



Matematik- aflevering

2022
2m Ma

Opgavesætter er delt i to dele:
Delprøve 1 kun med den centralt udmeldte formelsamling.
Delprøve 2 med alle hjælpemidler.

Krav til formidling af din besvarelse

Ved bedømmelse af helhedsindtrykket af besvarelsen af de enkelte opgaver lægges særlig vægt på følgende fire punkter:

- **Redegørelse og dokumentation for metode**

Besvarelsen skal indeholde en redegørelse for den anvendte løsningsstrategi med dokumentation i form af et passende antal mellemregninger *eller* matematiske forklaringer på metoden, når et matematisk værktøjsprogram anvendes.

- **Figurer, grafer og andre illustrationer**

Besvarelsen skal indeholde hensigtsmæssig brug af figurer, grafer og andre illustrationer, og der skal være tydelige henvisninger til brug af disse i den forklarende tekst.

- **Notation og layout**

Besvarelsen skal i overensstemmelse med god matematisk skik opstilles med hensigtsmæssig brug af symbolsprog, og med en redegørelse for den matematiske notation, der indføres og anvendes, og som ikke kan henføres til standardviden.

- **Formidling og forklaring**

Besvarelsen af rene matematikopgaver skal indeholde en angivelse af givne oplysninger og korte forklaringer knyttet til den anvendte løsningsstrategi beskrevet med brug af almindelig matematisk notation.

Besvarelsen af opgaver, der omhandler matematiske modeller, skal indeholde en kort præsentation af modellens kontekst, herunder betydning af modellens parametre. De enkelte delspørgsmål skal afsluttes med en præcis konklusion præsenteret i et klart sprog i relation til konteksten.

Delprøve uden hjælpemidler

Opgave 1

En funktion f er givet ved

$$f(x) = 3x^2 + 2x + 1$$

- i) Bestem $f(7)$.
- ii) Bestem det punkt, hvor grafen for f skærer y -aksen.

Opgave 2

Punkterne $A(0, 1)$, $B(-4, 2)$ og $C(5, 3)$ er givet.

- i) Bestem vektoren \overrightarrow{BC} .
- ii) Bestem en parameterfremstilling for linjen l , der går gennem A og B .
- iii) Bestem en ligning for linjen m , der går gennem A og C .
- iv) Bestem skæringspunktet mellem l og m .

Opgave 3

En linje l er givet ved ligningen

$$2(x - 1) + 3(y + 4) = 0$$

- i) Bestem en ligning for linjen m , der er orthogonal med l og som skærer gennem $P(-2, -4)$.

Opgave 4

En ligning er givet ved

$$2(s + K) = 24s$$

- i) Isolér K i ligningen.

Opgave 5

To punkter $P(1, 2)$ og $Q(3, 32)$ er givet. Funktionen f givet ved

$$f(x) = b \cdot a^x$$

skærer gennem P og Q .

- i) Bestem konstanterne a og b
- ii) Udregn funktionsværdien $f(2)$.

Delprøve med hjælpemidler

Opgave 6

I en bakteriekoloni kan bakterieantallet B i de første 24 timer beskrives ved en eksponentiel sammenhæng. Et datasæt hvori bakterieantallet B til tiden t er givet i Tab. 1.

t (timer)	1	2	3	4	5	6	7
B (bakterier i mio.)	19.1	22.6	29.1	32.9	44.0	50.4	65.1

Tabel 1: Antallet af bakterier (B) i mio. som funktion af tiden (t) i timer.

- Brug datasættet fra Tab. 1 til at bestemme en forskrift for $B(t)$.
- Bestem, hvor mange bakterier, der er efter 10 timer.
- Afgør, hvornår antallet af bakterier overstiger 1 mia.

Opgave 7

To linjer l og m er givet ved følgende ligning og parameterfremstilling henholdsvis:

$$l : 2(x - 5) - 6(y + 7) = 0$$

$$m : \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} -2 \\ -3 \end{pmatrix}$$

- Bestem en retningsvektor for l og m og bestem derefter vinklen mellem linjerne.
- Projicer retningsvektoren for l ned på retningsvektoren for m .
- Bestem skæringspunktet mellem l og m .

Opgave 8

Et polynomium f er givet ved

$$f(x) = x^5 + 3x^4 + x^2 - 4.$$

- Bestem graden for polynomiet og afgør det minimale og maksimale antal rødder for f .

ii) Tegn grafen for f på intervallet $[-4, 2]$.

iii) Bestem rødderne for f på intervallet $[-4, 2]$.