

1 a. P: Seseorang mempunyai tinggi badan di bawah 90 cm

Q: Seseorang makan gratis di restoran ini

r: Seseorang mendapatkan mainan anak

Logika proposisi:

$$P \rightarrow (Q \oplus r)$$

b. A: Keidi pergi lari pagi

B: Keidi memasak bersama teman-temannya

C: Keidi mempunyai waktu luang

D: Keidi perlu mengikuti kelas pemrograman

Logika proposisi:

$$(A \vee B) \leftrightarrow (C \wedge D)$$

c. P: Arisa bisa menonton Film Oppenheimer

Q: Arisa di atas umur 17 tahun

r: Arisa sudah membeli tiket bioskop

Logika proposisi:

$$P \leftrightarrow (Q \wedge r)$$

2 a. $(P \wedge Q) \leftrightarrow (\neg P \vee Q)$

P	Q	$P \wedge Q$	$\neg P$	$\neg P \vee Q$	$(P \wedge Q) \leftrightarrow (\neg P \vee Q)$
T	T	T	F	T	T
T	F	F	F	F	T
F	T	F	T	T	T
F	F	F	T	T	T

b. $(P \rightarrow Q) \vee (\neg r \rightarrow \neg p)$

P	Q	r	$P \rightarrow Q$	$\neg r$	$\neg r \rightarrow \neg p$	$(P \rightarrow Q) \vee (\neg r \rightarrow \neg p)$
T	T	T	T	F	F	T
T	T	F	T	T	F	T
T	F	T	F	F	T	T
T	F	F	F	T	F	F
F	T	T	T	F	T	T
F	T	F	T	T	T	T
F	F	T	T	F	T	T
F	F	F	T	T	T	T

3]

A: Alex adalah pelaku

B: Benny adalah pelaku

C: Charlie adalah pelaku

D: Doni adalah pelaku

E: Elly adalah pelaku

a. Pernyataan diatas ke dalam logika proposisi

- Alex: "Pelakunya adalah salah satu dari Benny dan Elly."

$$A \leftrightarrow (B \oplus E)$$

- Benny: "Jika pelakunya bukan Alex, maka pelakunya adalah Charlie atau Doni."

$$\neg A \rightarrow (C \vee D)$$

- Charlie: "Alex bukan pelakunya jika dan hanya jika Doni adalah pelakunya."

$$\neg A \leftrightarrow D$$

- Doni: "Alex bersekongkol dengan Benny, atau Charlie bersekongkol dengan Elly."

$$(A \wedge B) \vee (C \wedge E)$$

- Elly: "Doni adalah pelakunya, jika Alex atau Charlie adalah pelakunya juga."

$$D \rightarrow (A \vee C)$$

b. Mencari pelaku dengan truth table

A	B	C	D	E	$B \oplus E$	$\neg A \rightarrow C \vee D$	$\neg A \leftrightarrow D$	$(A \wedge B) \vee (C \wedge E)$	$(A \vee C) \rightarrow D$
0	0	0	1	1	1	1	1	1	1
0	0	1	0	1	1	1	0	1	0
0	0	1	1	0	0	0	1	1	1
0	1	0	0	1	0	1	0	0	1
0	1	0	1	0	1	1	1	1	1
0	1	1	0	0	1	1	0	0	0
1	0	0	0	1	1	1	1	0	0
1	0	0	1	0	0	1	0	1	1
1	0	1	0	0	0	1	1	0	0
1	1	0	0	0	1	1	1	1	0

⇒ ★

★ = Pada kotak ★ menandakan bahwa x adalah pelaku

Terlihat bahwa 00101 konsisten dengan hasil truth

4 A. Proposisi Atomik

X_1 : Roni bermain sebagai bek

X_2 : Roni bermain sebagai gelandang

X_3 : Roni bermain sebagai penyerang

Y_1 : Roni dalam kondisi prima

Y_2 : Roni Cedera

Y_3 : Roni terkena kartu merah

P_1 : Roni membuat lebih dari 2 assist

Q_1 : Tim kebobolan lebih dari 2 Gol

K_1 : Kiper tim Pak Iton melakukan lebih dari 4 penyelamatan di babak pertama

K_2 : Tim Pak Iton tidak kebobolan lebih dari 2 gol

G_1 : Tim Pak Iton mengganti lebih dari 2 pemain

S_1 : Tim Pak Iton kalah

B. Mengubah Pernyataan ke logika proposisi

1. $(X_1 \vee X_2 \vee X_3) \wedge (\neg X_1 \vee \neg X_2) \wedge (\neg X_1 \vee \neg X_3) \wedge (\neg X_2 \vee \neg X_3)$

2. $Y_1 \leftrightarrow (\neg Y_2 \wedge \neg Y_3)$

3. $X_2 \leftrightarrow \neg P_1$

4. $X_3 \wedge (Y_1 \vee Q_1)$

5. $K_1 \wedge \neg Q_1$

6. $X_1 \rightarrow (\neg Y_3 \wedge \neg G_1)$

7. $(Y_1 \wedge P_1) \oplus (\neg G_1 \wedge S_1)$

C. Dampak konsistensi pernyataan diatas jika ditambah "Tim pak Iton menang 3-1, timnya mengganti 3 pemain, dan Roni memberi 3 Assist"

"Tim Pak Iton menang 3-1" \rightarrow Ini berarti tim Pak Iton menang atau tidak kalah. Jadi S_1 bernilai False

"Timnya mengganti 3 pemain" \rightarrow Tim Pak Iton mengganti lebih dari 2 pemain. Jadi G_1 bernilai True

"Roni memberi 3 assist" \rightarrow Ini membuat Roni membuat lebih dari 2 assist. Jadi P_1 bernilai True

Sesuai pernyataan diatas, setiap bagian masih terpenuhi sehingga tidak ada kontradiksi

5 a. $((P \rightarrow (Q \vee r)) \wedge (\neg Q \rightarrow \neg r)) \vee (\neg P \wedge (r \leftrightarrow s))$ dan $Q \vee (\neg P \wedge (\neg r \vee s))$
 $((P \vee (Q \wedge r)) \wedge (\neg Q \rightarrow \neg r)) \vee (\neg P \wedge (r \leftrightarrow s))$
 $((\neg P \vee (Q \wedge r)) \wedge (Q \vee \neg r)) \vee (\neg P \wedge (r \leftrightarrow s))$
 $Q \wedge (\neg P \vee Q \vee r) \vee (\neg P \wedge (r \leftrightarrow s))$
 $Q \vee (\neg P \wedge (r \leftrightarrow s))$ dan $Q \vee (\neg P \wedge (\neg r \vee s))$
 ekuivalen

b. $(P \vee (Q \wedge r)) \rightarrow (\neg P \vee s)$ dan $(\neg(P \wedge Q) \vee (r \rightarrow s)) \wedge (P \vee (\neg Q \wedge r))$
 $\neg(P \vee (Q \wedge r)) \vee (\neg P \vee s)$ $(\neg(P \wedge Q) \vee (\neg r \vee s)) \wedge (P \vee (\neg Q \wedge r))$
 $\neg P \wedge \neg(Q \wedge r) \vee (\neg P \vee s)$ $(\neg P \vee \neg Q \vee \neg r \vee s) \wedge (P \vee (\neg Q \wedge r))$
 $\neg P \wedge (\neg Q \vee \neg r) \vee (\neg P \vee s)$ $(\neg P \vee \neg Q \vee \neg r \vee s) \wedge (P \vee \neg Q) \wedge (P \vee r)$
 $\neg P \vee (\neg Q \vee \neg r) \vee s$
 $\neg P \vee \neg Q \vee \neg r \vee s$

Tidak Ekuivalen

6 a. $(a \vee (\neg b \rightarrow c)) \wedge (\neg c \rightarrow \neg a) \wedge \neg(\neg b \rightarrow c)$
 $(a \vee (b \vee c)) \wedge (\neg c \rightarrow \neg a) \wedge (\neg b \wedge \neg c)$
 $(a \vee (b \vee c)) \wedge (a \vee \neg c) \wedge (\neg b \wedge \neg c)$
 $(a \vee F) \wedge (a \vee T) \wedge (T \wedge T)$ * b dan c False
 $F \wedge T \wedge T$
 Pernyataan ini Kontradiksi

b. $(\neg a \leftrightarrow c) \wedge (b \rightarrow a) \wedge (c \rightarrow \neg a) \wedge (b \leftrightarrow \neg c)$
 $(a \vee c) \wedge (\neg a \vee \neg c) \wedge (b \rightarrow a) \wedge (c \rightarrow \neg a) \wedge (b \leftrightarrow \neg c) \rightarrow b = \neg c$
 Pernyataan ini Satisfiable karena tidak ada kombinasi nilai yang bisa membuat semua benar

c. $((a \vee b) \wedge (c \vee d)) \rightarrow (a \vee c) \vee (b \wedge d)$
 Tidak ada nilai yang membuat sisi kiri benar dan sisi kanan salah karena $(a \vee b) \wedge (c \vee d)$ juga menyatukan $(a \vee c) \vee (b \wedge d)$ sehingga pernyataan ini tautologi.

7

a) $\forall x (P(x) \vee Q(x))$

Semua mahasiswa Fasilkom suka menonton anime atau menggunakan Kacamata

b) $\exists x (\neg P(x) \wedge \neg Q(x))$

Sebagian mahasiswa Fasilkom tidak suka anime dan tidak menggunakan Kacamata

c) $\neg \forall x (Q(x))$

Tidak semua mahasiswa Fasilkom memakai kacamata

d) $\neg \exists x (\neg P(x) \wedge \neg Q(x))$

Tidak ada mahasiswa fasilkom yang tidak suka menonton anime dan tidak memakai kacamata

e) $\forall x (P(x) \rightarrow \neg Q(x))$

Semua mahasiswa Fasilkom Suka menonton anime jika tidak menggunakan Kacamata

8

a) $\neg \forall x \forall y ((x > 0) \wedge (y > 0) \rightarrow (x - y > 0))$

Sebagian bilangan bulat x lebih dari 0 dan semua bilangan bulat y jika $x - y$ lebih dari 0. Jika sebagian $x > 0$ dan semua $y > 0$ maka memenuhi $x - y > 0$

b) $\forall x ((x > 0) \rightarrow \exists a \exists b (a \neq b \wedge a^2 = x \wedge b^2 = x \wedge \forall c (c \neq a \wedge c \neq b \rightarrow c^2 \neq x)))$

Setiap bilangan bulat x lebih dari 0 dapat ditulis sebagai hasil kuadrat dari dua bilangan yang berbeda, dan tidak ada bilangan lain yang kuadratnya sama dengan bilangan tersebut

c) $\exists x ((x > 0) \wedge \forall a \forall b \forall c (x \neq a^2 + b^2 + c^2))$

Ada bilangan x lebih dari 0 yang tidak bisa ditulis sebagai jumlah dari 3 bilangan kuadrat

Lebih dari 0 juga bisa diganti dengan bilangan positif

9

a) $\forall x (P(x) \rightarrow Q(x))$ and $\neg \exists x (P(x) \wedge \neg Q(x))$

\Downarrow

Pernyataan ini menyatakan untuk setiap x , salah satu dari hal berikut akan terjadi

- $P(x)$ tidak benar.
- $Q(x)$ benar.

Pernyataan kedua menyatakan bahwa untuk setiap x , tidak benar bahwa $P(x)$ benar dan $Q(x)$ salah

Kedua Pernyataan diatas menghasilkan bentuk yang sama yang berarti kedua pernyataan ini ekuivalen

9) b) $\exists x(P(x) \wedge Q(x))$ and $\exists x P(x) \wedge \exists x Q(x)$

① ↓

① ada setidaknya satu x yang membuat $P(x)$ dan $Q(x)$ benar

② ada setidaknya satu x yang membuat $P(x)$ benar, dan ada setidaknya satu x yang membuat $Q(x)$ benar

Kedua pernyataan tidak ekuivalen karena formula pertama mengharuskan satu x memenuhi $P(x) \wedge Q(x)$, sementara yang kedua hanya perlu dua x yang bisa berbeda yang memenuhi $P(x)$ dan $Q(x)$

c) $\forall x(P(x) \leftrightarrow Q(x))$ and $\forall x P(x) \rightarrow \forall x Q(x)$

↓

① Semua x , $P(x)$ dan $Q(x)$ memiliki nilai kebenaran yang sama

② Jika $P(x)$ benar semua, maka $Q(x)$ juga benar untuk semua

Kedua Persamaan tidak Ekuivalen karena formula pertama lebih ketat dalam $P(x)$ dan $Q(x)$ sedangkan formula kedua hanya memeriksa implikasi satu arah

d) $\forall x(P(x) \wedge \neg Q(x))$ and $\neg \exists x(P(x) \wedge Q(x))$

↓

① Semua x , $P(x)$ benar dan $Q(x)$ salah

② Tidak semua x yang membuat $P(x)$ dan $Q(x)$ keduanya benar

Kedua persamaan tidak Ekuivalen karena dari formula pertama $P(x)$ benar dan $Q(x)$ salah dan formula kedua tidak ada x yang membuat $P(x)$ dan $Q(x)$ keduanya benar.

Counter Example

b). Misalkan $P(x)$ adalah " x adalah bilangan genap" dan $Q(x)$ adalah " x adalah bilangan ganjil."

- Formula 1 akan salah karena tidak ada x yang bisa genap dan ganjil
- Formula 2 akan benar

c) Misalkan $P(x)$ adalah " x adalah bilangan positif" dan $Q(x)$ adalah " x adalah bilangan genap."

- Formula 1 akan salah, tidak semua bilangan positif $P(x)$ salah
- Formula 2 benar

d) Misalkan $P(x)$ adalah " x adalah bilangan positif" dan $Q(x)$ adalah " x adalah bilangan genap".

- Formula 1 akan salah karena $Q(x)$ tidak selalu salah untuk setiap x
- Formula 2 benar

0

a. Tidak semua atlet mengikuti semua turnamen dalam tahun 2023

$$\neg \forall x \forall y (M(x, y))$$

b. Semua Atlet mengikuti setidaknya dua turnamen dalam tahun 2023

$$\forall x \exists y_1, \exists y_2 (y_1 \neq y_2 \wedge M(x, y_1) \wedge M(x, y_2))$$

c. Ada tepat satu atlet yang memenangkan semua turnamen yang ia ikuti dalam tahun 2023

$$\exists x (\forall y (M(x, y) \rightarrow K(x, y)) \wedge \forall z (z \neq x \rightarrow \exists y (M(z, y) \wedge \neg K(z, y))))$$

d. Terdapat tepat satu atlet yang mengikuti lebih dari satu turnamen dalam tahun 2023

$$\exists x (\exists y_1, \exists y_2 (y_1 \neq y_2 \wedge M(x, y_1) \wedge M(x, y_2)) \wedge \forall z (z \neq x \rightarrow \neg \exists y_1, \exists y_2 (y_1 \neq y_2 \wedge M(z, y_1) \wedge M(z, y_2))))$$