Aflevering 3

Opgave 1

To funktioner f og g er givet ved henholdsvist

$$f(x) = 2\sqrt{2x} \text{ og } g(x) = e^{x/2}.$$

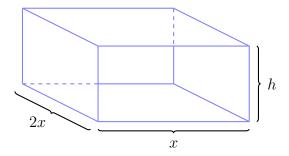
- i) Bestem den afledede af f og g og bestem $f'(2) \cdot g'(2)$.
- ii) Bestem det ubestemte integrale

$$G(x) = \int g(x) \mathrm{d}x.$$

- iii) Bestem funktionen h(x) = f(G(x)).
- iv) Bestem ligningen for tangenten af h(x) i punktet (3, h(3)).

Opgave 2

Vi ønsker at bygge en aflang flyhangar. Den skal have et rumfang på 26000m³, og den skal være dobbelt så lang som bred, og den skal have en åbning foran. En skitse af hangaren kan ses på Fig. 1. Der skal ikke være bund i hangaren.



Figur 1: Figur af hangar

- i) Bestem et udtryk for rumfanget af hangaren
- ii) Bestem et udtryk for overfladearealet af hangaren. Husk, at der ikke skal være bund i hangaren. Der skal heller ikke være nogen side i hangaren i den side, der vender mod læseren på Fig. 1.

- iii) Udnyt, at rumfanget af hangaren skal være $26000 \,\mathrm{m}^3$ til at bestemme et udtryk for h.
- iv) Brug dette udtryk for h til at finde et udtryk for overfladearealet, der kun afhænger af x.
- v) Find det x, der gør overfladearealet af hangaren så småt som muligt. Hvad er det optimale overfladeareal?

Opgave 3

Tabel 1 beskriver antallet af bakterier N i en opløsning efter tid t. Enheden for N er mio. bakterier og t er tid i timer.

Tabel 1: Bakterievækst

- 1. Bestem den eksponentialfunktion \hat{N} , der bedst beskriver datasættet Tabel 1.
- 2. Bestem $\hat{N}'(x)$, og bestem derefter $\hat{N}'(24)$. Hvad er betydningen af tallet $\hat{N}'(24)$?
- 3. Omskriv $\hat{N}(x)$ til formen be^{kx} , og bestem derefter fordoblingskonstanten for \hat{N} . Hvad fortæller fordoblingskonstanten os?
- 4. Hvor mange bakterier er der i følge modellen \hat{N} efter en uge, og med hvor mange bakterier vokser bakterierne per time efter en uge i følge modellen? Bliver modellen ved med at kunne beskrive væksten af bakterierne?

Opgave 4

Betragt funktionerne f og g givet ved

$$f(x) = \frac{1}{x} \text{ og } g(x) = 3x^3 + 2x.$$

i) Bestem integralerne

$$\int f(x) dx \text{ og } \int g(x) dx.$$

ii) Bestem det ubestemte integral

$$H(x) = 10f(x)dx - \frac{1}{2} \int g(x)dx.$$

iii) Bestem nu H, så grafen for H går gennem punktet (1,1).