Inhaltsverzeichnis

1	Rechenoperationen	2
2	Maschinensprache	4
3	funktionale Programmierung	4
4	funktionale Programmierung in C++	5
5	Prozeduale Programmierung	10
6	Datentypen	14
7	Umgebungen	17
8	Container-Datentypen	20
9	Iteratoren 9.1 Insertion Sort	24 27

1 Rechenoperationen

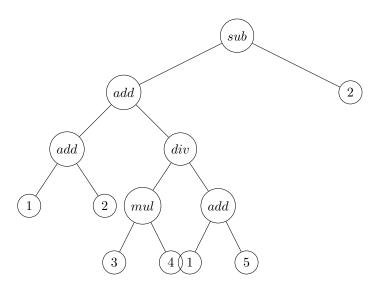
- 1. Baum besteht aus Knoten (Kreise) und Kanten (Pfeile)
- 2. Kanten verbinden Knoten mit ihren Kind-Knoten
- 3. jeder Knoten (außer der Wurzel) hat genau ein Elternteil
- 4. Knoten ohne Kinder heißen "Blätter" (leaf-nodes)
- 5. Teilbaum
 - (a) wähle beliebigen Knoten
 - (b) entferne temporär dessen Eltern-Kante
 - i. der Knoten wird temorär zu einer Wurzel
 - ii. dieser Knoten mit allen seinen Nachkommen bildet wieder seinen Baum " Teilbaum des Originalbaums"
 - (c) Tiefe: Abstand des Knotens zur Wurzel
 - (d)

Infix-Notation:

$$1+2+3*4/(1+5)-2$$

Präfix-Notation:

sub(add(add(1,2),div(mul(3,4),add(1,5))),2)



Präfix Notation aus dem Baum rekonstruieren

- 1. Wenn die Wurzel ein Blatt ist, dann "Drucke die Zahl"
- 2. sonst (Operator):
 - (a) Drucke Funktionsnamen
 - (b) Drucke "("
 - (c) wiederhole ab 1) für das linke Kind
 - (d) Drucke ","
 - (e) wiederhole den Algorithmus ab 1) für das rechte Kind
 - (f) Drucke ")"

Beachte Reihenfolge: Wurzel - Links - Rechts (Pre-Order Traversal) Ergebnis: sub(add(add(1,2),div(mul(3,4),add(1,5))),2)

Definition: Rekursion Rekursion meint Algorithmus für Teilproblem von vorn

Infix Notation

- 1. wie bei Präfix
- 2. sonst
 - (a) entfällt
 - (b) wie bei Präfix
 - (c) wie bei Präfix
 - (d) Drucke Operatorsymbol
 - (e) wie bei Präfix
 - (f) wie bei Präfix
 - (g) wie bei Präfix

Beachte Reihenfolge: Links - Wurzel - Rechts (In-Order Traversal)

Ergebnis:

$$(((1+2)+((3*4)/(1+5)))+2)$$

Berechne den Wert mit Substitutionsmethode

- 1. Wenn Wurzel ein Blatt hat, gib die Zahl zurück
- 2. sonst
 - (a) entfällt
 - (b) entfällt
 - (c) wiederhole ab 1) für linken Teilbaum und speichere Ergebnis als "left-result"

- (d) entfällt
- (e) wiederhole ab 1) für rechten Teilbaum, speichere Ergebnis als "right-result"
- (f) berechne $fkt_name(left-result,right-result)$ und gib Ergebnis zurück

Beachte Reihenfolge: Links - Rechts - Wurzel (Post-Order Traversal)

```
\begin{aligned} &sub(add(add(1,2),div(mul(3,4),add(1,5))),2)\\ &=sub(add(add(1,2),div(12,6)),2)\\ &=sub(add(3,2)2)\\ &=sub(5,2)\\ &=3 \end{aligned}
```

2 Maschinensprache

- optimiert für die Hardware (viele verschiedene)
- \bullet Gegensatz: höhere Programmiersprache (C++) ist optimiert für Programmierer
- Compiler oder Interpreter übersetzen Hoch- in Maschinensprache

Vorgang des Übersetzens

- 1. Eingaben (und Zwischenergebnisse) werden in Speicherzellen abgelegt ⇒ jeder Knoten im Baum bekommt eine Speicherzelle (Maschinensprache: durchnumeriert ; Hochsprache: sprechende Namen)
- 2. Speicherzellen für die Eingaben <u>initialisieren</u>; Notation: SpZ \leftarrow Wert
- 3. Rechenoperationen in der Reihenfolge des Substitutionsmodells ausführen und in der jeweiligen Speicherzelle speichern; Notation: SpZ Ergebnis ← fkt name SpZ Arg1 SpZ Arg2
- 4. alles in Zahlencode umwandeln
 - Funktionsname \Rightarrow Opcodes
 - Speicherzellen: nur die Nummer
 - Werte sind schon Zahlen
 - Notation: Opcode Ziel SpZ SpZ_Arg1 SpZ_Arg2 oder Opcode Ziel SpZ Initialwert

3 funktionale Programmierung

(alles durch Funktionsaufrufe ausführen)

1. bei Maschinensprache wurden Zwischenergebnisse in Speicherzellen abgelegt

- 2. das ist auch in der funktionalen Programm. eine gute Idee
 - (a) Speicherzellen werden durch Namen (vom Programmierer vergeben) unterschieden
 - (b) Beispiel: Lösen einer quadratischen Gleichung: $ax^2 + bx + c = 0$, finde $x_{1/2} \Rightarrow x^2 px + q = 0$ mit $p = -\frac{b}{2a}, q = \frac{c}{a} \Rightarrow x_1 = -\frac{b}{2a} + \sqrt{\left(-\frac{b}{2a}^2 \frac{c}{a}\right)}$ $\Leftarrow allgemein: x_{1/2} = p \pm \sqrt{p^2 q}$
 - (c) Präfix:

 $x_1 \leftarrow add(div(div(b,a),-2), sqrt(sub(mul(div(div(b,a),-2), div(div(b,a),-2)), div(c,a))))$ mit Zwischenergebnissen und Infix-Notation: $p \leftarrow b/c/-2$ oder $p \leftarrow -0, 5*b/a$ $q \leftarrow c/a$ $discriminant \leftarrow sqrt(p*P-q)$ $x_{1/2} \leftarrow p \pm discriminant$

- 3. zwei Vorteile:
 - (a) lesbar
 - (b) redundante Berechnung verschieden Beachte: In der funktionalen Programmierung können die Speicherzellen nach der Initialisierung nicht mehr verändert werden
 - (c) Speicherzellen mit Namen sind nützlich, um Argumente an Funktionen zu übergeben \Rightarrow Definition eigener Funktionen Bsp: function sq(x) { return x^*x }

4 funktionale Programmierung in C++

- 1. in C++ hat jede Speicherzelle einen Typ (legt Größe und Bedeutung der Speicherzelle fest) wichtigste Typen: "int"für ganze Zahlen, "double"für reelle Zahlen, "std::string"für Text zugehörige Literale (Konstanten): 12, -3 (int) -1.02, 1.2e-4 (double) "text text "(string)
- 2. Die Initialisierung wird geschrieben als

```
type_name spz_name = initialwert
```

Bsp:

3. eigene Funktion in C + +:

```
type_ergebnis funktionsname (typ_arg1 name_arg1, typ_arg2 name_arg2)
{
      <code>
      return ergebnis;
}
```

- 4. zwei Funktionen mit gleichem Namen, aber unterschiedlichen Typen dürfen in C++ gleichzeitig definiert sein ("overloading")
 - \Rightarrow C++ wählt <u>automatisch</u> die richtige Variante anhand des Argumenttypes ("overload resolution")
- 5. jedes C++ -Programm muss genau eine Funktion names "main haben: Dort beginnt die Programm-Ausführung

```
Bsp:
```

```
int main() { <code> return 0 (erfolgreich abgearbeitet)}
```

- 6. Regel von C + + für erlaubte Namen (Speicherzelle & Funktion):
 - (a) erste Zeichen: Klein- oder Großbuchstaben des englischen Alphabets oder _
 - (b) optional: weitere Zeichen: wie erstes Zeichen oder Ziffern 0 ... 9
- 7. vordefinierte Funktionen in C + +
 - (a) eingebaute Funktionen (immer vorhanden) z.B. Infix Operatoren
 - (b) Funktionen der Standardbibliothek (Programmierer muss sie explizit auffordern)
 - i. z.B. algebraische Funtionen beginnend mit std:...
 - ii. sind in Module geordnet, z.B. c
math $\widehat{=}~$ algebraische Funktionen, iostre
am $\widehat{=}~$ Ausgabe, z.B. std::cout
 - iii. Um ein Modul zu benutzen, muss man zuerst (am Anfang des Programms) sein Inhaltsverzeichnis importieren #include <module_name> sprich "Header inkludieren"

```
# include <iostream>
# include <string>
int main() {

std::cout << "Hello" << "\n";
std::string >> ausgabe = "mein erstes Programm"
std::cout << ausgabe;

return 0
}

int a = 3;
int b = 4;
int c = a * b;
double x = 3.0;
double y = 4.0;
double z = x * y;</pre>
```

 $3.0*4 \quad \Rightarrow \quad \text{automatische Umwandlung in höheren Typ, hier: "double"} \Rightarrow \text{wird als } 3.0*4.0 \text{ ausgeführt}$

Interger-Division in C + + Konsequenzen:

- 1. Division unterscheidet sich nach dem Datentypen: $(-12)/5 \Rightarrow -2 \neq -2.4 \Leftarrow (-12.0/5.0)$
- 2. negative Ereignisse werden aufgerund, positive abgerundet (truncating division) d.h. Nachkommstellen abschneiden, d.h. Richtung Null runden
- 3. Gegensatz (z.B. zu Python): floor division $\hat{=}$ wird immer abgerundet
- 4. Divisionsrest:

```
\begin{array}{lll} \text{int } a = & \dots; \\ \text{int } b = & \dots; \\ \text{int } q = a/b; \\ (a/b)*b = q * b \end{array}
```

ist im allgemeinen ungleich $a \Rightarrow$

int rest =
$$a = q*b$$
;

- 1. wenn Division aufgeht \Rightarrow rest = 0, sonst \neq 0
- 2. Invariante:

$$(a/b) * b + rest = a$$
 int rest1 = a % b; // aequivalent: $a-(b/a)*b$

Anwendung Wochentag für beliebiges Datum bestimmen: gegeben: d, m, y, gesucht: $w \in \{0, \dots, b\}$ int weekday(int d, int w, int y); weekday(10,11,2016) \Rightarrow 3 (Donnerstag) Teilprobleme

- 1. finde den Wochentag vom 1. Januar y
- 2. finde den Abstand vom (d,m,y) zum (1,1,y)
- 3. setze beides zusammen

Schaltjahresregel: y ist Schaltjahr, wenn:

- 1. y durch 4 teilbar, aber nicht durch $100 \Rightarrow 2004$, 2006, nicht 2100
- 2. y durch 400 teilbar \Rightarrow 2000
 - \Rightarrow 400-Jahres-Zyklus der Regeln: nach 400 Jahren beginnt die Schaltjahresregel von vorn

- Beobachtung: der 1.1.2001 ist der erste Tag eines neuen Zyklus und war Montag
- die Anzahl der Tage vom 1.1.
y zum 1.1. 2001 ist: $z=y-2001 \quad \triangle=365*z+z/4-z/100+z/400$
- floor division ist wichtig, wenn z < 0, z.B. y = 2000, z = -1

zu(2): d.m. ist der x-te Tag im Jahr mit:

- kein Schaltjahr
 - 1. $m = 1 \Rightarrow d$
 - $2. m = 2 \Rightarrow d + 31$
 - 3. $m=3 \Rightarrow d+59$
 - $4. \ m=4 \Rightarrow d+90$
 - 5. $m = 5 \Rightarrow d + 120$
 - 6. $m > 2 \Rightarrow d + 59 + (153 * m 457)/5$
- Schaltjahr
 - 1. $m = 1 \Rightarrow d$
 - $2. \ m=2 \Rightarrow d+31$
 - 3. $m = 3 \Rightarrow d + 60$
 - 4. $m=4 \Rightarrow d+91$
 - 5. $m = 5 \Rightarrow d + 121$
 - 6. $m > 2 \Rightarrow d + 60 + (153 * m 457)/5$

zu(3): Wochentag von d, m, y:

$$w = (w 11y + x - 1) \mod 7$$

Bedingungen

- Bei den meisten Algorithmen ist die Reihenfolge der Schritte <u>nicht</u> fix, sondern hängt von den Eingabedaten ab
- Beispiel: Auswahl der Offset $d \to x$ hängt von m ab dafür die Funktion:

cond (bedingung, resultat_wenn_wahr, resultat_we

• kanonische Beispiele: Absolutbetrag, Vorzeichenfunktion

Bedingungen programmieren:

• relationale Operatoren: Vergleich von zwei Argumenten <,>,<=,>=,!=

- logische Operatoren: Verknüpfen von mehreren Bedingungen &&(und), ||(oder),! = (nicht)
- in C + + gibt es <u>keine</u> Prefix-Variante für die cond()-Funktion, aber eine Infix-Variante:

```
(bedingung) ? erg_wenn_wahr : erg_wenn_falsch
int abs (int x) {
  return (x >= 0) ? x : -x;
}
double abs (double x) {
  return (x >= 0.0) ? x : -x;
}
int sign (int x) {
  return (x == 0) ? 0 : ((x > 0) ? 1 : -1);
}
```

Rekursion bedeutet: eine Funktion ruft sich selbst auf (evtl. indirekt)

- kanonisches Beispiel: Fakultätsfunktion $k! = 1 \cdot 2 \cdot \dots (k-1) \cdot k$
- wichtige Eigenschaften:
 - jede rekursive Funktion muss mindestens einen nicht-rekursiven Zweig enthalten, der nach endlich vielen rekursiven Aufrufen erreicht wird "Rekursionsabschluss"- sonst: Endlosrekursion (Absturz)
 - bei jedem Aufruf werden dem Namen der Dateenelemente (Argumente & Zwischenergebnisse) <u>neue</u> Speicherzellen zugeordnet $fakultaet(3) \rightarrow fakultaet(2) \rightarrow fakultaet(1) \rightarrow fakultaet(0) \Rightarrow return 3*fakultaet(2) ← return 2*fakultaet(1) ← return 1*fakultaet(0) ← return 1$

Von der funktionalen zur prozeduralen Programmierung

- Eigenschaften der FP:
 - alle Berechnungen durch Funktionsaufrufe, Ergebnis ist Rückgabe
 - Ergebnis hängt nur von den Werten der Funktions-Argumente ab, nicht von externen Faktoren (referentielle Integrität)
 - Speicherzellen für Zwischenergebnisse/Argumente können nach der Initialisierung nicht geändert werden (write once)
 - Möglichkeit der rekursiven Funktionsaufrufe (jeder Aufruf bekommt eigene Speicherzellen)

• Vorteile:

- natürliche Ausdrucksweise für arithmetische und algebraische Funktionalität (Taschenrechner)
- einfache Auswertung durch Substitutionsmodell Auswertungsreihenfolge nach Post-Order
- -mathematisch gut formalisierbar \Rightarrow Korrektheitsbeweise (besonders bei Parallelverarbeitung)
- Rekursion ist mächtig und natürlich für bestimmte Probleme (z.B. Fakultät)

• Nachteile:

- viele Probleme lassen sich anders natürlicher ausdrücken (z.B. Rekursion vs. Iteration)
- setzt unendlich viel Speicher vorraus (⇒ Memory management notwendig ⇒ später)
- Entitäten, die sich zeitlich verändern schwer modellierbar, teilweise unnatürlich
- Korrolar: Man kann keine externen Resourcen (z.B. die Console/Drucker, Bildschirm) ansprechen (weil zeitlich veränderlich) "keine Seiteneffekte"
- Lösung: Einführung einer Multi-Paradigmensprachen, z.B. Kombination von funktionaler mit prozeduraler Programmierung

5 Prozeduale Programmierung

- Kennzeichen:
 - Prozeduren Funktionen, die nichts zurückgeben, haben nur Seiteneffekte Bsp: auf Konsole ausgeben

```
std::cout << "Hello World \n"; // Infix
operator << (std::cout, "Hello \nLeftarrow"); // Praefix notation</pre>
```

- Prozeduren in C + +:
 - 1. Funktion, die void zurückgibt (Pseudotyp nur "nichts")
 - 2. Returnwert ignorieren
- Anweisen zur Steuerung des Programmablaufs (z.B. if / else)

```
// funktional:
int abs (int x) {
  return (x>=0) ? x : -x ;
}

// prozedural
int abs (int x) {
  if (x >= 0) {
    return x;
```

```
} else {
    return -x;
}
```

• Zuweisung:

- Speicherzellen können nachträglich verändert werden "read-work"

```
// prozedural
int foo (int x) {
  int y = 2;
  int z1 = x * y; // z1 = 6
  y = 5;
  int z2 = x * y; // z2 = 15
  return z1 + z2;
// write once
typ const name = wert
// funktional
int foo (int x) {
  int y = 2;
  int z1 = x * y; // z1 = 6
  int y2 = 5;
  int z^2 = x * y^2; // z^2 = 15
  \mathtt{return} \ \mathtt{z1} \ + \ \mathtt{z2} \, ;
```

• \Rightarrow Folgen:

- -mächtiger, aber ermöglicht völlig neue Bugs \Rightarrow Erhöhte Aufmerksamkeit beim Programmieren
- die Reihenfolge der Ausführung ist viel kritischer als beim Substitutionsmodell
- der Programmierer muss immer ein mentales Bild des aktuellen Systemzustands haben

Schleifen der gleiche Code soll oft wiederholt werden

```
while (bedingung) {  \dots // \text{ code wird ausgefuehrt }, \text{ solange bedingung "true" ist }   \underline{\text{Bsp:}} \text{ Zahlen von 0-2 ausgeben)}   \text{int counter } = 0;   \text{while (counter } < 3) \text{ }
```

```
\begin{array}{lll} std::cout <\!\!< counter <\!\!< " \backslash n"; \\ counter = counter +1; \\ \end{array} \}
```

counter	Bedingung	Ausgabe
0	true	0
1	true	1
2	true	2
3	false	Ø

- \bullet C++ beginnt mit der Zählung meist bei 0 "zero-based"
- vergisst man Inkrementierung counter = counter +1 \Rightarrow Bedingung immer true \Rightarrow Endlosschleife \Rightarrow Bug
- drei äquivalente Schreibweisen für Implementierung:

```
counter = counter + 1; // assignment
counter += 1; // add-assignment
++ counter; // pre-increment
```

Anwendung: Wurzelberechnung Ziel: double sqrt (double y) Methode: <u>iterative Verbesserung</u> mittels Newtonverfahren

```
\begin{array}{lll} \mbox{initial guess} & x(0) \mbox{ bei } t{=}0 \mbox{ geraten} \\ \mbox{while not\_good\_enough}(x(t)) & \{ \\ \mbox{update } x(t{+}1) \mbox{ from } x(t) \\ \mbox{ } t = t{+}1 \\ \} \end{array}
```

Newtonverfahren: finde Nullstelle einer gegebenen Funktion f(x), d.h. suche x^* , sodass $f(x^*) = 0$ oder $|f(x^*)| < \epsilon$

- 1. Taylorreihe von f(x): $f(x + \triangle) \approx f(x) + f'(x) \cdot \triangle + \dots$
- 2. $0 = f(x^*) \approx f(x) + f'(x) \cdot \triangle = 0 \Rightarrow \triangle = -\frac{f(x)}{f'(x)}$
- 3. Iterationsvorschrift: $x^{(t+1)} = x^{(t)} \frac{f(x^{(t)})}{f'(x^{(t)})}$
- 4. Anwendung auf Wurzel: setze $f(x) = x^2 y \Rightarrow mitf(x^*) = 0$ gilt $(x^*)^2 y = 0$
- 5. Iterations vorschrift: $x^{(t+1)} = x^{(t)} - \frac{(x^{(t)})^2 - y}{2x^{(t)}} = \frac{(x^{(t)})^2 + y}{2x^{(t)}}$ $x^{(t+1)} = \frac{x^{(t)} + \frac{y}{x^{(t)}}}{2}$ mit $x^* = \sqrt{y} \Rightarrow x^{(t+1)} = \sqrt{y}$

```
double sqrt (double y) { if (y<0.0) { std::cout << "Wurzel aus negativer Zahl \n"; return -1.0;
```

```
if (y = 0.0) {
          return 0.0;
        double x = y; // initial guess
        double epsilon = 1e-15 * y; // double Genauigkeit
       while \ (abs(x*x-y) > epsilon) \ \{
         x = (x + y/x) / 2.0;
       return x;
     }
for - Schleife Zum Vergleich mit der while-Schleife:
     int c = 0;
     while (c < 3) {
       ... // unser code
       c += 1; //sonst funktionsunfachig
die for - Schleife ist dagegen "idiotensicher"
     for (int c =0; // Initialisierung
          \begin{array}{lll} c < 3; & // \ \ Bedingung \ \ (oder: \ c!{=}3) \\ c{+}{=}1) \ \ \{ & // \ \ Incrementierungsanweisung \end{array}
            ... // unser code
   • Befehle, um Schleifen vorzeitig abzubrechen:
       - continue (bricht aktuelle Iteration ab und springt zum Schleifenkopf)
       - break (bricht die ganze Schleife ab und springt hinter die schließende Klammer)
       - return (beendet die Funktion und damit auch die Schleife)
   • 3 gleichbedeutende Beispiele:
             for (int c = 0; c < 10; ++c) {
               if (c \%" == 0) \{ // \text{ gerade Zahl}?
                  std::cout << c << "\n";
             }
             /* Sobald in der if-Anweisung nur eine Zeile steht, kann sie weggelassen
               werden. Das ist gefaehrlich und die Klammern sollten eher trotzdem
               gesetzt werden */
             for (int c = 0; c < 10; ++c) {
```

```
\begin{array}{c} \text{ if } (c \ \%2 \ !{=}0) \ \{ \ // \ \text{nicht gerade?} \\ \text{ continue;} \\ \} \\ \text{ std::cout} << c << "\n" ; \\ \} \\ \\ \text{for } (\text{int } c \ {=}0; \ c{<}10; \ c{+}{=}2) \ \{ \\ \text{ std::cout} << c << "\n" ; \\ \} \end{array}
```

• mit den wichtigsten Schleifen ist bereits ein guter Grundstein für die vielseitige Programmierung gelegt

6 Datentypen

• Basistypen:

Bestandteil der Sprachsyntax und normalerweise direkt von der Hardware (CPU) unterstützt

- int (ganze Zahlen)
- double (Fließkommazahlen)
- bool (true oder false)
- später mehr
- zusammengesetzte Typen:

mithilfe von struct oder class aus einfacheren Typen zusammengebaut

- Standardtypen: in der C++ Standardbibliothek definiert (#include ..)
- Bsp: std::string mit #include < string >
- externe Typen: aus anderer Bibliothek, die man zuvor herunterladen und installieren muss
- eigene Typen: vom Programmierer selbst implementiert
- durch "objekt-orientierte Programmierung" erreicht man, dass zusammengesetzte Typen genauso einfach, bequem und effizient sind, wie Basistypen
- "Kappselung": die interne Strukter und Implementation ist für den Benutzer unsichtbar
- \bullet Benutzer manipuliert Speicher über Funktionen ("member functions") \approx Schnittstelle des Typs Interface

Zeichenketten - String

- zwei Datentypen in C + +
- klassischer C-String: char[] ("character array")
- \bullet C++-String: std::string gekappselt und bequem
- String-Literale: "Zeichenkette"
- einzelnes Zeichen: 'z' Vorsicht: die String-Literale sind C-Strings(gibt keine C + + String-Literale)
- Initialisierung:

```
std::string s1 = "abcde"; // Zuweisung
std::string s2 = s1;
std::string leer = "";
s1.size() // Laenge (Anzahl der Zeichen)
s1.empty() // Test: s1.size() ==0
```

• Addition: Strings aneinanderreihen ("concalculate")

```
std::string s3 = s + "i,k; // "xyi,k"
std::string s3 = s + s; // "xyxy"
std::string s3 = "abc" + "def"; // Bug - Literale unterstu
```

• Add-Assignement: Abkürzung für Addition gefolgt von Zuweisung

• die Zeichen werden intern in einem C-Array gespeichert Array: zusammenhängende Folge von Speicherzellen des gleichen Types, hier: *char*

Variante(1): 'in-place' (den alten String überschreiben, selbe Speicherzelle)

```
\begin{array}{lll} & \text{int } i = 0; \\ & \text{int } k = s.\,\text{size}\,()\,{-1}; \\ & \text{while } (1{<}k) \; \left\{ & & \text{char tmp} = s\,[\,i\,] \; // \; i{-}\text{tes Zeichen merken} \\ & & s\,[\,i\,] = s\,[\,k\,]; \\ & & s\,[\,k\,] = t\text{mp}\,; \end{array}
```

Variante(2): neuen String erzeugen

```
std::string \ s = "abcde"; \\ std::string \ r = ""; \\ for \ (int \ k = s.size()-1; \ k>=0; ---k)
```

Umgebungsmodell

- in prozeduraler Programmierung: Gegenstück zum Substitutionsmodell für funktionale Programmierung
- Zwecke:
 - Regeln für Auswertung von Ausdrücken
 - Regeln für automatische Speichervewaltung: Freigeben nicht mehr benötigter Speicherzellen (nützlich bei in der Praxis immer endlichem Speicher)
 - ⇒ bessere Approximation von "unendlich viel Speicher"
- Umgebung beginnt normalerweise bei "{" und endet bei "}" Ausnahme: for-Schleife, Funktionsdefinitionen, globale Umgebung

- automatische Speicherverwaltung:
 - Speicherzellen, die in einer Umgebung angelegt werden, werden am Ende der Umgebung in umgekehrter Reihenfolge freigegeben
 - Compiler fügt vor "{" automatisch die notwendigen Befehle ein
 - Speicherzellen in der globalen Umgebung werden dem Programmierenden freigegeben

- Umgebungen können beliebig tief geschachtelt werden ⇒ alle Umgebungen bilden einen Baum, mit der globalen Umgebung als Wurzel
- Funktionen sind in der globalen Umgebung definiert

 ⇒ Umgebung jeder Funktion sind "Kinder" der globalen Umgebung (Ausnahme: Namensräume) ⇒ Funktionsumgebung ist nicht Kind der Umgebung, in der sie aufgerufen wird
- \bullet Jede Umgebung besitzt eine Zuordnungstabelle für alle Speicherzellen, die in der Umgebung definiert werden $\frac{\text{Name}}{\text{l}} \mid \frac{\text{Typ}}{\text{int}} \mid \frac{\text{aktueller Wert}}{2}$
- jeder Name kann pro Umgebung nur $1 \times$ vorkommen ()gleichzeitig in anderen Umgebungen) Ausnahme: Funktionsnamen können mehrmals vorkommen bei "function overloading" (C++)
- Alle Befehle werden relativ zur aktuellen Umgebung ausgeführt aktuell: Zuordnungstabelle der gleichen Umgebung & aktueller Wert zum Zeitpunkt des Aufrufs (Zeitpunkt wichtig im Substitutionsmodell)

Beispiel: c = a * B; Regeln:

- wird der Name (a,b,c) in der aktuellen Zuordnungstabelle gefunden:
 - ① Typisierung ⇒ Fehlermeldung, wenn Typ und Operation zusammenpassen
 - (2) andernfalls, setze aktuellen Wert aus Tabelle in Ausdruck ein
- wird der Name nicht gefunden, suche in der Elternumgebung weiter mit (1) oder (2)
- \bullet wird der Name bis zur Wurzel nicht gefunden \Rightarrow Fehlermeldung
- ist der Name in mehreren Umgebungen vorhanden, gilt das zuerst gefundene (Typ, Wert)
- ⇒ Programmierer muss selbst darauf achten, dass:
 - 1. bei der Suche die gewünschte Speicherzelle gefunden wird ⇒ benutze "sprechende" Namen
 - 2. der aktuelle Wert der richtige ist \Rightarrow beachte Reihenfolge der Befehle!

7 Umgebungen

Namensräume spezielle Umgebungen in der globalen Umgebung (auch geschachtelt) mit einem Namen

- Ziele:
 - Gruppieren von Funktionalität in Module (zusätzlich zu Headern)
 - Verhindern von Namenskollisionen
 - Beispiel: C + + Standardbiblithek

```
double sqrt (double x);
                     namespace chrono {
                        class system clock;
            std :: sqrt(x) wird zu sqrt(x)
        Besonderheit: mehrere Blöcke mit selbem Namensraum werden verschmolzen
      - Funktionen befinden sich in der globalen Umgebung
        ⇒ Umgebung der Funktion ist Kind der globalen Umgebung
        int p = 2;
        int q = 3;
        int foo (int p) { // lokales p verdeckt das globale, aber globales q sichtbar
           return p * q;
        }
        int main() {
           int k = p * q; // beides ist global; =6
           int p = 4; // lokales p, was das globale verdeckt
          int r=p*q; // lokales p. globales q; =12 int s=foo\left(p\right); // lokales p wird zum lokalen p von foo(); =12
           int t = foo(q); // globales q wird zum lokalen p von foo(); =9
Beispiel: my \sin (\ddot{U}bung 3.3)
    double taylor sin (double x) {
      return x - std :: pow(x,3)/6.0;
    double pump sin (double sin third) {
      return 3.0*\sin \text{ third} - 4.0 * \text{std}::pow(\sin \text{ third},3)
    double pi 2 = 2.0*M PI;
    double normalize (double x) {
      double k = std::floor(x/pi_2); // wie vielte Periode
      }
    double my sin (double x) {
```

namespace std {

Referenzen

• sind neue (zusätzliche) Namen für vorhandene Speicherzellen

```
int x=3; // neue Variable x mit neuer Speicherzelle int & y=x; // Referenz: y ist neuer Name fuer x, beide haben dieselbe Spey=4; // Zuweisung an y, aber x aendert sich auch, d.h. x=4 x=5; // jetzt y=5 int const & z=x; // read-only Referenz, d.h. z=6 ist verboten x=6; // jetzt auch z=6
```

- Hauptanwendung:
 - Umgebung, wo eine Funktion aufgerufen wird und die Umgebung der Implementation sind unabhängig, d.h. Variablen der einen Umgebung sind in der anderen nicht sichtbar

Beispiel:

```
int foo (int x) { // pass-by-value (Uebergabe des echten Werts)
    x += 3;
    return x;
}

int bar (int & x) { // pass-by-reference (Uebergabe der Adresse der Speich
    y += 3;
    return y;
}

void baz (int & z) { // pass-by-reference
    z += 3; // kein return Wert
}

int main() {
    int a = 2;
    std::cout << foo(a) << "\n"; // Ausgabe: 5</pre>
```

- Funktionen die Werte nur über eine Referenz änder heißen Seiteneffekt der Funktion (Haupteffekt ist immer der return Wert) [in der funktionalen Programmierung sind Seiteneffekte verboten mit Ausnahme von Ein-/Ausgabe]
- Ziele
 - 1. häufig möchte man Speicherzellen in beiden Umgebungen teilen ⇒ verwende Referenzen
 - 2. häufig will man vermeiden, dass eine Variable kopiert wird (pass-by-value) \Rightarrow durch pass-by-value braucht man keine Kopie \Rightarrow typisch const & \cong read-only, keine Seiteneffekte

```
void print_string(std::string const & s) {
  std::cout << s;
}</pre>
```

8 Container-Datentypen

dienen dazu, andere Datentypen aufzubewahren

- Art der Elemente
 - homogene Container: alle Elemente haben den gleichen Typ (typisch für C++)
 - heterogene Container: Elemnte können verschiedene Typen haben (z.B. Python)
- Art der Größe
 - statische Container: feste Größe, zur Compilezeit bekannt
 - dynamische Container: Größe zur Laufzeit veränderbar
- Arrays sind die wichtigsten Container, weil effizient auf Hardware abgebildet und einfach zu benutzen
 - klassisch: Arrays sind statisch, z.B. C-Arrays (hat C + + geerbt)
 - modern: dynamische Arrays:
 - * Entdeckung einer effizienten Implementierung
 - * Kapselung durch Objekt-Orientierte-Programmierung (sonst zu kompliziert)
- ein dynamisches Array: std:: string ist Abbildung $int \rightarrow char$ $Index \rightarrow Zeichen$
- wir wollen das selbe Verhalten für beliebige Elementtypen: std:: vector

```
Datentyp: std::vector
```

```
\label{eq:problem} \begin{tabular}{lll} \#include &<\!vector>\\ std::vector &<\!double> v(20\,,\ 0.0) \ ; & // initialisiert mit Groesse\,, Initialwert \\ // analog: std::vector<\!int>, std::vector<\!std::string> \\ \end{tabular}
```

- Abbildung: $int \rightarrow double$
- weitere Verallgemeinerung: Indextyp beliebig (man sagt dann "Schlüssel-Typ§" typische Fallen:
 - Index ist nicht im Bereich $0 \le Index < size$, z.B. Matrikelnummer
 - Index ist String, z.B. Name eines Studenten
- $std :: map, std :: unordered_map$ (Binärer Suchbaum)

Beispiel:

```
std::map <int, double> noten; // noten[3 1 2 4 5 2 3 1 3] = 1.0
std::map <string, double> noten; // noten["krause] = 1.0
dabei: <Schlüsseltyp, Elementtyp>
```

• Erzeugen:

```
 \begin{array}{l} std:: vector < double > v(20\,,\ 1.0); \\ std:: vector < double > v; \ //\ leeres \ Array\ (erst\ ab\ C++\ 11) \\ std:: vector < double > v = \{1.0\,,\ -3.0,\ 2.2\}; \ //\ "initializer list" \\ \end{array}
```

• Größe:

```
v.size()
v.empty() (=v.size() ==0)
```

• Größe ändern:

• Zugriff:

- ullet Funktionen für Container: benutzen in C++ Iteration, damit sie für verschiedenste Container funktionieren
- Iteration-Range:

```
v.begin()
v.end() // hinter dem letzten Element
im Header <algorithm>
```

• alle Elemente kopieren:

```
std::vector <double> source = {1.0, 2.0, 3.0, 4.0, 5.0};
std::vector <double> target(source.size(), 0.0);
std::copy(source.begin(), source.end(), target.begin());
std::copy(source.begin()+2, source.end(), target.begin());
// unbenutzte Initialwerte bleiben erhalten
```

• Elemente sortieren:

```
std::sort(v.begin(), v.end()); // "in-place"
std::random shuffle(v.begin(), v.end()) // "in-place"
```

Warum ist $push \ back()$ effizient?

- veraltete Lehrmeinung: Arrays sind nur effizient, weenn statisch (d.h. Größe zur Compilezeit, spätestens bei Initialisierung bekannt)
- modern: bei vielen Anwenduungen genügt, wenn Array (meist) nur am Ende vergrößert wird (z.B. push_back)
 dies kann sehr effizient unterstützt werden ⇒ dynamisches Array
- std:vector verwaltet intern ein statisches Array der Größe "v.capacity() >= v.size()"

- -wird das interne Array zu klein \Rightarrow wird automatisch auf ein doppelt so großes umgeschaltet
- ist das interne Array zu groß, bleiben unbenutzte Speicherzellen als Reserve
- Verhalten bei push back()
 - -noch Reserve vorhanden: lege neues Element in eine unbenutzte Speicherzelle ⇒ billig & chillig
 - keine Reserve:
 - 1. alloziere neues statisches Array mit doppelter Kapazität
 - 2. kopiere die Daten aus allem ins neue Array
 - 3. gebe das alte Array frei
 - 4. gehe zu①, jetzt wieder Reserve vorhanden Umkopieren ist nicht teuer, da es nur selten nötig ist
 - Beispiel:

$$\begin{array}{l} std::vector < int > v; \\ for \ (int \ k = 0; \ k < 32; + + k) \ \{ \\ v.push_back(k); \\ \} \end{array}$$

k	$capvorp_b()$	$cap nach p_b()$	size()	Reserve	Umkopierung
0	0	1	1	0	0
1	1	2	2	0	1
2	2	4	3	1	2
3	4	4	4	0	0
4	4	8	5	3	4
$5 \dots 7$	8	8	8	0	0
8	8	16	9	7	8
$9 \dots 15$	16	16	16	0	0
16	16	32	17	15	16

. . .

• Kosten:

- -32 Elemente einfügen = 32 Kopien extern \Rightarrow intern
- -aus altem Array ins neue kopieren = 31 Kopien intern \Rightarrow intern
 - ⇒ im Durchschnitt sind pro Einführung 2 Kopien nötig
 - ⇒ dynamisches Array ist doppelt so teuer, wie das statische
 - \Rightarrow immer noch sehr effizient
- ullet relevante Funktionen von std::vector
 - -v.size(): aktuelle Zahl der Elemente
 - -v.capacity() v.size(): Reserve (≥ 0)
 - $-v.resize(new\ size)$: ändert immer v.size(), aber v.capacity() nur wenn $< new\ size$

- $-v.reserve(new_capacity)$: ändert v.size() nicht, aber v.capacity() falls $new_capacity \ge size$
- -v.shrink to fit(): v.reserve(v.size()) (Reserve ist danach 0), wenn Endgröße erreicht
- wenn Reserve > size: capacity kann auch halbiert werden

wichtige Container der C + + Standardbiblithek

- dynamisches Arrays: std :: string, std :: vector
- assoziative Arrays: std :: map, std :: unordered map
- Mengen: $std :: set, std :: unordered_set$ (jedes Element ist höchstens einmal enthalten)
- Stapel: std:: stack (Funktion: "last-in-first-out") z.B. gestapelte Bierkästen.
- \bullet Warteschlange: std::queue (Funktion: "first-in-first-out")
- Kartendeck: std:: deque gleichzeitig Stapel und Warteschlange
- Stapel mit Priorität: std:: priority queue (Priorität vom Nutzer definiert)

9 Iteratoren

• für Arrays lautet kanonische Schleife:

```
\begin{array}{lll} & \text{for (int } k=0; \ k != v.size(); \ +\!\!+\!\!k) \ \{ \\ & \text{int current} = v[k]; \ /\!/ \ aktuelles \ Element \ lesen } \\ & v[k] = new\_value; \ /\!/ \ aktuelles \ Element \ schreiben \\ \} \end{array}
```

- wir wollen eine so einfache Schleife für beliebige Container
 - der Index-Zugriff v[k] ist bei den meisten Containern nicht effizient
 - Iteratoren sind immer effizient \Rightarrow es gibt sie in allen modernen Programmiersprachen, aber die Details sind sehr unterschiedlich
 - Analogie: Zeiger einer Uhr, Cursor in Textverarbeitung
 ⇒ ein Iterator zeigt immer auf ein Element des Containers oder auf Spezialwert "ungültiges Element"
 - in C + + unterstützt jeder Iterator 5 Grundoperationen
 - 1. Iterator auf erstes Element erzeugen:

2. Iterator auf "ungültiges Element" erzeugen:

```
auto end = v.end() // typischerweise v[v.size()]
```

3. Vergleich:

- 4. zum nächsten weitergehen: + + iter, Ergebnis ist v.end(), wenn man vorher beim letzten Element war
- 5. auf Daten des aktuellen Elements zugreifen: *iter ("Dereferenzierung")
- $\bullet \Rightarrow$ kanonische Schleife:

```
for (auto iter = v.begin(); iter != v.end(); ++iter) {
  int current = *iter; // lesender Zugriff;
  *iter = new_value; // schreibender Zugriff

  // Abkuerzung in C++: rang-based for-loop
  for (int & element : v) {
    int current = element; // lesen
      element = new_value; // schreiben
  }
}
```

- wenn die zugrunde liegenden Speicherzellen geändert werden, also die Containergröße sich ändert, werden die Iteratoren ungültig
- Iteratoren mit den 5 Grundoperationen heißen "forward iterators" (wegen + + iter)
- \bullet "bidirectional iterators" unterstützen auch --iter (alle Iteratoren aus Standardbibliothek)
- "random access iterators" können beliebige Sprünge machen (iter+=5) unterstützt von std::string und std::vector
- Besonderheit für assoziative Arrays (std:: map):
 - Schlüssel und Werte können beliebig gewählt werden
 ⇒ das aktuelle Element ist immer ein Schlüssel/Wert-Paar (*iter).first ⇒ Schlüssel
 (*iter).second ⇒ Wert
 v[(*iter).first] == (*iter).second;
- Bei std :: map liefern die Iteratoren die Elemente in aufsteigender Reihenfolge der Schlüssel (Unterschied zu std :: unordered map)

Die Funktion std::transform()

• std :: transform() erlaubt, die Daten "on-the-fly" zu ändern z.B. nach Kleinbuchstaben konvertieren:

```
std::string source = "aAbCdE";std::string = target = source;
// Target muss gleiche Laenge haben
    std::transform(source.begin(), source.end(), target.begin(), std::tolower); /

• z.B. die Daten quadrieren:
    double sq (double x) {
        return x*x;
    }
    std::transform(source.begin(), source.end(), target.begin(), sg);

• das ist eine Abkürzung für eine Schleife: (zwei Schleifen auf einmal)
    auto src_begin = source.begin();
    auto src_end = source.end();
    auto tgt_begin = target.begin();

for (; src_begin!= src_end; ++src_begin, ++tgt_begin) {
            // mehrere Inkrementierungen durch, getrennt
            *tgt_begin = sq(*src_begin); // mit * Bezug zu originalen Daten
            }
}
```

- der Argumenttyp der Funktion muss mit dem source-Elementtyp kompatibel sein
- der Argumenttyp der Funktion muss mit dem target-Elementtyp kompatibel sein
- \bullet Das letzte Argument von std::transform()muss ein Funktor sein (\approxeq verhält sich wie eine Funktion)
 - Dazu gibt es drei Varianten:
 - 1. normale Funktion, z.B. sq Aber wenn die Funktion für mehrere Argumenttypen überladen ist, muss der Programmierer dem Compiler sagen, welche Version gemeint ist \Rightarrow ("function pointer cast")
 - 2. Funktorobjekte ⇒ objekt-orientierte Programmierung
 - 3. definiere eine namenlose Funktion
 \section 'Lamda-Funktionen" \lambda statt \lambda wird in C++ [] geschrieben

- Lambda-Funktionen können noch viel mehr \Rightarrow für Fortgeschrittene

- std:: transform kann "in-place" arbeiten (d.h. source-Container überschreiben), wenn source und target gleich
- die Funktion std :: sort() wird zum "in-place" sortieren eines Arrays

 $-\ std::sort()$ ruft intern den "<" Operator des Elementtyps auf, um die Reihenfolge zu bestimmen

Def: "totale Ordnung"

- * a < b muss $\forall a, b$ gelten
- * transitiv: $(a < b) \land (b < c) \Rightarrow (a < c)$
- * anti-symmetrisch: $!(a < b) \land !(b < a) \Rightarrow a == b$

9.1 Insertion Sort

schnellste Sortieralgor, für kleine Arrays ($n \leq 30$, hängt vom Compiler & CPU ab)

- für große Arrays sind Merge Sort, Heap Sort, Quick Sort schneller
- std :: sort() wählt automatisch einen schnellen Algor.

Idee von Insertion Sort: wie beim Aufnehmen und Ordnen eines Kartenblatts

- gegeben: bereits sortiertes Teilarray bis zur Position k-1
- füge das k-te Element an der richtigen Stelle ein. Erzeuge Lücke an der richtigen Position duch Verschieben von Elementen nach rechts
- wiederhole für k = 1, ..., N (siehe Übung 5.1 "Einsortieren")

```
3
         5
                (current = 2)
            1
            1
2
   4
      3
         5
            1
2
         5
            1
                (current = 3)
2
         5
            1
2
   3
2
   3
            1
2
   3
      4
            1
                (current = 5)
2
   3
      4
         5
            1
2
   3
                (current = 1)
      4
         5
            1
      3
         4
   void insertion sort(std::vector <double> &v) {
     for ( int K = 1; k < v.size(); ++k) {
        double current = v[k];
        int j = k; // Anfangsposition der Luecke
```

```
while (j>0) {
    if (v[j-1] < current) {
        break; // j ist richtige Position der Luecke
    }
    v[j] = v[j-1];
    —j;
}
v[j] = current; // current in die Luecke kopieren
}
</pre>
```

- andere Sortierung: definiere Funktor cmp(a,b), der das gewünschte "kleiner" realisiert \cong gibt genau dann true zurück, wenn a "kleiner b nach neuer Sortierung
- ullet neue Sortierungen am besten per Lambda-Funktion an std::sort übergeben

```
std::sort(v.begin(), v.end()); // Standardsortierung aufst
                                 std::sort(v.begin(), v.end(),
                                                                             // Standardsortierung aufst
                                                                             [](double a, double b) {
                                                                                        return a < b;
                                                                             }
                                 std::sort(v.begin(), v.end(), // absteigende Sortierung
                                                                  [](double a, double b) {
                                                                             return b<a;
                                                                  }
                                 )
                                 std::sort(v.begin(), v.end(), // normale Sortierung nac
                                                                  [](double a, double b) {
                                                                             return std :: abs(a) < std :: a
                                                                  }
                                 )
                                 // Stringvergleich
                                 \begin{array}{lll} std:: vector < \!\!std:: string \!\!> v = \{ \text{"Ac"}, \text{ "ab"}, \text{ "De"}, \text{ "cf"} \}; \\ std:: vector < \!\!std:: string \!\!> v = \{ \text{"Ac"}, \text{ "De"}, \text{ "ab"}, \text{ "cf"} \} \end{array}
// case insensitive
                                 std:: vector < std:: string > v = {"ab", "Ac", "cf", "De"}
// case sensitive
```