

E-BOOK GRATUITO

## RESOLUÇÃO DE QUESTÕES ENEM

MAX MADEIRA & CHICO FIGUEIREDO

BRASÍLIA, 2020



MAX MADEIRA & CHICO FIGUEIREDO

**RESOLUÇÃO DE QUESTÕES ENEM**

Orientador: Francisco Lima Figueiredo

**Brasília**

**2020**

Figueiredo, Max Madeira & Chico  
Resolução de Questões ENEM / Max Madeira & Chico  
Figueiredo. - Brasília, 2020.  
19 p. : il. ; 30 cm.

Orientador: Francisco Lima Figueiredo

e-Book Gratuito - , Brasília, 2020.

1. Educação. 2. Matemática Financeira. 3. Estatística.  
4. ENEM. I. Figueiredo, Francisco Lima . II. .

*“ A Matemática é a ciência mais barata. Não requer  
qualquer equipamento caro, ao contrário da Física ou  
da Química. Tudo o que precisamos para a  
Matemática é de um lápis e papel. “  
(George Pólya)*



## **RESUMO**

O presente trabalho é fruto do trabalho de 2 apaixonados por matemática que são amigos a 30 anos e se dispõem a deixar um legado na vida de quem precisa passar em uma universidade.

**Palavras-chave:** Educação. Matemática Financeira. Estatística, ENEM.





## SUMÁRIO

<b>1</b>	<b>ENEM 2019 - CADERNO AZUL . . . . .</b>	<b>9</b>
1.1	QUESTÃO 150 - MATEMÁTICA FINANCEIRA . . . . .	9
1.2	QUESTÃO 154 - LOGARITMOS, UNIDADES DE MEDIDA, INTER- PRETAÇÃO TABELA . . . . .	10
1.3	QUESTÃO 138 - PORCENTAGEM . . . . .	12
1.4	QUESTÃO 140 - NOTAÇÃO CIENTÍFICA . . . . .	13
1.5	QUESTÃO 160 - ESTATÍSTICA, MÉDIA ARITMÉTICA . . . . .	14
1.6	QUESTÃO 161 - ESTATÍSTICA, MÉDIA PONDERADA . . . . .	15
1.7	QUESTÃO 158 - UNIDADES DE MEDIDA, PROPORCIONALIDADE, REGRA DE 3, GEOMETRIA . . . . .	16
1.8	QUESTÃO 1 - . . . . .	18
	<b>REFERÊNCIAS . . . . .</b>	<b>19</b>



## 1 ENEM 2019 - CADERNO AZUL

### 1.1 QUESTÃO 150 - MATEMÁTICA FINANCEIRA

Uma pessoa se interessou em adquirir um produto anunciado em uma loja. Negociou com o gerente e conseguiu comprá-lo a uma taxa de juros compostos de 1% ao mês. O primeiro pagamento será um mês após a aquisição do produto, e no valor de R\$ 202,00.

O segundo pagamento será efetuado um mês após o primeiro, e terá o valor de R\$ 204,02. Para concretizar a compra, o gerente emitirá uma nota fiscal com o valor do produto à vista negociado com o cliente, correspondendo ao financiamento aprovado.

O valor à vista, em real, que deverá constar na nota fiscal é de

- (A) 398,02.
- (B) 400,00.
- (C) 401,94.
- (D) 404,00.
- (E) 406,02.

#### Resolução

Então temos o seguinte fluxo de caixa:



$$i = 1\% = \frac{1}{100} = 0,01$$

$$\text{fator de capitalização: } 1 + i = 1 + 0,01 = 1,01$$

Logo temos que o valor  $V$  é a soma das 2 parcelas descontadas no fluxo de caixa:

$$\begin{aligned}
 V &= \frac{202,00}{1,01} + \frac{204,02}{1,01^2} \\
 &= \frac{202,00}{1,01} + \frac{204,02}{1,0201} \\
 &= \frac{20200}{101} + \frac{2040200}{10201} \\
 &= 200 + 200 \\
 &= 400
 \end{aligned}$$

**Resposta:** A nota fiscal deverá ser preenchida com o valor de R\$ 400,00.  
Alternativa (B)

**Rascunho**

$$\begin{array}{r}
 1,01 \\
 \times 1,01 \\
 \hline
 101 \\
 000 \\
 101 \\
 \hline
 1,0201
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 20200 \\
 - 202 \\
 \hline
 00 \\
 - 0 \\
 \hline
 00 \\
 - 0 \\
 \hline
 0
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 101 \\
 \hline
 200
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 204,0200 \\
 - 20402 \\
 \hline
 00 \\
 - 0 \\
 \hline
 00 \\
 - 0 \\
 \hline
 0
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 1,0201 \\
 \hline
 200
 \end{array}$$



Resolução: <[https://youtu.be/szsZ\\_Uuk1zk](https://youtu.be/szsZ_Uuk1zk)>

## 1.2 QUESTÃO 154 - LOGARITMOS, UNIDADES DE MEDIDA, INTERPRETAÇÃO TABELA

Charles Richter e Beno Gutenberg desenvolveram a escala Richter, que mede a magnitude de um terremoto. Essa escala pode variar de 0 a 10, com possibilidades de valores maiores. O quadro mostra a escala de magnitude local ( $M_s$ ) de um terremoto que é utilizada para descrevê-lo.

Descrição	Magnitude local ( $M_s$ ) ( $\mu m \cdot Hz$ )
Pequeno	$0 \leq M_s \leq 3,9$
Ligeiro	$4,0 \leq M_s \leq 4,9$
Moderado	$5,0 \leq M_s \leq 5,9$
Grande	$6,0 \leq M_s \leq 9,9$
Extremo	$M_s \geq 10,0$

Para se calcular a magnitude local, usa-se a fórmula  $M_s = 3,30 + \log(A \cdot f)$ , em que  $A$  representa a amplitude máxima da onda registrada por um sismógrafo em micrômetro ( $\mu m$ ) e  $f$  representa a frequência da onda, em hertz ( $Hz$ ). Ocorreu um terremoto com amplitude máxima de  $2000\mu m$  e frequência de  $0,2Hz$ .

Disponível em: <http://cejarj.cecierj.edu.br>. Acesso em: 1 fev. 2015 (adaptado).

Utilize 0,3 como aproximação para  $\log 2$ .

De acordo com os dados fornecidos, o terremoto ocorrido pode ser descrito como

(A) Pequeno.

(B) Ligeiro.

(C) Moderado.

(D) Grande.

(E) Extremo.

### Resolução

Temos um caso simples de substituição de variáveis, e bom uso das propriedades de logaritmos:

$$\begin{aligned}
 M_s &= 3,30 + \log(A \cdot f) \\
 &= 3,30 + \log(2000 \cdot 0,2) \\
 &= 3,30 + \log(400) \\
 &= 3,30 + \log(4 \cdot 100) \\
 &= 3,30 + \log(2^2 \cdot 10^2) \\
 &= 3,30 + \log(2^2) + \log(10^2) \\
 &= 3,30 + 2 \cdot \log(2) + 2 \cdot \log(10) \\
 &= 3,30 + 2 \cdot 0,3 + 2 \cdot 1 \\
 &= 3,30 + 0,6 + 2 \\
 M_s &= 5,9
 \end{aligned}$$

### Rascunho

$$\begin{array}{r}
 2000 \\
 \times 0,2 \\
 \hline
 4000 \\
 0000 \\
 \hline
 400,0
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 0,3 \\
 \times 2 \\
 \hline
 0,6
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 3,3 \\
 + 0,6 \\
 \hline
 3,92
 \end{array}$$



Resolução: <[https://youtu.be/szsZ\\_Uuk1zk](https://youtu.be/szsZ_Uuk1zk)>

## 1.3 QUESTÃO 138 - PORCENTAGEM

Uma pessoa, que perdeu um objeto pessoal quando visitou uma cidade, pretende divulgar nos meios de comunicação informações a respeito da perda desse objeto e de seu contato para eventual devolução. No entanto, ela lembra que, de acordo com o Art. 1 234 do Código Civil, poderá ter que pagar pelas despesas do transporte desse objeto até sua cidade e poderá ter que recompensar a pessoa que lhe restituir o objeto em, pelo menos, 5% do valor do objeto.

Ela sabe que o custo com transporte será de um quinto do valor atual do objeto e, como ela tem muito interesse em reavê-lo, pretende ofertar o maior percentual possível de recompensa, desde que o gasto total com as despesas não ultrapasse o valor atual do objeto.

Nessas condições, o percentual sobre o valor do objeto, dado como recompensa, que ela deverá ofertar é igual a

- (A) 20%
- (B) 25%
- (C) 40%
- (D) 60%
- (E) 80%

**Resolução**

$V$  Valor do objeto

$\frac{1}{5}V$  será o valor do transporte, vale notar que  $\frac{1}{5} = 0,2 = 20\% \Rightarrow 20\%V$

A recompensa será o que o total do valor do objeto menos o transporte, ou seja

$$\begin{aligned} X &= V - \frac{1}{5}V \\ &= \left(1 - \frac{1}{5}\right)V \\ &= \left(\frac{5-1}{5}\right)V \\ &= \frac{4}{5}V \\ &= 0,8V \\ &= 80\%V \end{aligned}$$

**Resposta:** O percentual da recompensa será de 80% do valor do objeto

**Rascunho**

$$\begin{array}{r|l}
 1 & 5 \\
 \hline
 0 & 0,2 \\
 10 & \\
 \hline
 10 & \\
 \hline
 0 & 
 \end{array}
 \qquad
 \begin{array}{r|l}
 4 & 5 \\
 \hline
 0 & 0,8 \\
 40 & \\
 \hline
 40 & \\
 \hline
 0 & 
 \end{array}$$



Resolução: <[https://youtu.be/szsZ\\_Uuk1zk](https://youtu.be/szsZ_Uuk1zk)>

#### 1.4 QUESTÃO 140 - NOTAÇÃO CIENTÍFICA

A gripe é uma infecção respiratória aguda de curta duração causada pelo vírus influenza. Ao entrar no nosso organismo pelo nariz, esse vírus multiplica-se, disseminando-se para a garganta e demais partes das vias respiratórias, incluindo os pulmões.

O vírus influenza é uma partícula esférica que tem um diâmetro interno de 0,00011 mm.

Disponível em: [www.gripenet.pt](http://www.gripenet.pt). Acesso em: 2 nov. 2013 (adaptado).

Em notação científica, o diâmetro interno do vírus influenza, em mm, é

- (A)  $1,1 \times 10^{-1}$
- (B)  $1,1 \times 10^{-2}$
- (C)  $1,1 \times 10^{-3}$
- (D)  $1,1 \times 10^{-4}$
- (E)  $1,1 \times 10^{-5}$

#### Resolução

$$0,00011 = 1,1 \cdot 10^{-4}$$

4 casas decimais até o primeiro dígito significativo



Resolução: <[https://youtu.be/szsZ\\_Uuk1zk](https://youtu.be/szsZ_Uuk1zk)>

## 1.5 QUESTÃO 160 - ESTATÍSTICA, MÉDIA ARITMÉTICA

O preparador físico de um time de basquete dispõe de um plantel de 20 jogadores, com média de altura igual a 1,80 m. No último treino antes da estreia em um campeonato, um dos jogadores desfalcou o time em razão de uma séria contusão, forçando o técnico a contratar outro jogador para recompor o grupo.

Se o novo jogador é 0,20 m mais baixo que o anterior, qual é a média de altura, em metro, do novo grupo?

(A) 1,60

(B) 1,78

(C) 1,79

(D) 1,81

(E) 1,82

**Resolução**

$$\text{Dado que média } M = \frac{S_{20}}{n} = \frac{\sum_1^n J_i}{n} \Rightarrow M = \frac{\sum_1^{20} J_i}{20} = 1,80m$$

$$\text{Donde que se conclui que a soma das alturas dos jogadores é } S_{20} = \sum_1^{20} J_i = 1,80 \cdot 20 \Rightarrow \sum_1^{20} J_i = 36m$$

A nova soma, com o jogador trocado, diminuiu 0,20 m, ou seja

$$S'_{20} = S_{20} - 0,20 \Rightarrow S'_{20} = 36m - 0,20m \Rightarrow S'_{20} = 35,8m$$

$$\text{A nova média é } M' = \frac{S'_{20}}{20} \Rightarrow M' = \frac{35,8}{20} \Rightarrow M' = 1,79$$

**Outra Resolução**

O leitor pode também resolver rapidamente verificando que a nova média será decrescida de 0,20 m dividido pelos 20 membros, ou seja  $\frac{0,20}{20} = 0,01m$  ou seja, caindo de 1,80m para  $1,80 - 0,01m = 1,79m$

**Resposta:** A nova média é 1,79m, correspondendo ao gabarito (C)

**Rascunho**

$\begin{array}{r} 1,8 \\ \times 20 \\ \hline 00 \\ 36 \\ \hline 36,0 \end{array}$	$\begin{array}{r} 36,0 \\ - 0,2 \\ \hline 35,8 \end{array}$	$\begin{array}{r} 35,8 \\ - 200 \\ \hline 1580 \\ - 1400 \\ \hline 1800 \\ - 1800 \\ \hline 0 \end{array}$	$\begin{array}{r} 20,0 \\ 1,79 \end{array}$
---	---	--	---



$$\begin{array}{r|l}
 0,2 & 20,0 \\
 - & 0,01 \\
 \hline
 20 & \\
 - & \\
 0 & \\
 \hline
 200 & 1,80 \\
 - & 0,01 \\
 200 & \hline
 0 & 1,79
 \end{array}$$



Resolução: <<https://youtu.be/>>

## 1.6 QUESTÃO 161 - ESTATÍSTICA, MÉDIA PONDERADA

Em uma fábrica de refrigerantes, é necessário que se faça periodicamente o controle no processo de engarrafamento para evitar que sejam envasadas garrafas fora da especificação do volume escrito no rótulo.

Diariamente, durante 60 dias, foram anotadas as quantidades de garrafas fora dessas especificações. O resultado está apresentado no quadro.

Quantidade de garrafas fora das especificações por dia	Quantidade de dias
0	52
1	5
2	2
3	1

A média diária de garrafas fora das especificações no período considerado é

- (A) 0,1.
- (B) 0,2.
- (C) 1,5.
- (D) 2,0.
- (E) 3,0.

### Resolução

Interpretando adequadamente a tabela e a questão trata-se de uma média ponderada

Quantidade de garrafas fora das especificações por dia (1)	Quantidade de dias (2)	(1) × (2)
0	52	0
1	5	5
2	2	4
3	1	3
Soma	60	12

Matematicamente falando

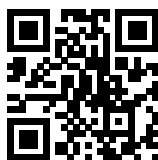
$$\begin{aligned}
 M_p &= \frac{0 \cdot 52 + 1 \cdot 5 + 2 \cdot 2 + 3 \cdot 1}{52 + 5 + 2 + 1} \\
 &= \frac{0 + 5 + 4 + 3}{60} \\
 &= \frac{12}{60} \\
 &= \frac{1}{5} \\
 M_p &= 0,2
 \end{aligned}$$

**Resposta:** A média ponderada é 0,2 garrafas defeituosas, correspondendo ao gabarito (B)

**Rascunho**

$$\begin{array}{r|l}
 12 & 60 \\
 - & \\
 \hline
 0 & 0,2 \\
 120 & \\
 - & \\
 120 & \\
 \hline
 0 & 
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l}
 1 & 5 \\
 - & \\
 \hline
 0 & 0,2 \\
 10 & \\
 - & \\
 10 & \\
 \hline
 0 & 
 \end{array}$$



Resolução: <[<https://youtu.be/>](https://youtu.be/)>

## 1.7 QUESTÃO 158 - UNIDADES DE MEDIDA, PROPORCIONALIDADE, REGRA DE 3, GEOMETRIA

Comum em lançamentos de empreendimentos imobiliários, as maquetes de condomínios funcionam como uma ótima ferramenta de marketing para as construtoras, pois,

além de encantar clientes, auxiliam de maneira significativa os corretores na negociação e venda de imóveis.

Um condomínio está sendo lançado em um novo bairro de uma cidade. Na maquete projetada pela construtora, em escala de 1 : 200, existe um reservatório de água com capacidade de  $45cm^3$ .

Quando todas as famílias estiverem residindo no condomínio, a estimativa é que, por dia, sejam consumidos 30 000 litros de água.

Em uma eventual falta de água, o reservatório cheio será suficiente para abastecer o condomínio por quantos dias?

- (A) 30
- (B) 15
- (C) 12
- (D) 6
- (E) 3

### Resolução

A escala é linear 1 : 200 ou seja, cada centímetro na maquete mede 200 cm em escala real. Lembrando que à cada dimensão eu aplico a potência correta:

- linear  $\frac{1}{200}$
- plana ou superfície  $\left(\frac{1}{200}\right)^2 = \frac{1}{40.000}$
- espacial ou volumétrica  $\left(\frac{1}{200}\right)^3 = \frac{1}{8.000.000}$

Logo, cada  $1cm^3$  equivale à  $8.000.000cm^3$  ou seja, para  $45cm^3$  teremos  $45 \cdot 8.000.000 = 360.000.000cm^3$

A conversão de  $cm^3$  para litros é da ordem de  $1dm^3 = 1l$  ou seja somos obrigados a converter de  $cm^3$  para  $dm^3$  que na tabela de escalas eu ando para esquerda 1 casa o que me obriga a dividir por 1.000

Ou seja,  $360.000.000 \div 1.000 = 360.000dm^3 = 360.000l$

como o consumo diário previsto é de 30.000 litros/dia, teremos  $\frac{360.000}{30.000} =$

### Rascunho

$$\begin{array}{r} 200 \\ \times 200 \\ \hline 000 \\ 000 \\ 400 \\ \hline 40000 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \phantom{0000}40000 \\ \times \phantom{0000}200 \\ \hline \phantom{0000}00000 \\ 000000 \\ 800000 \\ \hline 80000000 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \phantom{0000000}8000000 \\ \times \phantom{0000000}45 \\ \hline 40000000 \\ 32000000 \\ \hline 360000000 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|rrrrr} 3 & 6 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ - & 3 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ \hline & 6 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ - & 6 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ \hline & & & & & 0 \end{array} \quad \begin{array}{rrrrr} 3 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ \hline 1 & 2 & & & \end{array}$$



Resolução: <<https://youtu.be/>>

### 1.8 QUESTÃO 1 -

## Resolução

# Rascunho

$$\begin{array}{r} 1,0\ 1 \\ \times 1,0\ 1 \\ \hline 1\ 0\ 1 \\ 0\ 0\ 0 \\ 1\ 0\ 1 \\ \hline 1,0\ 2\ 0\ 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \begin{array}{r} 20200 \\ - 202 \\ \hline 00 \\ - 0 \\ \hline 00 \\ - 0 \\ \hline 0 \end{array} \quad \begin{array}{r} 101 \\ \hline 200 \end{array} \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} \begin{array}{r} 2040200 \\ -20402 \\ \hline 00 \\ -0 \\ \hline 00 \\ -0 \\ \hline 0 \end{array} & \begin{array}{r} 10201 \\ -0201 \\ \hline 200 \end{array} \end{array}$$



Resolução: <<https://youtu.be/>>

## REFERÊNCIAS