1. MATLAB 的基本知识

1-1、基本运算与函数

在 MATLAB 下进行基本数学运算,只需将运算式直接打入提示号 (>>) 之後,并按入 Enter 键即可。 例如:

>> (5*2+1.3-0.8)*10/25

ans =4.2000

MATLAB 会将运算结果直接存入一变数 ans , 代表 MATLAB 运算後的答案 (Answer)并显示其数值 於萤幕上。

小提示: ">>"是 MATLAB 的提示符号 (Prompt) ,但在 PC 中文视窗系统下,由於编码方式不同,此提示符号常会消失不见,但这并不会影响到 MATLAB 的运算结果。

我们也可将上述运算式的结果设定给另一个变数 x:

 $x = (5*2+1.3-0.8)*10^2/25$

x = 42

此时 MATLAB 会直接显示 x 的值。由上例可知,MATLAB 认识所有一般常用到的加(+)、减(-)、乘(*)、除(/)的数学运算符号,以及幂次运算($^{\wedge}$)。

小提示: MATLAB 将所有变数均存成 double 的形式,所以不需经过变数宣告 (Variabledeclaration)。 MATLAB 同时也会自动进行记忆 体的使用和回收,而不必像 C 语言,必须由使用者——指定.这些功能使的 MATLAB 易学易用,使用者可专心致力於撰写程式,而不必被软体枝节问题所干 扰。

•

若不想让 MATLAB 每次都显示运算结果,只需在运算式最後加上分号(;)即可,如下例:

 $y = \sin(10)*\exp(-0.3*4^2);$

若要显示变数 y 的值,直接键入 y 即可:

>>y

y = -0.0045

在上例中, sin 是正弦函数, exp 是指数函数, 这些都是 MATLAB 常用到的数学函数。

下表即为 MATLAB 常用的基本数学函数及三角函数:

小整理: MATLAB 常用的基本数学函数

abs(x):纯量的绝对值或向量的长度

angle(z):复数z的相角(Phase angle)

sqrt(x): 开平方

real(z):复数 z 的实部

imag(z):复数 z 的虚 部

conj(z):复数z的共轭复数

round(x):四舍五入至最近整数

fix(x):无论正负,舍去小数至最近整数

floor(x):地板函数,即舍去正小数至最近整数

ceil(x):天花板函数,即加入正小数至最近整数

rat(x):将实数 x 化为分数表示

rats(x):将实数 x 化为多项分数展开

sign(x): 符号函数 (Signum function)。

当 x<0 时, sign(x)=-1;

当 x=0 时, sign(x)=0;

当 x>0 时, sign(x)=1。

> 小整理: MATLAB 常用的三角函数

sin(x):正弦函数

cos(x): 馀弦函数

tan(x): 正切函数

asin(x):反正弦函数

acos(x):反馀弦函数

atan(x):反正切函数

atan2(x,y):四象限的反正切函数

sinh(x):超越正弦函数

cosh(x):超越馀弦函数

tanh(x):超越正切函数

asinh(x): 反超越正弦函数

acosh(x):反超越馀弦函数

atanh(x): 反超越正切函数

变数也可用来存放向量或矩阵,并进行各种运算,如下例的列向量(Row vector)运算:

x = [1 3 5 2];

y = 2*x+1

y = 37115

小提示:变数命名的规则

1.第一个字母必须是英文字母 2.字母间不可留空格 3.最多只能有 19 个字母, MATLAB 会忽略多馀字母

我们可以随意更改、增加或删除向量的元素:

y(3) = 2 % 更改第三个元素

y = 3725

y(6) = 10 % 加入第六个元素

y = 3725010

y(4) = [] % 删除第四个元素,

y = 372010

在上例中,MATLAB 会忽略所有在百分比符号(%)之後的文字,因此百分比之後的文字均可视为程式的注解(Comments)。MATLAB 亦可取出向量的一个元素或一部份来做运算:

x(2)*3+y(4)% 取出x的第二个元素和y的第四个元素来做运算

ans = 9

y(2:4)-1% 取出 y 的第二至第四个元素来做运算

ans = 6.1 - 1

在上例中,2:4代表一个由2、3、4组成的向量

若对 MATLAB 函数用法有疑问,可随时使用 help 来寻求线上支援(on-line help): helplinspace

小整理: MATLAB 的查询命令

help:用来查询已知命令的用法。例如已知 inv 是用来计算反矩阵,键入 help inv 即可得知有关 inv 命令的用法。(键入 help help 则显示 help 的用法,请试看看!)lookfor:用来寻找未知的命令。例如要寻找计算反矩阵的命令,可键入 lookfor inverse,MATLAB 即会列出所有和关键字 inverse 相关的指令。找到所需的命令後 ,即可用 help 进一步找出其用法。(lookfor 事实上是对所有在搜寻路径下的 M 档案进行关键字对第一注解行的比对,详见後叙。)

将行向量转置(Transpose)後,即可得到列向量(Column vector):

z = x'

z = 4.0000

5.2000

6.4000

7.6000

8.8000

10.0000

不论是行向量或列向量,我们均可用相同的函数找出其元素个数、最大值、最小值等:

length(z)% z的元素个数 ans = 6max(z) % z 的最大值 ans = 10min(z) % z 的最小值 ans = 4小整理:适用於向量的常用函数有: min(x): 向量 x 的元素的最小值 max(x): 向量 x 的元素的最大值 mean(x): 向量 x 的元素的平均值 median(x): 向量 x 的元素的中位数 std(x): 向量 x 的元素的标准差 diff(x): 向量 x 的相邻元素的差 sort(x): 对向量 x 的元素进行排序 (Sorting) length(x): 向量 x 的元素个数 norm(x): 向量 x 的欧氏 (Euclidean) 长度 sum(x): 向量 x 的元素总和 prod(x): 向量 x 的元素总乘积 cumsum(x): 向量 x 的累计元素总和 cumprod(x): 向量 x 的累计元素总乘积 dot(x, y): 向量 x 和 y 的内 积 cross(x, y): 向量 x 和 y 的外积 (大部份的向量函数也可适用於矩阵,详见下述。) 若要输入矩阵,则必须在每一列结尾加上分号(;),如下例: $A = [1 \ 2 \ 3 \ 4; 5 \ 6 \ 7 \ 8; 9 \ 1011 \ 12];$ A =

1 2 3 4

5 6 7 8

9 10 11 12

同样地,我们可以对矩阵进行各种处理:

```
A =
1 2 3 4
5 6 5 8
9 10 11 12
B = A(2,1:3) % 取出部份矩阵 B
B = 565
A = [A B'] % 将 B 转置後以列向量并入 A
A =
1 2 3 4 5
5 6 5 8 6
9 10 11 12 5
A(:, 2) = []% 删除第二行(:代表所有列)
A =
1 3 4 5
5 5 8 6
9 11 12 5
A = [A; 4321] % 加入第四列
A =
1 3 4 5
5 5 8 6
9 11 12 5
4 3 2 1
A([1 4], :) = [] % 删除第一和第四列(:代表所有行)
A =
5 5 8 6
9 11 12 5
这几种矩阵处理的方式可以相互叠代运用,产生各种意想不到的效果,就看各位的巧思和创意。
```

A(2,3) = 5% 改变位於第二列,第三行的元素值

小提示:在 MATLAB 的内部资料结构中,每一个矩阵都是一个以行为主(Column-oriented)的阵列 (Array)因此对於矩阵元素的存取,我们可用一维或二维的索引(Index)来定址。举例来说,在上述 矩阵 A 中,位於第二列、第三行的元素可 写为 A(2,3) (二维索引)或 A(6)(一维索引,即将所有直行进行堆叠後的第六个元素)。

此外,若要重新安排矩阵的形状,可用 reshape 命令: B = reshape(A, 4, 2) % 4 是新矩阵的行数, 2 是新矩阵的列数B =5 8 9 12 5 6 11 5 小提示: A(:)就是将矩阵 A 每一行堆叠起来,成为一个列向量,而这也是 MATLAB 变数的内部储存方 式。以前例而言, reshape(A, 8, 1)和 A(:)同样都会产生一个 8x1 的矩阵。 MATLAB 可在同时执行数个命令,只要以逗号或分号将命令隔开: $x = \sin(pi/3); y = x^2; z = y*10,$ z =7.5000 若一个数学运算是太长,可用三个句点将其延伸到下一行: $z = 10*\sin(pi/3)* ...$ $\sin(pi/3);$ 若要检视现存於工作空间(Workspace)的变数,可键入who: who Your variables are: testfile x 这些是由使用者定义的变数。若要知道这些变数的详细资料,可键入: whos Name Size Bytes Class A 2x4 64 double array B 4x2 64 double array ans 1x1 8 double array x 1x1 8 double array y 1x1 8 double array z 1x1 8 double array Grand total is 20 elements using 160 bytes

使用 clear 可以删除工作空间的变数:

clear A

Α

??? Undefined function or variable 'A'.

另外 MATLAB 有些永久常数(Permanent constants),虽然在工作空间中看不 到,但使用者可直接取用,例如:

pi

ans = 3.1416

下表即为 MATLAB 常用到的永久常数。

小整理:MATLAB的永久常数i或j:基本虚数单位

eps:系统的浮点(Floating-point)精确度

inf:无限大,例如 1/0 nan 或 NaN:非数值(Not a number),例如 0/0

pi:圆周率p(=3.1415926...)

realmax:系统所能表示的最大数值

realmin:系统所能表示的最小数值

nargin: 函数的输入引数个数

nargin: 函数的输出引数个数

1-2、重复命令

最简单的重复命令是 forì圈 (for-loop), 其基本形式为:

for 变数 = 矩阵;

运算式;

end

其中变数的值会被依次设定为矩阵的每一行,来执行介於 for 和 end 之间的运算式。因此,若无意外情况,运算式执行的次数会等於矩阵的行数。

举例来说,下列命令会产生一个长度为6的调和数列(Harmonic sequence):

x = zeros(1,6); % x 是一个16 的零矩阵

for i = 1:6,

x(i) = 1/i;

end

在上例中,矩阵 x 最初是一个 16 的零矩阵,在 fori圈中,变数 i 的值依次是 1 到 6,因此矩阵 x 的第 i 个元素的值依次被设为 1/i。我们可用分数来显示此数列:

format rat % 使用分数来表示数值

disp(x)

1 1/2 1/3 1/4 1/5 1/6

for \Box 可以是多层的,下例产生一个 16 的 Hilbert 矩阵 h,其中为於第 i 列、第 j 行的元素为

h = zeros(6);

for i = 1:6,

for j = 1:6,

h(i,j) = 1/(i+j-1);

end

end

disp(h)

1 1/2 1/3 1/4 1/5 1/6

1/2 1/3 1/4 1/5 1/6 1/7

1/3 1/4 1/5 1/6 1/7 1/8

1/4 1/5 1/6 1/7 1/8 1/9

1/5 1/6 1/7 1/8 1/9 1/10

1/6 1/7 1/8 1/9 1/10 1/11

小提示:预先配置矩阵 在上面的例子,我们使用 zeros 来预先配置(Allocate)了一个适当大小的矩阵。若不预先配置矩阵,程式仍可执行,但此时 MATLAB 需要动态地 增加(或减小)矩阵的大小,因而降低程式的执行效率。所以在使用一个矩阵时,若能在事前知道其大小,则最好先使用 zeros 或 ones 等命令来预先配置所 需的记忆体(即矩阵)大小。

在下例中, forì圈列出先前产生的 Hilbert 矩阵的每一行的平方和:

for i = h,

disp(norm(i)^2); % 印出每一行的平方和

end

1299/871

282/551

650/2343

524/2933

559/4431

831/8801

在上例中,每一次i的值就是矩阵h的一行,所以写出来的命令特别简洁。

```
令一个常用到的重复命令是 whileì圈, 其基本形式为:
while 条件式;
运算式;
end
也就是说,只要条件示成立,运算式就会一再被执行。例如先前产生调和数列的例子,我们可用 whileì
圈改写如下:
x = zeros(1,6); % x 是一个 16 的零矩阵
i = 1;
while i \le 6,
x(i) = 1/i;
i = i+1;
end
format short
1-3、逻辑命令
最简单的逻辑命令是 if, ..., end, 其基本形式为:
if 条件式;
运算式;
```

end

if rand(1,1) > 0.5,

disp('Given random number is greater than 0.5.');

end

Given random number is greater than 0.5.

1-4、集合多个命令於一个 M 档案

若要一次执行大量的 MATLAB 命令,可将这些命令存放於一个副档名为 m 的档案,并在 MATLAB 提示号下键入此档案的主档名即可。此种包含 MATLAB 命令的档案都以 m 为副档名,因此通称 m 档案 (m-files)。例如一个名为 test.m 的 m 档案,包含一连串的 m-files)。例如一个名为 test.m 的 m 档案,包含一连串的 m-files)。即可执行其所包含的命令:

pwd % 显示现在的目录

ans =

D:\MATLAB5\bin

```
cd c:\data\mlbook % 进入 test.m 所在的目录
type test.m % 显示 test.m 的内容
% This is my first test M-file.
% Roger Jang, March 3, 1997
fprintf('Start of test.m!\n');
for i = 1:3,
fprintf('i = %d ---> i^3 = %d\n', i, i^3);
end
fprintf('End of test.m!\n');
test % 执行 test.m
Start of test.m!
i = 1 ---> i^3 = 1
i = 2 ---> i^3 = 8
```

End of test.m!

 $i = 3 - - > i \land 3 = 27$

小提示:第一注解行(H1 help line)test.m 的前两行是注解,可以使程式易於了解与管理。特别要说明的是,第一注解行通常用来简短说明此 M 档案的功能,以便 lookfor 能以关键字比对 的方式来找出此 M 档案。举例来说,test.m 的第一注解行包含 test 这个字,因此如果键入 lookfor test,MATLAB 即可列出所有在第一注解行包含 test 的 M 档案,因而 test.m 也会被列名在内。

严格来说,M 档案可再细分为命令集(Scripts)及函数(Functions)。前述的 test.m 即为命令集,其效用和将命令逐一输入完全一样,因此若在命令集可以直接使用工作空间的变数,而且在命令集中设定的变数,也都在工作空间中看得到。函数则需要用到输入引数(Input arguments)和输出引数(Output arguments)来传递资讯,这就像是 C 语言的函数,或是 FORTRAN 语言的副程序(Subroutines)。举例来说,若要计算一个正整数的阶 乘(Factorial),我们可以写一个如下的 MATLAB 函数并将之存档 於 fact.m:

```
function output = fact(n)
```

% FACT Calculate factorial of a given positive integer.

```
output = 1;
for i = 1:n,
output = output*i;
end
```

其中 fact 是函数名,n 是输入引数,output 是输出引数,而 i 则是此函数用到的暂时变数。要使用此函数,直接键入函数名及适当输入引数值即可:

```
y = fact(5)
```

y = 120

(当然, 在执行 fact 之前, 你必须先进入 fact.m 所在的目录。) 在执行 fact(5)时,

MATLAB 会跳入一个下层的暂时工作空间(Temperary workspace),将变数 n 的值设定为 5,然後进行各项函数的内部运算,所有内部运算所产生的变数(包含输入引数 n、暂时变数 i ,以及输出引数 output)都存在此暂时工作空间中。运算完毕後,MATLAB 会将最後输出引数 output 的值设定给上层的变数 y,并将清除此暂时工作空间及其所含 的所有变数。换句话说,在呼叫函数时,你只能经由输入引数来控制函数的输入,经由输出引数来得到函数的输出,但所有的暂时变数都会随着函数的结束而消失,你并无法得到它们的值。

小提示:有关阶乘函数 前面(及後面)用到的阶乘函数只是纯粹用来说明 MATLAB 的函数观念。若实际要计算一个正整数 n 的阶乘(即 n!)时,可直接写成 prod(1:n),或是直接呼叫 gamma 函数: gamma(n-1)。

MATLAB 的函数也可以是递ì式的(Recursive),也就是说,一个函数可以呼叫它本身。

举例来说, n! = n*(n-1)!, 因此前面的阶乘函数可以改成递式的写法:

function output = fact(n)

% FACT Calculate factorial of a given positive integerrecursively.

if n == 1, % Terminating condition

output = 1;

return;

end

output = n*fact(n-1);

在写一个递函数时,一定要包含结束条件(Terminating condition),否则此函数将会一再呼叫自己,永远不会停止,直到电脑的记忆体被耗尽为止。以上例而言,n==1 即满足结束条件,此时我们直接将output 设为 1,而不再呼叫此函数本身。

1-5、搜寻路径

在前一节中,test.m 所在的目录是 d:\mlbook。如果不先进入这个目录,MATLAB 就找不到你要执行的 M 档案。如果希望 MATLAB 不 论在何处都能执行 test.m ,那麽就必须将 d:\mlbook 加入 MATLAB 的搜寻路径(Search path)上。要检视 MATLAB 的搜寻路径,键入 path 即可:

path

MATLABPATH

d:\matlab5\toolbox\matlab\general

d:\matlab5\toolbox\matlab\ops

d:\matlab5\toolbox\matlab\lang

d:\matlab5\toolbox\matlab\elmat d:\matlab5\toolbox\matlab\elfun d:\matlab5\toolbox\matlab\specfun d:\matlab5\toolbox\matlab\matfun d:\matlab5\toolbox\matlab\datafun d:\matlab5\toolbox\matlab\polyfun d:\matlab5\toolbox\matlab\funfun d:\matlab5\toolbox\matlab\sparfun d:\matlab5\toolbox\matlab\graph2d d:\matlab5\toolbox\matlab\graph3d d:\matlab5\toolbox\matlab\specgraph d:\matlab5\toolbox\matlab\graphics d:\matlab5\toolbox\matlab\uitools d:\matlab5\toolbox\matlab\strfun d:\matlab5\toolbox\matlab\iofun d:\matlab5\toolbox\matlab\timefun d:\matlab5\toolbox\matlab\datatypes d:\matlab5\toolbox\matlab\dde d:\matlab5\toolbox\matlab\demos d:\matlab5\toolbox\tour d:\matlab5\toolbox\simulink\simulink d:\matlab5\toolbox\simulink\blocks d:\matlab5\toolbox\simulink\simdemos d:\matlab5\toolbox\simulink\dee d:\matlab5\toolbox\local 此搜寻路径会依已安装的工具箱(Toolboxes)不同而有所不同。要查询某一命令是在搜寻路径的何处, 可用 which 命令:

which expo

d:\matlab5\toolbox\matlab\demos\expo.m

很显然 c:\data\mlbook 并不在 MATLAB 的搜寻路径中,因此 MATLAB 找不到 test.m 这个 M 档案:which test

c:\data\mlbook\test.m

要将 d:\mlbook 加入 MATLAB 的搜寻路径, 还是使用 path 命令:

path(path, 'c:\data\mlbook');

此时 d:\mlbook 已加入 MATLAB 搜寻路径(键入 path 试看看), 因此 MATLAB 已经"看"得到

test.m:

which test

c:\data\mlbook\test.m

现在我们就可以直接键入 test, 而不必先进入 test.m 所在的目录。

小提示:如何在其启动 MATLAB 时,自动设定所需的搜寻路径? 如果在每一次启动 MATLAB 後都要设定所需的搜寻路径,将是一件很麻烦的事。有两种方法,可以使 MATLAB 启动後 ,即可载入使用者定义的搜寻路径:

- 1.MATLAB 的预设搜寻路径是定义在 matlabrc.m(在 c:\matlab 之下,或是其他安装 MATLAB 的主目录下),MATLAB 每次启动後,即自动执行此档案。因此你可以直接修改 matlabrc.m ,以加入新的目录於搜寻路径之中。
- 2.MATLAB 在执行 matlabrc.m 时,同时也会在预设搜寻路径中寻找 startup.m,若此档案存在,则执行其所含的命令。因此我们可将所有在 MATLAB 启动时必须执行的命令(包含更改搜寻路径的命令),放在此档案中。

每次 MATLAB 遇到一个命令 (例如 test)时,其处置程序为:

- 1.将 test 视为使用者定义的变数。
- 2.若 test 不是使用者定义的变数,将其视为永久常数。
- 3.若 test 不是永久常数,检查其是否为目前工作目录下的 M 档案。
- 4. 若不是,则由搜寻路径寻找是否有 test.m 的档案。
- 5.若在搜寻路径中找不到,则 MATLAB 会发出哔哔声并印出错误讯息。
- 以下介绍与 MATLAB 搜寻路径相关的各项命令。

1-6、资料的储存与载入

有些计算旷日废时,那麽我们通常希望能将计算所得的储存在档案中,以便将来可进行其他处理。 MATLAB 储存变数的基本命令是 save,在不加任何选项(Options)时,save 会将变数以二进制 (Binary)的方式储存至副档名为 mat 的档案,如下述:

save:将工作空间的所有变数储存到名为 matlab.mat 的二进制档案。

save filename:将工作空间的所有变数储存到名为 filename.mat 的二进制档案。 save filename x y z : 将变数 x、y、z 储存到名为 filename.mat 的二进制档案。

以下为使用 save 命令的一个简例:

who % 列出工作空间的变数

Your variables are:

Bhjy

ans i x z

save test B y % 将变数 B 与 y 储存至 test.mat

dir % 列出现在目录中的档案

- . 2plotxy.doc fact.m simulink.doc test.m ~\$1basic.doc
- .. 3plotxyz.doc first.doc temp.doc test.mat

1basic.doc book.dot go.m template.doc testfile.dat

delete test.mat % 删除 test.mat

以二进制的方式储存变数,通常档案会比较小,而且在载入时速度较快,但是就无法用普通的文书软体 (例如 pe2 或记事本)看到档案内容。若想看到档案内容,则必须加上-ascii 选项,详见下述:

save filename x -ascii:将变数 x 以八位数存到名为 filename 的 ASCII 档案。

Save filename x -ascii -double:将变数 x 以十六位数存到名为 filename 的 ASCII 档案。

另一个选项是-tab,可将同一列相邻的数目以定位键(Tab)隔开。

小提示:二进制和 ASCII 档案的比较 在 save 命令使用-ascii 选项後,会有下列现象:save 命令就不会在档案名称後加上 mat 的副档名。

因此以副档名 mat 结尾的档案通常是 MATLAB 的二进位资料档。

若非有特殊需要,我们应该尽量以二进制方式储存资料。

load 命令可将档案载入以取得储存之变数:

load filename: load 会寻找名称为 filename.mat 的档案,并以二进制格式载入。若找不到 filename.mat,则寻找名称为 filename 的档案,并以 ASCII 格式载入。load filename-ascii: load 会寻找名称为 filename 的档案,并以 ASCII 格式载入。

若以 ASCII 格式载入,则变数名称即为档案名称(但不包含副档名)。若以二进制载入,则可保留原有的变数名称,如下例:

clear all; % 清除工作空间中的变数

x = 1:10;

save testfile.dat x -ascii % 将 x 以 ASCII 格式存至名为 testfile.dat 的档案

load testfile.dat % 载入 testfile.dat

who % 列出工作空间中的变数

Your variables are:

testfile x

注意在上述过程中,由於是以 ASCII 格式储存与载入,所以产生了一个与档案名称相同的变数 testfile,此变数的值和原变数 x 完全相同。

1-7、结束 MATLAB

有三种方法可以结束 MATLAB:

- 1.键入 exit
- 2.键入 quit
- 3.直接关闭 MATLAB 的命令视窗 (Command window)

2.数值分析

2.1微分

diff 函数用以演算一函数的微分项,相关的函数语法有下列4个:

diff(f) 传回 f 对预设独立变数的一次微分值

diff(f,'t') 传回 f 对独立变数 t 的一次微分值

diff(f,n) 传回 f 对预设独立变数的 n 次微分值

diff(f,'t',n) 传回 f 对独立变数 t 的 n 次微分值

数值微分函数也是用 diff,因此这个函数是靠输入的引数决定是以数值或是符号微分,如果引数为向量则执行数值微分,如果引数为符号表示式则执行符号微分。

先定义下列三个方程式,接著再演算其微分项:

```
>>S1 = '6*x^3-4*x^2+b*x-5';

>>S2 = 'sin(a)';

>>S3 = '(1 - t^3)/(1 + t^4)';

>>diff(S1)

ans=18*x^2-8*x+b

>>diff(S1,2)

ans= 36*x-8

>>diff(S1,'b')

ans= x

>>diff(S2)

ans=
```

```
cos(a)
>>diff(S3)
ans=-3*t^2/(1+t^4)-4*(1-t^3)/(1+t^4)^2*t^3
>>simplify(diff(S3))
ans= t^2*(-3+t^4-4*t)/(1+t^4)^2
2.2积分
int 函数用以演算一函数的积分项 ,这个函数要找出一符号式 F 使得 diff(F)=f。如果积
分式的解析式(analytical form, closed form) 不存在的话或是 MATLAB 无法找到,则 int 传回原输入的
符号式。相关的函数语法有下列 4 个:
int(f) 传回 f 对预设独立变数的积分值
int(f,'t') 传回 f 对独立变数 t 的积分值
int(f,a,b) 传回 f 对预设独立变数的积分值,积分区间为[a,b], a 和 b 为数值式
int(f,t',a,b) 传回 f 对独立变数 t 的积分值,积分区间为[a,b], a 和 b 为数值式
int(f,m',n') 传回 f 对预设变数的积分值,积分区间为[m,n], m 和 n 为符号式
我们示范几个例子:
>>S1 = '6*x^3-4*x^2+b*x-5';
>>S2 = 'sin(a)';
>>S3 = 'sqrt(x)';
>>int(S1)
ans= 3/2*x^4-4/3*x^3+1/2*b*x^2-5*x
>>int(S2)
ans = -cos(a)
>>int(S3)
ans= 2/3*x^{(3/2)}
>>int(S3,'a','b')
ans= 2/3*b^{(3/2)}- 2/3*a^{(3/2)}
>>int(S3,0.5,0.6)
ans= 2/25*15^{(1/2)}-1/6*2^{(1/2)}
>>numeric(int(S3,0.5,0.6))% 使用 numeric 函数可以计算积分的数值
ans= 0.0741
```

2.3 求解常微分方程式

MATLAB 解常微分方程式的语法是 dsolve('equation','condition'),其中 equation 代表常微分方程式即 y'=g(x,y),且须以 Dy 代表一阶微分项 y' D2y 代表二阶微分项 y'' ,

condition 则为初始条件。

假设有以下三个一阶常微分方程式和其初始条件

y'=3x2, y(2)=0.5

y'=2.x.cos(y)2, y(0)=0.25

y'=3y+exp(2x), y(0)=3

对应上述常微分方程式的符号运算式为:

>>soln_1 = dsolve('Dy =3*x 2 ','y(2)=0.5')

>>ezplot(soln_1,[2,4]) % 看看这个函数的长相

>>soln_2 = dsolve('Dy =2*x*cos(y)\\(^2\)','y(0) = pi\(^4\)

ans= atan(x^2+1)

>>soln_3 = dsolve('Dy = 3*y +exp(2*x)',' y(0) = 3')

ans= $-\exp(2*x)+4*\exp(3*x)$

2.4 非线性方程式的实根

要求任一方程式的根有三步骤:

先定义方程式。要注意必须将方程式安排成 f(x)=0 的形态,例如一方程式为 sin(x)=3,

则该方程式应表示为 $f(x)=\sin(x)-3$ 。可以 m-file 定义方程式。

代入适当范围的 x, y(x) 值,将该函数的分布图画出,藉以了解该方程式的「长相」。

由图中决定 y(x)在何处附近(x0)与 x 轴相交,以 fzero 的语法 fzero('function',x0)即可求出在 x0 附近的根,其中 function 是先前已定义的函数名称。如果从函数分布图看出根不只一个,则须再代入另一个在根附近的 x0,再求出下一个根。

以下分别介绍几数个方程式,来说明如何求解它们的根。

例一、方程式为

 $\sin(x)=0$

我们知道上式的根有 , 求根方式如下:

>> r=fzero('sin',3) % 因为 $\sin(x)$ 是内建函数,其名称为 \sin ,因此无须定义它,选择 x=3 附近求根

r=3.1416

>> r=fzero('sin',6) % 选择 x=6 附近求根

r = 6.2832

例二、方程式为 MATLAB 内建函数 humps, 我们不须要知道这个方程式的形态为何, 不过我们可以

```
>> x=linspace(-2,3);
>> y=humps(x);
>> plot(x,y), grid % 由图中可看出在 0 和 1 附近有二个根
>> r=fzero('humps',1.2)
r = 1.2995
例三、方程式为 y=x.^3-2*x-5
 这个方程式其实是个多项式,我们说明除了用 roots 函数找出它的根外,也可以用这节介绍的方法求
根,注意二者的解法及结果有所不同。求根方式如下:
% m-function, f_1.m
function y=f_1(x)% 定义 f_1.m 函数
y=x.^3-2*x-5;
>> x=linspace(-2,3);
>> y=f_1(x);
>> plot(x,y), grid % 由图中可看出在 2 和-1 附近有二个根
>> r=fzero('f_1',2); % 决定在 2 附近的根
r = 2.0946
>> p=[1 0 -2 -5]
>> r=roots(p) % 以求解多项式根方式验证
r =
2.0946
-1.0473 + 1.1359i
-1.0473 - 1.1359i
2.5线性代数方程(组)求解
 我们习惯将上组方程式以矩阵方式表示如下
```

将它划出来,再找出根的位置。求根方式如下:

其中 A 为等式左边各方程式的系数项,X 为欲求解的未知项,B 代表等式右边之已知项 要解上述的联立方程式,我们可以利用矩阵左除\做运算,即是 $X=A\setminus B$ 。

AX=B

如果将原方程式改写成 XA=B

其中 A 为等式左边各方程式的系数项, X 为欲求解的未知项, B 代表等式右边之已知项

注意上式的 X, B 已改写成列向量,A 其实是前一个方程式中 A 的转置矩阵。上式的 X 可以矩阵右除 / 求解,即是 X=B/A。

若以反矩阵运算求解 AX=B, X=B , 即是 X=inv(A)*B , 或是改写成 XA=B, X=B , 即是 X=B*inv(A)。

我们直接以下面的例子来说明这三个运算的用法:

- >> A=[3 2-1; -1 3 2; 1 -1 -1]; % 将等式的左边系数键入
- >> B=[10 5 -1]'; % 将等式右边之已知项键入, B 要做转置
- >> X=A\B % 先以左除运算求解
- X = % 注意 X 为行向量

-2

5

6

>> C=A*X % 验算解是否正确

C = % C = B

10

5

-1

- >> A=A'; % 将 A 先做转置
- >> B=[105-1];
- >> X=B/A % 以右除运算求解的结果亦同
- X = % 注意 X 为列向量

10 5 -1

>> X=B*inv(A); % 也可以反矩阵运算求解

3.基本 xy 平面绘图命令

MATLAB 不但擅长於矩阵相关的数值运算,也适合用在各种科学目视表示

(Scientificvisualization).

本节将介绍 MATLAB 基本 xy 平面及 xyz 空间的各项绘图命令,包含一维曲线及二维曲面的绘制、列印及存档。

plot 是绘制一维曲线的基本函数,但在使用此函数之前,我们需先定义曲线上每一点的 x 及 y 座标。

下例可画出一条正弦曲线:

close all;

x=linspace(0, 2*pi, 100); % 100 个点的 x 座标

y=sin(x); % 对应的 y 座标

plot(x,y);



小整理: MATLAB 基本绘图函数

plot: x 轴和 y 轴均为线性刻度 (Linear scale)

loglog: x 轴和 y 轴均为对数刻度 (Logarithmic scale)

semilogx: x 轴为对数刻度, y 轴为线性刻度

semilogy: x 轴为线性刻度, y 轴为对数刻度

若要画出多条曲线,只需将座标对依次放入 plot 函数即可:

plot(x, sin(x), x, cos(x));



若要改变颜色,在座标对後面加上相关字串即可:

plot(x, sin(x), 'c', x, cos(x), 'g');



若要同时改变颜色及图线型态(Line style),也是在座标对後面加上相关字串即可:

plot(x, sin(x), 'co', x, cos(x), 'g*');



小整理: plot 绘图函数的参数 字元 颜色字元 图线型态 y 黄色. 点 k 黑色 o 圆 w 白色 x xb 蓝色+ +g 绿色* *r 红色- 实线 c 亮青色: 点线 m 锰紫色-. 点虚线-- 虚线

图形完成後,我们可用 axis([xmin,xmax,ymin,ymax])函数来调整图轴的范围:

axis([0, 6, -1.2, 1.2]);



此外, MATLAB 也可对图形加上各种注解与处理:

xlabel('Input Value'); % x 轴注解

ylabel('Function Value'); % y 轴注解

title('Two Trigonometric Functions'); % 图形标题

legend('y = sin(x)','y = cos(x)'); % 图形注解

grid on; % 显示格线



我们可用 subplot 来同时画出数个小图形於同一个视窗之中:

subplot(2,2,1); plot(x, sin(x));

subplot(2,2,2); plot(x, cos(x));

subplot(2,2,3); plot(x, sinh(x));

subplot(2,2,4); plot(x, cosh(x));



MATLAB 还有其他各种二维绘图函数,以适合不同的应用,详见下表。

小整理:其他各种二维绘图函数

bar 长条图

errorbar 图形加上误差范围

fplot 较精确的函数图形

polar 极座标图

hist 累计图

rose 极座标累计图

stairs 阶梯图

stem 针状图

fill 实心图

feather 羽毛图

compass 罗盘图

quiver 向量场图

以下我们针对每个函数举例。

当资料点数量不多时,长条图是很适合的表示方式:

close all; % 关闭所有的图形视窗

x=1:10;

y=rand(size(x));

bar(x,y);



如果已知资料的误差量,就可用 errorbar 来表示。下例以单位标准差来做资的误差量:

x = linspace(0,2*pi,30);

 $y = \sin(x)$;

e = std(y)*ones(size(x));

errorbar(x,y,e)





若要产生极座标图形,可用 polar:

theta=linspace(0, 2*pi);

r=cos(4*theta);

polar(theta, r);



对於大量的资料,我们可用 hist 来显示资料的分 情况和统计特性。下面几个命令可用来验证 randn 产生的高斯乱数分 :

x=randn(5000, 1); % 产生 5000 个 m=0, s=1 的高斯乱数

hist(x,20); % 20 代表长条的个数



rose 和 hist 很接近,只不过是将资料大小视为角度,资料个数视为距离,并用极座标绘制

```
表示:
x=randn(1000, 1);
rose(x);
stairs 可画出阶梯图:
x = linspace(0,10,50);
y=\sin(x).*\exp(-x/3);
stairs(x,y);
stems 可产生针状图,常被用来绘制数位讯号:
x=linspace(0,10,50);
y=\sin(x).*\exp(-x/3);
stem(x,y);
stairs 将资料点视为多边行顶点,并将此多边行涂上颜色:
x=linspace(0,10,50);
y=\sin(x).*\exp(-x/3);
fill(x,y,'b'); % 'b'为蓝色
feather 将每一个资料点视复数,并以箭号画出:
theta=linspace(0, 2*pi, 20);
z = cos(theta) + i*sin(theta);
feather(z);
compass 和 feather 很接近,只是每个箭号的起点都在圆点:
theta=linspace(0, 2*pi, 20);
z = cos(theta) + i*sin(theta);
```

compass(z);



4. 基本 XYZ 立体绘图命令

在科学目视表示(Scientific visualization)中,三度空间的立体图是一个非常重要的技巧。本章将介绍MATLAB基本XYZ三度空间的各项绘图命令。

mesh 和 plot 是三度空间立体绘图的基本命令,mesh 可画出立体网状图,plot 则可画出立体曲面图,两者产生的图形都会依高度而有不同颜色。

下列命令可画出由函数<图片>形成的立体网状图:

x=linspace(-2, 2, 25); % 在 x 轴上取 25 点

y=linspace(-2, 2, 25); % 在 y 轴上取 25 点

[xx,yy]=meshgrid(x, y); % xx 和 yy 都是 21x21 的矩阵

zz=xx.*exp(-xx.^2-yy.^2); % 计算函数值, zz 也是 21x21 的矩阵

mesh(xx, yy, zz); % 画出立体网状图



surf 和 mesh 的用法类似:

x=linspace(-2, 2, 25); % 在 x 轴上取 25 点

y=linspace(-2, 2, 25); % 在 y 轴上取 25 点

[xx,yy]=meshgrid(x, y); % xx 和 yy 都是 21x21 的矩阵

zz=xx.*exp(-xx.^2-yy.^2); % 计算函数值, zz 也是 21x21 的矩阵

surf(xx, yy, zz); % 画出立体曲面图



为了方便测试立体绘图,MATLAB 提供了一个 peaks 函数,可产生一个凹凸有致的曲面,包含了三个局部极大点及三个局部极小点

要画出此函数的最快方法即是直接键入 peaks:

peaks



 $z = 3*(1-x).^2.*exp(-(x.^2) - (y+1).^2)...$

```
-10*(x/5 - x.^3 - y.^5).*exp(-x.^2-y.^2)...
-1/3*exp(-(x+1).^2 - y.^2)
我们亦可对 peaks 函数取点,再以各种不同方法进行绘图。
meshz 可将曲面加上围裙:
[x,y,z]=peaks;
meshz(x,y,z);
axis([-inf inf -inf inf -inf inf]);
waterfall 可在 x 方向或 y 方向产生水流效果:
[x,y,z]=peaks;
waterfall(x,y,z);
axis([-inf inf -inf inf -inf inf]);
下列命令产生在 y 方向的水流效果:
[x,y,z]=peaks;
waterfall(x',y',z');
axis([-inf inf -inf inf -inf inf]);
meshc 同时画出网状图与等高线:
[x,y,z]=peaks;
meshc(x,y,z);
axis([-inf inf -inf inf -inf inf]);
surfc 同时画出曲面图与等高线:
```

[x,y,z]=peaks;

surfc(x,y,z);

```
axis([-inf inf -inf inf -inf inf]);
```

contour3 画出曲面在三度空间中的等高线: contour3(peaks, 20); axis([-inf inf -inf inf -inf inf]);



contour 画出曲面等高线在 XY 平面的投影: contour(peaks, 20);



plot3 可画出三度空间中的曲线: t=linspace(0,20*pi, 501); plot3(t.*sin(t), t.*cos(t), t);



亦可同时画出两条三度空间中的曲线:

t=linspace(0, 10*pi, 501); plot3(t.*sin(t), t.*cos(t), t, t.*sin(t), t.*cos(t), -t);



4.三维网图的高级处理

1. 消隐处理

例.比较网图消隐前后的图形 z=peaks(50); subplot(2,1,1); mesh(z);

```
title('消隐前的网图')
hidden off
subplot(2,1,2)
mesh(z);
title('消隐后的网图')
hidden on
colormap([0 0 1])
```



2. 裁剪处理

利用不定数 NaN 的特点,可以对网图进行裁剪处理

例.图形裁剪处理

P=peaks(30);

subplot(2,1,1);

mesh(P);

title('裁剪前的网图')

subplot(2,1,2);

meshz(P) %垂帘网线图

title('裁剪后的网图')

colormap([0 0 1]) %蓝色网线



注意裁剪时矩阵的对应关系,即大小一定要相同.

3. 三维旋转体的绘制

为了一些专业用户可以更方便地绘制出三维旋转体,MATLAB 专门提供了 2 个函数:柱面函数 cylinder 和 球面函数 sphere

(1) 柱面图

柱面图绘制由函数 cylinder 实现.

[X,Y,Z]=cylinder(R,N) 此函数以母线向量 R 生成单位柱面.母线向量 R 是在单位高度里等分刻度上定义的半径向量.N 为旋转圆周上的分格线的条数.可以用 surf(X,Y,Z)来表示此柱面.

[X,Y,Z]=cylinder(R)或[X,Y,Z]=cylinder 此形式为默认 N=20 且 R=[1 1]

例.柱面函数演示举例

x=0:pi/20:pi*3;

 $r=5+\cos(x)$;

[a,b,c]=cylinder(r,30);

mesh(a,b,c)



例.旋转柱面图.

r = abs(exp(-0.25*t).*sin(t));

t=0:pi/12:3*pi;

r = abs(exp(-0.25*t).*sin(t));

[X,Y,Z]=cylinder(r,30);

mesh(X,Y,Z)

colormap([1 0 0])



(2).球面图

球面图绘制由函数 sphere 来实现

[X,Y,Z]=sphere(N) 此函数生成 $3 \uparrow (N+1)*(N+1)$ 的矩阵,利用函数 surf(X,Y,Z) 可产生单位球面.

[X,Y,Z]=sphere 此形式使用了默认值 N=20.

Sphere(N) 只是绘制了球面图而不返回任何值.

```
例.绘制地球表面的气温分布示意图.
[a,b,c]=sphere(40);
t=abs(c);
surf(a,b,c,t);
axis('equal') %此两句控制坐标轴的大小相同.
axis('square')
colormap('hot')
```

http://www.5678520.com/kaiwangdian/130.html
http://www.5678520.com/kaiwangdian/129.html
http://www.5678520.com/kaiwangdian/128.html
http://www.5678520.com/kaiwangdian/127.html
http://www.5678520.com/kaiwangdian/126.html
http://www.lianzhiwei.com/News/389/20122116.html
http://www.lianzhiwei.com/News/389/20122115.html
http://www.lianzhiwei.com/News/389/20122114.html
http://www.lianzhiwei.com/News/389/20122113.html
http://www.lianzhiwei.com/News/389/20122112.html

顶 11 踩 0

-

- 上一篇 <u>Linux 命令操作小技巧</u>
- 下一篇常用的 Java Script 验证正则表达式

我的同类文章

转载 (13)

• •PHP 数组操作 和 随机数 2013-02-20 阅读 1242

- •<u>C/C++语言经典、实用、趣味程序设计编程百例精解</u>2012-12-10 阅读**5819**
- • <u>常用的 JavaScript 验证正则表达式</u> 2012-12-10 阅读 **1447**
- • PHP 操作文件,目录 2012-12-10 阅读 476
- • MYSQL 备份方法 2012-12-10 阅读310
- • PBRT 安装指南 2012-12-17 阅读 657
- • Excel 函数教程 2012-12-10 阅读 4583
- •Linux 命令操作小技巧 2012-12-10 阅读 2613
- • PHP 调用外部系统命令 2012-12-10 阅读 416
- •SQL 语法大全 2012-12-10 阅读 676

更多文章

猜你在找

查看评论

19 楼 <u>baidu 34159845</u> 2016-03-03 19:43 发表 [回复]



5 1 自学网 - 专业培训老师录制的视频教程,让学习变得很轻松

18 楼 baidu 34159845 2016-03-03 19:42 发表 [回复]



http://www.51zxw.net/study.asp?vip=11550770

17楼 <u>zhoukun6071</u> 2015-12-17 15:50 发表 [回复]



[csharp] view plain copy

1. 呵呵

16 楼 wanzi0933 2015-11-10 15:22 发表 [回复]



特一个

15 楼 <u>sinat 31220673</u> 2015-10-18 20:31 发表 [回复]



很详细很有用,只不过行列弄反啦

14 楼 <u>callme kk</u> 2015-09-27 18:24 发表 [回复]



非常感谢,给我不少帮助

13 楼 tata770416 2015-08-23 17:36 发表 [回复]



作为初学者,被行列弄晕啦。。。。不过是个好东西!

12 楼 <u>宋军帅</u> 2015-01-27 10:53 发表 [回复]



行列方面错误比较多,总的来说总结的还是很好的,赞一个

11 楼 <u>Justlove DK</u> 2015-01-17 16:44 发表 [回复]



有一些错误,那个行和列,弄错了

10 楼 <u>阳阳 2013 哈哈</u> 2014-12-19 01:14 发表 [回复]



教程写的不错,上次在 openeim 上面也看到类似的教程。

9楼 矿山的生活 2014-10-07 23:00 发表 [回复]



有些错误,最好还是改了吧。

8 楼 skyw 2014-07-23 11:07 发表 [回复]



很有用,非常好的文章,向楼主致敬!

7 楼 <u>Hubert Luo</u> 2014-07-17 18:50 发表 [回复]



6楼 j417m 2014-07-13 22:36 发表 [回复]



行和列说反了

5 楼 fahaihappy 2014-05-04 18:25 发表 [回复]



有几个错误

4 楼 solomon q 2014-04-02 21:27 发表 [回复]



学习了,非常好!

3楼 刘明夕 2014-03-28 20:25 发表 [回复]



rat(x):将实数 x 化为分数表示

rats(x):将实数 x 化为多项分数展开

弄反了

2 楼 <u>将革命进行到底</u> 2014-03-21 10:25 发表 [回复]



非常好,谢谢! 把"行"与"列"互换一下就更好了。

1 楼 逐梦行者 2014-03-20 08:25 发表 [回复]



整理的不错,但是翻译:列向量(Row vector),行向量(Column vector)有错误。

发表评论

- 用户名:
- zhengziqiang123
- 评论内容:





* 以上用户言论只代表其个人观点,不代表 CSDN 网站的观点或立场

核心技术类目

全部主题 Hadoop AWS 移动游戏 Java Android iOS Swift 智能硬件 Docker OpenStack VPN Spark ERP IE10 Eclipse CRM JavaScript 数据库 Ubuntu NFC WAP jQuery BI HTML5 Spring Apache .NET API HTML SDK IIS Fedora XML LBS Unity Splashtop UML components Windows Mobile Rails QEMU KDE Cassandra CloudStack FTC coremail OPhone CouchBase 云计算 iOS6 Rackspace Web App SpringSide Maemo Compuware 大数据 aptech Perl Tornado Ruby Hibernate ThinkPHP HBase Pure Solr Angular Cloud Foundry Redis Scala Django Bootstrap

个人资料



<u>lxdfigo</u>

• 访问: 403446次

• 积分:1306

等级:

• 排名:千里之外

• 原创:7篇

• 转载:21篇

• 译文:0篇

• 评论:25条

文章搜索

文章分类

- Small World(5)
- 学术(2)
- <u>转载</u>(14)
- 游戏资讯(4)
- <u>游戏设计(2)</u>
- 游戏产业(1)
- 创业(0)

文章存档

- 2013年02月(4)
- <u>2013年01月(2)</u>
- 2012年12月(17)
- 2012年11月(5)

阅读排行

- MATLAB 入门教程(286287)
- <u>高等数学积分公式大全(32335)</u>
- 世界知名游戏公司简介(国内,欧美,日韩)(24371)
- OpenGL <u>渲染管线</u>(10182)
- <u>C/C++语言经典、实用、趣味程序设计编程百例精解(5827)</u>
- <u>Excel 函数教程</u>(4584)
- 快速傅立叶变换的意义及应用(4458)
- Bullet 物理引擎教程: helloworld(3994)
- <u>2D-FFT (二维快速傅里叶变换)源码(3360)</u>
- 计算机图形学领域国际期刊以及会议介绍(3323)

友情链接

- 杭州京都医院
- 郑州治疗失眠最好的医院

评论排行

- <u>MATLAB 入门教程(19)</u>
- Small World:如何写物理引擎(2)

- 快速傅立叶变换的意义及应用(2)
- <u>C/C++</u>语言经典、实用、趣味程序设计编程百例精解(1)
- OpenGL 渲染管线(1)
- <u>2D-FFT (二维快速傅里叶变换)源码(0)</u>
- 高等数学积分公式大全(0)
- 计算机图形学领域国际期刊以及会议介绍(0)
- PHP 数组操作 和 随机数(0)
- 游戏开发中的基本物理学知识(0)

推荐文章

- *Android RocooFix 热修复框架
- *RxJava 学习笔记(五) --- Creating 创建操作符
- *Android GestureDetector 手势滑动使用
- *Android MaterialList 源码解析
- *Android 开源框架 Universal-Image-Loader 基本介绍及使用
- *Spring Boot 实践折腾记(三):三板斧, Spring Boot 下使用 Mybatis

最新评论

• MATLAB 入门教程

baidu 34159845:

• MATLAB 入门教程

baidu 34159845: http://www.51zxw.net/study.asp?vip=11550770

• <u>MATLAB 入门教程</u>

zhoukun6071: 呵呵
• MATLAB 入门教程

iOS8-Swift 开发教程 老郭全套 iOS 开发课程【Objective-C】 C/C++单元测试培训

Objective-C 与 Foundation

Framework 高级程序设计视频课程

<u>软件测试基础</u>

Matlab 入门教程--基本运算与函数一

wanzi0933

MATLAB 入门教程 MATLAB 入门教程 MATLAB 入门教程 MATLAB 入门教程