5장. 기하학적변환

세부목차

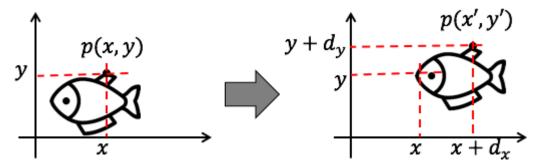
1. Translate, Scaling, Rotate

- 2. Warping
- 3. Lens Distortion
- 4. Workshop

Translate

- 영상 이동
 - 이동할 좌표 = 원래 있던 좌표 + 이동할 거리
- 방정식
- $x'=x+d_x$
- $y' = y + d_y$
- 행렬식

$$egin{align*} ullet egin{bmatrix} x' \ y' \end{bmatrix} = egin{bmatrix} 1 & 0 & d_x \ 0 & 1 & d_y \end{bmatrix} egin{bmatrix} x \ y \ 1 \end{bmatrix} \qquad egin{bmatrix} x' \ y' \end{bmatrix} = egin{bmatrix} x + d_x \ y + d_y \end{bmatrix} = egin{bmatrix} 1x + 0y + 1d_x \ 0x + 1y + 1d_y \end{bmatrix}$$



[그림 5-1] 영상 이동을 위한 좌표 계산

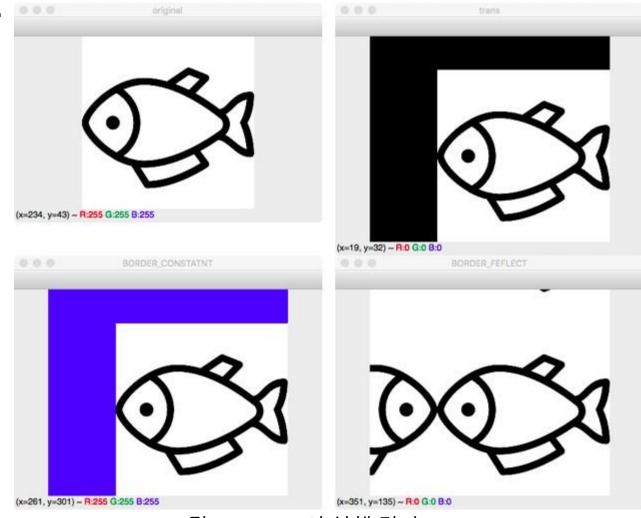
Translate

- dst = cv2.warpAffine(src, mtrx, dsize [, dst, flags, borderMode, borderValue])
 - src: 원본 영상, NumPy 배열
 - mtrx: 2 x 3 변환 행렬, NumPy 배열, dtype=float32
 - dsize : 결과 이미지 크기, tuple(width, height)
 - flags: 보간법 알고리즘 선택 플래그
 - cv2.INTER_LINEAR : 기본 값, 인접한 4개 픽셀값을 거리 가중치 사용
 - cv2.INTER_NEAREST : 가장 가까운 픽셀 값 사용
 - cv2.INTER_AREA : 픽셀 영역 관계를 이용한 재 샘플링
 - cv2.INTER_CUBIC : 인접한 16개 픽셀 값을 거리 가중치 사용
 - cv2.INTER_LANCZOS4 : 인접한 8개 픽셀을 이용한 란초의 알고리즘
 - borderMode : 외곽 영역 보정 플래그
 - cv2.BORDER_CONSTANT: 고정 색상 값 (999|12345|999)
 - cv2.BORDER_REPLICATE: 가장 자리 복제 (111|12345|555)
 - cv2.BORDER_WRAP: 반복 (345|12345|123)
 - cv2.BORDER_REFLECT: 반사 (321|12345|543)
 - borderValue: cv2.BORDER_CONSTANT 경우 사용 할 색상 값, 기본 값 = 0
 - dst: 결과 이미지, NumPy 배열

Translate

```
import cv2
import numpy as np
img = cv2.imread('../img/fish.jpg')
rows,cols = img.shape[0:2] # 영상의 크기
dx, dy = 100, 50 # 이동할 픽셀 거리
#---① 변환 행렬 생성
mtrx = np.float32([[1, 0, dx],
                [0, 1, dy]])
#---② 단순 이동
dst = cv2.warpAffine(img, mtrx, (cols+dx, rows+dy))
#---③ 탈락된 외곽 픽셀을 파랑색으로 보정
dst2 = cv2.warpAffine(img, mtrx, (cols+dx, rows+dy), None, \
                      cv2.INTER LINEAR, cv2.BORDER CONSTANT, (255,0,0))
#---④ 탈락된 외곽 픽셀을 원본을 반사 시켜서 보정
dst3 = cv2.warpAffine(img, mtrx, (cols+dx, rows+dy), None, \
                            cv2.INTER LINEAR, cv2.BORDER REFLECT)
cv2.imshow('original', img)
cv2.imshow('trans',dst)
cv2.imshow('BORDER CONSTATNT', dst2)
cv2.imshow('BORDER FEFLECT', dst3)
cv2.waitKey(0)
cv2.destroyAllWindows()
```

Translate

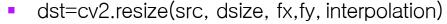


[그림 5-2] [5-1]의 실행 결과

Scaling

확대/축소 : α· β배 변환 행렬

$$ullet egin{bmatrix} x' \ y' \end{bmatrix} = egin{bmatrix} lpha & 0 & 0 \ 0 & eta & 0 \end{bmatrix} egin{bmatrix} x \ y \ 1 \end{bmatrix}$$

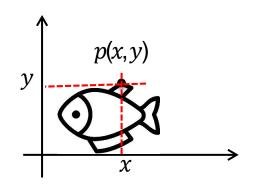


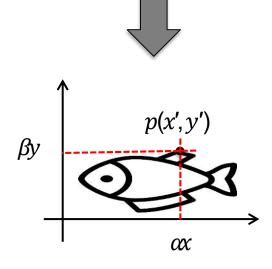
• src: 입력 이미지

dsize : 출력 이미지 크기 (w,h)

• fx, fy: 배율, 생략하면 dsize 적용

- interpolation: 보간법
 - cv2.INTER_LINEAR :default
 - cv2.INTER_NEAREST
 - cv2.INTER_AREA
 - cv2.INTER_CUBIC
 - cv2.INTER_LANCZOS4
- dst: 결과 영상





[그림 5-3] 영상 확대/축소 위한 좌표 계산

Scaling

■ 변환 행렬 Example

```
mport cv2
import numpy as np
img = cv2.imread('../img/fish.jpg')
height, width = img.shape[:2]
# --① 0.5배 축소 변환 행렬
m small = np.float32([[0.5, 0, 0],
                     [0, 0.5, 0]])
# --② 2배 확대 변환 행렬
m big = np.float32([[2, 0, 0],
                   [0, 2, 0]]
# --③ 보간법 적용 없이 확대 축소
dst1 = cv2.warpAffine(img, m_small, (int(height*0.5), int(width*0.5)))
dst2 = cv2.warpAffine(img, m_big, (int(height*2), int(width*2)))
```

[예제 5-2] 행렬을 이용한 확대와 축소(scale_matrix.py)

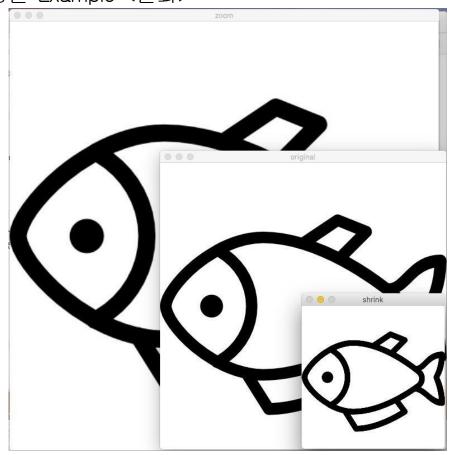
Scaling

변환 행렬 Example

```
# --④ 보간법 적용한 확대 축소
dst3 = cv2.warpAffine(img, m small, (int(height*0.5), int(width*0.5)), \
                     None, cv2.INTER AREA)
dst4 = cv2.warpAffine(img, m_big, (int(height*2), int(width*2)), \
                     None, cv2.INTER CUBIC)
#결과 출력
cv2.imshow("original", img)
cv2.imshow("small", dst1)
cv2.imshow("big", dst2)
cv2.imshow("small INTER AREA", dst3)
cv2.imshow("big INTER CUBIC", dst4)
cv2.waitKey(0)
cv2.destroyAllWindows()
```

Scaling

■ 변환 행렬 Example <결과>



[그림 5-4] [5-2]의 실행 결과

Scaling

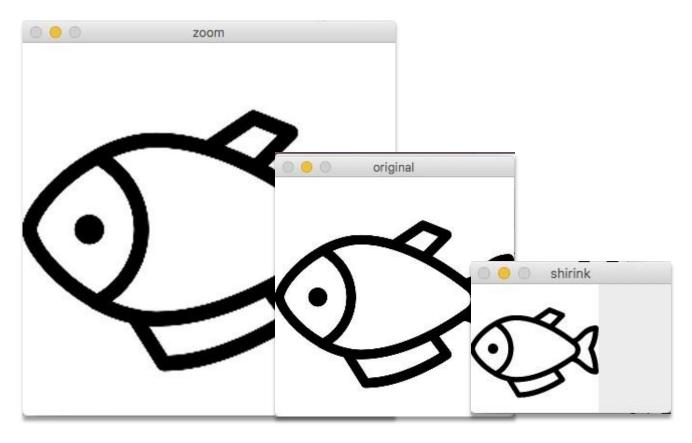
cv2.resize 함수 Example

```
import cv2
import numpy as np
img = cv2.imread('../img/fish.jpg')
height, width = img.shape[:2]
#--① 크기 지정으로 축소
\#dst1 = cv2.resize(img, (int(width*0.5), int(height*0.5)), \
                      # None, 0, 0, cv2.INTER AREA)
dst1 = cv2.resize(img, (int(width*0.5), int(height*0.5)), \
                      interpolation=cv2.INTER AREA)
#--② 배율 지정으로 확대
dst2 = cv2.resize(img, None, None, 2, 2, cv2.INTER CUBIC)
#--③ 결과 출력
cv2.imshow("original", img)
cv2.imshow("small", dst1)
cv2.imshow("big", dst2)
cv2.waitKey(0)
cv2.destroyAllWindows()
```

[예제 5-3] cv2.resize() 로 확대와 축소(scale_resize.py)

Scaling

cv2.resize 함수 Example <결과>

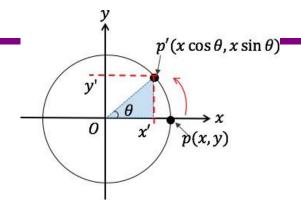


[그림 5-5] [5-3]의 실행 결과

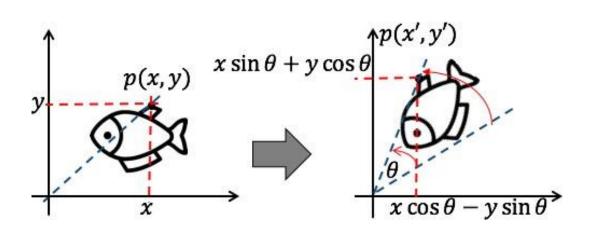
Rotate

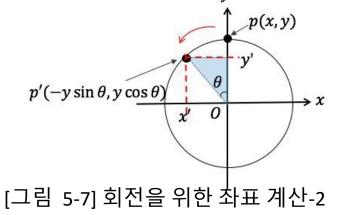
■ 회전 변환 행렬

$$egin{aligned} ullet egin{bmatrix} x' \ y' \end{bmatrix} = egin{bmatrix} \cos heta & -\sin heta & 0 \ \sin heta & \cos heta & 0 \end{bmatrix} egin{bmatrix} x \ y \ 1 \end{bmatrix} \end{aligned}$$



[그림 5-6] 회전을 위한 좌표 계산-1





[그림 5-8] 회전을 위한 좌표 계산-3

Rotate

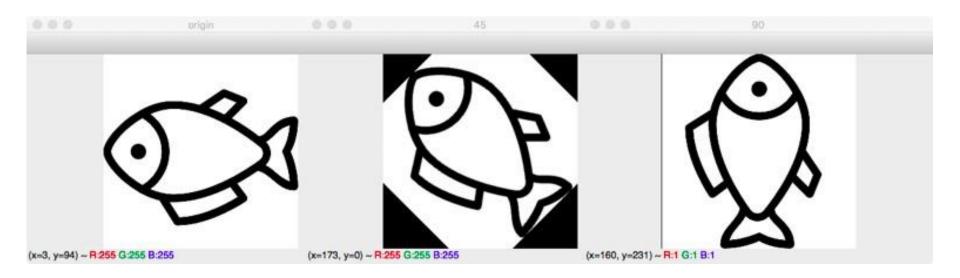
■ 변화 행렬

```
import cv2
import numpy as np
img = cv2.imread('../img/fish.jpg')
rows,cols = img.shape[0:2]
#---① 라디안 각도 계산(60진법을 호도법으로 변경)
d45 = 45.0 * np.pi / 180 # 45도
d90 = 90.0 * np.pi / 180 # 90도
#---② 회전을 위한 변환 행렬 생성
m45 = np.float32([[np.cos(d45), -1*np.sin(d45), rows//2],
                  [np.sin(d45), np.cos(d45), -1*cols//4]])
m90 = np.float32([[np.cos(d90), -1*np.sin(d90), rows],
                  [np.sin(d90), np.cos(d90), 0]])
#---③ 회전 변환 행렬 적용
r45 = cv2.warpAffine(img,m45,(cols,rows))
r90 = cv2.warpAffine(img,m90,(rows,cols))
# ---④ 결과 출력
cv2.imshow("origin", img)
cv2.imshow("45", r45)
cv2.imshow("90", r90)
cv2.waitKey(0)
cv2.destroyAllWindows()
```

[예제 5-4] 변환행렬로 회전(rotate_matrix.py)

Rotate

■ 변환 행렬



[그림 5-9] [5-4]의 실행 결과

Rotate

- 회전을 위한 변환 행렬 반환
- 회전 함수, 회전축, scale 지정 가능
- mtrx = cv2.getRotationMatrix2D(center, angle, scale)
 - center : 회전축 중심 좌표, 튜플(x, y)
 - angle: 회전 각도, 60진법
 - scale: 확대 축소 배율

$$\begin{bmatrix} \alpha & \beta & (1-\alpha) \cdot center. \ x - \beta \cdot center. \ y \\ -\beta & \alpha & \beta \cdot center. \ x + (1-\alpha) \cdot center. \ y \end{bmatrix}$$

$$\alpha = scale \cdot \cos \theta,$$
$$\beta = scale \cdot \sin \theta$$

Rotate

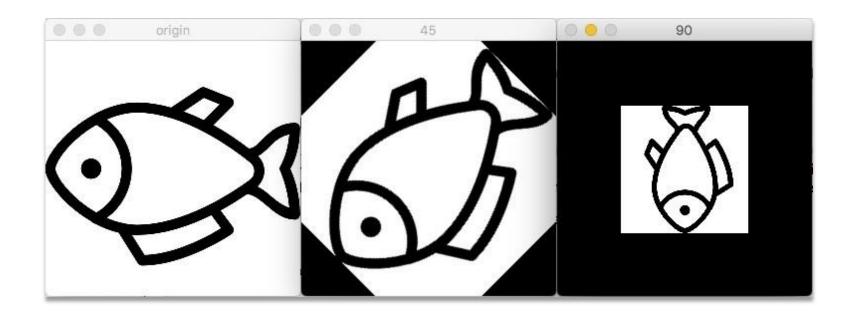
회전 함수 Example

```
import cv2
img = cv2.imread('../img/fish.jpg')
rows,cols = img.shape[0:2]
#---① 회전을 위한 변환 행렬 구하기
# 회전축:중앙, 각도:45, 배율:0.5
m45 = cv2.getRotationMatrix2D((cols/2,rows/2),45,0.5)
# 회전축:중앙, 각도:90, 배율:1.5
m90 = cv2.getRotationMatrix2D((cols/2,rows/2),90,1.5)
#---② 변환 행렬 적용
img45 = cv2.warpAffine(img, m45,(cols, rows))
img90 = cv2.warpAffine(img, m90,(cols, rows))
#---③ 결과 출력
cv2.imshow('origin',img)
cv2.imshow("45", img45)
cv2.imshow("90", img90)
cv2.waitKey(0)
cv2.destroyAllWindows()
```

[예제 5-5] 회전 변환행렬 구하기(rotate_getmatrix.py)

Rotate

■ 회전 함수 Example <결과>



[그림 5-10] [5-5]의 실행 결과

세부목차

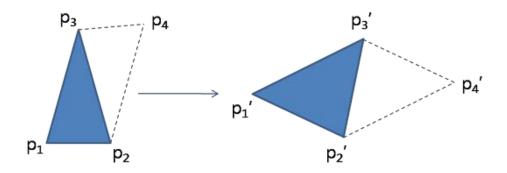
1. Translate, Scaling, Rotate

2. Warping

- 3. Lens Distortion
- 4. Workshop

Affine Transform

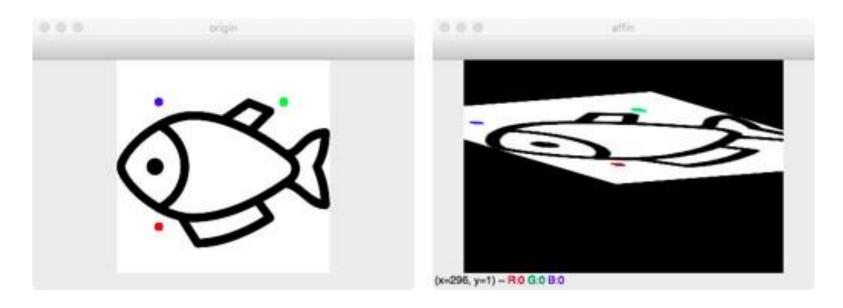
- 선의 평행성을 유지, 이미지 변환
- 이동, 확대, Scale 모두 포함
- 직선, 길이의 비율, 평행성을 보존하는 변환
- 원본 이미지의 3개의 좌표를 결과 이미지 좌표 3개에 매핑
- matrix = cv2.getAffineTransform(pts1, pts2)
 - pts1: 변환 전 영상의 좌표 3개 , 3 x 2 NumPy 배열(float32)
 - pts2 : 변환 후 영상의 좌표 3개 , pts1과 동일
 - matrix: 변환 행렬 반환, 2 x 3 행렬



Affine Transform

```
import cv2
import numpy as np
from matplotlib import pyplot as plt
file name = '../img/fish.jpg'
img = cv2.imread(file name)
rows, cols = img.shape[:2]
#---① 변환 전, 후 각 3개의 좌표 생성
pts1 = np.float32([[100, 50], [200, 50], [100, 200]])
pts2 = np.float32([[80, 70], [210, 60], [250, 120]])
#---② 변환 전 좌표를 이미지에 표시
cv2.circle(img, (100,50), 5, (255,0), -1)
cv2.circle(img, (200,50), 5, (0,255,0), -1)
cv2.circle(img, (100,200), 5, (0,0,255), -1)
#---③ 짝지은 3개의 좌표로 변환 행렬 계산
mtrx = cv2.getAffineTransform(pts1, pts2)
#---④ 어핀 변환 적용
dst = cv2.warpAffine(img, mtrx, (int(cols*1.5), rows))
#---⑤ 결과 출력
cv2.imshow('origin',img)
cv2.imshow('affin', dst)
cv2.waitKey(0)
cv2.destrovAllWindows()
```

Affine Transform



[그림 5-11] [5-6]의 실행 결과

Perspective Transform

- 워근 변화
- Homography coordinate(동차 좌표) : 3차원 좌표계를 2차원 좌표계로 표시
- 3 x 3 변환 행렬
- 최소 4개의 매칭쌍 좌표
- mtrx = cv2.getPerspectiveTransform(pts1, pts2)
 - pts1: 변환 이전 영상의 좌표 4개, 4 x 2 NumPy 배열(float32)
 - pts2 : 변환 이전 영상의 좌표 4개, pts1과 동일
 - mtrx: 변환 행렬 반환, 3 x 3 행렬
- dst = cv2.warpPerspective(src, mtrx, dsize [, dst, flags, borderMode, borderValue])
 - 3 x 3 행렬로 원근 변환 적용

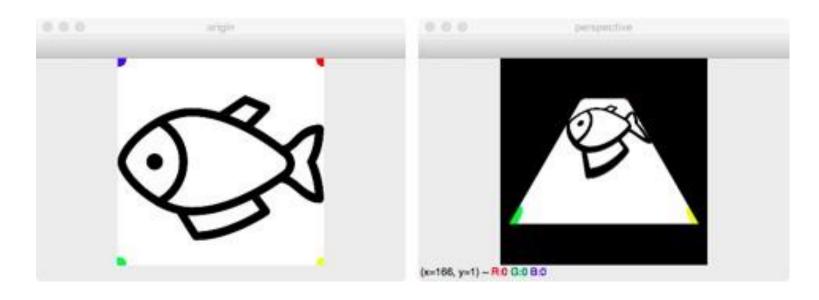
$$w\begin{bmatrix} x' \\ y' \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} h_{11} h_{12} h_{13} \\ h_{21} h_{22} h_{23} \\ h_{31} h_{32} h_{33} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ 1 \end{bmatrix}$$

Perspective Transform

[예제 5-7] 원근 변환(perspective.py)

```
import cv2
import numpy as np
file name = "../img/fish.jpg"
img = cv2.imread(file name)
rows, cols = img.shape[:2]
#---① 원근 변환 전 후 4개 좌표
pts1 = np.float32([[0,0], [0,rows], [cols, 0], [cols,rows]])
pts2 = np.float32([[100,50], [10,rows-50], [cols-100, 50], [cols-10,rows-50]])
#---② 변환 전 좌표를 원본 이미지에 표시
cv2.circle(img, (0,0), 10, (255,0,0), -1)
cv2.circle(img, (0,rows), 10, (0,255,0), -1)
cv2.circle(img, (cols,0), 10, (0,0,255), -1)
cv2.circle(img, (cols,rows), 10, (0,255,255), -1)
#---③ 원근 변환 행렬 계산
mtrx = cv2.getPerspectiveTransform(pts1, pts2)
#---④ 원근 변환 적용
dst = cv2.warpPerspective(img, mtrx, (cols, rows))
cv2.imshow("origin", img)
cv2.imshow('perspective', dst)
cv2.waitKey(0)
cv2.destroyAllWindows()
```

Perspective Transform



[그림 5-12] [5-7]의 실행 결과

Perspective Transform

■ 문서 스캔 효과 내기 < 1/3 >

```
import cv2
import numpy as np
win name = "scanning"
img = cv2.imread("../img/paper.jpg")
rows, cols = img.shape[:2]
draw = img.copy()
pts cnt = 0
pts = np.zeros((4,2), dtype=np.float32)
def onMouse(event, x, y, flags, param): #마우스 이벤트 콜백 함수 구현 ---①
   global pts_cnt # 마우스로 찍은 좌표의 갯수 저장
   if event == cv2.EVENT LBUTTONDOWN:
     cv2.circle(draw, (x,y), 10, (0,255,0), -1) # 좌표에 초록색 동그라미 표시
     cv2.imshow(win name, draw)
     pts[pts_cnt] = [x,y] # 마우스 좌표 저장
      pts cnt+=1
     if pts cnt == 4: # 좌표가 4개 수집됨
```

[예제 5-8] 마우스와 원근 변환으로 문서 스캔 효과 내기(perspective_scan.py)

Perspective Transform

■ 문서 스캔 효과 내기 < 2/3 >

```
# 좌표 4개 중 상하좌우 찾기 ---②
sm = pts.sum(axis=1) # 4쌍의 좌표 각각 x+y 계산
diff = np.diff(pts, axis = 1) # 4쌍의 좌표 각각 y-x 계산
topLeft = pts[np.argmin(sm)] # x+y가 가장 값이 좌상단 좌표
bottomRight = pts[np.argmax(sm)] # x+y가 가장 큰 값이 우하단 좌표
topRight = pts[np.argmin(diff)] # y-x가 가장 작은 것이 우상단 좌표
bottomLeft = pts[np.argmax(diff)] # y-x가 가장 큰 값이 좌하단 좌표
# 변환 전 4개 좌표
pts1 = np.float32([topLeft, topRight, bottomRight , bottomLeft])
# 변환 후 영상에 사용할 서류의 폭과 높이 계산 ---③
w1 = abs(bottomRight[0] - bottomLeft[0]) # 상단 좌우 좌표간의 거리
w2 = abs(topRight[0] - topLeft[0]) # 하당 좌우 좌표간의 거리
h1 = abs(topRight[1] - bottomRight[1]) # 우측 상하 좌표간의 거리
h2 = abs(topLeft[1] - bottomLeft[1]) # 좌측 상하 좌표간의 거리
width = max([w1, w2]) # 두 좌우 거리간의 최대값이 서류의 폭
height = max([h1, h2]) # 두 상하 거리간의 최대값이 서류의 높이
```

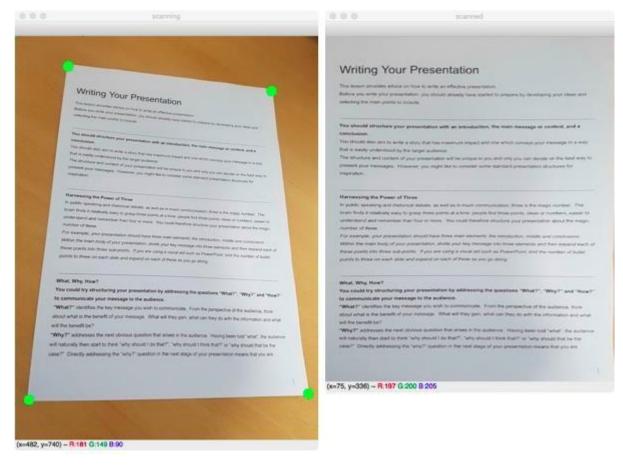
Perspective Transform

■ 문서 스캔 효과 내기 < 3/3>

```
# 변환 후 4개 좌표
        pts2 = np.float32([[0,0], [width-1,0],
                        [width-1,height-1], [0,height-1]])
       # 변환 행렬 계산
        mtrx = cv2.getPerspectiveTransform(pts1, pts2)
       # 원근 변환 적용
        result = cv2.warpPerspective(img, mtrx, (width, height))
        cv2.imshow('scanned', result)
cv2.imshow(win name, img)
cv2.setMouseCallback(win_name, onMouse) # 마우스 콜백 함수를 GUI 윈도우에
등록 ---④
cv2.waitKey(0)
cv2.destroyAllWindows()
```

Perspective Transform

■ 문서 스캔 효과 내기 <결과 >



[그림 5-13] [5-8]의 실행 결과

Triangluar Affine Transform

- 영상은 사각형 형태
- 삼각형 어핀 변환이 필요한 경우
 - 영상 왜곡
 - 영상 Morphing
 - Liquefy



[그림 5-14] 대응점으로 삼각 분할

Triangluar Affine Transform

- OpenCV 제공 함수 없슴
- 삼각형 어핀 변환이 필요한 경우 절차
 - 1. 변환 전 삼각형 좌표 3쌍을 정한다.
 - 2. 변환 후 삼각형 좌표 3쌍을 정한다.
 - 3. 과정 1의 삼각형 좌표를 완전히 감싸는 외접 사각형 좌표를 구한다.
 - 4. 과정 3의 사각형 영역을 관심영역으로 지정한다.
 - 5. 과정 4의 관심 영역을 대상으로 과정 1과 과정 2의 좌표로 변환 행렬을 구하여 어핀 변환한다.
 - 6. 과정 5의 변환된 관심영역에서 과정 2의 삼각형 좌표만 마스킹 한다.
 - 7. 과정 6의 마스크를 이용해서 원본 또는 다른 영상에 합성한다.
- x,y,w,h = cv2.boundingRect(pts)pts: 다각형 좌표, 과정 3 필요
 - x, y, w, h : 외접 사각형의 좌표와 폭과 높이
- cv2.fillConvexPoly(img, points, color [, lineType])img : 입력 영상, 과정 6 필요
 - points: 다각형 꼭지점 좌표
 - color: 채우기에 사용할 색상
 - lineType: 선 그리기 알고리즘 선택 플래그

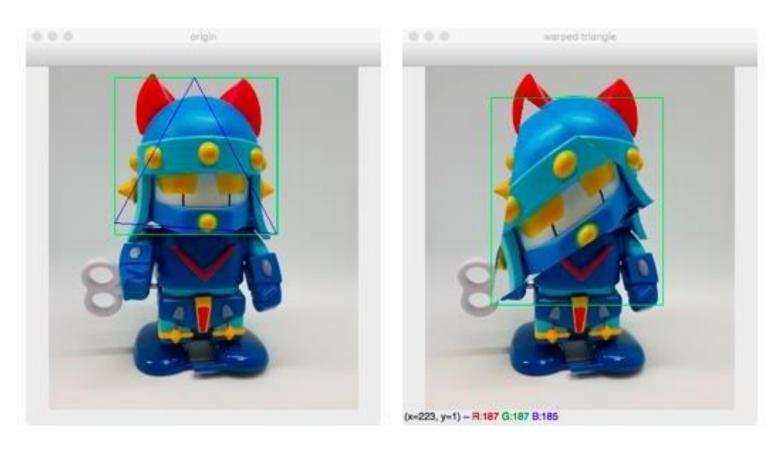
Triangluar Affine Transform < 1/2>

```
import cv2
import numpy as np
img = cv2.imread("../img/taekwonv1.jpg")
img2 = img.copy()
draw = img.copy()
# 변환 전,후 삼각형 좌표 ---①
pts1 = np.float32([[188,14], [85,202], [294,216]])
pts2 = np.float32([[128,40], [85,307], [306,167]])
# 각 삼각형을 완전히 감싸는 사각형 좌표 구하기 ---②
x1,y1,w1,h1 = cv2.boundingRect(pts1)
x2,y2,w2,h2 = cv2.boundingRect(pts2)
# 사각형을 이용한 관심영역 설정 ---③
roi1 = img[y1:y1+h1, x1:x1+w1]
roi2 = img2[y2:y2+h2, x2:x2+w2]
# 관심영역을 기준으로 좌표 계산 ---④
offset1 = np.zeros((3,2), dtype=np.float32)
offset2 = np.zeros((3,2), dtype=np.float32)
for i in range(3):
   offset1[i][0], offset1[i][1] = pts1[i][0]-x1, pts1[i][1]-y1
   offset2[i][0], offset2[i][1] = pts2[i][0]-x2, pts2[i][1]-y2
          [예제 5-9] 삼각형 어핀 변환(triangle_affine.py)
```

Triangluar Affine Transform < 2/2>

```
# 관심 영역을 주어진 삼각형 좌표로 어핀 변환 ---(5)
mtrx = cv2.getAffineTransform(offset1, offset2)
warped = cv2.warpAffine( roi1, mtrx, (w2, h2), None, \
                       cv2.INTER LINEAR, cv2.BORDER REFLECT 101)
# 어핀 변환 후 삼각형만 골라 내기 위한 마스크 생성 ---⑥
mask = np.zeros((h2, w2), dtype = np.uint8)
cv2.fillConvexPoly(mask, np.int32(offset2), (255))
#삼각형 영역만 마스킹해서 합성 ---⑦
warped masked = cv2.bitwise and(warped, warped, mask=mask)
roi2 masked = cv2.bitwise and(roi2, roi2, mask=cv2.bitwise not(mask))
roi2 masked = roi2 masked + warped masked
img2[y2:y2+h2, x2:x2+w2] = roi2 masked
# 관심 영역과 삼각형에 선 그려서 출력 ---®
cv2.rectangle(draw, (x1, y1), (x1+w1, y1+h1), (0,255,0), 1)
cv2.polylines(draw, [pts1.astype(np.int32)], True, (255,0,0), 1)
cv2.rectangle(img2, (x2, y2), (x2+w2, y2+h2), (0,255,0), 1)
cv2.imshow('origin', draw)
cv2.imshow('warped triangle', img2)
cv2.waitKey(0)
cv2.destroyAllWindows()
```

Triangluar Affine Transform



[그림 5-15] [5-9]의 실행 결과

세부목차

- 1. Translate, Scaling, Rotate
- 2. Warping
- 3. Lens Distortion

4. Workshop

Mosaic

- 마우스로 선택한 영역을 모자이크 처리하세요.
- 결과 예시



[그림 5-24] 모자이크 처리 예시

- 힌트
 - 선택 영역을 축소했다가 다시 확대하면 선명도가 떨어 집니다.
 - 보간법 중에 cv2.INTER_AREA를 선택하면 바둑판 모양 모자이크가 생성됩니다

•

Liquefiy Tool

- 포토샾 리퀴파이 도구를 흉내내는 프로그램을 작성해 보세요.
- 마우스로 선택한 부분만 편집합니다.
- 결과 예시

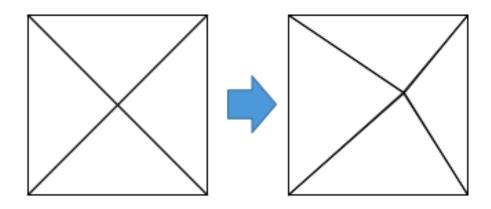




[그림 5-25] 리퀴파이 변환 사례

Liquefiy Tool

- 힌트
 - 마우스 좌표를 기준으로 일정한 크기의 사각형 영역을 만든다.
 - 사각형 중심을 기준으로 4개의 삼각형을 만든다.
 - 마우스를 드래그 한 만큼 원래의 중심점에서 이동한 중심점을 구한다.
 - 크기가 달라진 삼각형을 이용해서 삼각형 어핀 변환을 한다.



[그림 5-26] 4개의 삼각형 어핀 변환

Distortion Camera

- 마법 거울과 같은 효과를 내는 왜곡 카메라를 만드세요.
- 6개 효과
 - 원본, 좌우 대칭, 상하대칭
 - 물결, 볼록, 오목
- 결과 예시



[그림 5-27] 왜곡 거울 카메라 사례

Distortion Camera

- 힌트
 - Lenz Distotion 예제를 참고해서 6개 리매핑 한 결과를 하나의 영상으로 병합합니다
 - 리매핑 좌표는 한번만 만들고 프레임마다 적용만 하면 됩니다.