

3. Bestimmung des Widerstands eines Dehnmessstreifens nach dem Abgleichverfahren mit einer Wheatstone'schen Messbrücke

1. Versuchsbeschreibung

Die Brückenschaltung ist gemäß der Schaltung (Abbildung XX) aufzubauen.

Für R_1 ist der Dehnmessstreifen-Widerstand des unbelasteten Biegebalkens zu verwenden.

Der Widerstand R_2 ist mit einer Präzisions-Widerstandsdekade Typ 4107 aufzubauen.

Für die Referenz Widerstände R_3/R_4 sind Präzisionswiderstände mit $1\text{ k}\Omega$ (0,02% Toleranz) aus dem hps Board zu verwenden.

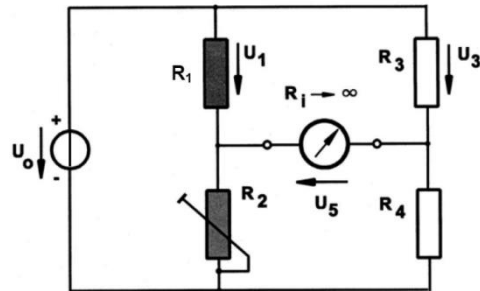


Abb. 1: Messschaltung zur Bestimmung von R_1

Die Versorgungsspannung ist auf 6V einzustellen.

Die Spannung U_5 wird mit einem Digitalmultimeter gemessen.

Die Brückenspannung U_5 ist durch Veränderung des Widerstands R_2 über die Präzisions-Widerstandsdekade abzugleichen.

Der Widerstand R_1 ist unter den Abgleichbedingungen und der Kenntnis über $R_2/R_3/R_4$ zu bestimmen.

2. Vorbereitung

3. Durchführung

Die Schaltung wurde gemäß der Versuchsbeschreibung aufgebaut.

Die Widerstandsdekade R_2 wurde stufenweise verstellt, bis das Multimeter einen Abgleich von 0V angezeigt hat.

4. Messdaten

3.) R_1	
R_2	699.600 Ω

5. Auswertung

Aufgrund des Prinzips der Wheatstone'schen Messbrücke und der Messung aus Versuch 1, dass der unbelastete Widerstand des Dehnungsmessstreifens 700Ohm beträgt, wurde vorher schon vermutet, dass sich ein Abgleich bei $R_2 \text{ ca.} = 700\text{OHM}$ einstellt.

Ein Abgleich der Messbrücke ($U_5 = 0\text{V}$) hat sich bei $R_2 = 699.6\text{Ohm}$ eingestellt.

Weshalb auch der Widerstand $R_1 = 669.60\text{Ohm}$ betragen muss, damit ein Abgleich gewährleistet ist.

Die Abweichung zu Aufgabe 1 ergibt sich durch die Widerstandsmessung über die Spannung (Messbrücke) und der Toleranz der Widerstände $R_2/R_3/R_4$.

5. Aufbau einer Wägeeinrichtung mit dem Biegestab (Viertelbrücke)

1. Versuchsaufbau

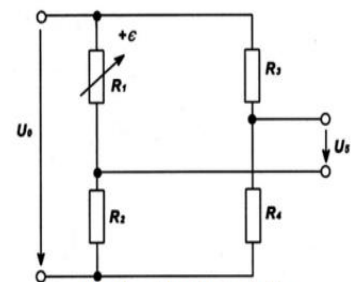
Eine Wägeeinrichtung mit Brückenschaltung ist nach Abb. 3 aufzubauen und zu untersuchen.

Für R1 ist der Widerstand R1 der 4 Dehnungsmesstreifen-Widerstände des Biegebalkens zu verwenden.

R3 und R4 sind Präzisionswiderstände mit $R3 = R4 = 1 \text{ k}\Omega$ (0,02% Toleranz) aus dem hps Board.

Die Versorgungsspannung beträgt $U_0 = 6 \text{ V}$

Die Brückenspannung U_5 ist mit dem Digitalmultimeter METRAHit zu messen.



Die Brückenspannung ist ohne Belastung des Biegebalkens durch Variation von R2 so gut wie möglich auf $U_5 = 0 \text{ V}$ abzugleichen.

Es ist die Brückenspannung U_5 bei Belastung des Biegebalkens mit:

$m = 0\text{g}, 100\text{g}, 200\text{g}, 300\text{g}, 400\text{g}, 500\text{g}$

zu messen.

Die Empfindlichkeit der Anordnung für $m = 500 \text{ g}$ ist zu bestimmen.

2. Vorbereitung

Siehe Berechnungsgrundlagen für Brückenempfindlichkeit.

3. Durchführung

Die Schaltung wurde gemäß der Versuchsbeschreibung aufgebaut.

Der Biegebalken ist unbelastet.

Die Widerstandsdekade R2 wurde stufenweise verstellt, bis das Multimeter einen Abgleich von 0V angezeigt hat.

Der Biegebalken wurde nacheinander mit 100g, 200g, 300g, 400g, 500g belastet und die Brückenspannung U_5 wurde vom Multimeter abgetragen.

Die Empfindlichkeit der Brücke wurde für $m=500\text{g}$ errechnet.

4. Messdaten

5.) R1	R2 = 700.3	R1 at $\theta_g = 700.7$
0 g		0.0000 V
100 g		-0.0004 V
200 g		-0.0006 V
300 g		-0.0008 V
400 g		-0.0011 V
500 g		-0.0013 V

5. Auswertung

Die systematische Erhöhung der Belastung führt zu einem steigenden Widerstand R_1 , weshalb sich auch die Brückenspannung erhöht.

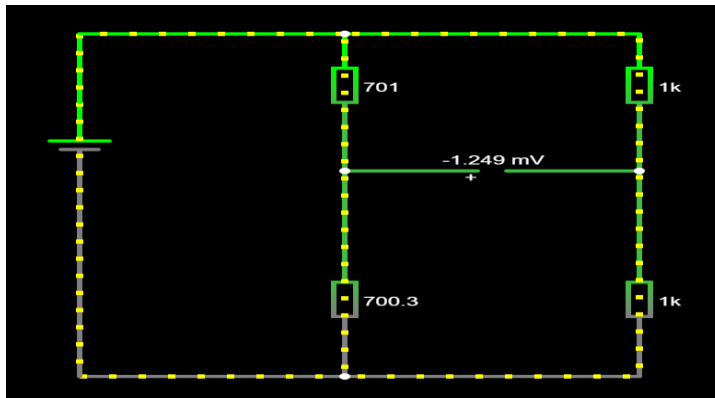
Die Brückenempfindlichkeit [Formel] ist mit $E_0 = 0,00214 \text{ V/OHM}$ eher gering, da der Widerstand R_1 relativ hoch ist und die Eingangsspannung $U = 6\text{V}$ gering ist.

Die Brückenempfindlichkeit ist somit unabhängig von dem eingesetzten Gewicht und der dadurch resultierenden Widerstandeserhöhung.

In eine zusätzliche Simulation mit „falstad.com“ (Abb XYZ) - unter Optimal Bedingungen ohne Messfehler und Widerstandstoleranzen – wurden die Messergebnisse näherungsweise überprüft.

Der Widerstandwert für R_1 liegt bei 701 OHM (500g).

Die Brückenspannung beträgt -1.249mv.



Rechnungen für Allgemeine Berechnungsgrundlagen

-Screenshots aus der VL, dass du nicht so lange suchen brauchst-

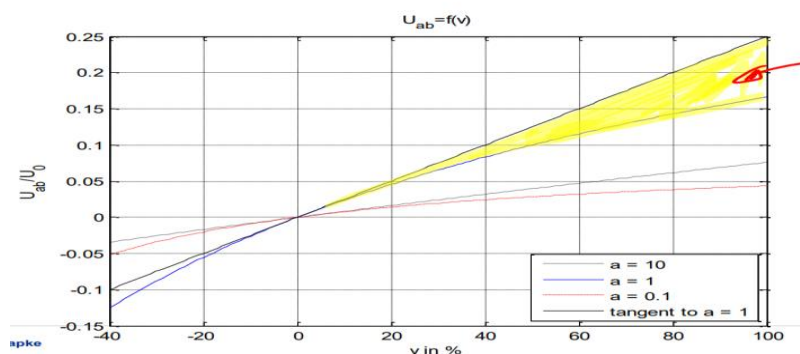
Änderung von U_{ab} in Abhängigkeit von R_1 im Abgleichpunkt

$$E_0 = \frac{dU_{ab}}{dR_1} \approx \frac{\Delta U_{ab}}{\Delta R_1} = \frac{U_{ab}}{\Delta R_1} \quad \text{für} \quad \frac{R_1}{R_2} = \frac{R_3}{R_4}$$

Für $\Delta R_1 \ll R_1$ ergibt sich mit $\frac{U_{ab}}{U_0} \approx \frac{a}{(1+a)^2} \cdot \frac{\Delta R_1}{R_1}$ U_0

$$E_0 = \frac{a}{(1+a)^2} \cdot \frac{1}{R_1} \cdot U_0$$

- **Brückenverhältnis** $a = \frac{R_2}{R_1} = \frac{R_4}{R_3}$
 - relative **Verstimmung** der Brücke $v = \frac{\Delta R_1}{R_1}$
- $$\frac{U_{ab}}{U_0} \approx \frac{R_4}{(R_1 + R_2)(R_3 + R_4)} \cdot \Delta R_1 \Rightarrow \frac{U_{ab}}{U_0} \approx \frac{a}{(1+a)^2} \cdot v$$



Der mathematische Weg: $E_0 \approx \frac{U_0}{R_1} \cdot \frac{a}{(1+a)^2} = k \cdot \frac{a}{(1+a)^2}$

Extremum $\Leftrightarrow \frac{dE_0}{da} = 0$

Regel: $(u/v)' = \frac{u'v - v'u}{v^2}$
 $u = a \Rightarrow u' = 1$

$$v = (1+a)^2 \Rightarrow v' = 2 \cdot (1+a)$$

$$\frac{dE_0}{da} = \frac{u'v - v'u}{v^2} = 0 \Leftrightarrow u'v = v'u$$

$$\Leftrightarrow \dots \Leftrightarrow a^2 = 1 \quad \rightarrow \quad a = \pm 1$$