

## 1 Traccia

In seguito ad una variazione locale di pH la proteina  $P_1$  subisce un cambiamento conformazionale che la rende attiva. La forma attiva della proteina ( $P_{1a}$ ) è in grado di legare la proteina  $P_2$  in modo reversibile con le costanti cinetiche  $k_{as} = 3.4 \times 10^5 M^{-1} s^{-1}$  e  $k_{dis} = 5 \times 10^{-2} s^{-1}$ .

Sapendo che le concentrazioni iniziali della proteina  $P_1$  e della proteina  $P_2$  sono rispettivamente  $35 \mu M$  e  $24 \mu M$  e che la costante cinetica di variazione conformazionale della proteina  $P_1$  è  $k_{conf} = 7 \times 10^3 M^{-1} s^{-1}$  simulare il sistema dinamicamente e rispondere ai seguenti quesiti:

1. Sono sufficienti 0.2 secondi (200 ms) per stabilire l'equilibrio?
2. Assumendo che a  $t=20s$  il sistema sia all'equilibrio, determinare empiricamente la costante di equilibrio e confrontarla con la costante di equilibrio teorica.
3. Supponendo ora che la proteina  $P_{1a}$  sia soggetta a degradazione con una costante cinetica  $k_{deg} = 1.2 \times 10^{-1} M^{-1} s^{-1}$ , per quanto tempo nel sistema si può rilevare la presenza di  $P_3$ ?

## 2 Soluzione

```
*****MODEL NAME

*****MODEL NOTES

*****MODEL STATE INFORMATION
$P1(0)=25e-6    %M (moli/I)$
$P2(0)=24e-6    %M (moli/I)$

*****MODEL PARAMETERS
k_conf=7e3  \%M^-1 s^-1
k_as=3.4e5  \%M^-1 s^-1
k_dis=5e-2  \%s^-1
k_deg=1.2e-2 %aggiunto successivamente
              %all'esercizio 3

*****MODEL VARIABLES

*****MODEL REACTIONS
P1 => P1a : r1
      vf=k_conf*P1
P1a + P2 <=> P3: r2
      vf=k_as*P1a*P2
      vr=k_dis*P3
```

```
P1a => :r3      %aggiunto successivamente
      vf=k_deg*P1a    %all'esercizio 3
```

```
*****MODEL FUNCTIONS
```

```
*****MODEL EVENTS
```

```
*****MODEL MATLAB FUNCTIONS
```

### 3 Risposte

**Domanda 1** Sono sufficienti per la prima reazione sono sufficienti, ma per la seconda no. Né  $P_3$  né  $P_{1a}$  hanno raggiunto l'equilibrio. Già dopo 10 secondi invece è visibile l'equilibrio raggiunto da tutte le specie. Quindi non sono sufficienti per stabilire l'equilibrio dell'intero sistema.

**Domanda 2**

$$k_{eq} = \frac{P_3}{P_{1a} * P_2} = 6.8 \times 10^6$$

$$K_{as} * P_{1a} * P_2 = k_{dis} * P_3$$

Dobbiamo ora calcolare la costante di equilibrio empirica:

$$P_3(20)c.a. = 2.3 \times 10^{-5}$$

$$P_{1a}(20)c.a. = 1.13 \times 10^{-5}$$

$$P_2(20)c.a. = 3.08 \times 10^{-7}$$

$$k_{eq} = \frac{P_3(20)}{P_{1a}(20) * P_2(20)} = \frac{2.3 \times 10^{-5}}{1.13 \times 10^{-5} * 3.08 \times 10^{-7}} = 6.8 \times 10^6$$

**Domanda 3** Per capirlo aggiungiamo la reazione 3, con una nuova costante  $k_{deg}$ .

Dopo circa  $10^5$  secondi (quindi circa 28 ore) abbiamo raggiunto lo zero (più o meno) per  $P_3$ .

Spiegazione: dopo la prima reazione, di dissociazione di  $P_1$ ,  $P_{1a}$  tende a dissiparsi, quindi non è possibile dopo le 28 ore che si formi  $P_3$  e quindi poi tende a sparire.