Inhaltsverzeichnis

1	Rechenoperationen	2				
2	Maschinensprache	4				
3	funktionale Programmierung	4				
4	funktionale Programmierung in $C++$	5				
5	Prozeduale Programmierung					
6	Datentypen	13				
7	Umgebungen					
8	Container-Datentypen					
9		23 25 26				
10	Templates	28				
11	Grundlagen der generischen Programmierung 11.1 Funktionen-Templates	28 29				

1 Rechenoperationen

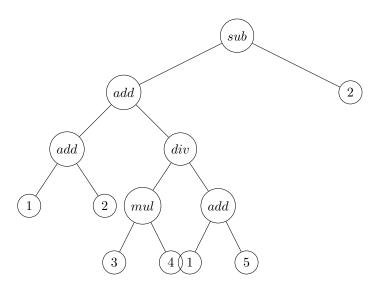
- 1. Baum besteht aus Knoten (Kreise) und Kanten (Pfeile)
- 2. Kanten verbinden Knoten mit ihren Kind-Knoten
- 3. jeder Knoten (außer der Wurzel) hat genau ein Elternteil
- 4. Knoten ohne Kinder heißen "Blätter" (leaf-nodes)
- 5. Teilbaum
 - (a) wähle beliebigen Knoten
 - (b) entferne temporär dessen Eltern-Kante
 - i. der Knoten wird temorär zu einer Wurzel
 - ii. dieser Knoten mit allen seinen Nachkommen bildet wieder seinen Baum " Teilbaum des Originalbaums"
 - (c) Tiefe: Abstand des Knotens zur Wurzel
 - (d)

Infix-Notation:

$$1+2+3*4/(1+5)-2$$

Präfix-Notation:

sub(add(add(1,2),div(mul(3,4),add(1,5))),2)



Präfix Notation aus dem Baum rekonstruieren

- 1. Wenn die Wurzel ein Blatt ist, dann "Drucke die Zahl"
- 2. sonst (Operator):
 - (a) Drucke Funktionsnamen
 - (b) Drucke "("
 - (c) wiederhole ab 1) für das linke Kind
 - (d) Drucke ","
 - (e) wiederhole den Algorithmus ab 1) für das rechte Kind
 - (f) Drucke ")"

Beachte Reihenfolge: Wurzel - Links - Rechts (Pre-Order Traversal) Ergebnis: sub(add(add(1,2),div(mul(3,4),add(1,5))),2)

Definition: Rekursion Rekursion meint Algorithmus für Teilproblem von vorn

Infix Notation

- 1. wie bei Präfix
- 2. sonst
 - (a) entfällt
 - (b) wie bei Präfix
 - (c) wie bei Präfix
 - (d) Drucke Operatorsymbol
 - (e) wie bei Präfix
 - (f) wie bei Präfix
 - (g) wie bei Präfix

Beachte Reihenfolge: Links - Wurzel - Rechts (In-Order Traversal)

Ergebnis:

$$(((1+2)+((3*4)/(1+5)))+2)$$

Berechne den Wert mit Substitutionsmethode

- 1. Wenn Wurzel ein Blatt hat, gib die Zahl zurück
- 2. sonst
 - (a) entfällt
 - (b) entfällt
 - (c) wiederhole ab 1) für linken Teilbaum und speichere Ergebnis als "left-result"

- (d) entfällt
- (e) wiederhole ab 1) für rechten Teilbaum, speichere Ergebnis als "right-result"
- (f) berechne $fkt_name(left-result,right-result)$ und gib Ergebnis zurück

Beachte Reihenfolge: Links - Rechts - Wurzel (Post-Order Traversal)

```
\begin{aligned} &sub(add(add(1,2),div(mul(3,4),add(1,5))),2)\\ &= sub(add(add(1,2),div(12,6)),2)\\ &= sub(add(3,2)2)\\ &= sub(5,2)\\ &= 3 \end{aligned}
```

2 Maschinensprache

- optimiert für die Hardware (viele verschiedene)
- \bullet Gegensatz: höhere Programmiersprache (C++) ist optimiert für Programmierer
- Compiler oder Interpreter übersetzen Hoch- in Maschinensprache

Vorgang des Übersetzens

- 1. Eingaben (und Zwischenergebnisse) werden in Speicherzellen abgelegt ⇒ jeder Knoten im Baum bekommt eine Speicherzelle (Maschinensprache: durchnumeriert ; Hochsprache: sprechende Namen)
- 2. Speicherzellen für die Eingaben <u>initialisieren</u>; Notation: SpZ \leftarrow Wert
- 3. Rechenoperationen in der Reihenfolge des Substitutionsmodells ausführen und in der jeweiligen Speicherzelle speichern; Notation: SpZ Ergebnis ← fkt name SpZ Arg1 SpZ Arg2
- 4. alles in Zahlencode umwandeln
 - Funktionsname \Rightarrow Opcodes
 - Speicherzellen: nur die Nummer
 - Werte sind schon Zahlen
 - Notation: Opcode Ziel SpZ SpZ_Arg1 SpZ_Arg2 oder Opcode Ziel SpZ Initialwert

3 funktionale Programmierung

(alles durch Funktionsaufrufe ausführen)

1. bei Maschinensprache wurden Zwischenergebnisse in Speicherzellen abgelegt

- 2. das ist auch in der funktionalen Programm. eine gute Idee
 - (a) Speicherzellen werden durch Namen (vom Programmierer vergeben) unterschieden
 - (b) Beispiel: Lösen einer quadratischen Gleichung: $ax^2 + bx + c = 0$, finde $x_{1/2} \Rightarrow x^2 px + q = 0$ mit $p = -\frac{b}{2a}, q = \frac{c}{a} \Rightarrow x_1 = -\frac{b}{2a} + \sqrt{\left(-\frac{b}{2a}^2 \frac{c}{a}\right)}$ $\Leftarrow allgemein: x_{1/2} = p \pm \sqrt{p^2 q}$
 - (c) Präfix:

 $x_1 \leftarrow add(div(div(b,a),-2), sqrt(sub(mul(div(div(b,a),-2), div(div(b,a),-2)), div(c,a))))$ mit Zwischenergebnissen und Infix-Notation: $p \leftarrow b/c/-2$ oder $p \leftarrow -0, 5*b/a$ $q \leftarrow c/a$ $discriminant \leftarrow sqrt(p*P-q)$ $x_{1/2} \leftarrow p \pm discriminant$

- 3. zwei Vorteile:
 - (a) lesbar
 - (b) redundante Berechnung verschieden Beachte: In der funktionalen Programmierung können die Speicherzellen nach der Initialisierung <u>nicht</u> mehr verändert werden
 - (c) Speicherzellen mit Namen sind nützlich, um Argumente an Funktionen zu übergeben \Rightarrow Definition eigener Funktionen Bsp: function sq(x){ return x*x}

4 funktionale Programmierung in C++

- 1. in C++ hat jede Speicherzelle einen <u>Typ</u> (legt Größe und Bedeutung der Speicherzelle fest) wichtigste Typen: "int"für ganze Zahlen, "double"für reelle Zahlen, "std::string"für Text zugehörige Literale (Konstanten): 12, -3 (int) -1.02, 1.2e-4 (double) "text text "(string)
- 2. Die Initialisierung wird geschrieben als

```
type_name spz_name = initialwert
```

Bsp:

```
double a = 10
std::cout << "x_1" << x_1 << "\n" ;</pre>
```

3. eigene Funktion in C + +:

```
type_ergebnis funktionsname (typ_arg1 name_arg1, typ_arg2 name_arg2)
{
     <code>
     return ergebnis;
}
```

- 4. zwei Funktionen mit gleichem Namen, aber unterschiedlichen Typen dürfen in C++ gleichzeitig definiert sein ("overloading")
 - \Rightarrow C++ wählt <u>automatisch</u> die richtige Variante anhand des Argumenttypes ("overload resolution")
- 5. jedes C++ -Programm muss genau eine Funktion names "main haben: Dort beginnt die Programm-Ausführung

```
Bsp:
```

```
| int main() \{ < code > return 0 (erfolgreich abgearbeitet) \}
```

- 6. Regel von C + + für erlaubte Namen (Speicherzelle & Funktion):
 - (a) erste Zeichen: Klein- oder Großbuchstaben des englischen Alphabets oder _
 - (b) optional: weitere Zeichen: wie erstes Zeichen oder Ziffern $0 \dots 9$
- 7. vordefinierte Funktionen in C + +
 - (a) eingebaute Funktionen (immer vorhanden) z.B. Infix Operatoren
 - (b) Funktionen der Standardbibliothek (Programmierer muss sie explizit auffordern)
 - i. z.B. algebraische Funtionen beginnend mit std:....
 - ii. sind in Module geordnet, z.B. cmath $\widehat{=}~$ algebraische Funktionen, iostream $\widehat{=}~$ Ausgabe, z.B. std::cout
 - iii. Um ein Modul zu benutzen, muss man zuerst (am Anfang des Programms) sein Inhaltsverzeichnis importieren #include <module_name> sprich "Header inkludieren"

```
# include <iostream>
# include <string>
int main() {

std::cout << "Hello" << "\n";
std::string >> ausgabe = "mein erstes Programm"
std::cout << ausgabe;

return 0
}</pre>
```

```
Overloading der arithmetischen Operationen

int a = 3;
int b = 4;
int c = a * b;
double x = 3.0;
double y = 4.0;
double z = x * y;
```

 $3.0*4 \implies$ automatische Umwandlung in höheren Typ, hier: "double" \Rightarrow wird als 3.0*4.0 ausgeführt

Interger-Division in C + + Konsequenzen:

- 1. Division unterscheidet sich nach dem Datentypen: $(-12)/5 \Rightarrow -2 \neq -2.4 \Leftarrow (-12.0/5.0)$
- 2. negative Ereignisse werden aufgerund, positive abgerundet (truncating division) d.h. Nachkommstellen abschneiden, d.h. Richtung Null runden
- 3. Gegensatz (z.B. zu Python): floor division $\hat{=}$ wird immer abgerundet
- 4. Divisionsrest:

```
int a = ...;
int b = ...;
int q = a/b;
(a/b)*b = q * b
```

ist im allgemeinen ungleich $a \Rightarrow$

```
int rest = a = q*b;
```

- 1. wenn Division aufgeht \Rightarrow rest = 0, sonst \neq 0
- 2. Invariante:

```
(a/b) * b + rest = a
int rest1 = a % b; // aequivalent: a-(b/a)*b
```

Anwendung Wochentag für beliebiges Datum bestimmen: gegeben: d, m, y, gesucht: $w \in \{0, ..., b\}$ int weekday(int d, int w, int y); weekday(10,11,2016) \Rightarrow 3 (Donnerstag) Teilprobleme

- 1. finde den Wochentag vom 1. Januar y
- 2. finde den Abstand vom (d,m,y) zum (1,1,y)
- 3. setze beides zusammen

Schaltjahresregel: y ist Schaltjahr, wenn:

- 1. y durch 4 teilbar, aber nicht durch $100 \Rightarrow 2004$, 2006, nicht 2100
- 2. y durch 400 teilbar \Rightarrow 2000
 - \Rightarrow 400-Jahres-Zyklus der Regeln: nach 400 Jahren beginnt die Schaltjahresregel von vorn
- \bullet Beobachtung: der 1.1.2001 ist der erste Tag eines neuen Zyklus und war Montag
- die Anzahl der Tage vom 1.1.
y zum 1.1.2001 ist: $z=y-2001 \quad \triangle=365*z+z/4-z/100+z/400$

• floor division ist wichtig, wenn z < 0, z.B. y = 2000, z = -1

zu②: d.m. ist der x-te Tag im Jahr mit:

- kein Schaltjahr
 - 1. $m = 1 \Rightarrow d$
 - 2. $m = 2 \Rightarrow d + 31$
 - 3. $m = 3 \Rightarrow d + 59$
 - $4. \ m = 4 \Rightarrow d + 90$
 - 5. $m = 5 \Rightarrow d + 120$
 - 6. $m > 2 \Rightarrow d + 59 + (153 * m 457)/5$
- Schaltjahr
 - 1. $m = 1 \Rightarrow d$
 - $2. m = 2 \Rightarrow d + 31$
 - 3. $m = 3 \Rightarrow d + 60$
 - 4. $m = 4 \Rightarrow d + 91$
 - 5. $m = 5 \Rightarrow d + 121$
 - 6. $m > 2 \Rightarrow d + 60 + (153 * m 457)/5$

zu③: Wochentag von d, m, y:

```
w = (w_11y + x - 1) \mod 7
```

Bedingungen

- Bei den meisten Algorithmen ist die Reihenfolge der Schritte <u>nicht</u> fix, sondern hängt von den Eingabedaten ab
- Beispiel: Auswahl der Offset $d \to x$ hängt von m
 ab dafür die Funktion:

```
cond ( bedingung , resultat_wenn_wahr , resultat_wenn_falsch )
```

• kanonische Beispiele: Absolutbetrag, Vorzeichenfunktion

Bedingungen programmieren:

- relationale Operatoren: Vergleich von zwei Argumenten <,>,<=,>=,!=
- logische Operatoren: Verknüpfen von mehreren Bedingungen &&(und), ||(oder), !=(nicht)

• in C + + gibt es <u>keine</u> Prefix-Variante für die cond()-Funktion, aber eine Infix-Variante:

```
(bedingung) ? erg_wenn_wahr : erg_wenn_falsch
int abs (int x) {
    return (x >= 0) ? x : -x;
}
double abs (double x) {
    return (x >= 0.0) ? x : -x;
}
int sign (int x) {
    return (x == 0) ? 0 : ((x > 0) ? 1 : -1);
}
```

Rekursion bedeutet: eine Funktion ruft sich selbst auf (evtl. indirekt)

- kanonisches Beispiel: Fakultätsfunktion $k! = 1 \cdot 2 \cdot \dots (k-1) \cdot k$
- in C + + (rekursive Definition)

```
int fakultaet (int k) {
   return (k == 0) ? 1 : k * fakultaet(k-1) ;
}
```

- wichtige Eigenschaften:
 - jede rekursive Funktion muss mindestens einen nicht-rekursiven Zweig enthalten, der nach endlich vielen rekursiven Aufrufen erreicht wird "Rekursionsabschluss"- sonst: Endlosrekursion (Absturz)
 - bei jedem Aufruf werden dem Namen der Dateenelemente (Argumente & Zwischenergebnisse) neue Speicherzellen zugeordnet fakultaet(3) → fakultaet(2) → fakultaet(1) → fakultaet(0) ⇒ return 3*fakultaet(2) ← return 2*fakultaet(1) ← return 1*fakultaet(0) ← return 1

Von der funktionalen zur prozeduralen Programmierung

- Eigenschaften der FP:
 - alle Berechnungen durch Funktionsaufrufe, Ergebnis ist Rückgabe
 - Ergebnis hängt nur von den Werten der Funktions-Argumente ab, nicht von externen Faktoren (referentielle Integrität)
 - -Speicherzellen für Zwischenergebnisse/Argumente können nach der Initialisierung nicht geändert werden ($write\ once)$
 - Möglichkeit der rekursiven Funktionsaufrufe (jeder Aufruf bekommt eigene Speicherzellen)
- Vorteile:
 - natürliche Ausdrucksweise für arithmetische und algebraische Funktionalität (Taschenrechner)

- einfache Auswertung durch Substitutionsmodell Auswertungsreihenfolge nach Post-Order
- -mathematisch gut formalisierbar \Rightarrow Korrektheitsbeweise (besonders bei Parallelverarbeitung)
- Rekursion ist mächtig und natürlich für bestimmte Probleme (z.B. Fakultät)
- Nachteile:
 - viele Probleme lassen sich anders natürlicher ausdrücken (z.B. Rekursion vs. Iteration)
 - setzt unendlich viel Speicher vorraus (⇒ Memory management notwendig ⇒ später)
 - Entitäten, die sich zeitlich verändern schwer modellierbar, teilweise unnatürlich
- Korrolar: Man kann keine externen Resourcen (z.B. die Console/Drucker, Bildschirm) ansprechen (weil zeitlich veränderlich) "keine Seiteneffekte"
- Lösung: Einführung einer Multi-Paradigmensprachen, z.B. Kombination von funktionaler mit prozeduraler Programmierung

5 Prozeduale Programmierung

- Kennzeichen:
 - Prozeduren Funktionen, die nichts zurückgeben, haben nur Seiteneffekte Bsp: auf Konsole ausgeben

```
std::cout << "Hello World \n"; // Infix
operator << (std::cout, "Hello \nLeftarrow"); // Praefix notation</pre>
```

- Prozeduren in C + +:
 - 1. Funktion, die *void* zurückgibt (Pseudotyp nur "nichts")
 - 2. Returnwert ignorieren
- Anweisen zur Steuerung des Programmablaufs (z.B. if / else)

```
// funktional:
int abs (int x) {
   return (x>=0) ? x : -x ;
}

// prozedural
int abs (int x) {
   if (x >= 0) {
      return x;
   } else {
      return -x;
   }
}
```

• Zuweisung:

- Speicherzellen können nachträglich verändert werden "read-work"

```
// prozedural
int foo (int x) {
 int y = 2;
  int z1 = x * y; // z1 = 6
 y = 5;
 int z^2 = x * y; // z^2 = 15
 return z1 + z2;
}
// write once
typ const name = wert
// funktional
int foo (int x) {
 int y = 2;
  int z1 = x * y; // z1 = 6
 int y2 = 5;
  int z^2 = x * y^2; // z^2 = 15
 return z1 + z2;
```

- \Rightarrow Folgen:
 - -mächtiger, aber ermöglicht völlig neue Bugs \Rightarrow Erhöhte Aufmerksamkeit beim Programmieren
 - die Reihenfolge der Ausführung ist viel kritischer als beim Substitutionsmodell
 - der Programmierer muss immer ein mentales Bild des aktuellen Systemzustands haben

Schleifen der gleiche Code soll oft wiederholt werden

```
while (bedingung) {
    ... // code wird ausgefuehrt, solange bedingung "true" ist
}
```

Bsp: Zahlen von 0-2 ausgeben)

```
int counter = 0;
while (counter < 3) {
   std::cout << counter << "\n";
   counter = counter +1;
}</pre>
```

counter	Bedingung	Ausgabe
0	true	0
1	true	1
2	true	2
3	false	Ø

• C++ beginnt mit der Zählung meist bei 0 "zero-based"

- vergisst man Inkrementierung counter = counter $+1 \Rightarrow$ Bedingung immer true \Rightarrow Endlosschleife \Rightarrow Bug
- drei äquivalente Schreibweisen für Implementierung:

```
counter = counter + 1; // assignment
counter += 1; // add-assignment
++ counter; // pre-increment
```

Anwendung: Wurzelberechnung Ziel: double sqrt (double y) Methode: <u>iterative Verbesserung</u> mittels Newtonverfahren

```
initial guess x(0) bei t=0 geraten
while not_good_enough(x(t)) {
   update x(t+1) from x(t)
   t = t+1
}
```

Newtonverfahren: finde Nullstelle einer gegebenen Funktion f(x), d.h. suche x^* , sodass $f(x^*) = 0$ oder $|f(x^*)| < \epsilon$

- 1. Taylorreihe von f(x): $f(x + \triangle) \approx f(x) + f'(x) \cdot \triangle + \dots$
- 2. $0 = f(x^*) \approx f(x) + f'(x) \cdot \triangle = 0 \Rightarrow \triangle = -\frac{f(x)}{f'(x)}$
- 3. Iterationsvorschrift: $x^{(t+1)} = x^{(t)} \frac{f(x^{(t)})}{f'(x^{(t)})}$
- 4. Anwendung auf Wurzel: setze $f(x) = x^2 y \Rightarrow mitf(x^*) = 0$ gilt $(x^*)^2 y = 0$
- 5. Iterationsvorschrift: $x^{(t+1)} = x^{(t)} \frac{(x^{(t)})^2 y}{2x^{(t)}} = \frac{(x^{(t)})^2 + y}{2x^{(t)}}$ $x^{(t+1)} = \frac{x^{(t)} + \frac{y}{x^{(t)}}}{2} \text{ mit } x^* = \sqrt{y} \Rightarrow x^{(t+1)} = \sqrt{y}$

```
double sqrt (double y) {
   if (y<0.0) {
      std::cout << "Wurzel aus negativer Zahl \n";
      return -1.0;
   }
   if (y == 0.0) {
      return 0.0;
   }
   double x = y; // initial guess
   double epsilon = 1e-15 * y; // double Genauigkeit

   while (abs(x*x-y) > epsilon) {
      x = (x + y/x) / 2.0;
   }
   return x;
}
```

for - Schleife Zum Vergleich mit der while-Schleife:

```
int c = 0;
while (c < 3) {
    ... // unser code
    c += 1; //sonst funktionsunfaehig
}</pre>
```

die for - Schleife ist dagegen "idiotensicher"

```
for (int c =0; // Initialisierung
c < 3; // Bedingung (oder: c!=3)
c+=1) { // Incrementierungsanweisung
... // unser code
}
```

- Befehle, um Schleifen vorzeitig abzubrechen:
 - continue (bricht aktuelle Iteration ab und springt zum Schleifenkopf)
 - break (bricht die ganze Schleife ab und springt hinter die schließende Klammer)
 - return (beendet die Funktion und damit auch die Schleife)
- 3 gleichbedeutende Beispiele:

• mit den wichtigsten Schleifen ist bereits ein guter Grundstein für die vielseitige Programmierung gelegt

6 Datentypen

• Basistypen: Bestandteil der Sprachsyntax und normalerweise direkt von der Hardware(CPU) unterstützt

- int (ganze Zahlen)
- double (Fließkommazahlen)
- bool (true oder false)
- später mehr
- ullet zusammengesetzte Typen: mithilfe von struct oder class aus einfacheren Typen zusammengebaut
 - Standardtypen: in der C + + Standardbibliothek definiert (#include ..)
 - Bsp: std::string mit #include <string>
 - externe Typen: aus anderer Bibliothek, die man zuvor herunterladen und installieren muss
 - eigene Typen: vom Programmierer selbst implementiert
- durch "objekt-orientierte Programmierung" erreicht man, dass zusammengesetzte Typen genauso einfach, bequem und effizient sind, wie Basistypen
- "Kappselung": die interne Strukter und Implementation ist für den Benutzer unsichtbar
- \bullet Benutzer manipuliert Speicher über Funktionen ("member functions") \approx Schnittstelle des Typs Interface

```
zusammenges_typ_name var_name = initial-wert; // init
var_name.foo(a1, a2); // oder: foo(var_name, a1, a2)
```

Zeichenketten - String

- zwei Datentypen in C + +
- klassischer C-String: char[] ("character array")
- \bullet C++-String: std::string gekappselt und bequem
- String-Literale: "Zeichenkette"
- einzelnes Zeichen: 'z'
 Vorsicht: die String-Literale sind C-Strings(gibt keine C + + String-Literale)
- Initialisierung:

```
std::string s1 = "abcde"; // Zuweisung
std::string s2 = s1;
std::string leer = "";
s1.size() // Laenge (Anzahl der Zeichen)
s1.empty() // Test: s1.size() ==0
```

• Addition: Strings aneinanderreihen ("concalculate")

• Add-Assignement: Abkürzung für Addition gefolgt von Zuweisung

```
s += "nmk"; // ist gleich zu:

s = s + "nmk"; // "xynmk"

s3 = (s + "abc") + "def"; // ok
```

• die Zeichen werden intern in einem C-Array gespeichert Array: zusammenhängende Folge von Speicherzellen des gleichen Types, hier: *char*

```
a b c d e Länge: 5; s[index] ∈ {0,1,2,3,4}

std::string s = "abcde";
for (int k = 0; k < s.size(); ++k) {
    std::cout << s[k] << "\n";
}</pre>
```

Variante(1): 'in-place' (den alten String überschreiben, selbe Speicherzelle)

```
int i = 0;
int k = s.size()-1;
while (1<k) {
    char tmp = s[i] // i-tes Zeichen merken
    s[i] = s[k];
    s[k] = tmp;
    --k; // k = k-1
    ++i;
}</pre>
```

Variante(2): neuen String erzeugen

```
std::string s = "abcde";
std::string r = "";
for (int k =s.size()-1; k>=0; --k)
```

Umgebungsmodell

- in prozeduraler Programmierung: Gegenstück zum Substitutionsmodell für funktionale Programmierung
- Zwecke:
 - Regeln für Auswertung von Ausdrücken
 - Regeln für automatische Speichervewaltung: Freigeben nicht mehr benötigter Speicherzellen (nützlich bei in der Praxis immer endlichem Speicher)
 - ⇒ bessere Approximation von "unendlich viel Speicher"

• Umgebung beginnt normalerweise bei "{" und endet bei "}" Ausnahme: for-Schleife, Funktionsdefinitionen, globale Umgebung

```
for (int k=0; k<10; ++k) { // Laufvariable Teil der Umgebung
... // code
}

bool is_email (std::string s) { // Speicherzellen fuer Argumente
// und Ergebnis gehoeren zur Umgebung
... // code
}
```

- automatische Speicherverwaltung:
 - Speicherzellen, die in einer Umgebung angelegt werden, werden am Ende der Umgebung in umgekehrter Reihenfolge freigegeben
 - Compiler fügt vor "{" automatisch die notwendigen Befehle ein
 - Speicherzellen in der globalen Umgebung werden dem Programmierenden freigegeben

- Umgebungen können beliebig tief geschachtelt werden
 ⇒ alle Umgebungen bilden einen Baum, mit der globalen Umgebung als Wurzel
- Funktionen sind in der globalen Umgebung definiert

 ⇒ Umgebung jeder Funktion sind "Kinder" der globalen Umgebung (Ausnahme: Namensräume) ⇒ Funktionsumgebung ist nicht Kind der Umgebung, in der sie aufgerufen wird
- Jede Umgebung besitzt eine Zuordnungstabelle für alle Speicherzellen, die in der Umgebung definiert werden $\frac{\text{Name}}{1} \frac{\text{Typ}}{\text{int}} \frac{\text{aktueller Wert}}{2}$
- jeder Name kann pro Umgebung nur $1 \times$ vorkommen ()gleichzeitig in anderen Umgebungen) Ausnahme: Funktionsnamen können mehrmals vorkommen bei "function overloading" (C++)
- Alle Befehle werden relativ zur aktuellen Umgebung ausgeführt aktuell: Zuordnungstabelle der gleichen Umgebung & aktueller Wert zum Zeitpunkt des Aufrufs (Zeitpunkt wichtig im Substitutionsmodell)

```
Beispiel: c = a * B;
Regeln:
```

- wird der Name (a,b,c) in der aktuellen Zuordnungstabelle gefunden:
 - \bigcirc Typisierung \Rightarrow Fehlermeldung, wenn Typ und Operation zusammenpassen
 - (2) andernfalls, setze aktuellen Wert aus Tabelle in Ausdruck ein
- wird der Name nicht gefunden, suche in der Elternumgebung weiter mit(1) oder(2)
- \bullet wird der Name bis zur Wurzel nicht gefunden \Rightarrow Fehlermeldung
- ist der Name in mehreren Umgebungen vorhanden, gilt das zuerst gefundene (Typ, Wert)
- ⇒ Programmierer muss selbst darauf achten, dass:
 - 1. bei der Suche die gewünschte Speicherzelle gefunden wird ⇒ benutze "sprechende" Namen
 - 2. der aktuelle Wert der richtige ist \Rightarrow beachte Reihenfolge der Befehle!

7 Umgebungen

Namensräume spezielle Umgebungen in der globalen Umgebung (auch geschachtelt) mit einem Namen

- Ziele:
 - Gruppieren von Funktionalität in Module (zusätzlich zu Headern)
 - Verhindern von Namenskollisionen
 - Beispiel: C + + Standardbiblithek

```
namespace std {
    double sqrt (double x);
    namespace chrono {
       class system_clock;
    }
}
```

 \Rightarrow std:: sqrt(x) wird zu sqrt(x)

Besonderheit: mehrere Blöcke mit selbem Namensraum werden verschmolzen

- Funktionen befinden sich in der globalen Umgebung
 - ⇒ Umgebung der Funktion ist Kind der globalen Umgebung

```
int p = 4; // lokales p, was das globale verdeckt
int r = p * q; // lokales p. globales q; =12
int s = foo(p); // lokales p wird zum lokalen p von foo(); =12
int t = foo(q); // globales q wird zum lokalen p von foo(); =9
}
```

Beispiel: $my \sin (\ddot{U}bung 3.3)$

```
double taylor_sin (double x) {
   return x - std::pow(x,3)/6.0;
}

double pump_sin (double sin_third) {
   return 3.0*sin_third - 4.0 * std::pow(sin_third,3)
}

double pi_2 = 2.0*M_PI;

double normalize (double x) {
   double k = std::floor(x/pi_2); // wie vielte Periode
   double y = x-pi_2*k; // 0 <= y < pi_2
   return (y <= M_PI) ? y : y-pi_2; // -pi < result <= pi
}

double my_sin (double x) {
   double y = normalize(x);
   return (std::abs(y)<=0.15) ? taylor_sin(y) : pump_sin(y/3.0);
}

int main() {
   double r = my_sin(0.78);
}</pre>
```

```
  \begin{array}{c}
    \mathbf{global} \\
    pi_2 = 6.28
  \end{array}
```

 $\mathbf{main} \\ r = 2$

Referenzen

• sind neue (zusätzliche) Namen für vorhandene Speicherzellen

- Hauptanwendung:
 - Umgebung, wo eine Funktion aufgerufen wird und die Umgebung der Implementation sind unabhängig, d.h. Variablen der einen Umgebung sind in der anderen nicht sichtbar

Beispiel:

```
int foo (int x) { // pass-by-value (Uebergabe des echten Werts)
 x += 3;
 return x;
int bar (int & x) { // pass-by-reference (Uebergabe der Adresse der
   Speicherzelle)
 y += 3;
 return y;
void baz (int & z) { // pass-by-reference
 z += 3; // kein return Wert
int main() {
  int a = 2;
  std::cout << foo(a) << "\n"; // Ausgabe: 5
  std::cout << a << "\n"; // Ausgabe 2
  std::cout << bar(a) << "\n"; // Ausgabe: 5
  std::cout << a << "\n"; // Ausgabe: 5
  baz(a);
  std::cout << a << "\n";
```

- Funktionen die Werte nur über eine Referenz änder heißen Seiteneffekt der Funktion (Haupteffekt ist immer der return Wert) [in der funktionalen Programmierung sind Seiteneffekte verboten mit Ausnahme von Ein-/Ausgabe]
- Ziele
 - 1. häufig möchte man Speicherzellen in beiden Umgebungen teilen ⇒ verwende Referenzen
 - 2. häufig will man vermeiden, dass eine Variable kopiert wird (pass-by-value) \Rightarrow durch pass-by-value braucht man keine Kopie \Rightarrow typisch const & \cong read-only, keine Seiteneffekte

```
void print_string(std::string const & s) {
    std::cout << s;
}</pre>
```

8 Container-Datentypen

dienen dazu, andere Datentypen aufzubewahren

- Art der Elemente
 - homogene Container: alle Elemente haben den gleichen Typ (typisch für C++)
 - heterogene Container: Elemnte können verschiedene Typen haben (z.B. Python)

- Art der Größe
 - statische Container: feste Größe, zur Compilezeit bekannt
 - dynamische Container: Größe zur Laufzeit veränderbar
- Arrays sind die wichtigsten Container, weil effizient auf Hardware abgebildet und einfach zu benutzen
 - klassisch: Arrays sind statisch, z.B. C-Arrays (hat C + + geerbt)
 - modern: dynamische Arrays:
 - * Entdeckung einer effizienten Implementierung
 - * Kapselung durch Objekt-Orientierte-Programmierung (sonst zu kompliziert)
- ullet ein dynamisches Array: std::string ist Abbildung $int \mapsto char \quad Index \to Zeichen$
- ullet wir wollen das selbe Verhalten für beliebige Elementtypen: std::vector

Datentyp: std::vector

- Abbildung: $int \rightarrow double$
- weitere Verallgemeinerung: Indextyp beliebig (man sagt dann "Schlüssel-Typ§" typische Fallen:
 - Index ist nicht im Bereich $0 \le Index < size$, z.B. Matrikelnummer
 - Index ist String, z.B. Name eines Studenten
- $std :: map, std :: unordered_map$ (Binärer Suchbaum)

Beispiel:

```
std::map <int, double > noten; // noten[3 1 2 4 5 2 3 1 3] = 1.0
std::map <string, double > noten; // noten["krause] = 1.0
```

dabei: <Schlüsseltyp, Elementtyp>

• Erzeugen:

```
std::vector <double> v(20, 1.0);
std::vector <double> v; // leeres Array (erst ab C++ 11)
std::vector <double> v = {1.0, -3.0, 2.2}; // "initializer list"
```

• Größe:

```
v.size()
v.empty() (=v.size() ==0)
```

• Größe ändern:

• Zugriff:

```
v[k] // Element bei Index k
v.front() // erstes Element
v.back() // letztes Element
v.at(k) // wie v[k], aber Fehlermeldung, wenn nicht 0<= k < size()</pre>
```

- \bullet Funktionen für Container: benutzen in C++ Iteration, damit sie für verschiedenste Container funktionieren
- Iteration-Range:

```
v.begin()
v.end() // hinter dem letzten Element
im Header <algorithm>
```

• alle Elemente kopieren:

```
std::vector <double> source = {1.0, 2.0, 3.0, 4.0, 5.0};
std::vector <double> target(source.size(), 0.0);

std::copy(source.begin(), source.end(), target.begin());
std::copy(source.begin()+2, source.end(), target.begin());
    // unbenutzte Initialwerte bleiben erhalten
```

• Elemente sortieren:

```
std::sort(v.begin(), v.end()); // "in-place"
std::random_shuffle(v.begin(), v.end()) // "in-place"
```

Warum ist $push \ back()$ effizient?

- veraltete Lehrmeinung: Arrays sind nur effizient, weenn statisch (d.h. Größe zur Compilezeit, spätestens bei Initialisierung bekannt)
- modern: bei vielen Anwenduungen genügt, wenn Array (meist) nur am Ende vergrößert wird (z.B. push_back)
 dies kann sehr effizient unterstützt werden ⇒ dynamisches Array
- std:vector verwaltet intern ein statisches Array der Größe "v.capacity() >= v.size()"
 - -wird das interne Array zu klein \Rightarrow wird automatisch auf ein doppelt so großes umgeschaltet
 - ist das interne Array zu groß, bleiben unbenutzte Speicherzellen als Reserve
- Verhalten bei push back()
 - -noch Reserve vorhanden: lege neues Element in eine unbenutzte Speicherzelle \Rightarrow billig & chillig
 - keine Reserve:
 - 1. alloziere neues statisches Array mit doppelter Kapazität
 - 2. kopiere die Daten aus allem ins neue Array
 - 3. gebe das alte Array frei
 - 4. gehe zu①, jetzt wieder Reserve vorhanden Umkopieren ist nicht teuer, da es nur selten nötig ist

- Beispiel:

```
std::vector <int> v;
for (int k = 0; k < 32; ++k) {
    v.push_back(k);
}</pre>
```

k	$cap vor p_b()$	$cap nach p_b()$	size()	Reserve	Umkopierung
0	0	1	1	0	0
1	1	2	2	0	1
2	2	4	3	1	2
3	4	4	4	0	0
4	4	8	5	3	4
$5 \dots 7$	8	8	8	0	0
8	8	16	9	7	8
$9 \dots 15$	16	16	16	0	0
16	16	32	17	15	16

. . .

- Kosten:
 - 32 Elemente einfügen = 32 Kopien extern ⇒ intern
 - aus altem Array ins neue kopieren = 31 Kopien intern \Rightarrow intern
 - ⇒ im Durchschnitt sind pro Einführung 2 Kopien nötig
 - ⇒ dynamisches Array ist doppelt so teuer, wie das statische
 - ⇒ immer noch sehr effizient
- \bullet relevante Funktionen von std::vector
 - -v.size(): aktuelle Zahl der Elemente
 - -v.capacity() v.size(): Reserve (≥ 0)
 - $-v.resize(new\ size)$: ändert immer v.size(), aber v.capacity() nur wenn $< new\ size()$
 - $-v.reserve(new_capacity)$: ändert v.size() nicht, aber v.capacity() falls $new_capacity \ge size$
 - $-v.shrink_to_fit(): v.reserve(v.size())$ (Reserve ist danach 0), wenn Endgröße erreicht
- \bullet wenn Reserve > size: capacity kann auch halbiert werden

wichtige Container der C + + Standardbiblithek

- dynamisches Arrays: std :: string, std :: vector
- assoziative Arrays: std :: map, std :: unordered map
- Mengen: std :: set, std :: unordered set (jedes Element ist höchstens einmal enthalten)
- Stapel: std:: stack (Funktion: "last-in-first-out") z.B. gestapelte Bierkästen.
- \bullet Warteschlange: std::queue (Funktion: "first-in-first-out")
- Kartendeck: std:: deque gleichzeitig Stapel und Warteschlange
- Stapel mit Priorität: std:: priority queue (Priorität vom Nutzer definiert)

9 Iteratoren

• für Arrays lautet kanonische Schleife:

```
for (int k = 0; k != v.size(); ++k) {
  int current = v[k]; // aktuelles Element lesen
  v[k] = new_value; // aktuelles Element schreiben
}
```

- wir wollen eine so einfache Schleife für beliebige Container
 - der Index-Zugriff v[k] ist bei den meisten Containern nicht effizient
 - Iteratoren sind immer effizient \Rightarrow es gibt sie in allen modernen Programmiersprachen, aber die Details sind sehr unterschiedlich

- Analogie: Zeiger einer Uhr, Cursor in Textverarbeitung
 ⇒ ein Iterator zeigt immer auf ein Element des Containers oder auf Spezialwert "ungültiges Element"
- in C++ unterstützt jeder Iterator 5 Grundoperationen
 - 1. Iterator auf erstes Element erzeugen:

```
auto iter = v.begin(); // auto ist Universaltyp, wird
// vom Compiler automatisch
// mit richtigen Typen ersetzt
```

2. Iterator auf "ungültiges Element" erzeugen:

```
auto end = v.end() // typischerweise v[v.size()]
```

3. Vergleich:

- 4. zum nächsten weitergehen: + + iter, Ergebnis ist v.end(), wenn man vorher beim letzten Element war
- 5. auf Daten des aktuellen Elements zugreifen: *iter ("Dereferenzierung")
- \Rightarrow kanonische Schleife:

```
for (auto iter = v.begin(); iter != v.end(); ++iter) {
   int current = *iter; // lesender Zugriff;
   *iter = new_value; // schreibender Zugriff

   // Abkuerzung in C++: rang-based for-loop
   for (int & element : v) {
     int current = element; // lesen
        element = new_value; // schreiben
   }
}
```

- wenn die zugrunde liegenden Speicherzellen geändert werden, also die Containergröße sich ändert, werden die Iteratoren ungültig
- Iteratoren mit den 5 Grundoperationen heißen "forward iterators" (wegen ++iter)
- \bullet "bidirectional iterators" unterstützen auch --iter (alle Iteratoren aus Standardbibliothek)
- \bullet "random access iterators" können beliebige Sprünge machen (iter+ = 5) unterstützt von std::string und std::vector
- Besonderheit für assoziative Arrays (std:: map):
 - Schlüssel und Werte können beliebig gewählt werden ⇒ das aktuelle Element ist immer ein Schlüssel/Wert-Paar (*iter).first ⇒ Schlüssel (*iter).second ⇒ Wert

```
v[(*iter).first] == (*iter).second;
```

• Bei std :: map liefern die Iteratoren die Elemente in aufsteigender Reihenfolge der Schlüssel (Unterschied zu $std :: unordered_map$)

9.1 Die Funktion std :: transform()

• std::transform() erlaubt, die Daten "on-the-fly" zu ändern z.B. nach Kleinbuchstaben konvertieren:

```
std::string source = "aAbCdE";std::string = target = source; // Target
   muss gleiche Laenge haben
std::transform(source.begin(), source.end(), target.begin(), std::tolower
); //Name einer Funktion, die ein einzelnes Element transformiert
```

• z.B. die Daten quadrieren:

```
double sq (double x) {
   return x*x;
}
std::transform(source.begin(), source.end(), target.begin(), sg);
```

• das ist eine Abkürzung für eine Schleife: (zwei Schleifen auf einmal)

- der Argumenttyp der Funktion muss mit dem source-Elementtyp kompatibel sein
- der Argumenttyp der Funktion muss mit dem target-Elementtyp kompatibel sein
- \bullet Das letzte Argument von std::transform()muss ein Funktor sein (\approxeq verhält sich wie eine Funktion)

Dazu gibt es drei Varianten:

- 1. normale Funktion, z.B. sq Aber wenn die Funktion für mehrere Argumenttypen überladen ist, muss der Programmierer dem Compiler sagen, welche Version gemeint ist

 ⇒ ("function pointer cast")
- 2. Funktorobjekte ⇒ objekt-orientierte Programmierung
- 3. definiere eine namenlose Funktion \cong "Lamda-Funktionen" λ statt λ wird in C + + [] geschrieben

- Lambda-Funktionen können noch viel mehr \Rightarrow für Fortgeschrittene
- $-\ std::transform$ kann "in-place" arbeiten (d.h. source-Container überschreiben), wenn source und target gleich
- die Funktion std :: sort() wird zum "in-place" sortieren eines Arrays

```
std::vector <double> v = {4.0, 2.0, 3.0, 5.0, 1.0};
std::sort(v.begin(), v.end()); // -> v = {1.0, 2.0, 3.0, 4.0, 5.0}
```

 $-\ std::sort()$ ruft intern den "<" Operator des Elementtyps auf, um die Reihenfolge zu bestimmen

Def: "totale Ordnung"

- * $a < b \text{ muss } \forall a, b \text{ gelten}$
- * transitiv: $(a < b) \land (b < c) \Rightarrow (a < c)$
- * anti-symmetrisch: $!(a < b) \land !(b < a) \Rightarrow a == b$

9.2 Insertion Sort

schnellste Sortieralgor. für kleine Arrays ($n \leq 30$, hängt vom Compiler & CPU ab)

- für große Arrays sind Merge Sort, Heap Sort, Quick Sort schneller
- std :: sort() wählt automatisch einen schnellen Algor.

Idee von Insertion Sort: wie beim Aufnehmen und Ordnen eines Kartenblatts

- \bullet gegeben: bereits sortiertes Teilarray bis zur Position k-1
- füge das k-te Element an der richtigen Stelle ein. Erzeuge Lücke an der richtigen Position duch Verschieben von Elementen nach rechts
- wiederhole für k = 1, ..., N (siehe Übung 5.1 "Einsortieren")

```
4
  2 \ 3 \ 5 \ 1
4
      3
         5
                (current = 2)
            1
      3
         5
            1
   4
2
  4
      3
         5
             1
2
          5
             1
                (current = 3)
2
      4
         5
            1
2
  3
      4
         5
            1
2
  3
      4
         5
             1
2
   3
      4
             1
                (current = 5)
2
  3
      4 5
            1
2
  3
     4 5
            1
                (current = 1)
  2 \ 3 \ 4
1
            5
     void insertion_sort(std::vector <double> &v) {
       for ( int K = 1; k < v.size(); ++k) {</pre>
          double current = v[k];
          int j = k; // Anfangsposition der Luecke
          while (j>0) {
           if (v[j-1] < current) {
             break; // j ist richtige Position der Luecke
           v[j] = v[j-1];
           --j;
                           // current in die Luecke kopieren
         v[j] = current;
       }
     }
```

- andere Sortierung: definiere Funktor cmp(a,b), der das gewünschte "kleiner" realisiert \cong gibt genau dann true zurück, wenn a "kleiner b nach neuer Sortierung
- ullet neue Sortierungen am besten per Lambda-Funktion an std::sort übergeben

```
std::sort(v.begin(), v.end()); // Standardsortierung aufsteigend
std::sort(v.begin(), v.end(),
                                // Standardsortierung aufsteigend
        [](double a, double b) {
         return a < b;
)
                              // absteigende Sortierung
std::sort(v.begin(), v.end(),
      [](double a, double b) {
       return b<a;
)
std::sort(v.begin(), v.end(),
                                // normale Sortierung nach Betrag
      [](double a, double b) {
       return std::abs(a) < std::abs(b);
)
// Stringuergleich
std::vector <std::string> v = {"Ac", "ab", "De", "cf"};
```

```
std::vector <std::string> v = {"Ac", "De", "ab", "cf"} // case
    insensitive
std::vector <std::string> v = {"ab", "Ac", "cf", "De"} // case sensitive

std::sort(v.begin(), v.end(),
    [](std::string a, std::string b) {
        std::transform(a.begin(), a.end(), a.begin(), std::tolower);
        std::transform(b.begin(), b.end(), b.begin(), std::tolower);
        retuern a<b;
    }
);</pre>
```

10 Templates

insertion sort soll für beliebige Elementtypen funktionieren:

```
template <typename ElementType>

void insertion_sort(std::std::vector <ElementType> & v) {
  for (int k =1; k < v.size(); ++k) {
    ElementType current = v[k];
    ... // Rest unveraendert
  }
}</pre>
```

"ElementType" ist Platzhalter für den tatsächlichen Elementtyp und wird vom Compiler automatisch ersetzt.

11 Grundlagen der generischen Programmierung

- Ziel: benutze template-Mechanismus, damit eine Implementation für viele verschiedene Typen verwendbar ist erweitert funktionale und prozedurale und objekt-orientierte Programmierung
- zwei Arten von Templates ("Schablonen")
 - 1. Klassen-Templates für Datenstrukturen, z.B. Containersollen beliebige Elementtypen unterstützen
 - Implementation \Rightarrow später
 - Benutzung: Datenstrukturname gefolgt vom Elementtyp in spitzen Klammern std::vector < double>
 - 2. Funktionen-Templates: es gab schon "function overloading" Beispiel:

```
int sq (int x) {
    return x * x;
}
double sq (double x) {
```

```
return x * x;
}
... usw fuer komplexe Zahlen
```

- ⇒ Nachteile:
- wenn die Implementationen gleich sind nutzlose Arbeit
- Redundanz ist gefährlich, korrigiert man ein Bug, wird leicht eine Variante vergessen

11.1 Funktionen-Templates

mit Templates reicht eine Implementation:

- Benutzung:
 - Typen für die Platzhalter hinter dem Funktionsnamen in spitzen Klammern
 - -meist kann man die Typangabe
 < type >weglassen, weil der Compiler sie anhand des Argumenttyps automatisch einsetzt
- kombiniert man Templates mit Overloading, wird die ausprogrammierte Variante vom Compiler bevorzugt
- Funktion, die ein Array aus Konsole ausgibt:

```
std::vector <double> v = {1.0, 2.0, 3.0};
print_vector(v); // {1.0, 2.0, 3.0}
```

für beliebige Elementtypen:

```
template <typename ElemtType>
void print_vector(std::vector <ElementType> const & v) {
    // const: read-only , &: nur Kopie verwenden
    std::cout << "{";
    if ( v.size() > 0) {
        std::cout << " " << v[0];
        for (int k = 1; k<v.size(); ++k) {
            std::cout << " " << v[k];
        }
    }
    std::cout << " " " << v[k];
}
</pre>
```

• Verallgemeinerung für beliebige Container mittels Iteratoren:

```
std::list <int> 1 = {1,2,3};
print_container (l.begin(), l.end()) // {1,2,3}
```

• es genügen forward iterators

• Beispiel 3: checken, ob Container sortiert ist

```
Version 1: hard-coded
bool check_sorted (std::vector <double> const & v) {
 for (int k = 1; k < v.size(); ++k) {
   if (v[k] < v[k-1]) { // Sortierfehler durch Ausnutzen
                  // der Transitivitaet
        return false;
   }
 }
  return true; // Schleife ohne Fehler zuende gelaufen
Version 2: beliebige Elementtypen, beliebige Sortierung
template <typename ElementType, typename LessThanFunctor>
bool check_sorted(std::vector<ElementType> const & v, typename
   LessThanFunctor) {
  for (int k = 1; k < v.size(); ++k) {
   if (less_than(v[k], v[k-1])) {
     return false;
   }
 }
  reurn true;
```

- Aufruf von Version 2 mit "lambda-function":

```
std::vector <double > v = {1.0, 2.0, 3.0};
check_sorted(v, [] (double a, double b) {
   return a < b;
}); // true

check_sorted(v, [] (double a, double b) {</pre>
```

```
return a>b;
}); // true
```

- Version 3 mit "forward-iterator":

• Bemerkungen:

- 1. Compiler-Fehlermeldungen bei Template-Code sind oft schwer zu implementieren \Rightarrow Erfahrung nötig
- 2. mit Templates kann man noch viel raffiniertere Dinge machen, z.B. Traits-Klassen, intelligent libraries, template metaprogramming ⇒ nur für Fortgeschrittene