

week2

crypto

LikiPrime

1.题目如下

N =

1985802317259235034705609293428910886733255982001441242290487339101736839049120
4441405019301757692163358568720772222990956725956851185748993194247509341282944
5994948690521871365383182280301584988196904534011274353619013360854260785047846
8194336453171106517497598371642049502874638460684578537293930108973000592656646
3747103432059044671872242955497981523513934676966435965071546243806229757535166
6372304887297307284853856582130567059259751310141886369027669334320890156823333
8926743109129288448711537220503949038280393740142195541198294705998033170971755
4525578778134753034391245521690419747757535275447930878225939266156940283052519
2881764947572859848527901457698969880985385682292695547393655795573389290301744
6536763378024276276280411088904383053079447889003511814407259390318096141373236
4993920546465949617944969054282111699446628694185306170444903231693694097863679
0571298138464629674731309967874023341286875808653891416653395583192716151770642
3454039036823887545689110094549963513557399253975895330365717201638653561054790
5757912079891972189582518355722659498939308339531660668107815662309000654326008
5763484712778521846926037690024181529089469615353825182375937199057383908496512
1047674268551184525629099456990599755823174793770464592204176795399209475556664
7196773097203410852716864615710616916959100773113052412850104492076091124386177
5289031493068199408329039530243835636783220388605757251354908363912525368074079
0434679965904291831349005810827709121084358160934578421172741190563991703581546
0579187250872585902520617168907392153763198437330368638602348154897030407913427
6396722669360891835696817131202284900958041416285996284089571628212958506559053
8633217

e = 65537

c =

4656015488480976508370793482495173749291052096184724864224757653541593360660035
4943507345213418873971535153678758379092046576390914157141767599741378856888002
3228248694616730058849131422571511068757467328381128671815269393801306763810002
8721983586585331340114336974397968620630935401003944673825036136043627487678022
1682796540482633488477890372362891180704238733618760822798850487276433758726387
3807152743024979255070907996503803706699255177669431725392181268940343685359742
2445229239516134794810662959504981121048635166085240650200046293776613720180482
4824970577433643912520584635476029848964799102383058326398381207468892239097516
3539814194404174178115871817815254228074869555278646326098972035868772837626576
5123819510045702172574528493489800910200073261599558795556852897032772300902022
8122460110436865183321860469134882124768113376932612488397995351843621864773720
7712342367618106761289140137317674021991760291418591927219748093110806373001550
9737951717458522863940160278694382950232004163984664710401470962667516212257043
3483276407269675261359920093490834460727475905628672909166993858163688904886776
0162544757299775608100766740614622553250507948366423296779849815748357319425218
3197549367358073468214616741394700161950421786521918273303141521487502648182650
5779535495194794700583548292037330993457150815216034031048768712937426163515976

5792937939078355381266852011438984440732904022478829205311997899723988297491150
0986421714887122880787050940443377914497147399977849413995060952320141492939494
0002112382066618660911536712614461380941584965721399494124569331460756831869322
7170204695876109140496471793956932344529299026352270895044981011330302497467536
107987

2.查阅RSA定义

RSA算法的具体描述如下：^[5]

- (1) 任意选取两个不同的大素数 p 和 q 计算乘积 $n = pq$, $\varphi(n) = (p-1)(q-1)$ ^[5];
- (2) 任意选取一个大整数 e , 满足 $\gcd(e, \varphi(n)) = 1$, 整数 e 用做加密钥 (注意: e 的选取是很容易的, 例如, 所有大于 p 和 q 的素数都可用) ^[5];
- (3) 确定的解密钥 d , 满足 $(de) \bmod \varphi(n) = 1$, 即 $de = k\varphi(n) + 1, k \geq 1$ 是一个任意的整数; 所以, 若知道 e 和 $\varphi(n)$, 则很容易计算出 d ^[5];
- (4) 公开整数 n 和 e , 秘密保存 d ^[5];
- (5) 将明文 m ($m < n$ 是一个整数) 加密成密文 c , 加密算法为 ^[5]

$$c = E(m) = m^e \bmod n$$

- (6) 将密文 c 解密为明文 m , 解密算法为 ^[5]

$$m = D(c) = c^d \bmod n$$

然而只根据 n 和 e (注意: 不是 p 和 q) 要计算出 d 是不可能的。因此, 任何人都可对明文进行加密, 但只有授权用户 (知道 d) 才可对密文解密 ^[5]。

3.显而易见的解法是因式分解出 p, q 。通过<http://www.factordb.com/>得出 p, q

4.查阅前人的代码

5.运用python, 代码如下

”

```
import libnum
from Crypto.Util.number import long_to_bytes
```

```
c =
46560154884809765083707934824951737492910520961847248642247576535415933606600354
94350734521341887397153515367875837909204657639091415714176759974137885688800232
28248694616730058849131422571511068757467328381128671815269393801306763810002872
19835865853313401143369743979686206309354010039446738250361360436274876780221682
79654048263348847789037236289118070423873361876082279885048727643375872638738071
52743024979255070907996503803706699255177669431725392181268940343685359742244522
92395161347948106629595049811210486351660852406502000462937766137201804824824970
57743364391252058463547602984896479910238305832639838120746889223909751635398141
94404174178115871817815254228074869555278646326098972035868772837626576512381951
00457021725745284934898009102000732615995587955568528970327723009020228122460110
43686518332186046913488212476811337693261248839799535184362186477372077123423676
18106761289140137317674021991760291418591927219748093110806373001550973795171745
85228639401602786943829502320041639846647104014709626675162122570433483276407269
67526135992009349083446072747590562867290916699385816368890488677601625447572997
75608100766740614622553250507948366423296779849815748357319425218319754936735807
34682146167413947001619504217865219182733031415214875026481826505779535495194794
70058354829203733099345715081521603403104876871293742616351597657929379390783553
81266852011438984440732904022478829205311997899723988297491150098642171488712288
07870509404433779144971473999778494139950609523201414929394940002112382066618660
91153671261446138094158496572139949412456933146075683186932271702046958761091404
96471793956932344529299026352270895044981011330302497467536107987
```

```
n =
19858023172592350347056092934289108867332559820014412422904873391017368390491204
44140501930175769216335856872077222299095672595685118574899319424750934128294459
94948690521871365383182280301584988196904534011274353619013360854260785047846819
43364531711065174975983716420495028746384606845785372939301089730005926566463747
10343205904467187224295549798152351393467696643596507154624380622975753516663723
04887297307284853856582130567059259751310141886369027669334320890156823333892674
31091292884487115372205039490382803937401421955411982947059980331709717554525578
77813475303439124552169041974775753527544793087822593926615694028305251928817649
47572859848527901457698969880985385682292695547393655795573389290301744653676337
80242762762804110889043830530794478890035118144072593903180961413732364993920546
46594961794496905428211169944662869418530617044490323169369409786367905712981384
64629674731309967874023341286875808653891416653395583192716151770642345403903682
38875456891100945499635135573992539758953303657172016386535610547905757912079891
97218958251835572265949893930833953166066810781566230900065432600857634847127785
21846926037690024181529089469615353825182375937199057383908496512104767426855118
45256290994569905997558231747937704645922041767953992094755566647196773097203410
85271686461571061691695910077311305241285010449207609112438617752890314930681994
08329039530243835636783220388605757251354908363912525368074079043467996590429183
13490058108277091210843581609345784211727411905639917035815460579187250872585902
52061716890739215376319843733036863860234815489703040791342763967226693608918356
968171312022849009580414162859962840895716282129585065590538633217
```

```
# n = int("",16)
```

```
e = 65537
```

```
# e = int("",16)
```

```
q
=1907970075244390738074680429695291736693569947499401773947418826735289797870050
53706368049835514900244303495954950709725762186311224148828811920216904542206960
74466616936422119528953843684539025016866393283880519205513715439091266652753300
73092926875390922570433625178573666246999754023754629544902932592333031373306435
31556539739921926201438606439020075174723029056838272505051571967594608350063404
49597766065626902082396082556701234418990892795664601199805798854863010763738099
35198265823897818881357054086530452196558017580812511640805546090574680282033087
18724654081055323215860189611391296030471108443146745671967766308925858547271507
31156376517100831824864711009761489031356285654178415488174314603390960273794738
50553559603318556145409000814563786590683703172676969800011877509954910903501084
17050917991562167972281070161305972518044872048331306383715094854938415738549894
60607072258473797817668642213435452698944302835364403718737538539783825951183316
64161343236956603676768977222879187734209689823260890261500315154241654621113375
27431154890666327374921446276833564519776797633875503548665093914556482031482248
88312702377703966770797655985733335701372734207909906440045574183065432037935083
32362458193488240647835856929248810219783329749499061226644213760346878153504849
91
```

```
p
=1040793219466439908192524032736408553861526224726670480531911235040360805967336
02980122394417323241848424216139542810077913835662483234649081399066056773207629
24129509389220345773183349661583550472959420547689811211693677147548478866962501
38443826029173234888531116082853841658502825560466622483189091880184706822220314
0521026698435488732958028878050869736186900714720710555703168729087
```

```
d = libnum.invmod(e, (p - 1) * (q - 1))
m = pow(c, d, n) # m 的十进制形式
string = long_to_bytes(m) # m明文
print(string) # 结果为 b' m ' 的形式
```

(代码转自<https://blog.csdn.net/vhkjhwb/article/details/101160822>)