609       36.55101917       0.981345945       9.65402       13542.3449       0       203000       20         0:00:10       0.111275131       40.05904699       0.974452172       10.6289       13531.716       0       203000       20         0:00:11       0.12094205       43.53913796       0.966691938       11.59024       13520.12576       0       203000       24   | 257.485396  |
| 0:00:08     0.091717149     33.01817376     0.987063455     8.6656     13551.99892     0     203000     18       0:00:09     0.101530609     36.55101917     0.981345945     9.65402     13542.3449     0     203000     20       0:00:10     0.111275131     40.05904699     0.974452172     10.6289     13531.716     0     203000     22       0:00:11     0.12094205     43.53913796     0.966691938     11.59024     13520.12576     0     203000     22  | 459.912647  |
| 0:00:09     0.101530609     36.55101917     0.981345945     9.65402     13542.3449     0     203000     20       0:00:10     0.111275131     40.05904699     0.974452172     10.6289     13531.716     0     203000     22       0:00:11     0.12094205     43.53913796     0.966691938     11.59024     13520.12576     0     203000     22   | 661.48425   |
| 0:00:10     0.111275131     40.05904699     0.974452172     10.6289     13531.716     0     203000     2:       0:00:11     0.12094205     43.53913796     0.966691938     11.59024     13520.12576     0     203000     2:  | 861.858132  |
| 0:00:11  | 061.071359  |
|  | 258.885149  |
| 0:00:12  | 455.123613  |
|  | 650.053803  |
| 0:00:13  | 843.288515  |
| 0:00:14  | 789.195672  |
| 0:00:15  | 651.960755  |
| 0:00:16  | 539.684138  |
| 0:00:17  | 146.892503  |
| 0:00:18  | 369.492768  |
| 0:00:19  | 0   |
| $0:00:20 \qquad 0.177891363  64.04089054  -0.13218349 \qquad 17.84572 \qquad 13378.36196 \qquad 0 \qquad \qquad 0$   | 0   |
| $0.00:21 \qquad 0.176583437  63.57003717  -0.1307926 \qquad 17.71032 \qquad 13360.65164 \qquad 0 \qquad \qquad 0$  | 0   |
| $0:00:22 \qquad 0.175289298  63.10414734  -0.12941384 \qquad 17.57492 \qquad 13343.07672 \qquad 0 \qquad \qquad 0$   | 0   |
| $0:00:23 \qquad 0.174007835  62.64282073  -0.12814628 \qquad 17.45306 \qquad 13325.62366 \qquad 0 \qquad \qquad 0$   | 0   |
| 0:00:24  | 0   |
| $0:00:25 \qquad 0.171484477  61.73441175  -0.12554522 \qquad 17.1958 \qquad 13291.1102 \qquad 0 \qquad \qquad 0$   | 0   |

| 0.0025   |     |       |             |             |             |          |             |      |   |   |
|--|-----|-------|-------------|-------------|-------------|----------|-------------|------|---|---|
| 0.00.28         0.167282473         60.22169016         -0.18898799         16.77666         13240.3352         1.8         0         0           0.00.29         0.16990428         89.72577891         -0.13757451         16.6542         13223.681         1.8         0         0           0.00.30         0.164541808         89.23505078         -0.136919905         16.36966         13309.08588         1.8         0         0           0.00.31         0.161859063         58.26782273         -0.13368241         16.23446         13174,57142         1.8         0         0           0.00.33         0.16859063         58.26782273         -0.131049146         15.9772         13142,48162         1.8         0         0           0.00.33         0.15918841         66.59078288         -0.12992389         15.8418         1312,48162         1.8         0         0           0.00.33         0.15963231         56.38763176         -0.12865309         15.7064         13110,93342         1.8         0         0           0.00.33         0.154693686         55.47572707         -0.12636014         15.46268         1390,939862         1.8         0         0           0.00.34         0.154693686         55.47727707  | 0:0 | 00:26 | 0.170076794 | 61.22764589 | -0.1407683  | 17.07394 | 13274.03626 | 1.8  | 0 | 0 |
| 0.0029   | 0:0 | 00:27 | 0.168672311 | 60.72203179 | -0.14044836 | 16.925   | 13257.11126 | 1.8  | 0 | 0 |
| 0.0030         0.164341808         59.23505078         -0.13611198         16.50526         13207,17574         1.8         0         0           0.0031         0.163191887         58.74907941         -0.13499205         16.36986         13190,80888         1.8         0         0           0.0032         0.1635063         58.26782273         -0.13680241         16.23461         16.1246         13158,45882         1.8         0         0           0.0033         0.165030122         57.79084386         -0.13294113         16.1126         13158,45882         1.8         0         0           0.0035         0.157918841         56.85078288         -0.12992389         15.8418         13126,65982         1.8         0         0           0.0036         0.15606231         56.38763767         -0.1286309         15.7972         13142,48162         1.8         0         0           0.0037         0.155841421         55.87372707         -0.12636014         15.46268         13079,8862         1.8         0         0           0.0043         0.15841421         55.02291152         -0.12522654         15.34082         13045,39966         1.8         0         0           0.0044         0.15160152         54.   | 0:0 | 00:28 | 0.167282473 | 60.22169016 | -0.13898379 | 16.77606 | 13240.3352  | 1.8  | 0 | 0 |
| 0.0031         0.163191887         S8.74907941         -0.13499205         16.36986         13190.80588         1.8         0         0           0.0032         0.161853063         S8.26782273         -0.13368241         16.23446         13174.57142         1.8         0         0           0.0033         0.15921808         \$7.31850887         -0.13120416         15.9772         13142.48162         1.8         0         0           0.0035         0.157918841         \$6.85078288         -0.12902389         15.8418         13126.63982         1.8         0         0           0.0036         0.15663231         \$6.83763176         -0.12865309         15.7064         13110.93342         1.8         0         0           0.0037         0.155372885         \$59.286239         -0.12750227         15.58444         13095.34888         1.8         0         0           0.0038         0.154093686         55.47372707         -0.12536014         15.4656141         50.455641         15.4082         13064.54588         1.8         0         0           0.0041         0.151601512         54.57654115         -0.12399094         15.20542         13049.33996         1.8         0         0           0.0041 <td< td=""><td>0:0</td><td>0:29</td><td>0.165904928</td><td>59.72577391</td><td>-0.13775451</td><td>16.6542</td><td>13223.681</td><td>1.8</td><td>0</td><td>0</td></td<>              | 0:0 | 0:29  | 0.165904928 | 59.72577391 | -0.13775451 | 16.6542  | 13223.681   | 1.8  | 0 | 0 |
| 0.0032   | 0:0 | 00:30 | 0.164541808 | 59.23505078 | -0.13631198 | 16.50526 | 13207.17574 | 1.8  | 0 | 0 |
| 0.00.33  | 0:0 | 00:31 | 0.163191887 | 58.74907941 | -0.13499205 | 16.36986 | 13190.80588 | 1.8  | 0 | 0 |
| 0.00:34  | 0:0 | 00:32 | 0.161855063 | 58.26782273 | -0.13368241 | 16.23446 | 13174.57142 | 1.8  | 0 | 0 |
| 0.0035         0.157918841         56.85078288         -0.12992389         15.8418         13126.63982         1.8         0         0           0.0036         0.15663231         56.38763176         -0.12865309         15.7064         13110.93342         1.8         0         0           0.0037         0.153357288         55.92863259         -0.12702027         15.58454         13095,34888         1.8         0         0           0.0039         0.152841421         55.02291152         -0.12522654         15.34082         13064.54538         1.8         0         0           0.0040         0.151601512         54.57654415         -0.12299094         15.20542         13049.33996         1.8         0         0           0.0041         0.150372771         54.13419745         -0.12167623         14.9617         13019.2947         1.8         0         0           0.0043         0.146752768         52.88099653         -0.1197083         14.71798         12989,73688         1.8         0         0           0.0044         0.146727768         52.88099653         -0.1197083         14.71798         12989,73688         1.8         0         0           0.0045         0.1432973412         51.56179649   | 0:0 | 00:33 | 0.160530122 | 57.79084386 | -0.13249413 | 16.1126  | 13158.45882 | 1.8  | 0 | 0 |
| 0:0036         0.15663231         56.38763176         -0.12865309         15.7064         13110.93342         1.8         0         0           0:0037         0.155357288         55.92862359         -0.12750227         15.58454         13095.34888         1.8         0         0           0:0038         0.154093686         55.47372707         -0.1226631         15.46268         13079.8862         1.8         0         0           0:0039         0.152841421         55.02291152         -0.12329094         15.20542         1304933996         1.8         0         0           0:0041         0.150372771         54.13419745         -0.12287408         15.08356         13034.2564         1.8         0         0           0:0042         0.149155118         53.69584264         -0.12176523         14.9617         13019.2947         1.8         0         0           0:0043         0.147948476         53.26145153         -0.1206642         14.83984         13004.45486         1.8         0         0           0:0045         0.144596562         52.4005514         -0.11859483         14.60966         12975.12722         1.8         0         0           0:0045         0.1445094559         1.98099707 <td< td=""><td>0:0</td><td>00:34</td><td>0.15921808</td><td>57.31850887</td><td>-0.13120416</td><td>15.9772</td><td>13142.48162</td><td>1.8</td><td>0</td><td>0</td></td<>                | 0:0 | 00:34 | 0.15921808  | 57.31850887 | -0.13120416 | 15.9772  | 13142.48162 | 1.8  | 0 | 0 |
| 0:00:37         0.155357288         55.92862359         -0.12750227         15.58454         13095.34888         1.8         0         0           0:00:38         0.154093686         55.47372707         -0.12636014         15.46268         13079.8862         1.8         0         0           0:00:39         0.152841421         55.02291152         -0.12252644         15.4082         13064.54538         1.8         0         0           0:00:40         0.151601512         54.57654415         -0.12299094         15.20542         13049.33996         1.8         0         0           0:00:41         0.150372771         54.13419745         -0.12287408         15.08356         1304.2564         1.8         0         0           0:00:43         0.1491518         53.69584264         -0.12176523         14.9617         13019.2947         1.8         0         0           0:00:44         0.146752768         52.83099653         -0.11957083         14.71798         12989.73688         1.8         0         0           0:00:45         0.144391659         51.9899797         -0.11751613         14.4878         12960.63942         1.8         0         0           0:00:46         0.143021695         51.9899797   | 0:0 | 00:35 | 0.157918841 | 56.85078288 | -0.12992389 | 15.8418  | 13126.63982 | 1.8  | 0 | 0 |
| 0:0038         0.154093686         55.47372707         -0.12636014         15.46268         13079.8862         1.8         0         0           0:0039         0.152841421         55.02291152         -0.12522654         15.34082         13064.54538         1.8         0         0           0:0040         0.151601512         54.57654415         -0.12399094         15.20542         13049.33996         1.8         0         0           0:0041         0.150372771         54.13419745         -0.12287408         15.08326         13034.2564         1.8         0         0           0:0043         0.149155118         53.69584264         -0.12176523         14.9617         13019.2947         1.8         0         0           0:0043         0.147948476         53.26145153         -0.1206642         14.83984         13004.45486         1.8         0         0           0:0045         0.14556682         52.40405514         -0.11859483         14.60966         12975.12722         1.8         0         0           0:0046         0.144321659         51.98099707         -0.11751613         14.4878         12906.63942         1.8         0         0           0:0047         0.143227212         51.56179649  | 0:0 | 00:36 | 0.15663231  | 56.38763176 | -0.12865309 | 15.7064  | 13110.93342 | 1.8  | 0 | 0 |
| 0.0039         0.152841421         55.02291152         -0.12522654         15.34082         13064,54538         1.8         0         0           0.0040         0.151601512         54.57654415         -0.12399094         15.20542         13049,33996         1.8         0         0           0.0041         0.150372771         54.13419745         -0.12287408         15.08356         13034,2564         1.8         0         0           0.0042         0.149155118         53.69584264         -0.12176523         14.9617         13019,2947         1.8         0         0           0.0043         0.147948476         53.26145153         -0.1206642         14.83984         13004,454866         1.8         0         0           0.0044         0.14576682         52.40405514         -0.11859483         14.60966         12975,12722         1.8         0         0           0.0045         0.14526682         52.40405514         -0.1185443         14.60966         12975,12722         1.8         0         0           0.0047         0.143212712         51.14642814         -0.11541641         14.36594         12946,27348         1.8         0         0           0.0043         0.14902095         50.73447288  | 0:0 | 00:37 | 0.155357288 | 55.92862359 | -0.12750227 | 15.58454 | 13095.34888 | 1.8  | 0 | 0 |
| 0:00:40         0.151601512         54.57654415         -0.12399094         15.20542         13049,33996         1.8         0         0           0:00:41         0.150372771         54.13419745         -0.12287408         15.08356         13034,2564         1.8         0         0           0:00:42         0.149155118         53.69584264         -0.12176523         14.9617         13019,2947         1.8         0         0           0:00:43         0.147948476         53.26145153         -0.1206642         14.83984         13004,45486         1.8         0         0           0:00:44         0.145752768         52.8099653         -0.11957083         14.71798         12989,73688         1.8         0         0           0:00:45         0.14526682         52.40405514         -0.11859483         14.60966         12975,12722         1.8         0         0           0:00:46         0.143227212         51.56179649         -0.116446161         14.36594         12946,27348         1.8         0         0           0:00:49         0.149029091         50.73447288         -0.114446161         14.32576         12917.89364         1.8         0         0           0:00:50         0.140020965         50.40754748 </td <td>0:0</td> <td>00:38</td> <td>0.154093686</td> <td>55.47372707</td> <td>-0.12636014</td> <td>15.46268</td> <td>13079.8862</td> <td>1.8</td> <td>0</td> <td>0</td>   | 0:0 | 00:38 | 0.154093686 | 55.47372707 | -0.12636014 | 15.46268 | 13079.8862  | 1.8  | 0 | 0 |
| 0.0041         0.150372771         54.13419745         -0.12287408         15.08356         13034.2564         1.8         0         0           0.0042         0.149155118         53.69584264         -0.12176523         14.9617         13019.2947         1.8         0         0           0.0043         0.147948476         53.26145153         -0.1206642         14.83984         13004.45486         1.8         0         0           0.0044         0.146752768         52.83099653         -0.11957083         14.71798         12989.73688         1.8         0         0           0.0045         0.144591659         51.98099707         -0.11751613         14.4878         12960.63942         1.8         0         0           0.0046         0.144391659         51.98099707         -0.11751613         14.4878         12960.63942         1.8         0         0           0.0047         0.143227212         51.56179649         -0.11644461         14.36794         12917.89364         1.8         0         0           0.0043         0.14020965         50.73447288         -0.11443202         14.13576         12917.89364         1.8         0         0           0.0051         0.134010846         50.18790454  | 0:0 | 0:39  | 0.152841421 | 55.02291152 | -0.12522654 | 15.34082 | 13064.54538 | 1.8  | 0 | 0 |
| 0:00:42         0.149155118         53.69584264         -0.12176523         14.9617         13019.2947         1.8         0         0           0:00:43         0.147948476         53.26145153         -0.1206642         14.83984         13004.45486         1.8         0         0           0:00:44         0.146752768         52.83099653         -0.11957083         14.71798         12989.73688         1.8         0         0           0:00:45         0.14556682         52.40405514         -0.11859483         14.60966         12975.12722         1.8         0         0           0:00:46         0.144391659         51.98099707         -0.11751613         14.4878         12960.63942         1.8         0         0           0:00:47         0.143227212         51.56179649         -0.11644461         14.36594         12946.27348         1.8         0         0           0:00:48         0.142073412         51.14642814         -0.1153801         14.24408         12932.0294         1.8         0         0           0:00:50         0.140029091         50.7344728         -0.11443202         14.13576         12917.89364         1.8         0         0           0:00:51         0.138016569         49.97003719  | 0:0 | 00:40 | 0.151601512 | 54.57654415 | -0.12399094 | 15.20542 | 13049.33996 | 1.8  | 0 | 0 |
| 0.0043         0.147948476         53.26145153         -0.1206642         14.83984         13004.45486         1.8         0         0           0.0044         0.146752768         52.83099653         -0.11957083         14.71798         12989.73688         1.8         0         0           0.0045         0.14556682         52.40405514         -0.11859483         14.60966         12975.12722         1.8         0         0           0.0046         0.144391659         51.98099707         -0.11751613         14.4878         12960.63942         1.8         0         0           0.0047         0.143227212         51.56179649         -0.11644461         14.36594         12946.27348         1.8         0         0           0.0048         0.142073412         51.14642814         -0.1153801         14.24408         12932.0294         1.8         0         0           0.0049         0.140020965         50.40754748         -0.09081261         14.02744         12903.8662         -3.5         0         0           0.0051         0.13840846         50.18790454         -0.06101193         13.95974         12889.90646         -3.5         0         0           0.0052         0.138805659         49.975414357   | 0:0 | 00:41 | 0.150372771 | 54.13419745 | -0.12287408 | 15.08356 | 13034.2564  | 1.8  | 0 | 0 |
| 0.00:44         0.146752768         \$2,83099653         -0.11957083         14,71798         12989,73688         1.8         0         0           0:00:45         0.14556682         \$2.40405514         -0.11859483         14,60966         12975,12722         1.8         0         0           0:00:46         0.144391659         \$1.98099707         -0.11751613         14.4878         12960.63942         1.8         0         0           0:00:47         0.143227212         \$1.56179649         -0.11644461         14.36594         12946.27348         1.8         0         0           0:00:49         0.140929091         \$5.14642814         -0.1153801         14.24408         12932,0294         1.8         0         0           0:00:50         0.140020965         \$5.40754748         -0.09081261         14.02744         12903.8662         -3.5         0         0           0:00:51         0.138410846         \$50.18790454         -0.06101193         13.95974         12889.90646         -3.5         0         0           0:00:52         0.138805659         49.97043719         -0.06951871         13.90588         12876.00088         -3.5         0         0           0:00:53         0.13762169         49.5420841<   | 0:0 | 00:42 | 0.149155118 | 53.69584264 | -0.12176523 | 14.9617  | 13019.2947  | 1.8  | 0 | 0 |
| 0:00:45         0.14556682         52,40405514         -0.11859483         14,60966         12975,12722         1.8         0         0           0:00:46         0.144391659         51,9809707         -0.11751613         14,4878         12960,63942         1.8         0         0           0:00:47         0.143227212         51,56179649         -0.11644461         14,36594         12946,27348         1.8         0         0           0:00:48         0.142073412         51,14642814         -0.1153801         14,24408         12932,0294         1.8         0         0           0:00:49         0.140929091         50.73447288         -0.11443202         14,13576         12917,89364         1.8         0         0           0:00:50         0.140020965         50,40754748         -0.09081261         14,02744         12903,8662         -3.5         0         0           0:00:51         0.139410846         50,18790454         -0.06101193         13,95974         12889,90646         -3.5         0         0           0:00:52         0.138805659         49,97003719         -0.06901871         13,90558         12876,00088         -3.5         0         0           0:00:53         0.13761169         49,54020841 </td <td>0:0</td> <td>00:43</td> <td>0.147948476</td> <td>53.26145153</td> <td>-0.1206642</td> <td>14.83984</td> <td>13004.45486</td> <td>1.8</td> <td>0</td> <td>0</td>   | 0:0 | 00:43 | 0.147948476 | 53.26145153 | -0.1206642  | 14.83984 | 13004.45486 | 1.8  | 0 | 0 |
| 0:00:46         0.144391659         51.98099707         -0.11751613         14.4878         12960.63942         1.8         0         0           0:00:47         0.143227212         51.56179649         -0.11644461         14.36594         12946.27348         1.8         0         0           0:00:48         0.142073412         51.14642814         -0.1153801         14.24408         12932.0294         1.8         0         0           0:00:49         0.140929091         50.73447288         -0.11443202         14.13576         12917.89364         1.8         0         0           0:00:51         0.139410846         50.18790454         -0.06101193         13.95974         12889.90646         -3.5         0         0           0:00:52         0.138805659         49.97003719         -0.06051871         13.90558         12876.00088         -3.5         0         0           0:00:53         0.138205954         49.75414357         -0.05997045         13.83788         12862.163         -3.5         0         0           0:00:54         0.13761169         49.54020841         -0.05942643         13.77018         12848.39282         -3.5         0         0           0:00:55         0.13643758         49.11752867<  | 0:0 | 00:44 | 0.146752768 | 52.83099653 | -0.11957083 | 14.71798 | 12989.73688 | 1.8  | 0 | 0 |
| 0:00:47         0.143227212         51.56179649         -0.11644461         14.36594         12946.27348         1.8         0         0           0:00:48         0.142073412         51.14642814         -0.1153801         14.24408         12932.0294         1.8         0         0           0:00:49         0.140929091         50.73447288         -0.11443202         14.13576         12917.89364         1.8         0         0           0:00:50         0.140020965         50.40754748         -0.09081261         14.02744         12903.8662         -3.5         0         0           0:00:51         0.139410846         50.18790454         -0.06101193         13.95574         12889.90646         -3.5         0         0           0:00:52         0.138805659         49.97003719         -0.0651871         13.90558         12876.00088         -3.5         0         0           0:00:53         0.138205954         49.75414357         -0.05997045         13.83788         12862.163         -3.5         0         0           0:00:54         0.13761169         49.54020841         -0.05942643         13.71602         12834.6768         -3.5         0         0           0:00:55         0.137632758         49.11752867<  | 0:0 | 00:45 | 0.14556682  | 52.40405514 | -0.11859483 | 14.60966 | 12975.12722 | 1.8  | 0 | 0 |
| 0:00:48         0.142073412         51.14642814         -0.1153801         14.24408         12932.0294         1.8         0         0           0:00:49         0.140929091         50.73447288         -0.11443202         14.13576         12917.89364         1.8         0         0           0:00:50         0.140020965         50.40754748         -0.09081261         14.02744         12903.8662         -3.5         0         0           0:00:51         0.139410846         50.18790454         -0.06018171         13.95974         12889.90646         -3.5         0         0           0:00:52         0.138805659         49.97003719         -0.06051871         13.90558         12876.00088         -3.5         0         0           0:00:53         0.138205954         49.75414357         -0.05997045         13.83788         12862.163         -3.5         0         0           0:00:54         0.13761169         49.54020841         -0.05942643         13.77018         12848.39282         -3.5         0         0           0:00:55         0.13643758         49.11752867         -0.05846636         13.66186         12821.01494         -3.5         0         0           0:00:57         0.135857665         48.9087594  | 0:0 | 00:46 | 0.144391659 | 51.98099707 | -0.11751613 | 14.4878  | 12960.63942 | 1.8  | 0 | 0 |
| 0:00:49         0.140929091         50.73447288         -0.11443202         14.13576         12917.89364         1.8         0         0           0:00:50         0.140020965         50.40754748         -0.09081261         14.02744         12903.8662         -3.5         0         0           0:00:51         0.139410846         50.18790454         -0.06101193         13.95574         12889.90646         -3.5         0         0           0:00:52         0.138805659         49.97003719         -0.0691871         13.90558         12876.00088         -3.5         0         0           0:00:53         0.138205954         49.75414357         -0.05942643         13.77018         12848.39282         -3.5         0         0           0:00:54         0.13761169         49.54020841         -0.05942643         13.77018         12848.39282         -3.5         0         0           0:00:55         0.13643758         49.11752867         -0.05846636         13.66186         12821.01494         -3.5         0         0           0:00:57         0.135857665         48.90875943         -0.0579145         13.6077         12807.40724         -3.5         0         0           0:00:58         0.135283039         48.70189  | 0:0 | 00:47 | 0.143227212 | 51.56179649 | -0.11644461 | 14.36594 | 12946.27348 | 1.8  | 0 | 0 |
| 0:00:50         0.140020965         50.40754748         -0.09081261         14.02744         12903.8662         -3.5         0         0           0:00:51         0.139410846         50.18790454         -0.06101193         13.95974         12889.90646         -3.5         0         0           0:00:52         0.138805659         49.97003719         -0.06051871         13.90558         12876.00088         -3.5         0         0           0:00:53         0.138205954         49.75414357         -0.05997045         13.83788         12862.163         -3.5         0         0           0:00:54         0.13761169         49.54020841         -0.05942643         13.77018         12848.39282         -3.5         0         0           0:00:55         0.137022243         49.32800757         -0.05894688         13.71602         12834.6768         -3.5         0         0           0:00:56         0.13643758         49.11752867         -0.05846636         13.66186         12821.01494         -3.5         0         0           0:00:57         0.135857665         48.90875943         -0.0579145         13.6077         12807.40724         -3.5         0         0           0:00:58         0.135283039         48.701894  | 0:0 | 00:48 | 0.142073412 | 51.14642814 | -0.1153801  | 14.24408 | 12932.0294  | 1.8  | 0 | 0 |
| 0:00:51         0.139410846         50.18790454         -0.06101193         13.95974         12889.90646         -3.5         0         0           0:00:52         0.138805659         49.97003719         -0.06051871         13.90558         12876.00088         -3.5         0         0           0:00:53         0.138205954         49.75414357         -0.05997045         13.83788         12862.163         -3.5         0         0           0:00:54         0.13761169         49.54020841         -0.05942643         13.77018         12848.39282         -3.5         0         0           0:00:55         0.137022243         49.32800757         -0.05846636         13.66186         12821.01494         -3.5         0         0           0:00:56         0.13643758         49.11752867         -0.05846636         13.60186         12821.01494         -3.5         0         0           0:00:57         0.135857665         48.90875943         -0.05799145         13.6077         12807.40724         -3.5         0         0           0:00:58         0.135283039         48.7018941         -0.05746259         13.54         12793.86724         -3.5         0         0           0:00:59         0.13471309         48.49671244  | 0:0 | 0:49  | 0.140929091 | 50.73447288 | -0.11443202 | 14.13576 | 12917.89364 | 1.8  | 0 | 0 |
| 0:00:52         0.138805659         49.97003719         -0.06051871         13.90558         12876.00088         -3.5         0         0           0:00:53         0.138205954         49.75414357         -0.05997045         13.83788         12862.163         -3.5         0         0           0:00:54         0.13761169         49.54020841         -0.05942643         13.77018         12848.39282         -3.5         0         0           0:00:55         0.137022243         49.32800757         -0.05894468         13.71602         12834.6768         -3.5         0         0           0:00:56         0.13643758         49.11752867         -0.05846636         13.66186         12821.01494         -3.5         0         0           0:00:57         0.135857665         48.90875943         -0.05799145         13.6077         12807.40724         -3.5         0         0           0:00:58         0.135283039         48.7018941         -0.05746259         13.54         12793.86724         -3.5         0         0           0:00:59         0.13471309         48.49671244         -0.05699491         13.48584         12780.3814         -3.5         0         0           0:01:00         0.134147785         48.29320244 </td <td>0:0</td> <td>0:50</td> <td>0.140020965</td> <td>50.40754748</td> <td>-0.09081261</td> <td>14.02744</td> <td>12903.8662</td> <td>-3.5</td> <td>0</td> <td>0</td>   | 0:0 | 0:50  | 0.140020965 | 50.40754748 | -0.09081261 | 14.02744 | 12903.8662  | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:00:53         0.138205954         49.75414357         -0.05997045         13.83788         12862.163         -3.5         0         0           0:00:54         0.13761169         49.54020841         -0.05942643         13.77018         12848.39282         -3.5         0         0           0:00:55         0.137022243         49.32800757         -0.05894468         13.71602         12834.6768         -3.5         0         0           0:00:56         0.13643758         49.11752867         -0.05846636         13.66186         12821.01494         -3.5         0         0           0:00:57         0.135857665         48.90875943         -0.05799145         13.6017         12807.40724         -3.5         0         0           0:00:58         0.135283039         48.7018941         -0.05746259         13.54         12793.86724         -3.5         0         0           0:00:59         0.13471309         48.49671244         -0.05699491         13.48584         12780.3814         -3.5         0         0           0:01:00         0.134147785         48.29320244         -0.05653055         13.43168         12766.94972         -3.5         0         0           0:01:01         0.133031536         47.891353 <td>0:0</td> <td>00:51</td> <td>0.139410846</td> <td>50.18790454</td> <td>-0.06101193</td> <td>13.95974</td> <td>12889.90646</td> <td>-3.5</td> <td>0</td> <td>0</td>        | 0:0 | 00:51 | 0.139410846 | 50.18790454 | -0.06101193 | 13.95974 | 12889.90646 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:00:54         0.13761169         49.54020841         -0.05942643         13.77018         12848.39282         -3.5         0         0           0:00:55         0.137022243         49.32800757         -0.05894468         13.71602         12834.6768         -3.5         0         0           0:00:56         0.13643758         49.11752867         -0.05846636         13.66186         12821.01494         -3.5         0         0           0:00:57         0.135857665         48.90875943         -0.05799145         13.6077         12807.40724         -3.5         0         0           0:00:58         0.135283039         48.7018941         -0.05746259         13.54         12793.86724         -3.5         0         0           0:00:59         0.13471309         48.49671244         -0.05699491         13.48584         12780.3814         -3.5         0         0           0:01:00         0.134147785         48.29320244         -0.05653055         13.43168         12766.94972         -3.5         0         0           0:01:01         0.133031536         47.891353         -0.05601287         13.33336         12740.26238         -3.5         0         0           0:01:02         0.131393459         47.49604525 </td <td>0:0</td> <td>00:52</td> <td>0.138805659</td> <td>49.97003719</td> <td>-0.06051871</td> <td>13.90558</td> <td>12876.00088</td> <td>-3.5</td> <td>0</td> <td>0</td> | 0:0 | 00:52 | 0.138805659 | 49.97003719 | -0.06051871 | 13.90558 | 12876.00088 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:00:55         0.137022243         49.32800757         -0.05894468         13.71602         12834.6768         -3.5         0         0           0:00:56         0.13643758         49.11752867         -0.05846636         13.66186         12821.01494         -3.5         0         0           0:00:57         0.135857665         48.90875943         -0.05799145         13.6077         12807.40724         -3.5         0         0           0:00:58         0.135283039         48.7018941         -0.05746259         13.54         12793.86724         -3.5         0         0           0:00:59         0.13471309         48.49671244         -0.05699491         13.48584         12780.3814         -3.5         0         0           0:01:00         0.134147785         48.29320244         -0.05653055         13.43168         12766.94972         -3.5         0         0           0:01:01         0.133031536         47.891353         -0.05601287         13.36398         12753.58574         -3.5         0         0           0:01:02         0.133031536         47.891353         -0.05561197         13.32336         12740.26238         -3.5         0         0           0:01:03         0.132480523         47.69298834 <td>0:0</td> <td>00:53</td> <td>0.138205954</td> <td>49.75414357</td> <td>-0.05997045</td> <td>13.83788</td> <td>12862.163</td> <td>-3.5</td> <td>0</td> <td>0</td>         | 0:0 | 00:53 | 0.138205954 | 49.75414357 | -0.05997045 | 13.83788 | 12862.163   | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:00:56         0.13643758         49.11752867         -0.05846636         13.66186         12821.01494         -3.5         0         0           0:00:57         0.135857665         48.90875943         -0.05799145         13.6077         12807.40724         -3.5         0         0           0:00:58         0.135283039         48.7018941         -0.05746259         13.54         12793.86724         -3.5         0         0           0:00:59         0.13471309         48.49671244         -0.05699491         13.48584         12780.3814         -3.5         0         0           0:01:00         0.134147785         48.29320244         -0.05653055         13.43168         12766.94972         -3.5         0         0           0:01:01         0.133587656         48.0915561         -0.05601287         13.36398         12753.58574         -3.5         0         0           0:01:02         0.133031536         47.891353         -0.05561197         13.32336         12740.26238         -3.5         0         0           0:01:03         0.132480523         47.69298834         -0.05510129         13.25566         12727.00672         -3.5         0         0           0:01:04         0.131933459         47.49604525<  | 0:0 | 0:54  | 0.13761169  | 49.54020841 | -0.05942643 | 13.77018 | 12848.39282 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:00:57         0.135857665         48.90875943         -0.05799145         13.6077         12807.40724         -3.5         0         0           0:00:58         0.135283039         48.7018941         -0.05746259         13.54         12793.86724         -3.5         0         0           0:00:59         0.13471309         48.49671244         -0.05699491         13.48584         12780.3814         -3.5         0         0           0:01:00         0.134147785         48.29320244         -0.05653055         13.43168         12766.94972         -3.5         0         0           0:01:01         0.133587656         48.0915561         -0.05601287         13.36398         12753.58574         -3.5         0         0           0:01:02         0.133031536         47.891353         -0.05561197         13.32336         12740.26238         -3.5         0         0           0:01:03         0.132480523         47.69298834         -0.05510129         13.25566         12727.00672         -3.5         0         0           0:01:04         0.131933459         47.49604525         -0.05470641         13.21504         12713.79168         -3.5         0         0           0:01:05         0.131391433         47.30091576  | 0:0 | 0:55  | 0.137022243 | 49.32800757 | -0.05894468 | 13.71602 | 12834.6768  | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:00:58         0.135283039         48.7018941         -0.05746259         13.54         12793.86724         -3.5         0         0           0:00:59         0.13471309         48.49671244         -0.05699491         13.48584         12780.3814         -3.5         0         0           0:01:00         0.134147785         48.29320244         -0.05653055         13.43168         12766.94972         -3.5         0         0           0:01:01         0.133587656         48.0915561         -0.05601287         13.36398         12753.58574         -3.5         0         0           0:01:02         0.133031536         47.891353         -0.05561197         13.32336         12740.26238         -3.5         0         0           0:01:03         0.132480523         47.69298834         -0.05510129         13.25566         12727.00672         -3.5         0         0           0:01:04         0.131933459         47.49604525         -0.05470641         13.21504         12713.79168         -3.5         0         0           0:01:05         0.131391433         47.30091576         -0.05420264         13.14734         12700.64434         -3.5         0         0           0:01:06         0.130853296         47.1071864  | 0:0 | 0:56  | 0.13643758  | 49.11752867 | -0.05846636 | 13.66186 | 12821.01494 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:00:59       0.13471309       48.49671244       -0.05699491       13.48584       12780.3814       -3.5       0       0         0:01:00       0.134147785       48.29320244       -0.05653055       13.43168       12766.94972       -3.5       0       0         0:01:01       0.133587656       48.0915561       -0.05601287       13.36398       12753.58574       -3.5       0       0         0:01:02       0.133031536       47.891353       -0.05561197       13.32336       12740.26238       -3.5       0       0         0:01:03       0.132480523       47.69298834       -0.05510129       13.25566       12727.00672       -3.5       0       0         0:01:04       0.131933459       47.49604525       -0.05470641       13.21504       12713.79168       -3.5       0       0         0:01:05       0.131391433       47.30091576       -0.05420264       13.14734       12700.64434       -3.5       0       0         0:01:06       0.130853296       47.10718649       -0.05381368       13.10672       12687.53762       -3.5       0       0         0:01:08       0.129790793       46.72468541       -0.05293359       12.9984       12661.5002       -3.5       0       0   | 0:0 | 00:57 | 0.135857665 | 48.90875943 | -0.05799145 | 13.6077  | 12807.40724 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:00       0.134147785       48.29320244       -0.05653055       13.43168       12766.94972       -3.5       0       0         0:01:01       0.133587656       48.0915561       -0.05601287       13.36398       12753.58574       -3.5       0       0         0:01:02       0.133031536       47.891353       -0.05561197       13.32336       12740.26238       -3.5       0       0         0:01:03       0.132480523       47.69298834       -0.05510129       13.25566       12727.00672       -3.5       0       0         0:01:04       0.131933459       47.49604525       -0.05470641       13.21504       12713.79168       -3.5       0       0         0:01:05       0.131391433       47.30091576       -0.05420264       13.14734       12700.64434       -3.5       0       0         0:01:06       0.130853296       47.10718649       -0.05381368       13.10672       12687.53762       -3.5       0       0         0:01:07       0.130320129       46.91524635       -0.05331671       13.03902       12674.4986       -3.5       0       0         0:01:08       0.129790793       46.72468541       -0.05293359       12.9984       12661.5002       -3.5       0       0 <td>0:0</td> <td>0:58</td> <td>0.135283039</td> <td>48.7018941</td> <td>-0.05746259</td> <td>13.54</td> <td>12793.86724</td> <td>-3.5</td> <td>0</td> <td>0</td>   | 0:0 | 0:58  | 0.135283039 | 48.7018941  | -0.05746259 | 13.54    | 12793.86724 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:01       0.133587656       48.0915561       -0.05601287       13.36398       12753.58574       -3.5       0       0         0:01:02       0.133031536       47.891353       -0.05561197       13.32336       12740.26238       -3.5       0       0         0:01:03       0.132480523       47.69298834       -0.05510129       13.25566       12727.00672       -3.5       0       0         0:01:04       0.131933459       47.49604525       -0.05470641       13.21504       12713.79168       -3.5       0       0         0:01:05       0.131391433       47.30091576       -0.05420264       13.14734       12700.64434       -3.5       0       0         0:01:06       0.130853296       47.10718649       -0.05381368       13.10672       12687.53762       -3.5       0       0         0:01:07       0.130320129       46.91524635       -0.05331671       13.03902       12674.4986       -3.5       0       0         0:01:08       0.129790793       46.72468541       -0.05293359       12.9984       12661.5002       -3.5       0       0  | 0:0 | 0:59  | 0.13471309  | 48.49671244 | -0.05699491 | 13.48584 | 12780.3814  | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:02       0.133031536       47.891353       -0.05561197       13.32336       12740.26238       -3.5       0       0         0:01:03       0.132480523       47.69298834       -0.05510129       13.25566       12727.00672       -3.5       0       0         0:01:04       0.131933459       47.49604525       -0.05470641       13.21504       12713.79168       -3.5       0       0         0:01:05       0.131391433       47.30091576       -0.05420264       13.14734       12700.64434       -3.5       0       0         0:01:06       0.130853296       47.10718649       -0.05381368       13.10672       12687.53762       -3.5       0       0         0:01:07       0.130320129       46.91524635       -0.05331671       13.03902       12674.4986       -3.5       0       0         0:01:08       0.129790793       46.72468541       -0.05293359       12.9984       12661.5002       -3.5       0       0   | 0:0 | 01:00 | 0.134147785 | 48.29320244 | -0.05653055 | 13.43168 | 12766.94972 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:03       0.132480523       47.69298834       -0.05510129       13.25566       12727.00672       -3.5       0       0         0:01:04       0.131933459       47.49604525       -0.05470641       13.21504       12713.79168       -3.5       0       0         0:01:05       0.131391433       47.30091576       -0.05420264       13.14734       12700.64434       -3.5       0       0         0:01:06       0.130853296       47.10718649       -0.05381368       13.10672       12687.53762       -3.5       0       0         0:01:07       0.130320129       46.91524635       -0.05331671       13.03902       12674.4986       -3.5       0       0         0:01:08       0.129790793       46.72468541       -0.05293359       12.9984       12661.5002       -3.5       0       0   | 0:0 | 01:01 | 0.133587656 | 48.0915561  | -0.05601287 | 13.36398 | 12753.58574 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:04       0.131933459       47.49604525       -0.05470641       13.21504       12713.79168       -3.5       0       0         0:01:05       0.131391433       47.30091576       -0.05420264       13.14734       12700.64434       -3.5       0       0         0:01:06       0.130853296       47.10718649       -0.05381368       13.10672       12687.53762       -3.5       0       0         0:01:07       0.130320129       46.91524635       -0.05331671       13.03902       12674.4986       -3.5       0       0         0:01:08       0.129790793       46.72468541       -0.05293359       12.9984       12661.5002       -3.5       0       0   | 0:0 | 01:02 | 0.133031536 | 47.891353   | -0.05561197 | 13.32336 | 12740.26238 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:05       0.131391433       47.30091576       -0.05420264       13.14734       12700.64434       -3.5       0       0         0:01:06       0.130853296       47.10718649       -0.05381368       13.10672       12687.53762       -3.5       0       0         0:01:07       0.130320129       46.91524635       -0.05331671       13.03902       12674.4986       -3.5       0       0         0:01:08       0.129790793       46.72468541       -0.05293359       12.9984       12661.5002       -3.5       0       0   | 0:0 | 1:03  | 0.132480523 | 47.69298834 | -0.05510129 | 13.25566 | 12727.00672 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:06       0.130853296       47.10718649       -0.05381368       13.10672       12687.53762       -3.5       0       0         0:01:07       0.130320129       46.91524635       -0.05331671       13.03902       12674.4986       -3.5       0       0         0:01:08       0.129790793       46.72468541       -0.05293359       12.9984       12661.5002       -3.5       0       0   | 0:0 | 1:04  | 0.131933459 | 47.49604525 | -0.05470641 | 13.21504 | 12713.79168 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:07       0.130320129       46.91524635       -0.05331671       13.03902       12674.4986       -3.5       0       0         0:01:08       0.129790793       46.72468541       -0.05293359       12.9984       12661.5002       -3.5       0       0   | 0:0 | 1:05  | 0.131391433 | 47.30091576 | -0.05420264 | 13.14734 | 12700.64434 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:08  | 0:0 | 1:06  | 0.130853296 | 47.10718649 | -0.05381368 | 13.10672 | 12687.53762 | -3.5 | 0 | 0 |
|  | 0:0 | 1:07  | 0.130320129 | 46.91524635 | -0.05331671 | 13.03902 | 12674.4986  | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:09  | 0:0 | 1:08  | 0.129790793 | 46.72468541 | -0.05293359 | 12.9984  | 12661.5002  | -3.5 | 0 | 0 |
|  | 0:0 | 1:09  | 0.12926636  | 46.53588948 | -0.05244332 | 12.9307  | 12648.5695  | -3.5 | 0 | 0 |

| 0:01:10 | 0.1287457   | 46.34845204 | -0.05206596 | 12.89008 | 12635.67942 | -3.5 | 0 | 0 |
|---------|-------------|-------------|-------------|----------|-------------|------|---|---|
| 0:01:11 | 0.128229334 | 46.16256014 | -0.05163664 | 12.83592 | 12622.8435  | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:12 | 0.12771723  | 45.97820282 | -0.05121037 | 12.78176 | 12610.06174 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:13 | 0.12720882  | 45.79517508 | -0.05084104 | 12.74114 | 12597.3206  | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:14 | 0.126705153 | 45.61385512 | -0.05036665 | 12.67344 | 12584.64716 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:15 | 0.126205124 | 45.43384478 | -0.05000287 | 12.63282 | 12572.01434 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:16 | 0.125709243 | 45.25532749 | -0.04958813 | 12.57866 | 12559.43568 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:17 | 0.125216949 | 45.07810168 | -0.04922939 | 12.53804 | 12546.89764 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:18 | 0.124728748 | 44.90234938 | -0.04882008 | 12.48388 | 12534.41376 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:19 | 0.124244611 | 44.72806014 | -0.04841368 | 12.42972 | 12521.98404 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:20 | 0.123763986 | 44.55503488 | -0.04806257 | 12.3891  | 12509.59494 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:21 | 0.123286849 | 44.38326558 | -0.0477137  | 12.34848 | 12497.24646 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:22 | 0.122814219 | 44.21311868 | -0.04726303 | 12.28078 | 12484.96568 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:23 | 0.122344507 | 44.04402237 | -0.0469712  | 12.2537  | 12472.71198 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:24 | 0.121879245 | 43.87652821 | -0.04652615 | 12.186   | 12460.52598 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:25 | 0.121416858 | 43.71006898 | -0.04623868 | 12.15892 | 12448.36706 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:26 | 0.120958355 | 43.54500765 | -0.04585037 | 12.10476 | 12436.2623  | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:27 | 0.120503197 | 43.38115078 | -0.0455158  | 12.06414 | 12424.19816 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:28 | 0.120051871 | 43.21867354 | -0.04513257 | 12.00998 | 12412.18818 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:29 | 0.119603845 | 43.05738407 | -0.04480263 | 11.96936 | 12400.21882 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:30 | 0.119159097 | 42.89727482 | -0.04447479 | 11.92874 | 12388.29008 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:31 | 0.118718108 | 42.73851895 | -0.04409885 | 11.87458 | 12376.4155  | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:32 | 0.118280353 | 42.58092694 | -0.04377556 | 11.83396 | 12364.58154 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:33 | 0.117845809 | 42.42449137 | -0.04345432 | 11.79334 | 12352.7882  | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:34 | 0.117414458 | 42.26920491 | -0.04313513 | 11.75272 | 12341.03548 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:35 | 0.116986278 | 42.11506025 | -0.04281796 | 11.7121  | 12329.32338 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:36 | 0.116561742 | 41.96222728 | -0.0424536  | 11.65794 | 12317.66544 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:37 | 0.109009404 | 39.24338553 | -0.75523382 | 11.31944 | 12306.346   | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:38 | 0.100132278 | 36.04762022 | -0.88771259 | 10.45288 | 12295.89312 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:39 | 0.09120047  | 32.83216905 | -0.89318088 | 9.5457   | 12286.34742 | 0    | 0 | 0 |
| 0:01:40 | 0.082108737 | 29.55914522 | -0.90917329 | 8.65206  | 12277.69536 | 0    | 0 | 0 |
| 0:01:41 | 0.073073569 | 26.30648469 | -0.90351681 | 7.74488  | 12269.95048 | 0    | 0 | 0 |
| 0:01:42 | 0.064080262 | 23.06889432 | -0.89933066 | 6.85124  | 12263.09924 | 0    | 0 | 0 |
| 0:01:43 | 0.055150771 | 19.85427744 | -0.89294913 | 5.94406  | 12257.15518 | 0    | 0 | 0 |
| 0:01:44 | 0.046247579 | 16.64912842 | -0.89031917 | 5.06396  | 12252.09122 | 0    | 0 | 0 |
| 0:01:45 | 0.03739752  | 13.4631072  | -0.8850059  | 4.17032  | 12247.9209  | 0    | 0 | 0 |
| 0:01:46 | 0.028579774 | 10.28871865 | -0.8817746  | 3.29022  | 12244.63068 | 0    | 0 | 0 |
| 0:01:47 | 0.019802292 | 7.128825273 | -0.87774816 | 2.41012  | 12242.22056 | 0    | 0 | 0 |
| 0:01:48 | 0.011106605 | 3.998377678 | -0.86956878 | 1.53002  | 12240.69054 | 0    | 0 | 0 |
| 0:01:49 | 0.002665494 | 0.959577933 | -0.84411104 | 0.66346  | 12240.02708 | 0    | 0 | 0 |
| 0:01:50 | 0           | 0           | 0           | 0.04062  | 12240       | 0    | 0 | 0 |

附录 C 问题一(2)计算结果

| 时刻         | 实际速度      | 实际速度      | 计算加速度     | 计算距离     | 计算公里      | 当前坡度 | 计算牵引      | 计算牵引功率    |
|------------|-----------|-----------|-----------|----------|-----------|------|-----------|-----------|
| (hh:mm:ss) | (cm/s)    | (km/h)    | $(m/s^2)$ | (m)      | 标(m)      | (‰)  | 力(N)      | (kW)      |
| 0:00:00    | 0         | 0         | 0         | 0        | 13594     | 0    | 0         | 0         |
| 0:00:01    | 0.0216823 | 7.80562   | 2.1682278 | 2.31534  | 13591.685 | 0    | 203000    | 440.15024 |
| 0:00:02    | 0.0317814 | 11.441302 | 1.0099115 | 2.65384  | 13589.031 | 0    | 203000    | 645.16228 |
| 0:00:03    | 0.0418469 | 15.064898 | 1.0065547 | 3.6558   | 13585.375 | 0    | 203000    | 849.49288 |
| 0:00:04    | 0.0519327 | 18.695781 | 1.0085784 | 4.68484  | 13580.69  | 0    | 203000    | 1054.2343 |
| 0:00:05    | 0.0619451 | 22.300234 | 1.001237  | 5.67326  | 13575.017 | 0    | 203000    | 1257.4854 |
| 0:00:06    | 0.0719169 | 25.890076 | 0.9971786 | 6.67522  | 13568.342 | 0    | 203000    | 1459.9126 |
| 0:00:07    | 0.0818465 | 29.464745 | 0.9929636 | 7.67718  | 13560.665 | 0    | 203000    | 1661.4843 |
| 0:00:08    | 0.0917171 | 33.018174 | 0.9870635 | 8.6656   | 13551.999 | 0    | 203000    | 1861.8581 |
| 0:00:09    | 0.1015306 | 36.551019 | 0.9813459 | 9.65402  | 13542.345 | 0    | 203000    | 2061.0714 |
| 0:00:10    | 0.1112751 | 40.059047 | 0.9744522 | 10.6289  | 13531.716 | 0    | 203000    | 2258.8851 |
| 0:00:11    | 0.120942  | 43.539138 | 0.9666919 | 11.59024 | 13520.126 | 0    | 203000    | 2455.1236 |
| 0:00:12    | 0.1305445 | 46.996028 | 0.9602472 | 12.56512 | 13507.561 | 0    | 203000    | 2650.0538 |
| 0:00:13    | 0.1400635 | 50.422851 | 0.9518951 | 13.51292 | 13494.048 | 0    | 203000    | 2843.2885 |
| 0:00:14    | 0.149211  | 53.715949 | 0.9147495 | 14.46072 | 13479.587 | 0    | 186929.67 | 2789.1957 |
| 0:00:15    | 0.157256  | 56.612148 | 0.8044997 | 15.31374 | 13464.273 | 0    | 168639.76 | 2651.9608 |
| 0:00:16    | 0.1644026 | 59.184946 | 0.7146663 | 16.07198 | 13448.201 | 0    | 154479.53 | 2539.6841 |
| 0:00:17    | 0.1708393 | 61.502162 | 0.6436711 | 16.76252 | 13431.439 | 0    | 143227.7  | 2446.8925 |
| 0:00:18    | 0.176279  | 63.460423 | 0.5439614 | 17.35828 | 13414.08  | 0    | 0         | 0         |
| 0:00:19    | 0.1749867 | 62.995209 | -0.129226 | 17.56138 | 13396.519 | 0    | 0         | 0         |
| 0:00:20    | 0.1737091 | 62.535266 | -0.127762 | 17.41244 | 13379.107 | 0    | 0         | 0         |
| 0:00:21    | 0.172444  | 62.079835 | -0.126508 | 17.29058 | 13361.816 | 0    | 0         | 0         |
| 0:00:22    | 0.1711913 | 61.628879 | -0.125265 | 17.16872 | 13344.647 | 0    | 0         | 0         |
| 0:00:23    | 0.169951  | 61.182361 | -0.124033 | 17.04686 | 13327.601 | 0    | 0         | 0         |
| 0:00:24    | 0.1687229 | 60.740241 | -0.122811 | 16.925   | 13310.676 | 0    | 0         | 0         |
| 0:00:25    | 0.1675079 | 60.302837 | -0.121501 | 16.7896  | 13293.886 | 0    | 0         | 0         |
| 0:00:26    | 0.1661688 | 59.820763 | -0.13391  | 16.68128 | 13277.205 | 1.8  | 0         | 0         |
| 0:00:27    | 0.164803  | 59.329091 | -0.136576 | 16.53234 | 13260.672 | 1.8  | 0         | 0         |
| 0:00:28    | 0.1634505 | 58.842177 | -0.135254 | 16.39694 | 13244.275 | 1.8  | 0         | 0         |
| 0:00:29    | 0.1621111 | 58.359986 | -0.133942 | 16.26154 | 13228.014 | 1.8  | 0         | 0         |
| 0:00:30    | 0.1607836 | 57.882079 | -0.132752 | 16.13968 | 13211.874 | 1.8  | 0         | 0         |
| 0:00:31    | 0.1594701 | 57.409224 | -0.131349 | 15.99074 | 13195.883 | 1.8  | 0         | 0         |
| 0:00:32    | 0.1581683 | 56.940583 | -0.130178 | 15.86888 | 13180.015 | 1.8  | 0         | 0         |
| 0:00:33    | 0.1568781 | 56.476125 | -0.129016 | 15.74702 | 13164.267 | 1.8  | 0         | 0         |
| 0:00:34    | 0.1556017 | 56.016614 | -0.127642 | 15.59808 | 13148.669 | 1.8  | 0         | 0         |
| 0:00:35    | 0.1543356 | 55.560822 | -0.126609 | 15.48976 | 13133.18  | 1.8  | 0         | 0         |
| 0:00:36    | 0.153082  | 55.109514 | -0.125363 | 15.35436 | 13117.825 | 1.8  | 0         | 0         |
| 0:00:37    | 0.1518396 | 54.662263 | -0.124236 | 15.2325  | 13102.593 | 1.8  | 0         | 0         |
| 0:00:38    | 0.1506084 | 54.219038 | -0.123118 | 15.11064 | 13087.482 | 1.8  | 0         | 0         |
| 0:00:39    | 0.1493884 | 53.779811 | -0.122008 | 14.98878 | 13072.493 | 1.8  | 0         | 0         |

| 0:00:40 | 0.1481793 | 53.344554 | -0.120905 | 14.86692 | 13057.626 | 1.8  | 0 | 0 |
|---------|-----------|-----------|-----------|----------|-----------|------|---|---|
| 0:00:41 | 0.1469812 | 52.913237 | -0.11981  | 14.74506 | 13042.881 | 1.8  | 0 | 0 |
| 0:00:42 | 0.145794  | 52.485835 | -0.118723 | 14.6232  | 13028.258 | 1.8  | 0 | 0 |
| 0:00:43 | 0.1446176 | 52.062321 | -0.117643 | 14.50134 | 13013.757 | 1.8  | 0 | 0 |
| 0:00:44 | 0.1434508 | 51.642274 | -0.11668  | 14.39302 | 12999.364 | 1.8  | 0 | 0 |
| 0:00:45 | 0.1422946 | 51.226065 | -0.115614 | 14.27116 | 12985.093 | 1.8  | 0 | 0 |
| 0:00:46 | 0.141148  | 50.813273 | -0.114664 | 14.16284 | 12970.93  | 1.8  | 0 | 0 |
| 0:00:47 | 0.1400119 | 50.404269 | -0.113612 | 14.04098 | 12956.889 | 1.8  | 0 | 0 |
| 0:00:48 | 0.1388851 | 49.998637 | -0.112676 | 13.93266 | 12942.956 | 1.8  | 0 | 0 |
| 0:00:49 | 0.1377676 | 49.596353 | -0.111746 | 13.82434 | 12929.132 | 1.8  | 0 | 0 |
| 0:00:50 | 0.1366605 | 49.197789 | -0.110712 | 13.70248 | 12915.429 | 1.8  | 0 | 0 |
| 0:00:51 | 0.1358732 | 48.914339 | -0.078736 | 13.6077  | 12901.822 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:00:52 | 0.1352985 | 48.707451 | -0.057469 | 13.54    | 12888.282 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:00:53 | 0.1347279 | 48.50204  | -0.057058 | 13.49938 | 12874.782 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:00:54 | 0.1341631 | 48.298713 | -0.05648  | 13.41814 | 12861.364 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:00:55 | 0.1336023 | 48.09684  | -0.056076 | 13.37752 | 12847.987 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:00:56 | 0.1330462 | 47.896615 | -0.055618 | 13.32336 | 12834.663 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:00:57 | 0.1324945 | 47.698027 | -0.055163 | 13.2692  | 12821.394 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:00:58 | 0.131948  | 47.501264 | -0.054656 | 13.2015  | 12808.193 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:00:59 | 0.1314053 | 47.305913 | -0.054264 | 13.16088 | 12795.032 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:00 | 0.1308677 | 47.112363 | -0.053764 | 13.09318 | 12781.939 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:01 | 0.1303339 | 46.920203 | -0.053378 | 13.05256 | 12768.886 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:02 | 0.1298051 | 46.72982  | -0.052884 | 12.98486 | 12755.901 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:03 | 0.12928   | 46.540805 | -0.052504 | 12.94424 | 12742.957 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:04 | 0.1287593 | 46.353348 | -0.052072 | 12.89008 | 12730.067 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:05 | 0.1282429 | 46.167436 | -0.051642 | 12.83592 | 12717.231 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:06 | 0.1277307 | 45.983059 | -0.051216 | 12.78176 | 12704.449 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:07 | 0.1272223 | 45.800012 | -0.050846 | 12.74114 | 12691.708 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:08 | 0.1267185 | 45.618672 | -0.050372 | 12.67344 | 12679.035 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:09 | 0.1262185 | 45.438643 | -0.050008 | 12.63282 | 12666.402 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:10 | 0.125722  | 45.259914 | -0.049647 | 12.5922  | 12653.809 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:11 | 0.1252302 | 45.082861 | -0.049181 | 12.5245  | 12641.285 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:12 | 0.1247414 | 44.906899 | -0.048878 | 12.49742 | 12628.788 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:13 | 0.1242572 | 44.732592 | -0.048419 | 12.42972 | 12616.358 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:14 | 0.1237765 | 44.559549 | -0.048068 | 12.3891  | 12603.969 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:15 | 0.1232999 | 44.387949 | -0.047666 | 12.33494 | 12591.634 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:16 | 0.1228267 | 44.217596 | -0.04732  | 12.29432 | 12579.339 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:17 | 0.1223569 | 44.048482 | -0.046976 | 12.2537  | 12567.086 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:18 | 0.1218911 | 43.880785 | -0.046583 | 12.19954 | 12554.886 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:19 | 0.1214291 | 43.714494 | -0.046192 | 12.14538 | 12542.741 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:20 | 0.1209706 | 43.549415 | -0.045855 | 12.10476 | 12530.636 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:21 | 0.1205154 | 43.385541 | -0.045521 | 12.06414 | 12518.572 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:22 | 0.120064  | 43.223046 | -0.045137 | 12.00998 | 12506.562 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:23 | 0.1196159 | 43.061739 | -0.044807 | 11.96936 | 12494.593 | -3.5 | 0 | 0 |

| 0:01:24 | 0.1191711 | 42.901613 | -0.04448  | 11.92874 | 12482.664 | -3.5 | 0 | 0 |
|---------|-----------|-----------|-----------|----------|-----------|------|---|---|
| 0:01:25 | 0.1187296 | 42.742659 | -0.044154 | 11.88812 | 12470.776 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:26 | 0.1182918 | 42.585051 | -0.04378  | 11.83396 | 12458.942 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:27 | 0.1178572 | 42.428599 | -0.043459 | 11.79334 | 12447.148 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:28 | 0.1174258 | 42.273297 | -0.04314  | 11.75272 | 12435.396 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:29 | 0.1169976 | 42.119136 | -0.042822 | 11.7121  | 12423.684 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:30 | 0.116573  | 41.966287 | -0.042458 | 11.65794 | 12412.026 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:31 | 0.1161511 | 41.814388 | -0.042194 | 11.63086 | 12400.395 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:32 | 0.1157327 | 41.663785 | -0.041834 | 11.5767  | 12388.818 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:33 | 0.1153175 | 41.514293 | -0.041525 | 11.53608 | 12377.282 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:34 | 0.1149053 | 41.365906 | -0.041219 | 11.49546 | 12365.787 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:35 | 0.1144962 | 41.218617 | -0.040914 | 11.45484 | 12354.332 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:36 | 0.1140901 | 41.072418 | -0.040611 | 11.41422 | 12342.918 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:37 | 0.1136865 | 40.927131 | -0.040358 | 11.38714 | 12331.53  | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:38 | 0.1132864 | 40.783094 | -0.04001  | 11.33298 | 12320.197 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:39 | 0.1110944 | 39.993976 | -0.219199 | 11.27882 | 12308.919 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:40 | 0.1022183 | 36.798604 | -0.887603 | 10.64244 | 12298.276 | -3.5 | 0 | 0 |
| 0:01:41 | 0.0933332 | 33.599967 | -0.88851  | 9.77588  | 12288.5   | 0    | 0 | 0 |
| 0:01:42 | 0.0842382 | 30.32576  | -0.909502 | 8.85516  | 12279.645 | 0    | 0 | 0 |
| 0:01:43 | 0.0751851 | 27.066639 | -0.905311 | 7.96152  | 12271.684 | 0    | 0 | 0 |
| 0:01:44 | 0.0661904 | 23.828532 | -0.899474 | 7.05434  | 12264.629 | 0    | 0 | 0 |
| 0:01:45 | 0.0572399 | 20.606348 | -0.895051 | 6.1607   | 12258.469 | 0    | 0 | 0 |
| 0:01:46 | 0.0483365 | 17.401152 | -0.890332 | 5.26706  | 12253.202 | 0    | 0 | 0 |
| 0:01:47 | 0.0394885 | 14.215876 | -0.884799 | 4.37342  | 12248.828 | 0    | 0 | 0 |
| 0:01:48 | 0.0306776 | 11.043931 | -0.881096 | 3.49332  | 12245.335 | 0    | 0 | 0 |
| 0:01:49 | 0.021861  | 7.86997   | -0.881656 | 2.62676  | 12242.708 | 0    | 0 | 0 |
| 0:01:50 | 0.0131623 | 4.7384165 | -0.869876 | 1.73312  | 12240.975 | 0    | 0 | 0 |
| 0:01:51 | 0.0043535 | 1.5672626 | -0.880876 | 0.8801   | 12240.095 | 0    | 0 | 0 |
| 0:01:52 | 0         | 0         | 0         | 0.10832  | 12240     | 0    | 0 | 0 |
| 0:01:53 | 0         | 0         | 0         | 0        | 12240     | 0    | 0 | 0 |
| 0:01:54 | 0         | 0         | 0         | 0        | 12240     | 0    | 0 | 0 |
| 0:01:55 | 0         | 0         | 0         | 0        | 12240     | 0    | 0 | 0 |
| 0:01:56 | 0         | 0         | 0         | 0        | 12240     | 0    | 0 | 0 |
| 0:01:57 | 0         | 0         | 0         | 0        | 12240     | 0    | 0 | 0 |
| 0:01:58 | 0         | 0         | 0         | 0        | 12240     | 0    | 0 | 0 |
| 0:01:59 | 0         | 0         | 0         | 0        | 12240     | 0    | 0 | 0 |
| 0:02:00 | 0         | 0         | 0         | 0        | 12240     | 0    | 0 | 0 |
| 0:02:01 | 0         | 0         | 0         | 0        | 12240     | 0    | 0 | 0 |
| 0:02:02 | 0         | 0         | 0         | 0        | 12240     | 0    | 0 | 0 |
| 0:02:03 | 0         | 0         | 0         | 0        | 12240     | 0    | 0 | 0 |
| 0:02:04 | 0         | 0         | 0         | 0        | 12240     | 0    | 0 | 0 |
| 0:02:05 | 0         | 0         | 0         | 0        | 12240     | 0    | 0 | 0 |
| 0:02:06 | 0         | 0         | 0         | 0        | 12240     | 0    | 0 | 0 |
| 0:02:07 | 0         | 0         | 0         | 0        | 12240     | 0    | 0 | 0 |

| 0:02:08 | 0         | 0         | 0         | 0       | 12240     | 0 | 0         | 0         |
|---------|-----------|-----------|-----------|---------|-----------|---|-----------|-----------|
| 0:02:09 | 0         | 0         | 0         | 0       | 12240     | 0 | 0         | 0         |
| 0:02:10 | 0         | 0         | 0         | 0       | 12240     | 0 | 0         | 0         |
| 0:02:11 | 0         | 0         | 0         | 0       | 12240     | 0 | 0         | 0         |
| 0:02:12 | 0         | 0         | 0         | 0       | 12240     | 0 | 0         | 0         |
| 0:02:13 | 0         | 0         | 0         | 0       | 12240     | 0 | 0         | 0         |
| 0:02:14 | 0         | 0         | 0         | 0       | 12240     | 0 | 0         | 0         |
| 0:02:15 | 0         | 0         | 0         | 0       | 12240     | 0 | 0         | 0         |
| 0:02:16 | 0         | 0         | 0         | 0       | 12240     | 0 | 0         | 0         |
| 0:02:17 | 0         | 0         | 0         | 0       | 12240     | 0 | 0         | 0         |
| 0:02:18 | 0         | 0         | 0         | 0       | 12240     | 0 | 0         | 0         |
| 0:02:19 | 0         | 0         | 0         | 0       | 12240     | 0 | 0         | 0         |
| 0:02:20 | 0         | 0         | 0         | 0       | 12240     | 0 | 0         | 0         |
| 0:02:21 | 0         | 0         | 0         | 0       | 12240     | 0 | 0         | 0         |
| 0:02:22 | 0         | 0         | 0         | 0       | 12240     | 0 | 0         | 0         |
| 0:02:23 | 0         | 0         | 0         | 0       | 12240     | 0 | 0         | 0         |
| 0:02:24 | 0         | 0         | 0         | 0       | 12240     | 0 | 0         | 0         |
| 0:02:25 | 0         | 0         | 0         | 0       | 12240     | 0 | 0         | 0         |
| 0:02:26 | 0         | 0         | 0         | 0       | 12240     | 0 | 0         | 0         |
| 0:02:27 | 0         | 0         | 0         | 0       | 12240     | 0 | 0         | 0         |
| 0:02:28 | 0         | 0         | 0         | 0       | 12240     | 0 | 0         | 0         |
| 0:02:29 | 0         | 0         | 0         | 0       | 12240     | 0 | 0         | 0         |
| 0:02:30 | 0         | 0         | 0         | 0       | 12240     | 0 | 0         | 0         |
| 0:02:31 | 0         | 0         | 0         | 0       | 12240     | 0 | 0         | 0         |
| 0:02:32 | 0         | 0         | 0         | 0       | 12240     | 0 | 0         | 0         |
| 0:02:33 | 0         | 0         | 0         | 0       | 12240     | 0 | 0         | 0         |
| 0:02:34 | 0         | 0         | 0         | 0       | 12240     | 0 | 0         | 0         |
| 0:02:35 | 0         | 0         | 0         | 0       | 12240     | 0 | 0         | 0         |
| 0:02:36 | 0         | 0         | 0         | 0       | 12240     | 0 | 0         | 0         |
| 0:02:37 | 0         | 0         | 0         | 0       | 12240     | 0 | 0         | 0         |
| 0:02:38 | 0.0216324 | 7.7876602 | 2.1632389 | 2.304   | 12237.696 | 0 | 203000    | 439.1375  |
| 0:02:39 | 0.0317339 | 11.424212 | 1.0101534 | 2.6496  | 12235.046 | 0 | 203000    | 644.19864 |
| 0:02:40 | 0.0418231 | 15.056328 | 1.0089209 | 3.6608  | 12231.386 | 0 | 203000    | 849.00958 |
| 0:02:41 | 0.0518887 | 18.679932 | 1.0065569 | 4.672   | 12226.714 | 0 | 203000    | 1053.3406 |
| 0:02:42 | 0.0619245 | 22.292805 | 1.0035758 | 5.6832  | 12221.03  | 0 | 203000    | 1257.0665 |
| 0:02:43 | 0.071908  | 25.886896 | 0.9983587 | 6.6816  | 12214.349 | 0 | 203000    | 1459.7333 |
| 0:02:44 | 0.0818267 | 29.457613 | 0.9918656 | 7.6672  | 12206.682 | 0 | 203000    | 1661.082  |
| 0:02:45 | 0.0916996 | 33.011847 | 0.9872874 | 8.6656  | 12198.016 | 0 | 203000    | 1861.5014 |
| 0:02:46 | 0.1015121 | 36.544362 | 0.9812541 | 9.6512  | 12188.365 | 0 | 203000    | 2060.696  |
| 0:02:47 | 0.1112541 | 40.051474 | 0.9741977 | 10.624  | 12177.741 | 0 | 203000    | 2258.4581 |
| 0:02:48 | 0.1209281 | 43.534105 | 0.9673978 | 11.5968 | 12166.144 | 0 | 203000    | 2454.8398 |
| 0:02:49 | 0.1305256 | 46.989206 | 0.95975   | 12.5568 | 12153.587 | 0 | 203000    | 2649.6691 |
| 0:02:50 | 0.1400486 | 50.417491 | 0.9523015 | 13.5168 | 12140.07  | 0 | 203000    | 2842.9863 |
| 0:02:51 | 0.1491928 | 53.709416 | 0.9144235 | 14.4512 | 12125.619 | 0 | 186973.95 | 2789.5171 |

| 0:02:52 | 0.1572445 | 56.608037 | 0.8051725 | 15.3216 | 12110.298 | 0  | 168663.89 | 2652.1477 |
|---------|-----------|-----------|-----------|---------|-----------|----|-----------|-----------|
| 0:02:53 | 0.1643948 | 59.182137 | 0.7150279 | 16.0768 | 12094.221 | 0  | 154494    | 2539.8015 |
| 0:02:54 | 0.1708299 | 61.498765 | 0.6435079 | 16.7552 | 12077.466 | 0  | 143243.23 | 2447.0227 |
| 0:02:55 | 0.1766826 | 63.605728 | 0.5852673 | 17.3696 | 12060.096 | 0  | 134113.57 | 2369.5531 |
| 0:02:56 | 0.1755954 | 63.214359 | -0.108713 | 17.6    | 12042.496 | 0  | 0         | 0         |
| 0:02:57 | 0.1743108 | 62.751879 | -0.128467 | 17.4848 | 12025.011 | 0  | 0         | 0         |
| 0:02:58 | 0.1730391 | 62.294094 | -0.127163 | 17.3568 | 12007.654 | 0  | 0         | 0         |
| 0:02:59 | 0.1716174 | 61.782267 | -0.142174 | 17.2288 | 11990.426 | 3  | 0         | 0         |
| 0:03:00 | 0.1700816 | 61.229363 | -0.153584 | 17.0624 | 11973.363 | 3  | 0         | 0         |
| 0:03:01 | 0.1685599 | 60.681573 | -0.152164 | 16.9216 | 11956.442 | 3  | 0         | 0         |
| 0:03:02 | 0.1670535 | 60.139266 | -0.150641 | 16.768  | 11939.674 | 3  | 0         | 0         |
| 0:03:03 | 0.1655622 | 59.602401 | -0.149129 | 16.6144 | 11923.059 | 3  | 0         | 0         |
| 0:03:04 | 0.1640848 | 59.070522 | -0.147744 | 16.4736 | 11906.586 | 3  | 0         | 0         |
| 0:03:05 | 0.1626222 | 58.544004 | -0.146255 | 16.32   | 11890.266 | 3  | 0         | 0         |
| 0:03:06 | 0.1611733 | 58.022393 | -0.144892 | 16.1792 | 11874.086 | 3  | 0         | 0         |
| 0:03:07 | 0.1597379 | 57.505652 | -0.143539 | 16.0384 | 11858.048 | 3  | 0         | 0         |
| 0:03:08 | 0.1583171 | 56.994156 | -0.142082 | 15.8848 | 11842.163 | 3  | 0         | 0         |
| 0:03:09 | 0.1569096 | 56.487456 | -0.14075  | 15.744  | 11826.419 | 3  | 0         | 0         |
| 0:03:10 | 0.1555142 | 55.985107 | -0.139541 | 15.616  | 11810.803 | 3  | 0         | 0         |
| 0:03:11 | 0.154133  | 55.487897 | -0.138114 | 15.4624 | 11795.341 | 3  | 0         | 0         |
| 0:03:12 | 0.1527638 | 54.99497  | -0.136924 | 15.3344 | 11780.006 | 3  | 0         | 0         |
| 0:03:13 | 0.1514075 | 54.506705 | -0.135629 | 15.1936 | 11764.813 | 3  | 0         | 0         |
| 0:03:14 | 0.1500629 | 54.022659 | -0.134457 | 15.0656 | 11749.747 | 3  | 0         | 0         |
| 0:03:15 | 0.1487311 | 53.543212 | -0.13318  | 14.9248 | 11734.822 | 3  | 0         | 0         |
| 0:03:16 | 0.1474109 | 53.067925 | -0.132024 | 14.7968 | 11720.026 | 3  | 0         | 0         |
| 0:03:17 | 0.1461033 | 52.597178 | -0.130763 | 14.656  | 11705.37  | 3  | 0         | 0         |
| 0:03:18 | 0.1448059 | 52.130121 | -0.129738 | 14.5408 | 11690.829 | 3  | 0         | 0         |
| 0:03:19 | 0.143521  | 51.667549 | -0.128492 | 14.4    | 11676.429 | 3  | 0         | 0         |
| 0:03:20 | 0.1422473 | 51.209024 | -0.127368 | 14.272  | 11662.157 | 3  | 0         | 0         |
| 0:03:21 | 0.1409836 | 50.754109 | -0.126365 | 14.1568 | 11648     | 3  | 0         | 0         |
| 0:03:22 | 0.1397322 | 50.3036   | -0.125141 | 14.016  | 11633.984 | 3  | 0         | 0         |
| 0:03:23 | 0.1384907 | 49.856651 | -0.124153 | 13.9008 | 11620.083 | 3  | 0         | 0         |
| 0:03:24 | 0.1372601 | 49.413649 | -0.123056 | 13.7728 | 11606.31  | 3  | 0         | 0         |
| 0:03:25 | 0.1363027 | 49.068954 | -0.095748 | 13.6576 | 11592.653 | -2 | 0         | 0         |
| 0:03:26 | 0.1355779 | 48.80804  | -0.072476 | 13.5808 | 11579.072 | -2 | 0         | 0         |
| 0:03:27 | 0.1348588 | 48.549157 | -0.071912 | 13.5168 | 11565.555 | -2 | 0         | 0         |
| 0:03:28 | 0.1341459 | 48.292533 | -0.071284 | 13.44   | 11552.115 | -2 | 0         | 0         |
| 0:03:29 | 0.1334393 | 48.038153 | -0.070661 | 13.3632 | 11538.752 | -2 | 0         | 0         |
| 0:03:30 | 0.1327382 | 47.78576  | -0.070109 | 13.2992 | 11525.453 | -2 | 0         | 0         |
| 0:03:31 | 0.1320433 | 47.535581 | -0.069494 | 13.2224 | 11512.23  | -2 | 0         | 0         |
| 0:03:32 | 0.1313538 | 47.287359 | -0.06895  | 13.1584 | 11499.072 | -2 | 0         | 0         |
| 0:03:33 | 0.1306703 | 47.041323 | -0.068343 | 13.0816 | 11485.99  | -2 | 0         | 0         |
| 0:03:34 | 0.1299916 | 46.796977 | -0.067874 | 13.0304 | 11472.96  | -2 | 0         | 0         |
| 0:03:35 | 0.1293195 | 46.555028 | -0.067208 | 12.9408 | 11460.019 | -2 | 0         | 0         |

| 0:03:36 | 0.1286521 | 46.314744 | -0.066746 | 12.8896 | 11447.13  | -2 | 0 | 0 |
|---------|-----------|-----------|-----------|---------|-----------|----|---|---|
| 0:03:37 | 0.1279899 | 46.076351 | -0.06622  | 12.8256 | 11434.304 | -2 | 0 | 0 |
| 0:03:38 | 0.1273335 | 45.840075 | -0.065632 | 12.7488 | 11421.555 | -2 | 0 | 0 |
| 0:03:39 | 0.1266824 | 45.605665 | -0.065114 | 12.6848 | 11408.87  | -2 | 0 | 0 |
| 0:03:40 | 0.1260364 | 45.373108 | -0.064599 | 12.6208 | 11396.25  | -2 | 0 | 0 |
| 0:03:41 | 0.1253949 | 45.142158 | -0.064153 | 12.5696 | 11383.68  | -2 | 0 | 0 |
| 0:03:42 | 0.1247591 | 44.913272 | -0.063579 | 12.4928 | 11371.187 | -2 | 0 | 0 |
| 0:03:43 | 0.1241283 | 44.686203 | -0.063075 | 12.4288 | 11358.758 | -2 | 0 | 0 |
| 0:03:44 | 0.1235026 | 44.46094  | -0.062573 | 12.3648 | 11346.394 | -2 | 0 | 0 |
| 0:03:45 | 0.1228812 | 44.237239 | -0.062139 | 12.3136 | 11334.08  | -2 | 0 | 0 |
| 0:03:46 | 0.1222654 | 44.015553 | -0.061579 | 12.2368 | 11321.843 | -2 | 0 | 0 |
| 0:03:47 | 0.1216539 | 43.795407 | -0.061152 | 12.1856 | 11309.658 | -2 | 0 | 0 |
| 0:03:48 | 0.1210473 | 43.577021 | -0.060663 | 12.1216 | 11297.536 | -2 | 0 | 0 |
| 0:03:49 | 0.1204449 | 43.360156 | -0.06024  | 12.0704 | 11285.466 | -2 | 0 | 0 |
| 0:03:50 | 0.1198479 | 43.145259 | -0.059694 | 11.9936 | 11273.472 | -2 | 0 | 0 |
| 0:03:51 | 0.1192552 | 42.931861 | -0.059277 | 11.9424 | 11261.53  | -2 | 0 | 0 |
| 0:03:52 | 0.1186665 | 42.719953 | -0.058863 | 11.8912 | 11249.638 | -2 | 0 | 0 |
| 0:03:53 | 0.1180833 | 42.50998  | -0.058326 | 11.8144 | 11237.824 | -2 | 0 | 0 |
| 0:03:54 | 0.1175035 | 42.301249 | -0.057981 | 11.776  | 11226.048 | -2 | 0 | 0 |
| 0:03:55 | 0.116929  | 42.094433 | -0.057449 | 11.6992 | 11214.349 | -2 | 0 | 0 |
| 0:03:56 | 0.1163579 | 41.888842 | -0.057109 | 11.6608 | 11202.688 | -2 | 0 | 0 |
| 0:03:57 | 0.1157921 | 41.685144 | -0.056583 | 11.584  | 11191.104 | -2 | 0 | 0 |
| 0:03:58 | 0.1152296 | 41.482654 | -0.056247 | 11.5456 | 11179.558 | -2 | 0 | 0 |
| 0:03:59 | 0.1146717 | 41.281812 | -0.055789 | 11.4816 | 11168.077 | -2 | 0 | 0 |
| 0:04:00 | 0.1141177 | 41.082386 | -0.055396 | 11.4304 | 11156.646 | -2 | 0 | 0 |
| 0:04:01 | 0.1135683 | 40.884589 | -0.054944 | 11.3664 | 11145.28  | -2 | 0 | 0 |
| 0:04:02 | 0.1130228 | 40.68819  | -0.054555 | 11.3152 | 11133.965 | -2 | 0 | 0 |
| 0:04:03 | 0.1124811 | 40.49318  | -0.054169 | 11.264  | 11122.701 | -2 | 0 | 0 |
| 0:04:04 | 0.1119432 | 40.299552 | -0.053786 | 11.2128 | 11111.488 | -2 | 0 | 0 |
| 0:04:05 | 0.1114098 | 40.107517 | -0.053343 | 11.1488 | 11100.339 | -2 | 0 | 0 |
| 0:04:06 | 0.1108795 | 39.916626 | -0.053025 | 11.1104 | 11089.229 | -2 | 0 | 0 |
| 0:04:07 | 0.1103536 | 39.727311 | -0.052587 | 11.0464 | 11078.182 | -2 | 0 | 0 |
| 0:04:08 | 0.1098315 | 39.539345 | -0.052213 | 10.9952 | 11067.187 | -2 | 0 | 0 |
| 0:04:09 | 0.1093131 | 39.35272  | -0.05184  | 10.944  | 11056.243 | -2 | 0 | 0 |
| 0:04:10 | 0.1087984 | 39.167427 | -0.05147  | 10.8928 | 11045.35  | -2 | 0 | 0 |
| 0:04:11 | 0.1081886 | 38.947893 | -0.060982 | 10.8416 | 11034.509 | 0  | 0 | 0 |
| 0:04:12 | 0.1073049 | 38.629772 | -0.088367 | 10.7648 | 11023.744 | 0  | 0 | 0 |
| 0:04:13 | 0.0981102 | 35.319685 | -0.919469 | 10.2528 | 11013.491 | 0  | 0 | 0 |
| 0:04:14 | 0.0889707 | 32.02944  | -0.913957 | 9.344   | 11004.147 | 0  | 0 | 0 |
| 0:04:15 | 0.0798867 | 28.759223 | -0.908394 | 8.4352  | 10995.712 | 0  | 0 | 0 |
| 0:04:16 | 0.0708608 | 25.509873 | -0.902597 | 7.5264  | 10988.186 | 0  | 0 | 0 |
| 0:04:17 | 0.0618982 | 22.283338 | -0.89626  | 6.6176  | 10981.568 | 0  | 0 | 0 |
| 0:04:18 | 0.0529668 | 19.068055 | -0.893134 | 5.7344  | 10975.834 | 0  | 0 | 0 |
| 0:04:19 | 0.0440893 | 15.872141 | -0.887754 | 4.8384  | 10970.995 | 0  | 0 | 0 |

| 0:04:20 | 0.0352488 | 12.689564 | -0.884049 | 3.9552 | 10967.04  | 0 | 0 | 0 |
|---------|-----------|-----------|-----------|--------|-----------|---|---|---|
| 0:04:21 | 0.0264532 | 9.5231418 | -0.879562 | 3.072  | 10963.968 | 0 | 0 | 0 |
| 0:04:22 | 0.0176676 | 6.3603202 | -0.878562 | 2.2016 | 10961.766 | 0 | 0 | 0 |
| 0:04:23 | 0.0089833 | 3.2339915 | -0.868425 | 1.3184 | 10960.448 | 0 | 0 | 0 |
| 0:04:24 | 0.0051242 | 0.1232131 | -0.898331 | 0.4608 | 10959.987 | 0 | 0 | 0 |
| 0:04:25 | 0         | 0         | 0         | 0.0128 | 10960     | 0 | 0 | 0 |