

Nama: Bintoro Wata Wijaya
NPM: 2406431416

1. a. $p \rightarrow (q \oplus r)$
b. $p \vee (q \leftrightarrow r \vee s)$
c. $p \rightarrow (q \vee r)$

1. a.	p	q	$p \vee q$	$\sim p \vee q$	$p \vee q$	\leftrightarrow	$\sim p \vee q$
	1	1	1	1	1	1	1
	1	0	1	0	0	0	1
	0	1	1	1	1	1	0
	0	0	0	1	0	0	0

b.	p	q	r	$p \rightarrow q$	$\sim r \rightarrow \sim p$	$(p \rightarrow q) \rightarrow (\sim r \rightarrow \sim p)$
	1	1	1	1	1	1
	1	1	0	1	1	1
	1	0	1	0	1	0
	1	0	0	1	1	1
	0	1	1	1	0	0
	0	1	0	1	1	1
	0	0	1	1	1	1
	0	0	0	1	1	1

3.	A	B	C	D	E	$B \oplus E$	$\sim A \rightarrow (C \vee D)$	$\sim A \rightarrow D$	$A \vee B \vee C \vee D$
	1	1	1	1	1	0	1	1	1
	1	1	1	1	0	1	1	1	1
	1	1	0	1	1	0	1	1	1
	1	0	1	1	1	0	1	0	1
	1	0	1	0	1	0	1	0	1
	0	1	1	1	1	1	1	1	1
	0	1	1	0	1	1	1	1	1
	0	0	1	1	1	1	1	1	1
	0	0	0	1	1	1	1	1	1
	0	0	0	0	1	1	1	1	1
	0	0	0	0	0	0	1	1	1
	0	0	0	0	0	0	0	0	0

7. a. Semua mahasiswa Fasilkom suka menonton anime atau menggunakan katakana

b. Beberapa mahasiswa fasilkom tidak menyukai menonton anime dan tidak menggunakan katakana

c. Semua mahasiswa fasilkom menggunakan katakana

d. Semua mahasiswa fasilkom suka menonton anime atau menggunakan katakana

e. Semua mahasiswa fasilkom suka menonton anime maka tidak menggunakan katakana

g.a. $\forall x (P(x) \rightarrow Q(x))$ dan $\sim \exists x (P(x) \wedge \sim Q(x))$

$\forall x (\sim P(x) \vee Q(x))$ dan $\forall x (\sim (P(x) \wedge \sim Q(x)))$

$\forall x (\sim P(x) \vee Q(x))$ dan $\forall x (\sim P(x) \vee Q(x))$

= ekuivalen

b. $\exists x (P(x) \wedge Q(x))$ dan $\sim \exists x (P(x) \wedge \sim Q(x))$

$(P(x_g) \vee P(x_g) \vee P(x_g)) \wedge (Q(x_g) \vee Q(x_g) \vee Q(x_g))$

= ekuivalen

c. $\forall x (P(x) \leftrightarrow Q(x))$ dan $\forall x (P(x) \rightarrow \forall x Q(x))$

tidak ekuivalen karena pada proposisi kiri $P(x)$ dan $Q(x)$ menjadi syarat yang cukup karena bi implikasi tetapi proposisi kanan $P(x)$ dan $Q(x)$ menjadi implikasi.

d. $\forall x (P(x) \wedge \sim Q(x))$ dan $\sim \exists x (P(x) \wedge Q(x))$

$\forall x (P(x) \wedge \sim Q(x))$ dan $\forall x (\sim (P(x) \wedge Q(x)))$

$\forall (P(x) \wedge \sim Q(x))$ dan $\forall x (\sim P(x) \vee Q(x))$

tidak ekuivalen karena bentuknya berbeda

$$10. a. \sim \forall x \forall y (M(x, y))$$

$$b. \forall x \forall y (\forall y_1 \forall y_2 ((y_1 = y) \wedge (y_2 \neq y) \wedge (y_1 \neq y_2) \wedge M(x, y_1) \wedge M(x, y_2)))$$

$$c. \exists x \forall y ((K(x, y) \wedge \forall a ((a \neq x) \rightarrow \sim K(x, a)) \rightarrow M(x, y))$$

$$6. a. (a \vee (\sim b \rightarrow c)) \wedge (\sim c \rightarrow \sim a) \wedge (\sim b \rightarrow c) \\ (a \vee (b \vee c)) \wedge (a \rightarrow c) \wedge \sim (b \vee c) \\ (a \vee (b \vee c)) \wedge (\sim a \vee c) \wedge (\sim b \wedge \sim c)$$

preposisi di atas memiliki sifat kontradiksi
karena memiliki nilai false untuk setiap interpretasi

$$b. (\sim a \leftrightarrow c) \wedge (b \rightarrow a) \wedge (c \rightarrow \sim a) \wedge (b \leftrightarrow \sim c)$$

preposisi di atas memiliki sifat satisfiable karena akan memiliki nilai true, jika memiliki interpretasi sebagai berikut.

$$a = 0 \quad b = 0 \quad c = 1 \\ a = 1 \quad b = 1 \quad c = 0$$

$$c. ((a \vee b) \wedge (c \vee d) \rightarrow (a \vee c) \vee (b \wedge d)) \\ (\sim (a \vee b) \vee \sim (c \vee d)) \vee ((a \vee c) \vee (\sim b \vee \sim d)) \\ (\sim a \vee \sim b) \vee (\sim c \vee \sim d) \vee (a \vee c) \vee (\sim b \vee \sim d) \\ T \quad V \quad T \quad V \quad T \quad V \quad T$$

memiliki sifat Tautologi karena semua kemungkinan bersifat true

8. $x = \text{seluruh bilangan bulat}$

$$a. \sim \forall x \forall y ((x > 0) \wedge (y > 0) \rightarrow (x - y) > 0)$$

misalkan $x = 1$ dan $y = 2$

$$\text{maka } 1 - 2 = -1$$

True karena tidak semua bilangan x semua y . Jika $x > 0$ dan $y > 0$ maka $x - y > 0$

$$b. \forall x ((x > 0) \rightarrow \exists a \exists b (a \neq b \wedge a^2 = x \wedge b^2 = x \wedge \forall c$$

misalkan $x = 5$

$$(c \neq a \wedge c \neq b \rightarrow c^2 \neq x))$$

$$a = \sqrt{5} \text{ dan } b = \sqrt{5}$$

Keduanya bukan bilangan bulat, maka false karena ketika $x = \{2, 4, 9, \dots\}$ hasilnya bukan bilangan bulat

$$c. \exists x ((x > 0) \wedge \forall a \forall b \forall c (x \neq a^2 + b^2 + c^2))$$

bernilai true karena ketika bilangan tersebut x dan a, b, c bilangan tersebut dijumlahkan hasilnya bukan x . Contoh $x = 1$

4. $P = \text{Poni dalam kondisi prima}$

$C = \text{Poni cidera}$

$M = \text{Poni kartu merah}$

$A = \text{Poni membuat lebih dari 2 assist}$

$S = \text{Poni sebagai penyerang}$

$G = \text{Poni sebagai gelandang}$

$D = \text{ki per melakukan lebih dari 4 penyelamatan di ranbu 1}$

$B = \text{Poni sebagai back}$

$X = \text{kebobolan lebih dari 2 gol}$

$R = \text{Tim pck Itan kalah}$

$m = \text{tim pck Itan mengganti lebih dari 2 pemain}$

- $(G \wedge \sim S \sim B) \vee (\sim G \wedge S \wedge \sim B) \vee (\sim G \wedge \sim S)$
- $P \leftrightarrow \sim A \vee \sim M$
- $G \rightarrow \sim A$
- $(S \wedge P) \vee X$
- $D \wedge \sim X$
- $M \vee \sim X \rightarrow \sim B$
- $C \vee \sim D \rightarrow P$
- $(P \wedge A) \oplus (R \wedge M)$

b. - Jika Roni dalam kondisi prima maka dia tidak mengalami cidera atau kartu merah

- Jika dia bermain sebagai gelandang, maka Roni tidak membuat lebih dari 2 assist

- Jika Roni bermain sebagai penyerang dan dalam kondisi prima, maka kondisi tersebut tidak mungkin terjadi jika ia bermain sebagai gelandang

~~- Jika Roni bermain sebagai penyerang dan dalam kondisi prima, maka kondisi itu tidak mungkin~~

- Ada kemungkinan bahwa tim dapat kalah atau menang, tergantung kondisi Roni dan kiper

berdasarkan ringkasan di atas tidak ada kontradiksi yang muncul maka pernyataan ini inkonsisten

c. T = Tim Paklton mengganti 3 pemain

RA = Roni memberi 3 Assist

WR = Tim Paklton menang 3-1

↳ proposisi ini menimbulkan kontradiksi sehingga tidak konsisten

$$5. ((P \rightarrow (q \vee r)) \wedge (\sim q \rightarrow \sim r)) \vee (\sim p \wedge (r \leftrightarrow s))$$

$$\text{dan } (q \vee (\sim p \wedge (\sim r \vee s)))$$

$$((\sim p \vee (q \vee r)) \wedge (r \leftrightarrow q)) \vee (\sim p \wedge (r \leftrightarrow s))$$

↓
menggunakan demorgan

Proposisi 1 \neq Proposisi 2

Nilai kebenarannya berbeda dengan interpretasi

$$P = 0, q = 0, r = 1, s = 0$$

$$\text{Proposisi 1 : } ((\sim p \vee (q \vee r)) \wedge (\sim r \vee q)) \vee (\sim p \wedge (r \leftrightarrow s))$$

1	∧	1	∨	0
		1	∨	0
			1	

$$\text{Proposisi 2 : } q \vee (\sim p \wedge (\sim r \vee s))$$

$$0 \vee (1 \wedge 0)$$

$$0 \vee 0$$

$$0$$

kesimpulannya adalah kedua
proposisi tidak ekuivalen

$$b. (P \vee (q \wedge \sim r)) \rightarrow (\sim p \vee s) \text{ dan } (\sim (p \wedge q) \vee (r \leftrightarrow s)) \wedge (P \vee (q \wedge \sim r))$$

$$(\sim p \wedge (\sim q \vee r)) \vee (\sim p \vee s) \text{ dan } ((\sim p \wedge \sim q) \vee (\sim r \vee s)) \wedge (P \vee (q \wedge \sim r))$$

↓
menggunakan

Proposisi 1 \neq Proposisi 2

nilai kebenarannya berbeda dengan

interpretasi

$$P = 1, q = 1, r = 0, s = 0$$

demorgan Proposisi 1 :

$$\neg (\sim p \wedge (\sim q \vee r)) \vee (\sim p \vee s)$$

$$(0 \wedge 0) \vee 0$$

$$0 \vee 0$$

$$0$$

proposisi 2: $((\neg p \wedge \neg q) \vee (\neg r \vee s)) \wedge (p \vee (\neg q \wedge \neg r))$

$(0 \quad \vee \quad 1) \quad \wedge \quad (1 \vee 0)$

$1 \quad \wedge \quad 1$

1

Oleh karena itu dapat disimpulkan bahwa formula diatas tidak ekuivalen