Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського» Факультет інформатики та обчислювальної техніки Кафедра обчислювальної техніки

Методи оптимізації та планування експерименту Лабораторна робота №2

«ПРОВЕДЕННЯ ДВОФАКТОРНОГО ЕКСПЕРИМЕНТУ З ВИКОРИСТАННЯМ ЛІНІЙНОГО РІВНЯННЯ РЕГРЕСІЇ»

Виконав:

Студент групи ІО-92

Педенко Данило Денисович

Перевірив:

ас. Регіда П. Г.

Київ

2021 p.

Лабораторна робота № 2

<u>Тема:</u> ПРОВЕДЕННЯ ДВОФАКТОРНОГО ЕКСПЕРИМЕНТУ З ВИКОРИСТАННЯМ ЛІНІЙНОГО РІВНЯННЯ РЕГРЕСІЇ.

<u>Мета:</u> провести двофакторний експеримент, перевірити однорідність дисперсії за критерієм Романовського, отримати коефіцієнти рівняння регресії, провести натуралізацію рівняння регресії.

Завдання:

- 1. Записати лінійне рівняння регресії.
- 2. Обрати тип двофакторного експерименту і скласти матрицю планування для нього з використанням додаткового нульового фактору (xo=1).
- 3. Провести експеримент в усіх точках повного факторного простору (знайти значення функції відгуку у). Значення функції відгуку задати випадковим чином у відповідності до варіанту у діапазоні уті ÷ утах.
- 4. Перевірити однорідності дисперсії за критерієм Романовського
- 5. Знайти коефіцієнти нормованих рівнянь регресії і виконати перевірку (підставити значення нормованих факторів і коефіцієнтів у рівняння).
- 6. Провести натуралізацію рівняння регресії й виконати перевірку натуралізованого рівняння.
- 7. Написати комп'ютерну програму, яка все це виконує.

Завдання відповідно за номером варіанту:

216	1.0	E (1)	20	(0
213	10	30	-/11	l OU
	1.0	20	Acres 14,0	00

Роздруківка тексту програми:

```
import random as ran
import math as ma
import numpy
from prettytable import PrettyTable
def inf(count, mean):
    array_x1 = [10, 50]
    m = 5 + count
    array_x2 = [-20, 60]
    array_y = [(30 - 15) * 10, (20 - 15) * 10]
    teta0 = ma.sqrt(2 * (2 * m - 2) / (m * (m - 4)))
    matr_x = []
    matr x2 = []
    matr_y = [[ran.randint(array_y[1], array_y[0]) for j in range(m)] for i in
range(3)]
    avey = []
    sigma = []
    array_fuv = []
    array_a = []
    array_aij = []
    for i in range(3):
        # Запис на 1 рядок матриці планування, номованих значень Х1 та Х2
        if i == 0:
            matr x.append([-1, -1])
            matr x2.append([min(array x1), min(array x2)])
        # Запис на 2 рядок матриці планування, номованих значень Х1 та Х2
        elif i == 1:
            matr_x.append([-1, 1])
```

```
matr_x2.append([min(array_x1), max(array_x2)])
        # Запис на 3 рядок матриці планування, номованих значень Х1 та Х2
        elif i == 2:
            matr x.append([1, -1])
            matr_x2.append([max(array_x1), min(array_x2)])
    for i in range(len(matr_y)):
        sumer = 0
        temp = sum(matr_y[i]) / len(matr_y[i])
        avey.append(temp)
        for j in range(len(matr_y[i])):
            sumer += (matr_y[i][j] - temp) ** 2
        sigma.append(sumer / len(matr_y[i]))
    array_fuv.append(sigma[0] / sigma[1])
    array_fuv.append(sigma[2] / sigma[0])
    array fuv.append(sigma[2] / sigma[1])
    array_tetas = [(m - 2) / m * array_fuv[i] for i in range(len(array_fuv))]
    array_ruv = [ma.fabs(i - 1) / teta0 for i in array_tetas]
    for i in range(len(array_ruv)):
        if array_ruv[i] < 2:</pre>
            mean = True
            print("R{0}uv > 2".format(i))
        else:
            mean = False
            print("R{0}uv < 2".format(i))</pre>
    if mean:
        trans = numpy.array(matr_x).transpose()
        array mx = [sum(trans[i]) / len(trans[i]) for i in range(2)]
        my = sum(avey) / len(avey)
        for i in range(2):
            temp = 0
            if i == 1:
                for j in matr_x:
                    temp += numpy.array(j).prod()
                array_a.append(temp / 3)
                temp = 0
            for j in range(len(trans[i])):
                temp += (trans[i][j] ** 2)
            array_a.append(temp / 3)
        for i in range(2):
            temp = 0
            for j in range(len(trans[i])):
                temp += trans[i][j] * avey[j]
            array_aij.append(temp / 3)
        first = numpy.array(
            [[1, array_mx[0], array_mx[1]], [array_mx[0], array_a[0], array_a[1]],
             [array_mx[1], array_a[1], array_a[2]]])
        second = numpy.array([my, array_aij[0], array_aij[1]])
        res = numpy.linalg.solve(first, second)
        array_delx = [(max(array_x1) - min(array_x1)) / 2, (max(array_x2) -
min(array x2)) / 2
        array_zerx = [sum(array_x1) / 2, sum(array_x2) / 2]
        a0 = res[0] - res[1] * (array_zerx[0] / array_delx[0]) - res[2] *
(array_zerx[1] / array_delx[1])
        a1 = res[1] / array_delx[0]
        a2 = res[2] / array delx[1]
        ta = PrettyTable()
        ta.field names = ["X1", "X2", "Y1", "Y2", "Y3", "Y4", "Y5"]
        ta.add rows(
            Γ
                [matr_x[0][0], matr_x[0][1], matr_y[0][0], matr_y[0][1],
matr_y[0][2], matr_y[0][3], matr_y[0][4]],
                [matr_x[1][0], matr_x[1][1], matr_y[1][0], matr_y[1][1],
```

```
matr_y[1][2], matr_y[1][3], matr_y[1][4]],
                 [matr_x[2][0], matr_x[2][1], matr_y[2][0], matr_y[2][1],
matr_y[2][2], matr_y[2][3], matr_y[2][4]],
        )
        print("m = ", m)
        print("Матриця планування для m = 5")
        print(ta)
        print("Нормованні значення X1 та X2:\n", matr_x)
        print("Значення функції відгуку при m = {0}:\n".format(m),
numpy.array(matr y))
        print("Середнє значення функції відгуку:\n", avey)
        print("Значення дисперсій:\n", sigma)
        print("Значення Fuv:\n", array_fuv)
        print("Значення Өuv:\n", array_tetas)
        print("Значення Ruv:\n", array ruv)
        print("Матиматичне очікування X1 та X2:\n", array mx)
        print("Значення a:\n", array_a)
        print("Значення aij:\n", array_aij, "\n")
        print("Нормоване рівняння регресії")
        print("y = \{0\} + \{1\}*x1 + \{2\}*x2\n".format(res[0], res[1], res[2])) print("Зробимо перевірку:")
        for i in range(len(matr x)):
            check = res[0] + res[1] * matr_x[i][0] + res[2] * matr_x[i][1]
            print("y{0} = {1}".format(i, check))
        print("\n")
        print("Натуралізоване рівняння регресії")
        print("y = \{0\} + \{1\}*x1 + \{2\}*x2\n".format(a0, a1, a2))
        print("Зробимо перевірку:")
        for i in range(len(matr_x2)):
            check = a0 + a1 * matr_x2[i][0] + a2 * matr_x2[i][1]
            print("y{0} = {1}".format(i, check))
        return mean
    else:
        return mean
a = 0
while True:
    b = False
    if inf(a, b):
        n = input("Введіть \"stop\" щоб зупинити програму: ")
        if n == "stop":
            break
    else:
        n = input("Введіть \"stop\" щоб зупинити програму:")
        if n == "stop":
            break
        print("Збільшуємо m на 1")
        a += 1
```

Роздруківка результатів роботи програми:

```
D:\Anaconda\envs\Lab2MOPE\python.exe "D:/Педенко IO-92/MOPE/Lab2MOPE/lab2.py"
R0uv > 2
R1uv > 2
Матриця планування для m = 5
| 1 | -1 | 108 | 109 | 98 | 145 | 59 |
Нормованні значення X1 та X2:
Значення функції відгуку при m = 5:
[[116 110 82 134 125]
[111 131 90 85 67]
[108 109 98 145 59]]
Середнє значення функції відгуку:
[113.4, 96.8, 103.8]
Значення дисперсій:
[312.64000000000004, 488.9600000000004, 756.5600000000001]
[0.6393979057591623, 2.419907881269191, 1.5472840314136125]
Значення θuv:
[0.38363874345549737, 1.4519447287615146, 0.9283704188481674]
Значення Ruv:
 [0.3445564170826738, 0.25264478389586276, 0.040042153163833846]
Матиматичне очікування X1 та X2:
[-0.333333333333333, -0.33333333333333333]
Значення а:
[1.0, -0.333333333333333, 1.0]
Значення аіј:
Нормоване рівняння регресії
y = 100.300000000000001 + -4.7999999999998*x1 + -8.3*x2
Зробимо перевірку:
y1 = 96.80000000000001
y2 = 103.800000000000001
Натуралізоване рівняння регресії
y = 111.650000000000000 + -0.2399999999999*x1 + -0.207500000000000002*x2
Зробимо перевірку:
y0 = 113.400000000000000
y1 = 96.800000000000001
y2 = 103.800000000000003
Введіть "stop" щоб зупинити програму: stop
Process finished with exit code 0
```

Висновок:

В ході лабораторної роботи, було проведено двофакторний експеримент, перевірено однорідність дисперсії за критерієм Романовського, отримано коефіцієнти рівняння регресії, проведено натуралізацію рівняння регресії. Закріплено отримані знання практичним їх використанням при написанні програми, що реалізує завдання на лабораторну роботу.

Контрольні запитання

- 1) Що таке регресійні поліноми і де вони застосовуються? В теорії планування експерименту найважливішою частиною є оцінка результатів вимірів. При цьому використовують апроксимуючі поліноми, за допомогою яких ми можемо описати нашу функцію. В ТПЕ ці поліноми отримали спеціальну назву регресійні поліноми
- 2) Визначення однорідності дисперсії. Для цього необхідно спочатку знайти середньоарифметичне значення дослідів $\bar{\mathbf{y}}_{\mathbf{j}}$ ($\mathbf{j}=\overline{1,m}$) (математичне сподівання $\mathbf{m}_{\mathbf{y}\mathbf{j}}$) в кожній точці факторного простору: $\bar{\mathbf{y}}_{\mathbf{j}}=(1/m)\sum_{1}^{m}y_{\mathbf{j}\mathbf{s}}(\mathbf{i}=\overline{1,N})$.

Оскільки теоретичні значення дисперсії σ^2_j ($j=\overline{1,N}$) невідомі, то перевірка однорідності дисперсії виконується на основі аналізу статистичних оцінок дисперсії S^2_j ($i=\overline{1,N}$) для усіх точок факторного простору.

Статистичні оцінки дисперсії S_j^2 ($j=\overline{1,N}$) для кожної точки факторного простору розрахо-вують за формулою: $S_j^2=\{1/(m-1)\}\{\sum_1^m(y_{js}-\overline{y}_j)^2\}$ ($j=\overline{1,N}$). Отже, перевірка однорідності дисперсії — це перевірка гіпотези стосовно належності N значень статистичних оцінок дисперсії S_j^2 ($i=\overline{1,N}$) одній генеральній сукупності.

3) Що називається повним факторним експериментом? $\Pi\Phi E$ — повний факторний експеримент,- це коли використовуються усі можливі комбінації рівнів факторів; при $\Pi\Phi E$ кількість комбінацій $\mathbf{N}_{\mathbf{n}} = \mathbf{r}^{\mathbf{k}}$.