***Delahaye Chloé Master 1 IRCOMS***

***Teboul Nathan***

Compte rendu TP IA

-

Taquin

***Sommaire***

Table des matières

[Introduction : 3](#_Toc534747066)

[Etape préliminaire : Génération de taquin 4](#_Toc534747067)

[1) La classe Taquin 4](#_Toc534747068)

[2) Génération aléatoire de Taquin 4](#_Toc534747069)

[3) Vérification de la solubilité d’un taquin 5](#_Toc534747070)

[4) Heuristiques 6](#_Toc534747071)

[Etape 1 : Taquin 3x3 8](#_Toc534747072)

[1) Algorithme A\* 8](#_Toc534747073)

[2) Algorithme recherche en cout uniforme 11](#_Toc534747074)

[Etape 2 : Taquin 4x4 12](#_Toc534747075)

[1) Algorithme A\* 12](#_Toc534747076)

[2) Algorithme IDA \* 12](#_Toc534747077)

[3) Heuristiques 13](#_Toc534747078)

[Etape 3 : Taquins partiellement spécifiés 13](#_Toc534747079)

[1) Algorithme A\* 13](#_Toc534747080)

[2) Algorithme IDA\* 13](#_Toc534747081)

[Etape 4 : Résolution taquins 4x4 avec heuristiques 13](#_Toc534747082)

[Conclusion 13](#_Toc534747083)

# Introduction :

L’objectif consiste à déterminer le nombre minimal de déplacements, nécessaire pour passer d’un taquin quelconque vers un taquin solution. L’objectif final sera de proposer l’étude des taquins 4 × 4.

L’étude se fera en 4 étapes :

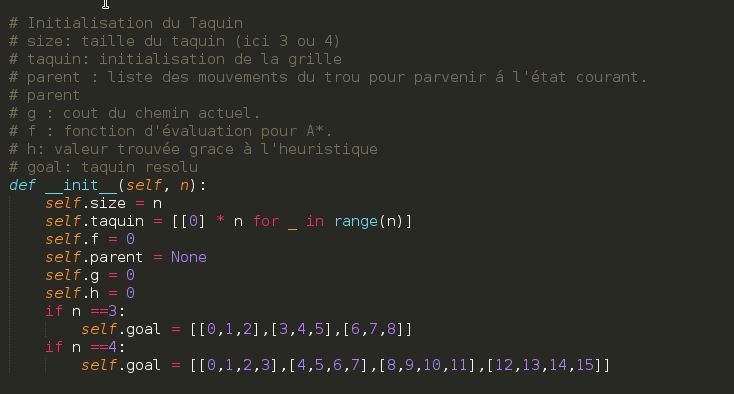
* Taquin 3x3 avec les algorithmes A\* et l’algorithme de recherche en couts uniformes
* Taquin 4x4 avec les algorithmes A\* et IDA\*
* Taquin partiellement spécifiés avec les algorithmes A∗ et IDA∗
* Résolution taquin 4x4 avec les 3 heuristiques proposées (h0 : la valeur associée à chaque état est égale à 0, h1 : pièces mal positionnées, h2 : distance de Manhattan)

# Etape préliminaire : Génération de taquin

## La classe Taquin

On initialise le taquin grâce à la fonction init. On passe en paramètre la taille du taquin.

Les différents attributs et leur signification sont expliqués dans les commentaires du code dans la capture d’écran ci-dessous.



## Génération aléatoire de Taquin

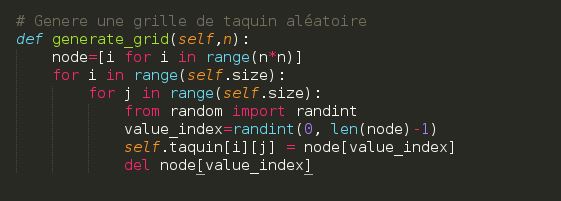
Deux solutions s’offraient à nous quant à la génération d’un Taquin, car Parmi toutes les dispositions initiales (pour un taquin 4x4), il existe 10 461 394 944 000 dispositions dont la résolution est possible (à savoir la moitié de la [factorielle](https://fr.wikipedia.org/wiki/Factorielle) de 16), et autant d'impossibles :

* Partir d’un taquin solution, le mélanger pour obtenir un taquin de départ : ainsi nous sommes sûr que le taquin peut être résolu.
* Générer un taquin aléatoirement, et créer une fonction qui vérifiera avant la résolution si le taquin peut effectivement être résolu ou non.

Pour ce TP, nous avons choisi la 2e solution.

Nous passons en paramètre la taille du taquin afin de générer un taquin de la bonne taille.

Le tableau node prendra les chiffres de 0 à 8 (pour n=3) ou de 0 à 15 (pour n=4), on pourra ainsi « piocher » dans ce tableau les chiffres qui permettront de réaliser le taquin initial aléatoire. On parcourt ensuite le taquin remplit de zéro en remplaçant les zéros par les valeurs adéquat en piochant aléatoirement dans la liste node. On obtient ainsi le taquin initial aléatoire.



## Vérification de la solubilité d’un taquin

De nombreux taquins ne peuvent pas être résolus. Mais il est possible de dire à l'avance si le problème posé est soluble ou non. En effet, la configuration initiale d'un taquin est une [permutation](https://fr.wikipedia.org/wiki/Permutation) de sa configuration finale.

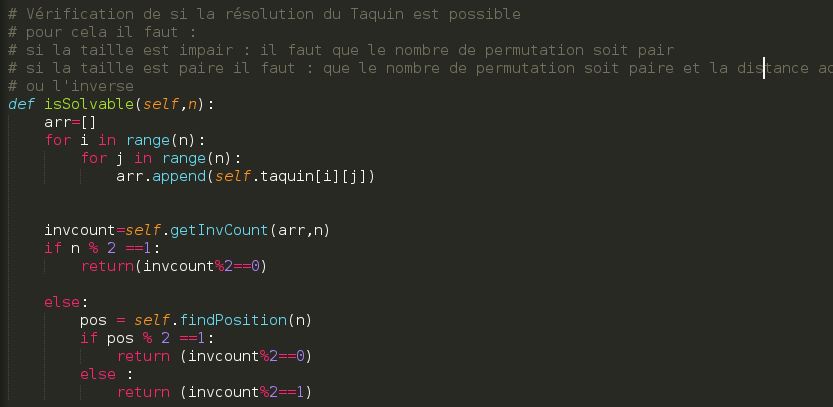
En général, pour une grille de taille n, on peut trouver si un taquin n\*n peut être résolu ou non en suivant les règles suivantes :

1. Si n est impair, alors le taquin peut être résolu si le nombre de permutations est pair dans l’état initial.
2. Si n est pair, la taquin peut être résolu si

* La case vide est dans une ligne paire (en comptant à partir de la fin) et le nombre de permutations est impair.
* La case vide est dans une ligne impaire (en comptant à partir de la fin) et le nombre de permutations est pair.
* Pour les autres cas il ne peut pas être résolu.

Premièrement nous avons créé une fonction (getInvCount) permettant de compter le nombre de permutations dans un taquin passé en paramètre. Ensuite nous créons une fonction (findPosition) qui va chercher la position de la case vide. Ces deux fonctions vont être appelées dans la fonction isSolvable, qui va vérifier les conditions énoncées précédemment afin de retourner si le taquin peut être résolu ou non.





Exemple d’exécution de la fonction :





## Heuristiques

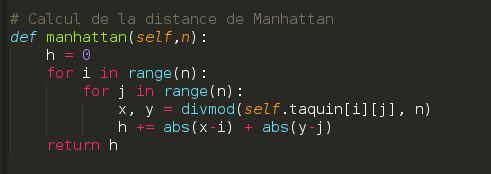
1. Cases mal placées

La fonction suivante permet de déterminer le nombre de cases mal placées dans un taquin intermédiaire par rapport au taquin solution.



1. Distance de Manhattan

La fonction suivante permet de déterminer la distance de Manhattan dans un taquin intermédiaire.



# Etape 1 : Taquin 3x3

## Algorithme A\*

1. Algorithme

L’algorithme de recherche A\* est un algorithme de recherche de chemin dans un graphe entre un nœud initial et un nœud final donnés.

A chaque itération, A\* va tenter de prendre le chemin le plus court pour aller d’une source à une destination.

On travaille à partir d’une position de départ (ici start), d’une arrivée (ici current.goal sous entendue lors de l’appel de current.is\_solution()), d’un plateau (ici current.taquin), et de deux listes de nœuds (ouverte, ici openList et fermée, ici closeList), vides au départ.

A partir du départ, on regarde quels sont les nœuds voisins (correspondant aux mouvements possibles, ici grâce à la fonction move\_function()). On place le nœud de départ dans la liste fermée.

Pour chaque nœud voisin (ici récupérés dans la variable X) :

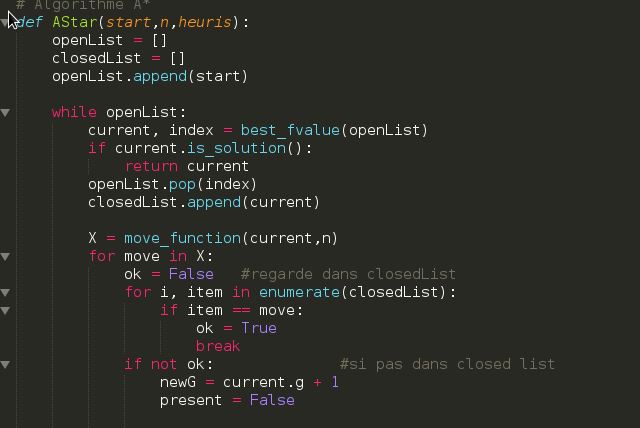
* S’il est déjà dans closeList, on passe car on a déjà étudié ce trajet
* S’il est déjà dans openList, on vérifie sa valeur. Si la valeur est plus petite, c’est que le chemin est plus court en passant par le trajet courant, donc on met à jour sa valeur dans openList, et on met à jour son parent (avec le nœud courant qui correspond à un meilleur chemin)
* Sinon on ajoute ce nœud à openList avec comme parent le nœud courant

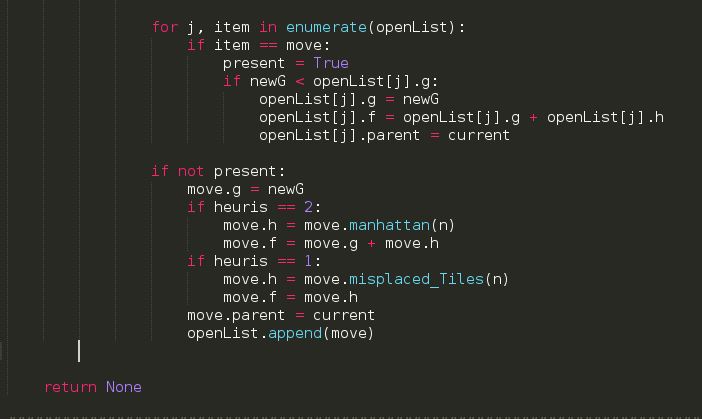
On parcourt openList à la recherche du nœud ayant plus petite valeur.

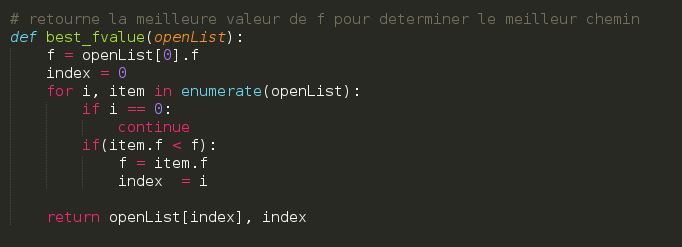
Si openList est vide, il n’y a pas de solution.

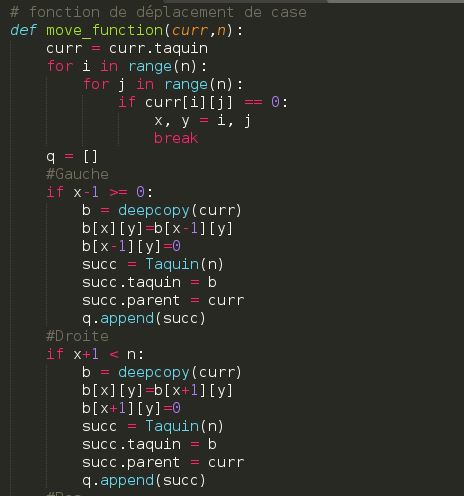
On prend le meilleur nœud, et on le retire de openList pour le mettre dans closeList.

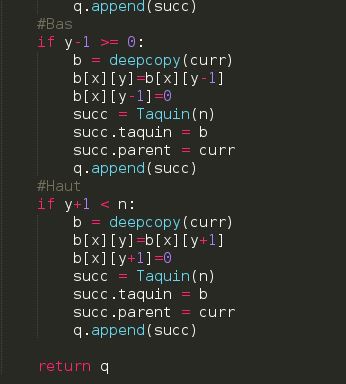
Puis on vérifie si le nœud courant est destination, alors on a trouvé un bon chemin.





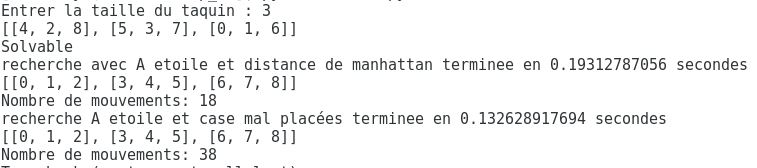




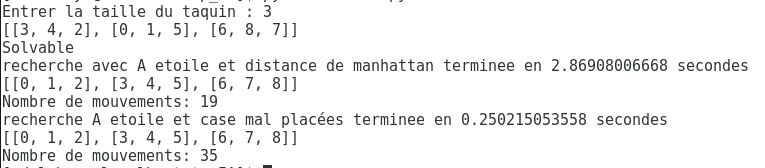


1. Mesure du temps d’exécution

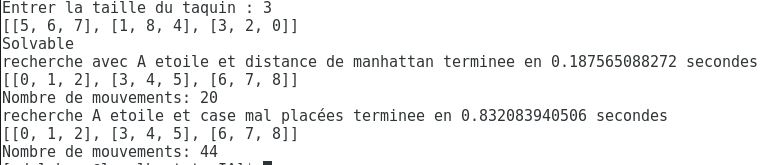
Taquin 1 :



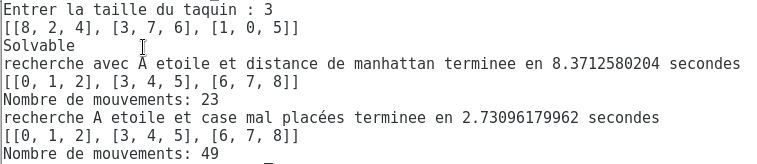
Taquin 2 :



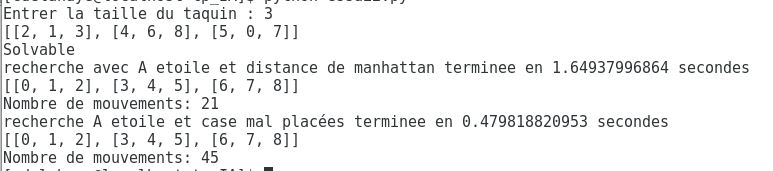
Taquin 3 :



Taquin 4 :



Taquin 5 :



|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | **Taquin 1** | **Taquin 2** | **Taquin 3** | **Taquin 4** | **Taquin 5** |
| **A\* distance de Manhattan/ Temps d’exécution (s)** | 0.19312 | 2.8690 | 0.1875 | 8.3712 | 1.6493 |
| **A\* distance de Manhattan/ Nombre de déplacements** | 18 | 19 | 20 | 23 | 21 |
| **A\* cases mal placées/ Temps d’exécution (s)** | 0.1326 | 0.2502 | 0.8320 | 2.7309 | 0.4798 |
| **A\* cases mal placées/ Nombre de déplacements** | 38 | 35 | 44 | 49 | 45 |

On constate que de manière générale l’heuristique « cases mal placées » (h1) est plus efficace en termes de temps d’exécution que la distance de Manhattan (h2), excepté pour quelques rares cas particulier (voir Taquin 3 dans les exemples d’exécutions ci-dessus).

On peut également constater que plus le taquin est difficile (ie. Plus il va falloir de temps/ de mouvements pour le résoudre), plus la différence de temps d’exécution est significative (jusqu’à plusieurs secondes d’écart).

Malgré cela, l’heuristique h2 permet de diminuer le nombre de déplacements nécessaires (de plus de la moitié dans les exemples ci-dessus).

## Algorithme recherche en cout uniforme

1. Algorithme
2. Mesure du temps d’exécution

# Etape 2 : Taquin 4x4

## Algorithme A\*

1. Algorithme

L’algorithme A\* utilisé pour la résolution du taquin 4x4 est le même que pour le taquin 3x3, n étant passé en paramètre et la fonction créée en fonction de n.

1. Mesure du temps d’exécution

## Algorithme IDA \*

1. Algorithme
2. Mesure du temps d’exécution

## Heuristiques

# Etape 3 : Taquins partiellement spécifiés

## Algorithme A\*

## Algorithme IDA\*

# Etape 4 : Résolution taquins 4x4 avec heuristiques

# Conclusion