Nørre Gymnasium 1.v

Potensvækst og potensfunktioner

Potensfunktioner

I har allerede tidligere set et eksempel på en potensfunktion: Et polynomium på formen $f(x) = ax^2$. Mere generelt har vi følgende definition på potensfunktioner:

Definition 1.1. For b > 0 og $a \in \mathbb{R}$, så kalder vi en funktion f på formen

$$f(x) = b \cdot x^a$$

for en potensfunktion. En variabelsammenhæng $y = b \cdot x^a$ kaldes tilsvarende for en potenssammenhæng.

Eksempel 1.2. Et rektangel med bredde x og længde $2 \cdot x$ har areal $A(x) = 3 \cdot x \cdot x = 3 \cdot x^2$, hvilket er en potensfunktion med b = 3 og a = 2

Eksempel 1.3. En kasse med bredde x, længde 2x og højde 3x har rumfang $R(x) = 3 \cdot x \cdot 2 \cdot x \cdot x = 6 \cdot x^3$, hvilket er en potensfunktion med b = 6 og a = 3.

Eksempel 1.4. I Tabel 1 fremgår antallet af målinger af radioaktivitet per sekund som funktion af afstanden til et radioaktivt emne. Vi forventer, at dette kan beskrives som en potenssammenhæng.

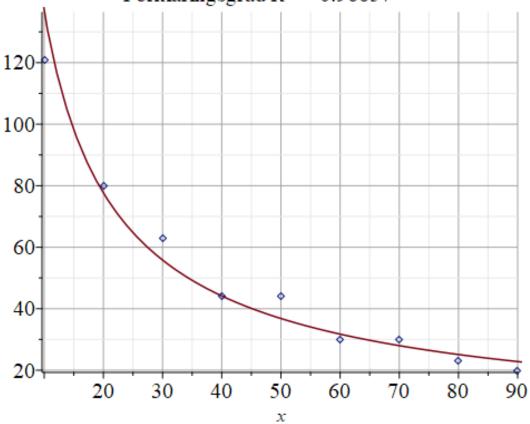
Tabel 1: Antal aktiveringer af Geigertæller per sekund som funktion af afstand til radioaktivt emne.

Af Fig. 1 kan vi se en potensregression lavet i Maple på radioaktivitetsdatasættet.

Potens Regression

$$y = 890.18 \cdot \frac{1}{x^{0.81431}}$$

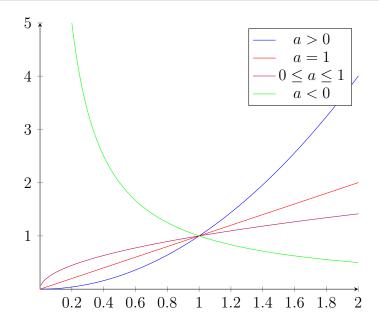
Forklaringsgrad $R^2 = 0.96657$



Figur 1: Potensregression på radioaktivitetsdata.

Af Fig. $\ref{eq:second}$ kan de ses, hvad a betyder for en potensfunktion.





Figur 2: Figur, der viser, hvad a betyder for potensfunktionen

Potensfunktioner har mængden $]0,\infty[$ som både definitionsmængde og værdimængde (også kaldet domæne og codomæne). I fald a=0, så er domænet kun b.

Opgave 1

- i) Brug regressionen fra Eksempel 1.4 til at bestemme antallet af aktiveringer med Geigertælleren der vil være ved 2 meters afstand.
- ii) Brug regressionen til at bestemme ved hvilken afstand, der er 100 aktiveringer i sekundet.

Opgave 2

Det oplyses, at sammenhæng mellem et penduls længde og svingningstid kan beskrives som en potensfunktion. Data er opsamlet i følgende tabel:

Længde (m)	0.5	0.75	1.00	1.25	1.50
Svingningstid (s)	1.4	1.7	2.1	2.2	2.5

i) Lav potensregression på data fra tabellen.

- ii) Bestem, hvor lang svingningstiden er, hvis pendulet er 3m
- iii) Bestem, hvad pendullængden skal være, hvis svingningstiden skal være 4 sekunder.

Opgave 3

- i) En cylinder har samme diameter som højde. Bestem den potensfunktion, der beskriver rumfanget af cylinderen som funktion af cylinderens radius.
- ii) En kasse har bredde, højde og længde x. Bestem rumfanget af x, og afgør, hvad a og b er i denne potensfunktion.
- iii) For et bestemt objekt kan vindmodstanden på objektet beskrives ved

$$F(v) = \frac{1}{2}v^2,$$

hvor v er hastigheden i m/s, objektet bevæger sig med, og F er vindmodstanden målt i N. Hvad er vindmodstanden, når objektet bevæger sig med 50m/s? Hvor hurtigt skal objektet bevæge sig, for at modstanden på objektet er 20N?