

다항식 계산 - 두가지 버전 시간 측정

다항식 계산하기

$$f(x) = a_0 + a_1x + a_2x^2 + \cdots + a_{n-1}x^{n-1}$$

- 위의 식은 전형적인 $n-1$ 차 다항식이다
- 다항식의 n 개의 계수(coefficient)가 리스트 A 에 저장되어 있다고 하자
- `evaluate_n2(A, x)`:
 - $f(x)$ 를 계산하고 그 값을 리턴하는 데, $O(n^2)$ 시간의 계산이 필요한 함수
- `evaluate_n(A, x)`:
 - $f(x)$ 를 계산하고 그 값을 리턴하는 데, $O(n)$ 시간의 계산이 필요한 함수
- 시간 측정법
 - `time` 모듈을 이용한다
 - `time.process_time()` 함수는 현재 프로세서 시간(초)을 리턴한다
 - `time.perf_counter()` 함수는 특정 시작 시간으로부터 경과한 현재의 시간(초)을 리턴한다
 - 예를 들어 함수 f 의 실행시간을 측정하고 싶다면

```
import time
s = time.process_time() # 또는 time.perf_counter()
f() # f 호출
e = time.process_time() # 또는 time.perf_counter()
print("수행시간 =", e-s)
```

다항식 계산을 위한 두 가지 버전 시간 측정해 보기

1. 입력 크기 n 을 `input` 받은 후, $n-1$ 차 다항식의 n 개의 계수를 랜덤 생성하여 리스트 A 에 저장함.
 1. `random` 모듈을 `import` 한 후, `randint(-1000, 1000)`을 호출하여 랜덤 정수를 n 개 생성하면 됨
2. x 값은 `randint(-1000, 1000)`을 호출하여 생성함

3. 두 함수 `evaluate_n2(A, x)`과 `evaluate_n(A, x)`을 작성하여 각각 호출함
4. 위의 실행시간 측정 방법을 이용하여 두 함수의 실행시간을 각각 측정하여 출력함
 1. n 값을 1000 부터 100,000 까지 다양하게 바꿔가면서 측정해봄.
(제한시간은 60 초임)
 - 100,000 가까이 되면 $O(n^2)$ 시간 알고리즘은 제한시간 안에 끝나지 않을 수 있음. 이 경우엔 가능한 크기까지만 하면 됨
 2. 두 함수의 실행시간 차이가 n 의 값에 따라 어떻게 변하는지 살펴보고, 두 페이지짜리 레포트를 작성해 **PDF 형식**으로 **eclass**에 업로드할 것
 - 레포트 **표지는 작성하지 말 것**
 - 두 함수의 수행시간을 분석해 Big-O 로 표기하고,
 - 다양한 n 값의 값에 따른 두 함수의 실제 실행 시간을 그래프 등의 시각적인 방법으로 나타내어 설명하고,
 - 느낀점을 추가해 마무리하면 됨

[배열-정렬-스캔] $a + b + c = 0$? 제출완료

4 초

- 정수가 저장된 세 개의 리스트 A, B, C 에 대해, $a \in A, b \in B, c \in C$ 를 선택해 $a + b + c = 0$ 이 되는 (a, b, c) 쌍이 존재하는지 알고 싶다
- 이를 풀기 위해, 조금 더 간단한 문제를 생각해보자.
 - 정수가 저장된 두 개의 리스트 X, Y 와 특정 정수 z 에 대해, $x \in X, y \in Y$ 를 선택해 $x + y = z$ 가 되는 (x, y) 쌍을 존재하는지 검사하는 문제
 - 함수 $\text{two_sum}(X, Y, t)$ 는 그런 쌍이 하나라도 존재하면 **True**를 리턴하고 그렇지 않으면 **False**를 리턴하는 함수이다
- **입력:** 첫 번째 줄에 한 개 이상의 정수는 A 에 저장하고, 두 번째 줄에 주어진 한 개 이상의 정수는 B 에 저장하고, 세 번째 줄에 주어진 한 개 이상의 정수는 C 에 저장
- **출력:** $a \in A, b \in B, c \in C$ 를 선택해 $a + b + c = 0$ 이 되는 (a, b, c) 쌍이 존재하면 **True**를 출력하고, 존재하지 않으면 **False**를 출력
- **주석:** 코드의 수행 시간을 간략히 분석하고 Big-O로 표기하시오 (주석 없으면 채점 점수도 0점)
- **주의:** $O(n^3)$ 시간 알고리즘은 만점의 20% 점수만 부여합니다
- **힌트:**
 - $\text{two_sum}(X, Y, t)$ 을 $O(n^2)$ 시간에 동작하도록 하는 건 매우 쉽습니다. z 의 값을 t 라고 하고 이 함수를 n 번 호출하면 문제가 풀리기에 $O(n^3)$ 시간에 문제가 풀립니다

- $O(n^3)$ 보다 더 빠르게 하려면 `two_sum(X, Y, t)`을 $O(n^2)$ 보다 더 빠르게 해야 합니다
- 우선 `two_sum(X, Y, t)`을 호출하기 전에 `X, Y`를 정렬합니다. (정렬은 전체 알고리즘을 통틀어 한 번만 하면 됩니다)
- 정렬된 `X, Y`를 가지고 `two_sum(X, Y, t)`을 호출합니다. 합이 `t`가 되는 `x, y` 원소를 찾는 것인데, `X, Y`는 정렬되어 있기에 두 리스트를 스캔하면서 선형 시간에 찾을 수 있습니다. 조금만 고민해보면 어렵지 않게 알 수 있습니다
- `two_sum(X, Y, t)`을 $O(n^2)$ 보다 더 빠르게 하는 다른 방법은 Hash Table 을 사용하는 것입니다. 정렬을 미리 하지 않고, 해시 테이블을 이용하는 것입니다. 이 경우에는 최악의 경우의 시간이 아닌 평균 시간으로 `two_sum(X, Y, t)`을 $O(n)$ 시간에 수행할 수 있습니다
- 어떠한 방법이든 좋습니다. 두 가지 방법을 모두 구현해 수행시간을 별도로 비교해보면 더 좋습니다. ^^

입/출력 예시

:
공백
:
줄바꿈
:
탭

예시 1

입력

```
3123
-30-2
1-12
```

출력

```
True
```

예시 2

입력

```
4311
713
```

3-125

출력

False

[Selection+Heap] k 번째로 작은 수

찾기 제출완료

1 초

- n 개의 값과 값 k 가 주어지면, n 개의 값 중에서 k 번째로 작은 수를 찾는 문제가 selection 문제라 한다
 - n 개의 값을 A 에 저장한다
- Selection 알고리즘은 여러 방향으로 설계할 수 있다
 1. Algorithm_SORT: A 를 오름차순으로 정렬한 후 $A[k-1]$ 를 리턴한다
 - 단점: $O(n \log n)$ 시간이 필요
 - 장점: 단순 알고리즘
 2. Algorithm_QUICK: `quick_select(A, k)` 를 호출한다
 - 단점: 최악의 경우의 시간 $O(n^2)$
 - 장점: 평균적인 시간 $O(n)$
 3. Algorithm_MoM: `MoM(A, k)` 를 호출한다
 - 장점: 최악의 경우의 시간은 $O(n) <$ 최적의 시간
 - 단점: 숨겨진 상수가 커서 실제 수행시간이 클 수 있다
 - 위의 세 알고리즘과는 조금 다른 방식을 생각해보자
 - Algorithm_HEAP: 힙을 이용한 selection 알고리즘
 1. A 의 값을 min 힙으로 만든 후: $O(n)$ 시간
 2. 힙 성질을 이용해 k 번째로 작은 수를 찾는다: $O(?)$ 시간
 3. 힙 성질 (heap property)은 부모 노드의 값이 자식 노드의 값보다 크지 않다는 것이다
- 입력: 힙 성질을 만족하는 배열 A 의 값을 입력받고 k 값도 입력받는다
 - $1 \leq k \leq n$
 - $1 \leq n \leq 100,000$
- 출력: A 에서 k 번째로 작은 값을 출력한다
- 할일: Algorithm_HEAP 알고리즘의 두 번째 단계를 설계하는 것이다. 되도록 수행시간이 작아야 한다
- 주석: 본인의 알고리즘을 설명하고 수행시간을 분석하는 주석을 반드시 포함해야 한다

- 다른 세 가지 알고리즘과 비교해 본인의 알고리즘의 장점과 단점도 설명해야 한다 --> 힙과 힙 정렬 부분 공부할 것!
- Python의 `heapq` 모듈에서 min 힙을 제공한다. 필요하다면 min 힙을 추가로 사용해도 된다

```
>>> import heapq
>>> A = [5, 4, 2, 7] # 리스트를 힙 자료구조로 사용한다
>>> heapq.heapify(A) # A의 값들이 힙 성질 만족하게 됨
>>> A
[2, 4, 5, 7]
>>> heapq.heappush(A, 1) # insert 1 into A
>>> A
[1, 2, 5, 7, 4]
>>> A[0] # just print min of A (not deleted)
1
>>> heapq.heappop(A) # delete min key and return
1
>>> A
[2, 4, 5, 7]
```

입/출력 예시

:
공백
:
줄바꿈
:
탭
예시 1
입력

3
654321

출력

3

[AL] quick, merge, heap 정렬 비교해보기 **제출완료**

10 초

Quick, merge, heap 정렬을 모두 구현해보고, 시간과 비교/교환-이동 횟수를 다양한 n 에 대해 실행하여 비교해봅니다

- 세 가지 정렬 알고리즘을 작성합니다. 대부분의 코드는 교재와 동영상에 나와 있어요.
 - `quick_sort(A, first, last): A[first] ... A[last]`까지 quick sort 하는 함수
 - `merge_sort(A, first, last): A[first] ... A[last]`까지 merge sort 하는 함수
 - `heap_sort(A): A`의 값들을 heap sort 하는 함수 (heap 클래스를 정의할 필요 없이 함수로)
- 추가로 고려할 사항:
 - quick sort 와 merge sort 는 분할정복 알고리즘으로 하나의 값이 남을 때까지 분할하는 것이 기본 전략입니다. 그런데 굳이 하나가 남을때까지 분할할 필요는 없습니다. 경우에 따라서는 10 과 40 사이의 상수 K 에 대해서, K 개 이하가 되면 분할을 멈추고 insertion sort 로 정렬을 하면 더 빠르게 전체 정렬이 가능할 수도 있습니다
 - [추가 점수] 하나의 값이 남을 때까지 분할하는 quick, merge 정렬과 적당한 상수 K 개 이하가 될 때까지만 분할하는 quick, merge 정렬을 함께 구현해 비교해보세요
- 랜덤한 수를 n 개 생성하여, 리스트에 저장하여, 세 개의 정렬 함수를 호출해 정렬하고 다음 세 값을 각각 기록합니다.
 - 수행시간: `timeit` 모듈을 이용합니다 (샘플 코드에 나온대로 하면 됩니다)
 - 비교횟수: 두 수를 비교하는 횟수를 기록합니다.
 - 교환횟수: 두 수가 교환(**swap**) 또는 이동(**move**) 횟수를 기록합니다. `merge` 정렬에서의 이동 횟수를 포함해야 합니다

- **hint:** 비교와 교환+이동횟수를 저장하는 변수를 **global** 변수로 선언해 기록하는 게 편함!
- **n**의 값을 **n = 100, 500, 1000, 5000, 10000, 50000, 100000, 500000** 정도까지 다양하게 변화하면서 위의 세 가지 값이 어떻게 변하는지 기록하고 그 결과를 분석한 후 개인적인 느낌을 자유롭게 작성해봅니다. (도표나 그래프 등을 이용하면 더 효과적이겠죠?)
- 강의동영상과 교재에서 설명한 내용만으로 충분히 코드를 작성할 수 있기에 외부 코드를 참조하거나 사용하는 것은 금지합니다
- 코드는 컴파일 에러가 없어야 하고 올바르게 동작해야 합니다
- 코드는 구름에 제출하면 됩니다 (코드를 자동채점하는 게 아님에 유의. 제출만 가능)
- 레포트는 3 장을 넘지 않게 해서 eclass에 제출합니다
 - PDF 파일 형식으로 업로드해주길 바랍니다
 - 측정한 값들을 그래프 등의 시각화를 통해 분석해주기 바랍니다
 - 코드 자체를 레포트에 포함할 필요 없습니다
 - 표지는 만들지 말고요~

무조건 오름차순으로 만들어보자~제출완료

25 점

6 초

- 입력: n 개의 정수 값이 주어진다. 이 값들을 리스트에 A 에 저장한다고 하자
 - $1 \leq n \leq 1,000$
 - $1 \leq \text{정수 값} \leq 200$
- 다음과 같은 연산을 생각해보자
 - $A[i] = A[i] + 1$ 또는 $A[i] = A[i] - 1$
- A 의 값들에 연산을 원하는 만큼 적용해서 오름차순이 되도록 변경할 수 있다
 - 즉, $A[0] \leq A[1] \leq \dots \leq A[n-1]$ 이 되도록 변경할 수 있다
- 출력: A 의 값들이 오름차순이 되기 위해 필요한 연산의 **최소 횟수**
- 주석 1: 본인이 작성한 알고리즘을 간단 명료하게 설명한다
- 주석 2: 알고리즘의 수행시간을 간단히 분석한 후, 수행 시간을 Big-O 로 표기한다

입/출력 예시

:
공백
:
줄바꿈
:
탭
예시 1
입력

12321

출력

2

예시 2

입력

54321

출력

6

예시 3

입력

12244

출력

0

[주석필요] 작은 것들을 위한 시 **제출완료**

40 점

- 입력: n 개의 서로 다른 정수 값이 주어지면 리스트 A 에 저장
 - $1 \leq n \leq 10,000$
 - $m(i, j) = \min(A[i], A[i+1], \dots, A[j-1], A[j])$ ($i \leq j$)라고 정의하자
- 출력: 모든 인덱스 쌍 (i, j) 에 대해 ($0 \leq i \leq j < n$) $m(i, j)$ 의 합을 계산해 출력
- 예:
 - $A = [1, 2, -1, 4]$
 - $m(0,0) = 1, m(1,1) = 2, m(2,2) = -1, m(3,3) = 4$
 - $m(0,1) = \min(1,2) = 1, m(1,2) = -1, m(2,3) = -1$
 - $m(0,2) = -1, m(1,3) = -1$
 - $m(0,3) = -1$
 - 따라서 전체 합은 $(1+2-1+4) + (1-1-1) + (-1-1) + -1 = 2$ 가 정답
- 주석 필요: $O(n^2), O(n \log n), O(n)$ 시간 등 여러 알고리즘이 존재한다. 본인이 작성한 알고리즘을 간략히 설명하고, 수행시간을 분석하시오

입/출력 예시

:
공백
:
줄바꿈
:
탭
예시 1
입력

12-14

출력

2

예시 2

입력

3124

출력

17

[DP] 히스토그램 (Histogram) 구하기 제출완료

70 점

12 초

- 데이터 i 의 빈도수 $F[i]$ 가 입력으로 주어진다. 예를 들어, $F = [4, 2, 3, 6, 5, 6, 12, 16]$ 이라면 데이터 0 번은 4 번 등장하고, 데이터 1 번은 2 번 등장하는 식이다
- 우리는 빈도수를 최대 B 개의 연속된 빈도수의 그룹으로 묶으려고 한다. 예를 들어, $F[0] - F[3]$ 그룹과 $F[4] - F[7]$ 그룹, 두 그룹으로 묶는다고 하자. 이왕이면, 빈도수가 비슷한 값들을 하나의 그룹으로 묶어 빈도수의 원래 분포를 더 잘 반영하고 싶다
- 한 그룹의 오차(error)는 그룹의 빈도수의 평균 값과 개별 값의 차이의 제곱한 값으로 정의한다. 즉, $(\text{개별 빈도수} - \text{그룹의 평균 값})^2$ 의 합으로 정의한다
 - 예를 들어, 위의 두 그룹 $[4, 2, 3, 6]$ 과 $[5, 6, 12, 16]$ 에 대해서, 첫 번째 그룹의 평균 3.75, 두 번째 그룹의 평균 9.75 이다.
 - 첫 번째 그룹의 오차는 $(4-3.75)^2 + (2-3.75)^2 + (3-3.75)^2 + (6-3.75)^2 = 8.75$ 이 된다
 - 두 번째 그룹의 오차는 같은 방법으로 계산해 보면, 80.75 가 된다
- 한 묶음의 오차(error)은 각 그룹의 오차의 합으로 정의한다.
 - 위의 예에서 설명한 묶음의 오차는 $8.75 + 80.75 = 89.5$ 이다
- 묶음을 다르게 해보면 묶음의 오차도 달라진다
 - 이번에도 두 그룹으로 나누는데, 첫 번째 그룹은 $[4, 2, 3, 6, 5, 6]$, 두 번째 그룹은 $[12, 16]$ 으로 해보자
 - 같은 방식으로 묶음의 오차를 계산해보면 21.3333 으로 앞에서 설명한 묶음의 오차보다 작다!
- 여러분은 오차가 최소인 묶음을 찾아야 한다
 - 이 문제를 히스토그램 (묶음) 문제라 한다
- **입력:** 첫 줄에는 최대 그룹 수 B 와 n 이 주어진다. 다음 n 개의 줄에는 빈도수 $F[i]$ 가 주어진다
 - $1 \leq B \leq 30, \quad 1 \leq n \leq 1,000$

- **출력:** 최대 **B** 개의 그룹으로 **F** 의 연속된 값으로 그룹을 만드는데, 오차가 최소인 묶음을 찾아 최소 오차 값을 출력
 - 단, 소수점 아래 4 째 자리에서 반올림해서 3 째 자리까지만 출력한다! (`round` 함수 이용)
 - `round(x, 3)` 이라고 하면 **x** 의 소수점 아래 4 째자리에서 반올림해서 3 째 자리까지만 계산한다
- **힌트:** 한 그룹의 오차를 식으로 표현해 간단한 형식으로 정리해보면, 빠른 시간에 계산할 수 있는 방법을 찾을 수 있다
- **주석:** 알고리즘을 간략히 설명하고 수행시간 분석을 하세요. (필수)

입/출력 예시

:
공백
:
줄바꿈
:
탭
예시 1
입력

28
4
2
3
6
5
6
12
16

출력

21.333

예시 2

입력

38
1
2
3
4
5
6
7
8

출력

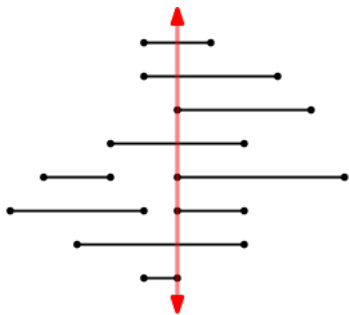
4.5

못 하나로 관통할 수 있는 막대의 최대 개수 구하기

30 점

5 초

- n 개의 막대가 입력으로 주어질 때, 오직 하나의 못(pin)만을 사용해 가능하면 많은 개수의 막대를 꿰으려고 한다. 아래 그림에서는 붉은색 위치에 핀을 꿰으면 8 개의 막대까지 꿰을 수 있다
- 여러분은 하나의 핀만으로 꿰을 수 있는 최대 막대 수를 계산해 출력해야 한다
 - [주의] 못이 막대의 끝을 통과하더라도 꿰은 것으로 간주한다.
 - 아래 그림은 두 번째 샘플 데이터 케이스를 그린 것이다
 - 못이 막대의 여러 끝 점을 지날 수도 있기에 이런 예외적인 경우를 주의해서 구현해야 한다



- 입력:
 - 첫 줄에는 값 n 이 주어진다.
 - n 은 1 이상 100,000 이다
 - 둘째 줄부터 n 개의 구간의 왼쪽 끝 점 a 와 오른쪽 끝 점 b 의 좌표 값이 차례대로 주어진다
 - 이 두 값의 범위는 0 이상 200,000 이하이며, 항상 $a < b$ 이다
 - 동일한 끝 점을 갖는 구간이 두 개 이상 나타날 수 있다
- 출력: 한 개의 못으로 꿰을 수 있는 최대 막대 개수
- 주석: 자신의 알고리즘을 간략히 설명하고, 수행 시간을 분석하세요. 수행 시간이 빠를 수록 좋다!

입/출력 예시

:
공백
:
줄바꿈
:
탭
예시 1
입력

10
23
24
35
46
56
67
79
910
1011
1012

출력

3

예시 2
입력

10
79
49
26
712
67
59
35
711
610
68

출력

8

예시 3
입력

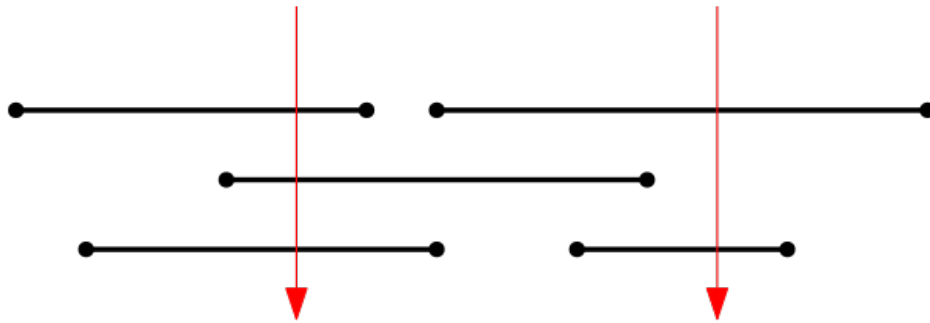
10
1123
820
1327
510
1225
914
1422
313
210
916

출력

[Greedy] 못 박기 (Pinning) 제출완료

30 점

- 아래 그림처럼 n 개의 막대가 입력으로 주어질 때, n 개의 막대를 최소 개수의 못(pin)으로 꽂으려 한다. 모든 막대는 최소 하나 이상의 못이 박혀야 한다. 이 때, 필요한 핀의 최소 개수는 몇 개일까?
 - 아래 그림에서는 2 개의 못으로 모두 꽂을 수 있다
 - 못이 막대의 끝을 통과하더라도 꽂은 것으로 한다



- 입력:
 - 첫 줄에는 값 n 이 주어진다.
 - n 은 1 이상 100,000 이다
 - 둘째 줄부터 n 개의 구간의 왼쪽 끝 점 a 와 오른쪽 끝 점 b 의 좌표 값이 차례대로 주어진다
 - 이 두 값의 범위는 0 이상 200,000 이하이며, 항상 $a < b$ 이다
 - 동일한 끝 점을 갖는 구간이 두 개 이상 나타날 수 있다
- 출력: 최소 못의 개수
- 힌트: 생각보다 어렵지 않아요~
 - 위의 그림에서는 두 개의 못이 필요하다. 왼쪽 못을 현재의 위치에서 약간 오른쪽으로 이동해도 여전히 같은 막대를 관통한다. 이 논리를 계속 적용하면 못의 위치를 몇 군데 중 하나로 제한해도 된다는 사실을 알게 된다. 이 사실을 이용해보자!
 - 강의실 배정 문제와 얼마나 유사할까?
- 주석: 자신의 알고리즘을 간략히 설명하고, 수행 시간을 분석하세요.

입/출력 예시

:

공백

:

줄바꿈

:

탭

예시 1

입력

10
23
24
35
46
56
67
79
910
1011
1012

출력

4

예시 2

입력

10
79
49
26
712
67
59
35
711
610
68

출력

2

예시 3

입력

10
1123
820
1327
510
1225
914
1422
313
210
916

출력

[AL] 0/1 Knapsack 문제 **제출완료**

10 초

1. 입력:

1. 첫 줄에 K (배낭의 크기)
2. 둘째 줄에 n (아이템 갯수로 300 을 넘지 않는다)
3. 셋째 줄에 n 개의 크기 (양의 정수)
4. 넷째 줄에 n 개의 가치 (양의 정수)

2. 출력:

1. 최대 가치(MaxProfit)를 정수로 출력

3. 주의:

1. DP 가 아닌 백트래킹 방법으로 구현해야 함
2. 교재, 동영상 강의, 구름 강의에서 설명한 알고리즘과 pseudo 코드를 참조해 작성함
3. 한계함수를 위해선 fractional knapsack 알고리즘의 결과를 이용해야 함

입/출력 예시

:
공백
:
줄바꿈
:
탭

예시 1

입력

```
16
4
25105
40305010
```

출력

```
90
```

예시 2

입력

```
10
5
721024
4619304911
```

출력

```
95
```

[AL] 미로 탈출 (4 방향) **제출완료**

- Backtracking 방법으로 입구에서 출구까지 탈출이 가능한지 알아보고, 가능하다면 탈출로를 찾아보자!
- 입력
 - 첫 줄: `n` # `n x n` 미로라는 의미
 - 두 번째 줄: `sx sy ex ey` # 입구 칸 (`sx, sy`), 출구 칸 (`ex, ey`)
 - 세 번째 줄부터 `n` 개의 줄은 미로를 나타낸다 (`1` 은 장애물, `0` 은 빈칸을 의미한다)
 - 각 줄은 길이가 `n` 인 `0` 과 `1` 로 구성된 문자열임
 - 미로는 이차원 문자열 리스트 `M` 에 저장함
- 여러분은 `find_way_from_maze` 함수를 호출하여, `M` 에 탈출 경로를 찾아
 - 입구 칸에는 '`s`'를, 출구 칸에는 '`e`', 그 외 탈출 경로에 해당하는 칸에는 `trace` 를 저장한다
 - `trace = '\u00B7'` 으로 dot 을 나타내는 문자로 선언되어 있으며, 탈출 경로를 그리기 위한 marker 역할을 한다
 - 탈출 경로가 있으면 `True`, 없으면 `False` 를 리턴한다
 - 주의: 현재 칸에서 동, 서, 남, 북 네 방향으로 인접한 빈 칸으로 이동가능하며, 이동할 때에는 반드시 동쪽 -> 남쪽 -> 서쪽 -> 북쪽 순서로 검사하여 이동해야 한다
- 출력
 - 샘플 코드의 입출력 부분은 수정하지 말고 그대로 사용할 것!

Pseudo Code:

```
find_way_from_maze(r, c) # 현재 칸 (r, c) 방문 중
    visited[r][c] = True
    if (r, c) == exit: return True
    if 동쪽 이웃 칸이 빈 칸이고 미방문이라면:
        if find_way_from_maze(r, c+1):
            M[r][c+1] = trace # trace 는 dot 으로 탈출경로를
표시하기 위함
            return True
    if 남쪽 이웃 칸이 빈 칸이고, 미방문이라면:
        ...
    if 서쪽 이웃 칸이 빈 칸이고, 미방문이라면:
```

```
...
if 북쪽 이웃 칸이 빈 칸이고, 미방문이라면:
...
return False
```

입/출력 예시

:
공백
:
줄바꿈
:
탭

예시 1

입력

```
7
1155
1111111
1000001
1111101
1000101
1011101
1000001
1111111
```

출력

```
#####
#s...#
#####
##.#
####.#
#e#
#####
```

예시 2

입력

```
7
3355
1111111
1000001
1111101
1000101
1011101
1000001
1111111
```

출력

```
#####
##
#####
#..s##
#-####
#...e#
#####
```

예시 3

입력

```
11
3399
1111111111
10100000101
10101110101
10101010101
10111010101
10001000101
10111011101
10001010001
10101011101
10100000001
1111111111
```

출력

```
#####
##.....##
##.###.##
##s##.##
#####.##
##...##
#####.####
##.##
###.####
##...e#
#####
```