# 1 Rechenoperationen

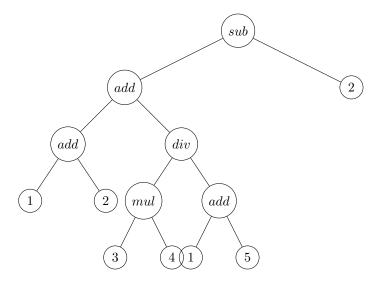
- 1. Baum besteht aus Knoten (Kreise) und Kanten (Pfeile)
- 2. Kanten verbinden Knoten mit ihren Kind-Knoten
- 3. jeder Knoten (außer der Wurzel) hat genau ein Elternteil
- 4. Knoten ohne Kinder heißen "Blätter" (leaf-nodes)
- 5. Teilbaum
  - (a) wähle beliebigen Knoten
  - (b) entferne temporär dessen Eltern-Kante
    - i. der Knoten wird temorär zu einer Wurzel
    - ii. dieser Knoten mit allen seinen Nachkommen bildet wieder seinen Baum " Teilbaum des Originalbaums"
  - (c) Tiefe: Abstand des Knotens zur Wurzel
  - (d)

Infix-Notation:

$$1+2+3*4/(1+5)-2$$

Präfix-Notation:

sub(add(add(1,2),div(mul(3,4),add(1,5))),2)



#### Präfix Notation aus dem Baum rekonstruieren

- 1. Wenn die Wurzel ein Blatt ist, dann "Drucke die Zahl"
- 2. sonst (Operator):
  - (a) Drucke Funktionsnamen
  - (b) Drucke "("
  - (c) wiederhole ab 1) für das linke Kind
  - (d) Drucke ","
  - (e) wiederhole den Algorithmus ab 1) für das rechte Kind
  - (f) Drucke ")"

Beachte Reihenfolge: Wurzel - Links - Rechts (Pre-Order Traversal) Ergebnis: sub(add(add(1,2),div(mul(3,4),add(1,5))),2)

**Definition: Rekursion** Rekursion meint Algorithmus für Teilproblem von vorn

#### **Infix Notation**

- 1. wie bei Präfix
- 2. sonst
  - (a) entfällt
  - (b) wie bei Präfix
  - (c) wie bei Präfix
  - (d) Drucke Operatorsymbol
  - (e) wie bei Präfix
  - (f) wie bei Präfix
  - (g) wie bei Präfix

Beachte Reihenfolge: Links - Wurzel - Rechts (In-Order Traversal)

Ergebnis:

$$(((1+2)+((3*4)/(1+5)))+2)$$

# Berechne den Wert mit Substitutionsmethode

- 1. Wenn Wurzel ein Blatt hat, gib die Zahl zurück
- 2. sonst
  - (a) entfällt
  - (b) entfällt
  - (c) wiederhole ab 1) für linken Teilbaum und speichere Ergebnis als "left-result"

- (d) entfällt
- (e) wiederhole ab 1) für rechten Teilbaum, speichere Ergebnis als "right-result"
- (f) berechne  $fkt_name(left-result,right-result)$  und gib Ergebnis zurück

Beachte Reihenfolge: Links - Rechts - Wurzel (Post-Order Traversal)

```
\begin{aligned} &sub(add(add(1,2),div(mul(3,4),add(1,5))),2)\\ &=sub(add(add(1,2),div(12,6)),2)\\ &=sub(add(3,2)2)\\ &=sub(5,2)\\ &=3 \end{aligned}
```

# 2 Maschinensprache

- optimiert für die Hardware (viele verschiedene)
- $\bullet$  Gegensatz: höhere Programmiersprache (C++) ist optimiert für Programmierer
- Compiler oder Interpreter übersetzen Hoch- in Maschinensprache

## Vorgang des Übersetzens

- 1. Eingaben (und Zwischenergebnisse) werden in Speicherzellen abgelegt ⇒ jeder Knoten im Baum bekommt eine Speicherzelle (Maschinensprache: durchnumeriert ; Hochsprache: sprechende Namen)
- 2. Speicherzellen für die Eingaben <u>initialisieren</u>; Notation: SpZ  $\leftarrow$  Wert
- 3. Rechenoperationen in der Reihenfolge des Substitutionsmodells ausführen und in der jeweiligen Speicherzelle speichern; Notation: SpZ Ergebnis ← fkt name SpZ Arg1 SpZ Arg2
- 4. alles in Zahlencode umwandeln
  - Funktionsname  $\Rightarrow$  Opcodes
  - Speicherzellen: nur die Nummer
  - Werte sind schon Zahlen
  - Notation: Opcode Ziel SpZ SpZ\_Arg1 SpZ\_Arg2 oder Opcode Ziel SpZ Initialwert

# 3 funktionale Programmierung

(alles durch Funktionsaufrufe ausführen)

1. bei Maschinensprache wurden Zwischenergebnisse in Speicherzellen abgelegt

- 2. das ist auch in der funktionalen Programm. eine gute Idee
  - (a) Speicherzellen werden durch Namen (vom Programmierer vergeben) unterschieden
  - (b) Beispiel: Lösen einer quadratischen Gleichung:  $ax^2 + bx + c = 0$ , finde  $x_{1/2} \Rightarrow x^2 px + q = 0$  mit  $p = -\frac{b}{2a}, q = \frac{c}{a} \Rightarrow x_1 = -\frac{b}{2a} + \sqrt{\left(-\frac{b}{2a}^2 \frac{c}{a}\right)}$   $\Leftarrow allgemein: x_{1/2} = p \pm \sqrt{p^2 q}$
  - (c) Präfix:

 $x_1 \leftarrow add(div(div(b,a),-2), sqrt(sub(mul(div(div(b,a),-2), div(div(b,a),-2)), div(c,a))))$  mit Zwischenergebnissen und Infix-Notation:  $p \leftarrow b/c/-2$  oder  $p \leftarrow -0, 5*b/a$   $q \leftarrow c/a$   $discriminant \leftarrow sqrt(p*P-q)$   $x_{1/2} \leftarrow p \pm discriminant$ 

- 3. zwei Vorteile:
  - (a) lesbar
  - (b) redundante Berechnung verschieden Beachte: In der funktionalen Programmierung können die Speicherzellen nach der Initialisierung nicht mehr verändert werden
  - (c) Speicherzellen mit Namen sind nützlich, um Argumente an Funktionen zu übergeben  $\Rightarrow$  Definition eigener Funktionen Bsp: function sq(x){ return  $x^*x$ }

# 4 funktionale Programmierung in C++

- 1. in C++ hat jede Speicherzelle einen Typ (legt Größe und Bedeutung der Speicherzelle fest) wichtigste Typen: "int"für ganze Zahlen, "double"für reelle Zahlen, "std::string"für Text zugehörige Literale (Konstanten): 12, -3 (int) -1.02, 1.2e-4 (double) "text text "(string)
- 2. Die Initialisierung wird geschrieben als

```
type_name spz_name = initialwert
```

Bsp:

3. eigene Funktion in C + +:

```
type_ergebnis funktionsname (typ_arg1 name_arg1, typ_arg2 name_arg2)
{
      <code>
      return ergebnis;
}
```

- 4. zwei Funktionen mit gleichem Namen, aber unterschiedlichen Typen dürfen in C++ gleichzeitig definiert sein ("overloading")
  - $\Rightarrow$  C++ wählt <u>automatisch</u> die richtige Variante anhand des Argumenttypes ("overload resolution")
- 5. jedes C++ -Programm muss genau eine Funktion names "main haben: Dort beginnt die Programm-Ausführung

```
Bsp:
```

```
| int main() \{ < code > return 0 (erfolgreich abgearbeitet) \}
```

- 6. Regel von C + + für erlaubte Namen (Speicherzelle & Funktion):
  - (a) erste Zeichen: Klein- oder Großbuchstaben des englischen Alphabets oder \_
  - (b) optional: weitere Zeichen: wie erstes Zeichen oder Ziffern 0 ... 9
- 7. vordefinierte Funktionen in C + +
  - (a) eingebaute Funktionen (immer vorhanden) z.B. Infix Operatoren
  - (b) Funktionen der Standardbibliothek (Programmierer muss sie explizit auffordern)
    - i. z.B. algebraische Funtionen beginnend mit std:...
    - ii. sind in Module geordnet, z.B. c<br/>math  $\widehat{=}~$ algebraische Funktionen, iostre<br/>am  $\widehat{=}~$  Ausgabe, z.B. std::cout
    - iii. Um ein Modul zu benutzen, muss man zuerst (am Anfang des Programms) sein Inhaltsverzeichnis importieren #include <module\_name> sprich "Header inkludieren"

```
# include <iostream>
# include <string>
int main() {

std::cout << "Hello" << "\n";
std::string >> ausgabe = "mein erstes Programm"
std::cout << ausgabe;

return 0
}

int a = 3;
int b = 4;
int c = a * b;
double x = 3.0;
double y = 4.0;
double z = x * y;</pre>
```

 $3.0*4 \quad \Rightarrow \quad \text{automatische Umwandlung in höheren Typ, hier: "double"} \Rightarrow \text{wird als } 3.0*4.0 \text{ ausgeführt}$ 

### **Interger-Division in** C + + Konsequenzen:

- 1. Division unterscheidet sich nach dem Datentypen:  $(-12)/5 \Rightarrow -2 \neq -2.4 \Leftarrow (-12.0/5.0)$
- 2. negative Ereignisse werden aufgerund, positive abgerundet (truncating division) d.h. Nachkommstellen abschneiden, d.h. Richtung Null runden
- 3. Gegensatz (z.B. zu Python): floor division  $\hat{=}$  wird immer abgerundet
- 4. Divisionsrest:

```
\begin{array}{lll} \text{int } a = & \dots; \\ \text{int } b = & \dots; \\ \text{int } q = a/b; \\ (a/b)*b = q * b \end{array}
```

ist im allgemeinen ungleich  $a \Rightarrow$ 

int rest = 
$$a = q*b$$
;

- 1. wenn Division aufgeht  $\Rightarrow$  rest = 0, sonst  $\neq$  0
- 2. Invariante:

$$(a/b) * b + rest = a$$
 int  $rest1 = a \% b$ ; //  $aequivalent: a-(b/a)*b$ 

**Anwendung** Wochentag für beliebiges Datum bestimmen: gegeben: d, m, y, gesucht:  $w \in \{0, \dots, b\}$  int weekday(int d, int w, int y); weekday(10,11,2016)  $\Rightarrow$  3 (Donnerstag) Teilprobleme

- 1. finde den Wochentag vom 1. Januar y
- 2. finde den Abstand vom (d,m,y) zum (1,1,y)
- 3. setze beides zusammen

Schaltjahresregel: y ist Schaltjahr, wenn:

- 1. y durch 4 teilbar, aber nicht durch  $100 \Rightarrow 2004$ , 2006, nicht 2100
- 2. y durch 400 teilbar  $\Rightarrow$  2000
  - $\Rightarrow$  400-Jahres-Zyklus der Regeln: nach 400 Jahren beginnt die Schaltjahresregel von vorn

- Beobachtung: der 1.1.2001 ist der erste Tag eines neuen Zyklus und war Montag
- die Anzahl der Tage vom 1.1. <br/>y zum 1.1. 2001 ist:  $z=y-2001 \quad \triangle=365*z+z/4-z/100+z/400$
- floor division ist wichtig, wenn z < 0, z.B. y = 2000, z = -1

zu(2): d.m. ist der x-te Tag im Jahr mit:

- kein Schaltjahr
  - 1.  $m = 1 \Rightarrow d$
  - $2. m = 2 \Rightarrow d + 31$
  - 3.  $m = 3 \Rightarrow d + 59$
  - $4. \ m=4 \Rightarrow d+90$
  - 5.  $m = 5 \Rightarrow d + 120$
  - 6.  $m > 2 \Rightarrow d + 59 + (153 * m 457)/5$
- Schaltjahr
  - 1.  $m = 1 \Rightarrow d$
  - 2.  $m = 2 \Rightarrow d + 31$
  - 3.  $m = 3 \Rightarrow d + 60$
  - 4.  $m=4 \Rightarrow d+91$
  - 5.  $m = 5 \Rightarrow d + 121$
  - 6.  $m > 2 \Rightarrow d + 60 + (153 * m 457)/5$

zu(3): Wochentag von d, m, y:

$$w = (w 11y + x - 1) \mod 7$$

### Bedingungen

- Bei den meisten Algorithmen ist die Reihenfolge der Schritte <u>nicht</u> fix, sondern hängt von den Eingabedaten ab
- Beispiel: Auswahl der Offset  $d \to x$  hängt von m ab dafür die Funktion:

cond (bedingung, resultat\_wenn\_wahr, resultat\_we

• kanonische Beispiele: Absolutbetrag, Vorzeichenfunktion

Bedingungen programmieren:

• relationale Operatoren: Vergleich von zwei Argumenten <,>,<=,>=,!=

- logische Operatoren: Verknüpfen von mehreren Bedingungen &&(und), ||(oder),! = (nicht)
- in C + + gibt es <u>keine</u> Prefix-Variante für die cond()-Funktion, aber eine Infix-Variante:

```
(bedingung) ? erg_wenn_wahr : erg_wenn_falsch
int abs (int x) {
  return (x >= 0) ? x : -x;
}
double abs (double x) {
  return (x >= 0.0) ? x : -x;
}
int sign (int x) {
  return (x == 0) ? 0 : ((x > 0) ? 1 : -1);
}
```

**Rekursion** bedeutet: eine Funktion ruft sich selbst auf (evtl. indirekt)

- kanonisches Beispiel: Fakultätsfunktion  $k! = 1 \cdot 2 \cdot \dots (k-1) \cdot k$
- wichtige Eigenschaften:
  - jede rekursive Funktion muss mindestens einen nicht-rekursiven Zweig enthalten, der nach endlich vielen rekursiven Aufrufen erreicht wird "Rekursionsabschluss"- sonst: Endlosrekursion (Absturz)
  - bei jedem Aufruf werden dem Namen der Dateenelemente (Argumente & Zwischenergebnisse) <u>neue</u> Speicherzellen zugeordnet  $fakultaet(3) \rightarrow fakultaet(2) \rightarrow fakultaet(1) \rightarrow fakultaet(0) \Rightarrow return 3*fakultaet(2) ← return 2*fakultaet(1) ← return 1*fakultaet(0) ← return 1$

#### Von der funktionalen zur prozeduralen Programmierung

- Eigenschaften der FP:
  - -alle Berechnungen durch Funktionsaufrufe, Ergebnis ist Rückgabe
  - Ergebnis hängt nur von den Werten der Funktions-Argumente ab, nicht von externen Faktoren (referentielle Integrität)
  - Speicherzellen für Zwischenergebnisse/Argumente können nach der Initialisierung nicht geändert werden (write once)
  - Möglichkeit der rekursiven Funktionsaufrufe (jeder Aufruf bekommt eigene Speicherzellen)

#### • Vorteile:

- natürliche Ausdrucksweise für arithmetische und algebraische Funktionalität (*Taschen-rechner*)
- einfache Auswertung durch Substitutionsmodell Auswertungsreihenfolge nach Post-Order
- -mathematisch gut formalisierbar  $\Rightarrow$  Korrektheitsbeweise (besonders bei Parallelverarbeitung)
- Rekursion ist mächtig und natürlich für bestimmte Probleme (z.B. Fakultät)

#### • Nachteile:

- viele Probleme lassen sich anders natürlicher ausdrücken (z.B. Rekursion vs. Iteration)
- -setzt unendlich viel Speicher vorraus ( $\Rightarrow$  Memory management notwendig $\Rightarrow$ später)
- Entitäten, die sich zeitlich verändern schwer modellierbar, teilweise unnatürlich
- Korrolar: Man kann keine externen Resourcen (z.B. die Console/Drucker, Bildschirm) ansprechen (weil zeitlich veränderlich) "keine Seiteneffekte"
- Lösung: Einführung einer Multi-Paradigmensprachen, z.B. Kombination von funktionaler mit prozeduraler Programmierung

# 5 Prozeduale Programmierung

- Kennzeichen:
  - Prozeduren Funktionen, die nichts zurückgeben, haben nur Seiteneffekte Bsp: auf Konsole ausgeben

```
std::cout << "Hello World \n"; // Infix
operator << (std::cout, "Hello \nLeftarrow"); // Praefix notation</pre>
```

- Prozeduren in C + +:
  - 1. Funktion, die void zurückgibt (Pseudotyp nur "nichts")
  - 2. Returnwert ignorieren
- Anweisen zur Steuerung des Programmablaufs (z.B. if / else)

```
// funktional:
int abs (int x) {
  return (x>=0) ? x : -x ;
}

// prozedural
int abs (int x) {
  if (x >= 0) {
    return x;
}
```

```
} else {
    return -x;
}
```

### • Zuweisung:

- Speicherzellen können nachträglich verändert werden "read-work"

```
// prozedural
int foo (int x) {
  int y = 2;
  int z1 = x * y; // z1 = 6
  y = 5;
  int z2 = x * y; // z2 = 15
  return z1 + z2;
// write once
typ const name = wert
// funktional
int foo (int x) {
  int y = 2;
  int z1 = x * y; // z1 = 6
  int y2 = 5;
  int z^2 = x * y^2; // z^2 = 15
  \mathtt{return} \ \mathtt{z1} \ + \ \mathtt{z2} \, ;
```

#### • $\Rightarrow$ Folgen:

- -mächtiger, aber ermöglicht völlig neue Bugs $\Rightarrow$ Erhöhte Aufmerksamkeit beim Programmieren
- die Reihenfolge der Ausführung ist viel kritischer als beim Substitutionsmodell
- der Programmierer muss immer ein mentales Bild des aktuellen Systemzustands haben

Schleifen der gleiche Code soll oft wiederholt werden

```
while (bedingung) {  \dots // \text{ code wird ausgefuehrt }, \text{ solange bedingung "true" ist }   \underline{\text{Bsp:}} \text{ Zahlen von 0-2 ausgeben)}   \text{int counter } = 0;   \text{while (counter } < 3) \text{ }
```

```
\begin{array}{lll} std::cout <\!\!< counter <\!\!< " \backslash n"; \\ counter = counter +1; \\ \end{array} \}
```

counter	Bedingung	Ausgabe
0	true	0
1	true	1
2	true	2
3	false	Ø

- $\bullet$  C++ beginnt mit der Zählung meist bei 0 "zero-based"
- vergisst man Inkrementierung counter = counter +1  $\Rightarrow$  Bedingung immer true  $\Rightarrow$  Endlosschleife  $\Rightarrow$  Bug
- drei äquivalente Schreibweisen für Implementierung:

```
counter = counter + 1; // assignment
counter += 1; // add-assignment
++ counter; // pre-increment
```

**Anwendung: Wurzelberechnung** Ziel: double sqrt (double y) Methode: <u>iterative Verbesserung</u> mittels Newtonverfahren

```
\begin{array}{lll} \mbox{initial guess} & x(0) \mbox{ bei } t{=}0 \mbox{ geraten} \\ \mbox{while not\_good\_enough}(x(t)) & \{ \\ \mbox{update } x(t{+}1) \mbox{ from } x(t) \\ \mbox{ } t = t{+}1 \\ \} \end{array}
```

Newtonverfahren: finde Nullstelle einer gegebenen Funktion f(x), d.h. suche  $x^*$ , sodass  $f(x^*) = 0$  oder  $|f(x^*)| < \epsilon$ 

- 1. Taylorreihe von f(x):  $f(x + \triangle) \approx f(x) + f'(x) \cdot \triangle + \dots$
- 2.  $0 = f(x^*) \approx f(x) + f'(x) \cdot \triangle = 0 \Rightarrow \triangle = -\frac{f(x)}{f'(x)}$
- 3. Iterationsvorschrift:  $x^{(t+1)} = x^{(t)} \frac{f(x^{(t)})}{f'(x^{(t)})}$
- 4. Anwendung auf Wurzel: setze  $f(x) = x^2 y \Rightarrow mitf(x^*) = 0$  gilt $(x^*)^2 y = 0$
- 5. Iterations vorschrift:  $x^{(t+1)} = x^{(t)} - \frac{(x^{(t)})^2 - y}{2x^{(t)}} = \frac{(x^{(t)})^2 + y}{2x^{(t)}}$  $x^{(t+1)} = \frac{x^{(t)} + \frac{y}{x^{(t)}}}{2}$  mit  $x^* = \sqrt{y} \Rightarrow x^{(t+1)} = \sqrt{y}$

```
double sqrt (double y) { if (y<0.0) { std::cout << "Wurzel aus negativer Zahl \n"; return -1.0;
```

```
if (y = 0.0) {
          return 0.0;
        double x = y; // initial guess
        double epsilon = 1e-15 * y; // double Genauigkeit
       while \ (abs(x*x-y) > epsilon) \ \{
         x = (x + y/x) / 2.0;
       return x;
     }
for - Schleife Zum Vergleich mit der while-Schleife:
     int c = 0;
     while (c < 3) {
       ... // unser code
       c += 1; //sonst funktionsunfachig
die for - Schleife ist dagegen "idiotensicher"
     for (int c =0; // Initialisierung
          \begin{array}{lll} c < 3; & // \; Bedingung \; (oder: \; c!{=}3) \\ c{+}{=}1) \; \{ & // \; Incrementierungsanweisung \end{array}
            ... // unser code
   • Befehle, um Schleifen vorzeitig abzubrechen:
       - continue (bricht aktuelle Iteration ab und springt zum Schleifenkopf)
       - break (bricht die ganze Schleife ab und springt hinter die schließende Klammer)
       - return (beendet die Funktion und damit auch die Schleife)
   • 3 gleichbedeutende Beispiele:
             for (int c = 0; c < 10; ++c) {
               if (c \%" == 0) \{ // \text{ gerade Zahl}?
                  std::cout << c << "\n";
             }
             /* Sobald in der if-Anweisung nur eine Zeile steht, kann sie weggelassen
               werden. Das ist gefaehrlich und die Klammern sollten eher trotzdem
               gesetzt werden */
             for (int c = 0; c < 10; ++c) {
```

```
 \begin{array}{c} \text{ if } (c \ \% 2 \ !{=}0) \ \{ \ // \ \text{nicht gerade?} \\ \text{ continue;} \\ \} \\ \text{ std::cout} << c << "\n" ; \\ \} \\ \\ \text{for } (\text{int } c \ {=}0; \ c{<}10; \ c{+}{=}2) \ \{ \\ \text{ std::cout} << c << "\n" ; \\ \} \\ \end{array}
```

• mit den wichtigsten Schleifen ist bereits ein guter Grundstein für die vielseitige Programmierung gelegt

# 6 Datentypen

• Basistypen:

Bestandteil der Sprachsyntax und normalerweise direkt von der Hardware (CPU) unterstützt

- int (ganze Zahlen)
- double (Fließkommazahlen)
- bool (true oder false)
- später mehr
- zusammengesetzte Typen:

mithilfe von struct oder class aus einfacheren Typen zusammengebaut

- Standardtypen: in der C++ Standardbibliothek definiert (#include ..)
- Bsp: std::string mit #include < string >
- externe Typen: aus anderer Bibliothek, die man zuvor herunterladen und installieren muss
- eigene Typen: vom Programmierer selbst implementiert
- durch "objekt-orientierte Programmierung" erreicht man, dass zusammengesetzte Typen genauso einfach, bequem und effizient sind, wie Basistypen
- "Kappselung": die interne Strukter und Implementation ist für den Benutzer unsichtbar
- $\bullet$ Benutzer manipuliert Speicher über Funktionen ("member functions")  $\approx$  Schnittstelle des Typs Interface

## Zeichenketten - String

- zwei Datentypen in C + +
- klassischer C-String: char[] ("character array")
- $\bullet$  C++-String: std::string gekappselt und bequem
- String-Literale: "Zeichenkette"
- einzelnes Zeichen: 'z'
  Vorsicht: die String-Literale sind C-Strings(gibt keine C + + String-Literale)
- Initialisierung:

```
std::string s1 = "abcde"; // Zuweisung
std::string s2 = s1;
std::string leer = "";
s1.size() // Laenge (Anzahl der Zeichen)
s1.empty() // Test: s1.size() ==0
```

• Addition: Strings aneinanderreihen ("concalculate")

```
std::string s3 = s + "i,k; // "xyi,k"
std::string s3 = s + s; // "xyxy"
std::string s3 = "abc" + "def"; // Bug - Literale unterstu
```

• Add-Assignement: Abkürzung für Addition gefolgt von Zuweisung

• die Zeichen werden intern in einem C-Array gespeichert Array: zusammenhängende Folge von Speicherzellen des gleichen Types, hier: *char* 

Variante(1): 'in-place' (den alten String überschreiben, selbe Speicherzelle)

```
\begin{array}{lll} & \text{int } i = 0; \\ & \text{int } k = s.\,\text{size}\,()\,-1; \\ & \text{while } (1{<}k) \; \{ \\ & \text{char } tmp = s\,[\,i\,] \; // \; i{-}\text{tes Zeichen merken} \\ & s\,[\,i\,] = s\,[\,k\,]; \\ & s\,[\,k\,] = tmp\,; \end{array}
```

Variante(2): neuen String erzeugen

```
std::string \ s = "abcde"; \\ std::string \ r = ""; \\ for \ (int \ k = s.size()-1; \ k>=0; ---k)
```

## Umgebungsmodell

- in prozeduraler Programmierung: Gegenstück zum Substitutionsmodell für funktionale Programmierung
- Zwecke:
  - Regeln für Auswertung von Ausdrücken
  - Regeln für automatische Speichervewaltung: Freigeben nicht mehr benötigter Speicherzellen (nützlich bei in der Praxis immer endlichem Speicher)
    - ⇒ bessere Approximation von "unendlich viel Speicher"
- Umgebung beginnt normalerweise bei "{" und endet bei "}" Ausnahme: for-Schleife, Funktionsdefinitionen, globale Umgebung

- automatische Speicherverwaltung:
  - Speicherzellen, die in einer Umgebung angelegt werden, werden am Ende der Umgebung in umgekehrter Reihenfolge freigegeben
  - Compiler fügt vor "{" automatisch die notwendigen Befehle ein
  - Speicherzellen in der globalen Umgebung werden dem Programmierenden freigegeben

- Umgebungen können beliebig tief geschachtelt werden

  ⇒ alle Umgebungen bilden einen Baum, mit der globalen Umgebung als Wurzel
- Funktionen sind in der globalen Umgebung definiert

  ⇒ Umgebung jeder Funktion sind "Kinder" der globalen Umgebung (Ausnahme: Namensräume) ⇒ Funktionsumgebung ist nicht Kind der Umgebung, in der sie aufgerufen wird
- $\bullet$  Jede Umgebung besitzt eine Zuordnungstabelle für alle Speicherzellen, die in der Umgebung definiert werden  $\frac{\text{Name}}{\text{l}} \mid \frac{\text{Typ}}{\text{int}} \mid \frac{\text{aktueller Wert}}{2}$
- jeder Name kann pro Umgebung nur  $1 \times$  vorkommen ()gleichzeitig in anderen Umgebungen) Ausnahme: Funktionsnamen können mehrmals vorkommen bei "function overloading" (C++)
- Alle Befehle werden relativ zur aktuellen Umgebung ausgeführt aktuell: Zuordnungstabelle der gleichen Umgebung & aktueller Wert zum Zeitpunkt des Aufrufs (Zeitpunkt wichtig im Substitutionsmodell)

Beispiel: c = a \* B; Regeln:

- wird der Name (a,b,c) in der aktuellen Zuordnungstabelle gefunden:
  - (1) Typisierung  $\Rightarrow$  Fehlermeldung, wenn Typ und Operation zusammenpassen
  - (2) andernfalls, setze aktuellen Wert aus Tabelle in Ausdruck ein
- wird der Name nicht gefunden, suche in der Elternumgebung weiter mit (1) oder (2)
- $\bullet$  wird der Name bis zur Wurzel nicht gefunden  $\Rightarrow$  Fehlermeldung
- ist der Name in mehreren Umgebungen vorhanden, gilt das zuerst gefundene (Typ, Wert)
- ⇒ Programmierer muss selbst darauf achten, dass:
  - 1. bei der Suche die gewünschte Speicherzelle gefunden wird ⇒ benutze "sprechende" Namen
  - 2. der aktuelle Wert der richtige ist  $\Rightarrow$  beachte Reihenfolge der Befehle!

# 7 Umgebungen

Namensräume spezielle Umgebungen in der globalen Umgebung (auch geschachtelt) mit einem Namen

- Ziele:
  - Gruppieren von Funktionalität in Module (zusätzlich zu Headern)
  - Verhindern von Namenskollisionen
  - Beispiel: C + + Standardbiblithek

```
double sqrt (double x);
                     namespace chrono {
                       class system clock;
            std :: sqrt(x) wird zu sqrt(x)
        Besonderheit: mehrere Blöcke mit selbem Namensraum werden verschmolzen
      - Funktionen befinden sich in der globalen Umgebung
        ⇒ Umgebung der Funktion ist Kind der globalen Umgebung
        int p = 2;
        int q = 3;
        int foo (int p) { // lokales p verdeckt das globale, aber globales q sichtbar
          return p * q;
        }
        int main() {
          int k = p * q; // beides ist global; =6
          int p = 4; // lokales p, was das globale verdeckt
          int r=p*q; // lokales p. globales q; =12 int s=foo\left(p\right); // lokales p wird zum lokalen p von foo(); =12
          int t = foo(q); // globales q wird zum lokalen p von foo(); =9
Beispiel: my \sin (\ddot{U}bung 3.3)
    double taylor sin (double x) {
      return x - std :: pow(x,3)/6.0;
    double pump sin (double sin third) {
      return 3.0*\sin third -4.0* std::pow(sin third,3)
    double pi 2 = 2.0*M PI;
    double normalize (double x) {
      double k = std::floor(x/pi_2); // wie vielte Periode
      }
    double my sin (double x) {
```

namespace std {

#### Referenzen

• sind neue (zusätzliche) Namen für vorhandene Speicherzellen

```
int x=3; // neue Variable x mit neuer Speicherzelle int & y=x; // Referenz: y ist neuer Name fuer x, beide haben dieselbe Spey=4; // Zuweisung an y, aber x aendert sich auch, d.h. x=4 x=5; // jetzt y=5 int const & z=x; // read-only Referenz, d.h. z=6 ist verboten x=6; // jetzt auch z=6
```

- Hauptanwendung:
  - Umgebung, wo eine Funktion aufgerufen wird und die Umgebung der Implementation sind unabhängig, d.h. Variablen der einen Umgebung sind in der anderen nicht sichtbar

### Beispiel:

```
int foo (int x) { // pass-by-value (Uebergabe des echten Werts)
    x += 3;
    return x;
}

int bar (int & x) { // pass-by-reference (Uebergabe der Adresse der Speich
    y += 3;
    return y;
}

void baz (int & z) { // pass-by-reference
    z += 3; // kein return Wert
}

int main() {
    int a = 2;
    std::cout << foo(a) << "\n"; // Ausgabe: 5</pre>
```

- Funktionen die Werte nur über eine Referenz änder heißen Seiteneffekt der Funktion (Haupteffekt ist immer der return Wert) [in der funktionalen Programmierung sind Seiteneffekte verboten mit Ausnahme von Ein-/Ausgabe]
- Ziele
  - 1. häufig möchte man Speicherzellen in beiden Umgebungen teilen ⇒ verwende Referenzen
  - 2. häufig will man vermeiden, dass eine Variable kopiert wird (pass-by-value)  $\Rightarrow$  durch pass-by-value braucht man keine Kopie  $\Rightarrow$  typisch const &  $\cong$  read-only, keine Seiteneffekte

```
void print_string(std::string const & s) {
  std::cout << s;
}</pre>
```

# 8 Container-Datentypen

dienen dazu, andere Datentypen aufzubewahren

- Art der Elemente
  - homogene Container: alle Elemente haben den gleichen Typ (typisch für C++)
  - heterogene Container: Elemnte können verschiedene Typen haben (z.B. Python)
- Art der Größe
  - statische Container: feste Größe, zur Compilezeit bekannt
  - dynamische Container: Größe zur Laufzeit veränderbar
- Arrays sind die wichtigsten Container, weil effizient auf Hardware abgebildet und einfach zu benutzen
  - klassisch: Arrays sind statisch, z.B. C-Arrays (hat C + + geerbt)
  - modern: dynamische Arrays:
    - \* Entdeckung einer effizienten Implementierung
    - \* Kapselung durch Objekt-Orientierte-Programmierung (sonst zu kompliziert)
- ein dynamisches Array: std:: string ist Abbildung  $int \rightarrow char$   $Index \rightarrow Zeichen$
- wir wollen das selbe Verhalten für beliebige Elementtypen: std:: vector

```
Datentyp: std::vector
```

```
\label{eq:problem} \begin{tabular}{lll} \#include &<\!vector>\\ std::vector &<\!double> v(20\,,\ 0.0) \ ; & // initialisiert mit Groesse\,, Initialwert \\ // analog: std::vector<\!int>, std::vector<\!std::string> \\ \end{tabular}
```

- Abbildung:  $int \rightarrow double$
- weitere Verallgemeinerung: Indextyp beliebig (man sagt dann "Schlüssel-Typ§" typische Fallen:
  - Index ist nicht im Bereich  $0 \le Index < size$ , z.B. Matrikelnummer
  - Index ist String, z.B. Name eines Studenten
- $std :: map, std :: unordered_map$  (Binärer Suchbaum)

### Beispiel:

dabei: <Schlüsseltyp, Elementtyp>

• Erzeugen:

• Größe:

```
v.size()
v.empty() (=v.size() ==0)
```

• Größe ändern:

• Zugriff:

- ullet Funktionen für Container: benutzen in C++ Iteration, damit sie für verschiedenste Container funktionieren
- Iteration-Range:

```
v.begin()
v.end() // hinter dem letzten Element
im Header <algorithm>
```

• alle Elemente kopieren:

```
std::vector <double> source = {1.0, 2.0, 3.0, 4.0, 5.0};
std::vector <double> target(source.size(), 0.0);
std::copy(source.begin(), source.end(), target.begin());
std::copy(source.begin()+2, source.end(), target.begin());
// unbenutzte Initialwerte bleiben erhalten
```

• Elemente sortieren:

```
std::sort(v.begin(), v.end()); // "in-place"
std::random shuffle(v.begin(), v.end()) // "in-place"
```

# Warum ist push\_back() effizient?

- veraltete Lehrmeinung: Arrays sind nur effizient, weenn statisch (d.h. Größe zur Compilezeit, spätestens bei Initialisierung bekannt)
- modern: bei vielen Anwenduungen genügt, wenn Array (meist) nur am Ende vergrößert wird (z.B. push\_back)
   dies kann sehr effizient unterstützt werden ⇒ dynamisches Array
- std:vector verwaltet intern ein statisches Array der Größe "v.capacity() >= v.size()"

- -wird das interne Array zu klein  $\Rightarrow$ wird automatisch auf ein doppelt so großes umgeschaltet
- ist das interne Array zu groß, bleiben unbenutzte Speicherzellen als Reserve
- Verhalten bei push\_back()
  - noch Reserve vorhanden: lege neues Element in eine unbenutzte Speicherzelle ⇒ billig & chillig
  - keine Reserve:
    - 1. alloziere neues statisches Array mit doppelter Kapazität
    - 2. kopiere die Daten aus allem ins neue Array
    - 3. gebe das alte Array frei
    - 4. gehe zu①, jetzt wieder Reserve vorhanden Umkopieren ist nicht teuer, da es nur selten nötig ist
  - Beispiel:

k	$cap  vor  p\_b()$	$cap  nach  p\_b()$	size()	Reserve	Umkopierung
0	0	1	1	0	0
1	1	2	2	0	1
2	2	4	3	1	2
3	4	4	4	0	0
4	4	8	5	3	4
$5 \dots 7$	8	8	8	0	0
8	8	16	9	7	8
$9 \dots 15$	16	16	16	0	0
16	16	32	17	15	16

. . .

#### • Kosten:

- -32 Elemente einfügen = 32 Kopien extern  $\Rightarrow$ intern
- -aus altem Array ins neue kopieren = 31 Kopien intern $\Rightarrow$ intern
  - ⇒ im Durchschnitt sind pro Einführung 2 Kopien nötig
  - ⇒ dynamisches Array ist doppelt so teuer, wie das statische
  - $\Rightarrow$  immer noch sehr effizient
- ullet relevante Funktionen von std::vector
  - -v.size(): aktuelle Zahl der Elemente
  - -v.capacity() v.size(): Reserve ( $\geq 0$ )
  - $-v.resize(new\ size)$ : ändert immer v.size(), aber v.capacity() nur wenn  $< new\ size$

- $-v.reserve(new\_capacity)$ : ändert v.size() nicht, aber v.capacity() falls  $new\_capacity \ge size$
- -v.shrink to fit(): v.reserve(v.size()) (Reserve ist danach 0), wenn Endgröße erreicht
- wenn Reserve > size: capacity kann auch halbiert werden

# wichtige Container der C + + Standardbiblithek

- dynamisches Arrays: std :: string, std :: vector
- assoziative Arrays: std :: map, std :: unordered map
- Mengen:  $std :: set, std :: unordered\_set$  (jedes Element ist höchstens einmal enthalten)
- Stapel: std:: stack (Funktion: "last-in-first-out") z.B. gestapelte Bierkästen.
- Warteschlange: std:: queue (Funktion: "first-in-first-out")
- Kartendeck: std:: deque gleichzeitig Stapel und Warteschlange
- Stapel mit Priorität: std:: priority queue (Priorität vom Nutzer definiert)

# 9 Iteratoren

• für Arrays lautet kanonische Schleife:

```
\begin{array}{lll} & \text{for (int } k=0; \ k != v.size(); \ +\!\!+\!\!k) \ \{ \\ & \text{int current} = v[k]; \ /\!/ \ aktuelles \ Element \ lesen } \\ & v[k] = new\_value; \ /\!/ \ aktuelles \ Element \ schreiben \\ \} \end{array}
```

- wir wollen eine so einfache Schleife für beliebige Container
  - der Index-Zugriff v[k] ist bei den meisten Containern nicht effizient
  - Iteratoren sind immer effizient  $\Rightarrow$ es gibt sie in allen modernen Programmiersprachen, aber die Details sind sehr unterschiedlich
  - Analogie: Zeiger einer Uhr, Cursor in Textverarbeitung
     ⇒ ein Iterator zeigt immer auf ein Element des Containers oder auf Spezialwert "ungültiges Element"
  - in C + + unterstützt jeder Iterator 5 Grundoperationen
    - 1. Iterator auf erstes Element erzeugen:

2. Iterator auf "ungültiges Element" erzeugen:

```
auto end = v.end() // typischerweise v[v.size()]
```

3. Vergleich:

- 4. zum nächsten weitergehen: + + iter, Ergebnis ist v.end(), wenn man vorher beim letzten Element war
- 5. auf Daten des aktuellen Elements zugreifen: \*iter ("Dereferenzierung")
- $\bullet \Rightarrow$  kanonische Schleife:

```
for (auto iter = v.begin(); iter != v.end(); ++iter) {
  int current = *iter; // lesender Zugriff;
  *iter = new_value; // schreibender Zugriff

  // Abkuerzung in C++: rang-based for-loop
  for (int & element : v) {
    int current = element; // lesen
    element = new_value; // schreiben
  }
}
```

- wenn die zugrunde liegenden Speicherzellen geändert werden, also die Containergröße sich ändert, werden die Iteratoren ungültig
- Iteratoren mit den 5 Grundoperationen heißen "forward iterators" (wegen + + iter)
- $\bullet$  "bidirectional iterators" unterstützen auch --iter (alle Iteratoren aus Standardbibliothek)
- "random access iterators" können beliebige Sprünge machen (iter+=5) unterstützt von std::string und std::vector
- Besonderheit für assoziative Arrays (std:: map):
  - Schlüssel und Werte können beliebig gewählt werden
     ⇒ das aktuelle Element ist immer ein Schlüssel/Wert-Paar (\*iter).first ⇒ Schlüssel
     (\*iter).second ⇒ Wert
     v[(\*iter).first] == (\*iter).second;
- Bei std :: map liefern die Iteratoren die Elemente in aufsteigender Reihenfolge der Schlüssel (Unterschied zu std :: unordered map)