

例3: 证明  $\forall x(A \rightarrow B) \vdash A \rightarrow \forall xB$  其中  $x$  在  $A$  中无自由出现。

- 1  $\vdash \forall x(A \rightarrow B) \rightarrow (A \rightarrow B)$  定理1
- 2  $\forall x(A \rightarrow B) \vdash A \rightarrow B$  演绎定理6
- 3  $\forall x(A \rightarrow B), A \vdash B$  演绎定理6
- 4  $\forall x(A \rightarrow B), A \vdash \forall xB$  全称推广定理5
- 5  $\forall x(A \rightarrow B) \vdash A \rightarrow \forall xB$  演绎定理6