

假设你是兼职收银员，顾客消费了 26 元，付了一张面值 100 的钞票。你该如何找钱，才能使找回的钞票总张数最少呢？（面值：100，50，20，10，5，1）。

答：74 = 50 + 20 + 1 + 1 + 1 + 1，共 6 张

此时做的贪心选择策略是什么？

答：每次选择一张钞票，使得剩余金额最少。

该贪心策略一定能得到最优解吗？

答：不能。假设面值：97，79，59，37，17，5，1。

贪心法：74 = 59 + 5 + 5 + 5，共 4 张

最优解：74 = 37 + 37，共 2 张

什么是贪心算法？

贪心算法总是做出在**当前**看来**最好**的选择。

也就是说贪心算法并不从整体最优考虑，它所做出的选择只是在某种意义上的**局部最优**选择。

贪心算法与整体最优解的关系？

贪心算法**不能对所有问题**都得到整体最优解，但对**许多问题**它能产生整体最优解。

活动安排问题（greedySelector）

预处理？

各活动的起始时间和结束时间存储于数组 s 和数组 f 中，且按**结束时间的非降序排列**。

贪心选择策略？

每次总是选择具有**最早完成时间的相容活动**加入集合 A 中。

算法复杂度？

1. 当输入的活动已按结束时间的非减序排列，算法只需 $O(n)$ 的时间安排 n 个活动。
2. 如果所给出的活动未按非减序排列，可以用 $O(n \log n)$ 的时间重排。

贪心算法并不总能求得问题的整体最优解，但是该贪心选择策略却总能求得的整体最优解，即它最终所确定的相容活动集合 A 的规模最大。为什么？

该贪心算法具有最优子结构性质和贪心选择性质（数学归纳法可证）。

许多可以用贪心算法求解的问题中一般具有哪 2 个重要的性质？

最优子结构性质和**贪心选择性质**。

什么是最优子结构性质？

一个问题的最优解包含其子问题的最优解

什么是贪心选择性质？

所求问题的**整体最优解**可以通过一系列**局部最优**的选择，即贪心选择来达到。

0-1 背包问题的最优子结构性质？

设 A 是 n 个物品可装入容量为 C 的背包的具有最大价值的物品集合。

则 $A_j = A - \{j\}$ 是 $n-1$ 个物品 1, 2, ..., j-1, j+1, ..., n 可装入容量为 $C-w_j$ 的背包的具有最大价值的物品集合。

背包问题的最优子结构性质？

若它的一个最优解包含物品 j，

则从该最优解中拿出所含物品 j 的那部分重量 w，

剩余的将是 $n-1$ 个原重物品 1, 2, ..., j-1, j+1, ..., n，以及重为 w_j-w 的物品 j 中可装入容量为 $C-w$ 的背包且具有最大价值的物品。

0-1 背包问题不能由贪心算法求解，请举例？

w	1	2	3
v	6	10	12
v/w	6	5	4

贪心解：6+10

最优解：10+12

记忆：w 的值 1->3，v/w 的值 6<-4，然后再去计算 v。

贪心算法解背包问题的贪心选择策略是？

尽可能多的单位重量价值最高的物品装入背包。

最优装载（loading）

问题描述？

有一批集装箱要装上一艘载重量为 c 的轮船。其中集装箱 i 的重量为 w_i 。最优装载问题要求确定在装载体积不受限制的情况下，将尽可能多的集装箱装上轮船。

贪心选择策略？

重量最轻者先装。

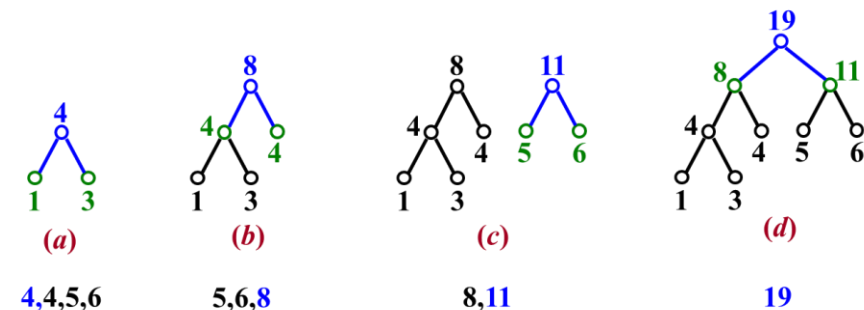
最优子结构性质？

设 (x_1, x_2, \dots, x_n) 是最优装载问题的最优解，

则 $x_1=1$ ，且 (x_2, \dots, x_n) 是轮船载重量为 $c-w_1$ ，待装船装载箱位 $(2, 3, \dots, n)$ 时相应最优装载问题的最优解。

哈夫曼编码

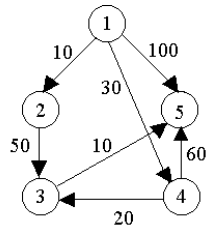
求以 1, 3, 4, 5, 6 为权的 Huffman 树？



单源最短路径

对给出的有向图，应用 Dijkstra 算法计算从源顶点 1 到其他顶点间最短路径，过程列在给出的表中。

迭代	S	u	dist[2]	dist[3]	dist[4]	dist[5]
初始	{1}	-	10	$+\infty$	30	100
1						
2						
3						
4						



迭代	S	u	dist[2]	dist[3]	dist[4]	dist[5]
初始	{1}	–	10	$+\infty$	30	100
1	{1, 2}	2	10	60	30	100
2	{1, 2, 4}	4	10	50	30	90
3	{1, 2, 4, 3}	3	10	50	30	60
4	{1, 2, 4, 3, 5}	5	10	50	30	60

最小生成树

有哪两种算法？

Prim 算法、Kruskal 算法

MST 性质？

最小生成树性质。

最小生成树性质？

设 $G=(V, E)$ 是连通带权图， U 是 V 的真子集。如果 $(u, v) \in E$ ，且 $u \in U$ ， $v \in V-U$ ，且在所有这样的边中， (u, v) 的权 $c[u][v]$ **最小**，那么一定存在 G 的一棵最小生成树，它以 (u, v) 为其中一条边。