# Московский государственный технический университет им. Н.Э. Баумана Кафедра «Системы обработки информации и управления»

# Лабораторная работа №3 по дисциплине «Технологии машинного обучения» на тему

«Подготовка обучающей и тестовой выборки, кросс-валидация и подбор гиперпараметров на примере метода ближайших соседей»

Выполнил: студент группы ИУ5-61Б Агличеев М. С.

# 1. Ансамбли моделей машинного обучения.

Цель лабораторной работы: изучение ансамблей моделей машинного обучения.

```
[4]: # импортируем нужные для анализа библиотеки
import numpy as np
import pandas as pd
import seaborn as sns
import matplotlib.pyplot as plt
from sklearn.model_selection import train_test_split
%matplotlib inline
sns.set(style="ticks")
```

### 1.1. Загрузка данных

Используем датасет по характеристикам бриллиантов Diamonds.

```
[5]: # Импортируем датасет

data = pd.read_csv('data/diamonds.csv', sep=",")

data = data.set_index("Unnamed: 0")

data.describe()
```

```
[5]:
                                 depth
                  carat
    count 53940.000000 53940.000000
                                           53940.000000
                                                         53940.000000
               0.797940
                            61.749405 ...
    mean
                                               5.734526
                                                             3.538734
    std
               0.474011
                             1.432621 ...
                                               1.142135
                                                             0.705699
                            43.000000 ...
    min
               0.200000
                                               0.000000
                                                             0.000000
    25%
                            61.000000 ...
               0.400000
                                               4.720000
                                                             2.910000
    50%
               0.700000
                            61.800000 ...
                                               5.710000
                                                             3.530000
                            62.500000 ...
    75%
               1.040000
                                               6.540000
                                                            4.040000
               5.010000
                            79.000000 ...
    max
                                              58.900000
                                                            31.800000
```

[8 rows x 7 columns]

```
[6]: # типы колонок data.dtypes
```

```
[6]: carat
                float64
     cut
                 object
     color
                 object
     clarity
                 object
     depth
                float64
     table
                float64
     price
                   int64
                float64
     Х
                float64
     У
                float64
     dtype: object
```

Заменяем категориальные столбцы на числовые (оптимально, так как cut, color и clarity, по сути, тоже шкалы, только не числовые):

```
[7]: data['cut_num'] = data['cut'].apply(lambda x: ['Fair', 'Good', 'Very_
      Good', 'Premium', 'Ideal'].index(x))
      data['color_num'] = data['color'].apply(lambda x: ['D', 'E', 'F', 'G', _
      \hookrightarrow 'H', 'I', 'J'].index(x))
      data['clarity_num'] = data['clarity'].apply(lambda x: ['FL', 'IF', 'VVS1',

      → 'VVS2', 'VS1', 'VS2', 'SI1', 'SI2', 'I1', 'I2', 'I3'].index(x))
      data.pop('cut')
      data.pop('color')
      data.pop('clarity')
      data.head()
[7]:
                  carat depth table price ... z cut_num color_num
     clarity_num
     Unnamed: 0
                   0.23
                          61.5
                                         326 ...
                                                 2.43
                                 55.0
                                                                         1
     7
                   0.21
                                         326 ...
     2
                          59.8
                                 61.0
                                                 2.31
                                                                         1
     6
                         56.9
      3
                   0.23
                                 65.0
                                         327 ... 2.31
                                                              1
                                                                         1
     4
     4
                   0.29
                         62.4
                                         334 ... 2.63
                                                                         5
                                 58.0
                                                              3
     5
     5
                   0.31
                          63.3
                                                                         6
                                 58.0
                                         335 ... 2.75
                                                              1
     7
      [5 rows x 10 columns]
[8]: # Выделяем классифицирующий параметр, делим выборку на обучающую и тестовую
      data_target = data.pop("price")
      data_x_train, data_x_test, data_y_train, data_y_test =_

→train_test_split(data, data_target, test_size=0.3, random_state=1)

[9]: # размер набора данных
      data_x_train.shape, data_y_train.shape, data_x_test.shape, data_y_test.
       →shape
[9]: ((37758, 9), (37758,), (16182, 9), (16182,))
[10]: type(data_x_train), type(data_y_train)
[10]: (pandas.core.frame.DataFrame, pandas.core.series.Series)
[11]: from IPython.display import Image
      from sklearn.tree import export_graphviz
      import pydotplus
      from io import StringIO
[12]: # Визуализация дерева
      def get_png_tree(tree_model_param, feature_names_param):
          dot_data = StringIO()
```

```
export_graphviz(tree_model_param, out_file=dot_data, ☐
feature_names=feature_names_param,

filled=True, rounded=True, special_characters=True)

graph = pydotplus.graph_from_dot_data(dot_data.getvalue())

return graph.create_png()
```

# 2. Обучение модели случайного леса

Обучим модель случайного леса. Для этого, обучим L деревьев для составления ансамбля. Выборки для них получим путём бэггинга из изначальной. Также, ограничим число признаков в каждом дереве случайно выбранной третью от изначальных. После этого, для предсказывания целевого признака (регрессионного) исходные данные проходят через каждое дерево и вычисляется среднее арифметическое от предсказаний кажлого лерева.

```
каждого дерева.
[13]: from sklearn.ensemble import RandomForestRegressor
[14]: # Обучим регрессор на 5 деревьях
     tree1 = RandomForestRegressor(n_estimators=5, oob_score=True,_
      →random_state=10, max_features=float(1)/3, max_depth=3)
     tree1.fit(data_x_train, data_y_train)
     /home/mikhail/.local/lib/python3.8/site-
    packages/sklearn/ensemble/_forest.py:560: UserWarning: Some inputs do not_
      →have
     OOB scores. This probably means too few trees were used to compute any_{\sqcup}
      →reliable
     OOB estimates.
      warn(
n_estimators=5, oob_score=True, random_state=10)
[15]: # Out-of-bag error, возвращаемый классификатором
     tree1.oob_score_, 1-tree1.oob_score_
[15]: (0.6779497307258485, 0.3220502692741515)
[16]: Image(get_png_tree(tree1.estimators_[0], data_x_train.columns),__
      \rightarrowwidth="500")
[16]:
```

Обучим ``большой'' лес и посмотрим его характеристики:

```
[17]: from sklearn.metrics import mean_squared_error
[18]: for n_estimators in range(10, 100, 5):
          # Обучим регрессор на 100 деревьях
          tree2 = RandomForestRegressor(n_estimators=n_estimators,_
       →oob_score=True, random_state=10, n_jobs=-1, max_features=float(1)/3)
          tree2.fit(data_x_train, data_y_train)
          score = tree2.score(data_x_test, data_y_test)
          tree_pred_y2 = tree2.predict(data_x_test)
          mse = mean_squared_error(data_y_test, tree_pred_y2)
          print("Random forest: Trees: {0}, R2:{1:.2f}, MSE:{2:.2f}, RMSE:{3:.
       →2f}".format(n_estimators, score, mse, np.sqrt(mse)))
     /home/mikhail/.local/lib/python3.8/site-
     packages/sklearn/ensemble/_forest.py:560: UserWarning: Some inputs do not_
     OOB scores. This probably means too few trees were used to compute any \Box
      →reliable
     OOB estimates.
       warn(
     Random forest: Trees: 10, R2:0.98, MSE:339947.34, RMSE:583.05
     /home/mikhail/.local/lib/python3.8/site-
     packages/sklearn/ensemble/_forest.py:560: UserWarning: Some inputs do not_
      →have
     OOB scores. This probably means too few trees were used to compute any
      →reliable
     OOB estimates.
       warn(
     Random forest: Trees: 15, R2:0.98, MSE:325004.77, RMSE:570.09
     /home/mikhail/.local/lib/python3.8/site-
     packages/sklearn/ensemble/_forest.py:560: UserWarning: Some inputs do not_
      →have
     00B scores. This probably means too few trees were used to compute any \Box
      ⊸reliable
     OOB estimates.
       warn(
     Random forest: Trees: 20, R2:0.98, MSE:317414.56, RMSE:563.40
     /home/mikhail/.local/lib/python3.8/site-
     packages/sklearn/ensemble/_forest.py:560: UserWarning: Some inputs do not_
      ⊸have
     OOB scores. This probably means too few trees were used to compute any
      →reliable
     OOB estimates.
       warn(
```

```
Random forest: Trees: 25, R2:0.98, MSE:309792.56, RMSE:556.59
/home/mikhail/.local/lib/python3.8/site-
packages/sklearn/ensemble/_forest.py:560: UserWarning: Some inputs do not__
 →have
OOB scores. This probably means too few trees were used to compute any \Box
 →reliable
OOB estimates.
  warn(
Random forest: Trees: 30, R2:0.98, MSE:306743.30, RMSE:553.84
/home/mikhail/.local/lib/python3.8/site-
packages/sklearn/ensemble/_forest.py:560: UserWarning: Some inputs do not_
 →have
OOB scores. This probably means too few trees were used to compute any
 →reliable
OOB estimates.
  warn(
Random forest: Trees: 35, R2:0.98, MSE:305137.35, RMSE:552.39
Random forest: Trees: 40, R2:0.98, MSE:304012.27, RMSE:551.37
Random forest: Trees: 45, R2:0.98, MSE:301885.42, RMSE:549.44
Random forest: Trees: 50, R2:0.98, MSE:300783.35, RMSE:548.44
Random forest: Trees: 55, R2:0.98, MSE:300765.55, RMSE:548.42
Random forest: Trees: 60, R2:0.98, MSE:299547.36, RMSE:547.31
Random forest: Trees: 65, R2:0.98, MSE:297936.40, RMSE:545.84
Random forest: Trees: 70, R2:0.98, MSE:297295.21, RMSE:545.25
Random forest: Trees: 75, R2:0.98, MSE:297205.63, RMSE:545.17
Random forest: Trees: 80, R2:0.98, MSE:296318.88, RMSE:544.35
Random forest: Trees: 85, R2:0.98, MSE:296578.68, RMSE:544.59
Random forest: Trees: 90, R2:0.98, MSE:295845.88, RMSE:543.92
Random forest: Trees: 95, R2:0.98, MSE:295728.10, RMSE:543.81
```

Как видно, метод случайного леса показывает себя гораздо лучше, чем просто метод случайного дерева из 4-1 лабораторной. При этом, при росте количества деревьев не наблюдается серьёзного улучшения модели.

# 3. Бустинг

При бустинге в отличие от бэггинга на входы обучающихся подмоделей (например, деревьев) приходит не только выборка из бутстрэпа, но и результат на выходе предыдущей модели. При этом, те примеры, которые предыдущая модель предсказала неверно (или сильно ошиблась в случае регрессии) имеют больший вес, чем предсказанные верно (точно), что позволяет уменьшить итоговое смещение, ``равномерно'' предсказывая результат. Итоговый регрессор получается, в отличие от бэггинга, с помощью взвешенного среднего внутренних: чем точнее внутренний регрессор, тем больше его вес.

Будем использовать библиотеку CatBoost: https://yandex.ru/dev/catboost/

[19]: from catboost import CatBoostRegressor, Pool

```
Boosting: Iterations: 5, R2:0.96, MSE:638920.10, RMSE:799.32
Boosting: Iterations:10, R2:0.97, MSE:452849.71, RMSE:672.94
Boosting: Iterations:15, R2:0.97, MSE:407620.96, RMSE:638.45
Boosting: Iterations:20, R2:0.98, MSE:360493.21, RMSE:600.41
Boosting: Iterations:25, R2:0.98, MSE:344130.86, RMSE:586.63
Boosting: Iterations:30, R2:0.98, MSE:335404.71, RMSE:579.14
Boosting: Iterations:35, R2:0.98, MSE:322506.62, RMSE:567.90
Boosting: Iterations: 40, R2:0.98, MSE: 318023.76, RMSE: 563.94
Boosting: Iterations: 45, R2:0.98, MSE: 313177.24, RMSE: 559.62
Boosting: Iterations:50, R2:0.98, MSE:312910.41, RMSE:559.38
Boosting: Iterations:55, R2:0.98, MSE:309202.54, RMSE:556.06
Boosting: Iterations:60, R2:0.98, MSE:309242.10, RMSE:556.10
Boosting: Iterations:65, R2:0.98, MSE:309199.17, RMSE:556.06
Boosting: Iterations:70, R2:0.98, MSE:308625.93, RMSE:555.54
Boosting: Iterations:75, R2:0.98, MSE:308303.94, RMSE:555.25
Boosting: Iterations:80, R2:0.98, MSE:307204.32, RMSE:554.26
Boosting: Iterations:85, R2:0.98, MSE:307719.95, RMSE:554.73
Boosting: Iterations:90, R2:0.98, MSE:310507.59, RMSE:557.23
Boosting: Iterations:95, R2:0.98, MSE:311006.72, RMSE:557.68
```

Как видно, в результате бустинга получилась сопоставимая по характеристикам с бэггингом модель.

### 4. Стекинг

В стекинге подсчёт итогового результата на основе выходов подмоделей является самостоятельной машинной моделью. Также, в отличие от бэггинга и бустинга, подмодели могут быть любыми, не обязательно одинаковыми по сути, вроде деревьев.

Если проще, входные данные прогоняют через несколько разных моделей, а их выходы - через ещё одну модель, получая таким образом итоговое предсказание.

```
[21]: from heamy.estimator import Regressor
     from heamy.pipeline import ModelsPipeline
     from heamy.dataset import Dataset
[22]: from sklearn.linear_model import LinearRegression
     from sklearn.tree import DecisionTreeRegressor
     from sklearn.metrics import mean_squared_error
[23]: # Качество отдельных моделей
     def val_mae(model):
         model.fit(data_x_train, data_y_train)
         y_pred = model.predict(data_x_test)
         result = mean_squared_error(data_y_test, y_pred)
         print(model)
         print('MSE={}'.format(result))
[24]: # Точность на отдельных моделях
     for model in [
         LinearRegression(),
         DecisionTreeRegressor(),
         RandomForestRegressor(n_estimators=50)
     ]:
         val_mae(model)
         print('======"')
         print()
    LinearRegression()
    MSE=1399641.5540963497
     _____
    DecisionTreeRegressor()
    MSE=550269.505778025
     ______
    RandomForestRegressor(n_estimators=50)
    MSE=286284.52628465655
     _____
[25]: # Используем библиотеку ћеату
     # набор данных
     dataset = Dataset(data_x_train, data_y_train, data_x_test)
     # модели первого уровня
     model_tree = Regressor(dataset=dataset, estimator=DecisionTreeRegressor,_
      →name='tree')
     model_lr = Regressor(dataset=dataset, estimator=LinearRegression,_
      →parameters={'normalize': True},name='lr')
     model_rf = Regressor(dataset=dataset, estimator=RandomForestRegressor,_
      →parameters={'n_estimators': 50},name='rf')
```

```
[26]: # Эксперимент 1
# Первый уровень - две модели: дерево и линейная регрессия
# Второй уровень: линейная регрессия

pipeline = ModelsPipeline(model_tree, model_lr)
stack_ds = pipeline.stack(k=10, seed=1)
# модель второго уровня
stacker = Regressor(dataset=stack_ds, estimator=LinearRegression)
results = stacker.validate(k=10,scorer=mean_squared_error)
```

Metric: mean\_squared\_error

Folds accuracy: [539592.4425949196, 539059.4389763844, 546597.8114816041, 570207.0515584503, 472143.8994352887, 544636.7551988685, 565951.8713898156,

489749.51211939653, 466276.35092249914, 479779.65208635747]

Mean accuracy: 521399.4785763584 Standard Deviation: 37925.5608338269

Variance: 1438348164.560305

```
[27]: # Эксперимент 2
# Первый уровень - две модели: дерево и линейная регрессия
# Второй уровень: случайный лес

stacker = Regressor(dataset=stack_ds, estimator=RandomForestRegressor)
results = stacker.validate(k=10,scorer=mean_squared_error)
```

Metric: mean\_squared\_error

Folds accuracy: [518495.86754952685, 488916.5794703522, 477214.78019917797, 498216.82218990807, 502708.069602381, 505871.2075780342, 540419.0314953118, 476702.09187120025, 465725.74485661363, 455498.7414459212]

Mean accuracy: 492976.8936258427

Standard Deviation: 24222.772319074404

Variance: 586742698.8217171

```
[28]: # Эксперимент 3
# Первый уровень - три модели: дерево, линейная регрессия и случайный лес
# Второй уровень: линейная регрессия
# Результат лучше, чем в эксперименте 2
pipeline = ModelsPipeline(model_tree, model_lr, model_rf)
stack_ds3 = pipeline.stack(k=10, seed=1)
# модель второго уровня
stacker = Regressor(dataset=stack_ds3, estimator=LinearRegression)
results = stacker.validate(k=10,scorer=mean_squared_error)
```

Metric: mean\_squared\_error

Folds accuracy: [324078.90676383, 313815.6862395029, 329487.89941196557, 336977.3747044658, 292383.96016018227, 317622.2520384076, 315364.823723952,

298936.1160475956, 300765.4766520345, 272479.29822608555]

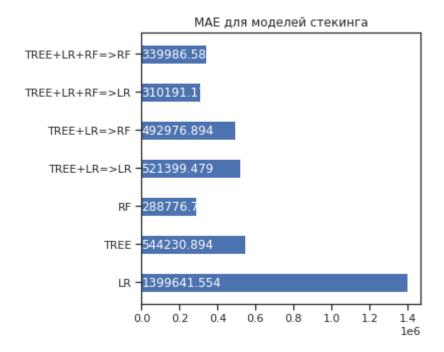
Mean accuracy: 310191.1793968022

Standard Deviation: 18255.575809896884

Variance: 333266048.15089226

```
[29]: # Эксперимент 4
      # Первый уровень - три модели: дерево, линейная регрессия и случайный лес
      # Второй уровень: случайный лес
      # Результат хуже чем в эксперименте 3
      stacker = Regressor(dataset=stack_ds3, estimator=RandomForestRegressor)
      results = stacker.validate(k=10,scorer=mean_squared_error)
     Metric: mean_squared_error
     Folds accuracy: [358681.72261364263, 328491.59957480116, 386968.9849479004,
     363256.09732820943, 321669.07977634645, 358147.49701108545, 339722.
      \rightarrow 91495295614,
     315835.47940091573, 323481.1948745053, 303611.2445944906]
     Mean accuracy: 339986.5815074853
     Standard Deviation: 24647.00267422362
     Variance: 607474740.8231863
[30]: array_labels = ['LR', 'TREE', 'RF',
                      'TREE+LR=>LR', 'TREE+LR=>RF', 'TREE+LR+RF=>LR',
                      'TREE+LR+RF=>RF']
      array_mae = [1399641.5540963497, 544230.8937622736, 288776.74350175087,
                   521399.4785763584, 492976.8936258427, 310191.1793968022,
                   339986.5815074853]
[31]: def vis_models_quality(array_metric, array_labels, str_header, figsize=(5,_
       →5)):
          fig, ax1 = plt.subplots(figsize=figsize)
         pos = np.arange(len(array_metric))
          rects = ax1.barh(pos, array_metric,
                           align='center',
                           height=0.5,
                           tick_label=array_labels)
          ax1.set_title(str_header)
          for a,b in zip(pos, array_metric):
              plt.text(0.2, a-0.1, str(round(b,3)), color='white')
          plt.show()
```

[32]: vis\_models\_quality(array\_mae, array\_labels, 'МАЕ для моделей стекинга')



Как видно, модель, включающая в себя только случайный лес, показала лучшие результаты, чем прочие модели и их комбинации. Это логично, учитывая очень большую разницу в эффективности трёх моделей первого уровня, использованных при обучении.

### **5.** МГУА

```
[38]: from gmdhpy import gmdh
[58]: gmdh_model = gmdh.Regressor(
          ref_functions=('linear_cov', 'quadratic', 'cubic', 'linear'),
          stop_train_epsilon_condition = 0.0001)
      gmdh_model.fit(data_x_train.values, data_y_train.values)
     y_pred = gmdh_model.predict(data_x_test.values)
     result = mean_squared_error(data_y_test, y_pred)
     print('MSE={}'.format(result))
     train layer0 in 10.79 sec
     train layer1 in 18.46 sec
     train layer2 in 23.91 sec
     train layer3 in 32.01 sec
     train layer4 in 15.60 sec
     train layer5 in 12.70 sec
     train layer6 in 9.27 sec
     train layer7 in 8.89 sec
     train layer8 in 7.80 sec
     train layer9 in 6.22 sec
     train layer10 in 14.33 sec
     train layer11 in 8.02 sec
```

train layer12 in 11.75 sec train layer13 in 6.31 sec train layer14 in 6.55 sec train layer15 in 6.74 sec MSE=628331.0706630665

# 6. Вывод

Лучше всего себя показала модель случайного леса - она дала самые небольшие показатели МSE по сравнению с остальными. В случае линейной регрессии нелинейные зависимости из изначального датасета аппроксимировались до линейных, что дало большую ошибку. В случае же одного случайного дерева, возможно, итоговая регрессия получалась слишком ``грубой'', а использование множества различных деревьев позволило ``сгладить'' этот недостаток.