2.v

Opgaver i Analytisk Geometri

Opgave 1

Udregn følgende:

1)
$$\begin{pmatrix} 2 \\ -3 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 5 \\ -8 \end{pmatrix}$$
 2) $\det \left(\begin{pmatrix} 6 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -8 \\ 10 \end{pmatrix} \right)$

Opgave 2

i) Bestem en ligning for linjen l, der går gennem punktet (4,3) og har

$$\vec{n} = \begin{pmatrix} 6 \\ -20 \end{pmatrix}$$

som normalvektor.

ii) Bestem en parameterfremstilling for linjen m, der går gennem punktet $(\sqrt{2}, 9)$ og som har

$$\vec{r} = \begin{pmatrix} -7 \\ 5 \end{pmatrix}$$

som retningsvektor.

Opgave 3

i) Bestem skæringen mellem linjerne givet ved ligningerne

$$2(x-1) + 7(y-2) = 0$$

og

$$-4(x-8) - 7(y+3) = 0.$$

ii) Bestem skæringspunktet mellem linjerne givet ved ligningerne

$$6x + 7y = 0$$

og

$$y = 14x - 16$$
.

Opgave 4

i) Bestem afstanden mellem punktet (2,3) og linjen givet ved ligningen

$$4x + 7y - 3 = 0$$

ii) Bestem afstanden mellem punktet (-1,6) og linjen givet ved ligningen

$$3(x-1) + 4(y-2) = 0.$$

Opgave 5

i) Bestem projektionen $\overrightarrow{a_b}$ af følgende vektorer:

$$\vec{a} = \begin{pmatrix} 6 \\ 4 \end{pmatrix}, \ \vec{b} = \begin{pmatrix} 3 \\ -4 \end{pmatrix}.$$

ii) Bestem projektionen $\overrightarrow{a_{\,\overrightarrow{b}}}$ af følgende vektorer:

$$\vec{a} = \begin{pmatrix} 7 \\ -5 \end{pmatrix}, \ \vec{b} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}.$$

iii) Bestem projektionen $\overrightarrow{a_{\overrightarrow{b}}}$ af følgende vektorer:

$$\vec{a} = \begin{pmatrix} 2 \\ 11 \end{pmatrix}, \ \vec{b} = \begin{pmatrix} -20 \\ 16 \end{pmatrix}.$$

Opgave 6

i) En cirkel er givet ved ligningen

$$(x-2)^2 + (y-5)^2 = 256$$

og en linje er givet ved

$$y = 2x + 1.$$

Bestem skæringen mellem linjen og cirklen.

ii) En cirkel er givet ved ligningen

$$x^2 + y^2 = 4$$

og en linje er givet ved

$$y = 600x - 2.$$

Bestem skæringen mellem linjen og cirklen.

Opgave 7

- i) En cirkel har centrum i (11, 2) og punktet (10, -77) ligger på cirklen. Bestem en ligning for tangenten til cirklen i punktet (10, -77).
- ii) En cirkel har centrum i (0.5,7) og punktet $(4,\sqrt{2})$ ligger på cirklen. Bestem en ligning for tangenten til cirklen i punktet $(4, \sqrt{2})$.
- iii) En cirkel har centrum i (6,5) og punktet (7,-9) ligger på cirklen. Bestem en ligning for tangenten til cirklen i punktet (7, -9).