

Prvi Kolokvij

Zadatak 1.

- a) Skicirati prostor rješenja koji pripada zadatku LP-a.

$$\begin{aligned} -1,25 x_1 + 0,75 x_2 &\leq 3,75 \\ x_2 &\leq 7 \\ 1,4 x_1 - 1,75 x_2 &\leq 3,5 \\ 0,67 x_1 + 0,73 x_2 &\leq 8,2 \\ 0,91 x_1 + 1,1 x_2 &\leq 10 \\ x_1 &\geq 0, x_2 \geq 0. \end{aligned}$$

- b) Označiti na grafu gdje očekujemo optimume (kod standardnih zadataka, bez iznimnih situacija koje mogu nastati između f-je cilja i pojedinih ograničenja)
- c) Ako je ishodište osnovno moguće rješenje, označite na slici kako djeluje uvjet izvedivosti.

Zadatak 2.

- a) Riješite zadani problem optimizacije (LP).
- b) Ako zadatak opisuje „živi problem“ navedite sve dopustive promjene u f-ji cilja (izračunajte granice) sa kojima će optimalni režim rada ostati u cjelosti nepromjenjen.

Maksimizirati:

$$\begin{aligned} x_0 &= 3 x_1 - 3,9 x_2 + 4,8 x_3 + 0,5 x_4 \text{ uz} \\ 3,5 x_1 + 1,5 x_2 + x_3 + 0,9 x_4 &\leq 4 \\ 0,5 x_1 - 1,2 x_2 + 3 x_3 - 2 x_4 &\leq 15 \end{aligned}$$

a)

Optimalne vrijednosti decizijskih varijabli su: _____

Optimalna vrijednost f-je cilja: _____

b)

Dopustive su promjene slijedećih koeficijenata f-je cilja i u granicama:

Zadatak 3.

Zadan je LP kojeg treba optimirati. Riješiti dualnim postupkom i napisati optimalne vrijednosti zadanaih decizijskih varijabli i f-je cilja.

Minimizirati f-ju cilja

$$\begin{aligned} x_0 &= 0,5 x_1 + 1,7 x_2 \text{ uz} \\ 5,1 x_1 + 0,3 x_2 &\geq 9 \\ -0,9 x_1 + 2,2 x_2 &\geq 15 \\ x_1 &\geq 1 \end{aligned}$$

Drugi Kolokvij

1)

a) Zadano je 5 skladišta – S1, S2, S3, S4, S5 sa kapacitetima (+ kapacitet znači da je pojedino skladište polazno tj. šalje robu, a – znači da je pojedino skladište dolazno, tj. prima robu. Nule znače da je skladište prazno. U tablici su zadane sve c_{ij} – cijene između veza. Modelirajte zadatak kao transportni problem.

S1 (+25)	S2 (0,0)	S3 (+12,-5)	S4 (+25,-2)	S5 (-15)
-------------	-------------	----------------	----------------	-------------

	S1	S2	S3	S4	S5
S1	X	10	1	2	nemoguće
S2	10	X	nemoguće	0	4
S3	1	nemoguće	X	1	5
S4	2	0	1	X	9
S5	nemoguće	4	5	9	X

b) Odredite osnovno moguće rješenje metodom najmanjih troškova i kratko komentirajte što je to osnovno moguće rješenje.

2) U zgradi postoji 6 sala s različitim brojem sjedećih mjesta B1, B2, B3, B4, B5, B6. Treba rasporediti na optimalan način 5 grupa ljudi (A1, A2, A3, A4, A5) tako da ostane minimalan broj praznih sjedalica.

- planirati minimum tako da netko stoji samo iznimno.

Sala	B1	B2	B3	B4	B5	B6
Kapacitet	45	25	18	60	40	60
Grupa ljudi	A1	A2	A3	A4	A5	/
Broj ljudi	36	28	65	55	12	/

3) Igrač koji u ovom času ima pravo igre ima 3 moguća poteza (I1, I2, I3) a njegov protivnik 4 (P1, P2, P3, P4).

Odredite strateški optimalne poteze za oba igrača, ako su cijene njihovih mogućih kontakata (gledajući sa pozicije prvog igrača) zadane:

$c(I1-P1)=0,5$	$c(I2-P1)=-1$	$c(I3-P1)=1$
$c(I1-P2)=-0,5$	$c(I2-P2)=6$	$c(I3-P2)=0$
$c(I1-P3)=8$	$c(I2-P3)=1$	$c(I3-P3)=7$
$c(I1-P4)=1$	$c(I2-P4)=2$	$c(I3-P4)=3$

4) Na temelju zajedničkih principa teorije grafova na zadanom grafu označiti događaje i aktivnosti. Izdvojite sa strane samo 2 događaja (omeđuju jednu aktivnost) i na njima pokažite na koje se sve načine mogu zadati podaci o vremenima.

