Фреймворк для конечно-разностного моделирования диффузионных задач на гибридных вычислительных кластерах

Фролов Д. А.

Ярославский государственный университет им. П. Г. Демидова

Научный руководитель: Глызин С. Д.

Ярославль 2015

Поставленная задача

Разработать программный комплекс для моделирования диффузионных задач.

- Вычислительное ядро
- Предварительная обработка
- Пользовательский интерфейс

Теоретические основы

Общий вид задачи «реакция-диффузия»

$$\frac{\partial u}{\partial t} = D \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + F(u);$$

$$\frac{\partial u}{\partial x} \Big|_{x=0} = \frac{\partial u}{\partial x} \Big|_{x=1} = 0, F(0) = 0.$$

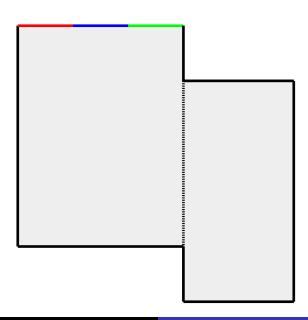
Приближение оператора Лапласа его разностными аналогами

$$\frac{\partial^{2} u}{\partial x^{2}}\Big|_{x=x_{j}} = \frac{u_{j-1} - 2u_{j} + u_{j+1}}{\triangle^{2}};$$

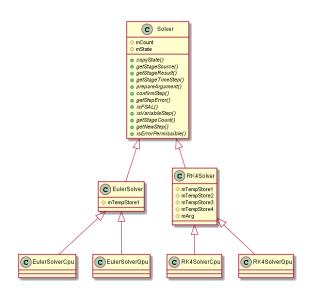
$$\dot{u}_{j} = D \frac{u_{j-1} - 2u_{j} + u_{j+1}}{\triangle^{2}} + F(u_{j});$$

$$u_{0} = u_{1}, u_{N+1} = u_{N}, j = \overline{1, N}.$$

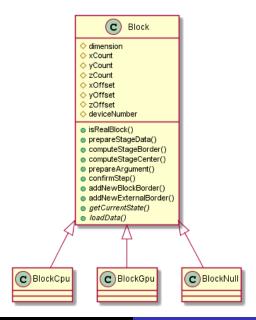
Пример области задачи



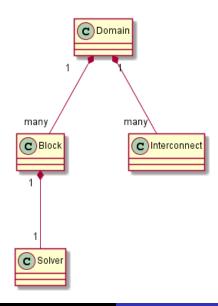
Kласc Solver и его наследники



Kласс Block и его наследники



Общая схема классов приложения



Параллельность

- Крупнозернистый параллелизм разделение задачи на блоки
- Мелкозернистый параллелизм
 - Центральный процессор OpenMP
 - Видеокарта CUDA
- Передача данных между узлами кластера библиотека MPI

Схема расчетов

