Вопросы для подготовки к экзамену по дисциплине «Статистические методы обработки информации»

- 1. Классификация алгоритмов идентификации. Блок-схема алгоритма идентификации по полной информации. Блок-схема рекуррентного алгоритма идентификации.
- 2. Представление объекта в пространстве состояний. Переходные матрицы: по состоянию, управлению, возмущению. Уравнение объекта в форме «вход-выход». Р- и АР-объекты.
- 3. Общая форма записи PAP-объекта. Запись модели, представленной в форме пространства состояний, в форме «вход-выход». Оптимальная настраиваемая модель PAP-объекта. Нормированная информационная матрица (НИМ).
- 4. Характеристики оценок. Линейность, несмещённость, условная несмещённость. Оценки минимальной дисперсии. Состоятельность и состоятельность в среднеквадратичном. Эффективности.
- 5. Поиск наилучших оценок параметров объекта, критерии оптимальности. Функции потерь (ФП) и штрафа (ФШ). Примеры ФП и ФШ: квадратичная, модульная, релейная.
- 6. Метод наименьших квадратов (МНК). Постановка и решение задачи минимизации. МНК по полной информации. Формула оценки для линейного Р-объекта. Ограничения применимости метода. Блоксхема алгоритма МНК по полной информации.
- 7. Свойства оценок метода наименьших квадратов линейность, несмещённость, состоятельность. Проверка адекватности модели объекту, критерий Фишера.
- 8. Рекуррентные методы оценивания, их плюсы и минусы. Рекуррентная форма метода наименьших квадратов. Рекуррентные формулы оценки, блок-схема алгоритма.
- 9. Нелинейная форма метода наименьших квадратов (НМНК). Задача минимизации и методы её решения. Алгоритм НМНК с минимизацией по методу Ньютона, блок-схема.
- 10. Линейные несмещённые оценки минимальной дисперсии. Оценка параметров линейного Р-объекта по методу наименьших квадратов со свойством минимальной дисперсии, проверка наличия свойства. Теорема Гаусса-Маркова.
- 11. Метод максимума правдоподобия (ММП). Вид функции потерь и критерия для ММП. Формула Байеса для плотностей распределения вероятности. Вид критерия ММП для нормального распределения, для распределений Лапласа и Коши.
- 12. Метод максимума апостериорной вероятности (ММАВ). Вид функции потерь и критерия для ММАВ. Оценка ММАВ для линейного Р-объекта с нормальным распределением шума и значений параметров. Связь с оценкой наименьших квадратов.
- 13. Метод стохастической аппроксимации (МСА). Параметр демпфирования колебаний. Условие состоятельности оценок МСА в среднеквадратичном.
- 14. Обобщение метода стохастической аппроксимации для решения задач идентификации. Скорость сходимости рекуррентных алгоритмов. Асимптотическая матрица ковариации ошибки оценки (АМКО). Задача минимизации АМКО.
- 15. Оптимальные алгоритмы идентификации. Уравнение связи между асимптотической ковариационной матрицей ошибки оценки (АМКО), функцией потерь и матрицей В. Рекуррентные формулы вычисления оценки по оптимальному алгоритму.
- 16. Абсолютно оптимальные алгоритмы (AOA) идентификации, связь оптимальных с абсолютно оптимальными. Рекуррентные формулы вычисления оценки по AOA. Фишеровская информация (ФИ). Формулы ФИ для разных законов распределения.
- 17. Класс альфа-загрязнённых распределений. Метод Хьюбера построения оптимальной функции потерь. Вид функции потерь Хьюбера для нормального распределения. Связь вероятности появления выброса и функции потерь Хьюбера.