Коллапс данных квадрата намагниченности

Возьмём набор данных из симуляций Двумерного Изинга при нулевом внешнем поле

Пусть мы будем рассматривать длины 10-100 с шагом 10, а абсолютную температуру - 1/J, где J - 0.1-0.6, 0.7-0.9 с шагом 0.01

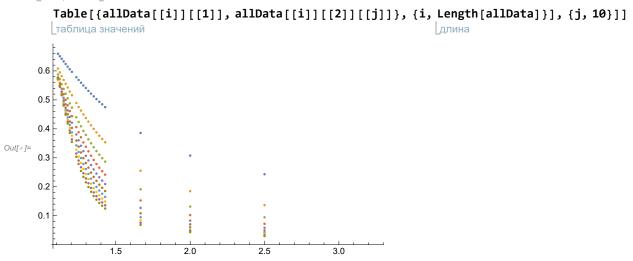
```
In[11]:= allData = {};
In[12]:= Do
    оператор цикла
      ColWithT = \{10/J\};
      data = Import[StringJoin[
             импорт соединить строки
          "https://raw.githubusercontent.com/kamilla0503/saw/master/Ising/BC/M_counts_and
            _contacts_0.", ToString[J], "00000_0_higher_hpc.txt"],
                            преобразовать в строку
         "Table"];
         таблица значений
      Col = {};
      Do[Col = Append[Col, data[[2 + L]][[10]]],
      операто… добавить в конец
       {L, {10, 20, 30, 40, 50, 60, 70, 80, 90, 100}}];
      ColWithT = Append[ColWithT, Col];
                 добавить в конец
      allData = Append[allData, ColWithT], {J, {1, 2, 3, 4, 5, 6}}]
                добавить в конец
In[13]:= Do
     оператор цикла
      ColWithT = \{100/J\};
      data = Import[StringJoin[
             импорт соединить строки
          "https://raw.githubusercontent.com/kamilla0503/saw/master/Ising/Calcs_3/M_counts
            _and_contacts_0.", ToString[J],
                                 преобразовать в строку
          "0000 0 higher hpc.txt"], "Table"];
                                       таблица значений
      Col = {};
      Do[Col = Append[Col, data[[2 + L]][[10]]],
      операто… добавить в конец
       {L, {10, 20, 30, 40, 50, 60, 70, 80, 90, 100}}];
      ColWithT = Append[ColWithT, Col];
                 добавить в конец
      allData = Append[allData, ColWithT], {J, 70, 81}]
                добавить в конец
```

```
In[14]:= Do
    оператор цикла
      ColWithT = \{100/J\};
      data = Import[StringJoin[
             импорт соединить строки
          "https://raw.githubusercontent.com/kamilla0503/saw/master/Ising/Calcs_3/M_counts
            _and_contacts_0.", ToString[J],
                                преобразовать в строку
          "0000_0_higher_hpc.txt"], "Table"];
                                       _таблица значений
      Col = {};
      Do[Col = Append[Col, data[[2 + L]][[10]]],
      операто… добавить в конец
       {L, {10, 20, 30, 40, 50, 60, 70, 80, 90, 100}}];
      ColWithT = Append[ColWithT, Col];
                 добавить в конец
      allData = Append[allData, ColWithT], {J, 83, 90}]
                добавить в конец
```

Рассмотрим пока немасштабированный график:

```
In[*]:= ListPlot[Table[
```

диаграмм . Таблица значений



Возникают заметные и растущие расхождения

Перейдём к масштабированию графика: заменим Т на (Т-Тс), а значение квадрата умножим на $L^{-\gamma/\nu}$

```
ln[15] = Tc = 1/0.835
Out[15]= 1.1976
ln[17] = Ls = \{10, 20, 30, 40, 50, 60, 70, 80, 90, 100\};
```

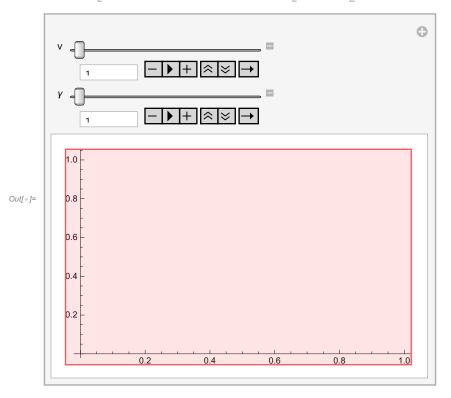
+

Manipulate [ListPlot [Table [

варьировать диаграмм Таблица значений

 $Table \Big[\Big\{ \Big(allData[[i]][[1]] - Tc \Big) * Ls[[j]]^{1/2} ", allData[[i]][[2]][[j]] * Ls[[j]]^{b/v} \Big\}, \\$

{i, Length[allData]}], {j, 10}], Joined \rightarrow True], {v, 1, 5, 0.1}, { γ , 1, 5, 0.1}] соединё… истина



- Part: Part 3 of {0.73, 0.156066} does not exist.
- Part: Part 3 of {0.73, 0.11404} does not exist.
- Part: Part 3 of {0.73, 0.0737083} does not exist.
- General: Further output of Part::partw will be suppressed during this calculation.
- Part: Part 4 of {100, 0.73, 0.156066} does not exist.
- Part: Part 4 of {150, 0.73, 0.11404} does not exist.
- Part: Part 4 of {250, 0.73, 0.0737083} does not exist.
- General: Further output of Part::partw will be suppressed during this calculation.
- Part: Part 4 of {300, 0.73, 0.0625612} does not exist.
- Part: Part 4 of {350, 0.73, 0.054289} does not exist.
- Part: Part 4 of {500, 0.73, 0.038933} does not exist.
- General: Further output of Part::partw will be suppressed during this calculation.
- Part: Part 7 of {300, 350, 500, 600, 750, 1000} does not exist.
- Part: Part 7 of {300, 350, 500, 600, 750, 1000} does not exist.
- Part: Part 7 of {300, 350, 500, 600, 750, 1000} does not exist.
- General: Further output of Part::partw will be suppressed during this calculation.
- Part: Part 7 of {300, 350, 500, 600, 750, 1000} does not exist.
- Part: Part 7 of {300, 350, 500, 600, 750, 1000} does not exist.

Part: Part 7 of {300, 350, 500, 600, 750, 1000} does not exist. General: Further output of Part::partw will be suppressed during this calculation. Part: Part 7 of {300, 350, 500, 600, 750, 1000} does not exist. Part: Part 7 of {300, 350, 500, 600, 750, 1000} does not exist. Part: Part 7 of {300, 350, 500, 600, 750, 1000} does not exist. General: Further output of Part::partw will be suppressed during this calculation. Part: Part 7 of {300, 350, 500, 600, 750, 1000} does not exist. Part: Part 7 of {300, 350, 500, 600, 750, 1000} does not exist. Part: Part 7 of {300, 350, 500, 600, 750, 1000} does not exist. General: Further output of Part::partw will be suppressed during this calculation. Part: Part 7 of {300, 350, 500, 600, 750, 1000} does not exist. Part: Part 7 of {300, 350, 500, 600, 750, 1000} does not exist. Part: Part 7 of {300, 350, 500, 600, 750, 1000} does not exist. General: Further output of Part::partw will be suppressed during this calculation. Part: Part 7 of {300, 350, 500, 600, 750, 1000} does not exist. Part: Part 7 of {300, 350, 500, 600, 750, 1000} does not exist. Part: Part 7 of {300, 350, 500, 600, 750, 1000} does not exist. General: Further output of Part::partw will be suppressed during this calculation. Part: Part 5 of {250, 0.73, 1.03736, 1.08545} does not exist. Part: Part 5 of {300, 0.73, 1.03986, 1.08919} does not exist. Part: Part 5 of {350, 0.73, 1.04164, 1.09182} does not exist.

General: Further output of Part::partw will be suppressed during this calculation.

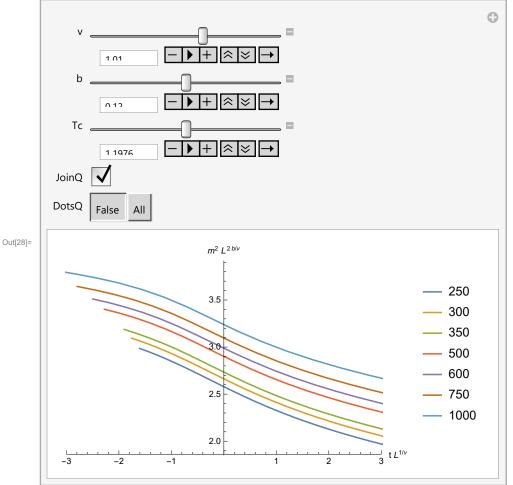
Пересечение почти достигнуто при увеличении v, но этого недостаточно: стоит попробовать покрутить и Tc:

```
In[19]:= Manipulate [ListPlot [Table [
      варьировать диаграмм Таблица значений
           Table[{(allData[[i]][[1]] - Tc) * Ls[[j]]<sup>1/v</sup>, allData[[i]][[2]][[j]] * Ls[[j]]<sup>b/v</sup>},
          таблица значений
             \{v, 0.9, 1.1, 0.02\}, \{b, 0.1, 0.2, 0.01\}, \{Tc, 1/0.835 - 0.2, 1/0.835 + 0.2, 0.01\}
                                                                                                                 +
                                                                             0
               1 ∩ 2
               ∩ 12
               1 1976
           1.0
Out[19]=
           ០ ឧ
           0.6
           0.2
       Part: Part 4 of {300, 0.73, 0.0625612} does not exist.
           Part: Part 4 of {350, 0.73, 0.054289} does not exist.
           Part: Part 4 of {500, 0.73, 0.038933} does not exist.
           General: Further output of Part::partw will be suppressed during this calculation.
           Part: Part 4 of {300, 0.73, 0.0625612} does not exist.
           Part: Part 4 of {350, 0.73, 0.054289} does not exist.
           Part: Part 4 of {500, 0.73, 0.038933} does not exist.
           General: Further output of Part::partw will be suppressed during this calculation.
           Part: Part 5 of {250, 0.73, 1.03736, 1.08545} does not exist.
           Part: Part 5 of {300, 0.73, 1.03986, 1.08919} does not exist.
           Part: Part 5 of {350, 0.73, 1.04164, 1.09182} does not exist.
       General: Further output of Part::partw will be suppressed during this calculation.
```

```
In[20]:= newData = Import[
               импорт
         "https://raw.githubusercontent.com/kamilla0503/saw/master/Ising/Canonical_near
            _phase/all.txt", "Table"];
                               таблица значений
     Возьмём длины 100-1000:
In[50]:= allData = {};
     Ls = \{300, 350, 500, 600, 750, 1000\}
     Do [
     оператор цикла
      AppendTo[allData, Select[newData, #[[1]] == L &][[All, {1, 2, 16}]]];
      добавить в конец к
                        выбрать
       , {L, Ls}]
Out[51] = \{300, 350, 500, 600, 750, 1000\}
```

Стоит отметить, что в формулах фигурируют не длины систем, а их квадратные корни (так как N = L * L, где L - используемая в формулах величина)

```
In[28]:= Manipulate[ListPlot[
      варьировать диаграмма разброса данных
         \mathsf{MapAt}\big[\big\{\big(1\big/\#[[2]]-\mathsf{Tc}\big)*\#[[1]]^{1/2}^{\,\,\,\,\,\,},\#[[3]]*\#[[1]]^{\,\,\,\,\,\,\,\,\,\,}\big\}\;\&,\;\mathsf{allData},\;\{\mathsf{All},\mathsf{All}\}\big],
         преобразовать элемент
         PlotLegends \rightarrow Ls, PlotRange \rightarrow {{-3, 3}, All}, Joined \rightarrow JoinQ,
                                отображаемый диапазон г… всё соединённые
         Mesh → DotsQ, AxesLabel → \{"t L^{1/v}", "m^2 L^{2b/v}"\}], \{v, 0.95, 1.05, 0.01\},
                            обозначения на осях
        \{b, 0.11, 0.13, 0.002\}, \{Tc, 1/0.835 - 0.01, 1/0.835 + 0.01, 0.001\},
        {JoinQ, {True, False}}, {DotsQ, {False, All}}]
```



На данный момент лучший результат показывает v=1.01, b=0.12, a Tc=1,1976 (при увеличении Тс графики расходятся в прямом порядке легенды (чем выше график, тем меньше длина), при уменьшении же - в обратном (наибольшие длины поднимаются вверх)) (при увеличение b графики слева расходятся, а справа - сливаются, и наоборот; 0.12 наиболее оптимальный вариант)

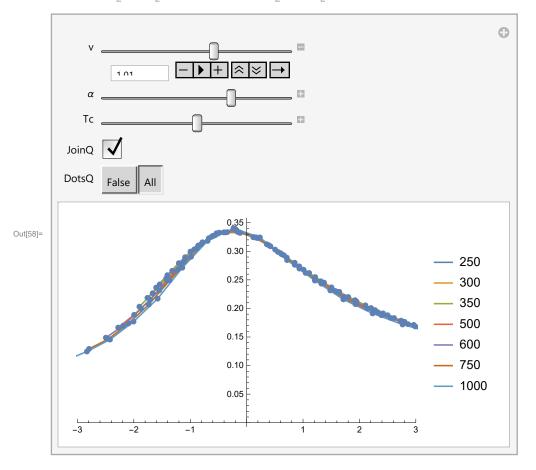
```
In[53]:= ListPlot
       диаграмма разброса данных
         \label{eq:mapAt} \texttt{MapAt} \left[ \left\{ \left( 1 \middle/ \# [[2]] - \mathsf{Tc} \right) * \# [[1]]^{1/2} \vee, \# [[3]] * \# [[1]]^{b/\nu} \right\} \&, \ \texttt{allData}, \ \{ \texttt{All}, \ \texttt{All} \} \right] \ /. 
        преобразовать элемент
          \{v \rightarrow 1.01, b \rightarrow 0.12, Tc \rightarrow 1.1976\}, PlotLegends \rightarrow Ls, PlotRange \rightarrow \{\{-3, 3\}, All\},
                                                       _легенды графика __отображаемый диапазон г… _всё
         Joined → True, Mesh → All, AxesLabel → \{"t L^{1/v}", "m^2 L^{2b/v"}\}
        соединё… истина сетка всё
                                            обозначения на осях
                                     m<sup>2</sup> L<sup>2b/v</sup>
                                     2.0
                                                                                   — 300
                                     1.5
                                                                                 <del>----</del> 350
                                                                                    - 500
Out[53]=
                                     1.0
                                                                                  — 600
                                                                                    - 750
                                                                                   — 1000
       -3
       28.02 .2021 (Коллапс данных теплоёмкости при больших длинах (N > 100))
In[39]:= newData = Import[
                    импорт
            "https://raw.githubusercontent.com/kamilla0503/saw/master/Ising/Canonical_near
               _phase/all.txt", "Table"];
                                        таблица значений
       Возьмём длины 100-1000
In[54]:= allData = {};
       Ls = \{250, 300, 350, 500, 600, 750, 1000\}
       оператор цикла
        AppendTo[allData, Select[newData, #[[1]] == L &][[All, {1, 2, 8, 10}]]];
        добавить в конец к
         , {L, Ls}]
Out[55] = \{250, 300, 350, 500, 600, 750, 1000\}
```

1-длина, 2-Ј, 8-энергия, 10-квадрат энергии

In[58]:= Manipulate[ListPlot[MapAt[варьировать диаграмм Преобразовать элемент $\left\{ \left(1 \, \middle/ \, \# [[2]] - Tc \right) \, * \, \# [[1]]^{1/2} \, v \, , \, \left(\# [[4]] - \# [[3]]^2 \right) \, * \, \# [[2]]^2 \, * \, \# [[1]] \, * \, \# [[1]]^{-\alpha/2} \, v \right\} \, \&,$ allData, {All, All}], PlotLegends \rightarrow Ls, PlotRange \rightarrow {{-3, 3}, All},

Joined \rightarrow JoinQ, Mesh \rightarrow DotsQ], {v, 0.95, 1.05, 0.01}, сетка соединённые

 $\{\alpha, 0, 1, 0.1\}, \{Tc, 1/0.835 - 0.05, 1/0.835 + 0.05, 0.005\},\$ {JoinQ, {True, False}}, {DotsQ, {False, All}}] ист… ложь ложь всё



Tc=1.1976

 α =0.7

v=1.01

```
In[57]:= ListPlot MapAt
                        диаграмм. преобразовать элемент
                                          \left\{ \left( 1 / \#[[2]] - Tc \right) * \#[[1]]^{1/2} \text{v}, \left( \#[[4]] - \#[[3]]^2 \right) * \#[[2]]^2 * \#[[1]] * \#[[1]]^{-\alpha/2} \text{v} \right\} \&,
                                         allData, {All, All}] /. {Tc \rightarrow 1.1976, \alpha \rightarrow 0.7, v \rightarrow 1.01},
                               PlotLegends \rightarrow Ls, PlotRange \rightarrow {{-3, 3}, All}, Joined \rightarrow True, Mesh \rightarrow All]
                                                                                                              отображаемый диапазон г··· всё соединё··· истина сетка всё
                              легенды графика
                                                                                                                                       0.35
                                                                                                                                       0.30
                                                                                                                                                                                                                                                                                                  - 250
                                                                                                                                       0.25
                                                                                                                                                                                                                                                                                                  - 300
                                                                                                                                                                                                                                                                                                  - 350
                                                                                                                                      0.20
                                                                                                                                                                                                                                                                                                   - 500
Out[57]=
                                                                                                                                      0.15
                                                                                                                                                                                                                                                                                                   - 600
                                                                                                                                                                                                                                                                                               — 750
                                                                                                                                      0.10
                                                                                                                                                                                                                                                                                                   - 1000
                                                                                                                                      0.05
    In[*]:= Select[newData, #[[1]] == 250 &][[All, {8, 10}]]
  Out[*]=\{\{1.01436, 1.03795\}, \{1.03736, 1.08545\}, \{1.06118, 1.13578\}, \{1.08577, 1.18895\}, \{1.08577, 1.18895\}, \{1.08587, 1.18895\}, \{1.08587, 1.18895\}, \{1.08587, 1.18895\}, \{1.08587, 1.18895\}, \{1.08587, 1.18895\}, \{1.08587, 1.18895\}, \{1.08587, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08588, 1.18895\}, \{1.08888, 1.18895\}, \{1.08888, 1.18895\}, \{1.08888, 1.18895\}, \{1.08888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888, 1.1888
                               \{1.11137, 1.2456\}, \{1.13798, 1.30588\}, \{1.16574, 1.3703\}, \{1.19492, 1.43966\},
```

 $\{1.22504, 1.51305\}$, $\{1.25626, 1.59093\}$, $\{1.2888, 1.67409\}$, $\{1.32177, 1.76035\}$, $\{1.35495, 1.84915\}, \{1.3879, 1.93927\}, \{1.41965, 2.02789\}, \{1.45002, 2.11431\},$ $\{1.47819, 2.19594\}, \{1.50459, 2.27372\}, \{1.52813, 2.34416\}, \{1.54945, 2.40884\}\}$