Inhaltsverzeichnis

1	Rechenoperationen	3
2	Maschinensprache	5
3	funktionale Programmierung	5
4		6 7 8 8 9 10 10
5	Prozeduale Programmierung5.1Schleifen5.2Anwendung: Wurzelberechnung	11 12 13
6	Datentypen6.1 Zeichenketten - String6.2 Umgebungsmodell	15 16 17
7		18 18 19
8	Container-Datentypen 8.1 Datentyp: $std :: vector$	21 21
9		
10	Templates	31
11	Grundlagen der generischen Programmierung 11.1 Funktionen-Templates	31 32
12	Bestimmung der Effizienz von Algorithmen und Datenstrukturen 12.1 technisches Effizienzmaß	

Zahlendarstellung	38
13.1 natürliche Zahlen $\mathbb N$	38
13.2 ganze Zahlen $\mathbb Z$	40
13.3 reelle Zahlen $\mathbb R$	
Buchstabenzeichen	43
14.1 eigene Datentypen	44
Objektorientierte Programmierung	44
15.1 eigene Datentypen mit Kapselung	44
15.2 running example	
15.3 Member-Funktionen	49
15.4 Vorteile der Kapselung	
15.5 Operatoren	
15.6 Objekte nachträglich verändern	
Klasse: Image	55
16.1 Anwendung der Zeiger	62

1 Rechenoperationen

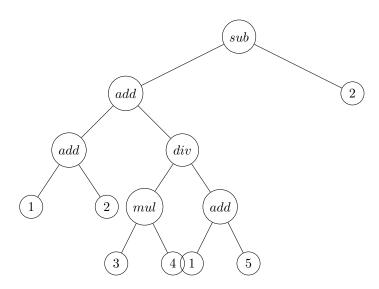
- 1. Baum besteht aus Knoten (Kreise) und Kanten (Pfeile)
- 2. Kanten verbinden Knoten mit ihren Kind-Knoten
- 3. jeder Knoten (außer der Wurzel) hat genau ein Elternteil
- 4. Knoten ohne Kinder heißen "Blätter" (leaf-nodes)
- 5. Teilbaum
 - (a) wähle beliebigen Knoten
 - (b) entferne temporär dessen Eltern-Kante
 - i. der Knoten wird temorär zu einer Wurzel
 - ii. dieser Knoten mit allen seinen Nachkommen bildet wieder seinen Baum " Teilbaum des Originalbaums"
 - (c) Tiefe: Abstand des Knotens zur Wurzel
 - (d)

Infix-Notation:

$$1+2+3*4/(1+5)-2$$

Präfix-Notation:

sub(add(add(1,2),div(mul(3,4),add(1,5))),2)



Präfix Notation aus dem Baum rekonstruieren

- 1. Wenn die Wurzel ein Blatt ist, dann "Drucke die Zahl"
- 2. sonst (Operator):
 - (a) Drucke Funktionsnamen
 - (b) Drucke "("
 - (c) wiederhole ab 1) für das linke Kind
 - (d) Drucke ","
 - (e) wiederhole den Algorithmus ab 1) für das rechte Kind
 - (f) Drucke ")"

Beachte Reihenfolge: Wurzel - Links - Rechts (Pre-Order Traversal) Ergebnis: sub(add(add(1,2),div(mul(3,4),add(1,5))),2)

Definition: Rekursion Rekursion meint Algorithmus für Teilproblem von vorn

Infix Notation

- 1. wie bei Präfix
- 2. sonst
 - (a) entfällt
 - (b) wie bei Präfix
 - (c) wie bei Präfix
 - (d) Drucke Operatorsymbol
 - (e) wie bei Präfix
 - (f) wie bei Präfix
 - (g) wie bei Präfix

Beachte Reihenfolge: Links - Wurzel - Rechts (In-Order Traversal)

Ergebnis:

$$(((1+2)+((3*4)/(1+5)))+2)$$

Berechne den Wert mit Substitutionsmethode

- 1. Wenn Wurzel ein Blatt hat, gib die Zahl zurück
- 2. sonst
 - (a) entfällt
 - (b) entfällt
 - (c) wiederhole ab 1) für linken Teilbaum und speichere Ergebnis als "left-result"

- (d) entfällt
- (e) wiederhole ab 1) für rechten Teilbaum, speichere Ergebnis als "right-result"
- (f) berechne $fkt_name(left-result,right-result)$ und gib Ergebnis zurück

Beachte Reihenfolge: Links - Rechts - Wurzel (Post-Order Traversal)

```
\begin{aligned} &sub(add(add(1,2),div(mul(3,4),add(1,5))),2)\\ &= sub(add(add(1,2),div(12,6)),2)\\ &= sub(add(3,2)2)\\ &= sub(5,2)\\ &= 3 \end{aligned}
```

2 Maschinensprache

- optimiert für die Hardware (viele verschiedene)
- \bullet Gegensatz: höhere Programmiersprache (C++) ist optimiert für Programmierer
- Compiler oder Interpreter übersetzen Hoch- in Maschinensprache

Vorgang des Übersetzens

- 1. Eingaben (und Zwischenergebnisse) werden in Speicherzellen abgelegt ⇒ jeder Knoten im Baum bekommt eine Speicherzelle (Maschinensprache: durchnumeriert ; Hochsprache: sprechende Namen)
- 2. Speicherzellen für die Eingaben <u>initialisieren</u>; Notation: SpZ \leftarrow Wert
- 3. Rechenoperationen in der Reihenfolge des Substitutionsmodells ausführen und in der jeweiligen Speicherzelle speichern; Notation: SpZ Ergebnis ← fkt name SpZ Arg1 SpZ Arg2
- 4. alles in Zahlencode umwandeln
 - Funktionsname \Rightarrow Opcodes
 - Speicherzellen: nur die Nummer
 - Werte sind schon Zahlen
 - Notation: Opcode Ziel SpZ SpZ_Arg1 SpZ_Arg2 oder Opcode Ziel SpZ Initialwert

3 funktionale Programmierung

(alles durch Funktionsaufrufe ausführen)

1. bei Maschinensprache wurden Zwischenergebnisse in Speicherzellen abgelegt

- 2. das ist auch in der funktionalen Programm. eine gute Idee
 - (a) Speicherzellen werden durch Namen (vom Programmierer vergeben) unterschieden
 - (b) Beispiel: Lösen einer quadratischen Gleichung: $ax^2 + bx + c = 0$, finde $x_{1/2} \Rightarrow x^2 px + q = 0$ mit $p = -\frac{b}{2a}, q = \frac{c}{a} \Rightarrow x_1 = -\frac{b}{2a} + \sqrt{\left(-\frac{b}{2a}^2 \frac{c}{a}\right)}$ $\Leftarrow allgemein: x_{1/2} = p \pm \sqrt{p^2 q}$
 - (c) Präfix:

 $x_1 \leftarrow add(div(div(b,a),-2), sqrt(sub(mul(div(div(b,a),-2), div(div(b,a),-2)), div(c,a))))$ mit Zwischenergebnissen und Infix-Notation: $p \leftarrow b/c/-2$ oder $p \leftarrow -0, 5*b/a$ $q \leftarrow c/a$ $discriminant \leftarrow sqrt(p*P-q)$ $x_{1/2} \leftarrow p \pm discriminant$

- 3. zwei Vorteile:
 - (a) lesbar
 - (b) redundante Berechnung verschieden Beachte: In der funktionalen Programmierung können die Speicherzellen nach der Initialisierung <u>nicht</u> mehr verändert werden
 - (c) Speicherzellen mit Namen sind nützlich, um Argumente an Funktionen zu übergeben \Rightarrow Definition eigener Funktionen Bsp: function sq(x){ return x*x}

4 funktionale Programmierung in C++

- 1. in C++ hat jede Speicherzelle einen <u>Typ</u> (legt Größe und Bedeutung der Speicherzelle fest) wichtigste Typen: "int"für ganze Zahlen, "double"für reelle Zahlen, "std::string"für Text zugehörige Literale (Konstanten): 12, -3 (int) -1.02, 1.2e-4 (double) "text text "(string)
- 2. Die Initialisierung wird geschrieben als

```
type_name spz_name = initialwert
```

Bsp:

```
double a = 10
std::cout << "x_1" << x_1 << "\n" ;</pre>
```

3. eigene Funktion in C + +:

```
type_ergebnis funktionsname (typ_arg1 name_arg1, typ_arg2 name_arg2)
{
     <code>
    return ergebnis;
}
```

- 4. zwei Funktionen mit gleichem Namen, aber unterschiedlichen Typen dürfen in C++ gleichzeitig definiert sein ("overloading")
 - \Rightarrow C++ wählt <u>automatisch</u> die richtige Variante anhand des Argumenttypes ("overload resolution")
- 5. jedes C++ -Programm muss genau eine Funktion names "main haben: Dort beginnt die Programm-Ausführung

```
Bsp:
```

```
int \ main() \ \{ \ <\! code\! > \quad return \ 0 \ (erfolgreich \ abgearbeitet) \}
```

- 6. Regel von C + + für erlaubte Namen (Speicherzelle & Funktion):
 - (a) erste Zeichen: Klein- oder Großbuchstaben des englischen Alphabets oder
 - (b) optional: weitere Zeichen: wie erstes Zeichen oder Ziffern $0 \dots 9$
- 7. vordefinierte Funktionen in C + +
 - (a) eingebaute Funktionen (immer vorhanden) z.B. Infix Operatoren
 - (b) Funktionen der Standardbibliothek (Programmierer muss sie explizit auffordern)
 - i. z.B. algebraische Funtionen beginnend mit std:...
 - ii. sind in Module geordnet, z.B. cmath $\hat{=}$ algebraische Funktionen, iostream $\hat{=}$ Ausgabe, z.B. std::cout
 - iii. Um ein Modul zu benutzen, muss man zuerst (am Anfang des Programms) sein Inhaltsverzeichnis importieren #include <module_name> sprich "Header inkludieren"

```
# include <iostream>
# include <string>

int main() {

std::cout << "Hello" << "\n";
std::string >> ausgabe = "mein erstes Programm"
std::cout << ausgabe;

return 0
}</pre>
```

4.1 Overloading der arithmetischen Operationen

```
int a = 3;
int b = 4;
int c = a * b;
double x = 3.0;
double y = 4.0;
double z = x * y;
```

 $3.0*4 \quad \Rightarrow \quad \text{automatische Umwandlung in höheren Typ, hier: "double"} \Rightarrow \text{wird als } 3.0*4.0 \text{ ausgeführt}$

4.2 Interger-Division in C + +

Konsequenzen:

- 1. Division unterscheidet sich nach dem Datentypen: $(-12)/5 \Rightarrow -2 \neq -2.4 \Leftarrow (-12.0/5.0)$
- 2. negative Ereignisse werden aufgerund, positive abgerundet (truncating division) d.h. Nachkommstellen abschneiden, d.h. Richtung Null runden
- 3. Gegensatz (z.B. zu Python): floor division $\hat{=}$ wird immer abgerundet
- 4. Divisionsrest:

```
int a = ...;
int b = ...;
int q = a/b;
(a/b)*b = q * b
```

ist im allgemeinen ungleich $a \Rightarrow$

```
int rest = a = q*b;
```

- 1. wenn Division aufgeht \Rightarrow rest = 0, sonst \neq 0
- 2. Invariante:

```
(a/b) * b + rest = a

int rest1 = a % b; // aequivalent: a-(b/a)*b
```

4.3 Anwendung

Wochentag für beliebiges Datum bestimmen: gegeben: d, m, y, gesucht: $w \in \{0, \dots, b\}$ int weekday(int d, int w, int y); weekday(10,11,2016) \Rightarrow 3 (Donnerstag) Teilprobleme

- 1. finde den Wochentag vom 1. Januar y
- 2. finde den Abstand vom (d,m,y) zum (1,1,y)
- 3. setze beides zusammen

Schaltjahresregel: y ist Schaltjahr, wenn:

1. y durch 4 teilbar, aber nicht durch 100 \Rightarrow 2004, 2006, nicht 2100

- 2. y durch 400 teilbar \Rightarrow 2000
 - \Rightarrow 400-Jahres-Zyklus der Regeln: nach 400 Jahren beginnt die Schaltjahresregel von vorn
- Beobachtung: der 1.1.2001 ist der erste Tag eines neuen Zyklus und war Montag
- die Anzahl der Tage vom 1.1.
y zum 1.1.2001 ist: $z = y - 2001 \ \triangle = 365 * z + z/4 - z/100 + z/400$
- floor division ist wichtig, wenn z < 0, z.B. y = 2000, z = -1

zu(2): d.m. ist der x-te Tag im Jahr mit:

- kein Schaltjahr
 - 1. $m = 1 \Rightarrow d$
 - $2. \ m=2 \Rightarrow d+31$
 - 3. $m=3 \Rightarrow d+59$
 - 4. $m = 4 \Rightarrow d + 90$
 - 5. $m = 5 \Rightarrow d + 120$
 - 6. $m > 2 \Rightarrow d + 59 + (153 * m 457)/5$
- Schaltjahr
 - 1. $m = 1 \Rightarrow d$
 - $2. \ m=2 \Rightarrow d+31$
 - 3. $m = 3 \Rightarrow d + 60$
 - 4. $m=4 \Rightarrow d+91$
 - 5. $m = 5 \Rightarrow d + 121$
 - 6. $m > 2 \Rightarrow d + 60 + (153 * m 457)/5$

zu(3): Wochentag von d, m, y:

```
w = (w_11y + x - 1) \mod 7
```

4.4 Bedingungen

- Bei den meisten Algorithmen ist die Reihenfolge der Schritte <u>nicht</u> fix, sondern hängt von den Eingabedaten ab
- Beispiel: Auswahl der Offset $d \to x$ hängt von m ab dafür die Funktion:

```
cond ( bedingung , resultat_wenn_wahr , resultat_wenn_falsch )
```

• kanonische Beispiele: Absolutbetrag, Vorzeichenfunktion

Bedingungen programmieren:

- relationale Operatoren: Vergleich von zwei Argumenten <, >, <=, >=, ! =
- logische Operatoren: Verknüpfen von mehreren Bedingungen &&(und), ||(oder),! = (nicht)
- in C + + gibt es <u>keine</u> Prefix-Variante für die cond()-Funktion, aber eine Infix-Variante:

```
(bedingung) ? erg_wenn_wahr : erg_wenn_falsch

int abs (int x) {
    return (x >= 0) ? x : -x;
}

double abs (double x) {
    return (x >= 0.0) ? x : -x;
}

int sign (int x) {
    return (x == 0) ? 0 : ((x > 0) ? 1 : -1);
}
```

4.5 Rekursion

bedeutet: eine Funktion ruft sich selbst auf (evtl. indirekt)

- kanonisches Beispiel: Fakultätsfunktion $k! = 1 \cdot 2 \cdot \dots (k-1) \cdot k$
- in C + + (rekursive Definition)

```
int fakultaet (int k) {
   return (k == 0) ? 1 : k * fakultaet(k-1) ;
}
```

- wichtige Eigenschaften:
 - jede rekursive Funktion muss mindestens einen nicht-rekursiven Zweig enthalten, der nach endlich vielen rekursiven Aufrufen erreicht wird "Rekursionsabschluss"- sonst: Endlosrekursion (Absturz)
 - bei jedem Aufruf werden dem Namen der Dateenelemente (Argumente & Zwischenergebnisse) <u>neue</u> Speicherzellen zugeordnet $fakultaet(3) \rightarrow fakultaet(2) \rightarrow fakultaet(1) \rightarrow fakultaet(0) \Rightarrow return 3*fakultaet(2) ← return 2*fakultaet(1) ← return 1*fakultaet(0) ← return 1$

4.6 Von der funktionalen zur prozeduralen Programmierung

- Eigenschaften der FP:
 - alle Berechnungen durch Funktionsaufrufe, Ergebnis ist Rückgabe

- Ergebnis hängt nur von den Werten der Funktions-Argumente ab, nicht von externen Faktoren (referentielle Integrität)
- Speicherzellen für Zwischenergebnisse/Argumente können nach der Initialisierung nicht geändert werden (write once)
- Möglichkeit der rekursiven Funktionsaufrufe (jeder Aufruf bekommt eigene Speicherzellen)

• Vorteile:

- natürliche Ausdrucksweise für arithmetische und algebraische Funktionalität (Taschenrechner)
- einfache Auswertung durch Substitutionsmodell Auswertungsreihenfolge nach Post-Order
- -mathematisch gut formalisierbar \Rightarrow Korrektheitsbeweise (besonders bei Parallelverarbeitung)
- Rekursion ist mächtig und natürlich für bestimmte Probleme (z.B. Fakultät)

• Nachteile:

- viele Probleme lassen sich anders natürlicher ausdrücken (z.B. Rekursion vs. Iteration)
- setzt unendlich viel Speicher vorraus (⇒ Memory management notwendig ⇒ später)
- Entitäten, die sich zeitlich verändern schwer modellierbar, teilweise unnatürlich
- Korrolar: Man kann keine externen Resourcen (z.B. die Console/Drucker, Bildschirm) ansprechen (weil zeitlich veränderlich) "keine Seiteneffekte"
- Lösung: Einführung einer Multi-Paradigmensprachen, z.B. Kombination von funktionaler mit prozeduraler Programmierung

5 Prozeduale Programmierung

- Kennzeichen:
 - Prozeduren Funktionen, die nichts zurückgeben, haben nur Seiteneffekte Bsp: auf Konsole ausgeben

```
std::cout << "Hello World \n"; // Infix
operator << (std::cout, "Hello \nLeftarrow"); // Praefix notation</pre>
```

- Prozeduren in C + +:
 - 1. Funktion, die void zurückgibt (Pseudotyp nur "nichts")
 - 2. Returnwert ignorieren
- Anweisen zur Steuerung des Programmablaufs (z.B. if / else)

```
// funktional:
int abs (int x) {
    return (x>=0) ? x : -x;
}

// prozedural
int abs (int x) {
    if (x >= 0) {
       return x;
    } else {
       return -x;
    }
}
```

• Zuweisung:

- Speicherzellen können nachträglich verändert werden "read-work"

```
// prozedural
int foo (int x) {
 int y = 2;
 int z1 = x * y;
                   // z1 = 6
 y = 5;
 int z2 = x * y; // z2 = 15
  return z1 + z2;
// write once
typ const name = wert
// funktional
int foo (int x) {
 int y = 2;
 int z1 = x * y; // z1 = 6
 int y2 = 5;
 int z^2 = x * y^2; // z^2 = 15
  return z1 + z2;
```

• \Rightarrow Folgen:

- -mächtiger, aber ermöglicht völlig neue Bugs \Rightarrow Erhöhte Aufmerksamkeit beim Programmieren
- die Reihenfolge der Ausführung ist viel kritischer als beim Substitutionsmodell
- der Programmierer muss immer ein mentales Bild des aktuellen Systemzustands haben

5.1 Schleifen

der gleiche Code soll oft wiederholt werden

```
while (bedingung) {
    ... // code wird ausgefuehrt, solange bedingung "true" ist
}
```

Bsp: Zahlen von 0-2 ausgeben)

```
int counter = 0;
while (counter < 3) {
   std::cout << counter << "\n";
   counter = counter +1;
}</pre>
```

counter	Bedingung	Ausgabe
0	true	0
1	true	1
2	true	2
3	false	Ø

- \bullet C++ beginnt mit der Zählung meist bei 0 "zero-based"
- vergisst man Inkrementierung counter = counter +1 \Rightarrow Bedingung immer true \Rightarrow Endlosschleife \Rightarrow Bug
- drei äquivalente Schreibweisen für Implementierung:

```
counter = counter + 1; // assignment
counter += 1; // add-assignment
++ counter; // pre-increment
```

5.2 Anwendung: Wurzelberechnung

Ziel: double sqrt (double y) Methode: iterative Verbesserung mittels Newtonverfahren

```
initial guess x(0) bei t=0 geraten
while not_good_enough(x(t)) {
   update x(t+1) from x(t)
   t = t+1
}
```

Newtonverfahren: finde Nullstelle einer gegebenen Funktion f(x), d.h. suche x^* , sodass $f(x^*) = 0$ oder $|f(x^*)| < \epsilon$

- 1. Taylorreihe von f(x): $f(x + \triangle) \approx f(x) + f'(x) \cdot \triangle + \dots$
- 2. $0 = f(x^*) \approx f(x) + f'(x) \cdot \triangle = 0 \Rightarrow \triangle = -\frac{f(x)}{f'(x)}$
- 3. Iterationsvorschrift: $x^{(t+1)} = x^{(t)} \frac{f(x^{(t)})}{f'(x^{(t)})}$
- 4. Anwendung auf Wurzel: setze $f(x) = x^2 y \Rightarrow mitf(x^*) = 0$ gilt $(x^*)^2 y = 0$
- 5. Iterations vorschrift: $x^{(t+1)} = x^{(t)} - \frac{(x^{(t)})^2 - y}{2x^{(t)}} = \frac{(x^{(t)})^2 + y}{2x^{(t)}}$ $x^{(t+1)} = \frac{x^{(t)} + \frac{y}{x^{(t)}}}{2}$ mit $x^* = \sqrt{y} \Rightarrow x^{(t+1)} = \sqrt{y}$

```
double sqrt (double y) {
  if (y<0.0) {
    std::cout << "Wurzel aus negativer Zahl \n";
    return -1.0;
}
  if (y == 0.0) {
    return 0.0;
}
  double x = y; // initial guess
  double epsilon = 1e-15 * y; // double Genauigkeit

while (abs(x*x-y) > epsilon) {
    x = (x + y/x) / 2.0;
}
  return x;
}
```

for - Schleife Zum Vergleich mit der while-Schleife:

```
int c = 0;
while (c < 3) {
    ... // unser code
    c += 1; //sonst funktionsunfaehig
}</pre>
```

die for - Schleife ist dagegen "idiotensicher"

- Befehle, um Schleifen vorzeitig abzubrechen:
 - continue (bricht aktuelle Iteration ab und springt zum Schleifenkopf)
 - break (bricht die ganze Schleife ab und springt hinter die schließende Klammer)
 - return (beendet die Funktion und damit auch die Schleife)
- 3 gleichbedeutende Beispiele:

```
for (int c =0; c<10; ++c) {
   if (c%2 ==0) { // gerade Zahl?
      std::cout << c << "\n";
   }
}

/* Sobald in der if-Anweisung nur eine Zeile steht, kann sie weggelassen
   werden. Das ist gefaehrlich und die Klammern sollten eher trotzdem
   gesetzt werden */

for (int c =0; c<10; ++c) {
   if (c %2 !=0) { // nicht gerade?
      continue;</pre>
```

```
}
std::cout << c << "\n";
}
for (int c =0; c<10; c+=2) {
   std::cout << c << "\n";
}</pre>
```

• mit den wichtigsten Schleifen ist bereits ein guter Grundstein für die vielseitige Programmierung gelegt

6 Datentypen

• Basistypen:

Bestandteil der Sprachsyntax und normalerweise direkt von der Hardware (CPU) unterstützt

- int (ganze Zahlen)
- double (Fließkommazahlen)
- bool (true oder false)
- später mehr
- zusammengesetzte Typen:

mithilfe von struct oder class aus einfacheren Typen zusammengebaut

- Standardtypen: in der C + + Standardbibliothek definiert (#include ..)
- Bsp: std::string mit #include <string>
- externe Typen: aus anderer Bibliothek, die man zuvor herunterladen und installieren muss
- eigene Typen: vom Programmierer selbst implementiert
- durch "objekt-orientierte Programmierung" erreicht man, dass zusammengesetzte Typen genauso einfach, bequem und effizient sind, wie Basistypen
- "Kapselung": die interne Strukter und Implementation ist für den Benutzer unsichtbar
- $\bullet\,$ Benutzer manipuliert Speicher über Funktionen ("member functions") \approx Schnittstelle des Typs Interface

```
zusammenges_typ_name var_name = initial-wert; // init
var_name.foo(a1, a2); // oder: foo(var_name, a1, a2)
```

6.1 Zeichenketten - String

- ullet zwei Datentypen in C++
- klassischer C-String: char[] ("character array")
- \bullet C + +-String: std::string gekapselt und bequem
- String-Literale: "Zeichenkette"
- einzelnes Zeichen: 'z'
 Vorsicht: die String-Literale sind C-Strings(gibt keine C + + String-Literale)
- Initialisierung:

```
std::string s1 = "abcde"; // Zuweisung
std::string s2 = s1;
std::string leer = "";
s1.size() // Laenge (Anzahl der Zeichen)
s1.empty() // Test: s1.size() ==0
```

• Addition: Strings aneinanderreihen ("concalculate")

```
std::string s3 = s + "i,k"; // "xyi,k"
std::string s3 = s + s; // "xyxy"
std::string s3 = "abc" + "def"; // Bug - Literale unterstuetzen + mit
ganz anderer Bedeutung
```

• Add-Assignement: Abkürzung für Addition gefolgt von Zuweisung

```
s += "nmk"; // ist gleich zu:

s = s + "nmk"; // "xynmk"

s3 = (s + "abc") + "def"; // ok
```

• die Zeichen werden intern in einem C-Array gespeichert Array: zusammenhängende Folge von Speicherzellen des gleichen Types, hier: *char*

```
      a | b | c | d | e | Länge: 5; s[index] ∈ {0,1,2,3,4}

      std::string s = "abcde";

      for (int k = 0; k < s.size(); ++k) {</td>

      std::cout << s[k] << "\n";</td>

      }
```

Variante(1): 'in-place' (den alten String überschreiben, selbe Speicherzelle)

```
int i = 0;
int k = s.size()-1;
while (1<k) {
   char tmp = s[i] // i-tes Zeichen merken
   s[i] = s[k];
   s[k] = tmp;
   --k; // k = k-1
   ++i;
}</pre>
```

Variante②: neuen String erzeugen

```
std::string s = "abcde";
std::string r = "";
for (int k =s.size()-1; k>=0; --k)
```

6.2 Umgebungsmodell

- in prozeduraler Programmierung: Gegenstück zum Substitutionsmodell für funktionale Programmierung
- Zwecke:
 - Regeln für Auswertung von Ausdrücken
 - Regeln für automatische Speichervewaltung: Freigeben nicht mehr benötigter Speicherzellen (nützlich bei in der Praxis immer endlichem Speicher)
 - ⇒ bessere Approximation von "unendlich viel Speicher"
- Umgebung beginnt normalerweise bei "{" und endet bei "}" Ausnahme: for-Schleife, Funktionsdefinitionen, globale Umgebung

- automatische Speicherverwaltung:
 - Speicherzellen, die in einer Umgebung angelegt werden, werden am Ende der Umgebung in umgekehrter Reihenfolge freigegeben
 - Compiler fügt vor "{" automatisch die notwendigen Befehle ein
 - Speicherzellen in der globalen Umgebung werden dem Programmierenden freigegeben

- Umgebungen können beliebig tief geschachtelt werden
 - \Rightarrow alle Umgebungen bilden einen Baum, mit der globalen Umgebung als Wurzel

- Funktionen sind in der globalen Umgebung definiert

 ⇒ Umgebung jeder Funktion sind "Kinder" der globalen Umgebung (Ausnahme: Namensräume) ⇒ Funktionsumgebung ist nicht Kind der Umgebung, in der sie aufgerufen wird
- Jede Umgebung besitzt eine Zuordnungstabelle für alle Speicherzellen, die in der Umgebung definiert werden $\frac{\text{Name} \mid \text{Typ} \mid \text{aktueller Wert}}{1 \mid \text{int} \mid 2}$
- jeder Name kann pro Umgebung nur $1 \times$ vorkommen ()gleichzeitig in anderen Umgebungen) Ausnahme: Funktionsnamen können mehrmals vorkommen bei "function overloading" (C++)
- Alle Befehle werden relativ zur aktuellen Umgebung ausgeführt aktuell: Zuordnungstabelle der gleichen Umgebung & aktueller Wert zum Zeitpunkt des Aufrufs (Zeitpunkt wichtig im Substitutionsmodell)

Beispiel: c = a * B; Regeln:

- wird der Name (a,b,c) in der aktuellen Zuordnungstabelle gefunden:
 - (1) Typisierung \Rightarrow Fehlermeldung, wenn Typ und Operation zusammenpassen
 - (2) andernfalls, setze aktuellen Wert aus Tabelle in Ausdruck ein
- wird der Name nicht gefunden, suche in der Elternumgebung weiter mit(1) oder(2)
- \bullet wird der Name bis zur Wurzel nicht gefunden \Rightarrow Fehlermeldung
- ist der Name in mehreren Umgebungen vorhanden, gilt das zuerst gefundene (Typ, Wert)
- ⇒ Programmierer muss selbst darauf achten, dass:
 - 1. bei der Suche die gewünschte Speicherzelle gefunden wird ⇒ benutze "sprechende" Namen
 - 2. der aktuelle Wert der richtige ist \Rightarrow beachte Reihenfolge der Befehle!

7 Umgebungen

7.1 Namensräume

spezielle Umgebungen in der globalen Umgebung (auch geschachtelt) mit einem Namen

- Ziele:
 - Gruppieren von Funktionalität in Module (zusätzlich zu Headern)
 - Verhindern von Namenskollisionen
 - -Beispiel: C++Standardbiblithek

```
namespace std {
   double sqrt (double x);
   namespace chrono {
     class system_clock;
   }
}
```

```
\Rightarrow std:: sqrt(x) wird zu sqrt(x)
```

Besonderheit: mehrere Blöcke mit selbem Namensraum werden verschmolzen

- Funktionen befinden sich in der globalen Umgebung
 - \Rightarrow Umgebung der Funktion ist Kind der globalen Umgebung

Beispiel: my sin (Übung 3.3)

```
double taylor_sin (double x) {
    return x - std::pow(x,3)/6.0;
}

double pump_sin (double sin_third) {
    return 3.0*sin_third - 4.0 * std::pow(sin_third,3)
}

double pi_2 = 2.0*M_PI;

double normalize (double x) {
    double k = std::floor(x/pi_2);  // wie vielte Periode
    double y = x-pi_2*k;  // 0 <= y < pi_2
    return (y <= M_PI) ? y : y-pi_2;  // -pi < result <= pi
}

double my_sin (double x) {
    double y = normalize(x);
    return (std::abs(y)<=0.15) ? taylor_sin(y) : pump_sin(y/3.0);
}

int main() {
    double r = my_sin(0.78);
}</pre>
```

```
  \begin{array}{c}
    \textbf{global} \\
    pi_2 = 6.28
  \end{array}
```

 $\begin{array}{c} \mathbf{main} \\ r = 2 \end{array}$

7.2 Referenzen

• sind neue (zusätzliche) Namen für vorhandene Speicherzellen

• Hauptanwendung:

 Umgebung, wo eine Funktion aufgerufen wird und die Umgebung der Implementation sind unabhängig, d.h. Variablen der einen Umgebung sind in der anderen nicht sichtbar

Beispiel:

```
int foo (int x) { // pass-by-value (Vebergabe des echten Werts)
 x += 3;
 return x;
int bar (int & x) { // pass-by-reference (Uebergabe der Adresse der
   Speicherzelle)
  y += 3;
 return y;
void baz (int & z) { // pass-by-reference
 z += 3; // kein return Wert
int main() {
 int a = 2;
 std::cout << foo(a) << "\n"; // Ausgabe: 5
  std::cout << a << "\n"; // Ausgabe 2
  std::cout << bar(a) << "\n"; // Ausgabe: 5
  std::cout << a << "\n"; // Ausgabe: 5
  baz(a):
  std::cout << a << "\n";
}
```

- Funktionen die Werte nur über eine Referenz änder heißen Seiteneffekt der Funktion (Haupteffekt ist immer der return Wert) [in der funktionalen Programmierung sind Seiteneffekte verboten mit Ausnahme von Ein-/Ausgabe]
- Ziele
 - 1. häufig möchte man Speicherzellen in beiden Umgebungen teilen ⇒ verwende Referenzen
 - 2. häufig will man vermeiden, dass eine Variable kopiert wird (pass-by-value) \Rightarrow durch pass-by-value braucht man keine Kopie \Rightarrow typisch const & \cong read-only, keine Seiteneffekte

```
void print_string(std::string const & s) {
    std::cout << s;
}</pre>
```

8 Container-Datentypen

dienen dazu, andere Datentypen aufzubewahren

- Art der Elemente
 - homogene Container: alle Elemente haben den gleichen Typ (typisch für C++)
 - heterogene Container: Elemnte können verschiedene Typen haben (z.B. Python)
- Art der Größe
 - statische Container: feste Größe, zur Compilezeit bekannt
 - dynamische Container: Größe zur Laufzeit veränderbar
- Arrays sind die wichtigsten Container, weil effizient auf Hardware abgebildet und einfach zu benutzen
 - klassisch: Arrays sind statisch, z.B. C-Arrays (hat C + + geerbt)
 - modern: dynamische Arrays:
 - * Entdeckung einer effizienten Implementierung
 - * Kapselung durch Objekt-Orientierte-Programmierung (sonst zu kompliziert)
- ein dynamisches Array: std :: string ist Abbildung $int \rightarrow char$ $Index \rightarrow Zeichen$
- wir wollen das selbe Verhalten für beliebige Elementtypen: std:: vector

8.1 Datentyp: std:: vector

- Abbildung: $int \rightarrow double$
- \bullet weitere Verallgemeinerung: Indextyp beliebig (man sagt dann "Schlüssel-Typ§" typische Fallen:
 - Index ist nicht im Bereich $0 \leq Index < size$,
z.B. Matrikelnummer
 - Index ist String, z.B. Name eines Studenten

• $std :: map, std :: unordered_map$ (Binärer Suchbaum)

Beispiel:

```
std::map <int, double > noten; // noten[3 1 2 4 5 2 3 1 3] = 1.0
std::map <string, double > noten; // noten["krause] = 1.0
```

dabei: <Schlüsseltyp, Elementtyp>

• Erzeugen:

```
std::vector <double> v(20, 1.0);
std::vector <double> v; // leeres Array (erst ab C++ 11)
std::vector <double> v = {1.0, -3.0, 2.2}; // "initializer list"
```

• Größe:

```
v.size()
v.empty() (=v.size() ==0)
```

• Größe ändern:

• Zugriff:

```
v[k] // Element bei Index k
v.front() // erstes Element
v.back() // letztes Element
v.at(k) // wie v[k], aber Fehlermeldung, wenn nicht 0<= k < size()</pre>
```

- ullet Funktionen für Container: benutzen in C++ Iteration, damit sie für verschiedenste Container funktionieren
- Iteration-Range:

```
v.begin()
v.end() // hinter dem letzten Element
im Header <algorithm>
```

• alle Elemente kopieren:

```
std::vector <double> source = {1.0, 2.0, 3.0, 4.0, 5.0};
std::vector <double> target(source.size(), 0.0);

std::copy(source.begin(), source.end(), target.begin());
std::copy(source.begin()+2, source.end(), target.begin());
// unbenutzte Initialwerte bleiben erhalten
```

• Elemente sortieren:

```
std::sort(v.begin(), v.end()); // "in-place"
std::random_shuffle(v.begin(), v.end()) // "in-place"
```

Warum ist push back() effizient?

- veraltete Lehrmeinung: Arrays sind nur effizient, weenn statisch (d.h. Größe zur Compilezeit, spätestens bei Initialisierung bekannt)
- modern: bei vielen Anwenduungen genügt, wenn Array (meist) nur am Ende vergrößert wird (z.B. push_back)
 dies kann sehr effizient unterstützt werden ⇒ dynamisches Array
- std:vector verwaltet intern ein statisches Array der Größe "v.capacity() >= v.size()"
 - -wird das interne Array zu klein \Rightarrow wird automatisch auf ein doppelt so großes umgeschaltet
 - ist das interne Array zu groß, bleiben unbenutzte Speicherzellen als Reserve
- Verhalten bei push back()
 - -noch Reserve vorhanden: lege neues Element in eine unbenutzte Speicherzelle ⇒ billig & chillig
 - keine Reserve:
 - 1. alloziere neues statisches Array mit doppelter Kapazität
 - 2. kopiere die Daten aus allem ins neue Array
 - 3. gebe das alte Array frei
 - 4. gehe zu①, jetzt wieder Reserve vorhanden Umkopieren ist nicht teuer, da es nur selten nötig ist
 - Beispiel:

```
std::vector <int> v;
for (int k = 0; k < 32; ++k) {
   v.push_back(k);
}</pre>
```

k	$capvorp_b()$	$cap nach p_b()$	size()	Reserve	Umkopierung
0	0	1	1	0	0
1	1	2	2	0	1
2	2	4	3	1	2
3	4	4	4	0	0
4	4	8	5	3	4
$5 \dots 7$	8	8	8	0	0
8	8	16	9	7	8
$9 \dots 15$	16	16	16	0	0
16	16	32	17	15	16

. . .

• Kosten:

- -32 Elemente einfügen =32 Kopien extern \Rightarrow intern
- -aus altem Array ins neue kopieren = 31 Kopien intern \Rightarrow intern
 - ⇒ im Durchschnitt sind pro Einführung 2 Kopien nötig
 - \Rightarrow dynamisches Array ist doppelt so teuer, wie das statische
 - \Rightarrow immer noch sehr effizient
- ullet relevante Funktionen von std::vector
 - -v.size(): aktuelle Zahl der Elemente
 - -v.capacity() v.size(): Reserve (≥ 0)
 - $-v.resize(new\ size)$: ändert immer v.size(), aber v.capacity() nur wenn $< new\ size$
 - $-v.reserve(new_capacity)$: ändert v.size() nicht, aber v.capacity() falls $new_capacity \ge size$
 - $-v.shrink_to_fit(): v.reserve(v.size())$ (Reserve ist danach 0), wenn Endgröße erreicht
- wenn Reserve > size: capacity kann auch halbiert werden

wichtige Container der C + + Standardbiblithek

- dynamisches Arrays: std :: string, std :: vector
- assoziative Arrays: std:: map, std:: unordered map
- Mengen: std:: set, std:: unordered set (jedes Element ist höchstens einmal enthalten)
- Stapel: std:: stack (Funktion: "last-in-first-out") z.B. gestapelte Bierkästen.
- Warteschlange: std :: queue (Funktion: "first-in-first-out")
- Kartendeck: std::deque gleichzeitig Stapel und Warteschlange
- Stapel mit Priorität: std::priority_queue (Priorität vom Nutzer definiert)

9 Iteratoren

• für Arrays lautet kanonische Schleife:

```
for (int k = 0; k != v.size(); ++k) {
   int current = v[k]; // aktuelles Element lesen
   v[k] = new_value; // aktuelles Element schreiben
}
```

- wir wollen eine so einfache Schleife für beliebige Container
 - -der Index-Zugriff $\boldsymbol{v}[k]$ ist bei den meisten Containern nicht effizient
 - Iteratoren sind immer effizient \Rightarrow es gibt sie in allen modernen Programmiersprachen, aber die Details sind sehr unterschiedlich
 - Analogie: Zeiger einer Uhr, Cursor in Textverarbeitung
 ⇒ ein Iterator zeigt immer auf ein Element des Containers oder auf Spezialwert "ungültiges Element"
 - in C + + unterstützt jeder Iterator 5 Grundoperationen
 - 1. Iterator auf erstes Element erzeugen:

```
auto iter = v.begin(); // auto ist Universaltyp, wird
// vom Compiler automatisch
// mit richtigen Typen ersetzt
```

2. Iterator auf "ungültiges Element" erzeugen:

```
auto end = v.end() // typischerweise v[v.size()]
```

3. Vergleich:

- 4. zum nächsten weitergehen: + + iter, Ergebnis ist v.end(), wenn man vorher beim letzten Element war
- 5. auf Daten des aktuellen Elements zugreifen: *iter ("Dereferenzierung")
- \Rightarrow kanonische Schleife:

```
for (auto iter = v.begin(); iter != v.end(); ++iter) {
  int current = *iter; // lesender Zugriff;
  *iter = new_value; // schreibender Zugriff

  // Abkuerzung in C++: rang-based for-loop
  for (int & element : v) {
    int current = element; // lesen
    element = new_value; // schreiben
  }
}
```

- wenn die zugrunde liegenden Speicherzellen geändert werden, also die Containergröße sich ändert, werden die Iteratoren ungültig
- Iteratoren mit den 5 Grundoperationen heißen "forward iterators" (wegen + + iter)
- "bidirectional iterators" unterstützen auch -iter (alle Iteratoren aus Standardbibliothek)
- "random access iterators" können beliebige Sprünge machen (iter+=5) unterstützt von std::string und std::vector
- Besonderheit für assoziative Arrays (std:: map):
 - − Schlüssel und Werte können beliebig gewählt werden \Rightarrow das aktuelle Element ist immer ein Schlüssel/Wert-Paar $(*iter).first \Rightarrow$ Schlüssel $(*iter).second \Rightarrow$ Wert

```
v[(*iter).first] == (*iter).second;
```

• Bei std :: map liefern die Iteratoren die Elemente in aufsteigender Reihenfolge der Schlüssel (Unterschied zu std :: unordered map)

9.1 Die Funktion std :: transform()

Die Funktion std :: transform()

• std :: transform() erlaubt, die Daten "on-the-fly" zu ändern z.B. nach Kleinbuchstaben konvertieren:

```
std::string source = "aAbCdE";std::string = target = source; // Target
    muss gleiche Laenge haben
std::transform(source.begin(), source.end(), target.begin(), std::tolower
); //Name einer Funktion, die ein einzelnes Element transformiert
```

• z.B. die Daten quadrieren:

```
double sq (double x) {
   return x*x;
}
std::transform(source.begin(), source.end(), target.begin(), sg);
```

• das ist eine Abkürzung für eine Schleife: (zwei Schleifen auf einmal)

- der Argumenttyp der Funktion muss mit dem source-Elementtyp kompatibel sein
- der Argumenttyp der Funktion muss mit dem target-Elementtyp kompatibel sein
- Das letzte Argument von std :: transform() muss ein Funktor sein (\approx verhält sich wie eine Funktion)

Dazu gibt es drei Varianten:

- normale Funktion, z.B. sq Aber wenn die Funktion für mehrere Argumenttypen überladen ist, muss der Programmierer dem Compiler sagen, welche Version gemeint ist ⇒ ("function pointer cast")
- 2. Funktorobjekte ⇒ objekt-orientierte Programmierung
- 3. definiere eine namenlose Funktion \cong "Lamda-Funktionen" λ statt λ wird in C++[] geschrieben

- Lambda-Funktionen können noch viel mehr \Rightarrow für Fortgeschrittene
- std :: transform kann "in-place" arbeiten (d.h. source-Container überschreiben), wenn source und target gleich
- die Funktion std :: sort() wird zum "in-place" sortieren eines Arrays

```
std::vector <double> v = {4.0, 2.0, 3.0, 5.0, 1.0};
std::sort(v.begin(), v.end()); // -> v = {1.0, 2.0, 3.0, 4.0, 5.0}
```

- std :: sort() ruft intern den "<" Operator des Elementtyps auf, um die Reihenfolge zu bestimmen

Def: "totale Ordnung"

- * a < b muss $\forall a, b$ gelten
- * transitiv: $(a < b) \land (b < c) \Rightarrow (a < c)$
- * anti-symmetrisch: $!(a < b) \land !(b < a) \Rightarrow a == b$

9.2 Insertion Sort

schnellste Sortieralgor. für kleine Arrays ($n \leq 30$, hängt vom Compiler & CPU ab)

- für große Arrays sind Merge Sort, Heap Sort, Quick Sort schneller
- std :: sort() wählt automatisch einen schnellen Algor.

Idee von Insertion Sort: wie beim Aufnehmen und Ordnen eines Kartenblatts

• gegeben: bereits sortiertes Teilarray bis zur Position k-1

- füge das k-te Element an der richtigen Stelle ein. Erzeuge Lücke an der richtigen Position duch Verschieben von Elementen nach rechts
- wiederhole für k = 1, ..., N (siehe Übung 5.1 "Einsortieren")

```
4
      3
          5
              1
       3
4
          5
              1
                  (current = 2)
   4
       3
          5
              1
2
   4
      3
          5
              1
2
   4
          5
             1
                 (current = 3)
2
       4
          5
             1
2
   3
          5
      4
             1
2
   3
      4
          5
              1
2
   3
                 (current = 5)
      4
              1
2
      4
          5
             1
2
   3
      4
          5
             1
                  (current = 1)
          4
```

- andere Sortierung: definiere Funktor cmp(a,b), der das gewünschte "kleiner" realisiert \approxeq gibt genau dann true zurück, wenn a "kleiner b nach neuer Sortierung
- ullet neue Sortierungen am besten per Lambda-Funktion an std::sort übergeben

• Das letzte Argument von *std* :: *transform*() muss ein Funktor sein (≅ verhält sich wie eine Funktion)

Dazu gibt es drei Varianten:

- 1. normale Funktion, z.B. sq Aber wenn die Funktion für mehrere Argumenttypen überladen ist, muss der Programmierer dem Compiler sagen, welche Version gemeint ist \Rightarrow ("function pointer cast")
- 2. Funktorobjekte \Rightarrow objekt-orientierte Programmierung
- 3. definiere eine namenlose Funktion
 "Lamda-Funktionen" λ statt λ wird in
 C++[] geschrieben

- Lambda-Funktionen können noch viel mehr \Rightarrow für Fortgeschrittene
- $-\ std::transform$ kann "in-place" arbeiten (d.h. source-Container überschreiben), wenn source und target gleich
- die Funktion std :: sort() wird zum "in-place" sortieren eines Arrays

```
std::vector <double> v = {4.0, 2.0, 3.0, 5.0, 1.0};
std::sort(v.begin(), v.end()); // -> v = {1.0, 2.0, 3.0, 4.0, 5.0}
```

 $-\ std::sort()$ ruft intern den "<" Operator des Elementtyps auf, um die Reihenfolge zu bestimmen

Def: "totale Ordnung"

- * a < b muss $\forall a, b$ gelten
- * transitiv: $(a < b) \land (b < c) \Rightarrow (a < c)$
- * anti-symmetrisch: $!(a < b) \land !(b < a) \Rightarrow a == b$

9.3 Insertion Sort

schnellste Sortieralgor. für kleine Arrays ($n \leq 30$, hängt vom Compiler & CPU ab)

- für große Arrays sind Merge Sort, Heap Sort, Quick Sort schneller
- std:: sort() wählt automatisch einen schnellen Algor.

Idee von Insertion Sort: wie beim Aufnehmen und Ordnen eines Kartenblatts

- ullet gegeben: bereits sortiertes Teilarray bis zur Position k-1
- füge das k-te Element an der richtigen Stelle ein. Erzeuge Lücke an der richtigen Position duch Verschieben von Elementen nach rechts
- wiederhole für k = 1, ..., N (siehe Übung 5.1 "Einsortieren")

```
3
          5
4
       3
          5
              1
                  (current = 2)
      3
   4
          5
              1
2
   4
      3
          5
              1
2
          5
              1
                 (current = 3)
2
          5
       4
              1
2
   3
      4
          5
              1
2
   3
          5
             1
      4
2
   3
      4
              1
                 (current = 5)
2
   3
      4
         5
             1
2
   3
          5
             1
                 (current = 1)
      4
1
      3
          4
              5
```

- andere Sortierung: definiere Funktor cmp(a,b), der das gewünschte "kleiner" realisiert \approxeq gibt genau dann true zurück, wenn a "kleiner b nach neuer Sortierung
- ullet neue Sortierungen am besten per Lambda-Funktion an std::sort übergeben

```
// absteigende Sortierung
std::sort(v.begin(), v.end(),
      [](double a, double b) {
        return b<a;
std::sort(v.begin(), v.end(),
                                    //
                                       normale Sortierung nach Betrag
      [](double a, double b) {
        return std::abs(a) < std::abs(b);
)
// Stringvergleich
std::vector <std::string> v = {"Ac", "ab", "De", "cf"};
std::vector <std::string> v = {"Ac", "De", "ab", "cf"} // case
    insensitive
std::vector <std::string> v = {"ab", "Ac", "cf", "De"} // case sensitive
std::sort(v.begin(), v.end(),
      [](std::string a, std::string b) {
        std::transform(a.begin(), a.end(), a.begin(), std::tolower);
std::transform(b.begin(), b.end(), b.begin(), std::tolower);
        retuern a < b;
      }
);
```

10 Templates

insertion sort soll für beliebige Elementtypen funktionieren:

```
template <typename ElementType>

void insertion_sort(std::std::vector <ElementType> & v) {
  for (int k =1; k < v.size(); ++k) {
    ElementType current = v[k];
    ... // Rest unveraendert
  }
}</pre>
```

"ElementType" ist Platzhalter für den tatsächlichen Elementtyp und wird vom Compiler automatisch ersetzt.

11 Grundlagen der generischen Programmierung

- Ziel: benutze template-Mechanismus, damit <u>eine</u> Implementation für viele verschiedene Typen verwendbar ist erweitert funktionale und prozedurale und objekt-orientierte Programmierung
- zwei Arten von Templates ("Schablonen")
 - 1. Klassen-Templates für Datenstrukturen, z.B. Containersollen beliebige Elementtypen unterstützen

- Implementation \Rightarrow später
- Benutzung: Datenstrukturname gefolgt vom Elementtyp in spitzen Klammern std::vector < double >
- 2. Funktionen-Templates: es gab schon "function overloading" Beispiel:

```
int sq (int x) {
    return x * x;
}

double sq (double x) {
    return x * x;
}
... usw fuer komplexe Zahlen
```

- \Rightarrow Nachteile:
 - wenn die Implementationen gleich sind nutzlose Arbeit
 - Redundanz ist gefährlich, korrigiert man ein Bug, wird leicht eine Variante vergessen

11.1 Funktionen-Templates

mit Templates reicht eine Implementation:

- Benutzung:
 - Typen für die Platzhalter hinter dem Funktionsnamen in spitzen Klammern
 - -meist kann man die Typangabe
 < type > weglassen, weil der Compiler sie anhand des Argumenttyps automatisch einsetzt
- kombiniert man Templates mit Overloading, wird die ausprogrammierte Variante vom Compiler bevorzugt
- Funktion, die ein Array aus Konsole ausgibt:

```
std::vector <double> v = {1.0, 2.0, 3.0};
print_vector(v); // {1.0, 2.0, 3.0}
```

für beliebige Elementtypen:

```
template <typename ElemtType>
void print_vector(std::vector <ElementType> const & v) {
  // const: read-only , &: nur Kopie verwenden
  std::cout << "{";
  if (v.size() > 0) {
```

```
std::cout << " " << v[0];
  for (int k = 1; k<v.size(); ++k) {
    std::cout << " " << v[k];
  }
}
std::cout << " }";
}</pre>
```

• Verallgemeinerung für beliebige Container mittels Iteratoren:

```
std::list <int> 1 = {1,2,3};
print_container (l.begin(), l.end()) // {1,2,3}
```

• es genügen forward iterators

• Beispiel 3: checken, ob Container sortiert ist

```
return false;
}

reurn true;
}
```

- Aufruf von Version 2 mit "lambda-function":

```
std::vector <double > v = {1.0, 2.0, 3.0};
check_sorted(v, [] (double a, double b) {
   return a < b;
}); // true

check_sorted(v, [] (double a, double b) {
   return a > b;
}); // true
```

– Version 3 mit "forward-iterator":

• Bemerkungen:

- 1. Compiler-Fehlermeldungen bei Template-Code sind oft schwer zu implementieren \Rightarrow Erfahrung nötig
- 2. mit Templates kann man noch viel raffiniertere Dinge machen, z.B. Traits-Klassen, intelligent libraries, template metaprogramming ⇒ nur für Fortgeschrittene

12 Bestimmung der Effizienz von Algorithmen und Datenstrukturen

- 2 Möglichkeiten
 - 1. messe die "wall clock time" (wie lange muss man auf ein Ergebnis warten)
 - 2. unabhängig von Hardware: algorithmische Komplexität

• "wall-clock-time" misst man z.B. mit dem Modul < chrono >

```
#include <chrono>
#include <iostream>

int main() {
    ... // alles zur Zeitmesung vorbereiten, z.B. Daten einlesen

auto start = std::chrono::high_resolution_clock::now(); // Startzeit
    merken
    ... // Code, der gemessen werden soll
auto stop = std::chrono::high_resolution_clock::now(); // Endzeit
    merken

std::chrono::duration<double> diff = stop-start; // Zeitdifferenz (
    Laufzeit) in Sekunden
std::cout << "Zeitdauer: " << diff() << " sekunden \n";)
}</pre>
```

- in der Praxis nicht so einfach \Rightarrow Pitfalls:
 - moderne Compiler optimieren oft zu viel, d.h. komplexe Berechnungen werden zur Compilezeit ausgeführt und ersetzt ⇒ gemessene Zeit viel zu kurz gegenüber der Praxis Abhilfe: Daten nicht "hard-wired", sondern z.B. von Platte lesen (volatile beim Initialisieren)
 - der Algorithmus ist schneller als die clock
 Abhilfe: rufe den Algorithmus mehrmals in einer Schleife auf
 - die Ausstattung des Programms kann vom Betriebssystem jederzeit für etwas wichtigeres unterbrochen werden ⇒ gemessene Zeit ist zu lang
 Abhilfe: messe mehrmals und nimm die kürzeste Zeit (meist reicht 3-10x)
 - Faustregel: Messung zwischen 0.02-3 Sekunden zur optimalen Nutzung der clock
- Nachteil: Zeit hängt besonders von der Qualität der Implementation, den Daten und der Hardware ab
- algorithmische Komplexität ist davon unabhängig ≈ "theoretisches Effizienzmaß" beschreibt, wie sich die Laufzeit verlängert, wenn man mehr Daten hat
 - \Rightarrow bei effizienten Algrorithmen steigt der Aufwand mit n
 nur langsam (oder bestenfalls gar nicht)

12.1 technisches Effizienzmaß

- berechne, wie viele elementare Schritte der Algorithmus in Abhängigkeit von n benötigt \Rightarrow komplizierte Formel f(n)
- vereinfache f(n) in eine einfache Formel g(n), die dasselbe wesentliche Verhalten zeigt Die Vereinfachung erfolgt mittels <u>O-Notation</u> und ihren Verwandten

12.2 \mathcal{O} -Notation/ Ω -Notation

- 1. g(n) ist eine asymptotische (für große n) obere Schranke für f(n) ($f(n) \leq g(n)$) $f(n) \in \mathcal{O}(g(n))$ (f(n) ist in der Komplexitätsklasse g(n), wenn es ein n_0 und C gibt, sodass $\forall n > n_0 : \Leftrightarrow f(n) \in \mathcal{O}(g(n))$
- 2. g(n) ist asymptotisch untere Schranke für f(n) $(f(n) \ge g(n))$ $f(n) \in \Omega(g(n)) \Leftrightarrow \exists n_0, C, sodass \forall n > n_0 : f(n) \ge C \cdot g(n)$
- 3. g(n) ist asymptotisch scharfe Schranke für f(n) (f(n) = g(n)) $f(n) \in \Theta(g(n)) \Leftrightarrow f(n) \in O(g(n)) \land f(n) \in \Omega(g(n))$

Regeln:

- 1. $f(n) \in \Theta(f(n)) \Rightarrow f(n) \in \mathcal{O}(f(n)), f(n) \in \Omega/f(n)$
- 2. $f(n) \in \Theta(f(n)) \Rightarrow C \cdot f(n) \in \Theta(f(n))$
- 3. $\mathcal{O}(f(n)) \cdot \mathcal{O}(g(n)) \in \mathcal{O}(f(n) \cdot g(n))$
- 4. $O(f(n)) + O(g(n)) \in O(\max(f(n), g(n))$ formell: $f(n) \in O(g(n)) \Rightarrow O(f(n)) + O(g(n)) \in O(g(n))$ $g(n) \in O(f(n)) \Rightarrow O(g(n)) + O(g(n)) \in O(f(n))$
- beliebteste Wahl für g(n):
 - * $\mathcal{O}(1)$ " konstante Komplexität", Bsp: elementare Operationen, Array-Zugriff
 - * $\mathcal{O}(log(n))$ "logarithmische Komplexität", Bsp: Zugriff auf ein Element von std::map
 - * $\mathcal{O}(n)$ "lineare Komplexität", Bsp: std :: transform
 - * $\mathcal{O}(log(n) \cdot n)$ " $n \cdot log(n)$ ", "quasilinear", Bsp: std :: sort()
 - * $\mathcal{O}(n^2)$ "quadratische Komplexität"
 - * $\mathcal{O}(n^p)p = const.$ "polynomelle Komplexität"
 - * $\mathcal{O}(2^n)$ "exponentielle Komplexität"
- Beispiele:

$$f(n) = 1 + 15n + 4n^2 + 7n^3 \in \mathcal{O}(n^3)$$

$$f(n) = n \cdot \log(n) + n^2 \in \mathcal{O}(n \cdot \log(n) + n \cdot n) \in \mathcal{O}(n) \cdot \mathcal{O}(\log(n) + n) \in \mathcal{O}(n) \cdot \mathcal{O}(n) \in \mathcal{O}(n^2)$$

 \Rightarrow es gewinnt immer die am stärksten wachsende Funktion

Anwendung 1: Fibonacci-Zahlen: $f_k = f_{k-2} + f_{k-1}$

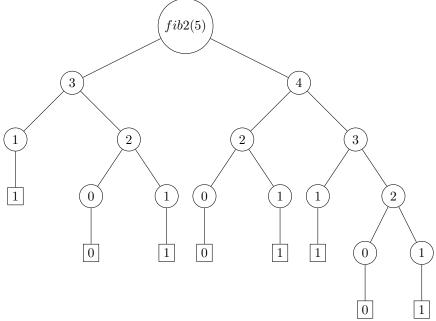
```
int fib1 (int k) { // 0(k)
  if (k<2) { // 0(1)
    return k; // 0(1)
}
int f1 = 1; // 0(1)
int f2 = 1; // 0(1)

for (int j = 2; j<=k; ++j) { // 0(k)
  int f = f1 + f2; // 0(1)</pre>
```

```
f1 = f2;  // 0(1)
  f2 = f;  // 0(1)
}

return f2;  // 0(1)
}

int fib2 (int k) {
  if (k<2) {
    return k;
  }
  return fib2(k-2)+fib2(k-1));
}</pre>
```



 \Rightarrow sehr ineffizient, weil alle Fib-Zahlen < k mehrmals berechnet werden Sei f(k) die Anzahl der Schritte, Annahme: jeder Knoten ist $\mathcal{O}(1) \Rightarrow \mathcal{O}(Knoten)$ Sei f'(k) die Anzahl der Schritte, oberhalb (oberhalb ist der Baum vollständig (jeder innere Knoten hat genau 2 Kinder))

$$f'(k) = 2^{l+1} - 1$$

$$= 2^{k/2+1} - 1$$

$$= 2 \cdot 2^{k/2} - 1$$

$$= 2 \cdot (\sqrt{2})^k - 1$$

$$\in \Omega(\sqrt{2})^k$$

$$\Rightarrow exponentielle Komplexität$$

13 Zahlendarstellung

Problem: unendlich viele Zahlen, aber die Computer sind endlich

13.1 natürliche Zahlen \mathbb{N}

 $x \ge 0$, (++ bietet Typen verschiedener Größe)

klassisch	mit Größe $(C++)$	# Bits	Bereiche	Literale
unsigned char	uint8_t	(≥)8	0 - 256	
unsigned short	$uint16_t$	$(\geq)16$	0 - 65.535	
unsigned int	$uint32_t$	$(\geq)32$	$0 - 4 \cdot 10^9$	
unsigned long	$uint32_t$	32 oder 64	$0 - 4 \cdot 10^9$	
unsigned long long	$uint64_t$	64	$0-2\cdot 10^{19}$	4L

Was passiert bei zu großen Zahlen?

 $\bullet\,$ alle Operationen werden Modulo 2^m ausgeführt, wenn der TypmBits hat Bsp 1:

```
uint8_t x = 250, y = 100;
uint8_t s = x+t; // 350 % 256 = 94
uint8_t p = x*y; // 2500 % 256 = 168
```

• Pitfalls

Beispiel 1: Mittelwert eines uint8 t-Arrays

```
std::vector <uint8_t> v = {...}
uint8_t sum = 0; // uint32_t od. uint64_t
for (int k = 0; k< v.size(); ++k) {
    sum += v[k];
}
std::cout << ''Mittelwert: '''' << (sum(v.size())) << ''\n'';</pre>
```

uint32 t sum = 0 verhindert overflow mit hoher Wahrscheinlichkeit

Bsp 2: Count-Down Loop (rückwärts über Array)

• arithmetische Op. Addition in Kapitel "Automaten" Substitution kann auf Addition zurückgeführt werden Erinnerung: Restklassenarithmetik (Modulo) alle Zahlen mit dem gleichen Rest modulo k bilden "Äquivalenzklasse"

hier: kleinste Reprösentanten $0, \ldots, k-1$ mit $k=2^m$

Eigenschaft: man kann Vielfache $n \cdot k$ addieren, ohne Äquivalenzklasse zu ändern \Rightarrow implementiere (Addition besser als Subtraktion)

$$(a-b)\%2^m$$

= $(a+2^m-b)\%2^m$
= $(a+z)\%2^m$

bitweise Negation dreht alle Bits um

$$m = 4 \sim (1001) \Rightarrow (0110)$$

$$setze: (2^{m} - b)\%2^{m} = \sim (b+1)\%2^{m}$$

$$b + \sim b = 11 \dots 11 = 2^{m} - 1$$

$$\sim b + 1 = 2^{m} - b$$

Fall 1:

$$b > 0 \Rightarrow \sim b < 2^m - 1$$
$$\Rightarrow \sim (b+1) < 2^m$$
$$\sim (b+1)\%2^m = \sim (b+1)$$
$$(2^m - b)\%2^m = \sim b\%2^m$$

Fall 2:

$$b = 0 \Rightarrow \sim b = 2^m - 1$$
$$\sim b + 1 = 2^m$$
$$(\sim b + 1)\% 2^m = 0$$
$$2^m - b = 2^m$$

Multiplikation

• neue Operationen \ll und \gg (left und right shift) verschiebt die Bits um k Positionen nach links oder rechts. Die herausgeschobenen Bits werden vergessen, auf der anderen Seite durch 0-Bits ersetzt.

$$m = 8$$
: $11011101 \ll 3 = 11101000$
 $11011101 \gg 3 = 00011011$

• Satz:

$$x \ll k = (x * 2^m)\% 2^m \tag{1}$$

• Operationen & und | sind bitweise "und" bzw. "oder" Verknüpfungen nicht verwechseln mit && bzw. || für logische Operatoren für m = 8:

uint8_t mal(uint8_t x, uint8_t y) {

```
uint8_t res = 0;
for (int k = 0; k < 8; ++k) {</pre>
     if (y & (1 << k) != 0) {
     x = x << 1; // = x*2
}
return res;
```

13.2ganze Zahlen $\mathbb Z$

klassisch	Typ mit Größe	Bits	Bereich
signed char	$int8_t$	8	-127128
signed short	$int16_t$	16	$-2^{15}\dots 2^{15}-1$
signed int	$int32_t$	32	$-2^{31}\dots 2^{31}-1$
signed long	$int32_t$	32 oder 64	$-2^{63}\dots 2^{63}-1$
signed long long	$int64_t$	64	$-2^{63}\dots 2^{63}-1$
Cu To .1.1			!

für Restklassen: statt $0\dots 2^m$ bei unsigned jetzt: $-2^{m-1} \dots 2^{m-1} - 1$ (symmetrisch um 0)

d.h. $x < 2^{m-1}$: Repräsentant bleibt $x \ge 2^{m-1}$: neuer Reprösentant, $x - 2^m$ (gleiche Restklasse)

Konsequenzen:

- bei negativer Zahl ist höchste Bit 1, weil $x \to x 2^m$, falls $x \ge 2^{m-1}$
- \bullet unäre Negation -x durch Zweierkomplement:

$$-x = (\sim x + 1)\%2^{m}$$

$$Bsp : -0 = (\sim 000000 + 1)\%2^{8}$$

$$= (1111111 + 1)\%2^{8}$$

$$= 100000000\%2^{8}$$

$$= 0$$

$$Bsp : -1 = (00000001 + 1)\%2^{8}$$

$$= (\sim 11111110 + 1)\%2^{8}$$

$$= 11111111$$

$$= 2^{8} - 1 < 2^{8}$$

• Ausnahmeregel: für \gg bei negativen Zahlen Compilerabhängig, meist wird links ein Bit reingeschrieben, damit Zahl negativ bleibt \Rightarrow es gilt immer noch $x \gg h = \lfloor x/2^k \rfloor$

13.3 reelle Zahlen $\mathbb R$

Problem: unendlich viele Zahlen

Lösung in $C + +$	Name	Größe	Bereich	kleinste	Literale
	float	32 Bit		10^{-38}	4.0f
	double	64 Bit	$-10^{308} \dots 10^{308}$	10^{-308}	4.0
	long double				

- \bullet der C++ Standard legt Größe nicht fest, aber alle gängigen CPUs benutzen Standard IEEE754
 - C++ übernimmt Hardware-Implementation
- Ziele bei Definition von reellwertigen Zahlen:
 - hohe Genauigkeit (viele gültige Nachkommastellen)
 - a
- elegante Lösung: halb-logarithmische Darstellung ("floating-point")

 Datentyp ist aus rein natürlichen Zahlen zusammengesetzt (aber alles von CPU gekapselt)
 - 1. S (1-bit): Vorzeichen $(0 \approx +, 1 \approx -)$
 - 2. M (m-bits): Mantisse: Nachkommastellen
 - 3. E (e-bits, Basis b): Exponent/Größenordnung
- die eigentliche Zahl wird berechnet durch:

$$x = (-1)^s \cdot (1 + M \cdot 2^{-m}) \cdot 2^{E-b}$$

X	$M \cdot 2^{-m}$	E-b	effektive Darstellung
1	0	0	$1 \cdot 2^0$
2	0	1	$1 \cdot 2^1$
3	0.5	1	$1.5 \cdot 2^{1}$
4	0	2	$1 \cdot 2^2$
5	0.25	2	$1.25 \cdot 2^2$

Konsequenz alle ganzen Zahlen zwischen $-2^m + \cdots + 2^m$ können exakt dargestellt werden und exakte Arithmetik

Werte für m, e, b (IEEE754)

• float:
$$m = 23, e = 8, b = 127$$

 $2^{E-b} \in [2^{-126}, 2^{127}] \approx [10^{-38}, 10^{38}]$

• double:
$$m=52, e=11, b=1023$$
 $2^{E-b} \in [2^{-1022}, 2^{1023}] \cong [10^{-308}, 10^{308}]$

Anzahl Nachkommastellen

• allgemein: 2^{-m}

• float: $2^{-23} \approx 10^{-7}$

• double: $2^{-52} \approx 2 \cdot 10^{-16}$

• $\varepsilon = 2^{-m} = \text{machine epsilon}$, unit last place (ULP)

• ε ist die kleinste Zahl, so dass $(1.0 \cdot \varepsilon)! = 1.0$, weil Nachkommastellen außerhalb der Mantisse (rechts von 2^{-m}) ignoriert werden

 \Rightarrow Problem der Auslöschung von signifikanten Stllen: wenn man zwei fast gleich große Zahlen substrahiert, löschen sich fast alle Bits de Mantisse \Rightarrow nur wenige gültige Nachkommastellen überleben

• Bsp 1: 0.1234567 - 0.1234566 = 0.0000001 (eine gültige Nachkommastelle)

• Bsp 2: $10 - \cos(x)$ für kleine x:

für
$$x \approx 0$$
 ist $\cos(x) \approx 1 \Rightarrow$ Auslöschung
$$\begin{array}{c|cccc} x & \# \text{ g\"{u}ltige Stellen} & \text{Additionstheorem} \\ \hline 0.0001 & 9 \text{ (statt 15.5)} & 15.5 \\ 10^{-8} & 0 \text{ (}\cos(10^{-8}) = 1) & 15.5 \\ \end{array}$$

Additions theorem: $1 - \cos(x) = 2(\sin(x/2.0))^2$

• Bsp 3: quadratische Gleichung
$$ax^2 + by + c$$
 mit $b > 0$

$$x_1 = \frac{1}{2a}(-b + \sqrt{b^2 - 4ac}) \text{ falls } a \cdot c > 0 \text{ , } b^2 \gg 4ac$$
Umstellen: $x_1 = \frac{1}{2a}(-b + \sqrt{b^2 - 4ac}) \frac{-b - \sqrt{b^2 - 4ac}}{-b - \sqrt{b^2 - 4ac}}$

$$\approx -b + b + \varepsilon \approx 0 \Rightarrow \text{Auslöschung, wenig gültige Stellen}$$

$$\frac{1}{2a} \frac{b^2 - (b^2 - 4ac)}{-b - \sqrt{b^2 - 4ac}} = \frac{2c}{-(b + \sqrt{b^2 - 4ac})}$$

```
• Ausnahmeregeln (spezielle Werte)
```

```
 – normal: E \in [1...2^e - 2]

– E = 2^e - 1 (größtmöglicher Wert):

für M = 0: x = \pm \infty (abhäng. von S)

für M > 0: x = \text{NaN} ("Not a Number")

– E = 0 (kleinster Wert):

für M = 0: \pm 0 (abhäng. von S)

für M > 0: "denormalisierte Zahlen" für sehr kleine Werte
```

14 Buchstabenzeichen

"glyphs" müssen durch Zahlen repräsentiert werden: "Zeichencode"

Geschichte

- 1963: ASCII (7-bit) Zeichen der engl. Schreibmaschine (keine Umlaute)
- 1964-2000: 8-bit codes mit Umlauten, Akzenten, kyrillisch <u>aber</u> 8-bit sind zu wenig, um alles abzudecken ⇒ viele konkurrierende 8-bit Codes
- 1991-heute: Unicode anfangs 16-bit, jetzt ≈ 21-bit ← alles (chinesisch, Emojis, Hyroglyphen)

Unicode 3 Codierungen für Unicode:

- 1. UTF-8: variable length code (pro glyph $1 \dots 4uint8$ t)
- 2. UTF-16: variable length code (pro glyph $1 \dots 2uint16 \ t$)
- 3. UTF-32: fixed length code (pro glyph $1uint32_t$)
- char: 8-bit Codes
- wchar t: 16-bit (Windows), 32-bit (Linux)
- u16char t
- *u*32*int t*

leider sehr plattformabhängig \Rightarrow Zeichensalat, wenn inkompatible Codes verwendet werden \Rightarrow in C++ ICU library ("International Components for Unicode")

• hat man alle Zeichen korrekt, ist Problem noch nicht gelöst: alphabetische Sortierung sprachabhängig

```
ä: dt. Wörterbuch - wie a; dt. Telefonbuch - wie ae
```

• Lösung in C + +:

14.1 eigene Datentypen

3 Möglichkeiten:

- enum: Aufzählungstypen \Rightarrow Selbststudium
- struct: strukturierte Daten, zusammengesetzte Typen
- class: wie struct auf objekt-orientiert

```
struct Typevalue {
   type_name var_name1;
   type_name var_name2;
   ...
};
```

Beispiel:

```
struct Date {
   int day;
   int month;
   int year;
}; // Datenmember = member variables

Date caster (int year) {
    ... // Osterdaten
   Date res;
   res.day = day;
   res.month = month;
}

// für Übungsaufgabe 8.4
struct Character {
   wchar_t clear;
   wchar_t encrypted;
   int count;
};
```

15 Objektorientierte Programmierung

15.1 eigene Datentypen mit Kapselung

- eigene Datentypen sind zusammengesetzt aus einfacheren/existierenden Datentypen (Ausnahme enum)
- zwei Arten:
 - offene Typen: Benutzer kann auf interne Daten zugreifen, "C-style types" (wichtige Änderungen aus Standardbibliothek aus C übernommen)
 - gekapselte Typen: Benutzer kann nicht auf interne Daten zugreifen ("private")
 alle Benutzerzugriffe über ein öffentliches Interface ("public")
 Vorteile:

- 1. komplexe Details zur Verwaltung bleiben verborgen
- 2. öffentliches Interface (hoffentlich) einfach zu benutzen z.B. std:vector
- 3. interne Details können bei Bedarf geändert werden, ohne dass sich das öffentliche Interface ändert
 - \Rightarrow Benutzer muss Code nicht ändern, aber Programm geht schneller "Rückwärtskompatibilität"

Wie erreicht man die Kapselung?

- zwei Schlüsselwörter für eigene Typen:
 - 1. class (Konvention in OOP)
 - 2. struct (von C übernommen)
- zwei Schlüsselwörter für die Kapselung:
 - 1. public (öffentlicher Teil)
 - 2. private (gekapselter Teil)

class ist standardmäßig "private", struct ist "public"

```
class MyType {
    ... // private by default
    public:
    ... // jetzt oeffentlich
    private:
    ... // jetzt privat
};

struct MyType {
    ... // oeffentlich by default
    private:
    ... // jetzt privat
    public:
    ... // jetzt wieder oeffentlich
};
```

- \Rightarrow Benutzer können nur auf Funktionalität im public-Teil zugreifen
- \bullet die im zusammengesetzten Typ enthaltenen Daten heißen "member variables" und sind normalerweise private
 - -kann nachträglich geändert werden z.B. complex in real/imaginär \rightarrow Phase/Betrag
 - Benutzer kann nicht unbeabsichtigt die Konsistenz verletzen

15.2 running example

Punkt-Klasse für 2-dimensionalen Punkt

```
class Point {
   double x_; // Koordinate als private
   double y_; // Datenmember (''_', am Ende)
};
```

- ⇒ dieser Datentyp ist unbenutzbar, weil alles privat
 - unverzichtbare öffentliche Funktion zum Initialisieren des Speichers: "Konstruktoren"
 - Prozeduren innerhalb der klasse, Name gleich Äquivalenzklasse
 - Prozeduren sind void, void wird weggelassen
 - nur Seiteneffekt: neue Objekte initialisieren, also die Konstruktoren der Datenmember aufrufen
 - zur Erinnerung: zwei Möglichkeiten für normale Variableninitialisierung:
 - double z = 1.0;
 - doublez(1.0) nur diese Syntax ist in Konstruktoren erlaubt

```
class Point {
   double x_,
   double y_;

public:
   Point(double x, double y) // Konstruktoraufrufe vor Prozedurrumpf
   : x_(x) // Member x_ auf Initialwert x
   , y_(y) // Member y_ auf Initialwert y
   {
        // normaler Rumpf der Prozedur, hier leer
   }
};

Point p(1.0, 2.0);
Point q = {3.0, 4.0};
```

Standardkonstruktor \cong Konstruktor ohne Argumente

- initialisiert Objekt in Standardzustand
- bei Zahlen: auf 0 setzen, hier auf Koordinatenursprung

```
class Point {
    ... // wie zuvor
    Point() // Standardkonstruktor
    : x_(0.0)
    , y_(0.0)
    {}
};
```

- um mit Punkt-Objekten zu arbeiten, brauchen wir weitere Funktionen:
 - 1. Member-Funktionen: innerhalb der Klasse definiert man (wie Konstruktoren), können auf alles private zugreifen, können als *private* oder *public* definiert werden
 - 2. freie Funktionen: normale Funktionen außerhalb der Klasse, die ein Argument des neuen Typs haben können nur auf öffentliches Interface zugreifen
- wichtigste Vertreter der Member-Functions: Zugriffsfunktionen "Getter": erlauben Benutzer, aktuellen Zustand abzufragen $(z.B.\ v.size())$

```
Point p(1.0, 2.0);

p.x() // returns 1.0 (x-Koordinate)

p.y() // returns 2.0 (y-Koordinate)
```

- Member-Funktionen werden mit Punkt-Syntax aufgerufen: p.x()Objekt vor dem Punkt ist das "nullte" Argument der Funktion \Rightarrow Compiler macht daraus x(p)
- bei der Implementation der Member-Funktion schreibt man "nullte" Argument nicht hin, der Compiler stellt es automatisch unter dem Namen *this zur Verfügung

```
class Point {
    ... // wie vorher

    double x() {
       return (*this).x_;
    }
    double y() {
       return (*this).y_;
    }
}
```

- meist kann man (*this). weggelassen werden, wenn eindeutig ist, welchen Member man meint, fügt der Compiler es automatisch ein
- Getter-Funktionen sind "read-only" (ändern die Member-Variablen nicht) man sollte sie deshalb mittels *const* explizit als "read-only" markieren Vorteile:
 - 1. Programmierer kann Member-Variable nicht irrtümlich ändern
 - 2. Funktion kann auch in Kontexten benutzt werden, wo das Objekt (nulltes Argument) explizit als "read-only" markiert ist

Point const cp(1.0, 2.0);

Punkte ausgeben

- zwei Möglichkeiten:
 - Member-Funktion:

```
std::cout << p.to_string() << ''\n'';</pre>
```

- freie Funktion:

```
std::cout << to_string(p) << ''\n'';
```

```
class Point { // Member-Funktion
... // wie vorher
  std::string to_string() const {
    std::string res;
    res += ''['' + std::to_string((*this).x()) + '','' + std::to_string
       ((*this).y()) + '']';
   return res;
 }
};
// oder
std::string to_string() const { // freie Funktion
    std::string res;
    res += ''['' + std::to_string(p.x()) + '','' + std::to_string(p.y())
       + ''],
    return res;
}
```

ws man wählt, ist Geschmackssache (freie Funktion ist kompatibel zu std:: to string)

Punkte vergleichen -

```
class Point {
    ... // wie vorher

bool equals (Point other) const {
      return (*this).x() == other.x() && (*this).y() == other.y();
    }
};

// andere Umgebung
Point p(1.0, 2.0);
Point origin;
assert(p.equals(p));
assert(!p.equals(origin));
```

üblicher: Infix-Notation \Rightarrow dazu Prefix-Variante operator == implementieren

```
class Point {
    ... // wie vorher

bool equals (Point other) const {
    return (*this).x() == other.x() && (*this).y() == other.y();
}
```

```
bool operator == (Point other) const {
    return (*this).x() == other.x() && (*this),y() == other.y();
}
bool operator! = (Point other) const {
    return (*this).x() != other.x() || (*this),y() != other.y();
};
};

// andere Umgebung
Point p(1.0, 2.0);
Point origin;
assert(p == p);
assert(!(p == origin));
assert(p!= origin);
```

neuen Punkt erzeugen transponiert, d.h. x-y Koordinaten sind vertauscht

```
Point p(1.0, 2.0);
Point tp = p.transpose(); // unser Ziel

class Point {
    ... // wie vorher

Point transpose() const {
    Point res((*this).y(), (*this).x());
    return res;
    }
};
```

verschoben

```
Point p(1.0, 2.0);
Point v (3.0, 4.0);
Point vp = p.translate(v);  // unser Ziel

class Point {
    ... // wie vorher

    Point translate(Point v) const {
        Point res((*this).x() + v.x(), (*this).y() + v.y());
        return res;
    }
};
```

15.3 Member-Funktionen

Jede Klasse hat bestimmte spezielle Member-Funktionen:

- Konstruktor: bringt Objekt in wohldefinierten Anfangszustand
- Destruktor: entsorgt nicht mehr benötigtes Objekt (typischerweise am Ende der Umgebung)
- Zuweisungsoperatoren: um Objekte per Zuweisung ("=") zu übers

Destruktor Jede Klasse muss genau einen haben, wenn der Programmierer das nicht explizit implementiert, fügt Compiler ihn automatisch ein

- der automatisierte Destruktor ruft einfach die Destruktoren aller Member-Variablen auf
- meist ist das ausreichend, aber in bestimmten Situationen muss der Programmierer zusätzliche Aktionen implementieren
- Beispiele:
 - 1. manuelle Speicherverwaltung: Destruktor muss nicht mehr benötigten Speicher an Betriebssystem zurückgeben (z.B. Destruktor von *std* :: *vector*)

 Vorteil der Kapselung: Nutzer merkt davon nichts
 - 2. manuelles Dateimanagement: Destruktor muss Datei schließen (=Daten aus dem Cache auf die Platte übertragen)
 - 3. Abmelden von einem Service (Ausloggen, Verbindung beenden)
- spezieller Konstruktor:

Kopier-Konstruktor zum Erzeugen einer Kopie eines vorhandenen Objekts, d.h. neue Speicherzelle mit gleichem Inhalt:

```
Point p (1.0, 2.0); // Konstruktor mit Initialwert
Point q = p; // Kopierkonstruktor
Point r(p); // Kopierkonstruktor

int foo (Point q) {
    ...
}
foo(p) // Kopierkonstruktor wegen pass-by-value

int bar (Point const & q) {
    ...
}
bar(p); // q ist neuer Name für p ohne neue Speicherzelle
```

• der Compiler erzeugt Kopier-Konstruktor automatisch, falls nicht explizit programmiert (= ruft Kopier-Konstruktor für alle Member-Variablen auf) meistens richtig, Ausnahmen wie oben

Standard-Konstruktor ("default constructor")

- ohne Argumente
- bringt Objekt in Standard-Zustand, z.B. 0 bei Zahlen

- Compiler erzeugt Standard-Konstruktor automatisch, falls es <u>keinen</u> benutzerdefinierten Konstruktor gibt
- "rule-of-three": Wenn es nötig ist, einen der drei Funktionen (Destruktor, Kopier-Konstruktor und Zuweisungskonstruktor) explizit zu implementiern, müssen alle drei explizit implementiert werden

15.4 Vorteile der Kapselung

- Benutzung der Klasse ist viel einfacher, weil unwichtige Details verborgen sind
- interne Implementation kann geändert werden, ohne den Benutzer zu Folgeänderungen zu zwingen, weil externe Schnittstelle erhalten bleibt

```
Beispiel: Point-Klasse -
    class Point {
        double x_, y_;
        public:
        Point()
        : x_{0.0}
        , y_(0.0) {}
        Point(double x, double y)
        : x_{x}(x)
        , y_{y}(y) {}
        double x() const {
          return x_; // = return (*this).x_;
        double y() const {
          return y_;
    Alternative: Array Länge 2:
    #include <array>
    std::array<double, 2> // feste Größe
    class Point {
        std::array<double, 2> data_;
```

```
public:
    Point()
    : data_{0.0, 0.0} {}

    Point (double x, double y)
    : data_{x, y} {}

    double x() const {
       return data_[0];
    }

    double y() const {
       return data_[1];
    }
};
```

15.5 Operatoren

Ziel der Objektorientierten Programmierung Arbeiten mit Nutzer-definierten Datenstrukturen möglichst einfach, wie mit eingebauten (z.B. arithmetische Infix-Operationen)

```
Point p(2.0, 3.0), q(4.0, 5.0)

Point r = 2.5*p + q;

assert(r == Point(9.0, 12.5));
```

- dazu muss man die entsprechenden Prefix-Funktionen implementieren
- Addition:

```
Point operator + (Point p1, Point p2) {
    Point res (p1.x() + p2.x(), p1.y() + p2.y());
    return res;
}

// Alternative
Point operator + (Point cconst & p1, Point const & p2) {
    ... // wie zuvor
}
```

- Subtraktion, elementweise Multiplikation und Division genauso ("+" überall durch "+", "*", "-" ersetzen)
- Skalierungsoperation: Multiplikation von Punkt mit Zahl, d.h. zwei verschiedene Argumenttypen (zwei Versionen für Kommutativität)

```
Point operator * (double s, Point p) {
   Point res (s * p.x(), s * p.y());
   return res;
}
// und
Point operator * (Point p, double s) {
   Point res (p.x() * s, p.y() * s);
   return res;
}
```

- alle diese Versionen können dank "function-overloading" gleichzeitig implementiert sein
- bisher: freie Funktionen
- falls das erste Argument vom Typ Point oder Point const & ist, kann man die Funktionen alternativ als Member-Funktion implementieren

```
class Point {
    ... // wie bisher
    Point operator + (Point const & p2) {
        Point res ((*this).x() + p2.x(), (*this).x() + p2.y());
        return res; // Nulltes Argument anstelle von p2 der freien Funktion
    }
};
```

Member-Funktionen

- Vorteil von Member-Funktionen: Zugriff auf private Member der Klasse (hier nicht notwendig)
- Nachteil:
 - 1. nur möglich, wenn das linke Argument vom Klassentyp ist (p*s kann Member-Funktion sein, s*p nicht)
 - 2. nur möglich, wenn man die Klassendefinition ändern darf

15.6 Objekte nachträglich verändern

- bisher: alle Objekte waren "write-once", d-h- Speicher wurde im Konstruktkor initialisiert und war dann unveränderlich
 - ⇒ Paradigmen der funktionalen Programmierung "referentielle Integrität"
- prozedurale Programmierung erforder Möglichkeit, Objekte zu ändern, z.B. um entsprechende Änderungen in der realen Welt widerzuspiegeln
- dazu 3 Möglichkeiten:
 - 1. Setter-Funktionen (universell nutzbar)

2. Index-zugriff, wie bei std:: vector

```
// wollen:
 Point p(2.0, 3.0);
 assert(p[0] == 2.0 && p[1] == 3.0); // lesender Zugriff
 p[0] = 4.0;
 p[1] = 5.0;
 assert(p == Point(4.0, 5.0)); // schreibender Zugriff
 class Point {
   ... // wie zuvor
   double operator[] (int index) const {
     if (index == 0) {
       return (*this).x_;
     } if (index == 1) {
       return (*this).y_;
     } else {
       // Fehlermeldung
   } // lesender Zugriff
   double & operator[] (int index) {
     if (index == 0) {
       return (*this).x_;
     } if (index == 1) {
       return (*this).y_;
     } else {
       // Fehlermeldung
   } // schreibender Zugriff
 };
  // Verwendung (Langform):
  Point p(2.0, 3.0);
 double & x = p[0];
 double & y = p[1];
 x = 4.0; // ändert indirekt auch die Variablen p.x_, p.y_
 y = 5.0;
 assert(p == Point(4.0, 5.0));
```

3. Zuweisungsoperatoren

```
// wollen:
    Point p(2.0, 3.0), q(4.0, 5.0);

p = 1.0;
    assert(p == Point(1.0, 1.0));

p = q;
    assert(p == Point(4.0, 5.0));

Point & r = q;

class Point {
        ... // wie zuvor
        void operator= (double v) {
            (*this).x_ = v;
        }
```

```
(*this).y_ = v;
}

void operator= (Point const & other) {
    (*this).x_ = other.x_;
    (*this).y_ = other.y_;
} // copy assignment operator
};
```

Bemerkungen

- implementiert der Programmierer keinen copy assignment Operator, implementiert der Compiler ihn automatisch (wie Kopierkonstruktor): ruft copy assignment für alle Member-Variablen auf
- man implementiert meist:

```
Point & operator= (...) {
    ... // wie zuvor
    return *this;
}
```

Vorteil: man kann Zuweisungen verketten

• arithmetische Zuweisung:

16 Klasse: Image

- speichert 2D Bild (analog: Matrix), zunächst nur Graubilder, später Farbbilder
- Beispiel für dynamische Datenstruktur, Größe erst zur Laufzeit bekannt und änderbar
- besteht aus Pixeln ("picture elements"), die mit 2 Indizes x und y angesprochen werden
- Problem: Speicher ist nur 1D Lösung: Lege Zeilen hintereinander

```
class Image {
    int width_, height_;
    std::vector <uint16_t> data_;
 public:
   Image() //Std-Konstruktor Bildgröße(0,0)
    :width_(0)
    ,height_(0)
    ,data_()
    Image (unsigned int w, unsigned int u)
    :width_(w)
    ,height_(u)
    ,data_(w*h, 0) // Pixelgröße mit Farbwert schwarz
    int width() const {
     return width_;
    int height() const {
     return height_;
    int size() const { // Gesamtzahl Pixel
     return width_ * height_;
    void resize(unsigned int w, unsigned int h) {
     data_.resize(w*h);
     width_ = w;
     height_ = h;
    uint16_t get(int x, int y) const {
     return data_[x + y*width_];
    void set(int x, int y, uint16_t v) {
     data_[x + y*width_] = v;
};
```

Zugriff bequemer machen wünschenswert wäre: 2D Arrays \Rightarrow verwende stattdessen runde Klammern

```
class Image {
    ... // wie bisher
    uint16_t operator() (int x, int y) const {
       return get(x,y);
    }

    uint16_t & operator() (int x, int y) {
       return data_[x+y*width_];
    }
};
```

```
// jetzt:
uint16_t v = image(1,2);
image(1,2) = 255;
```

```
Rückgabe als String
std::string to_string (Image const & image) {
    std::string res;
    for (int y=0; y<image.height(), y++) { // iteriert über die Zeilen
        for (int x=0; x<image.width(); x++) { // iteriert über die Spalten
            if (x>0) {
                res += '' '';
            }
            res += std::to_string(image(x,y));
        }
        res += ''\n'';
    }
    return res;
}
```

Frage zur Verwendung der Klammern () oder {}?

- vor C + +11 gab es nur () oder gar keine Klammern
- Beispiele: Initialisieren mit () Kopierkonstruktor mit ()
- Nachteil: Initialisierung mit Array-Literal wurde nicht unterstützt C++11 schließt diese Lücke mittels $\{\}$
- Problem: neue Syntax {} muss rückwärtskompatibel mit () sein dazu gibt es Regeln:
 - 1. gibt es einen Konstruktor mit k Argumenten <u>und</u> einen Array-Konstruktor, dann rufen () den Argument-Konstruktor auf und $\{\}$ den Array-Konstruktor
 - 2. gibt es keinen Array-Konstruktor (kein Argument), sind () und {} äquivalent
 - 3. weitere Regeln: googlen nach "universal construction C + +"

Fehlermeldungen mittels Exceptions

- normalerweise werden Funktionen mit return beendet
- tritt in der Funktion ein Fehler auf, kann man den Rückgabetyp nicht ausrechnen \Rightarrow müssen die Funktion anders verlassen
- ullet Exceptions verlassen Funktionen mittels throw
 - Argument von $throw(\mbox{R\"uckgabewert})$ ist ein Exception-Objekt, das den Fehler beschreibt (z.B. Fehlermeldung)

vereinfachhende Exception-Klasse im Header< stdexcept >, kann auch eigene definieren
 z.B. std :: runtime error

```
class Point {
    ... // wie bisher
    double operator[] (int index) const {
        if (index == 0)
            return x_;
        if (index == 1)
            return y_;
        throw std::runtime_error(''Point::operator[];
            index_out_of_range'');
    }
}
```

• in der aufrufenden Funktion: wirft ein Funktionsaufruf eine Exception, wird standardmäßig die aufrufende Funktion ebenfalls mit "throw" beendet, wobei das Exception-Objekt einfach weitergegeben wird

```
void foo {
   Point p(2,3);
   p[2] = 5; // Exception: index 2 verboten -> foo wird auch beendet
}

int main() {
   foo(); // Exception -> main() wird auch beendet und damit das Programm
   /* alte Compiler geben einfach ''abort'' aus, neue die Fehlermeldung
        der Exception
   */
}
```

• um die Exception zu "fangen" und zu behandeln (z.B. Fehler reparieren und retry), braucht man eine try/catch-Umgebung

```
try { // öffnen der Umgebung
  foo(); // Aufruf, der Exception werfen könnte
} ... // weiterer Code, wenn foo() geklappt hat
catch (std::runtime_error & e) { // 2
  std::cerr<< ''Exception aufgetreten'' << e.what() << ''\n'';
}</pre>
```

- Prinzip tritt im try Block eine Exception auf, wird der Block verlassen

 ⇒ die Anweisungen hinter dem fehlerhaften Aufruf werden nicht mehr ausgeführt
- folgt ein catch mit passendem Exception-Type, springt die Ausführung in diesen catch-Block
 ⇒ es kann beliebig viele catch-Blöcke für verschiedeme Exceptions geben
- universal-catch-Block: catch(std :: exception & e) fängt alles auf (genauer alle von std :: exception abgeleiteten Exceptions)
- Beispiel: warten auf korrekte Benutzereingabe

Template-Klassen

• wir hatten: Template-Funktionen

```
template <typename T>
T sq (T x) {
   return x*x;
}
```

- wie funktioniert das bei beliebigen Datentypen (z.B. Image-Klasse)
- Beispiel: Image-Klasse soll beliebige Pixeltypen unterstützen, bisher uint16_t, danach uint8_t, float, RGB-Typ
- Vorgehen bei der Templatisierung:
 - 0. implementiere Klasse und Tests <u>ohne</u> Template ⇒ können nach und nach Templatisieren und jeden Schritt durch Test prüfen
 - 1. Templatisierung vorbereiten: neue Typnamen einführen mit "typedef OldTypName New-TypeName;"
 - (a) in der Testfunktion:

```
void test_image_uint16_t() {
   typedef Image Img;
   Img Img(10,20);
   assert(img.width()==10 && img.height()==20);
   assert(img(0,0)==0.0);
   img(0,0) = 255;
   assert(img(0,0)==255);
   ....
}
```

(b) in der Klasse für den Pixeltyp

```
class Image {
   public:
     typedef uint16_t PixelType;
```

```
private:
    int width_, height_;
    std::vector<PoxelType> data_;
public:
    ...
    PixelType operator() (int x, int y) const {
        return data_[x + y*width_];
    }
}
```

- \Rightarrow Tests müssen weiterhin funktionieren, weil nur neue Typnamen, gleiche Funktionalität
- 2. Tests wieder ausführen (müssen genauso funktionieren, wie vorher) es wurde nichts an der Funktionalität geändert
- 3. Klasse templatisieren: typedef aus a) durch template-Deklaration ersetzen

```
template <typename PixelType>
class Point {
    // typedef wint16_t PixelType;
    int width_, height_;
        std::vector < PoxelType > data_;
    public:
        ...
        PixelType operator() (int x, int y) const {
            return data_[x + y*width_];
        }
} // PixelType als Typname bleibt
```

4. Tests anpassen:

```
void test_image_uint16_t() {
    typedef Image<uint16_t> Img;
    .... // nur eine Zeile ändert die Funktionalität
}
```

- (b) freie Funktionen sind noch nicht templatisier
t \Rightarrow vorübergehend auskommentieren, ebenso die zugehörigen Tests
- (c) verbleibende Tests ausführen, müssen wieder funktionieren ⇒ Image: alle Vorkommen des Typ-Platzhalters *PixelType* durch den Typ *uint*16_t ersetzt (Template-Instanziierung)
- 5. <u>eine</u> freie Funktion auswählen, wieder einkommentieren (zusammen mit ihrem Test) und templatisieren (templatisierte Klassen müssen immer mit <> angegeben werden)

```
std::string to_string(Image const & img)
    // ->
template <typename PixelType>
std::string to_string(Image < PixelType > const & img)
```

- 6. Test ausführen, müssen wieder funktionieren
- 7. zurück zu Schritt 5 bis alle freien Funktionen templatisiert sind
- 8. weitere Testfunktion für einen anderen PixelTyp schreiben

```
void test_image_float() {
    typedef Image<float> Img;
    .... // Tests jetzt auch mit Dezimalzahlen
}
```

 \Rightarrow erst wenn beide Testfunktionen laufen, kann man relativ sicher sein, dass Templatisierung erfolgreich

Adressen und Zeiger

<u>bisher</u>: Speicherzellen werden über Variablennamen angesprochen (oder mehrere Namen für gleiche Süeicherzelle, falls Referenzen)

- Adressen sind Alternative, um Speicherzelle zu identifizieren
- betrachte den gesamten Speicher des Compilers als ein riesiges Array vom Typ "byte"

```
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12
```

- der globale Index des Bytes heißt Adresse (hier 3)
- die Adresse des ersten Bytes einer Speicherzelle heißt Adresse einer Speicherzelle
 ⇒ kennt man die Adresse einer Speicherzelle und ihren Typ, kann man den Speicher genauso identifizieren wie mit Variablennamen
- Konvention: die Adresse 0 wird nicht verwendet
- die Adresse einer Speicherzelle kann von einer Variablen mit dem <u>Adressoperator</u> erfragt werden (unäre &-Operator)

```
int i = 3;
std::cout << ''Adresse von i: '' << &i << ''\n'';</pre>
```

- Adressen werden standardmäßig im Hexadezimalsystem angezeigt
- "Zeiger" sind spezielle Variablen, mit denen man Adressen speichern kann

```
int i = 3;
int * ptr_1 = &i; // Initialisierung
int * ptr_2 = ptr_i;
int * ptr_3 = 0; // ungültige Adresse
```

 \bullet um vom Zeiger zur Variablen zurückzukommen, benutzt man den
 <u>Dereferenzierungsoperator*</u> *ptr

Ergebnis: Referenz auf die Speicherzelle, die bei der Adresse beginnt

```
int i = 3;
int * ptr_1 = &i;
int &j = * ptr_i;
j = 5; 77 i ändert sich auch
*prt_1 = 7; // i und j ändern sich - schreibender Zugriff

// aber:
int k = *ptr_1; // eine neue Variable mit dem selben Wert
```

- Adressoperator und Dereferenzierungsoperator sind Inverse (i == *(&i))
- Nullte Argument von Member-Funktionen ist eigentlich ein Zeiger auf die Adresse des aktuellen Objekts (this: Zeiger)

Wozu braucht man Zeiger?

- heute versucht man Zeiger so gut wie möglich in Objekten zu kapseln
 ⇒ einfacher, weniger Fehler
- \bullet in Cgibt es noch keine Referenzen \Rightarrow benutze Zeiger, um Referenzen zu simulieren

```
// C++
void foo (int &i) {
    i = 5;
}
int j = 3;
foo(j); // j=5

// C
void foo (int *i) {
    *i = 5;
}
int j = 3;
foo(&j);
```

16.1 Anwendung der Zeiger

- 1. Ersatz für Referenzen (besonders in C)
- 2. für Variablen, die auch ungültig sein können
 - (a) für optionale Argumente

```
int foo (int *a) {
   if (a==0) // ungültige Adresse - Benutzer hat kein Argument ü
        bergeben
   {
      ...
   } else {
      ...
   }
}
```

```
schneller:
int foo(int *a =0) { // 0 ist default argument, wenn nichts
    angegeben
if (a==0) // ungültige Adresse - Benutzer hat kein Argument ü
    bergeben
{
    ...
} else {
    ...
}
```

- (b) wenn eine Funktion fehlschlägt (typisch für C) z.B. Öffnen eines Files
- 3. Variablen, die nacheinander auf verschiedene Speicherzellen zeigen (z.B. Iteratoren in C)
- 4. manuelle Speicherverwaltung:
 - Speicherzellen, die mit Schlüsselwort "new" angelegt wurden, gibt der Compiler am Ende der Umgebung nicht automatisch frei
 - wenn nicht mehr benötigt, muss der Programmierer den Speicher mit "delete" manuell freigeben
 - das Resultat von "new" ist Adresse der Speicherzelle
- 5. heterogene Container: normale Container (std::vector < double >) sind homogen, d.h. alle Elemente haben gleichen Typ manchmal braucht man Container, die Objekte verschiedener Typen aufnehmen dafür braucht man Zeiger und Vererbung

heterogene Container

Heterogene Container sind Container mit Elementen verschiedener Typen, in C + + nicht möglich Trick: verwende Zeiger auf Interface-Klasse als Elementtyp

- \Rightarrow dynamischer Typ aller Elemente kann unterschiedlich sein
- \Rightarrow Container ist heterogen bezüglich von Aufrufen virtueller Funktionen

- das Composite shape enthält ein solches heterogenes Array als Membervariable, seine draw()Funktion kapselt die Schleife
- \bullet heterogene Container verändern manuelle Speicherverwaltung \Rightarrow man darf am Ende nicht das "delete" für die Elemente vergessen
 - \Rightarrow besser: verwende smart-pointer: $std :: vector < std :: shared_n tr < shape <math>\gg drawing$;

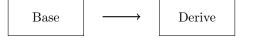
Kritik an Vererbung

- die Vererbungshierarchie ist fest verdrahtet, <u>aber</u> in verschiedenen Kontexten braucht man eigentlich verschiedene Hierarchien
 - z.B. Person-Objektkann je nach Situation verschiedene Rollen einnehmen (verchiedene Interface-Definitionen)

Vererbung

war am Anfang der objekt-orientierten Programmierung Lösung für alles

- heute: Hype vorbei, eine Technik unter vielen, sparsam eingesetzt, besonders bei GUI und bei Zeichenprogrammen
- eine (abgeleitete/ Unter-) Klasse kann Funkionalität einer anderen Klasse (Basisklasse) erben, Basisklasse muss dafür nicht sterben
- sprachunabhängige Schreibweise: UML-Diagramme (universal modelling language)



```
class Base {..};

class Derived
: public Base // Vererbung
{..};
```

- die Funktionalität aus der Umgebung Base ist in der Umgebung von Derived sichtbar (wie bei normalen geschachtelten Umgebungen)
- Ausnahmen:
 - * Konstruktoren und Zuweisungsoperatoren werden nicht mit vererbt
 - * private Member sind unsichtbar (aber noch vorhanden)
- die in Derived geerbte Funktionalität gehört zur öffentlichen Schnittstelle von Derived
 ⇒ Wiederverwendung der Funktionalität von Base
 Ausnahme: wenn Derived eine neue Member-Variable oder -funktion mit den globalen
 Namen implementiert, wird die geerbte Variable verdeckt (wie bei normaler Umgebung)
- um Konstruktor von Derived wird der Konstruktor von Base aufgerufen wie ein Konstruktor der Membervariablen

```
class Base {
    int b_;
    public:
        Base(int b)
        :b_(b) {}
};

class Derived
: public Base {
    int d_;
    public:
        Derived (int b, int d)
        : Base(b)
        , d_(d) {}
};
```

Anwendungen von Vererbung

- 1. Spezialisierung
- 2. Implementationsvererbung
- 3. Schnittstellenvererbung

Spezialisierung beschreibt eine "is -a" Beziehung (Derived is a Base) Basisklasse: untergeordneter Container von Point-Objekten ("Punktwolke")

Implementationsvererbung wiederverwenden von Funktionalität (sehr umstritten - nur in wenigen Fällen die richtige Lösung)

- wichtig im Zusammenhang mit Spezialisierung z.B. Polygon
- meist bevorzugt man heute Komposition und Delegation

```
class Polynomial {
  std::vector < double > a_;
  /* alle Operationen, die Koeffizienten betreffen,, werden dem Array a_
      weitergeleitet */
```

```
double & operator[] (int i) {
    return a_[i]; // Delegation
  }
};

class Polynomial { // Vererbung
  :public std::vector <double>
    std::vector<double> a_;

    // operator[] muss nicht erneut implementiert werden
};
```

Probleme:

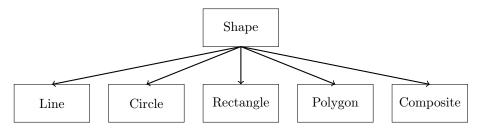
- man erbt auch Funktionen, die man <u>nicht</u> möchte, z.B. erase()
- dadurch ist auch der Designer von std::vector in seiner Freiheit beschränkt (er muss auf die Unterklasse Rücksicht nehmen)
- völlig verrückt wäre

```
class Point2D {
    protected
        double x_,y_;
    public:
        ...
};

class Point3D
:public Point2D {
        double z_;
        public:
        ...
};
```

Schnittstellenvererbung

- Basisklasse definiert die öffentliche Schnittstelle, aber implementiert sie nicht
- abgeleitete Klassen implementieren die Schnittstelle auf verschiedene Art Beispiel: Zeichenobjekte



Interface-Vererbung ist möglich, weil Zeiger/Referenzen auf abgeleitete Klassen in Zeiger/Referenzen der Basisklasse konvertiert werden können

```
Line line(...);
Shape * shape = &line;
```

 \Rightarrow bei dieser Konvertierung geht die Typinformation von line nicht vollständig verloren,, d.h. der Compiler merkt sich, dass die in Shape gespeicherte Adresse zu einer Line-Speicherzelle gehört

- \Rightarrow Shape hat gleichzeitig zwei Typen:
 - * statischer Typ Shape*: der Typ der Deklaration
 - * dynamischer Typ Line: der ursprüngliche Typ der Speicherzelle

das funktioniert, wenn die Interface-Klasse Shape mindestens eine "virtuelle" Member Funktion hat \Rightarrow dann fügt der Compiler automatisch die notwendige zusätzliche Typinformation in die Speicherzelle ein

```
class Shape {
   public:
     virtual void draw (Image & img) const {}

     virtual void drawZoomed (Image & img, double zoom) const {}

     virtual ~Shape() {} // virtueller Destruktor
}
```

statt leerer Implementationen kann man auch "abstrakte Funktionen" definieren, ganz ohne Implementation \Rightarrow dann ist auch die ganze Klasse abstrakt (Fehlermeldung bei Konstruktoraufruf) - Zeiger sind erlaubt

es passiert also nicht aus Versehen ein neues Objekt zu erzeugen

jede abgeleitete Klasse muss die virtuellen Funktionen implementieren

```
class Line
:public Shape {
    Point start_, end_;
    uint16_t color_;
    public:
    Line(Point s, Point e, uint16_t color)
        :start_(s), end_(e), color_(color) {}

    virtual void draw (Image & img) const {
        ... // nutze Bresenham-Algorithmus
    }

    virtual void drawZomed (Image & img, double zoom) const {
        ... // zeichne Linie für zoom*start_ bis zoom*end_
    }

    virtual ~line() {}
}
```

- Bedeutung der zwei-Typen-Regel beim Aufruf von *Shape.foo()
 - * normale Member-Funktionen (nicht virtuell) werden mit dem statischen Typ aufgerufen
 - · verwende Implementation der abgeleiteten Klasse

· Nulltes Argument ist Zeiger auf abgeleitete Klasse "Polymorphie" - der gleiche Aufruf, kann ganz verschiedene Effekte haben, je nach dem dynamischen Typen der Speicherzelle, auf die Klasse zeigt