

# 1 Baum

1. Baum besteht aus Knoten (Kreise) und Kanten (Pfeile)
2. Kanten verbinden Knoten mit ihren Kind-Knoten
3. jeder Knoten (außer der Wurzel) hat genau ein Elternteil
4. Knoten ohne Kinder heißen "Blätter" (leaf nodes)
5. Teilbaum

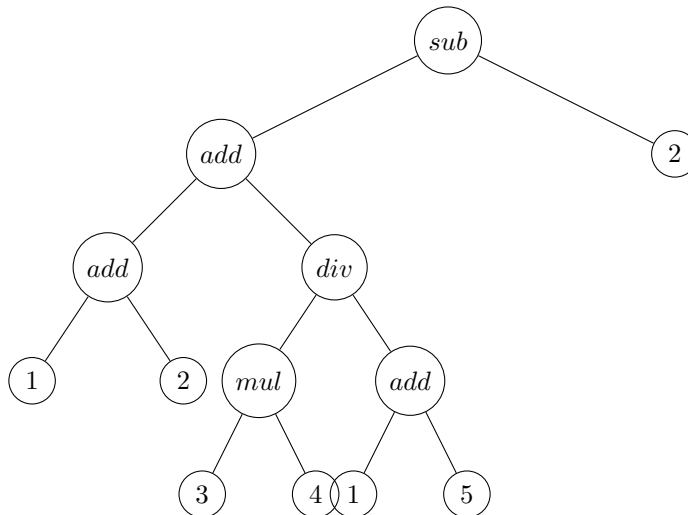
(a) wähle beliebigen Knoten

Infix Notation:

$$1 + 2 + 3 * 4 / (1 + 5) - 2$$

Prefix Notation:

$$sub(add(add(1, 2), div(mul(3, 4), add(1, 5))), 2)$$



## Prefix Notation aus dem Baum rekonstruieren

1. Wenn die Wurzel ein Blatt ist, dann "Drucke die Zahl"
2. sonst (Operator):
3. Drucke Funktionsnamen
4. Drucke "("

*wiederhole ab 1) für das linke Kind*

6. Drucke

7. wiederhole den Algorithmus ab 1) für das rechte Kind

8. Drucke ")"

Beachte Reihenfolge: Wurzel - Links - Rechts (Pre-Order Traversal) Ergebnis:

$$sub(add(add(1, 2), div(mul(3, 4), add(1, 5))), 2)$$

**Definition: Rekursion** Rekursion meint Algorithmus für Teilproblem von vorn

## Infix Notation

1. wie bei Präfix
2. sonst
  - (a) entfällt
  - (b) wie bei Präfix
  - (c) wie bei Präfix
  - (d) Drucke Operatorsymbol
  - (e) wie bei Präfix
  - (f) wie bei Präfix
  - (g) wie bei Präfix

Beachte Reihenfolge: Links - Wurzel - Rechts (In-Order Traversal)

Ergebnis:

$((1 + 2) + ((3 * 4) / (1 + 5))) + 2$

## Berechne den Wert mit Substitutionsmethode

1. Wenn Wurzel ein Blatt hat, gib die Zahl zurück
2. sonst
  - (a) entfällt
  - (b) entfällt
  - (c) wiederhole ab 1) für linken Teilbaum und speichere Ergebnis als *left - result*
  - (d) entfällt
  - (e) wiederhole ab 1) für rechten Teilbaum, speichere Ergebnis als *right - result*
  - (f) berechne  $fk_{name}(left - result, right - result)$  und gib Ergebnis zurück

Beachte Reihenfolge: Links - Rechts - Wurzel (Post-Order Traversal)

$$\begin{aligned} & sub(add(add(1, 2), div(mul(3, 4), add(1, 5))), 2) \\ &= sub(add(add(1, 2), div(12, 6)), 2) \\ &= sub(add(3, 2), 2) \\ &= sub(5, 2) \\ &= 3 \end{aligned}$$

Maschinensprache

- optimiert für die Hardware (viele verschiedene)
- Gegensatz: höhere Programmiersprache ( $C++$ ) ist optimiert für Programmierer
- Compiler oder Interpreter übersetzen Hoch- in Maschinensprache

## Vorgang des Übersetzens

1. Eingaben (und Zwischenergebnisse) werden in Speicherzellen abgelegt  $\Rightarrow$  jeder Knoten im Baum bekommt eine Speicherzelle (Maschinensprache: durchnummeriert ; Hochsprache: sprechende Namen)
2. Speicherzellen für die Eingaben *initialisieren* ; Notation:  $\text{SpZ} \leftarrow \text{Wert}$
3. Rechenoperationen in der Reihenfolge des Substitutionsmodells ausführen und in der jeweiligen Speicherzelle speichern ; Notation:  $\text{SpZ\_Ergebnis} \leftarrow \text{fkt\_name SpZ\_Arg1 SpZ\_Arg2}$
4. alles in Zahlencode umwandeln
  - Funktionsname  $\Rightarrow$  Opcodes
  - Speicherzellen: nur die Nummer
  - Werte sind schon Zahlen
  - Notation: Opcode    Ziel SpZ    SpZ\_Arg1    SpZ\_Arg2 oder Opcode    Ziel SpZ  
Initialwert