# Inhaltsverzeichnis

1	Rechenoperationen	3
<b>2</b>	Maschinensprache	5
3	funktionale Programmierung	5
4		6 7 8 8 9 10 10
5	Prozeduale Programmierung	11
	5.1 Schleifen	12 13
6	Datentypen	<b>15</b>
	6.1 Zeichenketten - String	16 17
7	Umgebungen	18
	7.1 Namensräume          7.2 Referenzen	18 19
8	Container-Datentypen	21
9	Iteratoren	<b>25</b>
	9.1 Die Funktion $std :: transform()$	26
	9.2 Insertion Sort	27 29
10	) Templates	31
11	Grundlagen der generischen Programmierung 11.1 Funktionen-Templates	<b>31</b> 32
12	Bestimmung der Effizienz von Algorithmen und Datenstrukturen	34
	12.1 technisches Effizienzmaß	35
	12.2 $\mathcal{O}$ -Notation/ $\Omega$ -Notation	36
13	3 Zahlendarstellung	38
	13.1 natürliche Zahlen N	38
	13.2 ganze Zahlen $\mathbb Z$	40 41
	10.0 100H0 Dahloh #%	+ T

4 Buchstabenzeichen	<b>43</b>
14.1 eigene Datentypen	44
5 Objektorientierte Programmierung	<b>4</b> 4
15.1 eigene Datentypen mit Kapselung	44
15.2 running example	46
15.3 Member-Funktionen	49
15.4 Vorteile der Kapselung	51
15.5 Operatoren	52
15.6 Objekte nachträglich verändern	53
16 Klasse: Image	<b>5</b> 5

## 1 Rechenoperationen

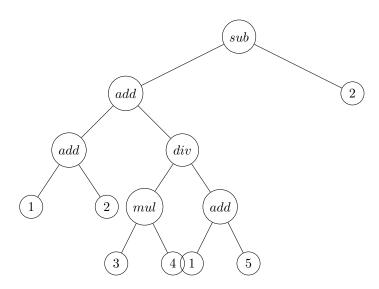
- 1. Baum besteht aus Knoten (Kreise) und Kanten (Pfeile)
- 2. Kanten verbinden Knoten mit ihren Kind-Knoten
- 3. jeder Knoten (außer der Wurzel) hat genau ein Elternteil
- 4. Knoten ohne Kinder heißen "Blätter" (leaf-nodes)
- 5. Teilbaum
  - (a) wähle beliebigen Knoten
  - (b) entferne temporär dessen Eltern-Kante
    - i. der Knoten wird temorär zu einer Wurzel
    - ii. dieser Knoten mit allen seinen Nachkommen bildet wieder seinen Baum " Teilbaum des Originalbaums"
  - (c) Tiefe: Abstand des Knotens zur Wurzel
  - (d)

Infix-Notation:

$$1+2+3*4/(1+5)-2$$

Präfix-Notation:

sub(add(add(1,2),div(mul(3,4),add(1,5))),2)



### Präfix Notation aus dem Baum rekonstruieren

- 1. Wenn die Wurzel ein Blatt ist, dann "Drucke die Zahl"
- 2. sonst (Operator):
  - (a) Drucke Funktionsnamen
  - (b) Drucke "("
  - (c) wiederhole ab 1) für das linke Kind
  - (d) Drucke ","
  - (e) wiederhole den Algorithmus ab 1) für das rechte Kind
  - (f) Drucke ")"

Beachte Reihenfolge: Wurzel - Links - Rechts (Pre-Order Traversal) Ergebnis: sub(add(add(1,2),div(mul(3,4),add(1,5))),2)

**Definition: Rekursion** Rekursion meint Algorithmus für Teilproblem von vorn

#### **Infix Notation**

- 1. wie bei Präfix
- 2. sonst
  - (a) entfällt
  - (b) wie bei Präfix
  - (c) wie bei Präfix
  - (d) Drucke Operatorsymbol
  - (e) wie bei Präfix
  - (f) wie bei Präfix
  - (g) wie bei Präfix

Beachte Reihenfolge: Links - Wurzel - Rechts (In-Order Traversal)

Ergebnis:

$$(((1+2)+((3*4)/(1+5)))+2)$$

### Berechne den Wert mit Substitutionsmethode

- 1. Wenn Wurzel ein Blatt hat, gib die Zahl zurück
- 2. sonst
  - (a) entfällt
  - (b) entfällt
  - (c) wiederhole ab 1) für linken Teilbaum und speichere Ergebnis als "left-result"

- (d) entfällt
- (e) wiederhole ab 1) für rechten Teilbaum, speichere Ergebnis als "right-result"
- (f) berechne  $fkt_name(left-result,right-result)$  und gib Ergebnis zurück

Beachte Reihenfolge: Links - Rechts - Wurzel (Post-Order Traversal)

```
\begin{aligned} &sub(add(add(1,2),div(mul(3,4),add(1,5))),2)\\ &= sub(add(add(1,2),div(12,6)),2)\\ &= sub(add(3,2)2)\\ &= sub(5,2)\\ &= 3 \end{aligned}
```

## 2 Maschinensprache

- optimiert für die Hardware (viele verschiedene)
- $\bullet$  Gegensatz: höhere Programmiersprache (C++) ist optimiert für Programmierer
- Compiler oder Interpreter übersetzen Hoch- in Maschinensprache

### Vorgang des Übersetzens

- 1. Eingaben (und Zwischenergebnisse) werden in Speicherzellen abgelegt ⇒ jeder Knoten im Baum bekommt eine Speicherzelle (Maschinensprache: durchnumeriert ; Hochsprache: sprechende Namen)
- 2. Speicherzellen für die Eingaben <u>initialisieren</u>; Notation: SpZ  $\leftarrow$  Wert
- 3. Rechenoperationen in der Reihenfolge des Substitutionsmodells ausführen und in der jeweiligen Speicherzelle speichern; Notation: SpZ Ergebnis ← fkt name SpZ Arg1 SpZ Arg2
- 4. alles in Zahlencode umwandeln
  - Funktionsname  $\Rightarrow$  Opcodes
  - Speicherzellen: nur die Nummer
  - Werte sind schon Zahlen
  - Notation: Opcode Ziel SpZ SpZ\_Arg1 SpZ\_Arg2 oder Opcode Ziel SpZ Initialwert

# 3 funktionale Programmierung

(alles durch Funktionsaufrufe ausführen)

1. bei Maschinensprache wurden Zwischenergebnisse in Speicherzellen abgelegt

- 2. das ist auch in der funktionalen Programm. eine gute Idee
  - (a) Speicherzellen werden durch Namen (vom Programmierer vergeben) unterschieden
  - (b) Beispiel: Lösen einer quadratischen Gleichung:  $ax^2 + bx + c = 0$ , finde  $x_{1/2} \Rightarrow x^2 px + q = 0$  mit  $p = -\frac{b}{2a}, q = \frac{c}{a} \Rightarrow x_1 = -\frac{b}{2a} + \sqrt{\left(-\frac{b}{2a}^2 \frac{c}{a}\right)}$   $\Leftarrow allgemein: x_{1/2} = p \pm \sqrt{p^2 q}$
  - (c) Präfix:

 $x_1 \leftarrow add(div(div(b,a),-2), sqrt(sub(mul(div(div(b,a),-2), div(div(b,a),-2)), div(c,a))))$  mit Zwischenergebnissen und Infix-Notation:  $p \leftarrow b/c/-2$  oder  $p \leftarrow -0, 5*b/a$   $q \leftarrow c/a$   $discriminant \leftarrow sqrt(p*P-q)$   $x_{1/2} \leftarrow p \pm discriminant$ 

- 3. zwei Vorteile:
  - (a) lesbar
  - (b) redundante Berechnung verschieden Beachte: In der funktionalen Programmierung können die Speicherzellen nach der Initialisierung <u>nicht</u> mehr verändert werden
  - (c) Speicherzellen mit Namen sind nützlich, um Argumente an Funktionen zu übergeben  $\Rightarrow$  Definition eigener Funktionen Bsp: function sq(x){ return x\*x}

## 4 funktionale Programmierung in C++

- 1. in C++ hat jede Speicherzelle einen <u>Typ</u> (legt Größe und Bedeutung der Speicherzelle fest) wichtigste Typen: "int"für ganze Zahlen, "double"für reelle Zahlen, "std::string"für Text zugehörige Literale (Konstanten): 12, -3 (int) -1.02, 1.2e-4 (double) "text text "(string)
- 2. Die Initialisierung wird geschrieben als

```
type_name spz_name = initialwert
```

Bsp:

```
double a = 10
std::cout << "x_1" << x_1 << "\n" ;</pre>
```

3. eigene Funktion in C + +:

```
type_ergebnis funktionsname (typ_arg1 name_arg1, typ_arg2 name_arg2)
{
     <code>
    return ergebnis;
}
```

- 4. zwei Funktionen mit gleichem Namen, aber unterschiedlichen Typen dürfen in C++ gleichzeitig definiert sein ("overloading")
  - $\Rightarrow$  C++ wählt <u>automatisch</u> die richtige Variante anhand des Argumenttypes ("overload resolution")
- 5. jedes C++ -Programm muss genau eine Funktion names "main haben: Dort beginnt die Programm-Ausführung

```
Bsp:
```

```
int \ main() \ \{ \ <\! code\! > \quad return \ 0 \ (erfolgreich \ abgearbeitet) \}
```

- 6. Regel von C + + für erlaubte Namen (Speicherzelle & Funktion):
  - (a) erste Zeichen: Klein- oder Großbuchstaben des englischen Alphabets oder
  - (b) optional: weitere Zeichen: wie erstes Zeichen oder Ziffern  $0 \dots 9$
- 7. vordefinierte Funktionen in C + +
  - (a) eingebaute Funktionen (immer vorhanden) z.B. Infix Operatoren
  - (b) Funktionen der Standardbibliothek (Programmierer muss sie explizit auffordern)
    - i. z.B. algebraische Funtionen beginnend mit std:...
    - ii. sind in Module geordnet, z.B. cmath  $\hat{=}$  algebraische Funktionen, iostream  $\hat{=}$  Ausgabe, z.B. std::cout
    - iii. Um ein Modul zu benutzen, muss man zuerst (am Anfang des Programms) sein Inhaltsverzeichnis importieren #include <module\_name> sprich "Header inkludieren"

```
# include <iostream>
# include <string>

int main() {

std::cout << "Hello" << "\n";
std::string >> ausgabe = "mein erstes Programm"
std::cout << ausgabe;

return 0
}</pre>
```

## 4.1 Overloading der arithmetischen Operationen

```
int a = 3;
int b = 4;
int c = a * b;
double x = 3.0;
double y = 4.0;
double z = x * y;
```

 $3.0*4 \quad \Rightarrow \quad \text{automatische Umwandlung in höheren Typ, hier: "double"} \Rightarrow \text{wird als } 3.0*4.0 \text{ ausgeführt}$ 

### 4.2 Interger-Division in C + +

Konsequenzen:

- 1. Division unterscheidet sich nach dem Datentypen:  $(-12)/5 \Rightarrow -2 \neq -2.4 \Leftarrow (-12.0/5.0)$
- 2. negative Ereignisse werden aufgerund, positive abgerundet (truncating division) d.h. Nachkommstellen abschneiden, d.h. Richtung Null runden
- 3. Gegensatz (z.B. zu Python): floor division  $\hat{=}$  wird immer abgerundet
- 4. Divisionsrest:

```
int a = ...;
int b = ...;
int q = a/b;
(a/b)*b = q * b
```

ist im allgemeinen ungleich  $a \Rightarrow$ 

```
int rest = a = q*b;
```

- 1. wenn Division aufgeht  $\Rightarrow$  rest = 0, sonst  $\neq$  0
- 2. Invariante:

```
(a/b) * b + rest = a

int rest1 = a % b; // aequivalent: a-(b/a)*b
```

## 4.3 Anwendung

Wochentag für beliebiges Datum bestimmen: gegeben: d, m, y, gesucht:  $w \in \{0, \dots, b\}$  int weekday(int d, int w, int y); weekday(10,11,2016)  $\Rightarrow$  3 (Donnerstag) Teilprobleme

- 1. finde den Wochentag vom 1. Januar y
- 2. finde den Abstand vom (d,m,y) zum (1,1,y)
- 3. setze beides zusammen

Schaltjahresregel: y ist Schaltjahr, wenn:

1. y durch 4 teilbar, aber nicht durch 100  $\Rightarrow$  2004, 2006, nicht 2100

- 2. y durch 400 teilbar  $\Rightarrow$  2000
  - $\Rightarrow$ 400-Jahres-Zyklus der Regeln: nach 400 Jahren beginnt die Schaltjahresregel von vorn
- Beobachtung: der 1.1.2001 ist der erste Tag eines neuen Zyklus und war Montag
- die Anzahl der Tage vom 1.1. <br/>y zum 1.1.2001 ist:  $z = y - 2001 \ \triangle = 365 * z + z/4 - z/100 + z/400$
- floor division ist wichtig, wenn z < 0, z.B. y = 2000, z = -1

zu(2): d.m. ist der x-te Tag im Jahr mit:

- kein Schaltjahr
  - 1.  $m = 1 \Rightarrow d$
  - $2. \ m = 2 \Rightarrow d + 31$
  - 3.  $m=3 \Rightarrow d+59$
  - 4.  $m = 4 \Rightarrow d + 90$
  - 5.  $m = 5 \Rightarrow d + 120$
  - 6.  $m > 2 \Rightarrow d + 59 + (153 * m 457)/5$
- Schaltjahr
  - 1.  $m = 1 \Rightarrow d$
  - $2. \ m=2 \Rightarrow d+31$
  - 3.  $m = 3 \Rightarrow d + 60$
  - 4.  $m=4 \Rightarrow d+91$
  - 5.  $m = 5 \Rightarrow d + 121$
  - 6.  $m > 2 \Rightarrow d + 60 + (153 * m 457)/5$

zu(3): Wochentag von d, m, y:

```
w = (w_11y + x - 1) \mod 7
```

### 4.4 Bedingungen

- Bei den meisten Algorithmen ist die Reihenfolge der Schritte <u>nicht</u> fix, sondern hängt von den Eingabedaten ab
- Beispiel: Auswahl der Offset  $d \to x$  hängt von m ab dafür die Funktion:

```
cond ( bedingung , resultat_wenn_wahr , resultat_wenn_falsch )
```

• kanonische Beispiele: Absolutbetrag, Vorzeichenfunktion

Bedingungen programmieren:

- relationale Operatoren: Vergleich von zwei Argumenten <, >, <=, >=, ! =
- logische Operatoren: Verknüpfen von mehreren Bedingungen &&(und), ||(oder),! = (nicht)
- in C + + gibt es <u>keine</u> Prefix-Variante für die cond()-Funktion, aber eine Infix-Variante:

```
(bedingung) ? erg_wenn_wahr : erg_wenn_falsch

int abs (int x) {
    return (x >= 0) ? x : -x;
}

double abs (double x) {
    return (x >= 0.0) ? x : -x;
}

int sign (int x) {
    return (x == 0) ? 0 : ((x > 0) ? 1 : -1);
}
```

### 4.5 Rekursion

bedeutet: eine Funktion ruft sich selbst auf (evtl. indirekt)

- kanonisches Beispiel: Fakultätsfunktion  $k! = 1 \cdot 2 \cdot \dots (k-1) \cdot k$
- in C + + (rekursive Definition)

```
int fakultaet (int k) {
   return (k == 0) ? 1 : k * fakultaet(k-1) ;
}
```

- wichtige Eigenschaften:
  - jede rekursive Funktion muss mindestens einen nicht-rekursiven Zweig enthalten, der nach endlich vielen rekursiven Aufrufen erreicht wird "Rekursionsabschluss"- sonst: Endlosrekursion (Absturz)
  - bei jedem Aufruf werden dem Namen der Dateenelemente (Argumente & Zwischenergebnisse) <u>neue</u> Speicherzellen zugeordnet  $fakultaet(3) \rightarrow fakultaet(2) \rightarrow fakultaet(1) \rightarrow fakultaet(0) \Rightarrow return 3*fakultaet(2) ← return 2*fakultaet(1) ← return 1*fakultaet(0) ← return 1$

### 4.6 Von der funktionalen zur prozeduralen Programmierung

- Eigenschaften der FP:
  - alle Berechnungen durch Funktionsaufrufe, Ergebnis ist Rückgabe

- Ergebnis hängt nur von den Werten der Funktions-Argumente ab, nicht von externen Faktoren (referentielle Integrität)
- Speicherzellen für Zwischenergebnisse/Argumente können nach der Initialisierung nicht geändert werden (write once)
- Möglichkeit der rekursiven Funktionsaufrufe (jeder Aufruf bekommt eigene Speicherzellen)

#### • Vorteile:

- natürliche Ausdrucksweise für arithmetische und algebraische Funktionalität (Taschenrechner)
- einfache Auswertung durch Substitutionsmodell Auswertungsreihenfolge nach Post-Order
- -mathematisch gut formalisierbar  $\Rightarrow$  Korrektheitsbeweise (besonders bei Parallelverarbeitung)
- Rekursion ist mächtig und natürlich für bestimmte Probleme (z.B. Fakultät)

### • Nachteile:

- viele Probleme lassen sich anders natürlicher ausdrücken (z.B. Rekursion vs. Iteration)
- setzt unendlich viel Speicher vorraus (⇒ Memory management notwendig ⇒ später)
- Entitäten, die sich zeitlich verändern schwer modellierbar, teilweise unnatürlich
- Korrolar: Man kann keine externen Resourcen (z.B. die Console/Drucker, Bildschirm) ansprechen (weil zeitlich veränderlich) "keine Seiteneffekte"
- Lösung: Einführung einer Multi-Paradigmensprachen, z.B. Kombination von funktionaler mit prozeduraler Programmierung

## 5 Prozeduale Programmierung

- Kennzeichen:
  - Prozeduren Funktionen, die nichts zurückgeben, haben nur Seiteneffekte Bsp: auf Konsole ausgeben

```
std::cout << "Hello World \n"; // Infix
operator << (std::cout, "Hello \nLeftarrow"); // Praefix notation</pre>
```

- Prozeduren in C + +:
  - 1. Funktion, die void zurückgibt (Pseudotyp nur "nichts")
  - 2. Returnwert ignorieren
- Anweisen zur Steuerung des Programmablaufs (z.B. if / else)

```
// funktional:
int abs (int x) {
    return (x>=0) ? x : -x;
}

// prozedural
int abs (int x) {
    if (x >= 0) {
       return x;
    } else {
       return -x;
    }
}
```

### • Zuweisung:

- Speicherzellen können nachträglich verändert werden "read-work"

```
// prozedural
int foo (int x) {
 int y = 2;
 int z1 = x * y;
                   // z1 = 6
 y = 5;
 int z2 = x * y; // z2 = 15
  return z1 + z2;
// write once
typ const name = wert
// funktional
int foo (int x) {
 int y = 2;
 int z1 = x * y; // z1 = 6
 int y2 = 5;
 int z^2 = x * y^2; // z^2 = 15
  return z1 + z2;
```

### • $\Rightarrow$ Folgen:

- -mächtiger, aber ermöglicht völlig neue Bugs $\Rightarrow$ Erhöhte Aufmerksamkeit beim Programmieren
- die Reihenfolge der Ausführung ist viel kritischer als beim Substitutionsmodell
- der Programmierer muss immer ein mentales Bild des aktuellen Systemzustands haben

### 5.1 Schleifen

der gleiche Code soll oft wiederholt werden

```
while (bedingung) {
    ... // code wird ausgefuehrt, solange bedingung "true" ist
}
```

Bsp: Zahlen von 0-2 ausgeben)

```
int counter = 0;
while (counter < 3) {
   std::cout << counter << "\n";
   counter = counter +1;
}</pre>
```

counter	Bedingung	Ausgabe		
0	true	0		
1	true	1		
2	true	2		
3	false	Ø		

- $\bullet$  C++ beginnt mit der Zählung meist bei 0 "zero-based"
- vergisst man Inkrementierung counter = counter +1  $\Rightarrow$  Bedingung immer true  $\Rightarrow$  Endlosschleife  $\Rightarrow$  Bug
- drei äquivalente Schreibweisen für Implementierung:

```
counter = counter + 1; // assignment
counter += 1; // add-assignment
++ counter; // pre-increment
```

### 5.2 Anwendung: Wurzelberechnung

Ziel: double sqrt (double y) Methode: iterative Verbesserung mittels Newtonverfahren

```
initial guess x(0) bei t=0 geraten
while not_good_enough(x(t)) {
   update x(t+1) from x(t)
   t = t+1
}
```

Newtonverfahren: finde Nullstelle einer gegebenen Funktion f(x), d.h. suche  $x^*$ , sodass  $f(x^*) = 0$  oder  $|f(x^*)| < \epsilon$ 

- 1. Taylorreihe von f(x):  $f(x + \triangle) \approx f(x) + f'(x) \cdot \triangle + \dots$
- 2.  $0 = f(x^*) \approx f(x) + f'(x) \cdot \triangle = 0 \Rightarrow \triangle = -\frac{f(x)}{f'(x)}$
- 3. Iterationsvorschrift:  $x^{(t+1)} = x^{(t)} \frac{f(x^{(t)})}{f'(x^{(t)})}$
- 4. Anwendung auf Wurzel: setze  $f(x) = x^2 y \Rightarrow mitf(x^*) = 0$  gilt $(x^*)^2 y = 0$
- 5. Iterations vorschrift:  $x^{(t+1)} = x^{(t)} - \frac{(x^{(t)})^2 - y}{2x^{(t)}} = \frac{(x^{(t)})^2 + y}{2x^{(t)}}$  $x^{(t+1)} = \frac{x^{(t)} + \frac{y}{x^{(t)}}}{2}$  mit  $x^* = \sqrt{y} \Rightarrow x^{(t+1)} = \sqrt{y}$

```
double sqrt (double y) {
  if (y<0.0) {
    std::cout << "Wurzel aus negativer Zahl \n";
    return -1.0;
}
  if (y == 0.0) {
    return 0.0;
}
  double x = y; // initial guess
  double epsilon = 1e-15 * y; // double Genauigkeit

while (abs(x*x-y) > epsilon) {
    x = (x + y/x) / 2.0;
}
  return x;
}
```

### for - Schleife Zum Vergleich mit der while-Schleife:

```
int c = 0;
while (c < 3) {
    ... // unser code
    c += 1; //sonst funktionsunfaehig
}</pre>
```

die for - Schleife ist dagegen "idiotensicher"

- Befehle, um Schleifen vorzeitig abzubrechen:
  - continue (bricht aktuelle Iteration ab und springt zum Schleifenkopf)
  - break (bricht die ganze Schleife ab und springt hinter die schließende Klammer)
  - return (beendet die Funktion und damit auch die Schleife)
- 3 gleichbedeutende Beispiele:

```
for (int c =0; c<10; ++c) {
   if (c%2 ==0) { // gerade Zahl?
      std::cout << c << "\n";
   }
}

/* Sobald in der if-Anweisung nur eine Zeile steht, kann sie weggelassen
   werden. Das ist gefaehrlich und die Klammern sollten eher trotzdem
   gesetzt werden */

for (int c =0; c<10; ++c) {
   if (c %2 !=0) { // nicht gerade?
      continue;</pre>
```

```
}
std::cout << c << "\n";
}
for (int c =0; c<10; c+=2) {
   std::cout << c << "\n";
}</pre>
```

• mit den wichtigsten Schleifen ist bereits ein guter Grundstein für die vielseitige Programmierung gelegt

## 6 Datentypen

• Basistypen:

Bestandteil der Sprachsyntax und normalerweise direkt von der Hardware (CPU) unterstützt

- int (ganze Zahlen)
- double (Fließkommazahlen)
- bool (true oder false)
- später mehr
- zusammengesetzte Typen:

mithilfe von struct oder class aus einfacheren Typen zusammengebaut

- Standardtypen: in der C + + Standardbibliothek definiert (#include ..)
- Bsp: std::string mit #include <string>
- externe Typen: aus anderer Bibliothek, die man zuvor herunterladen und installieren muss
- eigene Typen: vom Programmierer selbst implementiert
- durch "objekt-orientierte Programmierung" erreicht man, dass zusammengesetzte Typen genauso einfach, bequem und effizient sind, wie Basistypen
- "Kapselung": die interne Strukter und Implementation ist für den Benutzer unsichtbar
- $\bullet\,$ Benutzer manipuliert Speicher über Funktionen ("member functions")  $\approx$  Schnittstelle des Typs Interface

```
zusammenges_typ_name var_name = initial-wert; // init
var_name.foo(a1, a2); // oder: foo(var_name, a1, a2)
```

### 6.1 Zeichenketten - String

- ullet zwei Datentypen in C++
- klassischer C-String: char[] ("character array")
- $\bullet$  C + +-String: std::string gekapselt und bequem
- String-Literale: "Zeichenkette"
- einzelnes Zeichen: 'z'
  Vorsicht: die String-Literale sind C-Strings(gibt keine C + + String-Literale)
- Initialisierung:

```
std::string s1 = "abcde"; // Zuweisung
std::string s2 = s1;
std::string leer = "";
s1.size() // Laenge (Anzahl der Zeichen)
s1.empty() // Test: s1.size() ==0
```

• Addition: Strings aneinanderreihen ("concalculate")

```
std::string s3 = s + "i,k"; // "xyi,k"
std::string s3 = s + s; // "xyxy"
std::string s3 = "abc" + "def"; // Bug - Literale unterstuetzen + mit
ganz anderer Bedeutung
```

• Add-Assignement: Abkürzung für Addition gefolgt von Zuweisung

```
s += "nmk"; // ist gleich zu:

s = s + "nmk"; // "xynmk"

s3 = (s + "abc") + "def"; // ok
```

• die Zeichen werden intern in einem C-Array gespeichert Array: zusammenhängende Folge von Speicherzellen des gleichen Types, hier: *char* 

```
      a | b | c | d | e | Länge: 5; s[index] ∈ {0,1,2,3,4}

      std::string s = "abcde";

      for (int k = 0; k < s.size(); ++k) {</td>

      std::cout << s[k] << "\n";</td>

      }
```

Variante(1): 'in-place' (den alten String überschreiben, selbe Speicherzelle)

```
int i = 0;
int k = s.size()-1;
while (1<k) {
   char tmp = s[i] // i-tes Zeichen merken
   s[i] = s[k];
   s[k] = tmp;
   --k; // k = k-1
   ++i;
}</pre>
```

Variante②: neuen String erzeugen

```
std::string s = "abcde";
std::string r = "";
for (int k =s.size()-1; k>=0; --k)
```

### 6.2 Umgebungsmodell

- in prozeduraler Programmierung: Gegenstück zum Substitutionsmodell für funktionale Programmierung
- Zwecke:
  - Regeln für Auswertung von Ausdrücken
  - Regeln für automatische Speichervewaltung: Freigeben nicht mehr benötigter Speicherzellen (nützlich bei in der Praxis immer endlichem Speicher)
    - ⇒ bessere Approximation von "unendlich viel Speicher"
- Umgebung beginnt normalerweise bei "{" und endet bei "}" Ausnahme: for-Schleife, Funktionsdefinitionen, globale Umgebung

- automatische Speicherverwaltung:
  - Speicherzellen, die in einer Umgebung angelegt werden, werden am Ende der Umgebung in umgekehrter Reihenfolge freigegeben
  - Compiler fügt vor "{" automatisch die notwendigen Befehle ein
  - Speicherzellen in der globalen Umgebung werden dem Programmierenden freigegeben

- Umgebungen können beliebig tief geschachtelt werden
  - $\Rightarrow$ alle Umgebungen bilden einen Baum, mit der globalen Umgebung als Wurzel

- Funktionen sind in der globalen Umgebung definiert

  ⇒ Umgebung jeder Funktion sind "Kinder" der globalen Umgebung (Ausnahme: Namensräume) ⇒ Funktionsumgebung ist nicht Kind der Umgebung, in der sie aufgerufen wird
- Jede Umgebung besitzt eine Zuordnungstabelle für alle Speicherzellen, die in der Umgebung definiert werden  $\frac{\text{Name} \mid \text{Typ} \mid \text{aktueller Wert}}{1 \mid \text{int} \mid 2}$
- jeder Name kann pro Umgebung nur  $1 \times$  vorkommen ()gleichzeitig in anderen Umgebungen) Ausnahme: Funktionsnamen können mehrmals vorkommen bei "function overloading" (C++)
- Alle Befehle werden relativ zur aktuellen Umgebung ausgeführt aktuell: Zuordnungstabelle der gleichen Umgebung & aktueller Wert zum Zeitpunkt des Aufrufs (Zeitpunkt wichtig im Substitutionsmodell)

Beispiel: c = a \* B; Regeln:

- wird der Name (a,b,c) in der aktuellen Zuordnungstabelle gefunden:
  - (1) Typisierung  $\Rightarrow$  Fehlermeldung, wenn Typ und Operation zusammenpassen
  - (2) andernfalls, setze aktuellen Wert aus Tabelle in Ausdruck ein
- wird der Name nicht gefunden, suche in der Elternumgebung weiter mit(1) oder(2)
- $\bullet$  wird der Name bis zur Wurzel nicht gefunden  $\Rightarrow$  Fehlermeldung
- ist der Name in mehreren Umgebungen vorhanden, gilt das zuerst gefundene (Typ, Wert)
- ⇒ Programmierer muss selbst darauf achten, dass:
  - 1. bei der Suche die gewünschte Speicherzelle gefunden wird ⇒ benutze "sprechende" Namen
  - 2. der aktuelle Wert der richtige ist  $\Rightarrow$  beachte Reihenfolge der Befehle!

## 7 Umgebungen

### 7.1 Namensräume

spezielle Umgebungen in der globalen Umgebung (auch geschachtelt) mit einem Namen

- Ziele:
  - Gruppieren von Funktionalität in Module (zusätzlich zu Headern)
  - Verhindern von Namenskollisionen
  - -Beispiel: C++Standardbiblithek

```
namespace std {
   double sqrt (double x);
   namespace chrono {
     class system_clock;
   }
}
```

```
\Rightarrow std:: sqrt(x) wird zu sqrt(x)
```

Besonderheit: mehrere Blöcke mit selbem Namensraum werden verschmolzen

- Funktionen befinden sich in der globalen Umgebung
  - $\Rightarrow$  Umgebung der Funktion ist Kind der globalen Umgebung

Beispiel: my sin (Übung 3.3)

```
double taylor_sin (double x) {
    return x - std::pow(x,3)/6.0;
}

double pump_sin (double sin_third) {
    return 3.0*sin_third - 4.0 * std::pow(sin_third,3)
}

double pi_2 = 2.0*M_PI;

double normalize (double x) {
    double k = std::floor(x/pi_2);  // wie vielte Periode
    double y = x-pi_2*k;  // 0 <= y < pi_2
    return (y <= M_PI) ? y : y-pi_2;  // -pi < result <= pi
}

double my_sin (double x) {
    double y = normalize(x);
    return (std::abs(y)<=0.15) ? taylor_sin(y) : pump_sin(y/3.0);
}

int main() {
    double r = my_sin(0.78);
}</pre>
```

```
  \begin{array}{c}
    \textbf{global} \\
    pi_2 = 6.28
  \end{array}
```

 $\begin{array}{c} \mathbf{main} \\ r = 2 \end{array}$ 

### 7.2 Referenzen

• sind neue (zusätzliche) Namen für vorhandene Speicherzellen

### • Hauptanwendung:

 Umgebung, wo eine Funktion aufgerufen wird und die Umgebung der Implementation sind unabhängig, d.h. Variablen der einen Umgebung sind in der anderen nicht sichtbar

### Beispiel:

```
int foo (int x) { // pass-by-value (Vebergabe des echten Werts)
 x += 3;
 return x;
int bar (int & x) { // pass-by-reference (Uebergabe der Adresse der
   Speicherzelle)
  y += 3;
 return y;
void baz (int & z) { // pass-by-reference
 z += 3; // kein return Wert
int main() {
 int a = 2;
 std::cout << foo(a) << "\n"; // Ausgabe: 5
  std::cout << a << "\n"; // Ausgabe 2
  std::cout << bar(a) << "\n"; // Ausgabe: 5
  std::cout << a << "\n"; // Ausgabe: 5
  baz(a):
  std::cout << a << "\n";
}
```

- Funktionen die Werte nur über eine Referenz änder heißen Seiteneffekt der Funktion (Haupteffekt ist immer der return Wert) [in der funktionalen Programmierung sind Seiteneffekte verboten mit Ausnahme von Ein-/Ausgabe]
- Ziele
  - 1. häufig möchte man Speicherzellen in beiden Umgebungen teilen ⇒ verwende Referenzen
  - 2. häufig will man vermeiden, dass eine Variable kopiert wird (pass-by-value)  $\Rightarrow$  durch pass-by-value braucht man keine Kopie  $\Rightarrow$  typisch const &  $\cong$  read-only, keine Seiteneffekte

```
void print_string(std::string const & s) {
    std::cout << s;
}</pre>
```

## 8 Container-Datentypen

dienen dazu, andere Datentypen aufzubewahren

- Art der Elemente
  - homogene Container: alle Elemente haben den gleichen Typ (typisch für C++)
  - heterogene Container: Elemnte können verschiedene Typen haben (z.B. Python)
- Art der Größe
  - statische Container: feste Größe, zur Compilezeit bekannt
  - dynamische Container: Größe zur Laufzeit veränderbar
- Arrays sind die wichtigsten Container, weil effizient auf Hardware abgebildet und einfach zu benutzen
  - klassisch: Arrays sind statisch, z.B. C-Arrays (hat C + + geerbt)
  - modern: dynamische Arrays:
    - \* Entdeckung einer effizienten Implementierung
    - \* Kapselung durch Objekt-Orientierte-Programmierung (sonst zu kompliziert)
- ein dynamisches Array: std :: string ist Abbildung  $int \rightarrow char$   $Index \rightarrow Zeichen$
- wir wollen das selbe Verhalten für beliebige Elementtypen: std:: vector

### **Datentyp:** std :: vector

- Abbildung:  $int \rightarrow double$
- weitere Verallgemeinerung: Indextyp beliebig (man sagt dann "Schlüssel-Typ§" typische Fallen:
  - Index ist nicht im Bereich  $0 \leq Index < size$ ,<br/>z.B. Matrikelnummer
  - Index ist String, z.B. Name eines Studenten

•  $std :: map, std :: unordered_map$  (Binärer Suchbaum)

### Beispiel:

```
std::map <int, double > noten; // noten[3 1 2 4 5 2 3 1 3] = 1.0
std::map <string, double > noten; // noten["krause] = 1.0
```

dabei: <Schlüsseltyp, Elementtyp>

• Erzeugen:

```
std::vector <double> v(20, 1.0);
std::vector <double> v; // leeres Array (erst ab C++ 11)
std::vector <double> v = {1.0, -3.0, 2.2}; // "initializer list"
```

• Größe:

```
v.size()
v.empty() (=v.size() ==0)
```

• Größe ändern:

• Zugriff:

```
v[k] // Element bei Index k
v.front() // erstes Element
v.back() // letztes Element
v.at(k) // wie v[k], aber Fehlermeldung, wenn nicht 0<= k < size()</pre>
```

- ullet Funktionen für Container: benutzen in C++ Iteration, damit sie für verschiedenste Container funktionieren
- Iteration-Range:

```
v.begin()
v.end() // hinter dem letzten Element
im Header <algorithm>
```

• alle Elemente kopieren:

```
std::vector <double> source = {1.0, 2.0, 3.0, 4.0, 5.0};
std::vector <double> target(source.size(), 0.0);

std::copy(source.begin(), source.end(), target.begin());
std::copy(source.begin()+2, source.end(), target.begin());
// unbenutzte Initialwerte bleiben erhalten
```

• Elemente sortieren:

```
std::sort(v.begin(), v.end()); // "in-place"
std::random_shuffle(v.begin(), v.end()) // "in-place"
```

### Warum ist push back() effizient?

- veraltete Lehrmeinung: Arrays sind nur effizient, weenn statisch (d.h. Größe zur Compilezeit, spätestens bei Initialisierung bekannt)
- modern: bei vielen Anwenduungen genügt, wenn Array (meist) nur am Ende vergrößert wird (z.B. push\_back)
   dies kann sehr effizient unterstützt werden ⇒ dynamisches Array
- std:vector verwaltet intern ein statisches Array der Größe "v.capacity() >= v.size()"
  - -wird das interne Array zu klein  $\Rightarrow$ wird automatisch auf ein doppelt so großes umgeschaltet
  - ist das interne Array zu groß, bleiben unbenutzte Speicherzellen als Reserve
- Verhalten bei push back()
  - -noch Reserve vorhanden: lege neues Element in eine unbenutzte Speicherzelle ⇒ billig & chillig
  - keine Reserve:
    - 1. alloziere neues statisches Array mit doppelter Kapazität
    - 2. kopiere die Daten aus allem ins neue Array
    - 3. gebe das alte Array frei
    - 4. gehe zu①, jetzt wieder Reserve vorhanden Umkopieren ist nicht teuer, da es nur selten nötig ist
  - Beispiel:

```
std::vector <int> v;
for (int k = 0; k < 32; ++k) {
   v.push_back(k);
}</pre>
```

k	$capvorp\_b()$	$cap  nach  p\_b()$	size()	Reserve	Umkopierung
0	0	1	1	0	0
1	1	2	2	0	1
2	2	4	3	1	2
3	4	4	4	0	0
4	4	8	5	3	4
$5 \dots 7$	8	8	8	0	0
8	8	16	9	7	8
$9 \dots 15$	16	16	16	0	0
16	16	32	17	15	16

. . .

#### • Kosten:

- -32 Elemente einfügen =32 Kopien extern  $\Rightarrow$  intern
- -aus altem Array ins neue kopieren = 31 Kopien intern $\Rightarrow$ intern
  - ⇒ im Durchschnitt sind pro Einführung 2 Kopien nötig
  - $\Rightarrow$  dynamisches Array ist doppelt so teuer, wie das statische
  - $\Rightarrow$  immer noch sehr effizient
- ullet relevante Funktionen von std::vector
  - -v.size(): aktuelle Zahl der Elemente
  - -v.capacity() v.size(): Reserve ( $\geq 0$ )
  - $-v.resize(new\ size)$ : ändert immer v.size(), aber v.capacity() nur wenn  $< new\ size$
  - $-v.reserve(new\_capacity)$ : ändert v.size() nicht, aber v.capacity() falls  $new\_capacity \ge size$
  - $-v.shrink\_to\_fit(): v.reserve(v.size())$  (Reserve ist danach 0), wenn Endgröße erreicht
- wenn Reserve > size: capacity kann auch halbiert werden

### wichtige Container der C + + Standardbiblithek

- dynamisches Arrays: std :: string, std :: vector
- assoziative Arrays: std:: map, std:: unordered map
- Mengen: std:: set, std:: unordered set (jedes Element ist höchstens einmal enthalten)
- Stapel: std:: stack (Funktion: "last-in-first-out") z.B. gestapelte Bierkästen.
- Warteschlange: std :: queue (Funktion: "first-in-first-out")
- Kartendeck: std::deque gleichzeitig Stapel und Warteschlange
- Stapel mit Priorität: std::priority\_queue (Priorität vom Nutzer definiert)

### 9 Iteratoren

• für Arrays lautet kanonische Schleife:

```
for (int k = 0; k != v.size(); ++k) {
   int current = v[k]; // aktuelles Element lesen
   v[k] = new_value; // aktuelles Element schreiben
}
```

- wir wollen eine so einfache Schleife für beliebige Container
  - -der Index-Zugriff  $\boldsymbol{v}[k]$ ist bei den meisten Containern nicht effizient
  - Iteratoren sind immer effizient  $\Rightarrow$ es gibt sie in allen modernen Programmiersprachen, aber die Details sind sehr unterschiedlich
  - Analogie: Zeiger einer Uhr, Cursor in Textverarbeitung
     ⇒ ein Iterator zeigt immer auf ein Element des Containers oder auf Spezialwert "ungültiges Element"
  - in C + + unterstützt jeder Iterator 5 Grundoperationen
    - 1. Iterator auf erstes Element erzeugen:

```
auto iter = v.begin(); // auto ist Universaltyp, wird
// vom Compiler automatisch
// mit richtigen Typen ersetzt
```

2. Iterator auf "ungültiges Element" erzeugen:

```
auto end = v.end() // typischerweise v[v.size()]
```

3. Vergleich:

- 4. zum nächsten weitergehen: + + iter, Ergebnis ist v.end(), wenn man vorher beim letzten Element war
- 5. auf Daten des aktuellen Elements zugreifen: \*iter ("Dereferenzierung")
- $\Rightarrow$  kanonische Schleife:

```
for (auto iter = v.begin(); iter != v.end(); ++iter) {
  int current = *iter; // lesender Zugriff;
  *iter = new_value; // schreibender Zugriff

  // Abkuerzung in C++: rang-based for-loop
  for (int & element : v) {
    int current = element; // lesen
    element = new_value; // schreiben
  }
}
```

- wenn die zugrunde liegenden Speicherzellen geändert werden, also die Containergröße sich ändert, werden die Iteratoren ungültig
- Iteratoren mit den 5 Grundoperationen heißen "forward iterators" (wegen + + iter)
- "bidirectional iterators" unterstützen auch -iter (alle Iteratoren aus Standardbibliothek)
- "random access iterators" können beliebige Sprünge machen (iter+=5) unterstützt von std::string und std::vector
- Besonderheit für assoziative Arrays (std:: map):
  - − Schlüssel und Werte können beliebig gewählt werden  $\Rightarrow$  das aktuelle Element ist immer ein Schlüssel/Wert-Paar  $(*iter).first \Rightarrow$  Schlüssel  $(*iter).second \Rightarrow$  Wert

```
v[(*iter).first] == (*iter).second;
```

• Bei std :: map liefern die Iteratoren die Elemente in aufsteigender Reihenfolge der Schlüssel (Unterschied zu std :: unordered map)

### **9.1** Die Funktion std :: transform()

**Die Funktion** std :: transform()

• std :: transform() erlaubt, die Daten "on-the-fly" zu ändern z.B. nach Kleinbuchstaben konvertieren:

```
std::string source = "aAbCdE";std::string = target = source; // Target
    muss gleiche Laenge haben
std::transform(source.begin(), source.end(), target.begin(), std::tolower
); //Name einer Funktion, die ein einzelnes Element transformiert
```

• z.B. die Daten quadrieren:

```
double sq (double x) {
   return x*x;
}
std::transform(source.begin(), source.end(), target.begin(), sg);
```

• das ist eine Abkürzung für eine Schleife: (zwei Schleifen auf einmal)

- der Argumenttyp der Funktion muss mit dem source-Elementtyp kompatibel sein
- der Argumenttyp der Funktion muss mit dem target-Elementtyp kompatibel sein
- Das letzte Argument von std :: transform() muss ein Funktor sein ( $\approx$  verhält sich wie eine Funktion)

Dazu gibt es drei Varianten:

- normale Funktion, z.B. sq Aber wenn die Funktion für mehrere Argumenttypen überladen ist, muss der Programmierer dem Compiler sagen, welche Version gemeint ist ⇒ ("function pointer cast")
- 2. Funktorobjekte ⇒ objekt-orientierte Programmierung
- 3. definiere eine namenlose Funktion  $\cong$  "Lamda-Funktionen"  $\lambda$  statt  $\lambda$  wird in C++[] geschrieben

- Lambda-Funktionen können noch viel mehr  $\Rightarrow$  für Fortgeschrittene
- std :: transform kann "in-place" arbeiten (d.h. source-Container überschreiben), wenn source und target gleich
- die Funktion std :: sort() wird zum "in-place" sortieren eines Arrays

```
std::vector <double> v = {4.0, 2.0, 3.0, 5.0, 1.0};
std::sort(v.begin(), v.end()); // -> v = {1.0, 2.0, 3.0, 4.0, 5.0}
```

- std :: sort() ruft intern den "<" Operator des Elementtyps auf, um die Reihenfolge zu bestimmen

Def: "totale Ordnung"

- \* a < b muss  $\forall a, b$  gelten
- \* transitiv:  $(a < b) \land (b < c) \Rightarrow (a < c)$
- \* anti-symmetrisch:  $!(a < b) \land !(b < a) \Rightarrow a == b$

### 9.2 Insertion Sort

schnellste Sortieralgor. für kleine Arrays ( $n \leq 30$ , hängt vom Compiler & CPU ab)

- für große Arrays sind Merge Sort, Heap Sort, Quick Sort schneller
- std :: sort() wählt automatisch einen schnellen Algor.

Idee von Insertion Sort: wie beim Aufnehmen und Ordnen eines Kartenblatts

• gegeben: bereits sortiertes Teilarray bis zur Position k-1

- füge das k-te Element an der richtigen Stelle ein. Erzeuge Lücke an der richtigen Position duch Verschieben von Elementen nach rechts
- wiederhole für k = 1, ..., N (siehe Übung 5.1 "Einsortieren")

```
4
      3
          5
              1
       3
4
          5
              1
                  (current = 2)
   4
       3
          5
              1
2
   4
      3
          5
              1
2
   4
          5
             1
                 (current = 3)
2
       4
          5
             1
2
   3
          5
      4
             1
2
   3
      4
          5
              1
2
   3
                 (current = 5)
      4
              1
2
      4
          5
             1
2
   3
      4
          5
             1
                  (current = 1)
          4
```

- andere Sortierung: definiere Funktor cmp(a,b), der das gewünschte "kleiner" realisiert  $\approxeq$  gibt genau dann true zurück, wenn a "kleiner b nach neuer Sortierung
- ullet neue Sortierungen am besten per Lambda-Funktion an std::sort übergeben

• Das letzte Argument von *std* :: *transform*() muss ein Funktor sein (≅ verhält sich wie eine Funktion)

Dazu gibt es drei Varianten:

- 1. normale Funktion, z.B. sq Aber wenn die Funktion für mehrere Argumenttypen überladen ist, muss der Programmierer dem Compiler sagen, welche Version gemeint ist  $\Rightarrow$  ("function pointer cast")
- 2. Funktorobjekte  $\Rightarrow$  objekt-orientierte Programmierung
- 3. definiere eine namenlose Funktion <br/> "Lamda-Funktionen"  $\lambda$  statt  $\lambda$  wird in<br/> C++[] geschrieben

- Lambda-Funktionen können noch viel mehr $\Rightarrow$  für Fortgeschrittene
- $-\ std::transform$ kann "in-place" arbeiten (d.h. source-Container überschreiben), wenn source und target gleich
- die Funktion std :: sort() wird zum "in-place" sortieren eines Arrays

```
std::vector <double> v = {4.0, 2.0, 3.0, 5.0, 1.0};
std::sort(v.begin(), v.end()); // -> v = {1.0, 2.0, 3.0, 4.0, 5.0}
```

 $-\ std::sort()$ ruft intern den "<" Operator des Elementtyps auf, um die Reihenfolge zu bestimmen

Def: "totale Ordnung"

- \* a < b muss  $\forall a, b$  gelten
- \* transitiv:  $(a < b) \land (b < c) \Rightarrow (a < c)$
- \* anti-symmetrisch:  $!(a < b) \land !(b < a) \Rightarrow a == b$

### 9.3 Insertion Sort

schnellste Sortieralgor. für kleine Arrays ( $n \leq 30$ , hängt vom Compiler & CPU ab)

- für große Arrays sind Merge Sort, Heap Sort, Quick Sort schneller
- std:: sort() wählt automatisch einen schnellen Algor.

Idee von Insertion Sort: wie beim Aufnehmen und Ordnen eines Kartenblatts

- ullet gegeben: bereits sortiertes Teilarray bis zur Position k-1
- füge das k-te Element an der richtigen Stelle ein. Erzeuge Lücke an der richtigen Position duch Verschieben von Elementen nach rechts
- wiederhole für k = 1, ..., N (siehe Übung 5.1 "Einsortieren")

```
3
          5
4
       3
          5
              1
                  (current = 2)
      3
   4
          5
              1
2
   4
      3
          5
              1
2
          5
              1
                 (current = 3)
2
          5
       4
              1
2
   3
      4
          5
              1
2
   3
          5
             1
      4
2
   3
      4
              1
                 (current = 5)
2
   3
      4
         5
             1
2
   3
          5
             1
                 (current = 1)
      4
1
      3
          4
              5
```

- andere Sortierung: definiere Funktor cmp(a,b), der das gewünschte "kleiner" realisiert  $\approxeq$  gibt genau dann true zurück, wenn a "kleiner b nach neuer Sortierung
- ullet neue Sortierungen am besten per Lambda-Funktion an std::sort übergeben

```
// absteigende Sortierung
std::sort(v.begin(), v.end(),
      [](double a, double b) {
        return b<a;
std::sort(v.begin(), v.end(),
                                    //
                                       normale Sortierung nach Betrag
      [](double a, double b) {
        return std::abs(a) < std::abs(b);
)
// Stringvergleich
std::vector <std::string> v = {"Ac", "ab", "De", "cf"};
std::vector <std::string> v = {"Ac", "De", "ab", "cf"} // case
    insensitive
std::vector <std::string> v = {"ab", "Ac", "cf", "De"} // case sensitive
std::sort(v.begin(), v.end(),
      [](std::string a, std::string b) {
        std::transform(a.begin(), a.end(), a.begin(), std::tolower);
std::transform(b.begin(), b.end(), b.begin(), std::tolower);
        retuern a < b;
      }
);
```

## 10 Templates

insertion sort soll für beliebige Elementtypen funktionieren:

```
template <typename ElementType>

void insertion_sort(std::std::vector <ElementType> & v) {
  for (int k =1; k < v.size(); ++k) {
    ElementType current = v[k];
    ... // Rest unveraendert
  }
}</pre>
```

"ElementType" ist Platzhalter für den tatsächlichen Elementtyp und wird vom Compiler automatisch ersetzt.

## 11 Grundlagen der generischen Programmierung

- Ziel: benutze template-Mechanismus, damit <u>eine</u> Implementation für viele verschiedene Typen verwendbar ist erweitert funktionale und prozedurale und objekt-orientierte Programmierung
- zwei Arten von Templates ("Schablonen")
  - 1. Klassen-Templates für Datenstrukturen, z.B. Containersollen beliebige Elementtypen unterstützen

- Implementation  $\Rightarrow$  später
- Benutzung: Datenstrukturname gefolgt vom Elementtyp in spitzen Klammern std::vector < double >
- 2. Funktionen-Templates: es gab schon "function overloading" Beispiel:

```
int sq (int x) {
    return x * x;
}

double sq (double x) {
    return x * x;
}
... usw fuer komplexe Zahlen
```

- $\Rightarrow$  Nachteile:
  - wenn die Implementationen gleich sind nutzlose Arbeit
  - Redundanz ist gefährlich, korrigiert man ein Bug, wird leicht eine Variante vergessen

## 11.1 Funktionen-Templates

mit Templates reicht eine Implementation:

- Benutzung:
  - Typen für die Platzhalter hinter dem Funktionsnamen in spitzen Klammern
  - -meist kann man die Typangabe <br/> < type > weglassen, weil der Compiler sie anhand des Argumenttyps automatisch einsetzt
- kombiniert man Templates mit Overloading, wird die ausprogrammierte Variante vom Compiler bevorzugt
- Funktion, die ein Array aus Konsole ausgibt:

```
std::vector <double> v = {1.0, 2.0, 3.0};
print_vector(v); // {1.0, 2.0, 3.0}
```

für beliebige Elementtypen:

```
template <typename ElemtType>
void print_vector(std::vector <ElementType> const & v) {
  // const: read-only , &: nur Kopie verwenden
  std::cout << "{";
  if (v.size() > 0) {
```

```
std::cout << " " << v[0];
  for (int k = 1; k<v.size(); ++k) {
    std::cout << " " << v[k];
  }
}
std::cout << " }";
}</pre>
```

• Verallgemeinerung für beliebige Container mittels Iteratoren:

```
std::list <int> 1 = {1,2,3};
print_container (l.begin(), l.end()) // {1,2,3}
```

• es genügen forward iterators

• Beispiel 3: checken, ob Container sortiert ist

```
return false;
}

reurn true;
}
```

- Aufruf von Version 2 mit "lambda-function":

```
std::vector <double > v = {1.0, 2.0, 3.0};
check_sorted(v, [] (double a, double b) {
   return a < b;
}); // true

check_sorted(v, [] (double a, double b) {
   return a > b;
}); // true
```

- Version 3 mit "forward-iterator":

#### • Bemerkungen:

- 1. Compiler-Fehlermeldungen bei Template-Code sind oft schwer zu implementieren  $\Rightarrow$  Erfahrung nötig
- 2. mit Templates kann man noch viel raffiniertere Dinge machen, z.B. Traits-Klassen, intelligent libraries, template metaprogramming ⇒ nur für Fortgeschrittene

## 12 Bestimmung der Effizienz von Algorithmen und Datenstrukturen

- 2 Möglichkeiten
  - 1. messe die "wall clock time" (wie lange muss man auf ein Ergebnis warten)
  - 2. unabhängig von Hardware: algorithmische Komplexität

• "wall-clock-time" misst man z.B. mit dem Modul < chrono >

```
#include <chrono>
#include <iostream>

int main() {
    ... // alles zur Zeitmesung vorbereiten, z.B. Daten einlesen

auto start = std::chrono::high_resolution_clock::now(); // Startzeit
    merken
    ... // Code, der gemessen werden soll
auto stop = std::chrono::high_resolution_clock::now(); // Endzeit
    merken

std::chrono::duration<double> diff = stop-start; // Zeitdifferenz (
    Laufzeit) in Sekunden
std::cout << "Zeitdauer: " << diff() << " sekunden \n";)
}</pre>
```

- in der Praxis nicht so einfach  $\Rightarrow$  Pitfalls:
  - moderne Compiler optimieren oft zu viel, d.h. komplexe Berechnungen werden zur Compilezeit ausgeführt und ersetzt ⇒ gemessene Zeit viel zu kurz gegenüber der Praxis Abhilfe: Daten nicht "hard-wired", sondern z.B. von Platte lesen (volatile beim Initialisieren)
  - der Algorithmus ist schneller als die clock
     Abhilfe: rufe den Algorithmus mehrmals in einer Schleife auf
  - die Ausstattung des Programms kann vom Betriebssystem jederzeit für etwas wichtigeres unterbrochen werden ⇒ gemessene Zeit ist zu lang
     Abhilfe: messe mehrmals und nimm die kürzeste Zeit (meist reicht 3-10x)
  - Faustregel: Messung zwischen 0.02-3 Sekunden zur optimalen Nutzung der clock
- Nachteil: Zeit hängt besonders von der Qualität der Implementation, den Daten und der Hardware ab
- algorithmische Komplexität ist davon unabhängig ≈ "theoretisches Effizienzmaß" beschreibt, wie sich die Laufzeit verlängert, wenn man mehr Daten hat
  - $\Rightarrow$  bei effizienten Algrorithmen steigt der Aufwand mit n<br/> nur langsam (oder bestenfalls gar nicht)

#### 12.1 technisches Effizienzmaß

- berechne, wie viele elementare Schritte der Algorithmus in Abhängigkeit von n benötigt  $\Rightarrow$  komplizierte Formel f(n)
- vereinfache f(n) in eine einfache Formel g(n), die dasselbe wesentliche Verhalten zeigt Die Vereinfachung erfolgt mittels <u>O-Notation</u> und ihren Verwandten

### 12.2 $\mathcal{O}$ -Notation/ $\Omega$ -Notation

- 1. g(n) ist eine asymptotische (für große n) obere Schranke für f(n) ( $f(n) \leq g(n)$ )  $f(n) \in \mathcal{O}(g(n))$  (f(n) ist in der Komplexitätsklasse g(n), wenn es ein  $n_0$  und C gibt, sodass  $\forall n > n_0 : \Leftrightarrow f(n) \in \mathcal{O}(g(n))$
- 2. g(n) ist asymptotisch untere Schranke für f(n)  $(f(n) \ge g(n))$   $f(n) \in \Omega(g(n)) \Leftrightarrow \exists n_0, C, sodass \forall n > n_0 : f(n) \ge C \cdot g(n)$
- 3. g(n) ist asymptotisch scharfe Schranke für f(n) (f(n) = g(n))  $f(n) \in \Theta(g(n)) \Leftrightarrow f(n) \in O(g(n)) \land f(n) \in \Omega(g(n))$

### Regeln:

- 1.  $f(n) \in \Theta(f(n)) \Rightarrow f(n) \in \mathcal{O}(f(n)), f(n) \in \Omega/f(n)$
- 2.  $f(n) \in \Theta(f(n)) \Rightarrow C \cdot f(n) \in \Theta(f(n))$
- 3.  $\mathcal{O}(f(n)) \cdot \mathcal{O}(g(n)) \in \mathcal{O}(f(n) \cdot g(n))$
- 4.  $O(f(n)) + O(g(n)) \in O(\max(f(n), g(n))$ formell:  $f(n) \in O(g(n)) \Rightarrow O(f(n)) + O(g(n)) \in O(g(n))$   $g(n) \in O(f(n)) \Rightarrow O(g(n)) + O(g(n)) \in O(f(n))$
- beliebteste Wahl für g(n):
  - \*  $\mathcal{O}(1)$  " konstante Komplexität", Bsp: elementare Operationen, Array-Zugriff
  - \*  $\mathcal{O}(log(n))$  "logarithmische Komplexität", Bsp: Zugriff auf ein Element von std::map
  - \*  $\mathcal{O}(n)$  "lineare Komplexität", Bsp: std :: transform
  - \*  $\mathcal{O}(log(n) \cdot n)$  " $n \cdot log(n)$ ", "quasilinear", Bsp: std :: sort()
  - \*  $\mathcal{O}(n^2)$  "quadratische Komplexität"
  - \*  $\mathcal{O}(n^p)p = const.$  "polynomelle Komplexität"
  - \*  $\mathcal{O}(2^n)$  "exponentielle Komplexität"
- Beispiele:

$$f(n) = 1 + 15n + 4n^2 + 7n^3 \in \mathcal{O}(n^3)$$
  

$$f(n) = n \cdot \log(n) + n^2 \in \mathcal{O}(n \cdot \log(n) + n \cdot n) \in \mathcal{O}(n) \cdot \mathcal{O}(\log(n) + n) \in \mathcal{O}(n) \cdot \mathcal{O}(n) \in \mathcal{O}(n^2)$$
  
 $\Rightarrow$  es gewinnt immer die am stärksten wachsende Funktion

Anwendung 1: Fibonacci-Zahlen:  $f_k = f_{k-2} + f_{k-1}$ 

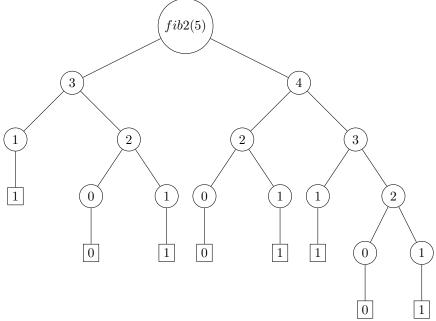
```
int fib1 (int k) { // 0(k)
  if (k<2) { // 0(1)
    return k; // 0(1)
}
int f1 = 1; // 0(1)
int f2 = 1; // 0(1)

for (int j = 2; j<=k; ++j) { // 0(k)
  int f = f1 + f2; // 0(1)</pre>
```

```
f1 = f2;  // 0(1)
  f2 = f;  // 0(1)
}

return f2;  // 0(1)
}

int fib2 (int k) {
  if (k<2) {
    return k;
  }
  return fib2(k-2)+fib2(k-1));
}</pre>
```



 $\Rightarrow$  sehr ineffizient, weil alle Fib-Zahlen < k mehrmals berechnet werden Sei f(k) die Anzahl der Schritte, Annahme: jeder Knoten ist  $\mathcal{O}(1) \Rightarrow \mathcal{O}(Knoten)$  Sei f'(k) die Anzahl der Schritte, oberhalb (oberhalb ist der Baum vollständig (jeder innere Knoten hat genau 2 Kinder))

$$f'(k) = 2^{l+1} - 1$$

$$= 2^{k/2+1} - 1$$

$$= 2 \cdot 2^{k/2} - 1$$

$$= 2 \cdot (\sqrt{2})^k - 1$$

$$\in \Omega(\sqrt{2})^k$$

$$\Rightarrow exponentielle Komplexität$$

# 13 Zahlendarstellung

Problem: unendlich viele Zahlen, aber die Computer sind endlich

#### 13.1 natürliche Zahlen $\mathbb{N}$

 $x \ge 0$ , (++ bietet Typen verschiedener Größe)

klassisch	mit Größe $(C++)$	# Bits	Bereiche	Literale
unsigned char	uint8_t	(≥)8	0 - 256	
unsigned short	$uint16\_t$	$(\geq)16$	0 - 65.535	
unsigned int	$uint32\_t$	$(\geq)32$	$0 - 4 \cdot 10^9$	
unsigned long	$uint32\_t$	32 oder 64	$0 - 4 \cdot 10^9$	
unsigned long long	$uint64\_t$	64	$0-2\cdot 10^{19}$	4L

#### Was passiert bei zu großen Zahlen?

 $\bullet\,$ alle Operationen werden Modulo $2^m$ ausgeführt, wenn der TypmBits hat Bsp 1:

```
uint8_t x = 250, y = 100;
uint8_t s = x+t; // 350 % 256 = 94
uint8_t p = x*y; // 2500 % 256 = 168
```

• Pitfalls

Beispiel 1: Mittelwert eines uint8 t-Arrays

```
std::vector <uint8_t> v = {...}
uint8_t sum = 0; // uint32_t od. uint64_t
for (int k = 0; k< v.size(); ++k) {
    sum += v[k];
}
std::cout << ''Mittelwert: '''' << (sum(v.size())) << ''\n'';</pre>
```

uint32 t sum = 0 verhindert overflow mit hoher Wahrscheinlichkeit

# Bsp 2: Count-Down Loop (rückwärts über Array)

• arithmetische Op. Addition in Kapitel "Automaten" Substitution kann auf Addition zurückgeführt werden Erinnerung: Restklassenarithmetik (Modulo) alle Zahlen mit dem gleichen Rest modulo k bilden "Äquivalenzklasse"

hier: kleinste Reprösentanten  $0, \ldots, k-1$  mit  $k=2^m$ 

Eigenschaft: man kann Vielfache  $n \cdot k$  addieren, ohne Äquivalenzklasse zu ändern  $\Rightarrow$  implementiere (Addition besser als Subtraktion)

$$(a-b)\%2^m$$
  
= $(a+2^m-b)\%2^m$   
= $(a+z)\%2^m$ 

bitweise Negation dreht alle Bits um

$$m = 4 \sim (1001) \Rightarrow (0110)$$

$$setze: (2^{m} - b)\%2^{m} = \sim (b+1)\%2^{m}$$

$$b + \sim b = 11 \dots 11 = 2^{m} - 1$$

$$\sim b + 1 = 2^{m} - b$$

Fall 1:

$$b > 0 \Rightarrow \sim b < 2^m - 1$$
$$\Rightarrow \sim (b+1) < 2^m$$
$$\sim (b+1)\%2^m = \sim (b+1)$$
$$(2^m - b)\%2^m = \sim b\%2^m$$

Fall 2:

$$b = 0 \Rightarrow \sim b = 2^m - 1$$
$$\sim b + 1 = 2^m$$
$$(\sim b + 1)\% 2^m = 0$$
$$2^m - b = 2^m$$

#### Multiplikation

• neue Operationen  $\ll$  und  $\gg$  (left und right shift) verschiebt die Bits um k Positionen nach links oder rechts. Die herausgeschobenen Bits werden vergessen, auf der anderen Seite durch 0-Bits ersetzt.

$$m = 8$$
:  $11011101 \ll 3 = 11101000$   
 $11011101 \gg 3 = 00011011$ 

• Satz:

$$x \ll k = (x * 2^m)\% 2^m \tag{1}$$

• Operationen & und | sind bitweise "und" bzw. "oder" Verknüpfungen nicht verwechseln mit && bzw. || für logische Operatoren für m = 8:

uint8\_t mal(uint8\_t x, uint8\_t y) {

```
uint8_t res = 0;
for (int k = 0; k < 8; ++k) {</pre>
     if (y & (1 << k) != 0) {
     x = x << 1; // = x*2
}
return res;
```

#### 13.2ganze Zahlen $\mathbb Z$

klassisch	Typ mit Größe	Bits	Bereich
signed char	$int8\_t$	8	-127128
signed short	$int16\_t$	16	$-2^{15}\dots 2^{15}-1$
signed int	$int32\_t$	32	$-2^{31}\dots 2^{31}-1$
signed long	$int32\_t$	32  oder  64	$-2^{63}\dots 2^{63}-1$
signed long long	$int64\_t$	64	$-2^{63}\dots 2^{63}-1$
Cu To .1.1			!

für Restklassen: statt  $0\dots 2^m$  bei unsigned jetzt:  $-2^{m-1} \dots 2^{m-1} - 1$  (symmetrisch um 0)

d.h.  $x < 2^{m-1}$ : Repräsentant bleibt  $x \ge 2^{m-1}$ : neuer Reprösentant,  $x - 2^m$  (gleiche Restklasse)

Konsequenzen:

- bei negativer Zahl ist höchste Bit 1, weil  $x \to x 2^m$ , falls  $x \ge 2^{m-1}$
- $\bullet$  unäre Negation -x durch Zweierkomplement:

$$-x = (\sim x + 1)\%2^{m}$$

$$Bsp : -0 = (\sim 000000 + 1)\%2^{8}$$

$$= (1111111 + 1)\%2^{8}$$

$$= 100000000\%2^{8}$$

$$= 0$$

$$Bsp : -1 = (00000001 + 1)\%2^{8}$$

$$= (\sim 11111110 + 1)\%2^{8}$$

$$= 11111111$$

$$= 2^{8} - 1 < 2^{8}$$

• Ausnahmeregel: für  $\gg$  bei negativen Zahlen Compilerabhängig, meist wird links ein Bit reingeschrieben, damit Zahl negativ bleibt  $\Rightarrow$  es gilt immer noch  $x \gg h = \lfloor x/2^k \rfloor$ 

# 13.3 reelle Zahlen $\mathbb R$

Problem: unendlich viele Zahlen

Lösung in $C + +$	Name	Größe	Bereich	kleinste	Literale
	float	32 Bit		$10^{-38}$	4.0f
	double	64 Bit	$-10^{308} \dots 10^{308}$	$10^{-308}$	4.0
	long double				

- $\bullet$  der C++ Standard legt Größe nicht fest, aber alle gängigen CPUs benutzen Standard IEEE754
  - C++ übernimmt Hardware-Implementation
- Ziele bei Definition von reellwertigen Zahlen:
  - hohe Genauigkeit (viele gültige Nachkommastellen)
  - a
- elegante Lösung: halb-logarithmische Darstellung ("floating-point")

  Datentyp ist aus rein natürlichen Zahlen zusammengesetzt (aber alles von CPU gekapselt)
  - 1. S (1-bit): Vorzeichen  $(0 \approx +, 1 \approx -)$
  - 2. M (m-bits): Mantisse: Nachkommastellen
  - 3. E (e-bits, Basis b): Exponent/Größenordnung
- die eigentliche Zahl wird berechnet durch:

$$x = (-1)^s \cdot (1 + M \cdot 2^{-m}) \cdot 2^{E-b}$$

X	$M \cdot 2^{-m}$	E-b	effektive Darstellung
1	0	0	$1 \cdot 2^0$
2	0	1	$1 \cdot 2^1$
3	0.5	1	$1.5 \cdot 2^{1}$
4	0	2	$1 \cdot 2^2$
5	0.25	2	$1.25 \cdot 2^2$

**Konsequenz** alle ganzen Zahlen zwischen  $-2^m + \cdots + 2^m$  können exakt dargestellt werden und exakte Arithmetik

Werte für m, e, b (IEEE754)

• float: 
$$m = 23, e = 8, b = 127$$
  
 $2^{E-b} \in [2^{-126}, 2^{127}] \approx [10^{-38}, 10^{38}]$ 

• double: 
$$m=52, e=11, b=1023$$
  $2^{E-b} \in [2^{-1022}, 2^{1023}] \cong [10^{-308}, 10^{308}]$ 

#### Anzahl Nachkommastellen

• allgemein:  $2^{-m}$ 

• float:  $2^{-23} \approx 10^{-7}$ 

• double:  $2^{-52} \approx 2 \cdot 10^{-16}$ 

•  $\varepsilon = 2^{-m} = \text{machine epsilon}$ , unit last place (ULP)

•  $\varepsilon$  ist die kleinste Zahl, so dass  $(1.0 \cdot \varepsilon)! = 1.0$ , weil Nachkommastellen außerhalb der Mantisse (rechts von  $2^{-m}$ ) ignoriert werden

 $\Rightarrow$  Problem der Auslöschung von signifikanten Stllen: wenn man zwei fast gleich große Zahlen substrahiert, löschen sich fast alle Bits de Mantisse  $\Rightarrow$  nur wenige gültige Nachkommastellen überleben

• Bsp 1: 0.1234567 - 0.1234566 = 0.0000001 (eine gültige Nachkommastelle)

• Bsp 2:  $10 - \cos(x)$  für kleine x:

für 
$$x \approx 0$$
 ist  $\cos(x) \approx 1 \Rightarrow$  Auslöschung 
$$\begin{array}{c|cccc} x & \# \text{ g\"{u}ltige Stellen} & \text{Additionstheorem} \\ \hline 0.0001 & 9 \text{ (statt 15.5)} & 15.5 \\ 10^{-8} & 0 \text{ (}\cos(10^{-8}) = 1) & 15.5 \\ \end{array}$$

Additions theorem:  $1 - \cos(x) = 2(\sin(x/2.0))^2$ 

• Bsp 3: quadratische Gleichung 
$$ax^2 + by + c$$
 mit  $b > 0$ 

$$x_1 = \frac{1}{2a}(-b + \sqrt{b^2 - 4ac}) \text{ falls } a \cdot c > 0 \text{ , } b^2 \gg 4ac$$
Umstellen:  $x_1 = \frac{1}{2a}(-b + \sqrt{b^2 - 4ac}) \frac{-b - \sqrt{b^2 - 4ac}}{-b - \sqrt{b^2 - 4ac}}$ 

$$\approx -b + b + \varepsilon \approx 0 \Rightarrow \text{Auslöschung, wenig gültige Stellen}$$

$$\frac{1}{2a} \frac{b^2 - (b^2 - 4ac)}{-b - \sqrt{b^2 - 4ac}} = \frac{2c}{-(b + \sqrt{b^2 - 4ac})}$$

```
• Ausnahmeregeln (spezielle Werte)
```

```
 – normal: E \in [1...2^e - 2]

– E = 2^e - 1 (größtmöglicher Wert):

für M = 0: x = \pm \infty (abhäng. von S)

für M > 0: x = \text{NaN} ("Not a Number")

– E = 0 (kleinster Wert):

für M = 0: \pm 0 (abhäng. von S)

für M > 0: "denormalisierte Zahlen" für sehr kleine Werte
```

#### 14 Buchstabenzeichen

"glyphs" müssen durch Zahlen repräsentiert werden: "Zeichencode"

#### Geschichte

- 1963: ASCII (7-bit) Zeichen der engl. Schreibmaschine (keine Umlaute)
- 1964-2000: 8-bit codes mit Umlauten, Akzenten, kyrillisch <u>aber</u> 8-bit sind zu wenig, um alles abzudecken ⇒ viele konkurrierende 8-bit Codes
- 1991-heute: Unicode anfangs 16-bit, jetzt ≈ 21-bit ← alles (chinesisch, Emojis, Hyroglyphen)

# Unicode 3 Codierungen für Unicode:

- 1. UTF-8: variable length code (pro glyph  $1 \dots 4uint8$  t)
- 2. UTF-16: variable length code (pro glyph  $1 \dots 2uint16 \ t$ )
- 3. UTF-32: fixed length code (pro glyph  $1uint32\_t$ )
- char: 8-bit Codes
- wchar t: 16-bit (Windows), 32-bit (Linux)
- u16char t
- *u*32*int t*

leider sehr plattformabhängig  $\Rightarrow$  Zeichensalat, wenn inkompatible Codes verwendet werden  $\Rightarrow$  in C++ ICU library ("International Components for Unicode")

• hat man alle Zeichen korrekt, ist Problem noch nicht gelöst: alphabetische Sortierung sprachabhängig

```
ä: dt. Wörterbuch - wie a; dt. Telefonbuch - wie ae
```

• Lösung in C + +:

# 14.1 eigene Datentypen

# 3 Möglichkeiten:

- enum: Aufzählungstypen  $\Rightarrow$  Selbststudium
- struct: strukturierte Daten, zusammengesetzte Typen
- class: wie struct auf objekt-orientiert

```
struct Typevalue {
   type_name var_name1;
   type_name var_name2;
   ...
};
```

#### Beispiel:

```
struct Date {
   int day;
   int month;
   int year;
}; // Datenmember = member variables

Date caster (int year) {
    ... // Osterdaten
   Date res;
   res.day = day;
   res.month = month;
}

// für Übungsaufgabe 8.4
struct Character {
   wchar_t clear;
   wchar_t encrypted;
   int count;
};
```

# 15 Objektorientierte Programmierung

# 15.1 eigene Datentypen mit Kapselung

- eigene Datentypen sind zusammengesetzt aus einfacheren/existierenden Datentypen (Ausnahme enum)
- zwei Arten:
  - offene Typen: Benutzer kann auf interne Daten zugreifen, "C-style types" (wichtige Änderungen aus Standardbibliothek aus C übernommen)
  - gekapselte Typen: Benutzer kann nicht auf interne Daten zugreifen ("private")
     alle Benutzerzugriffe über ein öffentliches Interface ("public")
     Vorteile:

- 1. komplexe Details zur Verwaltung bleiben verborgen
- 2. öffentliches Interface (hoffentlich) einfach zu benutzen z.B. std::vector
- 3. interne Details können bei Bedarf geändert werden, ohne dass sich das öffentliche Interface ändert
  - $\Rightarrow$  Benutzer muss Code nicht ändern, aber Programm geht schneller "Rückwärtskompatibilität"

# Wie erreicht man die Kapselung?

- zwei Schlüsselwörter für eigene Typen:
  - 1. class (Konvention in OOP)
  - 2. struct (von C übernommen)
- zwei Schlüsselwörter für die Kapselung:
  - 1. public (öffentlicher Teil)
  - 2. private (gekapselter Teil)

class ist standardmäßig "private", struct ist "public"

```
class MyType {
    ... // private by default
    public:
    ... // jetzt oeffentlich
    private:
    ... // jetzt privat
};

struct MyType {
    ... // oeffentlich by default
    private:
    ... // jetzt privat
    public:
    ... // jetzt wieder oeffentlich
};
```

- $\Rightarrow$  Benutzer können nur auf Funktionalität im public-Teil zugreifen
- $\bullet$ die im zusammengesetzten Typ enthaltenen Daten heißen "member variables" und sind normalerweise private
  - -kann nachträglich geändert werden z.B. complex in real/imaginär  $\rightarrow$  Phase/Betrag
  - Benutzer kann nicht unbeabsichtigt die Konsistenz verletzen

# 15.2 running example

Punkt-Klasse für 2-dimensionalen Punkt

```
class Point {
   double x_; // Koordinate als private
   double y_; // Datenmember (''_', am Ende)
};
```

- ⇒ dieser Datentyp ist unbenutzbar, weil alles privat
  - unverzichtbare öffentliche Funktion zum Initialisieren des Speichers: "Konstruktoren"
  - Prozeduren innerhalb der klasse, Name gleich Äquivalenzklasse
    - Prozeduren sind void, void wird weggelassen
    - nur Seiteneffekt: neue Objekte initialisieren, also die Konstruktoren der Datenmember aufrufen
  - zur Erinnerung: zwei Möglichkeiten für normale Variableninitialisierung:
    - double z = 1.0;
    - doublez(1.0) nur diese Syntax ist in Konstruktoren erlaubt

```
class Point {
   double x_,
   double y_;

public:
   Point(double x, double y) // Konstruktoraufrufe vor Prozedurrumpf
   : x_(x) // Member x_ auf Initialwert x
   , y_(y) // Member y_ auf Initialwert y
   {
        // normaler Rumpf der Prozedur, hier leer
   }
};

Point p(1.0, 2.0);
Point q = {3.0, 4.0};
```

#### **Standardkonstruktor** $\cong$ Konstruktor ohne Argumente

- initialisiert Objekt in Standardzustand
- bei Zahlen: auf 0 setzen, hier auf Koordinatenursprung

```
class Point {
    ... // wie zuvor
    Point() // Standardkonstruktor
    : x_(0.0)
    , y_(0.0)
    {}
};
```

- um mit Punkt-Objekten zu arbeiten, brauchen wir weitere Funktionen:
  - 1. Member-Funktionen: innerhalb der Klasse definiert man (wie Konstruktoren), können auf alles private zugreifen, können als *private* oder *public* definiert werden
  - 2. freie Funktionen: normale Funktionen außerhalb der Klasse, die ein Argument des neuen Typs haben können nur auf öffentliches Interface zugreifen
- wichtigste Vertreter der Member-Functions: Zugriffsfunktionen "Getter": erlauben Benutzer, aktuellen Zustand abzufragen  $(z.B.\ v.size())$

```
Point p(1.0, 2.0);

p.x() // returns 1.0 (x-Koordinate)

p.y() // returns 2.0 (y-Koordinate)
```

- Member-Funktionen werden mit Punkt-Syntax aufgerufen: p.x()Objekt vor dem Punkt ist das "nullte" Argument der Funktion  $\Rightarrow$  Compiler macht daraus x(p)
- bei der Implementation der Member-Funktion schreibt man "nullte" Argument nicht hin, der Compiler stellt es automatisch unter dem Namen \*this zur Verfügung

```
class Point {
    ... // wie vorher

    double x() {
       return (*this).x_;
    }
    double y() {
       return (*this).y_;
    }
}
```

- meist kann man (\*this). weggelassen werden, wenn eindeutig ist, welchen Member man meint, fügt der Compiler es automatisch ein
- Getter-Funktionen sind "read-only" (ändern die Member-Variablen nicht) man sollte sie deshalb mittels *const* explizit als "read-only" markieren Vorteile:
  - 1. Programmierer kann Member-Variable nicht irrtümlich ändern
  - 2. Funktion kann auch in Kontexten benutzt werden, wo das Objekt (nulltes Argument) explizit als "read-only" markiert ist

Point const cp(1.0, 2.0);

#### Punkte ausgeben

- zwei Möglichkeiten:
  - Member-Funktion:

```
std::cout << p.to_string() << ''\n'';</pre>
```

- freie Funktion:

```
std::cout << to_string(p) << ''\n'';
```

```
class Point { // Member-Funktion
... // wie vorher
  std::string to_string() const {
    std::string res;
    res += ''['' + std::to_string((*this).x()) + '','' + std::to_string
       ((*this).y()) + '']';
   return res;
 }
};
// oder
std::string to_string() const { // freie Funktion
    std::string res;
    res += ''['' + std::to_string(p.x()) + '','' + std::to_string(p.y())
       + ''],
    return res;
}
```

ws man wählt, ist Geschmackssache (freie Funktion ist kompatibel zu std:: to string)

#### Punkte vergleichen -

```
class Point {
    ... // wie vorher

bool equals (Point other) const {
      return (*this).x() == other.x() && (*this).y() == other.y();
    }
};

// andere Umgebung
Point p(1.0, 2.0);
Point origin;
assert(p.equals(p));
assert(!p.equals(origin));
```

üblicher: Infix-Notation  $\Rightarrow$  dazu Prefix-Variante operator == implementieren

```
class Point {
    ... // wie vorher

bool equals (Point other) const {
    return (*this).x() == other.x() && (*this).y() == other.y();
}
```

```
bool operator == (Point other) const {
    return (*this).x() == other.x() && (*this),y() == other.y();
}
bool operator! = (Point other) const {
    return (*this).x() != other.x() || (*this),y() != other.y();
};
};

// andere Umgebung
Point p(1.0, 2.0);
Point origin;
assert(p == p);
assert(!(p == origin));
assert(p!= origin);
```

neuen Punkt erzeugen transponiert, d.h. x-y Koordinaten sind vertauscht

```
Point p(1.0, 2.0);
Point tp = p.transpose(); // unser Ziel

class Point {
    ... // wie vorher

Point transpose() const {
    Point res((*this).y(), (*this).x());
    return res;
    }
};
```

verschoben

```
Point p(1.0, 2.0);
Point v (3.0, 4.0);
Point vp = p.translate(v);  // unser Ziel

class Point {
    ... // wie vorher

    Point translate(Point v) const {
        Point res((*this).x() + v.x(), (*this).y() + v.y());
        return res;
    }
};
```

#### 15.3 Member-Funktionen

Jede Klasse hat bestimmte spezielle Member-Funktionen:

- Konstruktor: bringt Objekt in wohldefinierten Anfangszustand
- Destruktor: entsorgt nicht mehr benötigtes Objekt (typischerweise am Ende der Umgebung)
- Zuweisungsoperatoren: um Objekte per Zuweisung ("=") zu übers

**Destruktor** Jede Klasse muss genau einen haben, wenn der Programmierer das nicht explizit implementiert, fügt Compiler ihn automatisch ein

- der automatisierte Destruktor ruft einfach die Destruktoren aller Member-Variablen auf
- meist ist das ausreichend, aber in bestimmten Situationen muss der Programmierer zusätzliche Aktionen implementieren
- Beispiele:
  - 1. manuelle Speicherverwaltung: Destruktor muss nicht mehr benötigten Speicher an Betriebssystem zurückgeben (z.B. Destruktor von *std* :: *vector*)

    Vorteil der Kapselung: Nutzer merkt davon nichts
  - 2. manuelles Dateimanagement: Destruktor muss Datei schließen (=Daten aus dem Cache auf die Platte übertragen)
  - 3. Abmelden von einem Service (Ausloggen, Verbindung beenden)
- spezieller Konstruktor:

**Kopier-Konstruktor** zum Erzeugen einer Kopie eines vorhandenen Objekts, d.h. neue Speicherzelle mit gleichem Inhalt:

```
Point p (1.0, 2.0); // Konstruktor mit Initialwert
Point q = p; // Kopierkonstruktor
Point r(p); // Kopierkonstruktor

int foo (Point q) {
    ...
}
foo(p) // Kopierkonstruktor wegen pass-by-value

int bar (Point const & q) {
    ...
}
bar(p); // q ist neuer Name für p ohne neue Speicherzelle
```

• der Compiler erzeugt Kopier-Konstruktor automatisch, falls nicht explizit programmiert (= ruft Kopier-Konstruktor für alle Member-Variablen auf) meistens richtig, Ausnahmen wie oben

#### Standard-Konstruktor ("default constructor")

- ohne Argumente
- bringt Objekt in Standard-Zustand, z.B. 0 bei Zahlen

- Compiler erzeugt Standard-Konstruktor automatisch, falls es <u>keinen</u> benutzerdefinierten Konstruktor gibt
- "rule-of-three": Wenn es nötig ist, einen der drei Funktionen (Destruktor, Kopier-Konstruktor und Zuweisungskonstruktor) explizit zu implementiern, müssen alle drei explizit implementiert werden

# 15.4 Vorteile der Kapselung

- Benutzung der Klasse ist viel einfacher, weil unwichtige Details verborgen sind
- interne Implementation kann geändert werden, ohne den Benutzer zu Folgeänderungen zu zwingen, weil externe Schnittstelle erhalten bleibt

```
Beispiel: Point-Klasse -
    class Point {
        double x_, y_;
        public:
        Point()
        : x_{0.0}
        , y_(0.0) {}
        Point(double x, double y)
        : x_{x}(x)
        , y_{y}(y) {}
        double x() const {
          return x_; // = return (*this).x_;
        double y() const {
          return y_;
    Alternative: Array Länge 2:
    #include <array>
    std::array<double, 2> // feste Größe
    class Point {
        std::array<double, 2> data_;
```

```
public:
    Point()
    : data_{0.0, 0.0} {}

    Point (double x, double y)
    : data_{x, y} {}

    double x() const {
       return data_[0];
    }

    double y() const {
       return data_[1];
    }
};
```

#### 15.5 Operatoren

Ziel der Objektorientierten Programmierung Arbeiten mit Nutzer-definierten Datenstrukturen möglichst einfach, wie mit eingebauten (z.B. arithmetische Infix-Operationen)

```
Point p(2.0, 3.0), q(4.0, 5.0)

Point r = 2.5*p + q;

assert(r == Point(9.0, 12.5));
```

- dazu muss man die entsprechenden Prefix-Funktionen implementieren
- Addition:

```
Point operator + (Point p1, Point p2) {
    Point res (p1.x() + p2.x(), p1.y() + p2.y());
    return res;
}

// Alternative
Point operator + (Point cconst & p1, Point const & p2) {
    ... // wie zuvor
}
```

- Subtraktion, elementweise Multiplikation und Division genauso ("+" überall durch "+", "\*", "-" ersetzen)
- Skalierungsoperation: Multiplikation von Punkt mit Zahl, d.h. zwei verschiedene Argumenttypen (zwei Versionen für Kommutativität)

```
Point operator * (double s, Point p) {
   Point res (s * p.x(), s * p.y());
   return res;
}
// und
Point operator * (Point p, double s) {
   Point res (p.x() * s, p.y() * s);
   return res;
}
```

- alle diese Versionen können dank "function-overloading" gleichzeitig implementiert sein
- bisher: freie Funktionen
- falls das erste Argument vom Typ Point oder Point const & ist, kann man die Funktionen alternativ als Member-Funktion implementieren

```
class Point {
    ... // wie bisher
    Point operator + (Point const & p2) {
        Point res ((*this).x() + p2.x(), (*this).x() + p2.y());
        return res; // Nulltes Argument anstelle von p2 der freien Funktion
    }
};
```

#### Member-Funktionen

- Vorteil von Member-Funktionen: Zugriff auf private Member der Klasse (hier nicht notwendig)
- Nachteil:
  - 1. nur möglich, wenn das linke Argument vom Klassentyp ist (p\*s kann Member-Funktion sein, s\*p nicht)
  - 2. nur möglich, wenn man die Klassendefinition ändern darf

#### 15.6 Objekte nachträglich verändern

- bisher: alle Objekte waren "write-once", d-h- Speicher wurde im Konstruktkor initialisiert und war dann unveränderlich
  - ⇒ Paradigmen der funktionalen Programmierung "referentielle Integrität"
- prozedurale Programmierung erforder Möglichkeit, Objekte zu ändern, z.B. um entsprechende Änderungen in der realen Welt widerzuspiegeln
- dazu 3 Möglichkeiten:
  - 1. Setter-Funktionen (universell nutzbar)

2. Index-zugriff, wie bei std:: vector

```
// wollen:
 Point p(2.0, 3.0);
 assert(p[0] == 2.0 && p[1] == 3.0); // lesender Zugriff
 p[0] = 4.0;
 p[1] = 5.0;
 assert(p == Point(4.0, 5.0)); // schreibender Zugriff
 class Point {
   ... // wie zuvor
   double operator[] (int index) const {
     if (index == 0) {
       return (*this).x_;
     } if (index == 1) {
       return (*this).y_;
     } else {
       // Fehlermeldung
   } // lesender Zugriff
   double & operator[] (int index) {
     if (index == 0) {
       return (*this).x_;
     } if (index == 1) {
       return (*this).y_;
     } else {
       // Fehlermeldung
   } // schreibender Zugriff
 };
  // Verwendung (Langform):
  Point p(2.0, 3.0);
 double & x = p[0];
 double & y = p[1];
 x = 4.0; // ändert indirekt auch die Variablen p.x_, p.y_
 y = 5.0;
 assert(p == Point(4.0, 5.0));
```

3. Zuweisungsoperatoren

```
// wollen:
    Point p(2.0, 3.0), q(4.0, 5.0);

p = 1.0;
    assert(p == Point(1.0, 1.0));

p = q;
    assert(p == Point(4.0, 5.0));

Point & r = q;

class Point {
        ... // wie zuvor
        void operator= (double v) {
            (*this).x_ = v;
        }
```

```
(*this).y_ = v;
}

void operator= (Point const & other) {
    (*this).x_ = other.x_;
    (*this).y_ = other.y_;
} // copy assignment operator
};
```

#### Bemerkungen

- implementiert der Programmierer keinen copy assignment Operator, implementiert der Compiler ihn automatisch (wie Kopierkonstruktor): ruft copy assignment für alle Member-Variablen auf
- man implementiert meist:

```
Point & operator= (...) {
    ... // wie zuvor
    return *this;
}
```

Vorteil: man kann Zuweisungen verketten

• arithmetische Zuweisung:

# 16 Klasse: Image

- speichert 2D Bild (analog: Matrix), zunächst nur Graubilder, später Farbbilder
- Beispiel für dynamische Datenstruktur, Größe erst zur Laufzeit bekannt und änderbar
- besteht aus Pixeln ("picture elements"), die mit 2 Indizes x und y angesprochen werden
- Problem: Speicher ist nur 1D Lösung: Lege <u>Zeilen</u> hintereinander

```
class Image {
    int width_, height_;
    std::vector <uint16_t> data_;
 public:
   Image() //Std-Konstruktor Bildgröße(0,0)
    :width_(0)
    ,height_(0)
    ,data_()
    Image (unsigned int w, unsigned int u)
    :width_(w)
    ,height_(u)
    ,data_(w*h, 0) // Pixelgröße mit Farbwert schwarz
    int width() const {
     return width_;
    int height() const {
     return height_;
    int size() const { // Gesamtzahl Pixel
     return width_ * height_;
    void resize(unsigned int w, unsigned int h) {
     data_.resize(w*h);
     width_ = w;
     height_ = h;
    uint16_t get(int x, int y) const {
     return data_[x + y*width_];
    void set(int x, int y, uint16_t v) {
     data_[x + y*width_] = v;
};
```

# **Zugriff bequemer machen** wünschenswert wäre: 2D Arrays $\Rightarrow$ verwende stattdessen runde Klammern

```
class Image {
    ... // wie bisher
    uint16_t operator() (int x, int y) const {
       return get(x,y);
    }

    uint16_t & operator() (int x, int y) {
       return data_[x+y*width_];
    }
};
```

```
// jetzt:
uint16_t v = image(1,2);
image(1,2) = 255;
```

```
Rückgabe als String
std::string to_string (Image const & image) {
    std::string res;
    for (int y=0; y < image.height(), y++) { // iteriert über die Zeilen
        for (int x=0; x < image.width(); x++) { // iteriert über die Spalten
        if (x>0) {
            res += '' '';
        }
        res += std::to_string(image(x,y));
    }
    res += ''\n'';
}
return res;
}
```