

⊙ Exemples – Diviseurs et nombres premiers :

➤ Voici le début de la liste des nombres premiers inférieurs à 100 : 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 79, 83, 89, 97...

➤ Tout nombre entier supérieur à 1 peut être décomposé en facteurs premiers : On cherche systématiquement des facteurs premiers, à commencer par les plus petits. Chaque fois qu'on en trouve un, on effectue la division et on reprend la recherche sur le quotient. La procédure se termine lorsqu'on obtient 1.

Les facteurs premiers se trouvent dans la colonne de droite :

180		2	585		3	3003		3
90		2	195		3	1001		7
45		3	65		5	143		11
15		3	13		13	13		13
5		5	1			1		

➤ De ces trois diagrammes, on peut déduire les décompositions en facteurs premiers que voici :

$$180 = 2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 5 = 2^2 \times 3^2 \times 5 ;$$

$$585 = 3 \times 3 \times 5 \times 13 = 3^2 \times 5 \times 13 ;$$

$$3003 = 3 \times 7 \times 11 \times 13.$$

Il est pratique de regrouper les facteurs premiers qui apparaissent plusieurs fois sous forme de puissances :

$$2^2 = 2 \times 2 \text{ et } 3^2 = 3 \times 3.$$

➤ Voici quelques exemples supplémentaires (utilisez des diagrammes comme ci-dessus) :

$$120 = 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 5 = 2^3 \times 3 \times 5 ;$$

$$81 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^4 ;$$

$$48 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3 = 2^4 \times 3.$$