

$$H_0: \theta =, \leq, \geq$$
$$H_1: \theta \neq, >, <$$

```
np.array([[??], [??]]) #2d
O = pd.crosstab(??, ??)
O = np.array(O)
n = df.shape[0]
```

การประมาณ P แบบช่วง:

$$\boxed{1} \quad x - Z_{\frac{\alpha}{2}} \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \leq \mu \leq x + Z_{\frac{\alpha}{2}} \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

- ทราบ σ^2
- ไม่ทราบ σ^2 แต่ $n \geq 30$

2 $x - Z_{\frac{\alpha}{2}} \frac{s}{\sqrt{n}} \leq \mu \leq x + Z_{\frac{\alpha}{2}} \frac{s}{\sqrt{n}}$
- ไม่ทราบ σ^2 , $n < 30$

$$x - t_{\frac{\alpha}{2}} \frac{s}{\sqrt{n}} \leq \mu \leq x + t_{\frac{\alpha}{2}} \frac{s}{\sqrt{n}}, v = n - 1$$

การทดสอบ μ 1 ประชากร:

$$- \text{ทราบ} \parallel \sigma^2$$
$$6 \quad Z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}}$$

- ไม่ทราบ σ^2 แต่ $n \geq 30$

$$7 \quad Z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\frac{s}{\sqrt{n}}}$$

```
ztest(x1=???,
      value=???,
      alternative=<'larger'/'smaller'/'two-sided'>)
```

- ไม่ทราบ $\sigma^2, n < 30$

$$\boxed{8} \quad t = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\frac{s}{\sqrt{n}}}, v = n - 1$$

```
stats.ttest_1samp(a=???,  
                  popmean=???,  
                  alternative=<'two-sided'/'greater'/'less'>)
```

การทดสอบ P 1 ประชากร:

$$\boxed{13} \quad Z = \frac{\hat{p} - P_0}{\sqrt{\frac{P_0 Q_0}{n}}}$$

```
proportions_ztest(count=???,
  nobs=???,
  value=???,
  alternative=<'two-sided'/'smaller'/'larger'>,
  prop var=???<1ประชากรคือvalue/2ประชากรไม่ต้องระบุ>)
```

การทดสอบ P 2 ประชากร:

$$\boxed{14} \quad Z = \frac{(\hat{p}_1 - \hat{p}_2) - P_0}{\sqrt{\hat{p}\hat{q}\left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right)}} \quad , \quad \hat{p} = \frac{n_1\hat{p}_1 + n_2\hat{p}_2}{n_1 + n_2} = \frac{x_1 + x_2}{n_1 + n_2}$$

การทดสอบ μ 2 ประชากรไม่อิสระ มีลักษณะเป็นคู่:

$$\boxed{15} \quad t = \frac{d-d_0}{\sqrt{\frac{s_d^2}{n}}}, v = n-1$$
$$\bar{d} = \frac{\sum (x_1 - x_2)}{n}$$
$$s_d^2 = \frac{\sum (x_1 - x_2)^2 - n\bar{d}^2}{n - 1}$$

การทดสอบ μ 2 ประชากรอิสระ:

- ทราบ σ_1^2 และ σ_2^2

$$Z = \frac{(\bar{x}_1 - \bar{x}_2) - (\mu_1 - \mu_2)}{\sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}}$$

- ไม่ทราบ σ_1^2 และ σ_2^2 แต่ $n_1, n_2 \geq 30$

$$Z = \frac{(\bar{x}_1 - \bar{x}_2) - (\mu_1 - \mu_2)}{\sqrt{\frac{s_1^2}{n_1} + \frac{s_2^2}{n_2}}}$$

- ไม่ทราบ σ_1^2 และ σ_2^2 $n_1, n_2 < 30$ รู้ว่า $\sigma_1^2 = \sigma_2^2$

$$t = \frac{(\bar{x}_1 - \bar{x}_2) - (\mu_1 - \mu_2)}{\sqrt{s_p^2 \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2} \right)}}, v = n_1 + n_2 - 2$$
$$\text{โดยที่ } S_p^2 = \frac{(n_1-1)s_1^2 + (n_2-1)s_2^2}{n_1+n_2-2}$$

- ไม่ทราบ σ_1^2 และ σ_2^2 $n_1, n_2 < 30$ รู้ว่า $\sigma_1^2 \neq \sigma_2^2$

$$t = \frac{(\bar{x}_1 - \bar{x}_2) - (\mu_1 - \mu_2)}{\sqrt{\frac{s_1^2}{n_1} + \frac{s_2^2}{n_2}}}, v = \frac{\left(\frac{s_1^2}{n_1} + \frac{s_2^2}{n_2}\right)^2}{\frac{\left(\frac{s_1^2}{n_1}\right)^2}{n_1 - 1} + \frac{\left(\frac{s_2^2}{n_2}\right)^2}{n_2 - 1}}$$

```
stats.ttest_ind(a=???,
                b=???,
                equal_var=<True/False>,
                alternative=<'two-sided'/'greater'/'less'>)
```

การทดสอบ σ^2 1 ประชากร:

$$\chi^2 = \frac{(n-1)s^2}{\sigma_0^2} \quad v = n-1$$

การทดสอบ σ^2 2 ประชากร:

$$F = \frac{s_1^2/\sigma_1^2}{s_2^2/\sigma_2^2} \quad \begin{array}{cc} \text{dfn} & \text{dfd} \\ v_1 = n_1 - 1, & v_2 = n_2 - 1 \end{array}$$

การตั้งสมมติฐานใช้ σ_1^2/σ_2^2

```
stats.ttest_rel(a=???,
               b=???,
               alternative=<'two-sided'/'greater'/'less'>)
```

Chi-Square Test > ทดสอบอัตราส่วน:

$$18 \quad \chi^2 = \sum_{i=1}^k \frac{(O_i - E_i)^2}{E_i}, v = k - 1$$

stats.chisquare(f_obs=???, f_exp=???)

สัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์:

$$20 \quad r = \frac{n \sum XY - (\sum X)(\sum Y)}{\sqrt{n \sum X^2 - (\sum X)^2} \sqrt{n \sum Y^2 - (\sum Y)^2}}$$

r, p_val = stats.pearsonr(x, y)

การวิเคราะห์การถดถอยอย่างง่าย:

$$\hat{y} = b_0 + b_1 x_i \quad b_0 = \bar{y} - b_1 \bar{x}$$

$$b_1 = \frac{\sum (x - \bar{x})(y - \bar{y})}{\sum (x - \bar{x})^2}$$

การทดสอบสมมติฐานค่า β_1 โดยการวิเคราะห์ความแปรปรวน:

$$22 \quad F = \frac{MSR}{MSE} \quad v_1 = 1, v_2 = n - 2 \quad \text{right-tailed}$$

$$MSR = \frac{SSR}{1}, \quad SSR = b_0 \sum y + b_1 \sum xy - n \bar{y}^2$$

$$MSE = \frac{SSE}{n-2}, \quad SSE = SST - SSR, \quad SST = \sum y^2 - n \bar{y}^2$$

สัมประสิทธิ์การตัดสินใจ:

$$23 \quad r^2 = \frac{SSR}{SST} = 1 - \frac{SSE}{SST}$$

การเปิด Jupyter Lab :

- เปิดโปรแกรม Anaconda Prompt แล้วพิมพ์คำสั่ง
- เปิดโปรแกรม Anaconda Prompt (คลิกขวาที่ shortcut icon ที่ desktop เลือก run as administrator) แล้วพิมพ์คำสั่ง
- conda activate ProgStat_Py3_11
- jupyter lab
- สร้าง notebook แล้วทำการ import library ตามด้านขวา

Chi-Square Test > ทดสอบความเป็นอิสระ:

$$19 \quad \chi^2 = \sum_{i=1}^r \sum_{j=1}^c \frac{(O_{ij} - E_{ij})^2}{E_{ij}}, v = (r - 1)(c - 1)$$

$$E_{ij} = \frac{R_i C_j}{N}$$

chi2_cal, p_val, dof, E = stats.chi2_contingency(???, correction=False)

การทดสอบเกี่ยวกับสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์:

H_0 : x กับ y ไม่มีความสัมพันธ์เชิงเส้น

$$t = \frac{r}{S_r}, S_r = \sqrt{\frac{1 - r^2}{n - 2}}, v = n - 2 \quad 2\text{-tailed} \quad 21$$

การทำนาย y:

y_hat = lr.predict(x)

```
x = ???
y = ???
x_wconst = sm.add_constant(x)
lr = sm.OLS(y, x_wconst).fit()
print(lr.summary())
```

คำสั่งในการ import library:

```
import pandas as pd
import numpy as np
from scipy import stats
import statsmodels.api as sm
from statsmodels.stats.weightstats import ztest
from statsmodels.stats.proportion import proportions_ztest
```

*หากเกิด error ไม่พบ library statsmodels ให้พิมพ์คำสั่ง (ใน Notebook):
%pip install statsmodels