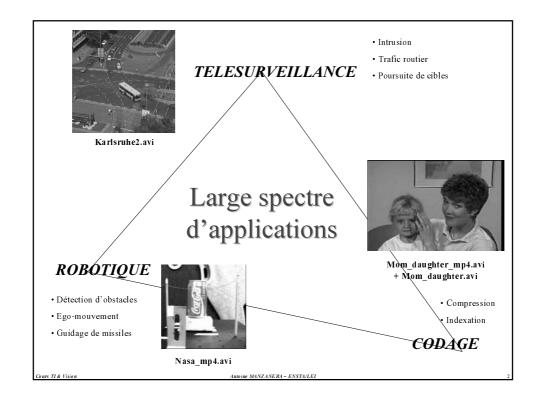
Techniques du Traitement d'Images

Estimation du mouvement dans les séquences d'images

Master IA&D - TDI 2005

Antoine MANZANERA – ENSTA/LEI

Cours TI & Vision

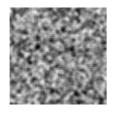


Plan du cours « Estimation de mouvement »

- Introduction : analyse du mouvement dans une séquence d'images
 - Calcul du mouvement apparent
 - Interprétation du flot optique
 - Méthodes fréquentielles (transformations globales)
 - Méthodes par appariement (flot optique)
 - Application : codage séquences mpeg2
 - Méthodes différentielles (flot optique)
 - Approches multi-échelles
 - Approches par pré-segmentation

Mouvement et perception

En vision, le mouvement constitue une source d'information perceptuelle très importante.



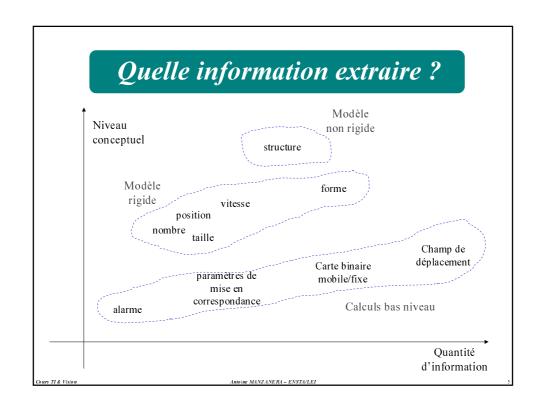
la forme par le mvt

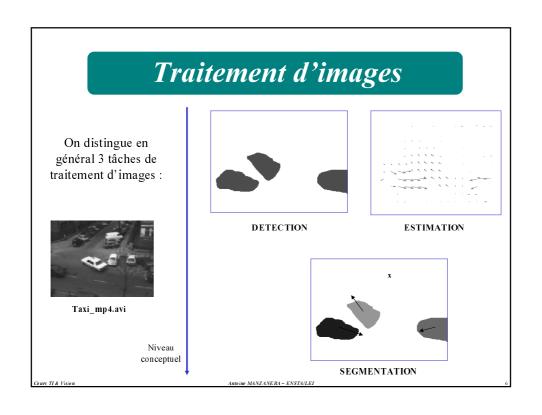


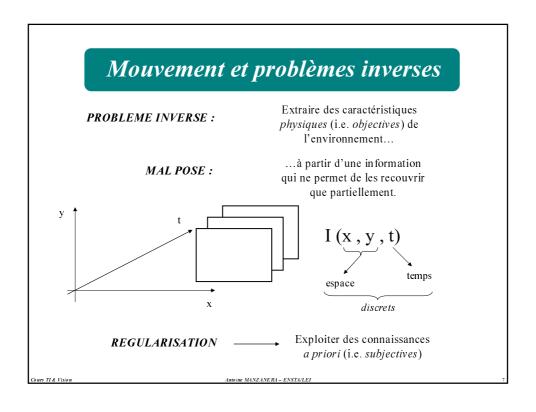
perception des détails, perception des formes perception des niveaux de gris détection des mouvements

vision périphérique des vertébrés

la structure par le mvt

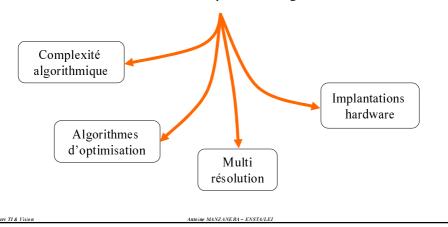






Notions algorithmiques

En général le *temps réel* est *exigé* (même pour la compression dans le cas d'une transmission à la volée). Le temps de calcul est donc une préoccupation fondamentale dans le traitement des séquences d'images.



Calcul du mouvement apparent

- (1) Le calcul d'un mouvement apparent *global* (mise en correspondance) entre deux images correspond à l'estimation des paramètres d'une transformation affectant *tous* les points de l'image : translation, rotation, homothétie, affinité,...
- (2) Le calcul du mouvement apparent *local* consiste à associer à chaque pixel (x,y,t) de I un vecteur $(v_x{}^t,v_y{}^t)$ représentant la *vitesse apparente* du pixel (x,y) à l'instant t.

Calcul du *flot optique* (= Champ de mouvement apparent)

<u>Idéalement</u>: le vecteur (v_x^t, v_y^t) représente la projection sur le plan image du vecteur vitesse (V_x^t, V_y^t, V_z^t) des objets de la scène par rapport au repère image (O, x, y, z) (grandeur objective).

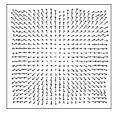
On le calcule à partir des variations temporelles de la fonction I(x,y,t).

Cours TI & Visio

Antoine MANZANERA - ENSTA/LEI

Exemples de flot optique







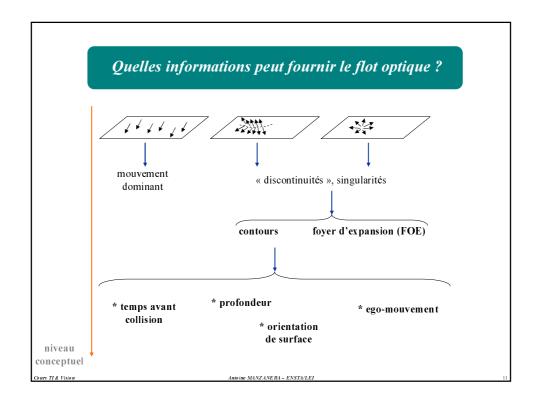






Source: Pierre Kornprobst - INRIA

Cours TI & Vision



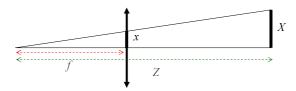


On note (X, Y, Z) les coordonnées d'un point de la scène.

(x,y) les coordonnées du même point projeté dans l'image

f la distance focale de la caméra

Distortion perspective (modèle sténopé):



$$x = f \frac{X}{Z}$$

$$y = f \frac{Y}{Z}$$

Cours TI & Vision

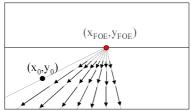
Le foyer d'expansion (FOE)

Lors d'un déplacement de la caméra dans une scène statique, les directions de vitesse des points projetés sur le plan image converge vers un point du plan projectif appelé FOE.

Si la caméra se déplace à la vitesse (-X',-Y',-Z'), alors tous les points de la scène sont à la même vitesse (X',Y',Z') (avec X'=dX/dt; Y'=dY/dt; Z'=dZ/dt).

Soit (X_0, Y_0, Z_0) un point de la scène. Après un temps t, il est projeté sur l'image au point (x_t, y_t) , avec :

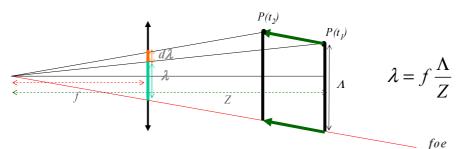
 $(x_t, y_t) = \left(f \frac{X_0 + tX'}{Z_0 + tZ'}, f \frac{Y_0 + tY'}{Z_0 + tZ'} \right)$



$$(x_{FOE}, y_{FOE}) = \lim_{t \to -\infty} (x_t, y_t)$$
$$= \left(f \frac{X'}{Z'}, f \frac{Y'}{Z'} \right)$$

urs TI & Vision Antoine MANZANERA - ENSTA/L

Temps avant collision



mouvement dans une scène statique :

$$\lambda' = -\frac{f\Lambda}{Z^2}Z'$$

et donc

$$\frac{\lambda}{\lambda'} = -\frac{Z}{Z'}$$
temps avant collision

Cours TI & Visio

Profondeur et coordonnées scène

• Connaissant la profondeur d'un point de la scène on peut déterminer celle de tout point qui a la même vitesse :

$$Z_2 = \frac{Z_1 \lambda_2 \lambda_1'}{\lambda_2' \lambda_1}$$

• Calcul des coordonnées scène :

$$Z = \frac{Z' \lambda}{\lambda'}$$

$$Y = \frac{yZ' \lambda}{f\lambda'}$$

$$X = \frac{xZ' \lambda}{f\lambda'}$$

Cours TI & Visio

Antoine MANZANERA - ENSTA/LE

Calcul du flot optique : limites et contraintes

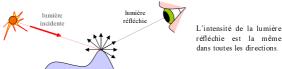


(1) On suppose:

MOUVEMENT ⇔ VARIATION D'INTENSITE

 (\Leftarrow) On suppose que l'observation d'une variation d'intensité dans l'image traduit nécessairement l'existence d'un mouvement dans la scène. Cela correspond à une hypothèse d'éclairement constant sur la scène.

(⇒) C'est la variation de l'intensité dans l'image qui doit permettre de retrouver le mouvement apparent de l'objet dans la scène. On suppose donc que la lumière réfléchie par un point de la scène reste constante indépendamment du mouvement relatif scène / caméra. L'hypothèse sous-jacente est que les objets sont à surface lambertienne :



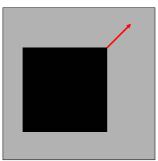
Calcul du flot optique : limites et contraintes

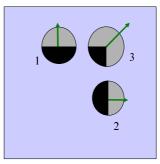


(2) **PROBLEME DE L'OUVERTURE**

On n' « accède » au mouvement apparent d'un point que grâce à un calcul effectué dans un voisinage borné de ce point.

On ne peut calculer que la composante du mouvement dans la direction du gradient (i.e. perpendiculaire au contour).





Vision Antoine MANZANERA - ENSTA

Problème de l'ouverture

Un exemple classique de manifestation du problème de l'ouverture :

L'enseigne de barbier.









Barber's pole

Antoine MANZANERA - ENSTA/LEI

C

Techniques fréquentielles

Les techniques fréquentielles d'estimation du mouvement entre deux images sont fondées sur l'équivalence translation/déphasage de la transformée de Fourier :

Rappel: l'expression d'une image dans le domaine fréquentiel consiste à décomposer la fonction bidimensionnelle en sommes de sinusoïdes complexes

$$I(x,y) = \frac{1}{wh} \sum_{u=0}^{w-1} \sum_{v=0}^{h-1} F(u,v) e^{2i\pi(ux+vy)^l wh}$$
Transformée de Fourier discrète inverse

sinusoïdes complexes : Les coefficients des différentes sinusoïdes sont calculés par la transformée de Fourier :
$$F(u,v) = \sum_{x=0}^{w-1} \sum_{y=0}^{h-1} I(x,y) e^{-2i\pi(ux+vy)/wh}$$
 Notation (module,phase) :
$$F(u,v) = \|F(u,v)\| e^{i\phi_F(u,v)}$$
 La propriété de translation/déphasage dit

La propriété de translation/déphasage dit que si F est la transformée de Fourier de I:

Alors la TF de I translatée de $(-\delta x, -\delta y)$, est G. avec:

$$||G(u,v)|| = ||F(u,v)|| \quad \text{et} \quad \varphi_G(u,v) = \varphi_F(u,v) + 2\pi(u\delta x + v\delta y) / wh$$

Le déphasage entre F et G vaut donc : $\Delta\phi(u,v) = 2\pi(u\delta x + v\delta y)/wh$

Il suffit donc en théorie de considérer ce déphasage pour 2 couples (u,v) pour calculer (&, &), mais cette technique est sensible au bruit et aux changement d'illumination qui induisent des variations dans les basses fréquences.

On utilise plutôt la technique de corrélation de phase.

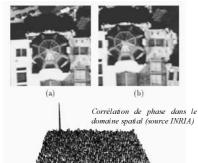
Antoine MANZANERA - ENSTA/LEI

Corrélation de phase

La technique de corrélation de phase exploite une conséquence directe de la propriété de translation/déphasage. Si F est la TF de I et G la TF de I translatée de $(-\delta x, -\delta y)$, alors le déphasage entre F et G est égal à leur spectre de puissance croisé normalisé (SPCN), i.e.:

$$\frac{F^*(u,v)G(u,v)}{\left\|F^*(u,v)G(u,v)\right\|} = e^{2i\pi(u\delta x + v\delta y)/wh}$$

La TF inverse du SPCN est donc égale à la fonction de Dirac du vecteur de translation : $\delta(\delta x, \delta y)(x, y)$



(c)

La technique de corrélation de phase consiste donc à

- Calculer les TF de I(x, y, t) et I(x, y, t+1), soit F_1 et F_2
- Calculer χ le SPCN de FI et F_2
- Calculer D la TF inverse de x
- Rechercher le maximum de D

Avantages et inconvénients

- + Robuste car toutes les fréquences contribuent au calcul
- + Relativement rapide grâce au calcul de la FFT
- En pratique limité à un déplacement global sur toute l'image

10

Invariant de Fourier-Mellin

L'utilisation de la transformée de Fourier-Mellin permet de calculer les paramètres d'une similitude (rotation et homothétie) comme un vecteur de translation de manière analogue au cas précédent, grâce à une représentation logpolaire de l'espace des fréquences $(u, v) \rightarrow (\theta \log \rho)$:

Soit g l'image transformée de f par une rotation d'angle α , une homothétie de rapport σ , et une translation de vecteur (x_0, y_0) :

$$g(x, y) = f(\sigma(\cos \alpha x + \sin \alpha y) - x_0, \sigma(-\sin \alpha x + \cos \alpha y) - y_0)$$

Les amplitudes des transformées de Fourier de f et g sont liées par la relation suivante :

$$\|G(u,v)\| = \frac{1}{\sigma^2} \|F\left(\frac{1}{\sigma}(u\cos\alpha + v\sin\alpha), \frac{1}{\sigma}(-u\sin\alpha + v\cos\alpha)\right)\|$$

$$\text{donc l'amplitude}: \begin{cases} \bullet \text{ ne dépend pas de la translation } (x_0, y_0). \\ \bullet \text{ subit une rotation d'angle } \alpha \end{cases}$$

$$\bullet \text{ subit une modification d'échelle d'un facteur } I/\sigma.$$

En passant les fréquences en coordonnées polaires :

on obtient:

$$\begin{split} F_{p}(\theta,\rho) &= \left\| F\left(\rho\cos\theta,\rho\sin\theta\right) \right\|; 0 \leq \theta \leq 2\pi, 0 \leq \rho < \infty \\ G_{p}(\theta,\rho) &= \left\| G\left(\rho\cos\theta,\rho\sin\theta\right) \right\|; 0 \leq \theta \leq 2\pi, 0 \leq \rho < \infty \end{split}$$

$$G_p(\theta, \rho) = \frac{1}{\sigma^2} F_p \left(\theta - \alpha, \frac{\rho}{\sigma}\right)$$

Enfin, en passant la coordonnée radiale au logarithme :

on obtient

$$r = \log \rho$$
$$s = \log \sigma$$

$$F_{lp}(\theta, r) = F_{p}(\theta, \rho)$$
$$G_{lp}(\theta, r) = G_{p}(\theta, \rho)$$

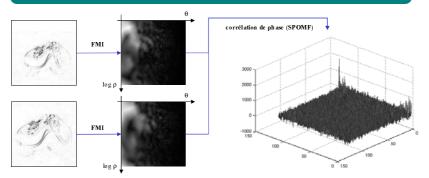
$$G_{lp}(\boldsymbol{\theta},r) = \frac{1}{\sigma^2} F_{lp}(\boldsymbol{\theta} - \boldsymbol{\alpha}, r - s)$$

Donc une similitude dans l'espace image se traduit par une translation dans l'espace des fréquences log-polaires.

Cours TI & Vision

Antoine MANZANERA - ENSTA/LEI

Invariant de Fourier-Mellin



Un exemple d'utilisation de la transformée de Fourier-Mellin : calcul de la position de la tête des Robots Aibo dans l'image par corrélation de phase des invariants de Fourier-Mellin. (FMI-SPOMF : Fourier-Mellin Invariant Symmetric Phase Only Matched Filtering) : J. C. Baillie et M. Nottale 2004.

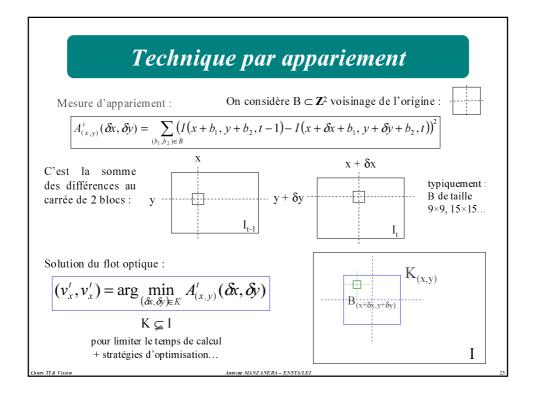


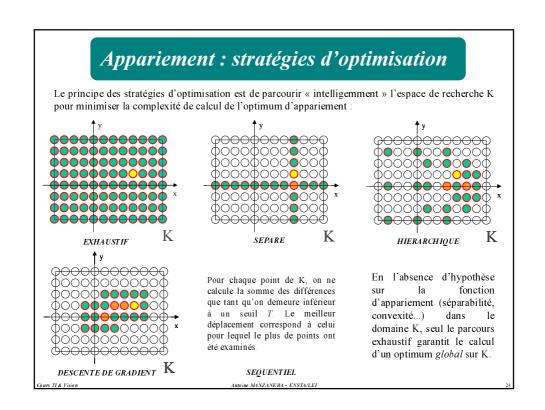
L'information de phase de l'image originale est perdue dans la FMI. Le FMI-SPOMF revient à chercher la meilleure (rotation, homothétie) qui mette en correspondance 2 spectres d'amplitude. On ne retrouve donc pas les paramètres de translation entre les deux images, et de plus l'information de forme por tée par la phase n'existe plus.

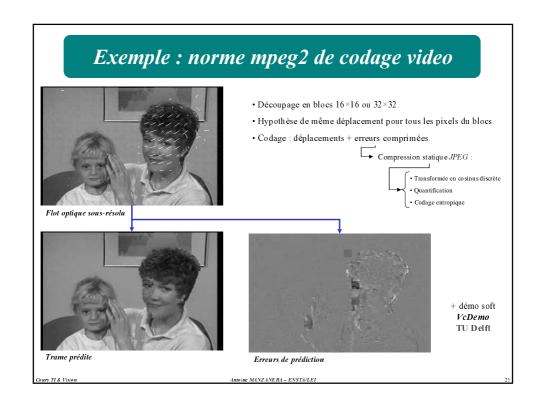
Pour compléter cette transformation, on peut appliquer une corrélation de phase classique sur le couple d'image de départ, après avoir appliqué sur l'une des images la transformation (rotation, homothétie) fournie par le FMI-SPOMF.

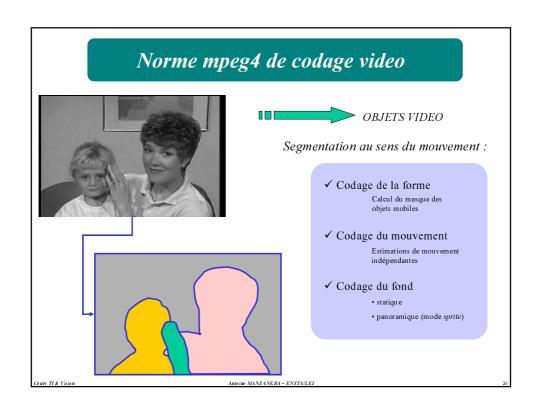
Notons enfin, que comme pour la corrélation de phase, cette méthode est utilisée en pratique pour estimer des transformations globales, car elle utilise la contribution de tout le spectre (ou au moins une large partie), ce qui implique une étendue spatiale importante des pixels utilisés pour l'estimation de chaque transformation.

Cours TI & Visio









Techniques différentielles

HORN & SCHUNCK 1981

Exploitation directe de la contrainte (1):

$$I(x, y, t) = I(x + \delta x, y + \delta y, t + \delta t)$$

Formule de Taylor

$$= I(x, y, t) + \frac{\partial I}{\partial x} \cdot \delta x + \frac{\partial I}{\partial y} \cdot \delta y + \frac{\partial I}{\partial t} \cdot \delta t + \dots \quad \text{Termes d'ordres supérieures négligés}$$

SOIT:

$$\nabla I \cdot v + \frac{\partial I}{\partial t} = 0$$

avec
$$\begin{cases} \nabla I = (\frac{\partial I}{\partial x}, \frac{\partial I}{\partial y}) & \text{gradient spatial} \\ v = (v'_x, v'_y) & \text{inconnues} \\ \frac{\partial I}{\partial x} & \text{gradient tempore} \end{cases}$$

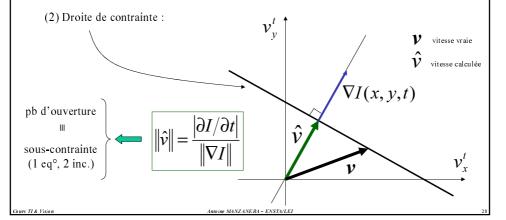
gradient temporel

ou : équation du flot optique

Equation de contrainte du mouvement apparent (ECMA)

Interprétation de l'ECMA

(1) En faisant l'hypothèse d'une certaine régularité du champ et de petits déplacements, les changements temporels dans l'image sont équivalents (au premier ordre) au produit scalaire des changements spatiaux et de la vitesse apparente.



14

Résolution de l'ECMA

HORN & SCHUNCK 1981

Résolution de l'ECMA par ajout d'une contrainte de régularité.

⇔ Régularisation du pb mal posé par hypothèse de champ lisse de déplacement.

Minimisation d'une fonction de coût :

$$C_{(x,y)}^{t}(v_{x}^{t},v_{y}^{t}) = \left(\nabla I \cdot v + \frac{\partial I}{\partial t}\right)^{2} + \lambda \left[\left(\frac{\partial v_{x}^{t}}{\partial x}\right)^{2} + \left(\frac{\partial v_{x}^{t}}{\partial y}\right)^{2} + \left(\frac{\partial v_{y}^{t}}{\partial x}\right)^{2} + \left(\frac{\partial v_{y}^{t}}{\partial y}\right)^{2}\right]$$
ECMA
REGULARISATION

facteur de pondération

Résolution de l'ECMA

HORN & SCHUNCK 1981

1. Minimisation d'une fonctionnelle quadratique :

$$C_{(x,y)}(u,v) = (I_x u + I_y v + I_t)^2 + \lambda (u_x^2 + u_y^2 + v_x^2 + v_y^2)$$

→ Annulation des dérivées premières $\partial/\partial u(...) = 0$; $\partial/\partial v(...) = 0$

Equations d'Euler-Lagrange de minimisation de C :

$$\begin{cases} 2(I_x u + I_y v + I_t)I_x + 2\lambda \left[\left(\frac{\partial}{\partial u} \frac{\partial u}{\partial x} \right) \frac{\partial u}{\partial x} + \left(\frac{\partial}{\partial u} \frac{\partial u}{\partial y} \right) \frac{\partial u}{\partial y} \right] = 0 \\ 2(I_x u + I_y v + I_t)I_y + 2\lambda \left[\left(\frac{\partial}{\partial v} \frac{\partial v}{\partial x} \right) \frac{\partial v}{\partial x} + \left(\frac{\partial}{\partial v} \frac{\partial v}{\partial y} \right) \frac{\partial v}{\partial y} \right] = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} (I_x u + I_y v + I_t)I_x + \lambda \Delta u = 0 \\ (I_x u + I_y v + I_t)I_y + \lambda \Delta v = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \Delta u = \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} \\ \Delta v = \frac{\partial^2 v}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 v}{\partial y^2} \end{cases}$$

soit:
$$\begin{cases} (I_x u + I_y v + I_t)I_x + \lambda \Delta u = 0 \\ (I_x u + I_y v + I_t)I_y + \lambda \Delta v = 0 \end{cases}$$
 avec:
$$\begin{cases} \Delta u = \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} \\ \Delta v = \frac{\partial^2 v}{\partial x^2} \frac{\partial^2 v}{\partial y^2} \end{cases}$$
 laplaciens de u et

Résolution de l'ECMA

- 2. Approximation du Laplacien : $\nabla^{2} f = f \widetilde{f} \qquad \widetilde{f} = \text{moyenne de } f \text{ dans un certain voisinage}$ $\text{soit :} \begin{cases} (v \widetilde{v})(I_{x}^{2} + I_{y}^{2} + \lambda) = -I_{y}(I_{x}\widetilde{u} + I_{y}\widetilde{v} + I_{t}) \\ (u \widetilde{u})(I_{x}^{2} + I_{y}^{2} + \lambda) = -I_{x}(I_{x}\widetilde{u} + I_{y}\widetilde{v} + I_{t}) \end{cases}$
- 3. Schéma itératif de résolution :

Méthode de Gauss-Seidel :
$$\begin{cases} u^k = \widetilde{u}^{k-1} - I_x \left(I_x \widetilde{u}^{k-1} + I_y \widetilde{v}^{k-1} + I_t \right) \cdot \left(I_x^2 + I_y^2 + \lambda \right)^{-1} \\ v^k = \widetilde{v}^{k-1} - I_y \left(I_x \widetilde{u}^{k-1} + I_y \widetilde{v}^{k-1} + I_t \right) \cdot \left(I_x^2 + I_y^2 + \lambda \right)^{-1} \end{cases}$$

Soit, en reprenant les notations originales :

ALGORITHME DE HORN & SCHUNCK

• Initialisation : $v_x^0 = 0$ $v_y^0 = 0$

avec:

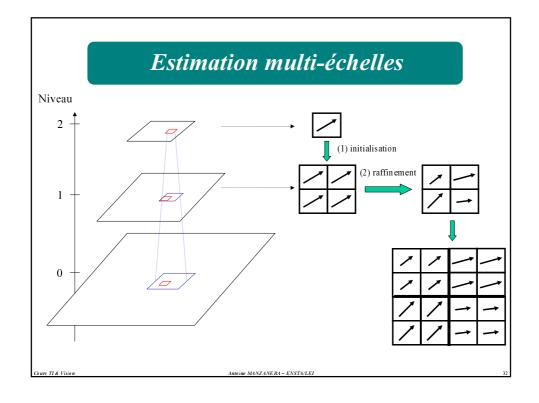
$$\begin{cases} N = \frac{\partial I}{\partial x} \widetilde{v}_{x}^{k-1} + \frac{\partial I}{\partial y} \widetilde{v}_{y}^{k-1} + \frac{\partial I}{\partial t} \\ D = \lambda + \left(\frac{\partial I}{\partial x}\right)^{2} + \left(\frac{\partial I}{\partial y}\right)^{2} \end{cases}$$

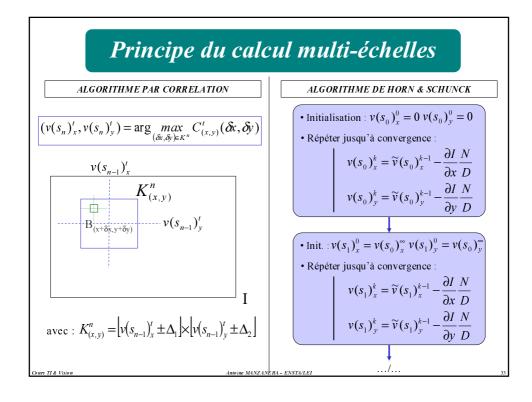
• Répéter jusqu'à convergence : $| v^k - \widetilde{v}^{k-1} | \partial I N$

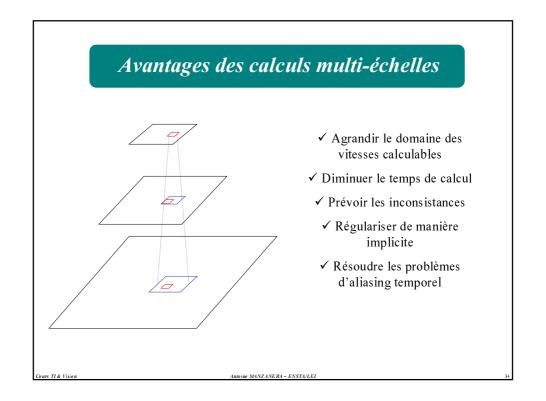
$$v_{x}^{k} = \widetilde{v}_{x}^{k-1} - \frac{\partial I}{\partial x} \frac{N}{D}$$

$$v_{y}^{k} = \widetilde{v}_{y}^{k-1} - \frac{\partial I}{\partial y} \frac{N}{D}$$

Cours TI & Vision



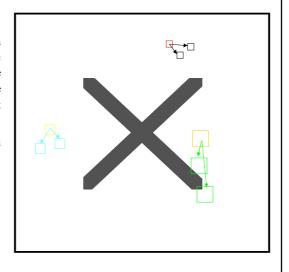




Calculs multi-échelles et aliasing temporel

L'aliasing temporel correspond à l'indécidabilité du problème de mise en correspondance de motifs dans le cas de structures périodiques lorsque l'amplitude du déplacement est supérieure à celle des motifs.

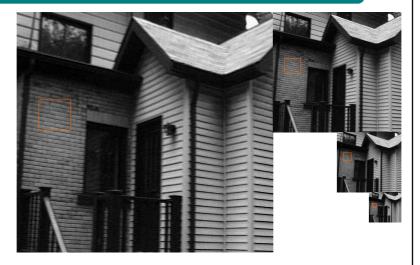
Ce problème se rencontre à différentes échelles dans l'image :



Cours TI & Vision

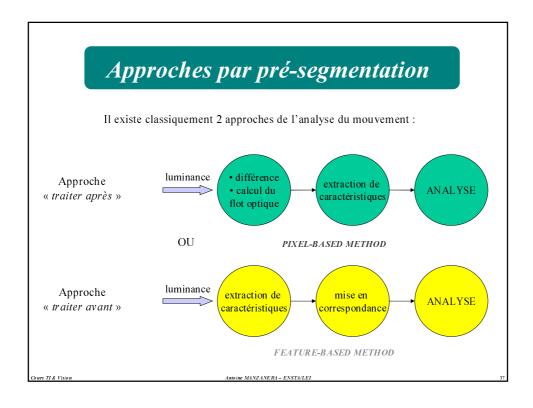
nto ine MANZANERA - ENSTA/LEI

Calculs multi-échelles et aliasing temporel



Pyramide Gaussienne

Cours TI & Visio

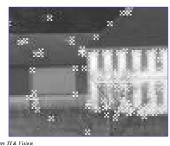


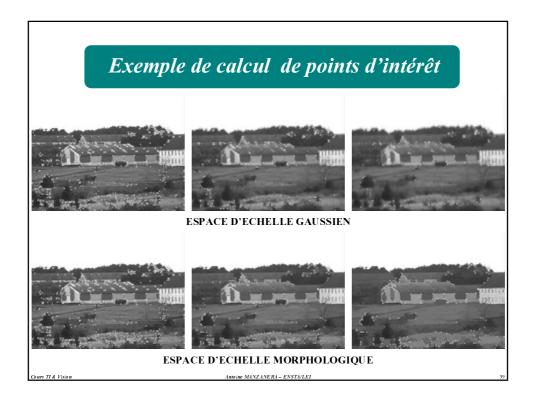
Approches par pré-segmentation

Dans le cadre du calcul du flot optique, on cherche un compromis entre les deux approches « pixel-based » et « feature-based ».

En effet, pour l'extraction de certaines caractéristiques du flot optique, il est intéressant d'avoir un champ dense (pixel-based), mais une pré-segmentation permet de différencier le calcul spatialement (feature-based), pour éviter l'apparition et la propagation des erreurs.

Exemple de pré-segmentation : Calcul des points d'intérêt





Points d'intérêt et flot optique

Lien avec le flot optique : RESTREINDRE, ou DIFFERENCIER le calcul du flot optique pour les points d'intérêt.

Lien avec la vision biologique:

2 types de perception du mouvement bien distincts chez les primates :



analyse du flux optique

petits mouvements

grands mouvements

mise en correspondance de points caractéristiques

Antoine MANZANERA - ENSTA/LEI

ours TI & Vision

Points d'intérêt et flot optique

Avantages *algorithmiques* de la pré-segmentation par point d'intérêt :

- ✓ problème bien posé au voisinage des points d'intérêt
 - \iff consistance du flot
- ✓ réduction du temps de calcul
- ✓ optimisation convexe
 - \iff algorithmique gloutonne, implantation hardware, ...

ours TI & Vision

Antoine MANZANERA - ENSTA/LE

Bibliographie du chapitre

- B.K.P Horn & B. Schunck 1974 « Determining Optical Flow » Artificial Intelligence 23 185-203
- D.H. Ballard & C.M Brown 1982 « Computer Vision » Prentice Hall (Ch. 3, Ch. 7)
- T.S Huang 1983 « Image sequences processing and dynamic scene analysis» Springer Verlag NATO ASI Series
- J.M. Jolion & A. Rosenfeld 1994 « A pyramid framework for early vision » Kluwer Academic Publishers Dordrecht, NL
- R. Jain, R. Kasturi, & B. Schunck 1995 « Machine Vision » McGraw-Hill Inc. (Ch.14)

Cours TI & Vision