2018.0.0

기계학습

정유진

CONTENTS

- 1. 머신러닝 기본개념
- 2. Hypothesis/Cost Function/Gradient Descent
- 3. 모델 예시(지도 vs 비지도)
- 4. 모델 평가 방법
- 5. 코드



1. 머신러닝 기본개념

. 머신러닝(machine learning)이란???

개념: 인공 지능을 구현하는 구체적 접근 방식

특징 : 1. AI로부터 파생

2. 기존 컴퓨터와 다른 새로운 능력을 포함



1. 머신러닝 기본개념

<전통적 컴퓨터>

VS

<머신러닝>

규칙기반(rule based)의 접근법

• 사람이 직접 컴퓨터에게 지능적으로 행동하는 방법을 알려주고, 빠르게 그 행동을 처리하도록 함. 사람이 직접 생각하는 방법을 알려주는 것이 아니라 <u>기계가</u> <u>스스로 배우도록 하는 것</u>.

- 컴퓨터로 알고리즘을 학습하여 새로운 데이터가 들어왔을 때 데이터 결과 예측.
- 미리 프로그램되지 않은 부분에서도 예측과 결정을 내릴 수 있는 방식



1. 머신러닝 기본개념

- 활용 예
- 1. Database mining
- 2. Applications can't program by hand ex) 자동핼리콥터, 손글씨 자동인식, NLP
- 3. Self customizing system
- 4. Human learning 이해

- ex) web click data, medical records
- ex) 아마존, 넷플릭스의 추천시스템
- ex) brain, real Al

• 참조

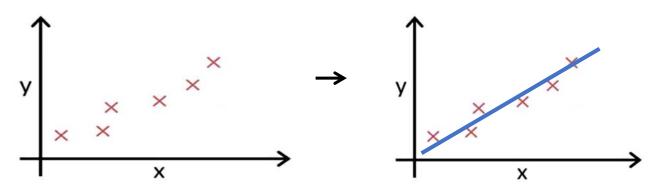
딥러닝: 머신러닝의 일종으로 인공신경망에서 발전한 형태의 인공지능. 뇌의 뉴런과 유사한 정보 입출력 계층을 활용해 데이터를 학습



• 가설(hypothesis)

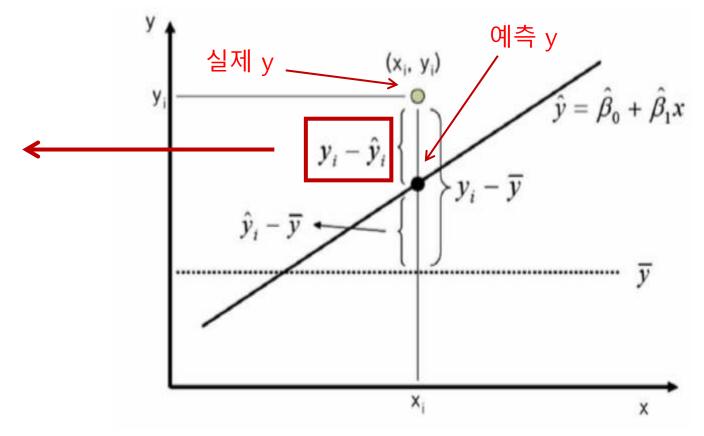
Input(feature)과 output(target)의 관계를 나타내는 함수

예 :
$$h_{\theta}(x) = \theta_0 + \theta_1 x$$
 parameters





실제 y와 예측 y와의 차이 $(y - \hat{y})$ 들을 줄여야 한다.





Cost Function

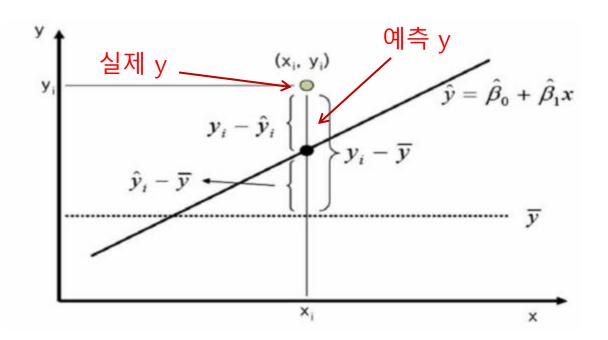
비용에 관련된 모든 변량에 대하여 어떤 관계를 나타내는 함수. 주어진 데이터에 가장 잘 '맞는' 직선을 선택하기 위한 일정 기준. 가설의 식의 정확성을 측정하기 위한 식.

$$J(\theta_0, \theta_1) = \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^{m} ((h_{\theta}(x^{(i)}) - y^{(i)}))^2 = \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^{m} ((\hat{y}^{(i)}) - y^{(i)}))^2$$
 가설 그 실제



Cost Function

$$J(\theta_0, \theta_1) = \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^m ((h_\theta(x^{(i)}) - y^{(i)}))^2 = \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^m ((\hat{y}^{(i)}) - y^{(i)}))^2$$



$$\hat{y} = \hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_1 x$$

$$y_i - \overline{y} = (y_i - y_i^-) + (y_i^- - \overline{y}^-)$$

$$\sum_{i=1}^n (y_i - \overline{y}^-)^2 = \sum_{i=1}^n (y_i - y_i^-)^2 + \sum_{i=1}^n (y_i^- - \overline{y}^-)^2$$
 총제곱합 잔차제곱합 회귀제곱합
$$SST \qquad SSE \qquad SSR$$

$$n-1 \qquad n-2 \qquad 1 \qquad (자유도)$$
 *SST (Total sum of squares)
$$*SSR \text{ (Regression sum of squares)}$$

Gradient Descent

Hypothesis function의 최적의 parameter을 찾는 방법

$$h_{\theta}(x) = \theta_0 + \theta_1 x$$
 parameters

목표 : Cost Function에서 $J(\theta_0,\theta_1)$ 을 최소화 o $\min_{\theta_0,\theta_1} J(\theta_0,\theta_1)$

전략: 1. 어떤 parameter에서든 시작 가능

2. 계속 이 parameter을 변화해가면서 최소의 J를 찾는 것



Gradient Descent

algorithm:
$$\theta_j \coloneqq \theta_j - \alpha \frac{\partial}{\partial \theta_j} J(\theta_0, \theta_1)$$



<Update Rules>

$$\theta_{0} := \theta_{0} - \alpha \frac{d}{d\theta_{0}} J(\theta_{0}, \theta_{1}) \qquad \frac{d}{d\theta_{0}} J(\theta_{0}, \theta_{1}) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} (h_{\theta}(x^{(i)}) - y^{(i)})$$

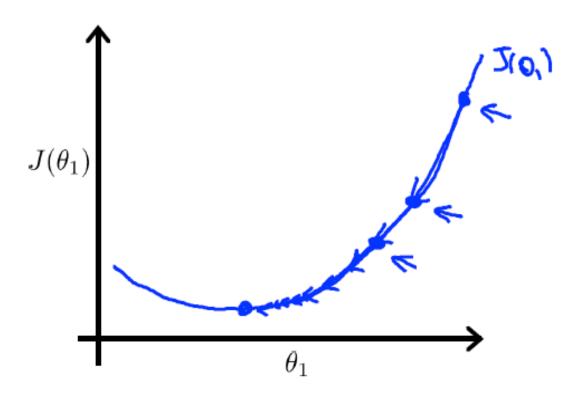
$$\theta_{1} := \theta_{1} - \alpha \frac{d}{d\theta_{1}} J(\theta_{0}, \theta_{1}) \qquad \frac{d}{d\theta_{1}} J(\theta_{0}, \theta_{1}) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} (h_{\theta}(x^{(i)}) - y^{(i)}) \cdot x^{(i)}$$

$$\frac{d}{d\theta_0} J(\theta_0, \theta_1) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} (h_{\theta}(x^{(i)}) - y^{(i)})$$

$$\frac{d}{d\theta_1}J(\theta_0,\theta_1) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} (h_{\theta}(x^{(i)}) - y^{(i)}) \cdot x^{(i)}$$



Gradient Descent

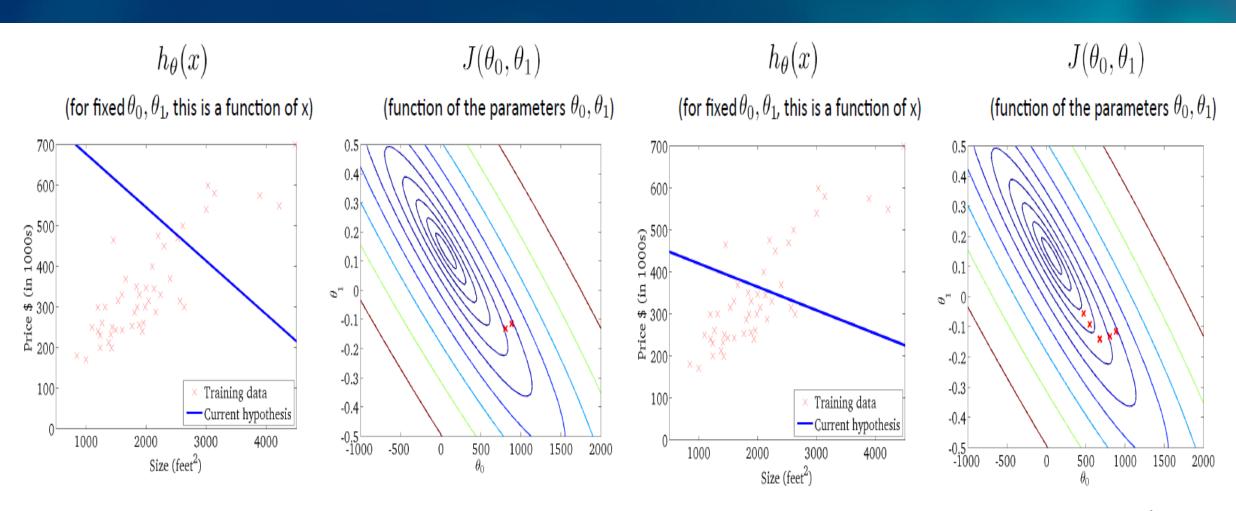


$$\theta_j \coloneqq \theta_j - \alpha \frac{\partial}{\partial \theta_j} J(\theta_0, \theta_1)$$

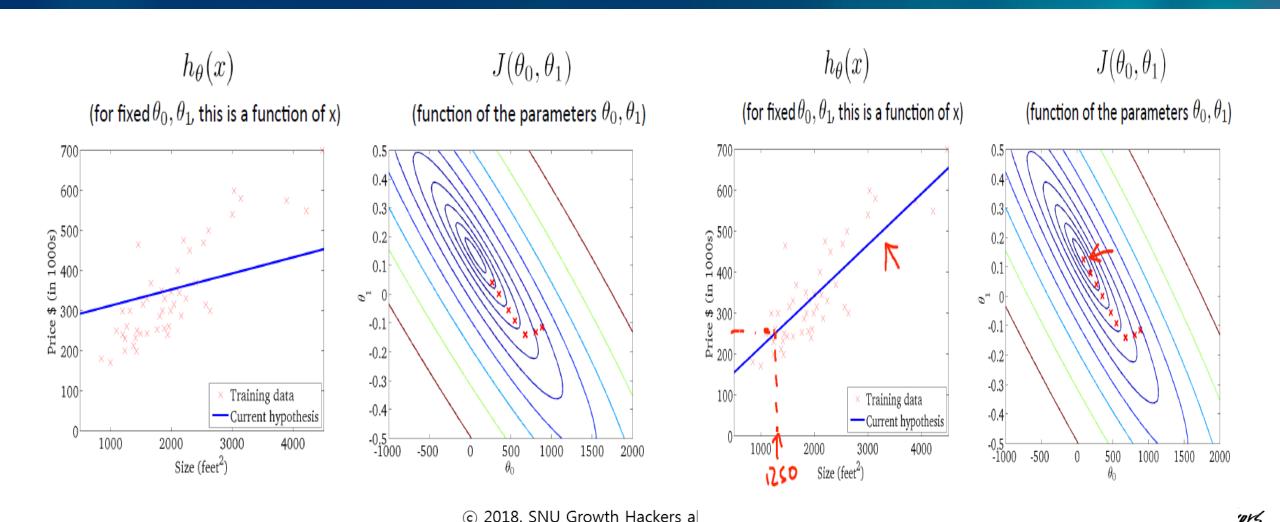
학습율(learning rate)= α 는 항상 양수

- Minimum< θ 일 경우 학습율이 적정 크기일 때, 미분 값(>0)이 점점 작아지며 θ 가 왼쪽으로 향한다.
- Minimum> θ 일 경우 학습율이 적정 크기일 때, 미분 값(<0)이 점점 작아지며 θ 가 오른쪽으로 향한다.

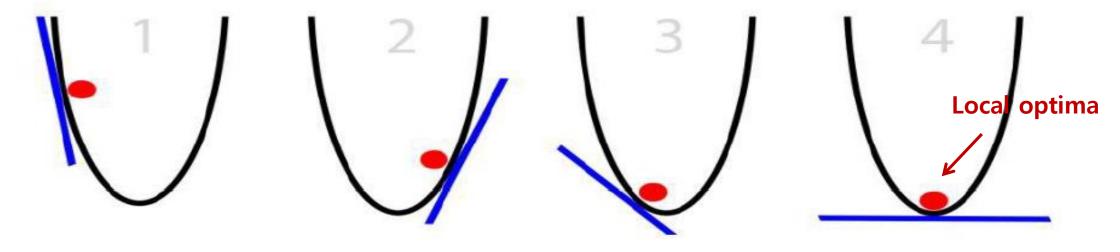








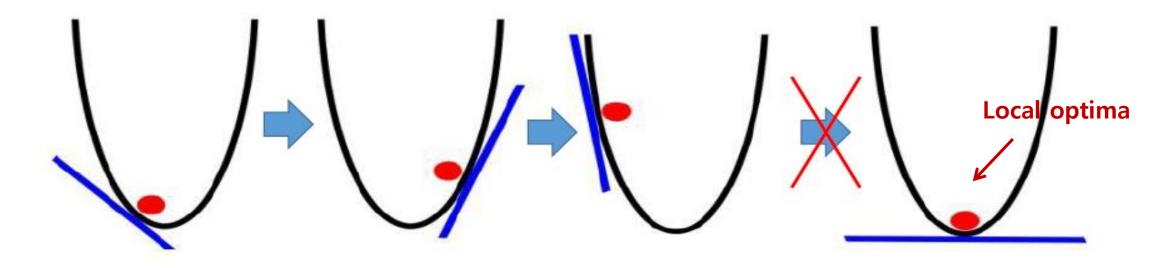
Gradient Descent



- α 에 따라서 위치가 계속해서 바뀐다.
- Gradient descent가 local optima에 이르면 편미분항이 0이라 더이상 update되지 않는다.
- 최적값에 가까워질수록 편미분항의 크기와 gradient descent의 크기가 작아져 learning rate를 굳이 update하지 않아도 된다.



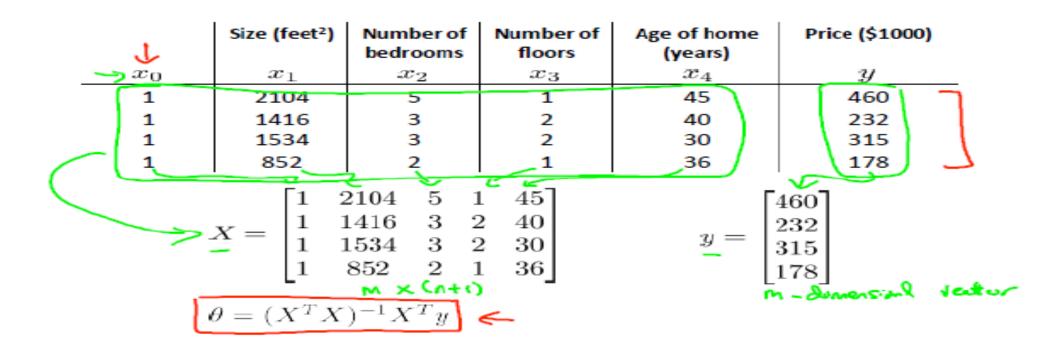
Gradient Descent



- Q. 만약 learning rate(alpha)가 너무 크다면???
- 최적값에 가까워지지 않고 점점 최적값으로부터 멀어지게 update된다..
- 결국 최적값에 다다를 수 없게 된다.



Normal Equation



Normal Equation

Method to solve for θ analytically

 $X\theta = y$ 를 완전히 만족하는 theta가 optimal. $\rightarrow \therefore \theta = X^{-1}y$ But inverse of X가 존재하지 않을 때가 있음.

$$\theta = (X^T X)^{-1} X^T y$$



Gradient Descent vs Normal Equation

	Gradient Descent	Normal Equation
Learning Rate	필요	불필요
N이 클 때(약 n=10 ⁶)	잘 작동	매우 느리다
Iteration	많이 필요	X



•모델이란?

다양한 변수 간의 수학적(or 확률적) 관계를 표현한 것 어떤 물리현상을 특정한 목적에 맞추어 이용하기 쉬운 형식으로 표현하는 일

• 지도학습

데이터에 대한 레이블(명시적인 정답)이 주어진 상태에서 컴퓨터를 학습시키는 방법

• 비지도학습

<u>데이터에 대한 레이블(명시적인 정답)이 주어지지 않은 상태</u>에서 컴퓨터를 학습시키는 방법론. 데이터 형태로 학습을 진행.



• 지도학습(supervised learning)

특정 타겟을 예측. 과거에 타겟 정보가 있는 데이터를 사용하여 모델 학습. 새로운 데이터를 활용하여 모델 평가

Regression	Classification
Output이 countinuous일 경우	Output이 discrete일 경우

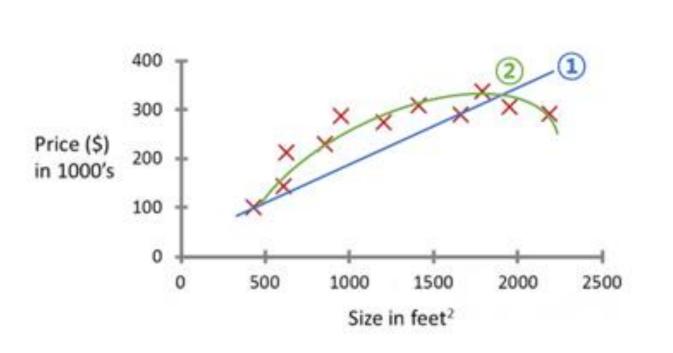
• 비지도학습(unsupervised learning)

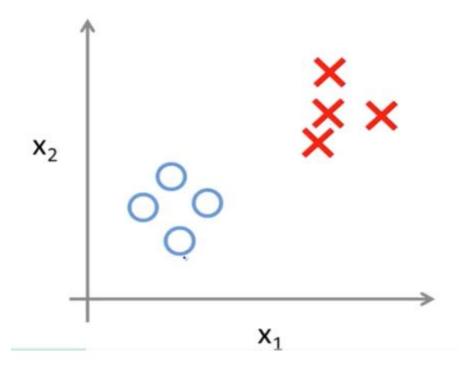
예측하고자 하는 타겟 변수 존재하지 않음. 데이터에 내재된 특성을 분석(데이터 분포 추정, 고객 집단 구분, 연관 규칙 분석).

Clustering	Non-Clustering : 독립성분분석
유사한 데이터를 묶는 것	Cocktail party problem : 목소리 구분



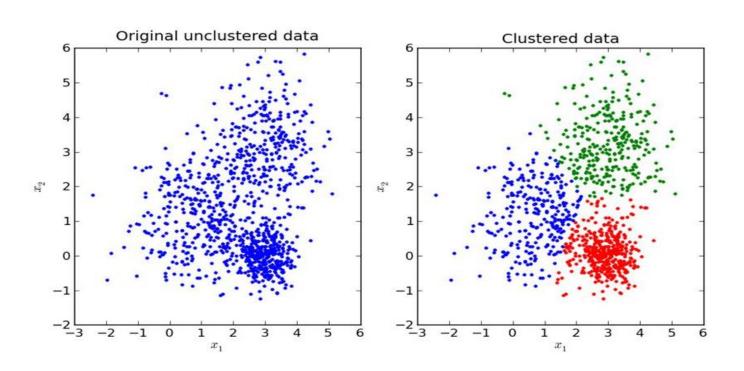
• 지도학습(supervised learning) 예시

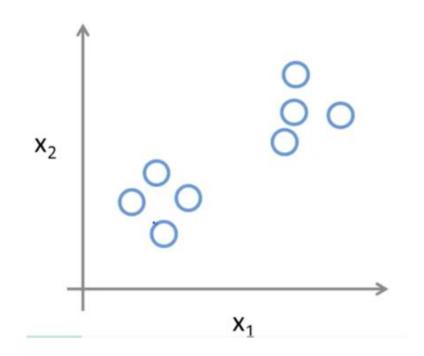






• 비지도학습(unsupervised learning) 예시





https://www.youtube.com/watch?v=T0HP9cxri0A



지도학습	Classification	kNN	
		Naïve Bayes	
		Support Vector machine	
		Decision Tree	
	Regression	Linear regression	
		Locally weighted linear regression	
		Ridge	
		Lasso	
비지도학습		Clustering	
		K means	
		Density estimation	
		Expectation maximization	
		Pazen window	
		DBSCAN	



test-train split

모델의 정확성을 검증하기 위하여 training set, validation set, test set으로 나눈다. (비율은 임의대로지만 대부분 7:3 or 6:2:2로 나눈다.)

Training set으로 학습시키고 test set으로 평가한다. Validation set으로 모델이 여러 개일 때 최종 모델을 선정하기 위한 성능 평가도 한다.

training test

training validation test



test-train split

```
def split_data(data, prob):
   results = [], []
   for row in data:
       results[0 if random.random() < prob else 1].append(row)
   return results
def train_test_split(x, y, test_pct):
   data = zip(x, y) #Data를 두 종류로 나눔
   train, test = split_data(data, 1 - test_pct) #데이터 셋을 나눔
   x_train, y_train = zip(*train) #zip 置フ
   x_test, y_test = zip(*test)
   return x_train, x_test, y_train, y_test
model = SomeKindOfModel()
x_train, x_test, y_train, y_test = train_test_split(xs, ys, 0.33)
model.train(x train, y train)
performance = model.test(x test, y test)
```

• 혼동행렬

	실제 O	실제 X
분류 O	True Positive	False Positive
분류 X	False Negative	True Negative

예 : 스팸메일 분류

True Positive(TP): 실제 스팸메일을 스팸메일로 분류

False Positive(FP): 실제 스팸메일이 아니지만 스팸메일로 분류

False negative(FN): 실제 스팸메일이지만 스팸이 아닌 것으로 분류

True negative(TN): 실제 스팸메일이 아니고 스팸메일이 아니라 분류



<정확성 지표>

1. 정확도

모델이 정확하게 양성 또는 음성으로 예측한 비율

(TP+TN)/Total

3. 재현율

실제 양성으로 예측한 것 중 실제 양성인 비율

TP/(TP+FN)

2. 정밀도(검정력)

모델이 양성으로 예측한 것 중 실제 양성인 비율

TP/(TP+FP)

4. F1점수

정밀도와 재현율의 조화평균, 항상 정밀도와 재현율 사이의 값을 가짐

$$2*p*r/(p+r)$$



<정확성 지표 코드>

1. 정확도

```
def accuracy(tp, fp, fn, tn):
    correct = tp + tn
    total = tp + fp + fn + tn
    return correct / total

print(accuracy(70, 4930, 13930, 981070))
```

2. 정밀도(검정력)

```
def precision(tp, fp, fn, tn):
    return tp/ (tp + fp)
print(precision(70, 4930, 13930, 981070))
```

3. 재현율

```
def recall(tp, fp, fn, tn):
    return tp/ (tp + fn)

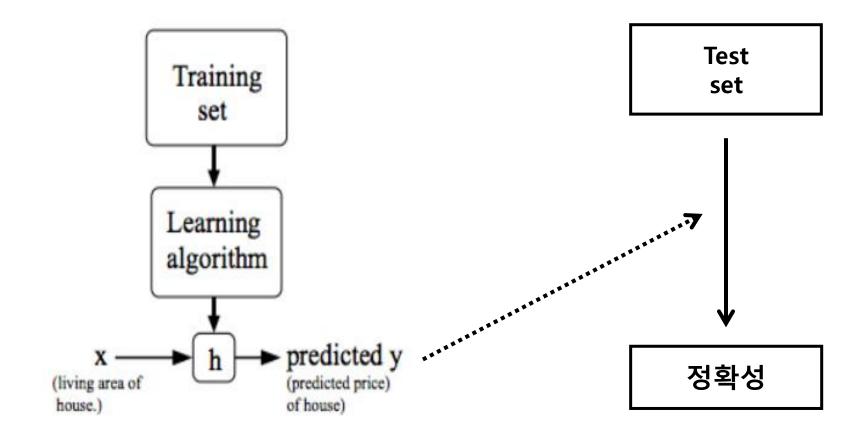
print(recall(80, 4930, 13930, 981070))
```

4. F1점수

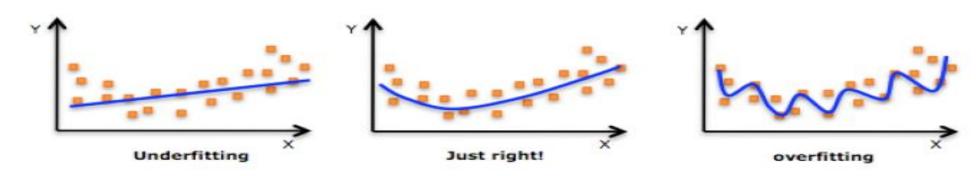
```
def f1_score(tp, fp, fn, tn):
    p = precision(tp, fp, fn, tn)
    r = recall(tp, fp, fn, tn)

return 2 * p * r / (p + r)
```





Overfitting vs Underfitting



Overtitting

모델의 성능이 학습데이터에는 좋지만, 새로운 데이터에 대해서는 좋지 않은 경우

Underfitting

모델의 성능이 학습데이터에도 좋지 않은 경우



bias vs varience

High bias

- 1. 새로운 feature 추가하기
- 2. polynomial feature 추가하기

High variance

- 1. 학습데이터 양을 늘리기
- 2. 쓸데없는 변수 줄이기



• 필요 모듈

- 1. Matplotlib : matlab과 비슷한 인터페이스를 가진 라이브러리로 그래프를 그릴 수 있게 해준다.
- 2. Numpy: X변수 설정을 위해 필요하다

numpy. linspace (start, stop, num-50, endpoint-True, retstep-False, dtype=None) [source] Return evenly spaced numbers over a specified interval. Returns num evenly spaced samples, calculated over the interval [start, stop]. The endpoint of the interval can optionally be excluded.

xx = np.linspace(-10,10,501)

임의의 xx변수에 x값 할당해준다. (-10,10)범위에서 같은 간격으로 500개 뽑아 x에 입력값의 범위를 설정해준다.

3. Scipy : 최저점을 찾게 해주는 모듈

scipy.optimize.minimize

scipy.optimize. MINIMIZE (fun, x0, args=(), method=None, jac=None, a



• 1차원 함수-그래프 나타내기

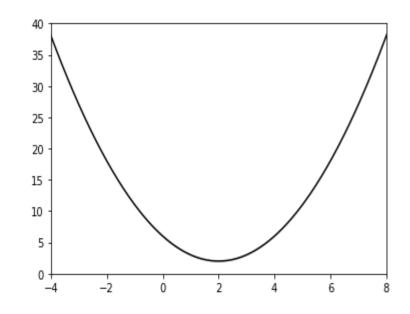
(x,y) 데이터 셋에서 Y=aX+b로 모델을 가정하였다.

Cost Function: $(x-2)^2+2$

```
from matplotlib import pyplot as plt
import numpy as np

#1변수 함수 정의
def f1(x):
    return (x-2)**2+2

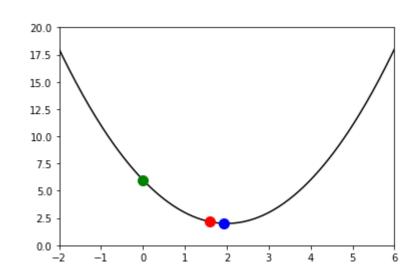
xx=np.linspace(-10,10,501) #(-10,10) 범위에서 같은 간격으로 500개 뽑아 점 찍기
plt.plot(xx,f1(xx),'k') #k는 선으로 있는 것, xx값에 x를 할당해서 f1 그래프 그리기
plt.xlim(-4,8) #x범위 (-4,8) 범위
plt.ylim(0,40) #y범위 (0,40) 범위
plt.show() #그래프 보여주기
```





• 1차원 함수-Gradient Descent

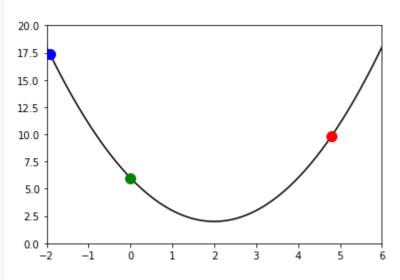
```
#f1을 미분한 함수 정의
def f1d(x):
   return 2*(x-2)
plt.plot(xx,f1(xx),'k')
alpha=0.4 #learning rate 설정
x=0 #초기값 설정
plt.plot(x,f1(x),'go',markersize=10) #go는 점을 찍으란 소리, 사이즈는 10
x=x-alpha*f1d(x) #gradient descent
plt.plot(x,f1(x),'go',markersize=10,color='r')#색깔은 red
x=x-alpha*f1d(x) #gradient descent
plt.plot(x,f1(x),'go',markersize=10,color='b')#색깔은 blue
plt.xlim(-2,6)
plt.ylim(0,20)
plt.show()
```





• 1차원 함수-Gradient Descent(learning rate가 크다면?)

```
plt.plot(xx,f1(xx),'k')
alpha=1.2 #learning rate 설정
x=0 #초기값 설정
plt.plot(x,f1(x),'go',markersize=10) #go는 점을 찍으란 소리, 사이즈는 10
x=x-alpha*f1d(x) #gradient descent
plt.plot(x,f1(x),'go',markersize=10,color='r') #색깔은 red
x=x-alpha*f1d(x) #gradient descent
plt.plot(x,f1(x),'go',markersize=10,color='b') #색깔은 blue
plt.xlim(-2,6)
plt.ylim(0,20)
plt.show()
```





• 1차원 함수-Gradient Descent(if, while문)

1.9968 2.00001024



• 1차원 함수-scipy이용

```
from scipy import optimize as op #scipy모듈 불러오기 result=op.minimize(f1,1) #바로 알 수 있다. print(result)
```

```
fun: 2.0
hess_inv: array([[0.5]])
    jac: array([0.])
message: 'Optimization terminated successfully.'
    nfev: 9
    nit: 2
    njev: 3
    status: 0
success: True
        x: array([1.99999999])
```

• 2차원 함수-그래프 그리기

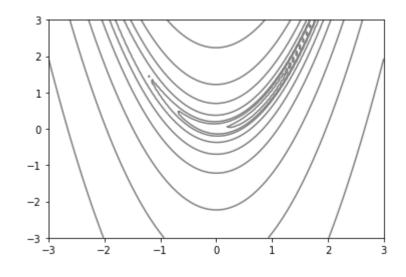
(x,y,z) 데이터 셋에서 모델을 가정하였다.

Cost Function: $(1-x)^2+100*((y-x^2)^2)$

```
def f2(x,y):
    return (1-x)**2 +100*(y-x**2)**2

xx=np.linspace(-3,3,101)
yy=np.linspace(-3,3,101)
X,Y=np.meshgrid(xx,yy) #2차원함수 그리기 쉽도록 mershgrid()용(참조바람)
Z=f2(X,Y)

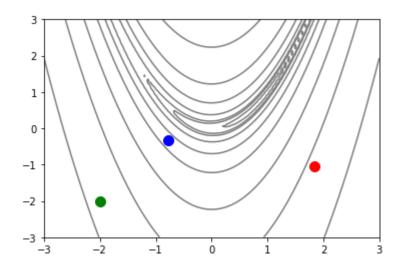
plt.contour(X,Y,Z,colors='gray',levels=[0.7,3,5,15,50,150,500,1500,5000]) #등고선 그리기
plt.show
```





• 2차원 함수-Gradient Descent

```
def f2d(x,y):
    return np.array([2*x-2-400*x*(y-x**2),200*(y-x**2)])
plt.contour(X,Y,Z,colors='gray',levels=[0.7,3,5,15,50,150,500,1500,5000])
alpha=8e-04
x=-2
y=-2
g=f2d(x,y)
print(g)
plt.plot(x,y,'go',markersize=10)
x=x-alpha*g[0]
y=y-alpha*g[1]
g=f2d(x,y)
plt.plot(x,y,'go',markersize=10,color='r')
x=x-alpha*g[0]
y=y-alpha*g[1]
g=f2d(x,y)
plt.plot(x,y,'go',markersize=10,color='b')
plt.show()
```





• 2차원 함수-Gradient Descent(if, while문)

```
alpha=8e-04
x=-2
y=-2
g=f2d(x,y)
temp=(x-alpha*g[0],y-alpha*g[1])
if(f2(temp[0],temp[1])>f2(x,y)):
    print("learning rate is too large!")
else :
    while(True):
        g=f2d(x,y)
        temp=(x-alpha*g[0],y-alpha*g[1])
        if(f2(x,y)-f2(temp[0],temp[1])<0.000000000000):
            break
        x=temp[0]
        y=temp[1]
print(x,y,f2(x,y))
```

0.9997205483173297 0.9994400562865879 7.821833404464664e-08



• 2차원 함수-Gradient Descent(Scipy 이용)

```
def f3(x):
    return (1-x[0])**2 +100*(x[1]-x[0]**2)**2

result=op.minimize(f3,(2,2))
print(result)
```

Quest

'caschool.csv'데이터에서 str과 avginc변수를 통해 read_scr을 예측할 수 있는 y=a*x1+b*x2+c 모형으로 Cost function을 minimize해보세요.

