

```

#flowchat
str_a=input('please input a:')
str_b=input('please input b:')
str_c=input('please input c:')
a=float(str_a)
b=float(str_b)
c=float(str_c)
if a>b:
    if b>c:
        list=[a,b,c]
    else:
        if a>c:
            list=[a,c,b]
        else:
            list=[c,a,b]
else:
    list=[c,b,a]
x=list[0]
y=list[1]
z=list[2]
rs=x+y-10*z
print(rs)
#Continuous ceiling function
import numpy as np
#获取输入的元素
list=[]
print("please input number,untill input 'done':")
while True:
    user_input=input()
    if user_input=='done':
        break
    list.append(user_input)
int_list=[int(x) for x in list]
list2=[]#储存结果的列表
#循环
for i in int_list:
    rs=0
#每迭代一次，结果加 2
    while np.ceil(i/3)!=1:
        rs=rs+2
        i=np.ceil(i/3)
#因为迭代的次数少一次，而且需要加上 F（1），所以最后结果还要加 3
    rs=rs+3

```

```

list2.append(rs)
print(list2)

#Dice rolling
def find_number_of_ways(x):
    import copy
    x=int(x)
    #通过 10 次循环，把所有的结果储存在列表 list 中
    list=[]
    for i1 in range(1,7):
        for i2 in range(1,7):
            for i3 in range(1,7):
                for i4 in range(1,7):
                    for i5 in range(1,7):
                        for i6 in range(1,7):
                            for i7 in range(1,7):
                                for i8 in range(1,7):
                                    for i9 in range(1,7):
                                        for i10 in range(1,7):
                                            rs=i1+i2+i3+i4+i5+i6+i7+i8+i9+i10
                                            list.append(rs)

    #得到列表长度
    l1=len(list)
    list2=copy.copy(list)
    #删除列表中所有与选中数字相同的元素，前后列表长度差即为得到该数字的途径数
    #list=list(filter((x)._ne_,list))
    try:
        while True:
            list.remove(x)
    except ValueError:
        pass
    l2=len(list)
    rs2=l1-l2
    return rs2,list2
out_rs2,out_list2=find_number_of_ways(10)
print('there are',out_rs2,'ways to get',10)
#3.2 由于数据太大，需要较长的运行时间
number_of_ways=[]
for i in range(10,61):
    l1=len(out_list2)
    try:
        while True:
            out_list2.remove(i)

```

```

except ValueError:
    pass
l2=len(out_list2)
rs2=l1-l2
number_of_ways.append(rs2)

#Dynamic programming
#4.1 random_integer
import numpy as np
import random
N=input('please input a number:')
N=int(N)

list=[]
i=1
while i<=N:
    list.append(random.randint(0,10))
    i+=1

print(list)
#4.2 sum average
#对于原数列，需要分别求含有 1、2、...N 个元素的子集的平均值
#由数学知识可知，含有 n 个元素的子集的取法为  $N! / (n! * (N-n)!)$ 
#则所有含有 n 个元素的子集的元素数量和=子集个数*每个子集中的元素数= $N! / (n! * (N-n)!)$  * n
#对于 n 元素子集，由于取法不重不漏，所以每个元素出现的次数相同，都是  $N! / (n! * (N-n)!)$  * n / N
#所以 n 元素子集平均值=（元素和）*  $N! / (n! * (N-n)!)$  / N
import math
sum_ave=[]
sum=0
int_list=[int(x) for x in list]
for i in range(N):
    sum=sum+int_list[i]
for i in range(1,N+1):
    sum_ave.append(sum*math.factorial(N)/math.factorial(i)/math.factorial(N-i)/N)
sum_average=0
for i in range(N):
    sum_average=sum_average+sum_ave[i]
print(sum_average)
#4.3
total_sum_average=[]
for j in range(1,101):

```

```

list=[]
i=1
while i<=j:
    list.append(random.randint(0,10))
    i+=1

sum_ave=[]
sum=0
int_list=[int(x) for x in list]
for i in range(j):
    sum=sum+int_list[i]
for i in range(1,j+1):
    sum_ave.append(sum*math.factorial(j)/math.factorial(i)/math.factorial(j-i)/j)
sum_average=0
for i in range(j):
    sum_average=sum_average+sum_ave[i]

total_sum_average.append(sum_average)
print(total_sum_average)

```

#Path counting

#5.1

```

import numpy as np
M=input('please input the number of rows:')
N=input('please input the number of columns:')
M=int(M)
N=int(N)
matrix=np.random.random((M,N))
matrix=np.round(matrix)
matrix[0][0]=1
matrix[-1][-1]=1
print(matrix)

```

#5.2

#对于该问题，由于每次前进一步。即序列数之和每次增加 1，如果我们将矩阵以副对角线方向分层，则每次跨越一层

#假如原矩阵是全 1 矩阵，则由数学知识可知，抵达某层的方法数可以安装杨辉三角的计算规则得出

#再考虑矩阵中出现 0 的影响：出现 0 说明此路不通，意味着之前到某 0 位置的方法全部无效，并且该位置不对此后的位置产生影响

#在杨辉三角中，把相应位置变成 0，可以得到相同的效果

```

def count_path(M,N,matrix):
    matrix1=np.zeros((M,N))
    matrix1[1][0]=matrix[1][0]
    matrix1[0][1]=matrix[0][1]

```

```

matrix1[-1][-1]=1
#此时原矩阵 matrix 相当于布尔矩阵，只用于条件判断，计算在 matrix1 中进行，
在对第 2 层赋值后，matrix1 设置为全 0 矩阵可以避免一些 bug
#计算矩阵左边缘和上边缘
a1=[]
a2=[]
for i in range(N):
    a1.append(matrix[0][i])
for i in range(M):
    a2.append(matrix[i][0])
index1=next((i for i,x in enumerate(a1) if x==0),False)
index2=next((i for i,x in enumerate(a2) if x==0),False)
if index1:
    for i in range(index1):
        matrix1[0][i]=1
if index2:
    for i in range(index2):
        matrix1[i][0]=1
#计算非方阵
if M!=N:
    T=min(M,N)
    T2=abs(N-M)
    for i in range(2,T):
        for j in range(i):
            if j*(i-j)!=0:
                if matrix[j][i-j]!=0:
                    matrix1[j][i-j]=matrix1[j-1][i-j]+matrix1[j][i-j-1]
                else:
                    matrix1[j][i-j]=0
    for i in range(T,T+T2):
        if M>N:
            for j in range(i-N+1,i):
                if i-j==0:
                    matrix1[j][i-j]=matrix1[j-1][i-j]
                else:
                    if matrix[j][i-j]!=0:
                        matrix1[j][i-j]=matrix1[j-1][i-j]+matrix1[j][i-j-1]
                    else:
                        matrix1[j][i-j]=0
        if M<N:
            for j in range(i-M+1,i):
                if i-j==0:
                    matrix1[i-j][j]=matrix1[i-j][j-1]
                else:

```

```

        if matrix[i-j][j]!=0:
            matrix1[i-j][j]=matrix1[i-j-1][j]+matrix1[i-j][j-1]
        else:
            matrix1[i-j][j]=0

    for i in range(T+T2,M+N-1):
        if M>N:
            for j in range(i-N+1,M):
                if matrix[j][i-j]!=0:
                    matrix1[j][i-j]=matrix1[j-1][i-j]+matrix1[j][i-j-1]
                else:
                    matrix1[j][i-j]=0
        if M<N:
            for j in range(i-M+1,N):
                if matrix[i-j][j]!=0:
                    matrix1[i-j][j]=matrix1[i-j-1][j]+matrix1[i-j][j-1]
                else:
                    matrix1[i-j][j]=0

#计算方阵
    else:
        for i in range(2,M):
            for j in range(i):
                if j*(i-j)!=0:
                    if matrix[j][i-j]!=0:
                        matrix1[j][i-j]=matrix1[j-1][i-j]+matrix1[j][i-j-1]
                    else:
                        matrix1[j][i-j]=0
        for i in range(M,M+N-1):
            for j in range(i-N+1,M):
                if matrix[j][i-j]!=0:
                    matrix1[j][i-j]=matrix1[j-1][i-j]+matrix1[j][i-j-1]
                else:
                    matrix1[j][i-j]=0

    pa=np.copy(matrix1[-1,-1])
    return pa
pa=count_path(M,N,matrix)
print(pa)

```

#5.3

```

import numpy as np
M=input('please input the number of rows:')
N=input('please input the number of columns:')
M=int(M)

```

```
N=int(N)
mean_p=[]
sum=0
for t in range(1000):
    matrix=np.random.random((M,N))
    matrix=np.round(matrix)
    matrix[0][0]=1
    matrix[-1][-1]=1
    pa=count_path(M,N,matrix)
    pa=int(pa)
    sum=sum+pa
    mean_p.append(pa)
mean_path=sum/1000
print(mean_path)
```