

ĐỘ PHỨC TẬP MERGE SORT

+ Sắp xếp mảng a với n phần tử

$$T(n) = t(k) + t(n - k) + cn$$

+ $t(k)$: thời gian sắp xếp mảng với k phần tử

+ $t(n - k)$: thời gian sắp xếp mảng với $n - k$ phần tử

+ cn : tổng thời gian sắp xếp lại mảng a

Ta sẽ sắp xếp 2 mảng:

+ Mảng 1: có $n / 2$ phần tử

+ Mảng 2: có $n / 2$ phần tử

$$\begin{aligned}\Rightarrow T(n) &= t(n / 2) + t(n / 2) + cn \\ &= 2t(n/2) + cn \\ &= 2[2t(n / 4) + c*(n/2)] + cn \\ &= 2^2t(n / 4) + 2cn \\ &= 2^2[2t(n/8) + c*(n/4)] + 2cn \\ &= 2^3t(n/8) + 3cn \\ &\dots \\ &= 2^kt(n/2^k) + kcn \quad (1)\end{aligned}$$

(1) Sẽ dừng khi đạt được $t(1)$

Ta sẽ đạt được $t(1) \Leftrightarrow n = 2^k \Leftrightarrow \log_2 n = k$

$$\Rightarrow T(n) = 2^{\log_2 n} t(1) + cn * (\log_2 n)$$

$$\Leftrightarrow T(n) = nt(1) + cn*\log_2 n$$

$$= A + B$$

+(A): độ phức tạp $O(n)$

+(B): độ phức tạp $O(n\log_2 n)$

\Rightarrow Chi phí cho trường hợp tốt nhất là $O(n\log_2 n)$

Độ phức tạp QuickSort

+ Độ phức tạp của thuật toán Quick Sort phụ thuộc vào cách chọn Pivot.

1. Trường hợp tốt nhất của Quick Sort - Pivot nằm ở vị trí medium

+ Ở đây tôi lấy mốc là mid là phần tử nằm ở giữa \Rightarrow Lúc này bài toán chứng minh này trở thành chứng minh độ phức tạp của *MergeSort*

2. Trường hợp xấu nhất của Quick Sort - Pivot nằm ở vị trí min, max

+ Sắp xếp mảng a với n phần tử

$$T(n) = t(k) + t(n - k) + cn$$

+ $t(k)$: thời gian sắp xếp mảng với k phần tử

+ $t(n - k)$: thời gian sắp xếp mảng với $n - k$ phần tử

+ cn : tổng thời gian sắp xếp lại mảng a

Trường hợp xấu nhất: pivot nằm ở vị trí min, max

Ta sẽ sắp xếp 2 mảng:

+ Mảng 1: có 1 phần tử

+ Mảng 2: có $n - 1$ phần tử

$$\Rightarrow T(n) = t(n - 1) + t(1) + cn$$

$$= [t(n - 2) + t(1) + c(n - 1)] + t(1) + cn$$

$$= t(n - 2) + 2t(1) + c[(n - 1) + n]$$

$$= [t(n - 3) + t(1) + c(n - 2)] + 2t(1) + c[(n - 1) + n]$$

$$= t(n - 3) + 3t(1) + c[(n - 2) + (n - 1) + n]$$

...

$$= t(n - i) + it(1) + c[(n - i + 1) + \dots + (n - 2) + (n - 1) + n]$$

$$= t(n - i) + it(1) + c(\sum_{j=0}^{i-1} n - j)$$

$$= t(n - n + 1) + (n - 1)t(1) + c(\sum_{j=0}^{n-2} n - j)$$

$$= t(1) + (n - 1)t(1) + c(\sum_{j=0}^{n-2} n - j)$$

$$= t(1) + nt(1) - t(1) + c(\sum_{j=0}^{n-2} n - j)$$

$$= nt(1) + c(\sum_{j=0}^{n-2} n - j)$$

$$= A + B$$

Áp dụng cấp số cộng cho B

$$B = c(\sum_{j=0}^{n-2} n - j)$$

$$\Rightarrow B = c[(n - 2)(n + 1) / 2]$$

Kết luận:

A: độ phức tạp là $O(n)$

B: độ phức tạp là $O(n^2)$

⇒ Chi phí thuật toán là $O(n^2)$

RadixSort Using Binary

```
int Get_Binary_Length(int number){
    int count = 1;
    while (number/2 > 0){
        number /= 2;
        count++;
    }
    return count;
}

int Get_Binary_Digit(int number, int k){
    int mod;
    for (int i = 0; i < k; i++){
        mod = number % 2;
        number /= 2;
    }
    return mod;
}

void Distribute(int*m_arr, int left, int right, int k){
    if (left < right && k>0){
        int i, j; int mid;
        int n_c1 = 0, n_c0 = 0, *c1 = NULL, *c0 = NULL;

        for (i = left; i <= right; i++){
            int digit = Get_Binary_Digit(m_arr[i], k);
            if (digit == 1){
                n_c1++;
                c1 = (int*)realloc(c1, n_c1*sizeof(int));
                c1[n_c1 - 1] = m_arr[i];
            }
            Else {
                n_c0++;
                c0 = (int*)realloc(c0, n_c0*sizeof(int));
                c0[n_c0 - 1] = m_arr[i];
            }
        }
        i = left;
        for (j = 0; j < n_c0; j++){
            m_arr[i] = c0[j];
            i++;
        }
    }
}
```

```

    }

    for (j = 0; j < n_c1; j++){
        m_arr[i] = c1[j];
        i++;
    }

    delete[]c0;
    delete[]c1;

    /*Recurison*/
    if (n_c0 == n_c1 && n_c0 == 0) return;

    mid = left + n_c0;

    Distribute(m_arr, left, mid-1, k - 1);
    Distribute(m_arr, mid, right, k - 1);
}
}

void RadixSortUsingBinary(int *m_arr, int m_size){
    int max = Max(m_arr, m_size);
    int k = Get_Binary_Length(max);
    Distribute(m_arr, 0, m_size - 1, k);
}

```

Bucket sort

```

void bucketSort(int *inArr, int arrSize, int variance)
{
    int *bucket = new int[variance];

    // Initialize all bucket nodes to have a count of 0
    for (int i = 0; i < variance; i++)
        bucket[i] = 0;

    // Throw the count of each node into the bucket
    for (int i = 0; i < arrSize; i++){
        bucket[inArr[i]]++;
    }

    // We'll fill the new array with whatever is in the bucket
    int newArrayPosition = 0;
    for (int x = 0; x < variance; x++){
        for (int j = 0; j < bucket[x]; j++){
            inArr[j + newArrayPosition] = x;
        }
        newArrayPosition += bucket[x];
    }
    delete[]bucket;
}

```

ĐẢO NGƯỢC DSLK Đơn	Đảo ngược DSLK Đôi
<pre> Node* Reverse(Node *head){ Node *dummy = new Node; dummy->next = head; Node *p1 = dummy->next, *p2 = p1; if(p1->next!=NULL){ p2=p1->next; while(p2->next!=NULL){ p1=p2; p2=p2->next; p1->next=head; head = p1; } p2->next=p1; head=p2; dummy->next->next=NULL; delete dummy; } return head; } </pre>	<pre> Node* Reverse(Node* head) { // If empty list, return if (!head) return NULL; // Otherwise, swap the next and prev Node *temp = head->next; head->next = head->prev; head->prev = temp; // If the prev is now NULL, the list // has been fully reversed if (!head->prev) return head; // Otherwise, keep going return Reverse(head->prev); } </pre>
Josephus (cycle linkedlist)	
<pre> void main(){ List l; int k, n, x; l.Head = l.Tail = NULL; cout << "Input K:"; cin >> k; cout << "Input anmount:"; cin >> n; for (int i = 1; i <= n; i++) addTail(l, i); Node*p1,*p2; do{ p1 = l.Head; p2 = p1->pNext; for (int i = 0; i < k - 1; i++){ p1 = p2; p2 = p2->pNext; } cout << p2->key <<" "; p2 = p2->pNext; removeAffter(l, p1);//remove p2 l.Head = p2; l.Tail = p1; } while (l.Head !=l.Tail); cout << endl << "- Alive: " << l.Head->key; } </pre>	

Sprase Table

```
Node* getNode(int value, int x, int y)
{
    Node*p = new Node;
    p->val = value;
    p->x = x;
    p->y = y;
    p->right = p->down = NULL;
    return p;
}

Node* createSpraseTable()
{
    return getNode(-1, -1, -1);
}

Node* getPosition(Node*head, int x, int y)
{
    Node*pr, *pd;
    for (pr = head; pr != NULL && pr->x != x; pr = pr->down)
        ;

    if (pr == NULL)
        return NULL;

    for (pd = pr; pd != NULL && pd->y != y; pd = pd->right)
        ;
    if (pd == NULL)
        return NULL;

    return pd;
}

void printTable(Node*head)
{
    if (!head)
        cout << "-empty table";
    else
    {
        if (!head->down || !head->right)
            cout << "-empty table";
        else
        {
            Node*pd, *pr;
            for (pd = head->down; pd != NULL; pd = pd->down){
                for (pr = pd->right; pr != NULL; pr = pr->right)
                    cout << pr->val << endl;
            }
        }
    }
}
```

```

//Thêm một giá trị vào bảng (không trùng)
void insertNode(Node*&head, int val, int x, int y){
    if (!head)
        head = createSpraseTable();
    Node*p = getNode(val, x, y);
    insert(head, p);
}

void insert(Node*&head, Node*p){

    Node*pr1 = head, *pr2 = pr1->right;
    //Tìm vị trí cột sẽ chứa p
    while (pr2 && pr2->y <= p->y){
        pr1 = pr2; pr2 = pr2->right;
    }

    //Chưa có con trỏ quản lí cột chứa p
    if (pr1->y != p->y){
        Node*newCol = getNode(-1, -1, p->y);
        pr1->right = newCol;
        newCol->right = pr2;
        pr1 = newCol;
    }

    //Tìm vị trí chính xác của p (theo cột)
    pr2 = pr1->down;
    while (pr2 && pr2->x <= p->x){
        pr1 = pr2; pr2 = pr2->down;
    }

    //làm tương tự cho dòng
    Node*pd1 = head, *pd2 = pd1->down;
    while (pd2 && pd2->x <= p->x){
        pd1 = pd2; pd2 = pd2->down;
    }
    if (pd1->x != p->x){
        Node*newRow = getNode(-1, p->x, -1);
        pd1->down = newRow;
        newRow->down = pd2;
        pd1 = newRow;
    }

    pd2 = pd1->right;

    while (pd2 && pd2->y <= p->y){
        pd1 = pd2; pd2 = pd2->right;
    }
    //lien ket
    pr1->down = p; p->down = pr2;
    pd1->right = p; p->right = pd2;
}

```

In ra dãy con tăng nghiêm ngặt dài nhất

```
struct NODE
{
    NODE* prev;
    NODE* next;
    int x;
    NODE* myBestNextNode;
    int longestTail;
}

//Build
for (NODE* p = tail; p != NULL; p = p->Prev)
{
    bestTail = 1;
    for (NODE* q = p->Next; q != NULL; q = q->Next)
    {
        if (q->x > p->x) // nối được
        {
            if (bestTail < q->longestTail + 1)
            {
                bestTail = q->longestTail + 1;
                p->bestNextNode = q;
            }
        }
        p->longestTail = bestTail;
    }
}

//ket qua khong chac la head->bestTail
int res = 0;
for (p = head; p <= tail; p = p->Next)
    if (res < p->bestTail)
        res = p->bestTail;
```

Insertion Sort using LinkedList

```
void InsertionSort(List&l){
    Node*dummy = new Node;
    dummy->pNext = l.pHead;
    Node*i, *iprev, *p1, *p2;
    for (i = l.pHead->pNext; i; i = i->pNext){
        p1 = dummy;
        p2 = p1->pNext;
        while (p2 != i->pNext && CompareData(p2->info, i->info)<0){
            p1 = p2; p2 = p2->pNext;
        }
        if (p2 != i){
            for (iprev = p1; iprev->pNext != i; iprev = iprev->pNext)
                ;
            iprev->pNext = i->pNext;
            p1->pNext = i;
        }
    }
}
```



```

        i->pNext = p2;
        i = iprev;
    }
}
l.pHead = dummy->pNext;
delete dummy;
}

```

Selection Sort using LinkedList

```

void SelectionSort(List&l)
{
    Node *i = NULL, *j = NULL, *min = NULL;
    for (i = l.pHead; i->pNext; i = i->pNext){
        min = i;
        for (j = i->pNext; j; j = j->pNext){
            //if (CompareData(min->info, j->info) > 0)
            if (j->info.x <= min->info.x)
                min = j;
        }
        Swap(l, min, i);
        //swap(min->info, i->info);
    }
}

//Swap 2 node without swap data
void Swap(List&l, Node*&a, Node *&b){
    Node*dummy = new Node;
    dummy->pNext = l.pHead;
    Node *a_prev = dummy, *b_prev = dummy, *tmp = NULL;
    for (a_prev; a_prev->pNext != a && a_prev; a_prev = a_prev->pNext) ;
    for (b_prev; b_prev->pNext != b && b_prev; b_prev = b_prev->pNext) ;
    if (!a_prev || !b_prev)
        return; //node *a and node *b is not exist in this list
    else if (a_prev == b){
        b->pNext = a->pNext;          a->pNext = b;          b_prev->pNext = a;
    }
    else if (b_prev == a){
        a->pNext = b->pNext;          b->pNext = a;          a_prev->pNext = b;
    }
    else {
        a_prev->pNext = b;
        b_prev->pNext = a;
        tmp = a->pNext;
        a->pNext = b->pNext;
        b->pNext = tmp;
    }
    //restore each pointer address (this func just swap data of node)
    tmp = a; //a_prev: temp
    a = b;
    b = tmp;
    l.pHead = dummy->pNext;
    delete dummy;
}

```

QuickSort using LinkedList

```
void QuickSort(List&l){
    if ((l.pHead != l.pTail))
    {
        Node*p = Partition(l);

        List l1, l2;
        InitList(l1); InitList(l2);
        Node*t = l.pHead;

        //split
        while(l.pHead && l.pHead != p)
        {
            t = l.pHead;
            l.pHead = t->pNext;
            t->pNext = NULL;
            AddTail(l1, t);
        }

        if (l.pHead)
        {
            l.pHead = p->pNext;

            while (l.pHead)
            {
                t = l.pHead;
                l.pHead = t->pNext;
                t->pNext = NULL;
                AddTail(l2, t);
            }
        }

        QuickSort(l1);
        QuickSort(l2);
    }
}
```

```
Node *Partition(List&l){
    Node*dummy = new Node;
    dummy->pNext = l.pHead;
    Node* i = dummy;
    for (Node*j = l.pHead; j&&j !=
        l.pTail; j = j->pNext){
        if (j->info.x <= l.pTail-
            >info.x){
            i = i->pNext;
            Swap(l, i, j);
        }
    }
    i = i->pNext;
    Swap(l, i, l.pTail);
    delete dummy; dummy = NULL;
    return i;
}
```

```
//join
if (l1.pHead){
    l.pHead = l1.pHead;
    l1.pTail->pNext = p;
}
else
    l.pHead = p;

p->pNext = l2.pHead;

if (l2.pHead)
    l.pTail = l2.pTail;
else
    l.pTail = p;
} //end if đầu
} //end hàm
```

MergeSort using LinkedList

```
void Merge(List&l, List&l1, List&l2){
    Node *p;
    while (l1.pHead && l2.pHead){
        if (l1.pHead->info.x <=
            l2.pHead->info.x){
            p = l1.pHead;
            l1.pHead = p->pNext;
        }
        else{
            p = l2.pHead;
            l2.pHead = p->pNext;
        }
        p->pNext = NULL;
        AddTail(l, p);
    }
}
```

```
void DistributeList(List&l, List&l1,
    List&l2){
    Node *p;
    do{//split l into l1 & l2
        p = l.pHead;
        l.pHead = p->pNext;
        p->pNext = NULL;
        AddTail(l1, p);
    } while ((l.pHead) &&(p->info.x
        <= l.pHead->info.x));
    if (l.pHead)
        DistributeList(l, l2, l1);
    else
        l.pTail = NULL;
}
```

```

//noi phan con lai
while (l1.pHead){
    p = l1.pHead;
    l1.pHead = l1.pHead->pNext;
    p->pNext = NULL;
    AddTail(l, p);
}
while (l2.pHead){
    p = l2.pHead;
    l2.pHead = l2.pHead->pNext;
    p->pNext = NULL;
    AddTail(l, p);
}
}

```

```

//Merge Sort
void MergeSort(List&l)
{
    if (l.pHead == l.pTail) return;
    List l1, l2;
    InitList(l1); InitList(l2);
    DistributeList(l, l1, l2);
    if (l1.pHead && l2.pHead)
    {
        MergeSort(l1);
        MergeSort(l2);
    }
    Merge(l, l1, l2);
}

```

RadixSort using linkedlist

//Sách cấu trúc dữ liệu trang 132

KMP

```

int KMP_Search(char*P, char*T){
    int m = strlen(P);
    int *pi = NULL;
    ComputeArray(P, pi);
    int q = 0;
    for (int i = 0; i < strlen(T); i++){
        while (q>0 && P[q] != T[i])
            q = pi[q];
        if (P[q] == T[i])
            q++;
        if (q == m){
            cout << i - m + 1 << endl;
            q = pi[q];
        }
    }
    return 0;
}

void ComputeArray(char*P, int *&pi){
    int m = strlen(P);
    pi = new int[m + 1];
    pi[0] = -1; //bor khong dung`
    pi[1] = 0;
    int k = 0;
    for (int q = 2; q <= m; q++){
        while (k>0 && P[k]!=P[q-1]){
            k = pi[k]; // k giam
        }
        if (P[k] == P[q - 1])
            k++;
        pi[q] = k;
    }
}
}

```

Rabin Karp

```
#define d 256 //xet bo ki ASCII 2566 ki tu
void search(char pat[], char txt[], int q)
{
    int M = strlen(pat);
    int N = strlen(txt);
    int i, j;
    int p = 0; // hash value for pattern
    int t = 0; // hash value for txt
    int h = 1;

    // The value of h would be "pow(d, M-1)%q"
    for (i = 0; i < M - 1; i++)
        h = (h*d) % q;

    // Calculate the hash value of pattern and first window of text
    for (i = 0; i < M; i++) {
        p = (d*p + pat[i]) % q;
        t = (d*t + txt[i]) % q;
    }

    // Slide the pattern over text one by one
    for (i = 0; i <= N - M; i++){
        // Check the hash values of current window of text
        // and pattern. If the hash values match then only
        // check for characters on by one
        if (p == t)
        {
            /* Check for characters one by one */
            for (j = 0; j < M; j++)
                if (txt[i + j] != pat[j])
                    break;

            // if p == t and pat[0...M-1] = txt[i, i+1, ...i+M-1]
            if (j == M)
                printf("Pattern found at index %d \n", i);
        }

        // Calculate hash value for next window of text: Remove
        // leading digit, add trailing digit
        if (i < N - M)
        {
            t = (d*(t - txt[i] * h) + txt[i + M]) % q;

            // We might get negative value of t, converting it to positive
            if (t < 0)
                t = (t + q);
        }
    }
}
```

DFA

```

#include "func.h"

int DFA_Search(char*P, char*T)
{
    char*Sigma = getSigma(T);
    int m = strlen(P);
    int n = strlen(Sigma);
    int **dfa = new int*[m + 1];

    for (int i = 0; i < m + 1; i++)
    {
        dfa[i] = new int[n];
        for (int j = 0; j < n; j++)
            dfa[i][j] = 0;
    }

    ComputeTable(dfa, P, Sigma);

    int q = 0;
    //Tìm trong văn bản T
    for (int i = 0; i < strlen(T); i++){
        int j = getIndexSigma(Sigma, T[i]);
        q = dfa[q][j];
        if (q == m)
            cout << (i-m+1) << endl;
    }
    return 0;
}

void ComputeTable(int **&dfa, char*P, char*Sigma)
{
    int m = strlen(P);
    for (int q = 0; q <= m; q++)
        for (int i = 0; i < strlen(Sigma); i++)
        {
            int k = (m + 1 < q + 2) ? m + 1 : q + 2;
            do
            {
                k--;
            } while (!isPosfix(P, k, q, Sigma[i])); //Pk là hậu tố của Pq+Sigma[i]
            dfa[q][i] = k;
        }
}

char* getSigma(char*T)
{
    char*Sigma = NULL;
    int k = 0;
    bool flag = true;

```

```

    for (int i = 0; i < strlen(T); i++)
    {
        flag = true;
        for (int j = 0; j < k; j++)
        {
            if (Sigma[j] == T[i])
            {
                flag = false; break;
            }
        }
        if (flag)
        {
            Sigma = (char*)realloc(Sigma, (k + 1)*sizeof(char));
            Sigma[k++] = T[i];
        }
    }
    Sigma[k] = 0;
    return Sigma;
}

int getIndexSigma(char* Sigma, char a)
{
    for (int i = 0; i < strlen(Sigma); i++)
        if (Sigma[i] == a)
            return i;
    return -1;
}

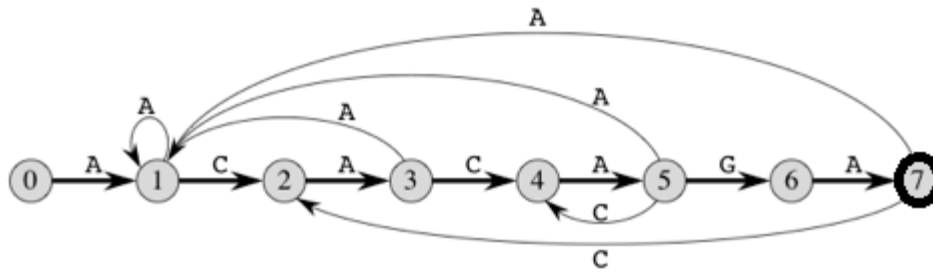
bool isPosfix(char*P, int k, int q, char a)
{
    //kiem tra Pk hau to cua Pq+a
    if (k == 0)
        return true;
    int i, j;

    bool kq = P[k-1] == a; //kí tự cuối trùng

    if (kq)
    {
        for (i = k - 2, j = q-1; i >= 0 && j >= 0; i--, j--)
        {
            if (P[i] != P[j])//P[i] thuộc Pk, P[j] thuộc Pq+a
            {
                kq = false; break;
            }
        }
    }
    return kq;
}

```

EDFA - Efficient Construction of Finite Automata



state	character			
	A	C	G	T
0	1	0	0	0
1	1	2	0	0
2	3	0	0	0
3	1	4	0	0
4	5	0	0	0
5	1	4	6	0
6	7	0	0	0
7	1	2	0	0

P= "ACACAGA"

- 1) Fill the first row. All entries in first row are always 0 except the entry for pat[0] character. For pat[0] character, we always need to go to state 1.
- 2) Initialize lps as 0. lps for the first index is always 0.
- 3) Do following for rows at index $i = 1$ to M . (M is the length of the pattern)
 - a) Copy the entries from the row at index equal to lps.
 - b) Update the entry for pat[i] character to $i + 1$.
 - c) Update lps "lps = TF[lps][pat[i]]" where TF is the 2D array which is being constructed.

- 1) Điền hàng đầu tiên. Tất cả ô hàng đầu luôn là 0 trừ ô thứ 'pat[0]=1'
- 2) Khởi tạo lps = 0. lps cho chỉ mục đầu tiên luôn luôn là 0.
- 3) Làm theo các hàng tại chỉ số $i = 1$ đến M . (M là chiều dài của mẫu)
 - a) Sao chép các mục từ hàng tại chỉ mục bằng lps.
 - b) Cập nhật: 'TF[i][pat[i]] = i+1'.
 - c) Cập nhật lps "lps = TF [lps] [pat [i]]" trong đó TF là mảng 2D đang được xây dựng.

```

#define NO_OF_CHARS 256
/* Builds the TF table which represents Finite Automata for a given pattern */
void computeTransFun(char *pat, int M, int**TF)
{
    int i, lps = 0, x;

    // Fill entries in first row
    for (x = 0; x < NO_OF_CHARS; x++)
        TF[0][x] = 0;
    TF[0][pat[0]] = 1;

    // Fill entries in other rows
    for (i = 1; i <= M; i++)
    {
        // Copy values from row at index lps
        for (x = 0; x < NO_OF_CHARS; x++)
            TF[i][x] = TF[lps][x];

        // Update the entry corresponding to this character
        TF[i][pat[i]] = i + 1; //Từ trạng thái i gặp P[i]=>trạng thái i+1

        // Update lps for next row to be filled
        if (i < M)
            lps = TF[lps][pat[i]]; //cập nhật lps = tr/thái lps khi gặp P[i]
    }
}

/* Prints all occurrences of pat in txt */
void search(char *pat, char *txt)
{
    int M = strlen(pat);
    int N = strlen(txt);

    int**TF = new int*[M + 1];
    for (int i = 0; i <= M; i++)
        TF[i] = new int[NO_OF_CHARS];

    computeTransFun(pat, M, TF); //Precompute table

    // process text over FA.
    int i, j = 0;
    for (i = 0; i < N; i++)
    {
        j = TF[j][txt[i]];
        if (j == M)
            printf("\n pattern found at index %d", i - M + 1);
    }
    for (int i = 0; i <= M; i++)
        delete TF[i];
}

```