

E-BOOK GRATUITO

RESOLUÇÃO DE QUESTÕES ENEM

MAX MADEIRA & CHICO FIGUEIREDO

## MAX MADEIRA & CHICO FIGUEIREDO

RESOLUÇÃO DE QUESTÕES ENEM

Orientador: Francisco Lima Figueiredo

Brasília

```
Figueiredo, Max Madeira & Chico
Resolução de Questões ENEM / Max Madeira & Chico Figueiredo. - Brasília,
2020.
17 p.: il.; 30 cm.

Orientador: Francisco Lima Figueiredo
e-Book Gratuito - , Brasília, 2020.

1. Educação. 2. Matemática Financeira. 3. Estatística. 4. ENEM. I.
Figueiredo, Francisco Lima . II. .
```

## RESUMO

O presente trabalho é fruto do trabalho de 2 apaixonados por matemática que são amigos a 30 anos e se dispõem a deixar um legado na vida de quem precisa passar em uma universidade.

 ${\bf Palavras\text{-}chave} : \ {\bf Educação}. \ {\bf Matemática} \ {\bf Financeira}. \ {\bf Estatística}, \ {\bf ENEM}.$ 

## SUMÁRIO

| 1    | ENEM 2019 - CADERNO AZUL  | 9         |
|------|---|-----------|
| 1.1  | QUESTÃO 150 - MATEMÁTICA FINANCEIRA                                     | 9         |
| 1.2  | QUESTÃO 154 - LOGARITMOS, UNIDADES DE MEDIDA, INTERPRETAÇÃO TABELA $$ . | 9         |
| 1.3  | QUESTÃO 138 - PORCENTAGEM   | 10        |
| 1.4  | QUESTÃO 140 - NOTAÇÃO CIENTÍFICA  | 11        |
| 1.5  | QUESTÃO 160 - ESTATÍSTICA, MÉDIA ARITMÉTICA                             | 11        |
| 1.6  | QUESTÃO 161 - ESTATÍSTICA, MÉDIA PONDERADA                              | <b>12</b> |
| 1.7  | QUESTÃO 142 - GEOMETRIA, CIRCULO, ÁREA                                  | <b>12</b> |
| 1.8  | QUESTÃO 144 - MATRIZ, INTERPRETAÇÃO DE TABELAS                          | 13        |
| 1.9  | QUESTÃO 158 - UNIDADES DE MEDIDA, PROPORCIONALIDADE, REGRA DE 3, GEO-   |           |
|      | METRIA  | 13        |
| 1.10 | QUESTÃO 166 - GEOMETRIA, PITÁGORAS, RADICAIS                            | 14        |
|      | REFERÊNCIAS   | 17        |

## 1 ENEM 2019 - CADERNO AZUL

## 1.1 QUESTÃO 150 - MATEMÁTICA FINAN-CEIRA

Uma pessoa se interessou em adquirir um produto anunciado em uma loja. Negociou com o gerente e conseguiu comprá-lo a uma taxa de juros compostos de 1% ao mês. O primeiro pagamento será um mês após a aquisição do produto, e no valor de R\$ 202,00.

O segundo pagamento será efetuado um mês após o primeiro, e terá o valor de R\$ 204,02. Para concretizar a compra, o gerente emitirá uma nota fiscal com o valor do produto à vista negociado com o cliente, correspondendo ao financiamento aprovado.

 $\label{eq:constar} \mbox{O valor à vista, em real, que deverá constar}$  na nota fiscal é de

- (A) 398,02.
- (B) 400,00.
- (C) 401,94.
- (D) 404,00.
- (E) 406,02.

## Resolução

Então temos o seguinte fluxo de caixa:



logo temos que o valor V é a soma das 2 parcelas descontadas no fluxo de caixa:

$$V = \frac{202,00}{1,01} + \frac{204,02}{1,01^2}$$

$$= \frac{202,00}{1,01} + \frac{204,02}{1,0201}$$

$$= \frac{20200}{101} + \frac{2040200}{10201}$$

$$= 200 + 200$$

$$= 400$$

**Resposta:** A nota fiscal deverá ser ser preenchda com o valor de R\$ 400,00. Alternativa (B)

## Rascunho



Resolução: <a href="https://youtu.be/S22SHYt4n-o">https://youtu.be/S22SHYt4n-o</a>

# 1.2 QUESTÃO 154 - LOGARITMOS, UNIDADES DE MEDIDA, INTERPRETAÇÃO TABELA

Charles Richter e Beno Gutenberg desenvolveram a escala Richter, que mede a magnitude de um terremoto. Essa escala pode variar de 0 a 10, com possibilidades de valores maiores. O quadro mostra a escala de magnitude local  $(M_s)$  de um terremoto que é utilizada para descrevê-lo.

| Descrição | Magnitude local $(M_s)$<br>$(\mu m \cdot Hz)$ |
|-----------|---|
| Pequeno   | $0 \leqslant M_s \leqslant 3,9$               |
| Ligeiro   | $4,0 \leqslant M_s \leqslant 4,9$             |
| Moderado  | $5, 0 \leqslant M_s \leqslant 5, 9$           |
| Grande    | $6,0 \leqslant M_s \leqslant 9,9$             |
| Extremo   | $M_s \geqslant 10, 0$                         |

Para se calcular a magnitude local, usa-se a fórmula  $M_s=3,30+log(A\cdot f)$ , em que A representa a amplitude máxima da onda registrada por um sismógrafo em micrômetro  $(\mu m)$  e f representa a frequência da onda, em hertz (Hz). Ocorreu um terremoto com amplitude máxima de  $2000\mu m$  e frequência de 0,2Hz.

Disponível em: http://cejarj.cecierj.edu.br. Acesso em: 1 fev. 2015 (adaptado).

Utilize 0,3 como aproximação para log 2.

De acordo com os dados fornecidos, o terremoto ocorrido pode ser descrito como

- (A) Pequeno.
- (B) Ligeiro.
- (C) Moderado.
- (D) Grande.
- (E) Extremo.

### Resolução

Temos um caso simples de substituição de variáveis, e bom uso das propriedades de logaritmos:

$$M_s = 3,30 + log(A \cdot f)$$

$$= 3,30 + log(2000 \cdot 0,2)$$

$$= 3,30 + log(400)$$

$$= 3,30 + log(4 \cdot 100)$$

$$= 3,30 + log(2^2 \cdot 10^2)$$

$$= 3,30 + log(2^2) + log(10^2)$$

$$= 3,30 + 2 \cdot log(2) + 2 \cdot log(10)$$

$$= 3,30 + 2 \cdot 0,3 + 2 \cdot 1$$

$$= 3,30 + 0,6 + 2$$

$$M_s = 5,9$$

### Rascunho



Resolução: <a href="https://youtu.be/S22SHYt4n-o">https://youtu.be/S22SHYt4n-o</a>

## 1.3 QUESTÃO 138 - PORCENTAGEM

Uma pessoa, que perdeu um objeto pessoal quando visitou uma cidade, pretende divulgar nos meios de comunicação informações a respeito da perda desse objeto e de seu contato para eventual devolução. No entanto, ela lembra que, de acordo com o Art. 1 234 do Código Civil, poderá ter que pagar pelas despesas do transporte desse objeto até sua cidade e poderá ter que recompensar a pessoa que lhe restituir o objeto em, pelo menos, 5% do valor do objeto.

Ela sabe que o custo com transporte será de um quinto do valor atual do objeto e, como ela tem muito interesse em reavê-lo, pretende ofertar o maior percentual possível de recompensa, desde que o gasto total com as despesas não ultrapasse o valor atual do objeto.

Nessas condições, o percentual sobre o valor do objeto, dado como recompensa, que ela deverá ofertar é igual a

- (A) 20%
- (B) 25%
- (C) 40%
- (D) 60%
- (E) 80%

#### Resolução

V Valor do objeto

$$\frac{1}{5}V \text{ ser\'a o valor do trans porte, vale notar}$$
 que 
$$\frac{1}{5} = \frac{1 \cdot 20}{5 \cdot 20} = \frac{20}{100} = 0, 2 = 20\% \Rightarrow 20\%V$$

A recompensa será o que o total do valor do objeto menos o transporte, ou seja

$$X = V - \frac{1}{5}V$$

$$= \left(1 - \frac{1}{5}\right)V$$

$$= \left(\frac{5 - 1}{5}\right)V$$

$$= \frac{4}{5}V$$

$$= 0.8V$$

$$= 80\%V$$

 ${\bf Resposta:} \ {\bf O} \ {\bf percentual} \ {\bf da} \ {\bf recompensa} \ {\bf ser\'a}$  de 80% do valor do objeto

## Rascunho



Resolução: <a href="https://youtu.be/hRFaaCCGBQo">https://youtu.be/hRFaaCCGBQo</a>

## 1.4 QUESTÃO 140 - NOTAÇÃO CIENTÍFICA

A gripe é uma infecção respiratória aguda de curta duração causada pelo vírus influenza. Ao entrar no nosso organismo pelo nariz, esse vírus multiplica-se, disseminando-se para a garganta e demais partes das vias respiratórias, incluindo os pulmões.

O vírus influenza é uma partícula esférica que tem um diâmetro interno de  $0,00011~\mathrm{mm}.$ 

Disponível em: www.gripenet.pt. Acesso em: 2 nov. 2013 $({\tt adaptado}).$ 

 $\label{eq:model} Em \ notação \ científica, \ o \ diâmetro \ interno \ do \\ vírus \ influenza, \ em \ mm, \ \acute{e}$ 

- (A)  $1, 1 \times 10^{-1}$
- (B)  $1, 1 \times 10^{-2}$
- (C)  $1, 1 \times 10^{\circ} 3$
- (D)  $1, 1 \times 10^{-4}$
- (E)  $1, 1 \times 10^{-5}$

## Resolução

Um número na notação científica é um número na forma  $N \times 10^n$  onde N é o primeiro dígito significativo entre 1 e 10 e n é a quantidade de zeros a direita (negativo) ou a esquerda (positivo) do número, ou matematicamente  $N \times 10^n \mid 1 \leqslant N < 10$  e  $n \in \mathbb{Z}$ 



4 casas decimais até o primeiro dígito significativo



Resolução: <a href="https://youtu.be/hRFaaCCGBQo">https://youtu.be/hRFaaCCGBQo</a>

# 1.5 QUESTÃO 160 - ESTATÍSTICA, MÉDIA ARITMÉTICA

O preparador físico de um time de basquete dispõe de um plantel de 20 jogadores, com média de altura igual a 1,80 m. No último treino antes da estreia em um campeonato, um dos jogadores desfalcou o time em razão de uma séria contusão, forçando o técnico a contratar outro jogador para recompor o grupo.

Se o novo jogador é  $0,20~\mathrm{m}$  mais baixo que o anterior, qual é a média de altura, em metro, do novo grupo?

- (A) 1,60
- (B) 1,78
- (C) 1,79
- (D) 1,81
- (E) 1,82

## Resolução

Dado que média 
$$M=\frac{S_{20}}{n}=\frac{\Sigma_1^n J_i}{n}\Rightarrow M=\frac{\Sigma_1^{20} J_i}{20}=1,80m$$

Donde que se conclui que a soma das alturas dos jogadores é  $S_{20}=\Sigma_1^{20}J_i=1,80\cdot 20\Rightarrow \Sigma_1^{20}J_i=36m$ 

A nova soma, com o jogađor trocado, diminui<br/>u $0.20~\rm{m},$ ou seja

$$S'_{20} = S_{20} - 0, 20 \Rightarrow S'_{20} = 36m - 0, 20m \Rightarrow$$
  
 $S'_{20} = 35, 8m$ 

A nova média é 
$$M'=\frac{S'_{20}}{20} \Rightarrow M'=\frac{35,8}{20} \Rightarrow M'=1,79$$

## Outra Resolução

O leitor pode também resolver rapidamente verificando que a nova média será decrescida de 0,20 m dividido pelos 20 membros, ou seia  $\frac{0,20}{20}=0,01m$  ou seja, caindo de 1,80m para 1,80-0,01m=1,79m

**Resposta:** A nova média é 1,79m, correspondendo ao gabarito (C)

#### Rascunho



Resolução: <a href="https://youtu.be/">https://youtu.be/</a>

## 1.6 QUESTÃO 161 - ESTATÍSTICA, MÉDIA PON-DERADA

Em uma fábrica de refrigerantes, é necessário que se faça periodicamente o controle no processo de engarrafamento para evitar que sejam envasadas garrafas fora da especificação do volume escrito no rótulo.

Diariamente, durante 60 dias, foram anotadas as quantidades de garrafas fora dessas especificações. O resultado está apresentado no quadro.

| Quantidade de garrafas  | Quantidade |
|-------------------------|------------|
| fora das especificações | de         |
| por dia                 | dias       |
| 0                       | 52         |
| 1                       | 5          |
| 2                       | 2          |
| 3                       | 1          |

A média diária de garrafas fora das especificações no período considerado é

- (A) 0,1.
- (B) 0,2.
- (C) 1,5.
- (D) 2,0.
- (E) 3,0.

### Resolução

Interpetando adequadamente a tabela e a questão trata-se de uma média ponderada

| Quantidade de garrafas<br>fora das especificações<br>por dia<br>(1) | Quantidade<br>de<br>dias<br>(2) | (1) × (2) |
|---|---------------------------------|-----------|
| 0   | 52                              | 0         |
| 1   | 5                               | 5         |
| 2   | 2                               | 4         |
| 3   | 1                               | 3         |
| Soma  | 60                              | 12        |

Matematicamente falando

$$M_p = \frac{0 \cdot 52 + 1 \cdot 5 + 2 \cdot 2 + 3 \cdot 1}{52 + 5 + 2 + 1}$$

$$= \frac{0 + 5 + 4 + 3}{60}$$

$$= \frac{12}{60}$$

$$= \frac{1}{5}$$

$$M_p = 0, 2$$

**Resposta:** A média ponderada é 0,2 garrafas defeituosas, correspondendo ao gabarito (B)

#### Rascunho



Resolução: <a href="https://youtu.be/">https://youtu.be/>

# 1.7 QUESTÃO 142 - GEOMETRIA, CIRCULO, ÁREA

Em um condomínio, uma área pavimentada, que tem a forma de um círculo com diâmetro medindo 6m, é cercada por grama. A administração do condomínio deseja ampliar essa área, mantendo seu formato circular, e aumentando, em 8m, o diâmetro dessa região, mantendo o revestimento da parte já existente. O condomínio dispõe, em estoque, de material suficiente para pavimentar mais  $100m^2$  de área. O síndico do condomínio irá avaliar se esse material disponível será suficiente para pavimentar a região a ser ampliada.

Utilize 3 como aproximação para  $\pi$ .

A conclusão correta a que o síndico deverá chegar, considerando a nova área a ser pavimentada, é a de que o material disponível em estoque

- (A) será suficiente, pois a área da nova região a ser pavimentada mede  $21m^2$ .
- (B) será suficiente, pois a área da nova região a ser pavimentada mede  $24m^2$ .
- (C) será suficiente, pois a área da nova região a ser pavimentada mede  $48m^2$ .

- (D) não será suficiente, pois a área da nova região a ser pavimentada mede  $108m^2$ .
- (E) não será suficiente, pois a área da nova região a ser pavimentada mede  $120m^2$ .

## Resolução

#### Rascunho



Resolução: <a href="https://youtu.be/">https://youtu.be/>

# 1.8 QUESTÃO 144 - MATRIZ, INTERPRETAÇÃO DE TABELAS

#### Resolução

## Rascunho



Resolução: <a href="https://youtu.be/">https://youtu.be/>

## 1.9 QUESTÃO 158 - UNIDADES DE MEDIDA, PROPORCIONALIDADE, REGRA DE 3, GE-OMETRIA

Comum em lançamentos de empreendimentos imobiliários, as maquetes de condomínios funcionam como uma ótima ferramenta de marketing para as construtoras, pois, além de encantar clientes, auxiliam de maneira significativa os corretores na negociação e venda de imóveis.

Um condomínio está sendo lançado em um novo bairro de uma cidade. Na maquete projetada pela construtora, em escala de 1:200, existe um reservatório de água com capacidade de  $45cm^3$ .

Quando todas as famílias estiverem residindo no condomínio, a estimativa é que, por dia, sejam consumidos  $30\ 000\$ litros de água.

Em uma eventual falta de água, o reservatório cheio será suficiente para abastecer o condomínio por quantos dias?

- (A) 30
- (B) 15
- (C) 12
- (D) 6
- (E) 3

## Resolução

A escala é linear 1 : 200 ou seja, cada centímetro na maquete mede 200 cm em escala real. Lembrando que à cada dimensão eu aplico a potência correta:

- linear  $\frac{1}{200}$
- plana ou superfície  $\left(\frac{1}{200}\right)^2 = \frac{1}{40.000}$
- espacial ou volumétrica  $\left(\frac{1}{200}\right)^3 = \frac{1}{8.000.000}$

Logo, cada  $1cm^3$ equivale à  $8.000.000cm^3$ ou seja, para  $45cm^3$  teremos  $45\cdot 8.000.000=360.000.000cm^3$ 

 $\mbox{A conversão de } cm^3 \mbox{ para litros \'e da ordem}$  de  $1dm^3=1l$  ou seja somo obrigados a converter de

 $cm^3$  oara  $dm^3$  que na tabela de escalas eu ando para esquerda 1 casa o que me obriga a dividir por 1.000

Ou seja, 360.000.000  $\div\,1.000 = 360.000 dm^3 = 360.000 l$ 

como o consumo diário previsto é de 30.000 litros/dia, teremos  $\frac{360.000}{30.000}=12$  dias

 ${\bf Resposta:} \ {\rm Com} \ {\rm o} \ {\rm reservat\'orio} \ {\rm especificado},$  o condomínio deve ter 12 dias de água sem necessidade de reabastecimento

#### Rascunho

| 200                                  | 40000           |
|--------------------------------------|-----------------|
| $\stackrel{\times}{_{\sim}} 2\ 0\ 0$ | × 2 0 0         |
| 0 0 0                                | $0\ 0\ 0\ 0\ 0$ |
| 0 0 0                                | $0\ 0\ 0\ 0\ 0$ |
| 4 0 0                                | 80000           |
| 40000                                | 8000000         |

$$\begin{array}{c} \times & 8 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ \times & & 4 & 5 \\ \hline 4 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 3 & 2 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 3 & 6 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{array}$$



Resolução: <a href="https://youtu.be/">https://youtu.be/>

## 1.10 QUESTÃO 166 - GEOMETRIA, PITÁGORAS, RADICAIS

Construir figuras de diversos tipos, apenas dobrando e cortando papel, sem cola e sem tesoura, é a arte do origami (ori = dobrar; kami = papel), que tem um significado altamente simbólico no Japão. A base do origami é o conhecimento do mundo por base do tato. Uma jovem resolveu construir um cisne usando a técnica do origami, utilizando uma folha de papel de 18 cm por 12 cm. Assim, começou por dobrar a folha conforme a figura.

Após essa primeira dobradura, a medida do segmento AE é A)  $2\sqrt{22}cm$ . B)  $6\sqrt{3}cm$ . C) 12cm. D)  $6\sqrt{5}cm$ . E)  $12\sqrt{2}cm$ .

## Resolução

#### Rascunho



Resolução: <a href="https://youtu.be/">https://youtu.be/>

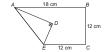


Figura 1

## REFERÊNCIAS