

멀티쓰레드, Turtle 드로잉

Seolyoung Jeong, Ph.D.

경북대학교 IT대학 컴퓨터학부

프로세스 & 쓰레드

Thinking...

- ◆ input() 함수 수행 시, 사용자의 입력을 기다리는 동안 아무 것도 못함
- ◆ 우리는 PC 사용 시 여러 개의 프로그램을 동시에 동작시킴
예) 음악을 들으면서 + 워드 작업을 함
- ◆ PC의 운영체제에서는 멀티태스킹(multi-tasking) 기능을 제공함으로써
동시 수행이 가능하도록 함
- ◆ 태스크(task) : 일의 수행 단위 = 프로세스(process)라고도 함

프로세스

- ◆ 프로세스 또는 태스크 : 시스템에서 일을 수행하는 단위
- ◆ GPOS(General Purpose OS, 예:윈도우)에서는 프로세스라는 용어를 많이 사용
- ◆ RTOS(Real-Time OS, 예:FreeRTOS, VxWorks 등)에서는 태스크라는 용어를 많이 사용
- ◆ 실시간 운영체제(RTOS)
 - 주로 임베디드 시스템에서 많이 사용됨
 - 정해진 시간(deadline time) 안에 수행이 완료되도록 보장해줌
→ 예측 가능함 (deterministic)
 - 우선순위에 따른 수행을 보장 (priority-based)
→ 우선순위가 높은 태스크를 먼저 수행
 - Hard Real-Time OS : 국방, 항공, 우주선, 원자력 등 처리 시간의 변동폭(jitter)이 아주 작아야 함
 - Soft Real-Time OS : 멀티미디어 시스템, 가전제품 등 처리 시간의 변동폭(jitter)이 좀 넓더라도 일을 처리하는데 문제가 발생하지 않음

CPU 프로세스 처리

- ◆ CPU는 한 번에 한 개의 프로세스만 처리 가능
- ◆ 여러 개의 프로세스를 짧은 시간으로 쪼개어 바꿔가며 수행 (Scheduling)
- ◆ 사용자 눈에는 동시에 동작하는 것으로 착각

현재 수행 중인
프로세스들

<CPU 점유 시간>
(msec 단위로 바뀜)



멀티 프로세싱

- ◆ 멀티 + 프로세서 : 여러 개의 프로세서(CPU)가 일을 수행
→ 멀티 코어 CPU 기반
- ◆ CPU의 성능은 기하급수적으로 증가해 왔음
(폴락의 법칙 : 성능은 면적(트랜지스터 수) 증가량의 제곱근과 비례)
- ◆ 하지만, CPU 하나만으로 처리할 수 있는 작업 속도에는 한계가 있음
→ AMD에서 최초로 데스크탑용 듀얼코어 CPU를 내놓음 (2005년)
- ◆ 멀티코어 : 두 개 이상의 독립적인 코어를 단일 직접 회로로 하나의 패키지로 통합
- ◆ 듀얼 코어부터 시작하여 인텔에서 도헙타콘타 코어(72 코어)까지 발표
→ 일반 프로그래밍 방식으로는 하나의 코어만 주로 사용하게 됨
병렬 프로세싱에 대한 이해와 할당 정책이 필요함
(이를 위한 병행성 프로그래밍 언어도 존재. 예: Erlang)

쓰레드

- ◆ 하나의 프로세스에는 여러 개의 쓰레드가 존재 가능
- ◆ 쓰레드 : 실제 최소 실행 단위 (별도의 실행 메모리 공간을 갖는다)
- ◆ 왜 필요한가?
- ◆ 예1) 워드 or 한글
 - 사용자 입력 (버튼 클릭 or 타이핑)
 - 자동 오타 검사
 - 일정시간마다 자동저장
- ◆ 예2) 웹브라우저
 - 동영상 재생
 - 서버로부터 스트리밍 데이터 수신
 - 사용자 입력 (댓글 달기)
- ◆ 예3) 웹서버 프로그램
 - 여러 명의 클라이언트가 동시에 접속하여 개별적으로 필요한 기능을 수행

파이썬 쓰레드

non-Thread

- ◆ worker가 몇 명인지 입력 받음
- ◆ 한 명의 worker마다 10번의 working 수행

```
1  # function
2  def working(worker_no):
3      for i in range(10):
4          print("[%d] working - [%d] times" % (worker_no, i))
5
6  # main code
7  num = int(input("input number : "))
8
9  for k in range(num):
10     working(k)
```

non-Thread 결과

첫 번째 worker의 working
함수 호출
→ 10번의 working 결과 출력

두 번째 worker의 working
함수 호출
→ 10번의 working 결과 출력

```
Run: 01_non_thread x
C:\Python37-32\python.exe
input number : 3
[0] working - [0] times
[0] working - [1] times
[0] working - [2] times
[0] working - [3] times
[0] working - [4] times
[0] working - [5] times
[0] working - [6] times
[0] working - [7] times
[0] working - [8] times
[0] working - [9] times
[1] working - [0] times
[1] working - [1] times
[1] working - [2] times
[1] working - [3] times
[1] working - [4] times
[1] working - [5] times
[1] working - [6] times
[1] working - [7] times
[1] working - [8] times
[1] working - [9] times
[2] working - [0] times
[2] working - [1] times
[2] working - [2] times
[2] working - [3] times
[2] working - [4] times
[2] working - [5] times
[2] working - [6] times
[2] working - [7] times
[2] working - [8] times
[2] working - [9] times
Process finished with exit
```

함수 이용 쓰레드 생성

◆ working 함수를 쓰레드로 만들어 사용

```
1  import threading    # import threading module
2
3  # function
4  def working(worker_no):
5      for i in range(10):
6          print("[%d] working - [%d] times" % (worker_no, i))
7
8  # main code
9  num = int(input("input number : "))
10
11 for k in range(num):
12     # create thread
13     t = threading.Thread(target=working, args=(k,))
14     # start thread
15     t.start()
```

- threading 모듈의 **Thread 클래스** 생성자 인자
 - target = 쓰레드로 수행할 함수명
 - args = 함수에 전달할 인자들
- start() : thread 시작(thread마다 한번씩 실행) → run() 함수 실행
- run() : thread 실행 구문

클래스 기반 스레드 생성

- ◆ 사용자 스레드 클래스를 생성하여 수행
(threading 모듈의 Thread 클래스로부터 상속)

```
1  import threading      # import threading module
2
3  # create new_class from Thread class of threading module
4  class my_thread(threading.Thread):
5      # constructor
6      def __init__(self, no):
7          # call the constructor of parent(threading.Thread)
8          threading.Thread.__init__(self)
9          self.worker_no = no
10
11  def run(self):
12      for i in range(10):
13          print("[%d] working - [%d] times" % (self.worker_no, i))
14
15  # main code
16  num = int(input("input number : "))
17
18  for k in range(num):
19      # create thread
20      t = my_thread(k)
21      # start thread
22      t.start()
```

multi-threading 결과

생성하는 쓰레드 개수가 많을 수록...
수행 순서가 일정하지 않음

worker[3], [4], [5] 쓰레드
뒤섞여서 수행됨

```
Run: 02_func_thread x
[1] working - [6] times
[1] working - [7] times
[1] working - [8] times
[1] working - [9] times
[2] working - [0] times
[2] working - [1] times
[2] working - [2] times
[2] working - [3] times
[2] working - [4] times
[2] working - [5] times
[2] working - [6] times
[2] working - [7] times
[2] working - [8] times
[2] working - [9] times
[3] working - [0] times
[3] working - [1] times
[3] working - [2] times
[3] working - [3] times
[3] working - [4] times
[3] working - [5] times
[3] working - [6] times
[3] working - [7] times
[4] working - [0] times
[4] working - [1] times
[4] working - [2] times
[4] working - [3] times
[5] working - [0] times
[5] working - [1] times
[5] working - [2] times
[5] working - [3] times
[3] working - [8] times
```

CPU를 누가 점유하는가?

- ◆ 여러 개의 Thread는 경쟁적으로 CPU 사용
- ◆ CPU를 사용하게 되면 결과 출력
- ◆ 사용권이 뺏기면 다른 Thread가 결과 출력

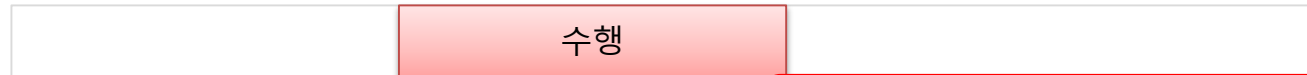
<쓰레드>

<CPU 점유 시간>

Working 0



Working 1



Working 2



Working 3



동기화

- ◆ 병렬로 수행되는 멀티쓰레딩 환경에서는 언제 어느 스레드가 수행될지 모름
- ◆ 모든 스레드 수행 종료를 기다릴 필요 발생
예) 모든 스레드 종료 후 메시지 출력
- ◆ 여러 개의 스레드 간 동기를 맞추는 필요 발생
예) 한 명의 worker가 일을 끝낸 후, 다음 worker가 일을 수행

쓰레드 수행 종료 대기

```
1  import threading      # import threading module
2
3  # create new_class from Thread class of threading module
4  class my_thread(threading.Thread):
5      # constructor
6      def __init__(self, no):
7          # call the constructor of parent(threading.Thread)
8          threading.Thread.__init__(self)
9          self.worker_no = no
10
11     def run(self):
12         for i in range(10):
13             print("[%d] working - [%d] times" % (self.worker_no, i))
14
15     # main code
16     num = int(input("input number : "))
17
18     for k in range(num):
19         # create thread
20         t = my_thread(k)
21         # start thread
22         t.start()
23
24     print("----- finish all threads -----")
25
```

```
[96] working - [0] times[63] working - [1] times[97] working - [0] times[48] working - [2] times[98] working - [0] times
[99] working - [0] times[97] working - [1] times----- finish all threads -----
```

```
[69] working - [1] times[52] working - [1] times[50] working - [1] times[67] working - [1] times
```


쓰레드 수행 종료 대기

- ◆ **join() :**
쓰레드 종료
대기 함수

```
1  import threading      # import threading module
2
3  # create new class from Thread class of threading module
4  class my_thread(threading.Thread):
5      # constructor
6      def __init__(self, no):
7          # call the constructor of parent(threading.Thread)
8          threading.Thread.__init__(self)
9          self.worker_no = no
10
11  def run(self):
12      for i in range(10):
13          print("[%d] working - [%d] times" % (self.worker_no, i))
14
15  # main code
16  ths = []               # threads list
17
18  num = int(input("input number : "))
19
20  for k in range(num):
21      # create thread
22      t = my_thread(k)
23      # start thread
24      t.start()
25      # add thread to list
26      ths.append(t)
27
28  # wait for all threads to complete
29  for t in ths:
30      t.join()
31
32  print("----- finish all threads -----")
33
```

쓰레드 간 동기화

- ◆ **Lock** : lock이 걸린 동안 다른 쓰레드가 그 변수에 접근하지 못함
(일종의 임계영역: Critical Section)
- ◆ **threading.Lock()** : lock 객체 생성
- ◆ **acquire()** : lock 시작
- ◆ **release()** : lock 해제
- ◆ **locked()** : lock 상태에 있으면 1, 아니면 0

```
1  import threading      # import threading module
2
3  # create new_class from Thread class of threading module
4  class my_thread(threading.Thread):
5      # constructor
6      def __init__(self, no):
7          # call the constructor of parent(threading.Thread)
8          threading.Thread.__init__(self)
9          self.worker_no = no
10
11  def run(self):
12      # set lock (start of critical_section)
13      t_lock.acquire()
14
15      for i in range(10):
16          print("[%d] working - [%d] times" % (self.worker_no, i))
17
18      # release lock (end of critical_section)
19      t_lock.release()
20
21  # main code
22  t_lock = threading.Lock() # thread lock
23  ths = []                  # threads list
24
25  num = int(input("input number : "))
26
27  for k in range(num):
28      # create thread
29      t = my_thread(k)
30      # start thread
31      t.start()
32      # add thread to list
33      ths.append(t)
34
35  # wait for all threads to complete
36  for t in ths:
37      t.join()
38
39  print("----- finish all threads -----")
```

보호
구역

그 외 동기화를 위한 threading 모듈 함수

- ◆ **threading.Condition()** : Condition Variable, 내부에 하나의 스레드 대기큐 가짐
 - wait() : 대기큐에 들어가며 sleep 상태에 들어감
 - notify() : 대기큐에서 하나의 스레드를 깨움
- ◆ **threading.Event()** : 내부에 하나의 이벤트 플래그를 가짐 (초기값 0)
 - set() : 내부 플래그 1로 set
 - clear() : 0으로 set
 - wait() : 내부 플래그가 1이면 즉시 리턴, 0이면 다른 스레드에 의해서 1이 될 때까지 대기 (내부 플래그 값 변경 안함)
- ◆ **threading.RLock()** : Lock 객체와 같으나, lock을 소유하고 있는 스레드가 두 번 이상 acquire와 release 호출 가능 (acquire 한 만큼 release 해야 lock 해제됨)

그 외 동기화를 위한 threading 모듈 함수

◆ `threading.Semaphore([value])`

- 세마포어는 카운터로 관리
- `acquire()` : 카운터 -1
- `release()` 카운터 +1
- 만약, `acquire()` 실행 시 카운터 값이 0이면 스레드는 대기큐에서 대기
- `release()` 함수는 우선 대기 스레드 검사.
대기 스레드 중 가장 오래된 대기 스레드 하나 해제.
만약 대기큐에 스레드가 없다면, 카운터 값만 +1

◆ `threading.BoundedSemaphore([value])`

- 현재 값이 초기 값을 초과하지 않는지 검사하는 기능 추가
- 초기 값 초과할 경우 `ValueError` 예외 발생
- 주로 제한된 자원 관리 시 사용

파이썬 멀티쓰레드

쓰레드를 여러 개 사용하면 빨라질까?

- ◆ 간단한 덧셈 프로그램
- ◆ 입력한 수까지 더한 값 출력
- ◆ 소요된 시간 출력

```
1  from threading import Thread    # import threading module
2  import time                    # import time module
3
4  def do_work(start_no, end_no, result):
5      sum = 0
6      for i in range(start_no, end_no):
7          sum += i
8      result.append(sum)
9
10     # main code
11     while True:
12         num = int(input("input number : "))
13
14         start = 0
15         end = num
16         result = []
17
18         # start time
19         t1 = time.time()
20
21         # create single thread
22         th1 = Thread(target=do_work, args=(start, end, result))
23         th1.start()
24         th1.join()
25
26         # result
27         print("Result : %d" % sum(result))
28
29         # stop time
30         t2 = time.time()
31         print("===== [%.3f sec]" % (t2-t1))
32
33         t1, t2 = 0.0, 0.0
```

쓰레드를 여러 개 사용하면 빨라질까?

- ◆ 2개의 쓰레드로 나누어서 계산

```
1  from threading import Thread    # import threading module
2  import time                    # import time module
3
4  def do_work(start_no, end_no, result):
5      sum = 0
6      for i in range(start_no, end_no):
7          sum += i
8      result.append(sum)
9
10 # main code
11 while True:
12     num = int(input("input number : "))
13
14     start = 0
15     end = num
16     result = []
17
18     # start time
19     t1 = time.time()
20
21     # create two threads
22     th1 = Thread(target=do_work, args=(start, int(end/2), result))
23     th2 = Thread(target=do_work, args=(int(end/2), end, result))
24
25     th1.start()
26     th2.start()
27
28     th1.join()
29     th2.join()
30
31     # result
32     print("Result : %d" % sum(result))
33
34     # stop time
35     t2 = time.time()
36     print("===== [%.3f sec]" % (t2 - t1))
37
38     t1, t2 = 0.0, 0.0
```

쓰레드를 여러 개 사용하면 빨라질까?

◆ 쓰레드 1개 수행 결과

```
input number : 30000000
Result : 449999985000000
===== [2.969 sec]
input number : 50000000
Result : 1249999975000000
===== [4.969 sec]
input number : 70000000
Result : 2449999965000000
===== [6.797 sec]
input number :
```

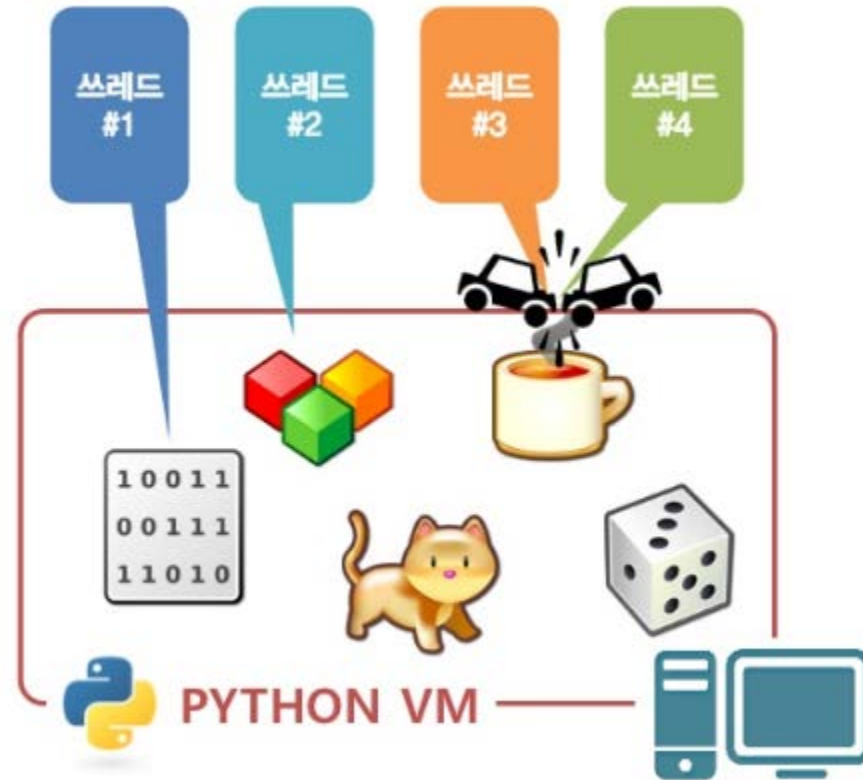
◆ 쓰레드 2개 수행 결과

```
input number : 30000000
Result : 449999985000000
===== [3.031 sec]
input number : 50000000
Result : 1249999975000000
===== [5.032 sec]
input number : 70000000
Result : 2449999965000000
===== [6.985 sec]
input number :
```

→ 더 느림

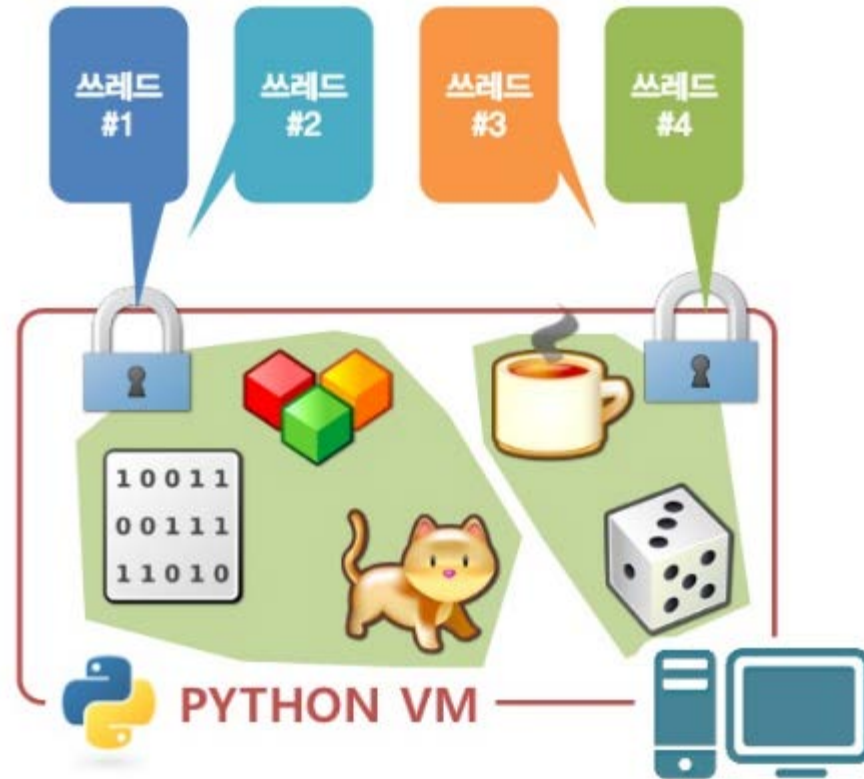
쓰레드 메커니즘

- ◆ 인터프리터에서도 자원 보호 필요



쓰레드 메커니즘

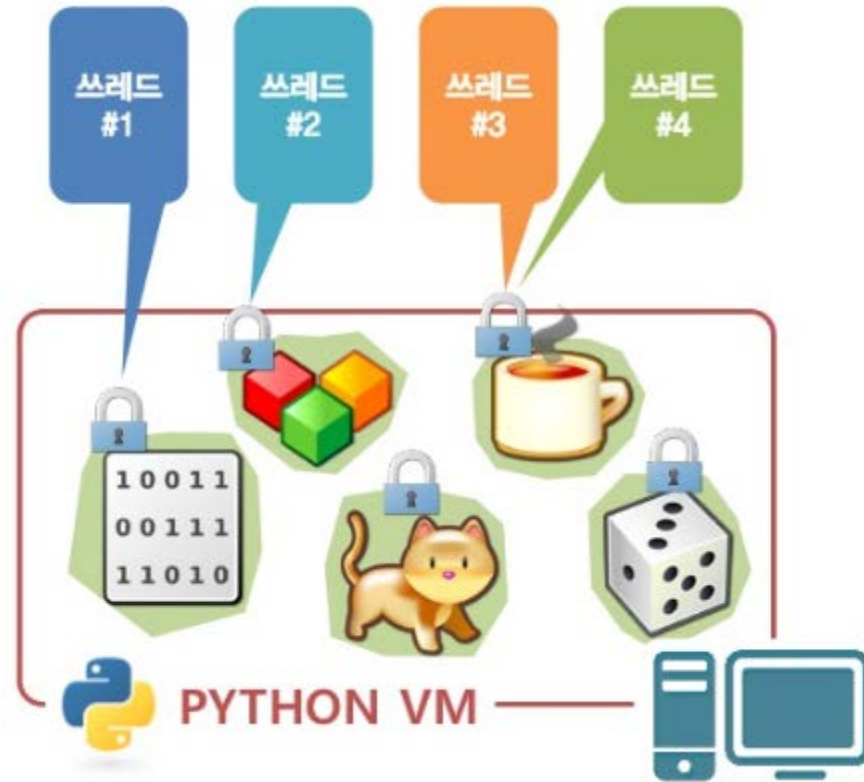
- ◆ Coarse-Grained Lock : 대충 크게 묶어서 lock 설정



- ◆ 예) disk가 여러 개 있을 때 여러 개의 disk 사용에 대해 전체 lock

쓰레드 메커니즘

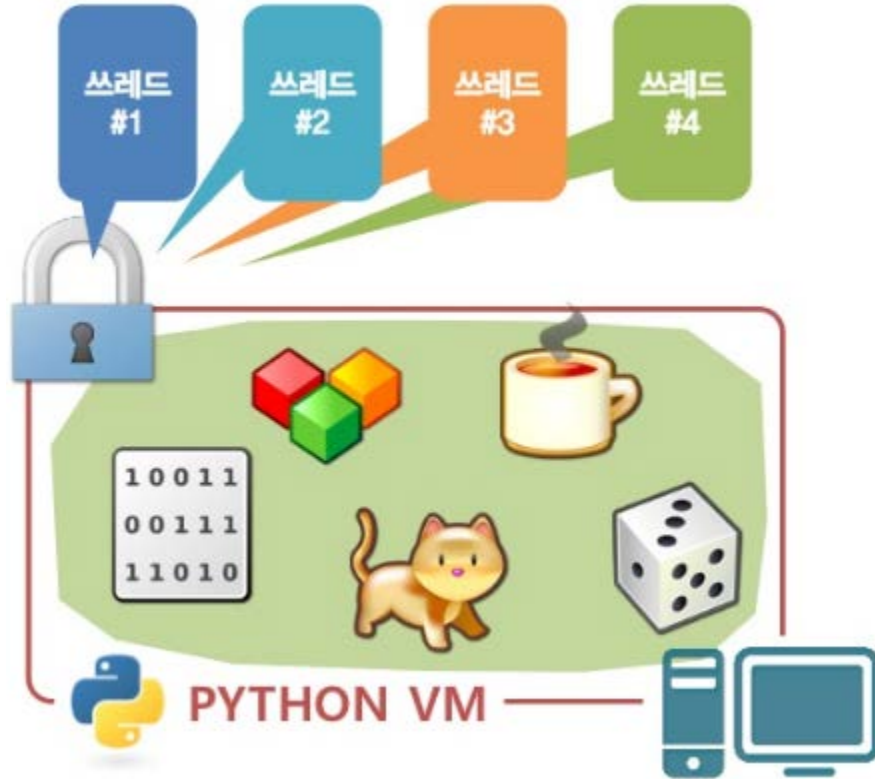
- ◆ Fine-Grained Lock : 아주 세밀하게 lock 설정



- ◆ 예) disk가 여러 개 있을 때 하나의 disk 사용에 대해 lock

쓰레드 메커니즘

- ◆ 파이썬에서 사용하는 쓰레드 메커니즘
- ◆ Global Interpreter Lock (GIL)



- ➔ 파이썬은 사실상 Single Thread
- ➔ 멀티쓰레드로 구현했음에도 불구하고, 사실상 GIL에 의해 예외적인 경우를 제외하고, 한 시점에는 하나의 thread만 동작하는 것처럼 보임

Global Interpreter Lock

- ◆ 인터프리터 구현 쉬움
 - ◆ Garbage Collector 만들기 좋음
 - ◆ C/C++ 확장 모듈 만들기 쉬움 : c library의 thread-safety 고려하지 않아도 됨
 - ◆ I/O Bound 동작이 많은 경우에는 이득
 - CPU bound 동작 : 주로 CPU에서 수행하는 일(계산)이 많은 동작
예) 압축, 정렬, 인코딩 등
 - I/O bound 동작 : CPU보다 외부 장치에서 수행하는 일이 많은 동작
실제로 수행 시간이 더 많이 소요되며, CPU보다 느림
예) 네트워크, 디스크 사용 (파일 쓰기, 읽기), 키보드, 마우스 사용 등
- ➔ 우리가 작성하는 일반적 프로그래밍은 대부분 I/O bound가 많음

Global Interpreter Lock

<https://docs.python.org/3.7/library/threading.html?highlight=thread#module-threading>

CPython implementation detail: In CPython, due to the `Global Interpreter Lock`, only one thread can execute Python code at once (even though certain performance-oriented libraries might overcome this limitation). If you want your application to make better use of the computational resources of multi-core machines, you are advised to use `multiprocessing` or `concurrent.futures.ProcessPoolExecutor`. However, `threading` is still an appropriate model if you want to run multiple I/O-bound tasks simultaneously.

파이썬 멀티프로세싱

멀티프로세싱

- ◆ 스레드를 여러 개 생성하는 것이 아니라, 여러 개의 프로세스를 멀티 코어에 할당하여 연산 수행
- ◆ 프로세스 간 객체 공유 : 큐 / 파이프

```
1 from multiprocessing import Process, Queue # import multiprocessing module
2 import time # import time module
3
4 def do_work(start_no, end_no, result):
5     sum = 0
6     for i in range(start_no, end_no):
7         sum += i
8     result.put(sum)
9
10 if __name__ == "__main__":
11     # main code
12     while True:
13         num = int(input("input number : "))
14
15         start = 0
16         end = num
17         result = Queue()
18
19         # start time
20         t1 = time.time()
21
22         # create two processes
23         pr1 = Process(target=do_work, args=(start, int(end/2), result))
24         pr2 = Process(target=do_work, args=(int(end/2), end, result))
25
26         pr1.start()
27         pr2.start()
28
29         pr1.join()
30         pr2.join()
```


멀티프로세싱

```
31
32
33     # result
34     result.put("STOP")
35     sum = 0
36     while True:
37         tmp = result.get()
38         if tmp == "STOP": break
39         else: sum += tmp
40
41     print("Result : %d" % sum)
42
43     # stop time
44     t2 = time.time()
45     print("===== [%.3f sec]" % (t2 - t1))
46
47     t1, t2 = 0.0, 0.0
```

→ 멀티프로세싱 결과

```
input number : 30000000
Result : 449999985000000
===== [1.719 sec]
input number : 50000000
Result : 1249999975000000
===== [2.875 sec]
input number : 70000000
Result : 2449999965000000
===== [4.078 sec]
input number : 100000000
Result : 4999999950000000
===== [5.391 sec]
```

Turtle Module

Turtle

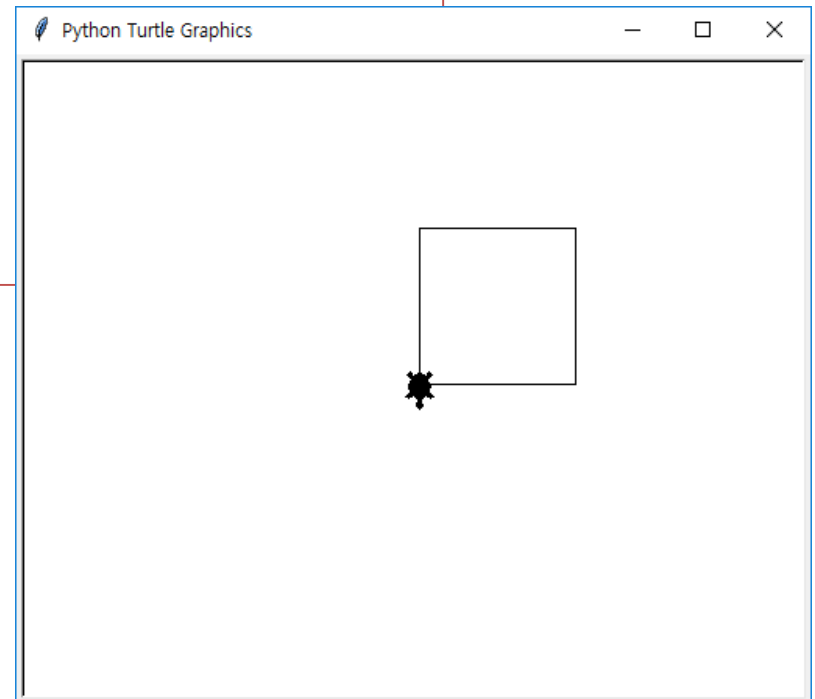
◆ 간단한 그림을 그릴 수 있는 그래픽 모듈

◆ 기본 명령 예제

- `tt = Turtle('turtle')` : 거북이 모양 아이콘을 가진 turtle 객체 생성
- `tt.speed(속도값)` :
 - 0 : 최고속도
 - 1 : 가장 느린 속도
 - 10 : 빠른 속도
- `tt.forward(값)` : 픽셀값만큼 앞으로 이동
- `tt.backward(값)` : 픽셀값만큼 뒤로 이동
- `tt.left(값)` : 각도값만큼 왼쪽으로 회전
- `tt.right(값)` : 각도값만큼 오른쪽으로 회전

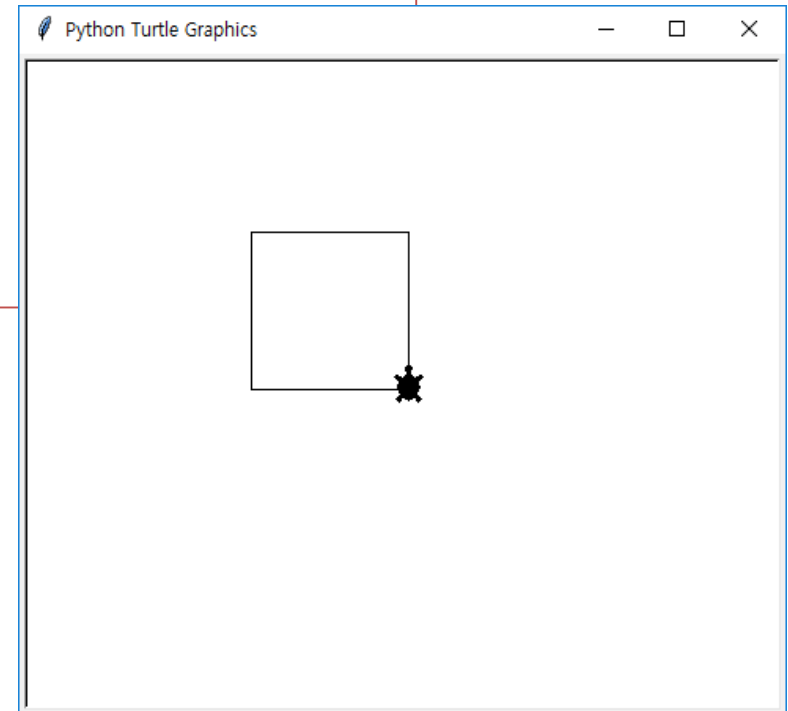
사각형 그리기

```
1  # import module
2  import turtle
3
4  # create turtle object
5  tt = turtle.Turtle("turtle")
6
7  tt.forward(100)      # forward
8  tt.left(90)          # left turn 90
9  tt.forward(100)      # forward
10 tt.left(90)          # left turn 90
11 tt.forward(100)      # forward
12 tt.left(90)          # left turn 90
13 tt.forward(100)      # forward
14
15 # turtle done
16 turtle.done()
```



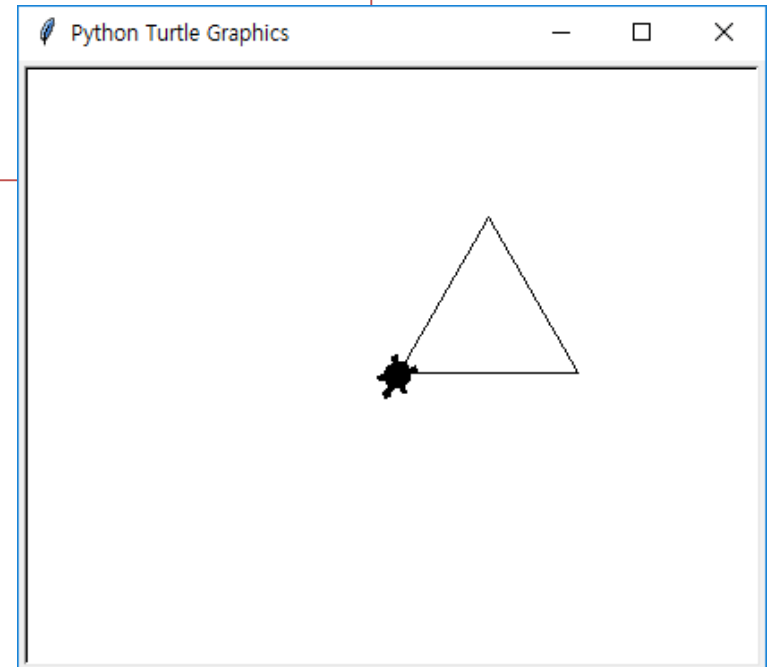
사각형 그리기

```
1  # import module
2  import turtle
3
4  # create turtle object
5  tt = turtle.Turtle("turtle")
6
7  tt.backward(100)      # backward
8  tt.right(90)          # right turn 90
9  tt.backward(100)      # backward
10 tt.right(90)           # right turn 90
11 tt.backward(100)      # backward
12 tt.right(90)           # right turn 90
13 tt.backward(100)      # backward
14
15 # turtle done
16 turtle.done()
```



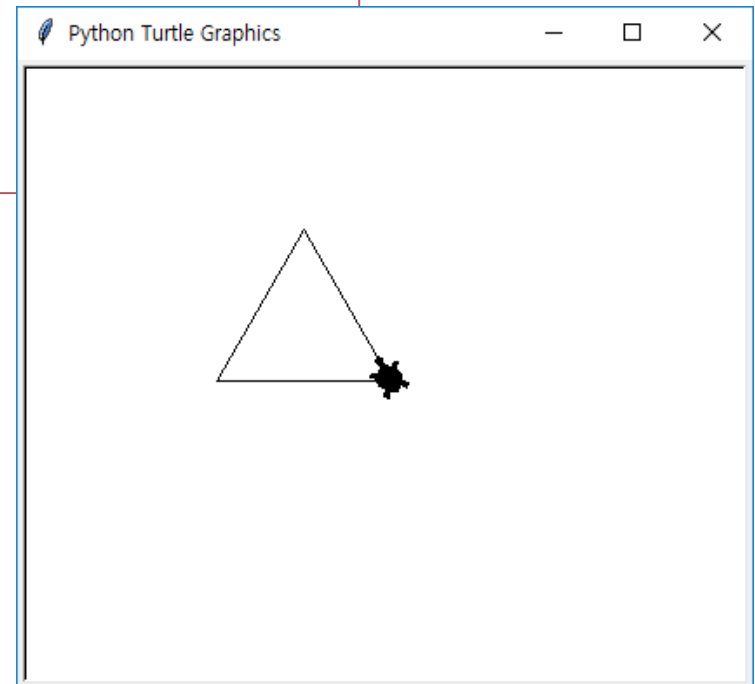
삼각형 그리기

```
1  # import module
2  import turtle
3
4  # create turtle object
5  tt = turtle.Turtle("turtle")
6
7  tt.forward(100)      # forward
8  tt.left(120)         # left turn 120
9  tt.forward(100)      # forward
10 tt.left(120)         # left turn 120
11 tt.forward(100)      # forward
12
13 # turtle done
14 turtle.done()
```



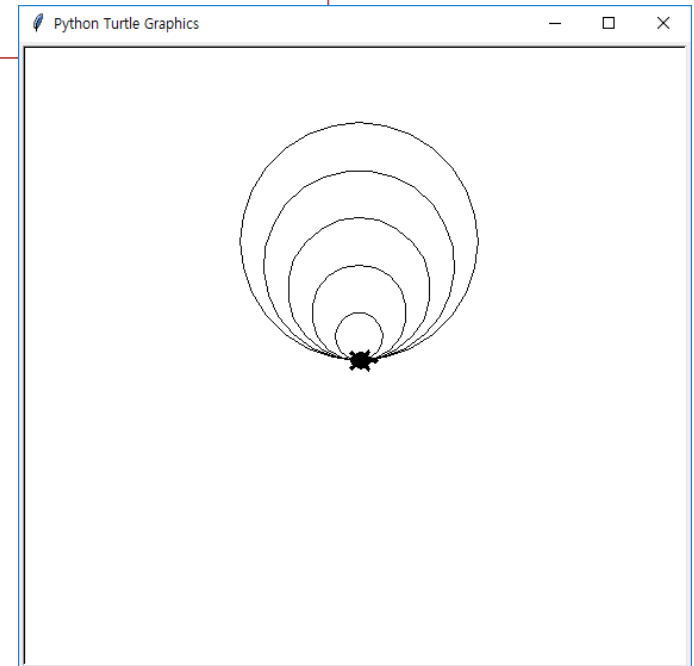
삼각형 그리기

```
1  # import module
2  import turtle
3
4  # create turtle object
5  tt = turtle.Turtle("turtle")
6
7  tt.backward(100)      # backward
8  tt.right(120)         # right turn 120
9  tt.backward(100)      # backward
10 tt.right(120)         # right turn 120
11 tt.backward(100)      # backward
12
13 # turtle done
14 turtle.done()
```



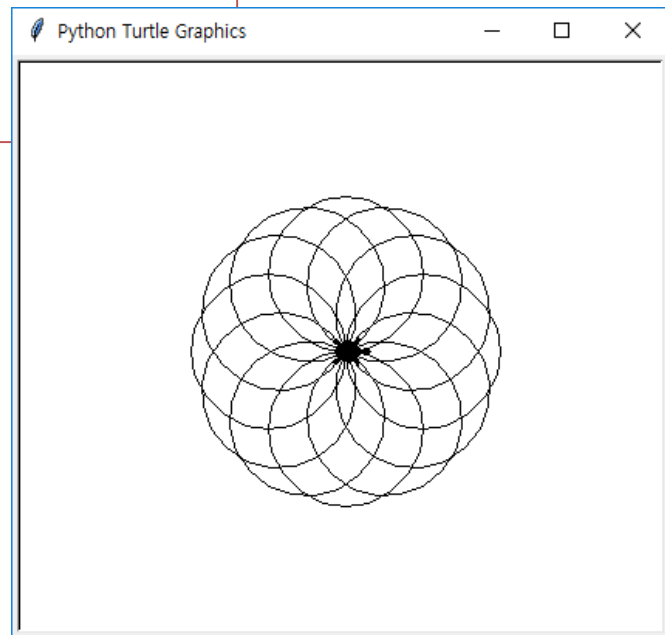
원 그리기

```
1  # import module
2  import turtle
3
4  # create turtle object
5  tt = turtle.Turtle("turtle")
6
7  tt.circle(100) # circle radius 100
8  tt.circle(80)  # circle radius 70
9  tt.circle(60)  # circle radius 40
10 tt.circle(40)  # circle radius 10
11 tt.circle(20)  # circle radius 20
```



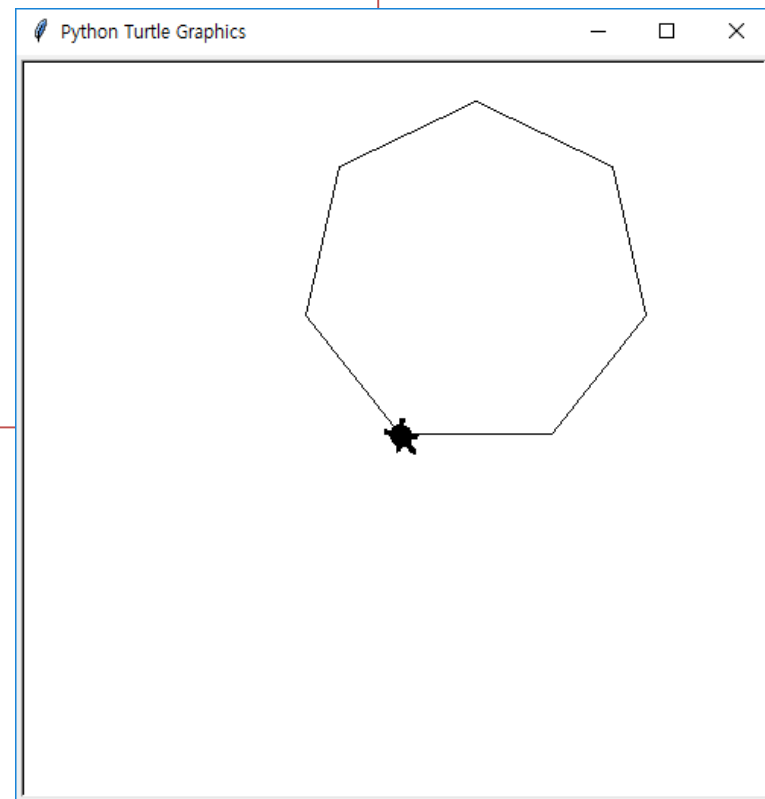
다중 원 그리기

```
1  # import module
2  import turtle
3
4  # create turtle object
5  tt = turtle.Turtle("turtle")
6
7  theta = 0
8  while theta < 360:
9      tt.circle(50) # circle
10     tt.left(30)    # turn left
11     theta += 30
12
13 # turtle done
14 turtle.done()
```



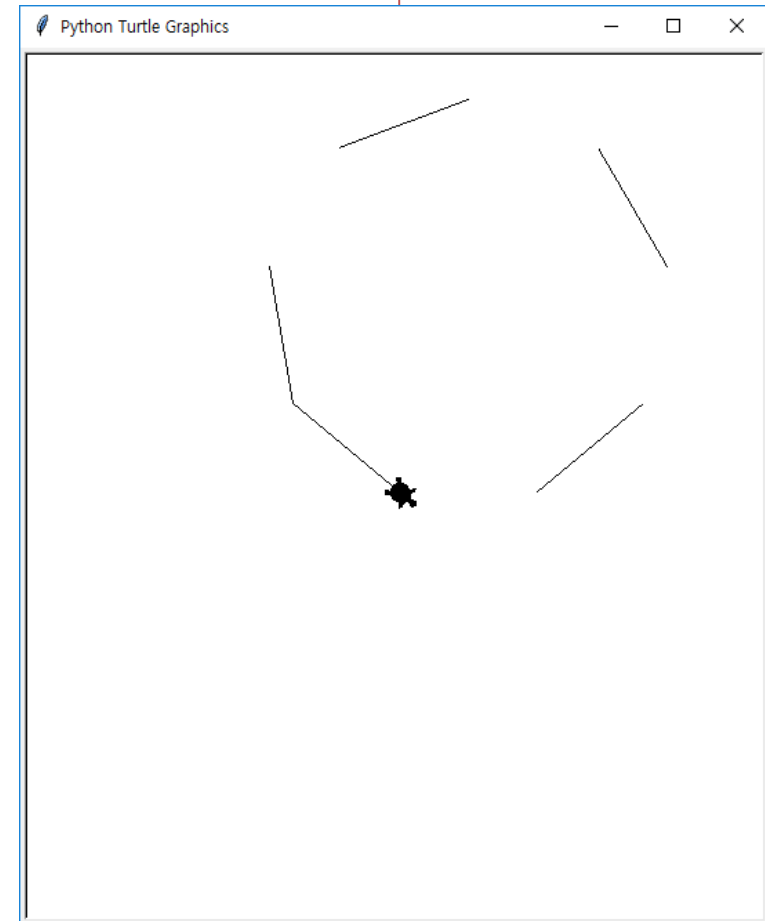
다각형 함수

```
1  # import module
2  import turtle
3
4  # function
5  def polygon(tt, size, angle):
6      for i in range(0, angle-1):
7          tt.forward(size)      # forward
8          tt.left(360/angle)    # turn left
9      tt.forward(size) # forward
10
11  # create turtle object
12  tt = turtle.Turtle("turtle")
13
14  polygon(tt, 100, 7)
15
16  # turtle done
17  turtle.done()
```



penup(), pendown()

```
1  # import module
2  import turtle
3
4  # function
5  def polygon(tt, size, angle):
6      flag = 0
7      for i in range(0, angle-1):
8          if flag == 1:
9              tt.pendown()    # drawing
10             flag = 0
11          elif flag == 0:
12              tt.penup()     # no drawing
13              flag = 1
14
15             tt.forward(size)    # forward
16             tt.left(360/angle)  # turn left
17
18         tt.forward(size) # forward
19
20 # create turtle object
21 tt = turtle.Turtle("turtle")
22
23 polygon(tt, 100, 9)
24
25 # turtle done
26 turtle.done()
```



나무 그리기

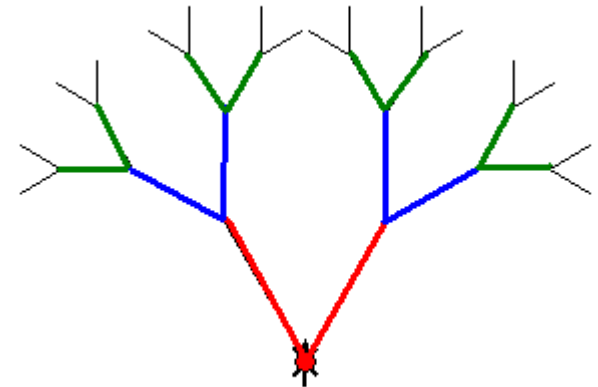
◆ 나무 기본 구조

- turn left 30도
- forward 길이
- backward 돌아감
- turn right 60도
- forward 길이
- backward 돌아감



◆ 나무들의 크기만 작아질 뿐, 같은 모양

- 빨간색, 파란색, 초록색 나무 모양 같음
- 크기는 점점 작아지는 형태



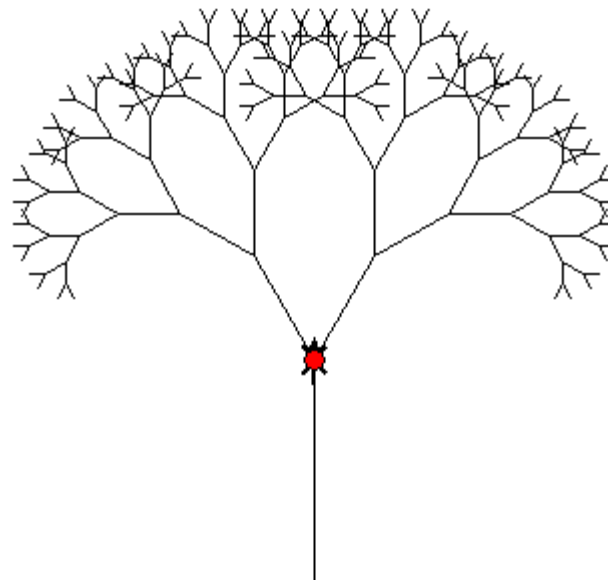
나무 그리기 재귀 함수

◆ 나무 그리기 반복

- 왼쪽 가지 그리고, 거기에 달린 작은 나무 그리고,
- 오른쪽 가지 그리고, 거기에 달린 작은 나무 그리고...

◆ 나무 그리기 재귀 함수 (tree)

- 왼쪽 가지
- tree (좀 더 작은 길이)
- 제자리로
- 오른쪽 가지
- tree (좀 더 작은 길이)
- 제자리로

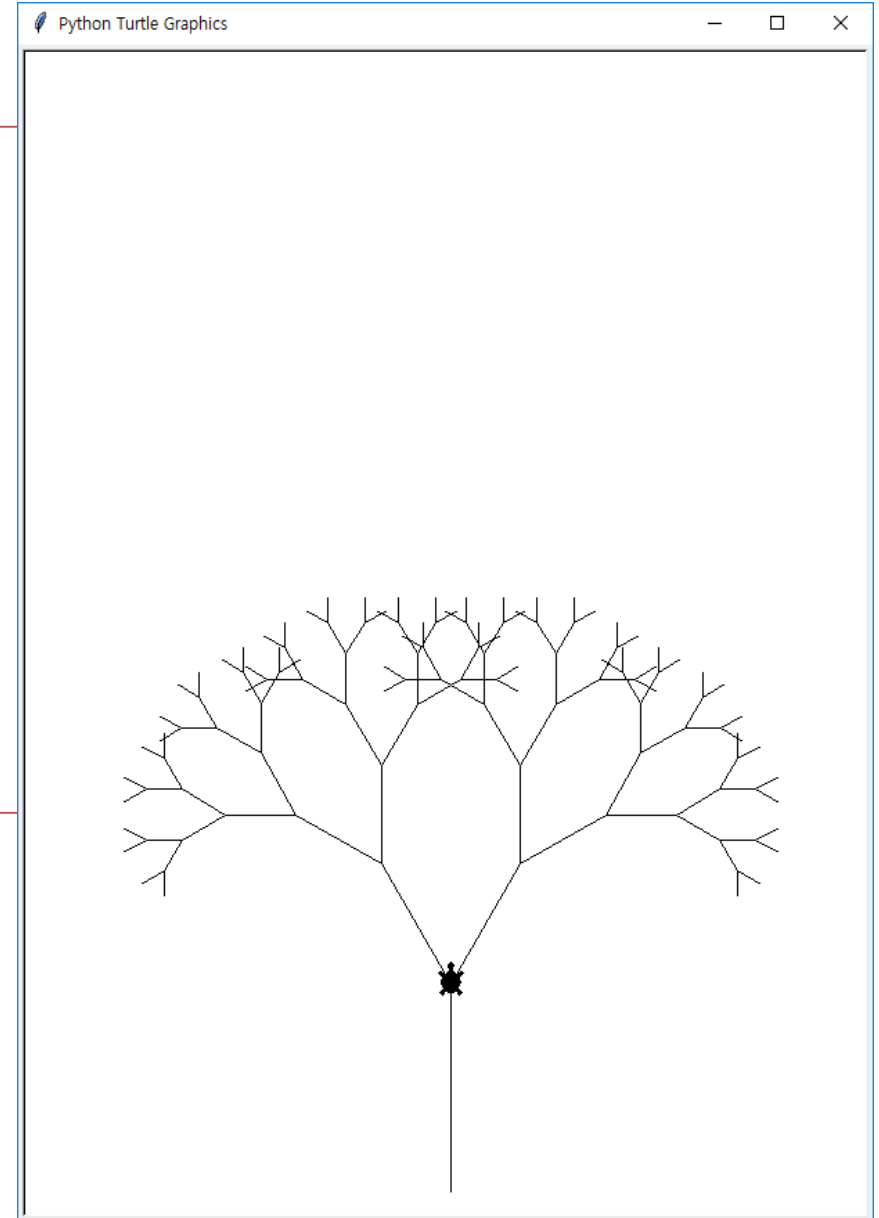


나무 그리기

```
1  # import module
2  import turtle
3
4  # function
5  def tree(tt, length, n):
6      if n >= 0:
7          # left branch
8          tt.left(30)
9          tt.forward(length)
10
11         # small branch
12         tree(tt, length/1.4, n-1)
13
14         # return
15         tt.penup()
16         tt.backward(length)
17
18         # right branch
19         tt.right(60)
20         tt.pendown()
21         tt.forward(length)
22
23         # small branch
24         tree(tt, length/1.4, n-1)
25
26         # return
27         tt.penup()
28         tt.backward(length)
29         tt.left(30)
30
```

나무 그리기

```
30
31 # create turtle object
32 tt = turtle.Turtle("turtle")
33
34 # start point
35 tt.penup()
36 tt.goto(0, -400)
37 tt.left(90)
38
39 tt.pendown()
40 tt.forward(150)
41
42 # drawing tree
43 tree(tt, 100, 5)
44
45 # turtle done
46 turtle.done()
```

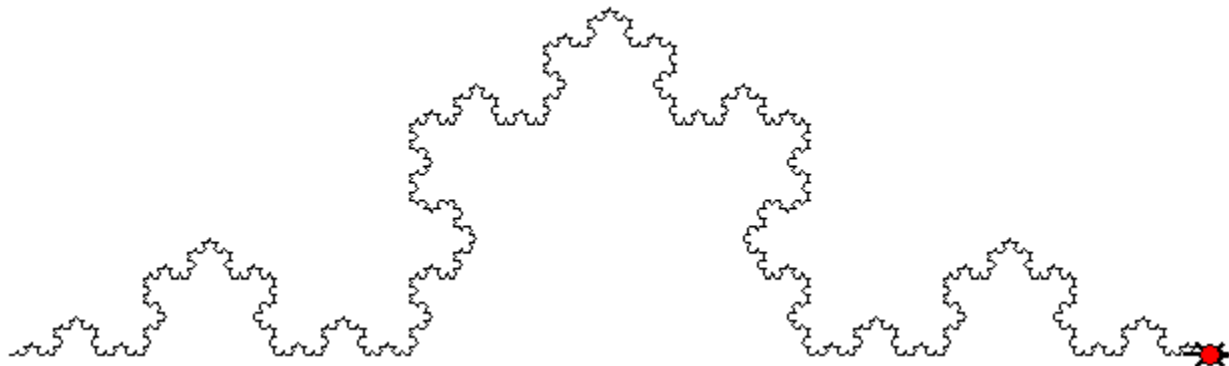


Koch 곡선

◆ Koch 곡선 생성 법칙 ($n \neq 0$ 동안)

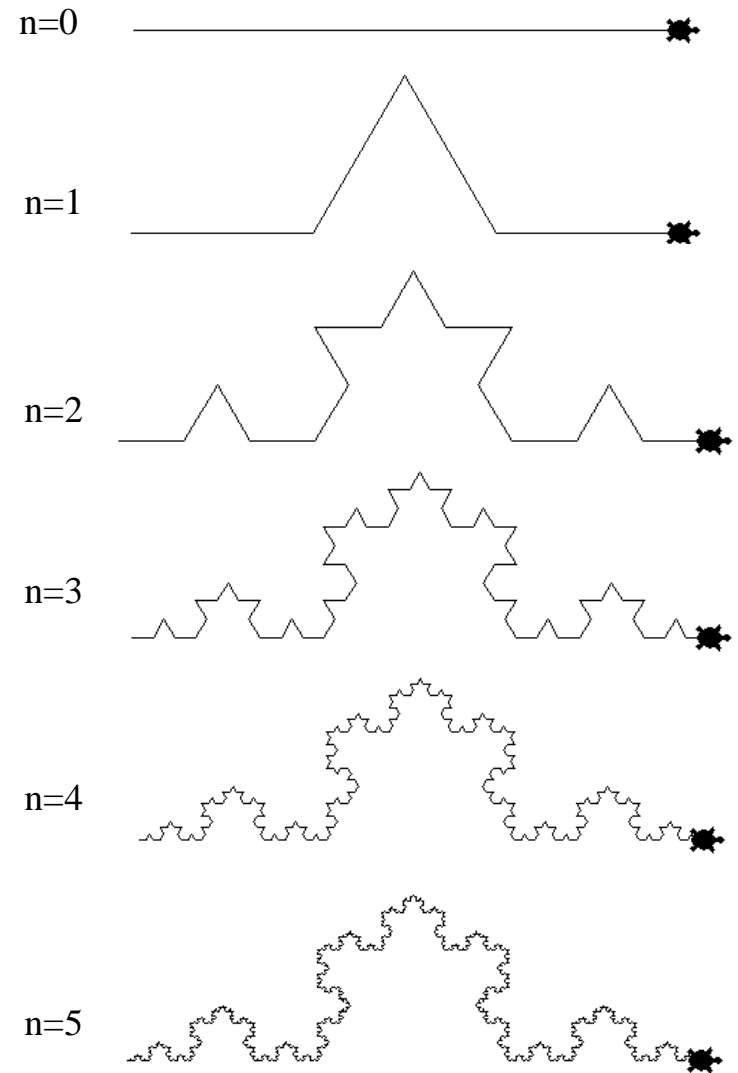
- 작은 Koch
- 왼쪽으로 60도 회전
- 작은 Koch
- 오른쪽으로 120도 회전
- 작은 Koch
- 왼쪽으로 60도 회전
- 작은 Koch

◆ $n == 0$ 이면 `forward()`

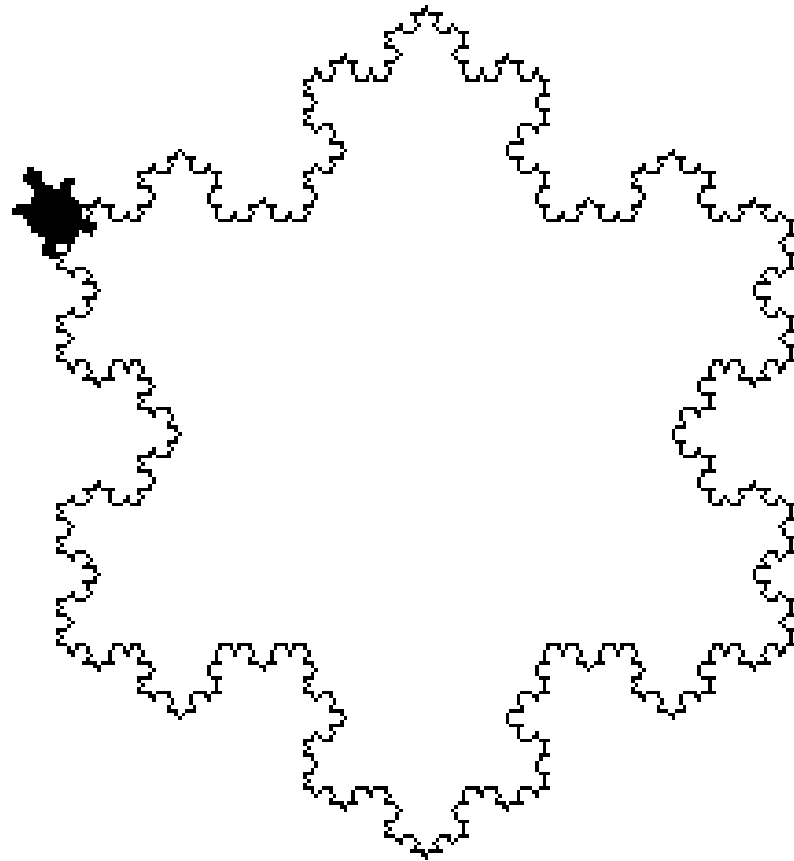


Koch 곡선

```
1  # import module
2  import turtle
3
4  # function
5  def koch(tt, length, n):
6      if n > 0:
7          # small koch
8          koch(tt, length/3.0, n-1)
9          # turn left
10         tt.left(60)
11         # small koch
12         koch(tt, length/3.0, n-1)
13         # turn right
14         tt.right(120)
15         # small koch
16         koch(tt, length/3.0, n-1)
17         # turn left
18         tt.left(60)
19         # small koch
20         koch(tt, length/3.0, n-1)
21
22     elif n == 0:
23         tt.forward(length)
24
25 # create turtle object
26 tt = turtle.Turtle("turtle")
27
28 # start point
29 tt.penup()
30 tt.goto(-200, 0)
31 tt.pendown()
32
33 # drawing koch
34 koch(tt, 400, 5)
35
36 # turtle done
37 turtle.done()
```



코흐의 눈송이



Any Questions...
Just Ask!

