- Part 1 动态规划
 - Part 1.1 线性dp
 - o Part 1.2 背包dp
 - Part 1.2.1 01

 - Part 1.2.2 完全
 - Part 1.2.3 多重
 - Part 1.2.4 分组
 - Part 1.2.5 二维 ■ Part 1.2.6 混合

 - Part 1.2.7 依赖性 ■ Part 1.2.8 泛化

 - Part 1.3 区间dp • Part 1.4 树形dp
 - Part 1.5 数位dp
- Part 2 字符串
 - Part 2.2 KMP
 - Part 2.3 Manacher
- Part 3 数学
 - Part 3.1 整除相关
 - Part 3.1.1 素数
 - Part 3.1.1.1 米勒拉宾素数测试
 - Part 3.1.2 最大公约数
 - Part 3.1.2.1 欧几里得
 - Part 3.1.2.2 扩展欧几里得
 - Part 3.1.3 欧拉函数
 - Part 3.1.4 莫比乌斯函数
 - Part 3.2 同余方程
 - Part 3.2.1 线性同余方程
 - Part 3.2.2 乘法逆元
 - Part 3.2.2.1 质模数
 - Part 3.2.2.2 合模数
 - Part 3.2.2.3 线性递推
 - Part 3.2.3 扩展中国剩余定理
 - Part 3.2.3 高次同余方程
 - Part 3.2.4 欧拉降幂
 - Part 3.3 博弈论

 - Part 3.4 组合数学
 - Part 3.4.1 Lucas定理
 - Part 3.4.2 卡特兰数
 - Part 3.5 线性代数
 - Part 3.5.1 矩阵ksm加速
 - Part 3.5.2 高斯消元
 - Part 3.5.3 线性基
 - Part 3.6 多项式
 - Part 3.6.1 FFT多项式乘法
 - Part 3.6.2 牛成函数
 - Part 3.7 莫比乌斯反演
 - Part 3.8 康托展开
 - Part 3.8.1 iF
 - Part 3.8.2 逆
 - Part 3.10 筛法
 - Part 3.10.1 埃氏筛 ■ Part 3.10.2 欧拉筛
 - Part 3.10.3 杜教筛
- Part 4 数据结构
 - Part 4.1 Trie树
 - Part 4.3 线段树
 - Part 4.4 树链剖分
 - Part 4.5 树状数组
 - Part 4.6 ST表
- Part 5 图论
 - Part 5.1 最短路问题
 - Part 5.1.1 DIJKSTRA
 - Part 5.1.2 Floyd
 - Part 5.1.3 Bellman_Ford
 - Part 5.2 强连通分量
 - Part 5.3 点分治
 - Part 5.4 差分约束
- Part 6 杂项
 - Part 6.1 c++输入流加速
 - Part 6.2 Java大数
 - Part 6.3 离散化

Part 1 动态规划

Part 1.1 线性dp

```
const int N = 1005;
 int a[N];
 int dp[N];
 int res;
 int main(){
             int n; cin >> n;
            | for(int i = 1, x; i <= n; i ++) cin >> a[i];
| for(int i = 1; i <= n; i ++) { dp[i] = 1;//初始化为1, 因为自己本身一个数就是一个LIS
| for(int j = 1; j < i; j ++) if(a[j] < a[i]) dp[i] = MAX(dp[j] + 1, dp[i]);//如果前面的某一位小于当前的这一位,完全可以把这一位接到前面那一位后面 res = MAX(res, dp[i]);//维护一下最大答案
            }cout << vec.size() << endl;</pre>
             return 0;
 }
O(nlogn)
 int a[1000005]:
 vector<int> vec:
 int main(){
             int n; cin >> n;
            for(int i = 1, x; i <= n; i ++) cin >> a[i];
for(int i = 1, x; i <= n; i ++){
            else vec[lower_bound(vec.begin(), vec.end(), a[i]) - vec.begin()] = a[i];//能变小的话替换一下 //其实顺序被打乱了,但是在求解size的时候并不影响,因为我们打乱完一遍也就是一个新的子序列,打乱一半是无影响的 }cout << vec.size() << endl; south
            return 0;
LCS
O(nloan)
 const int N = 1e6 + 10:
 int id[N], n;
 vector<int> vec;
 int main(){
            cin >> n;
            for(int i = 1, x; i <= n; i ++) cin >> x, id[x] = i; for(int i = 1, x; i <= n; i ++){ cin >> x; id[x] = i; fr(!id[x]) continue;//注意: 如果没出现过那就不要加进去了
                        if(vec.empty() || vec.back() < id[x]) vec.push_back(id[x]);</pre>
                                                                             vec[lower_bound(vec.begin(), vec.end(), id[x]) - vec.begin()] = id[x];
            }cout << vec.size() << endl;</pre>
            return 0:
Part 1.2 背包dp
Part 1.2.1 01
 const int maxV = 1000;
 int dp[maxV];
 for ( int i = 1; i <= n; i ++ ) {
    for ( int j = V; j >= v[i]; j -- ) {
        dp[j] = MAX(dp[j], dp[j - v[i]] + w[i]);
            }
Part 1.2.2 完全
 for ( int i = 1; i <= n; i ++ ) {
    for ( int j = v[i]; j <= V; j ++ ) {
        dp[j] = MAX(dp[j], dp[j - v[i] + w[i]);</pre>
```

Part 1.2.3 多重

```
vector<int> V, W; //拆分后每一块的物品和价值
 vector(int) v, w; // オカカロマースの対象のおいい値
inline void manage ( int x , int v , int w ) { // 个数, 体积, 价值
int t = 1; // 拆到的块一块包含的物品数
        while(x >= t){
               V.push_back(v * t);
               W.push_back(w * t);
               x -= t;
               t <<= 1;
        if(x) V.push_back(v * x), W.push_back(w * x);
 for(int i = 1; i <= n; i ++ ) {
    int x = inputInt(), v = inputInt(), w = inputInt();</pre>
        Manage(x, v, w);
 for ( int i = 0; i < V.size(); i ++ ) {
       Part 1.2.4 分组
 for ( int group = 1; group <= groups; group ++ ) { for ( int j = m; j >= 0; j -- ) { for ( int i = 1; i <= n; i ++ ) {
                     if ( gp[i] == group && j >= v[i] ) dp[j] = MAX(dp[j], dp[j - v[i]] + w[i]);
       }
Part 1.2.5 二维
const int maxV = 100, maxM = 100;
int dp[maxV][maxM];
 for ( int i = 0; i < n; i ++ ) {
        }
Part 1.2.6 混合
 int maxV = 1000;
 int id[10000]; // 标记,0为01背包,1为完全背包
 inline void Manage(){
       }
 for ( int i = 0; i < n; i ++ ) {
        } else {
    for ( int j = V; j >= v[i]; j -- ) {
        dp[j] = AMX(dp[j], dp[j - v[i]] + w[i]);
}
```

Part 1.2.7 依赖性

```
int v[100][3], w[100][3]; //v[i][j]表示第i套物品的前j件的体积, w[i][j]表示第i套物品的前j件价值
 int V://指包容量
 int n;//物品个数
 int main()
   cin >> V >> n;
   for (int i = 1; i \le n; i++)//优化: 主附件并为一个组合,每次遇到附件就将它挪到主件那一组
       int a, b, c; cin >> a >> b >> c;//a表示这件物品的体积, a*b表示这件物品的价值, c表这件物品的主件情况
       if(!c)//若为主件
          v[i][0] = a, w[i][0] = a * b;
       else//若为附件
          if(!w[c][1])//主件后面第一个没有被占,放在第一个    v[c][1] = a, w[c][1] = a * b; else//被占了,放在第二个    
              v[c][2] = a, w[c][2] = a * b;
       }
   }
   int dp[32010];
   for (int i = 1; i <= n;i++)
       for (int j = V; j >= v[i][0] && v[i][0]; j--)//稍微优化一下时间, 记住: 附件是没有自己的i的(地位好低)
          dp[j] = max(dp[j], dp[j - v[i][0]] + w[i][0]);//只选主件
          cout << dp[V] << endl;</pre>
   return 0:
Part 1.2.8 泛化
 inline int getW ( int i ) {
       return w[i] * 10;
 inline int getV ( int i ) {
       return v[i] * 10;
for ( int i = 0; i < n; i ++ ) {
    for ( int j = V; j >= v[i]; j -- ) {
              dp[j] = MAX ( dp[j], dp[j - getV ( i )] + getW ( i ) );
Part 1.3 区间dp
for(int len = 2; len <= n; len ++){</pre>
        for(int i = 0; i + len - 1 < n; i ++){
              int j = i + len - 1;
               // 操作
        }
Part 1.4 树形dp
树的最小点覆盖
inline void DFS ( ll x ) {
        if (num[x] == 0) { dp[x][0] = 0; dp[x][1] = 1; return; }
        vis[x] = 1;
        dp[x][0] = 0, dp[x][1] = 1;
        for ( ll i = head[x]; ~i; i = edge[i].nxt ) {
               if ( vis[edge[i].to] ) continue;
               DFS ( edge[i].to );
dp[x][1] += min ( dp[edge[i].to][0], dp[edge[i].to][1]);
               dp[x][0] += dp[edge[i].to][1];
```

Part 1.5 数位dp

数中不出现62的数字个数

```
/*
is_max : 上界,表示 "这一位枚举数字是否达到了当前数"
state : 上一位是几
*/
int dp[len][/*状态*/], b[10]; // dp数组要根据实际情况决定用几维的数组,b数组用来保存数字位
inline int DFS( int pos, int state, bool is_max ) { // 可以根据需要增加state参数的数量
        if ( pos == 0 ) return 1;
        if ( !is_max && ~dp[pos][state] ) return dp[pos][state];
        int end = is_max ? b[pos] : 9; // 如果前面放满了就只能循环到 b[pos], 否则到9
        int res = 0;
        for ( int i = 0; i <= end; i ++ ) {
              if ( /*满足某种条件*/ ) res += DFS (pos - 1, state, is_max && i == end ) ; // 最后一个参数: 前面都放满,本位又最大
        }
        if ( !is_max ) dp[pos][state] = res;
        return res;
}
```

Part 2 字符串

Part 2.2 KMP

```
const int N = 1e5 + 10:
class Manacher_Implement{
           int n, m; // a.size = n, b.size = m
            string a, b;
            int nxt[N];
public:
           inline Manacher_Implement () {
                       cin >> n >> m;
                       cin >> a >> b;
           inline void Get_Next ( ) {
    for ( int i = 0; i < N; i ++ ) nxt[i] = -1;</pre>
                       int j = -1;
                       for ( int i = 0; i + 1 < m; i ++ ) {
    while ( j >= 0 && b[i + 1] != b[j + 1] ) j = nxt[j];
    if ( b[i + 1] == b[j + 1] ) j ++;
    nxt[i + 1] = j;
                       }
            inline int KMP ( ) {
                       int j = -1;
for ( int i = -1; i + 1 < n; i ++ ) {
    while ( j >= 0 && a[i + 1] != b[j + 1] ) j = nxt[j];
}
                                   if (a[i + 1] == b[j + 1]) j ++;
if (j == m - 1) {
    return i - j + 2;
                       return -1:
           }
};
```

Part 2.3 Manacher

Part 3 数学

Part 3.1.1 麦数

```
Part 3.1.1.1 米勒拉宾素数测试
 ll ksm(ll a,ll b,ll mod) { //快速幂
         ll ans = 1;
         while(b){
                 if(b&1) ans=(ans*a)%mod;
                 a = (a*a)%mod;
                 b>>=1;
         return ans;
 return false;
         while(!(s & 1)) { //查找奇数
               s >>= 1;
r ++;
         ll k = ksm(a, s, n);
         if(k == 1)
                return true;
         for(j = 0; j < r; j ++, k = k * k % n)
if(k == n - 1)
                 return true;
         return false;
 bool IsPrime(int n){//判断是否是素数
         int tab[]={2,3,5,7};
         for(int i=0;i<4;i++)
                 if(n==tab[i])
                 return true;
                 if(!Miller_Rabbin(n,tab[i]))
                 return false;
         return true;
Part 3.1.2 最大公约数
Part 3.1.2.1 欧几里得
 inline void gcd ( int a, int b ) {
    return b ? gcd(a % b) : a;
Part 3.1.2.2 扩展欧几里得
 inline void ex_Gcd ( int a, int b, int &x, int &y ) {
    if ( b == 0 ) { x = 1, y = 0; return a; }
    int d = ex_Gcd ( b, a % b, x, y );
         int tmp = x;
         x = y;
y = tmp - a / b * y;
         return d;
Part 3.1.3 欧拉函数
\phi(n) = \sum_{i=1}^n [\gcd(i,n) = 1]
 const int N = 40010;
 bool isprime[N];
 int prime[N];
break;
} else phi[i * prime[j]] = phi[i] * (prime[j] - 1);
       }
Part 3.1.4 莫比乌斯函数
             n = 1
      \begin{cases} (-1)^k & n无平方因数,n = p_1 p_2 p_3 ... p_k \end{cases}
             n有大于1的平方因数
可以简化为:
在n无平方因数时: \mu(n)=(-1)^n的不同质因子的个数
其他情况: \mu(n)=0
```

Part 3.2.2 乘法逆元

}

else {

int a, b, x, y, c; cin >> a >> b >> c; int gcd = ex_Gcd (a, b, x, y); if (c % gcd) puts("No Solution");

> b /= gcd, c /= gcd; cout << (x * c % b + b) % b << endl;

要求要逆的数和模数互质

int main () {

Part 3.2.2.1 质模数

费马小定理:

 $inv(x) = x^{mod-2}$

Part 3.2.2.2 合模数

欧拉定理:

 $inv(x) = x^{\phi(mod)-1}$

扩展欧几里得:

$$\begin{split} &inv(x)x\equiv 1 (mod\ m)\\ &inv(x)x+my=1\\ &\Rightarrow exGcd(x,m,inv(x),y); \end{split}$$

Part 3.2.2.3 线性递推

 $inv[1]=1, \quad inv[i]=(p-p/i)*inv[i\%p]\%p$

Part 3.2.3 扩展中国剩余定理

解:

 $egin{aligned} x &\equiv a[1] (mod \ m[1]) \ x &\equiv a[2] (mod \ m[2]) \ &\dots \ x &\equiv a[n] (mod \ m[n]) \end{aligned}$

这样的问题

```
inline ll Ex_crt(){
                                                                               //前一步的X, 前一步的lcm
              ll X = a[1], M = m[1];
               for (ll i = 2, t, y; i <= n; i ++){
                            ll gcd = Ex_gcd(M, m[i], t, y), miDIVgcd = m[i] / gcd; // 求得gcd, 并使m[i]约分一下好乘进M里面 ll c = (a[i] - X \% m[i] + m[i]) \% m[i];//ax=c(mod b) 等式右侧的c, 并让他变成可行的最小正整数
                             if(c % gcd) return -1:
                             t = ksc(t, c / gcd, miDIVgcd); // 因为扩欧求得的是等号右侧为gcd时的x解,而此时等号右端为c,需要让X乘上c/gcd个t,此时先给t变了再说
                             X += t * M;
                            M *= miDIVgcd; //计算LCM
X = (X % M + M) % M; //保持最小正整数解
Part 3.2.3 高次同余方程
求解 a^x \equiv b \pmod{p} 问题
 const int TNF = 1e8:
 inline int exgcd ( int a, int b, int& x, int& y ) {
              if ( !b ) { x = 1, y = 0; return a; }
int d = exgcd ( b, a % b, y, x );
y -= a / b * x;
               return d:
  inline int bsgs ( int a, int b, int p ) { // 在gcd(a,p)=1时可以直接使用这个函数
              int bsgs ( int a, int b, int p ) { // Ægcd(a)
if ( 1 % p == b % p ) return 0;
int k = sqrt(p) + 1;
unordered_map<int, int> hash;
for ( int i = 0, j = b % p; i < k; i ++ ) {
    hash[j] = i;
    j = (ll)j * a % p;
}</pre>
               int ak = 1;
               fint ak - 1;
for ( int i = 0; i < k; i ++ ) ak = (ll)ak * a % p;
for ( int i = 1, j = ak; i <= k; i ++ ) {
        if (hash.count(j)) return (ll)i * k - hash[j];
        j = (ll)j * ak % p;</pre>
               return -INF; //无解
 } inline int exbsgs ( int a, int b, int p ) { // 返回值就是解 b = ( b % p + p ) % p; // b变成正的 if ( 1 % p == b % p ) return 0;
              if ( 1 % p == b % p , recurry, int x, y; int d = exgcd ( a, p, x, y ); if ( d > 1 ) { // a与p不互质,继续递归 if ( b % d ) return -INF; // 若b不是gcd的倍数 exgcd (a / d, p / d, x, y); // exgcd求逆元 return exbsgs ( a, (ll)b / d * x % p % (p / d), p / d) + 1; // 因为本来求的是t-1的最小值,+1得t .
```

Part 3.2.4 欧拉降幂

return bsgs(a, b, p);

```
a^b \equiv \left\{ \begin{array}{ll} ab\%\varphi(n) & \gcd(a,n) = 1 \\ a^b & \gcd(a,n) \neq 1, b < \varphi(n) \\ ab\%\varphi(n) + \varphi(n) & \gcd(a,n) \neq 1, b \geq \varphi(n) \end{array} \right. \pmod{\ n}
```

```
int main(){
            cin >> a >> b >> n;
            ll len = strlen(b), p = phi(c), up = 0;
for(ll i = 0; i < len; i ++) up = (up * 10 + b[i] - '0') % p;
up += p; // 加还是不加取决于 [gcd(a, n) = 1]
            outLL(ksm(a, up, n));
```

递归降重幂

```
\mathbb{R}^{k^{k^{\dots k}}} mod n
```

```
const int N = 1e7 + 10, mod = 1e9 + 7;
 int phi[N], isprime[N];
 vector<int> prime;
 inline void GET_PHI () {
          isprime[0] = isprime[1] = 1, phi[1] = 1;
for ( int i = 2; i < N; i ++ ) {</pre>
                   if (!isprime[i]) prime.push_back(i), phi[i] = i - 1;
                   for ( int j = 0; j < prime.size() && i * prime[j] < N; j ++ ) {
    isprime[i * prime[j]] = 1;</pre>
                            if ( i % prime[j] == 0 ) {
                                    phi[i * prime[j]] = phi[i] * prime[j];
break;
                            }else phi[i * prime[j]] = phi[i] * (prime[j] - 1);
         }
 inline ll ksm ( ll a, ll b, ll mod ) {
         ll res = 1;
while ( b ) {
                   if ( b & 1 ) res = res * a % mod;
                   a = a * a % mod;
                  b >>= 1;
         }return res;
}
 inline ll get(ll k, ll p){
          if ( p == 2 ) return k & 1;
          return ksm ( k, get(k, phi[p]) + phi[p], p );
 outLL(get(k, p)); puts("");
Part 3.3 博弈论
inline int SG ( int n ) { // 0必败点, !0必胜点 bool vis[1100] = {0}; // 标记是否出现过 for ( int i = 1; i <= m; i ++ ) { // 可拿石子个数
                   int tmp = n - i; // 剩余个数
                   if ( tmp < 0 ) break;
if ( sg[tmp] == -1 ) sg[tmp] = SG(tmp); // 记忆化
vis[sg[tmp]] = 1; // 后继的sg设为出现过
          for ( int i = 0; ; i ++ ) if ( !vis[i] ) return i;
Part 3.4 组合数学
Part 3.4.1 Lucas定理
const int mod = 1e9 + 7;
ll inv[1000010];
 inline ll ksm ( ll a, ll b, ll p ) {
          ll res = 1;
```

```
while ( b ) {
    if ( b & 1 ) res = res * a % p;
                a = a * a % p;
                b >>= 1;
        return res;
}
inline void Init () {
        for ( ll i = 1; i < 1000010; i ++ ) inv[i] = ksm(i, mod - 2, mod);
}
inline ll C ( ll n, ll m, ll p ) {
        if ( m > n ) return 0;
        ll res = 1;
for ( ll i = 1; i <= m; i ++ ) {</pre>
                ll a = (n + i - m) % p;
                ll b = i % p;
                res = res * (a * ksm(b, mod - 2, mod) % p) % p;
        return res:
inline ll lucas ( ll n, ll m, ll p ) {
        if ( m == 0 ) return 1;
        return C( n % p, m % p, p ) * lucas ( n / p, m / p, p ) % p;
```

Part 3.4.2 卡特兰数

```
h(n)=h(1)*h(n-1)+h(2)*h(n-2)+...+h(n-2)*h(2)+h(n-1)*h(1) 第0项开始为: 1,1,2,5,14,42,132,429,1430,4862,16796,58786,208012,742900,2674440,9694845 另类递归式: h(n)=h(n-1)*(4*n-2)/(n+1) 该递推式解为: h(n)=\frac{C\mathcal{P}_n}{n+1}
```

```
int a[105][100]:
inline void Ktl () {
         a[2][0] = 1; a[2][1] = 2;
a[1][0] = 1; a[1][1] = 1;
            a[0][0] = 1; a[0][1] = 1;
            int len = 1;
for ( int i = 3; i < 101; i ++ ) {
                       int tmp = 0;
for ( int j = 1; j <= len; j ++ ) {
    int t = (a[i - 1][j]) * (4 * i - 2) + tmp;
    tmp = t / 10;
    a[i][j] = t % 10;</pre>
                       tmp /= 10;
                       for ( int j = len; j >= 1; j -- ) {
    int t = a[i][j] + tmp * 10;
    a[i][j] = t / (i + 1);
    tmp = t % (i + 1);
                       while ( ! a[i][len] ) len --;
a[i][0] = len;
          }
int main () {
          Ktl();
           int n; while ( cin >> n ) {
                      cout << n << " : ";
                      for ( int i = a[n][0]; i > 0; i -- ) cout << a[n][i];
puts("");</pre>
           }
```

Part 3.5 线性代数

Part 3.5.1 矩阵ksm加速

```
const int N = /*...*/; const int mod = /*...*/;
struct Mat{
      ll m[N][N];//j矩阵
      inline Mat Mul(Mat a, Mat b){//矩阵乘法
           Mat res(0);
for(int i = 0; i < N; i ++)</pre>
                 return res:
      inline Mat ksm(Mat a, ll b){//矩阵的ksm实现
           Mat res(1);
            while(b){
                  if(b & 1) res = Mul(res, a);
                  a = Mul(a, a);
                  b >>= 1;
            return res;
     }
```

Part 3.5.2 高斯消元

Part 3.5.3 线性基

Part 3.6 多项式

Part 3.6.1 FFT多项式乘法

```
const int N = 3000010:
const double PT = acos(-1.0):
 struct Complex{ // 复数定义结构体
         double x, y;
          double x, y,
inline Complex () {} inline Complex ( double _x, double _y ) : x(_x), y(_y) {}
Complex operator + ( const Complex& t ) const { return Complex(x + t.x, y + t.y); }
Complex operator - ( const Complex& t ) const { return Complex(x - t.x, y - t.y); }
          Complex operator * ( const Complex& t ) const { return Complex(x * t.x - y * t.y, x * t.y + y * t.x); }
} a[N], b[N]; int rev[N]; // 分治时候的二进制表示对应的结果二进制表示,即反过来了
 int bit, tot; // 位数, 总个数
inline void fft ( Complex a[], int inv ) { for ( int i=0; i< tot; i++ ) if ( i< rev[i] ) swap ( a[i], a[rev[i]] ); // 变成正确的分治结果位置 for ( int mid = 1; mid < tot; mid <<= 1 ) {
                   Complex wi = Complex(cos(PI / mid), inv * sin(PI / mid)); // 表示 w(down: n, up: 1)
                   for ( int i = 0; i < tot; i += mid * 2 ) {
         Complex wk = Complex(1, 0);</pre>
                            }
         }
int main () {
     cin >> n >> m;
          // 都放到实部里面
          for ( int i = 0; i <= n; i ++ ) cin >> a[i].x; for ( int i = 0; i <= m; i ++ ) cin >> b[i].x; while ( (1 << bit) < n + m + 1 ) bit ++;
          tot = 1 << bit;
          for ( int i = 0; i < tot; i ++ ) rev[i] = (rev[i >> 1] >> 1) | ((i & 1) << (bit - 1));
          fft (a, 1); fft (b, 1); // 系数表示 -> 点表示 for (int i = 0; i < tot; i ++ ) a[i] = a[i] * b[i]; fft (a, -1); // 点表示 -> 系数表示
          for ( int i = 0; i <= n + m; i ++ ) cout << (int)(a[i].x / tot + 0.5) << " ";
Part 3.6.2 生成函数
1.dp递推求解
 const int maxn=10000;
 int c1[maxn + 1];//c1[i]表示母函数第一个小括号内的表达式中,指数为i的系数
 int c2[maxn + 1];//第二个的系数(职业备胎(狗头))
 int main(){
          int n;//组合出来n
         while(cin >> n)
                   memset(c1, 0, sizeof(c1));
                   memset(c2, 0, sizeof(c2));
                   for(int i = 0; i <= n; i += elem[1]) c1[i] = 1;//对第一个括号的内容进行赋1
                   for(int i = 2; i <= n; i ++)//做n-1趟前两括号合并
                   for(int j = 0; j <= n; j ++)//第1个括号
                             for(int k = 0; k + j <= n; k += elem[i])//第2个括号, (k+=i)是因为下一个括号指数会+=i
                            c2[j + k] += c1[j];//合并后系数相加,要继承一下上一个
                   for(int j = 0; j <= n; j ++)//替换一下第一个括号数组, 初始化下一个括号数组
                            c1[j] = c2[j];
                            c2[j] = 0;
                   cout << c1[n] << endl;//此时就剩一个括号, c1[n]即为合并结束后的n次方系数
         }
```

2.fft加速

```
const int N = 10210;
 const double PT = acos(-1.0):
  int n, m, num;
  struct Complex { // 复数结构体
            double x, y;
Complex () {}
             Complex ( double _x, double _y ) : x(_x), y(_y) {}
             Complex friend operator+(Complex a, Complex b) { return {a.x + b.x, a.y + b.y}; }
             Complex friend operator-(Complex a, Complex b) { return {a.x - b.x, a.y - b.y}; }
Complex friend operator*(Complex a, Complex b) { return {a.x * b.x - a.y * b.y, a.x * b.y + a.y * b.x}; }
  } a[N], b[N];
  int rev[N];
  int bit, tot;
 inline void FFT ( Complex a[], int inv ) {
    for ( int i = 0; i < tot; i ++ ) if ( i < rev[i] ) swap(a[i], a[rev[i]]);
    for ( int mid = 1; mid < tot; mid <<= 1 ) {</pre>
                        Complex wI = \{\cos(PI / mid), inv * sin(PI / mid)\};
for ( int i = 0; i < tot; i += mid * 2 ) {
                                   Complex wk = {1, 0};
                                   }
  int main(){
             for ( int i = 0; i <= num; i ++ ) a[i].x = 1;
             n = num;
             while ( (1 << bit) < n + m + 1 ) bit ++;
                        tot = 1 << bit:
                        // b的重启读入
                        for ( int i = 0; i <= m; i ++ ) b[i].x = (i % (k * k) == 0), b[i].y = 0; // k的倍数为1, 否则为0。 虚部固定为0
                        for ( int i = m + 1; i < tot; i ++ ) b[i].x = 0, b[i].y = 0; // 后面的实部和虚部也要为0
                        // rev数组的更新
                        for ( int i = 0; i < tot; i ++ ) rev[i] = (rev[i >> 1] >> 1) | ((i & 1) << (bit - 1)); // 二进制反转
                        FFT(a, 1); FFT(b, 1);
for ( int i = 0; i < tot; i ++ ) a[i] = a[i] * b[i];</pre>
                        FFT(a, -1);
                        for ( int i = 0; i <= n + m; i ++ ) a[i] = {(double)(int)(a[i].x / tot + 0.5), 0}; // 读入后虚部重启为0 for ( int i = n + m + 1; i <= N; i ++ ) a[i] = {0, 0}; // 突部虚部重启为0
                        n += m; // 第一个多项式扩到n + m
            while ( scanf("%d", &num) == 1 && num ){
                        printf("%d\n", (int)(a[num].x + 0.5));
Part 3.7 莫比乌斯反演
\mathbf{f}(k) = \sum_{x=A}^{B} \sum_{y=C}^{D} [\gcd(x,y) = k]
为了满足:
F(k) = \sum_{n|d} f(d)
F(k) = \sum_{x=A}^{B} \sum_{x=C}^{D} [k|gcd(x,y)]
为使枚举的 x,y 均为 k 的倍数
令 x' = \frac{x}{k}, y' = \frac{y}{k}, 我们枚举倍数 则 F(k) = \sum_{x' = \frac{A-1}{k}}^{N} y' = \frac{C-1}{k} = (\lfloor \frac{B}{k} \rfloor - \lfloor \frac{A-1}{k} \rfloor) * (\lfloor \frac{D}{k} \rfloor - \lfloor \frac{C-1}{k} \rfloor)
根据莫比乌斯反演定理得:
f(k) = \sum_{k|d} \mu(\frac{d}{k}) F(d)
为了使枚举到的d均为k的倍数
我们设 d' = \frac{d}{k} H' = \frac{H}{k}, 此时d = d'k
\text{ If } f(k) = \sum_{d'=1}^{\min(\frac{B}{K},\frac{D}{K})} \mu(d') F(d'k)
\because F(d'k) = (\lfloor \frac{B}{d'k} \rfloor - \lfloor \frac{A-1}{d'k} \rfloor) * (\lfloor \frac{D}{d'k} \rfloor - \lfloor \frac{C-1}{d'k} \rfloor)
\stackrel{\diamondsuit}{\Rightarrow} A' = \frac{A-1}{k}, \quad B' = \frac{B}{k}, \quad C' = \frac{C-1}{k}, \quad D' = \frac{D}{k}
```

 $\therefore f(k) = \sum_{d'=1}^{\min(B',D')} \mu(d') (\left\lfloor \frac{B'}{d'} \right\rfloor - \left\lfloor \frac{A'}{d'} \right\rfloor) (\left\lfloor \frac{D'}{d'} \right\rfloor - \left\lfloor \frac{C'}{d'} \right\rfloor)$

```
const ll maxn = 2e6 + 10;//杜教筛的安全maxn
ll mu[maxn];//Mobius函数表
vector<ll> prime;
ll isprime[maxn];
ll sum[maxn];//mu的前缀和
inline void Mobius(){//线性筛
        mu[1] = 1;//特判mu[i] = 1
        it(:isprime[i]) mu[i] = -1, prime.pusn_pack(i);//质数的原因于共有自己, 所以为-1 for(ll j = 0; j < prime.size() && i * prime[j] < maxn; j ++){
    isprime[i * prime[j]] = 1;
    if(i % prime[j] == 0) break;
    mu[i * prime[j]] = - mu[i];//积性函数性质: (i * prime[j])多出来一个质数因数(prime[j]),修正为 (-1) * mu[i]
        ,
//剩余的没筛到的是其他情况,为0
        for(ll i = 1; i < maxn; i ++) sum[i] = sum[i - 1] + mu[i];//记录前缀和,为了整除分块
inline ll g(ll k, ll x){ return k / (k / x); }//整除分块的r值
map<ll, ll> S;//杜教筛处理出的前缀和
inline ll SUM(ll x){//杜教筛
        if(x < maxn) return sum[x]:</pre>
        if(S[x]) return S[x];
        }return S[x] = res;
inline void solve(){
     ll A, B, C, D, K; cin >> A >> B >> C >> D >> K;
     A = (A - 1) / K, B = B / K, C = (C - 1) / K, D = D / K;
        ll n = MIN(B, D);
        ll res = 0;
       res += (sum[r] - sum[l - 1]) * (B / l - A / l) * (D / l - C / l);//公式
       }cout << res << endl;
int main () { Mobius();
        ll cass;
        for ( cin >> cass; cass; cass -- ) {
               solve();
        return 0;
```

Part 3.8 康托展开

Part 3.8.1 正

```
const int mod = 998244353:
const int maxn = 1e6 + 10:
 vector<ll> f;//阶乘表
 inline void get_F(){
         f.push back(1):
         for(int i = 1; i <= maxn; i ++) f.push_back(f.back() * i % mod);</pre>
ll C[maxn];//树状数组
ll n;//n排列
ll a[maxn];//排列的每一位
 inline ll SUM(ll i){//统计1 ~ i的区间和
         ll res = 0;
while(i) res = (res + C[i]) % mod, i -= LOWBIT(i);
         return res:
 inline void UPDATE(ll i, ll val){//对下标为i的点单点更新+val while(i <= maxn) C[i] += val, i += LOWBIT(i);
 //x前面有m个比x小的, 后面就有x - 1 - m个小的
inline void solve(){
         get_F();
         for(int i = 0; i < n; i ++) cin >> a[i];
         ll res = 1;//因为康托展开从12345....开始展,所以初始值为1
         for(int i = 0; i < n; i ++){
         UPDATE(a[i], 1);
    res = (res + (a[i] - 1 - SUM(a[i] - 1)) * f[n - i - 1] % mod) % mod;//累加比a[i]小且未出现的个数*(n - i - 1)的全排列
}cout << res << endl;
Part 3.8.2 逆
ll n, m;
 vector<ll> f;
 inline void get_F(){
         f.push_back(1);
         for(int i = 1; i <= n; i ++) f.push_back(f.back() * i);</pre>
vector<ll> NotUse;
 inline void solve(){
         cin >> n >> m; get_F();
for(int i = 1; i <= n; i ++) NotUse.push_back(i);</pre>
         m --;//同理从1234...开始,所以减一项
         for(int i = 1; i \le n; i ++){
                  res.push_back(NotUse[m / f[n - i]]);//放置未出现的第[m / f[n - i]] + 1个
                  NotUse.erase(NotUse.begin() + m / f[n - i]);//删除这一个
                  m %= f[n - i];//剩余m
         cout << res << endl;
Part 3.10 筛法
Part 3.10.1 埃氏筛
 int nprime[maxn];//nprime[i]表示第i个素数
bool isprime[maxn];//isprime[i]表示i是否为素数
 inline void Eratosthenes()
                          -----initialize
         for( int i = 0;i <= maxn; i ++ ) isprime[i]=true;
isprime[1] = isprime[0]=false;</pre>
         int cnt=0;//记录是第几个素数
         for(int i = 2; i <= maxn; i ++){
    if(isprime[i])//若是素数{
                          nprime[j] = i;//记录一下
for(int j = i * 2; j <= maxn; j += i) isprime[j] = false;//所有倍数为合数
```

Part 3.10.2 欧拉筛

}

Part 3.10.3 杜教筛

求出来的是前缀和,可以借此获取到区间和或者单个大的积性函数值

```
ll sum[N]; // 某个积性函数的部分前缀和
map<int, ll> mp; // 筛出来然后记忆化的积性函数值
inline ll get_Phi(ll x) {
    if(x < maxn) return sum[x];
    if(mp[x]) return mp[x];

    // 下面的res取值选一个
    /* 英比乌斯函数*/ll res = 1;
    /* 欧拉函数*/ll res = x * (x + 1) / 2;

    for(ll l = 2, r; l <= x; l = r + 1) {
        r = x / (x / l);
        res -= (r - l + 1) * get_Phi(x / l);
    }
    return mp[x] = res;
```

Part 4 数据结构

Part 4.1 Trie树

成员

插入

```
inline void Insert(string s){
    int to = 1;
    for(int i = 0; i < s.size(); i ++) {
        int cur_c=s[i]='a';//这个字符分离为一个数放在结构体第二维
        if(trie[to][cur_c] == 0) trie[to][cur_c] = ++tot_trie;//若为空节点
        to = trie[to][cur_c];//替换
    }
    endd[to] = true;
}

phi

inline bool Search(string s) {
    int to = 1;//检索指针
    for(int i = 0; i < s.size(); i ++) {
        to = trie[to][s[i] - 'a'];//替换为下一个指针
        if(to == 0) return false;//指向空节点
    }
    return endd[to];//判断是否刚好走完</pre>
```

```
这里问题是求区间和
 inline void push_up(int rt) { //向上更新val
         SegTree[rt].val = SegTree[rt << 1].val + SegTree[rt << 1 | 1].val;//一个父节点的值=两个儿子的值相加
 inline void push down(int l, int r, int rt) {//向下继承lazy与更新val
         if(!SegTree[rt].lazy) return ;//lazy为0, 没有向下走的必要
         int mid = ( l + r ) >> 1;
         SegTree[rt << 1].val += SegTree[rt].lazy * ( mid - l + 1 );//左儿子val值+父亲的lazy*(内部包含的节点数)(拿回属于自己的东西,因为需要它)SegTree[rt << 1 | 1].val += SegTree[rt].lazy * (r - mid);//右儿子val值+父亲的lazy父亲的lazy*(内部包含的节点数)(拿回属于自己的东西,因为需要它)SegTree[rt << 1].lazy += SegTree[rt].lazy;//右儿子lazy继承了祖先们的lazy和并加上自己的lazy(因为它的儿子们可还没更新了)
         SegTree[rt << 1 | 1].lazy += SegTree[rt].lazy;//左儿子lazy继承了祖先们的lazy和并加上自己的lazy(因为它的儿子们可还没更新了)
         SegTree[rt].lazy = 0;//清零
 Jinline void build_tree(int l, int r, int rt){//构建树 SegTree[rt].lazy = 0;//初始lazy为0 if(l == r){ //到达目标节点
                SegTree[rt].val = a[l];
                 return ;
         int mid = (l + r) >> 1;
        build_tree(l, mid, rt << 1);//构建左子树
build_tree(mid + 1, r, rt << 1 | 1);//构建右子树
push_up(rt);//构建完了向上更新一下值
 .
inline void up_date(int a, int b, int c, int l, int r, int rt){//在l~r的总区间下对a[a~b]区间更新一下+c
     if(a > r || b < l) return ;//不沾边
    SegTree[rt].lazy += c;//lazy带一下要加的值
    push_down(l, r, rt);//拖着这个节点继续向下更新
     int mid = (l + r) >> 1;
    ·
inline int query(int a, int b, int l, int r, int rt){//在l~r的总区间下对a[a~b]的和进行查询
     if(a > r || b < l) return 0;//不沾边
     if(a <= l && b >= r) return SegTree[rt].val;//二分到的区间是[a~b]的一部分,这个节点算上去,然后递归出口
     push_up(rt);
     int mid = (l + r) \gg 1;
    return query(a, b, l, mid, rt << 1)/*左子树的值*/+query(a, b, mid + 1, r, rt << 1 | 1)/*右子树的值*/;
Part 4.4 树链剖分
成员
const int maxn = 4e4 + 10:
struct edge{ int nxt, to, val; } edge[maxn << 1];</pre>
 int cnt, head[maxn];
 inline void add_edge(int from, int to, int val){edge[++cnt] = {head[from], to, val}; head[from] = cnt;} int d[maxn];//每个节点的深度
 int f[maxn];//每个节点的父节点
 int top[maxn];//每个节点的所在重链的链头
 int sz[maxn];//每个节点为祖先的子树的节点个数
 int son[maxn];//重儿子
 ll dis[maxn];//每个节点与地面的距离
```

int dfsid; //建立的新序个数 两遍DFS获取成员数值

int id[maxn]; //id[x]表示这个老序指向新序 int dfn[maxn]; //dfn[x]表示这个新序指向老序

```
inline void DFS1(int x, int fa){
        d[x] = d[fa] + 1, f[x] = fa; //利用父亲, 先序处理出d、f <math>sz[x] = 1, son[x] = 0; //初始化 for(int i = head[x]; ~i; i = edge[i].nxt){
                 int to = edge[i].to;
                 if(to == fa) continue;
                 dis[to] = dis[x] + edge[i].val;//先序处理出距离
                 DFS1(to, x);
sz[x] += sz[to];//利用孩子,后序处理出sz
                 if(sz[son[x]] < sz[to]) son[x] = to;//后序处理出重儿子
}
inline void DFS2(int x, int y){
         top[x] = y;//先序遍历出top,可根据父节点得出
         dfn[++dfsid] = x; // 老序指向
         id[x] = dfsid; // 新序建立
         if(son[x]) DFS2(son[x], y);//先优先遍历这条重链
         for(int i = head[x]; ~i; i = edge[i].nxt){
                 int to = edge[i].to;
                 if (to == son[x]) continue;//如果是父亲或者是重儿子,都不继续进行 DFS2(to, to);//每个轻儿子都额外开启一条重链
        }
```

```
inline int LCA(int x, int y){
    while(top[x]] != top[y]){
        if(d[top[x]] < d[top[y]]) SWAP(x, y);
        x = f[top[x]];
    }if(d[x] > d[y]) SWAP(x, y);
    return x;
}

更新x到y的路径点权

inline void Change(int x, int y, ll c){
    while(top[x]] != top[y]){
        if(d[top[x]] < d[top[y]]) swap(x, y);
        Update(id[top[x]], id[x], c); // 线段树
    x = f[top[x]];
    }
    if(d[x] > d[y]) swap(x, y);
    Update(id[x], id[y], c);
}

更新一棵子树的点权
...

Update(id[x], id[x] + sz[x] - 1, 1);
```

Part 4.5 树状数组

预处理操作

```
int c[N]; // 树状数组
inline int lowbit ( int x ) { return x & (-x); }
inline void makeC ( int i ) {
    int res = 0;
    int num = i + 1 - lowbit(i);
    while ( i >= num ) res += a[i], i --;
    c[i] = res;
}

inline int Sum ( int i ) {
    int res = 0;
    // 下面是表示a[1~n]下的前缀和统计
    while ( i > 0 ) res += c[i], i -= lowbit(i);
    return res;
}

单点更新

inline void Update ( int i, int val ) {
    while ( i <= N ) c[i] += val, i += lowbit(i);
}

区间更新
```

Part 4.6 ST表

```
成员: st[i][j] 表示以 i 为起点,长度为 2^i 的区间 const int N; int n; int a[N], st[N][25];
```

可以让c[i]作为差分数组进行更新,这题可以用线段树了。。。

例:求区间MAX

建表

查询

```
inline int Query ( int l, int r ) {
    int k = 32 - __builtin_clz(r - l + 1) - 1;
    return MAX ( st[l][k], st[r - (1 << k) + 1][k] );
}</pre>
```

Part 5 图论

Part 5.1 最短路问题

Part 5.1.1 DIJKSTRA

```
堆优化
```

```
const int N = 4100;
struct Edge {
         int nxt, to, val;
         inline Edge () {}:
         inline Edge (int _nxt, int _to, int _val) : nxt(_nxt), to(_to), val(_val) {};
} edge[N];
 struct Node {
         int x, dis;
         inline Node ( int _x, int _dis ) : x(_x), dis(_dis) {};
friend bool operator < ( Node a, Node b ) { return a.dis > b.dis; }
int cnt, head[N];
int dis[N], vis[N];
int n, m;
 inline void Init ( ) {
        cnt = 0;
         for ( int i = 0; i < N; i ++ )
                head[i] = -1,
dis[i] = INF,
                 vis[i] = 0;
inline void Add_Edge ( int from, int to, int val ) {
    edge[ ++cnt ] = Edge ( head[from], to, val );
    head[from] = cnt;
inline void DIJKSTRA ( ) {
         dis[1] = 0;
         priority_queue<Node> pque;
pque.push ( Node( 1, dis[1] ) );
while ( pque.size() ) {
                 Node stt = pque.top(); pque.pop();
                 pque.push(Node(edge[i].to, dis[edge[i].to]));
                 }
        }
Part 5.1.2 Floyd
 for(int k = 1; k <= n; k ++)
         Part 5.1.3 Bellman_Ford
for(int k = 1; k <= n - 1; k ++)
                 dis[v[i]] = MIN(dis[v[i]], dis[u[i]] + w[i]);
 //正常情况下,做了n-1趟松弛操作后整个图的最优解就稳定了,如果还有可以松弛的,就是负环
 int flag = 0;
for(int i = 1; i <= m; i ++)
    if(dis[v[i]] > dis[u[i]] + w[i]) flag = 1;
if(flag) ... //有负环的情况
```

Part 5.2 强连通分量

统计多少对点处在同一连通分量中

```
const int maxn = 2e5 + 10:
int x[maxn], y[maxn];
int n, m;
struct Edge{//前向星中,前标为0表示正图,1表示反图
        int nxt, to;
}edge[2][maxn];
int head[2][maxn];
int cnt[2]:
int nod[maxn];//集合代表(类似并查集)
vector<int> inv;//DFS1得到的反序列
map<int, int> vis;//记录是否使用过
map<int, ll> num;//记录每个集合有多少个元素
inline void Init(){
        vis.clear();
        inv.clear():
        num.clear();
        for(int i = 0; i <= m; i ++) head[1][i] = head[0][i] = -1; for(int i = 0; i <= n; i ++) nod[i] = i;
        cnt[1] = cnt[0] = 0;
inline void add_edge(int id, int from, int to){
    edge[id][++cnt[id]] = {head[id][from], to};
    head[id][from] = cnt[id];
inline void DFS1(int x){//1.正向遍历出反向(当成无向图的)遍历顺序
        vis[x] = 1;
for(int i = head[0][x]; ~i; i = edge[0][i].nxt){//正向一个集合一个集合地遍历一遍if(!vis[edge[0][i].to]) DFS1(edge[0][i].to);
        }inv.push_back(x);//后序遍历得到反遍历序列
inline void DFS2(int x, int y){
        vis[x] = 0;
        inline void solve(){
        scanf("%d%d", &n, &m);Init();
        for(int i = 0; i < m; i ++){
    scanf("%d%d", &x[i], &y[i]);
                add_edge(0, x[i], y[i]);
                add_edge(1, y[i], x[i]);
        }
        for(int i = 0; i < m; i ++){
                if(!vis[x[i]]) DFS1(x[i]);
        for(int i = inv.size() - 1; i >= 0; i --){//按正序后的序列进行遍历
                if(vis[inv[i]]) DFS2(inv[i], inv[i]);
        map<int, int> used:
        for(int i = 0; i < m; i ++){//计算一个集合内的元素个数
                if(!used[x[i]]) used[x[i]] = 1, num[nod[x[i]]] ++;
        ll res = 0:
        for(auto &i : num){//得到C(k, 2)的累加和
                res += i.second * (i.second - 1) / 2;
        }printf("%lld\n", res);
```

Part 5.3 点分治

成员

```
const int N = 1e5 + 10;
const int K = 1e8 + 10;

struct Edge {
        int nxt, to, val;
        inline Edge () {}
        inline Edge ( int _nxt, int _to, int _val ) : nxt(_nxt), to(_to), val(_val) {}
} edge[N << 1];
int tot, head[N];
inline void Add_Edge ( int from, int to, int val ) {
        edge[++tot] = Edge(head[from], to, val);
        head[from] = tot;
}

// rti记录重心, sumi记录当前树大小, cnt是计数器
int n, m, rt, sum, cnt;
// tmp记录算出的距离, siz记录子树大小, dis[i]为rt与i之间的距离
// maxp用于找重心, q用于记录所有询问
int tmp[N], siz[N], dis[N], maxp[N], q[105];
// judge[i]记录在之前子树中距离;是否存在, ans记录第k个询问是否存在, vis记录被删除的节点
bool judge[K], ans[105], vis[N];
```

```
inline void Get_Rt ( int u, int f ) {
    siz[u] = 1, maxp[u] = 0; // maxp初始化魏最小值
        // 遍历所有儿子,用maxp保存最大大小的儿子的的大小
         for ( int i = head[u]; ~i; i = edge[i].nxt ) {
                int v = edge[i].to;
                if ( v == f \mid \mid vis[v] ) continue; // 被删掉的也不要算 Get_Rt ( v , u );
                siz[u] += siz[v];
                if ( siz[v] > maxp[u] = siz[v]; // 更新maxp
        ,maxp[u] = max ( maxp[u], sum - siz[u] ); // 考慮u的祖先节点
if ( maxp[u] < maxp[rt] ) rt = u; // 更新重心(最大子树大小最小)
计算各节点与根节点之间的距离并全部存在tmp里面
 inline void Get_Dis ( int u, int f ) {
        tmp[cnt ++] = dis[u];
for ( int i = head[u]; ~i; i = edge[i].nxt ) {
                int v = edge[i].to;
                if ( v == f || vis[v] ) continue;
                dis[v] = dis[u] + edge[i].val;
                Get_Dis ( v, u );
        }
}
处理经过根节点的路径
 // ! 注意judge数组要存放置钱子树里面存在的路径长度,排除折返路径的可能
 inline void solve ( int u ) {
        queue<int> que;
        for ( int i = head[u]; ~i; i = edge[i].nxt ) {
    int v = edge[i].to;
    if ( vis[v] ) continue;
                cnt = 0;
                dis[v] = edge[i].val;
                // 遍历所有距离
                                                          // 遍历所有询问
                                                            // 如果询问大雨单条路径长度,那就有可能存在
                                       ans[k] |= judge[q[k] - tmp[j]]; // 如果能用两条路径拼出来, 那就存在
                for ( int j = 0; j < cnt; j ++ ) { // 把unsaid单条路径长度标上true, 供下个子树使用
                        que.push ( tmp[j] );
                        judge[tmp[j]] = true;
        while ( que.size() ) judge[que.front()] = false, que.pop(); // 清空judge数组, 不要用memset
分治
inline void Divide ( int u ) {
        vis[u] = judge[0] = true; // 删除根节点
        int v = edge[i].to;
                if ( vis[v] ) continue;
                maxp[rt = 0] = sum = siz[v]; // 把重心置为0, 并把maxp[0]置为最大值
                Get_Rt ( v, 0 );
Get_Rt ( rt, 0 );
                                       // 与主函数相同,第二次更新siz大小
                Divide ( rt );
        }
主函数
int main () {
        memset ( head, -1, sizeof(head) ); tot = 0;
        cin >> n >> m;
for ( int i = 1; i < n; i ++ ) {
                int u, v, w; cin >> u >> v >> w;
Add_Edge ( u, v, w );
Add_Edge ( v, u, w );
        for ( int i = 0; i < m; i ++ ) cin >> q[i];
        maxp[0] = sum = n; // maxp[0]置为最大值 (一开始rt=0)
Get_Rt (1,0); // 找重心
        // 此时siz数组存放的是以1为根的各树大小,需要以找出的重心为根重复
        else puts("NAY");
        }
```

Part 5.4 差分约束

目的判断

求最短路

求最长路

过程标准化

如果求两个变量差的最大值,那么需要将所有不等式转变成"<="的形式,建图后求最短路

如果求两个变量差的最小值,那么需要将所有不等式转变成">="的形式,建图后求最长路

如果出现 A-B=C 这样的等式,变化成两个不等式 $A-B\geq C$ 和 $A-B\leq C$

如果变量都是整数域上的,那么遇到 A-B < C 这样的不带等号的不等式,需要变化成带等号的不等式例如 $A-B \le C-1$

Part 6 杂项

Part 6.1 c++输入流加速

```
std::ios::sync_with_stdio(false);
```

Part 6.2 Java大数

```
import java.math.BigInteger;
...
BigInteger a, b;

a = BigInteger.valueOf(); // 数值设置
a = a.add(b); //加法
a = a.subtract(b); // 滅法
a = a.multiply(b); // 乘法
a = a.divide(b); // 除法
a = a.mod(b); // 取余

a.compareTo(b) = /*1: a>b, 0: a=b, -1: a<b*/;</pre>
```

Part 6.3 离散化

```
struct node {
    int val;//原始数值
    int order;//原始数值
    friend bool operator < ( node a, node b ) {
        return a.val < b.val;
    }
}a[100001];
int b[100001], cnt;
...
sort(a + 1, a + 1 + N);
b[a[1].order] = 1;
for(int i = 2, cnt = 1; i <= N; i ++)
    if(a[i].val == a[i - 1].val) b[a[i].order] = cnt;
    else b[a[i].order] = ++cnt;
...</pre>
```