LAPORAN TUGAS KECIL 2 IF-2211 STRATEGI ALGORITMA

MENCARI PASANGAN TITIK TERDEKAT 3D DENGAN ALGORITMA DIVIDE AND CONQUER



Disusun oleh:

Christian Albert Hasiholan 13521078

Reza Pahlevi Ubaidillah 13521165

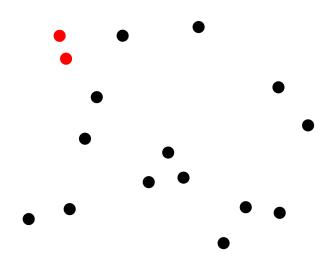
PROGRAM STUDI TEKNIK INFORMATIKA SEKOLAH TEKNIK ELEKTRO DAN INFORMATIKA INSTITUT TEKNOLOGI BANDUNG

2023

BABI

DESKRIPSI MASALAH

Diberikan himpunan titik, P, yang terdiri dari n buah titik pada bidang 2-D. Maka perlu ditentukan sepasang titik dalam P yang jaraknya terdekat satu sama lain.



Pada Tucil 2 ini, algoritma untuk memecahkan persoalan di atas dapat dikembangkan untuk mencari sepasang titik terdekat pada bidang 3D. Misalkan terdapat n buah titik pada ruang 3D, dimana setiap titik P di dalam ruang tersebut dinyatakan dengan koordinat P = (x, y, z). Carilah sepasang titik yang mempunyai jarak terdekat satu sama lain . Jarak dari tiap titik, $P_1 = (x_1, y_1, z_1) \operatorname{dan} P_2 = (x_2, y_2, z_2)$, dapat dihitung dengan rumus Euclidean berikut:

$$d = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2 + (z_1 - z_2)^2}$$

Buatlah program untuk mencari sepasang titik dengan jarak terdekat satu sama lain dengan menerapkan algoritma *Divide and Conquer* untuk penyelesaiannya, dan bandingkanlah dengan algoritma *Brute Force*.

BABII

ALGORITMA

1. Input

Pada awal berjalan, program akan meminta input berupa nPoint banyak titik yang akan di-generate dan nDim dimensi yang digunakan. Kemudian program akan memanggil fungsi initializePoint(nPoint, nDim) untuk menghasilkan senarai titik berdimensi nDim sebanyak nPoint secara acak dengan posisi titik dalam rentang -100 hingga 100 pada tiap sumbunya menggunakan fungsi uniform(-100, 100) dari modul random built-in python.

```
#inisialisasi point secara random

def initializePoint(nPoint, nDimension):
    listOfPoints = []
    i = 0
    for i in range(nPoint):
        temp = []
        j = 0
        for j in range(nDimension):
            value = random.uniform(-100, 100)
            temp.append(value)

        listOfPoints.append(temp)

return listOfPoints
```

2. Solusi Brute Force

Solusi jarak terpendek dengan Brute Force diperoleh dengan menghitung jarak setiap pasang titik yang mungkin, berarti program akan melakukan perhitungan jarak euclidean

sebanyak $C_2^n = \frac{n(n-1)}{2}$ kali. Dengan demikian, kompleksitas algoritma solusi ini adalah $O(n^2)$.

```
#menentukan pasangan terdekat dengan Brute Force
def closestPairBF(listOfPoints, filter = None):
    nPoints = len(listOfPoints)
    nDim = len(listOfPoints[0])
    counter = 0
    d = eucDistance(listOfPoints[0], listOfPoints[1], nDim)
    pair1 = []
    pair2 = []
    i = 0
    for i in range(nPoints):
        for j in range(i+1,nPoints):
            if(filter!=None and filter(listOfPoints[i], listOfPoints[j])):
                continue
            distResult = eucDistance(listOfPoints[i], listOfPoints[j], nDim)
            counter += 1
            if d > distResult:
                d = distResult
                pair1 = listOfPoints[i]
                pair2 = listOfPoints[j]
    return d, pair1, pair2, counter
```

3. Merge sort

Algoritma sorting merge sort akan membagi senarai menjadi dua bagian sama besar (atau berbeda satu jika ganjil) (DIVIDE). Kemudian secara rekursif lakukan hal yang sama pada masing-masing bagian (CONQUER). Apabila senarai tunggal, berarti senarai sudah terurut (SOLVE). Kemudian gabungkan kedua bagian sehingga diperoleh senarai sebelum pembagian yang terurut (MERGE). Pemrosesan merge memerlukan operasi sebanyak cn = O(n). Dengan demikian, kompleksitas algoritmanya dapat dinyatakan sebagai T(n) = a untuk n = 1 dan T(n) = 2T(n/2) + cn untuk n > 1. Sesuai relasi rekurens

Teorema Master, $T(n) = aT(n/b) + cn^d$ di mana a = 2, b = 2, d = 1, kompleksitas algoritmanya adalah $O(n\log n)$.

```
#untuk menggabungkan 2 list secara terurut
def merge(list1, list2, axis): #axis = pengurutan point berdasarkan sumbu
    result = []
   n1 = len(list1)
   n2 = len(list2)
    i = 0
   j = 0
   while ((i < n1) \text{ and } (j < n2)):
        if list1[i][axis] <= list2[j][axis]:</pre>
            result.append(list1[i])
            i += 1
        else:
            result.append(list2[j])
            j += 1
    while (i < n1):
        result.append(list1[i])
        i += 1
   while (j < n2):
        result.append(list2[j])
        j += 1
    return result
#sort dengan Divide and Conquer
def mergeSort(listOfPoints, axis):
   n = len(listOfPoints)
   mid = n//2
    if (n > 1):
        list1 = listOfPoints[0:mid]
```

```
list2 = listOfPoints[mid:]

sorted1 = mergeSort(list1, axis)
sorted2 = mergeSort(list2, axis)

result = merge(sorted1, sorted2, axis)

else:
    result = listOfPoints

return result
```

4. Solusi Divide and Conquer

Solusi ini bekerja dengan cara membagi himpunan titik menjadi dua bagian (SI dan S2) dengan jumlah titik sama banyak (atau berbeda satu jika ganjil), berarti perlu dilakukan sorting berdasarkan satu sumbu dahulu supaya hal itu dapat tercapai (DIVIDE). Lakukan pembagian terus menerus secara rekursif pada masing-masing bagian untuk mencari jarak dan pasangan titik terdekat (CONQUER). Saat suatu himpunan titik memiliki paling banyak 3 titik, program akan menghitung jarak euclidean terpendek antara titik-titik dengan algoritma Brute Force, diperolehlah pasangan titik terdekat beserta jaraknya pada satu bagian (SOLVE). Ada 3 kemungkinan letak pasangan titik dengan jarak terpendek, yaitu kedua titik berada di S1, kedua titik berada di S2, atau satu titik berada di S1 dan titik lain di S2 (COMBINE).

Program dapat mencari jarak terpendek d antara SI dan S2 dengan mudah, cukup dengan membandingkan nilainya. Lantas bagaimana cara membandingkan jarak antara dua titik yang berada pada bagian berbeda? Bisa saja langsung di-Brute Force, tapi kita tidak mau itu, yang jelas misalkan dua titik ini ada, jaraknya pastilah lebih kecil dari d. Oleh karena itu, program akan mencari pasangan titik terdekat dalam strip, yaitu himpunan titik pada SI dan S2 yang terletak kurang dari d dari perbatasan. Setelah itu barulah pasangan titik terdekat bisa diperoleh dari hasil algoritma Brute Force pada titik-titik dalam strip, tetapi dengan syarat tidak ada satupun sumbu yang sama di antara dua titik memiliki jarak lebih dari d. Pemrosesan titik dalam strip memerlukan cn = O(n). Kompleksitas algoritma ini dapat dinyatakan sebagai T(n) = 2T(n/2) + cn untuk n > 2 dan T(n) = a untuk n = 2.

Sesuai relasi rekurens Teorema Master, $T(n) = aT(n/b) + cn^d$ di mana a = 2, b = 2, d = 1, kompleksitas algoritmanya adalah O(nlogn), lebih baik dari solusi Brute Force $O(n^2)$.

```
def closestPairDNC(listOfPoints, axis: int = Axis.X.value):
    n = len(listOfPoints)
    sortedPoints = mergeSort(listOfPoints, axis)
    if n <= 3:
        d, point1, point2, counter = closestPairBF(sortedPoints)
    else:
        halfn = n//2
        if (n\%2 == 0):
            space1 = sortedPoints[0:halfn]
            space2 = sortedPoints[halfn:n]
            middleLine = (sortedPoints[halfn-1][axis] +
sortedPoints[halfn][axis]) / 2
        else:
            space1 = sortedPoints[0:halfn]
            space2 = sortedPoints[halfn+1:n]
            middleLine = sortedPoints[halfn][axis]
        leftDist, leftPoint1, leftPoint2, counter = closestPairDNC(space1)
        rightdist, rightPoint1, rightPoint2, temp = closestPairDNC(space2)
        counter += temp
        if (leftDist < rightdist):</pre>
            d = leftDist
            point1 = leftPoint1
            point2 = leftPoint2
        else:
            d = rightdist
            point1 = rightPoint1
            point2 = rightPoint2
```

```
stripPoint = stripList(sortedPoints, middleLine, d)
    sortedStrip = mergeSort(stripPoint, axis+1)

    stripDist, stripPoint1, stripPoint2, temp =
closestPairBF(sortedStrip, filter=lambda point1, point2: ignore(point1, point2, d))
    counter += temp

if (stripDist < d):
    d = stripDist
    point1 = stripPoint1
    point2 = stripPoint2

return d, point1, point2, counter</pre>
```

BABIII

SOURCE CODE

Source code dari file main.py

```
import point
import time
import plot
import platform
if name ==" main ":
   print("Selamat datang di program Find Closest Point!!!")
        print("\nMenu")
        print("1. 3 Dimensional Space")
        print("2. Euclidean Space (Vector Rn)")
        print("3. Keluar Program")
        menuInp = int(input("Masukan pilihan menu: "))
        if (menuInp not in [1,2,3]):
            print("Pilihan menu tidak ada. Pilih kembali menu!")
        else:
            if (menuInp == 3):
                print("Terima kasih sudah menggunakan program kami. Sampai jumpa")
                exit()
            else:
                if (menuInp == 1):
                    nDim = 3
                else:
                    nDim = int(input("Dimensi: "))
                nPoint = int(input("Banyak point: "))
                p = point.initializePoint(nPoint, nDim)
                print("Closest pair dengan Brute Force:")
```

```
t1 = time.time()
distBF, bf1, bf2, c1 = point.closestPairBF(p)
t2 = time.time()
print("Jarak terdekat", distBF)
print("Titik 1:", bf1)
print("Titik 2:", bf2)
print("Waktu eksekusi (s):", t2-t1)
print("Banyak operasi Euclidean Distance:", c1)
print("Running on", platform.platform(), platform.processor())
print("\nClosest pair dengan Divide and Conquer:")
t1 = time.time()
distDC, dc1, dc2, c2 = point.closestPairDNC(p)
t2 = time.time()
print("Jarak terdekat", distDC)
print("Titik 1:", dc1)
print("Titik 2:", dc2)
print("Waktu eksekusi (s):", t2-t1)
print("Banyak operasi Euclidean Distance:", c2)
print("Running on", platform.platform(), platform.processor())
if nDim==3:
    plot.plot_3d(p, bf1, bf2)
```

Source code dari **plot.py**

```
import matplotlib.pyplot as plt
from typing import List
from axis import Axis

def plot_3d(listOfPoints: List[List[float]], pair1: List[float], pair2:
List[float]) -> None:
    fig = plt.figure()
    ax = fig.add_subplot(projection='3d')

    for point in listOfPoints:
        if (all(al==a2 for a1, a2 in zip(point, pair1)) or all(al==a2 for a1, a2 in zip(point, pair2))):
             color = '#EE4B2B'
        else:
             color = '#add8e6'
        ax.scatter(point[Axis.X.value], point[Axis.Y.value],
point[Axis.Z.value], marker='o', c=color)

plt.show()
```

Source code dari axis.py

```
import enum

class Axis(enum.Enum):
    X = 0
    Y = 1
    Z = 2
```

```
import math
import random
from axis import Axis
from typing import List, Tuple
#hitung jarak 2 point
def eucDistance(point1, point2, dimension):
    sum = 0
   i = 0
   for i in range(dimension):
        sum += (point1[i] - point2[i])**2
    return math.sqrt(sum)
#inisialisasi point secara random
def initializePoint(nPoint, nDimension):
   listOfPoints = []
   i = 0
   for i in range(nPoint):
        temp = []
       j = 0
        for j in range(nDimension):
            value = random.uniform(-100, 100)
            temp.append(value)
        listOfPoints.append(temp)
    return listOfPoints
#untuk menggabungkan 2 list secara terurut
def merge(list1, list2, axis): #axis = pengurutan point berdasarkan sumbu
    result = []
```

```
n1 = len(list1)
    n2 = len(list2)
    i = 0
   j = 0
   while ((i < n1) \text{ and } (j < n2)):
        if list1[i][axis] <= list2[j][axis]:</pre>
            result.append(list1[i])
            i += 1
        else:
            result.append(list2[j])
            j += 1
   while (i < n1):
        result.append(list1[i])
        i += 1
   while (j < n2):
        result.append(list2[j])
        j += 1
    return result
#sort dengan Divide and Conquer
def mergeSort(listOfPoints, axis):
   n = len(listOfPoints)
   mid = n//2
   if (n > 1):
       list1 = listOfPoints[0:mid]
        list2 = listOfPoints[mid:]
        sorted1 = mergeSort(list1, axis)
        sorted2 = mergeSort(list2, axis)
        result = merge(sorted1, sorted2, axis)
    else:
```

```
result = listOfPoints
   return result
#mendapat point-point yang berada di strip area
def stripList(listOfPoints, middle, d):
   result = []
   for point in listOfPoints:
        if abs(point[Axis.X.value] - middle) < d:</pre>
            result.append(point)
    return result
#mengabaikan titik yang jarak pada salah satu sumbu lebih dari d
def ignore(point1: List[float], point2: List[float], d: float) -> bool:
   for i in range(len(point1)):
        if abs(point1[i]-point2[i]) > d:
            return True
   return False
#menentukan pasangan terdekat dengan Divide and Conquer
def closestPairDNC(listOfPoints, axis: int = Axis.X.value):
   n = len(listOfPoints)
   sortedPoints = mergeSort(listOfPoints, axis)
   if n <= 3:
       d, point1, point2, counter = closestPairBF(sortedPoints)
   else:
       halfn = n//2
       if (n%2 == 0):
            space1 = sortedPoints[0:halfn]
            space2 = sortedPoints[halfn:n]
            middleLine = (sortedPoints[halfn-1][axis] +
sortedPoints[halfn][axis]) / 2
```

```
else:
            space1 = sortedPoints[0:halfn]
            space2 = sortedPoints[halfn+1:n]
            middleLine = sortedPoints[halfn][axis]
        leftDist, leftPoint1, leftPoint2, counter = closestPairDNC(space1)
        rightdist, rightPoint1, rightPoint2, temp = closestPairDNC(space2)
        counter += temp
        if (leftDist < rightdist):</pre>
            d = leftDist
            point1 = leftPoint1
            point2 = leftPoint2
        else:
            d = rightdist
            point1 = rightPoint1
            point2 = rightPoint2
        stripPoint = stripList(sortedPoints, middleLine, d)
        sortedStrip = mergeSort(stripPoint, axis+1)
        stripDist, stripPoint1, stripPoint2, temp = closestPairBF(sortedStrip,
filter=lambda point1, point2: ignore(point1, point2, d))
        counter += temp
        if (stripDist < d):</pre>
            d = stripDist
            point1 = stripPoint1
            point2 = stripPoint2
    return d, point1, point2, counter
#menentukan pasangan terdekat dengan Brute Force
def closestPairBF(listOfPoints, filter = None):
    nPoints = len(listOfPoints)
    nDim = len(listOfPoints[0])
```

```
counter = 0
d = eucDistance(listOfPoints[0], listOfPoints[1], nDim)
pair1 = []
pair2 = []
i = 0
for i in range(nPoints):
   for j in range(i+1,nPoints):
       if(filter!=None and filter(listOfPoints[i], listOfPoints[j])):
            continue
        distResult = eucDistance(listOfPoints[i], listOfPoints[j], nDim)
        counter += 1
       if d > distResult:
           d = distResult
           pair1 = listOfPoints[i]
           pair2 = listOfPoints[j]
return d, pair1, pair2, counter
```

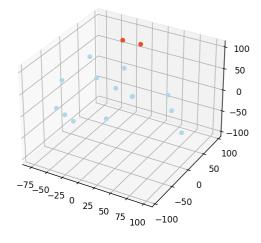
BAB IV

TEST PROGRAM

1. Testcase 1 (n=16)

```
Menu
1. 3 Dimensional Space
2. Euclidean Space (Vector Rn)
3. Keluar Program
Masukan pilihan menu: 1
Banyak point: 16
Closest pair dengan Brute Force:
Jarak terdekat 26.68475491020774
Titik 1: [0.9677369988041704, 70.35716045181562, 87.51742587028494]
Titik 2: [-25.412953308829643, 66.4048308693024, 88.23465273938726]
Waktu eksekusi (s): 0.0
Banyak operasi Euclidean Distance: 120
Running on Windows-10-10.0.19044-SP0 Intel64 Family 6 Model 165 Stepping 2, GenuineIntel

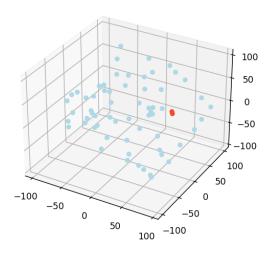
Closest pair dengan Divide and Conquer:
Jarak terdekat 26.68475491020774
Titik 1: [-25.412953308829643, 66.4048308693024, 88.23465273938726]
Titik 2: [0.9677369988041704, 70.35716045181562, 87.51742587028494]
Waktu eksekusi (s): 0.0
Banyak operasi Euclidean Distance: 27
Running on Windows-10-10.0.19044-SP0 Intel64 Family 6 Model 165 Stepping 2, GenuineIntel
```





2. Testcase 2 (n=64)

```
Menu
1. 3 Dimensional Space
2. Euclidean Space (Vector Rn)
3. Keluar Program
Masukan pilihan menu: 1
Banyak point: 64
Closest pair dengan Brute Force:
Jarak terdekat 4.462426099331658
Titik 1: [74.04689861429452, -11.944969398186501, 42.965556545148786]
Titik 2: [76.88599537041975, -14.618225541902902, 40.79611470646353]
Waktu eksekusi (s): 0.0020012855529785156
Banyak operasi Euclidean Distance: 2016
Running on Windows-10-10.0.19044-SP0 Intel64 Family 6 Model 165 Stepping 2, GenuineIntel
Closest pair dengan Divide and Conquer:
Jarak terdekat 4.462426099331658
Titik 1: [76.88599537041975, -14.618225541902902, 40.79611470646353]
Titik 2: [74.04689861429452, -11.944969398186501, 42.965556545148786]
Waktu eksekusi (s): 0.001999378204345703
Banyak operasi Euclidean Distance: 108
Running on Windows-10-10.0.19044-SP0 Intel64 Family 6 Model 165 Stepping 2, GenuineIntel
```

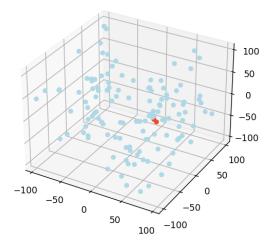


☆ ◆ → | **+** Q **=** | **B**

3. Testcase 3 (n=128)

```
Menu
1. 3 Dimensional Space
2. Euclidean Space (Vector Rn)
3. Keluar Program
Masukan pilihan menu: 1
Banyak point: 128
Closest pair dengan Brute Force:
Jarak terdekat 6.638444141909032
Titik 1: [-9.177029474162097, 90.53142179581127, -91.78833455697865]
Titik 2: [-5.277979294282417, 92.16892457866248, -96.90545610685228]
Waktu eksekusi (s): 0.009000539779663086
Banyak operasi Euclidean Distance: 8128
Running on Windows-10-10.0.19044-SP0 Intel64 Family 6 Model 165 Stepping 2, GenuineIntel

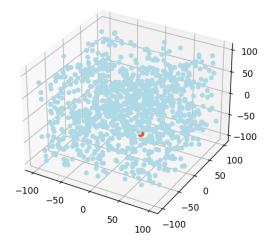
Closest pair dengan Divide and Conquer:
Jarak terdekat 6.638444141909032
Titik 1: [-9.177029474162097, 90.53142179581127, -91.78833455697865]
Titik 2: [-5.277979294282417, 92.16892457866248, -96.90545610685228]
Waktu eksekusi (s): 0.004009723663330078
Banyak operasi Euclidean Distance: 205
Running on Windows-10-10.0.19044-SP0 Intel64 Family 6 Model 165 Stepping 2, GenuineIntel
```



4. Testcase 4 (n=1000)

```
1. 3 Dimensional Space
2. Euclidean Space (Vector Rn)
3. Keluar Program
Masukan pilihan menu: 1
Banyak point: 1000
Closest pair dengan Brute Force:
Jarak terdekat 2.490016277802975
Titik 1: [21.31410005940006, 2.1898698558972427, -55.67635347793476]
Titik 2: [19.51340606263605, 0.4741858123823164, -55.795140920748]
Waktu eksekusi (s): 0.5060584545135498
Banyak operasi Euclidean Distance: 499500
Running on Windows-10-10.0.19044-SP0 Intel64 Family 6 Model 165 Stepping 2, GenuineIntel
Closest pair dengan Divide and Conquer:
Jarak terdekat 2.490016277802975
Titik 1: [19.51340606263605, 0.4741858123823164, -55.795140920748]
Titik 2: [21.31410005940006, 2.1898698558972427, -55.67635347793476]
Waktu eksekusi (s): 0.0559999942779541
Banyak operasi Euclidean Distance: 1531
Running on Windows-10-10.0.19044-SP0 Intel64 Family 6 Model 165 Stepping 2, GenuineIntel
```





☆ ♦ ♦ ♦ ♦ ₽ □

5. Testcase Vector 1 (dimensi = 5, n=128)

```
1. 3 Dimensional Space
2. Euclidean Space (Vector Rn)
3. Keluar Program
Masukan pilihan menu: 2
Dimensi: 5
Banyak point: 128
Closest pair dengan Brute Force:
Jarak terdekat 22.66662011495586
Titik 1: [-26.871053938894192, -72.41578952115276, 85.4312612023551, -69.6638146478745, 52.46329604753561]
Titik 2: [-38.2360273153189, -87.21337299899913, 80.01292042565169, -59.17879151359053, 57.59656439295554]
Waktu eksekusi (s): 0.009511232376098633
Banyak operasi Euclidean Distance: 8128
Running on Windows-10-10.0.22621-SP0 Intel64 Family 6 Model 165 Stepping 2, GenuineIntel
Closest pair dengan Divide and Conquer:
Jarak terdekat 22.66662011495586
Titik 1: [-38.2360273153189, -87.21337299899913, 80.01292042565169, -59.17879151359053, 57.59656439295554]
Titik 2: [-26.871053938894192, -72.41578952115276, 85.4312612023551, -69.6638146478745, 52.46329604753561]
Waktu eksekusi (s): 0.005999326705932617
Banyak operasi Euclidean Distance: 307
Running on Windows-10-10.0.22621-SP0 Intel64 Family 6 Model 165 Stepping 2, GenuineIntel
```

6. Testcase Vector 2 (dimensi = 7, n=1000)

```
Menu
1. 3 Dimensional Space
2. Euclidean Space (Vector Rn)
3. Keluar Program
Masukan pilihan menu: 2
Dimensi: 7
Banyak point: 1000
Closest pair dengan Brute Force:
Jarak terdekat 27.888080554541524
Titik 1: [-87.10172641394314, 28.210475840710473, -15.44510001689008, -34.053780683797015, 62.118063211235125, -8.4372882777118, -15.843753829833503
Jitik 2: [-98.60288710649321, 39.008887392288021, -0.902547040530763, -28.271559678362053, 71.34150959315798, -6.501277960596383, -29.812394159716632
Waktu eksekusi (s): 0.7930076122283936
Banyak operasi Euclidean Distance: 499500
Running on Windows-10-10.0.22621-SP0 Intel64 Family 6 Model 165 Stepping 2, GenuineIntel

Closest pair dengan Divide and Conquer:
Jarak terdekat 27.8880809554541524
Titik 1: [-87.10172641394314, 28.210475840710473, -15.44510001689008, -34.053780683797015, 62.118063211235125, -8.4372882777118, -15.843753829833503
Jitik 2: [-98.60288710649321, 39.00887392288021, -0.902547040530763, -28.271559678362053, 71.34150959315798, -6.501277960596383, -29.812394159716632
Jaketu eksekusi (s): 0.2140183448791504
Banyak operasi Euclidean Distance: 4233
Running on Windows-10-10.0.22621-SP0 Intel64 Family 6 Model 165 Stepping 2, GenuineIntel
```

LAMPIRAN

 $Link\ Github: \underline{https://github.com/ChrisAlberth/Tucil2_13521078_13521165.git}$

Poin		Ya	Tidak
1.	Program berhasil dikompilasi tanpa	/	
	ada kesalahan.	▽ ,	
2.	Program berhasil running	√	
3.	Program dapat menerima masukan	/	
	dan dan menuliskan luaran.	~	
4.	Luaran program sudah benar	/	
	(solusi closest pair benar)	_ ~_	
5.	Bonus 1 dikerjakan	J,	
6.	Bonus 2 dikerjakan	J	