Forberedelse til prøve

Opgave 1

Afgør for følgende sammenhænge mellem x og y om de er ligefrem eller omvendt proportionale.

a)
$$y \cdot x = 5$$

$$b) y = -4x$$

$$c) \ \frac{y}{x} = 2$$

$$c) \ \frac{y}{x} = 2 \qquad \qquad d) \ y = \frac{6}{x}$$

Opgave 2

For følgende funktioner f og g bestem da den sammensatte funktion f(g(x)).

a)
$$f(x) = x^2 \text{ og } g(x) = 2x + 1$$

b)
$$f(x) = \sqrt{x} \text{ og } q(x) = 4x - 3$$

c)
$$f(x) = \ln(x)$$
 og $g(x) = \sqrt{x}$

$$d) f(x) = x^4 \text{ og } g(x) = x^3$$

Opgave 3

En stykvist defineret funktion er defineret ved

$$f(x) = \begin{cases} \sqrt{x}, & \text{hvis } x \ge 0, \\ x^2 - 2x + 1, & \text{hvis } x < 0. \end{cases}$$

- i) Tegn grafen for f på intervallet [-4, 4].
- ii) Bestem f(4).

Opgave 4

Bestem graden for følgende polynomier.

1)
$$x^2 + 4x + 1$$

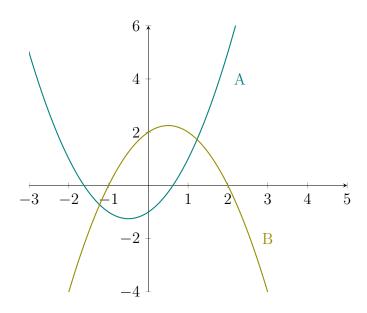
2)
$$x^5 - 2x^5$$

3)
$$-4x^3 + 5x^7$$

1)
$$x^2 + 4x + 1$$
 2) $x^5 - 2x^2$
3) $-4x^3 + 5x^7$ 4) $x^2 + 2x^3 + 3x^4 + 4x^5 + 5x^6$

Opgave 5

Andengradspolynomierne f og g har henholdsvis parablerne A og B, som kan ses på Figur 1.



Figur 1: Parablerne A og B

- i) Bestem c-værdien for f og g.
- ii) Bestem fortegnet på a- og b-værdierne for f og g
- iii) Bestem fortegnet på diskriminanten for f og g.
- iv) Bestem rødderne for g.

Opgave 6 (Uden Maple)

Et polynomium f er givet ved

$$f(x) = 12 + 2x - 2x^2$$

- i) Bestem f(2)
- ii) Bestem rødderne for f

Opgave 7 (Uden Maple)

Løs følgende ligninger

a)
$$x^2 + 2x = 3$$

b)
$$-x^2 = 6x + 8$$

Opgave 8

I dette datasæt fremgår en række datapunkter.

- i) Brug residualplots til at afgøre, hvilken polynomisk regression, der bedst beskriver datasættet.
- ii) Anvend regression på datasættet med den valgte regression
- iii) Bestem f(9).
- iv) Bestem rødderne for f.