# Звіт з лабораторної роботи за дисципліною "Архітектура і програмне забезпечення обчислювальних систем" студента групи ПА-17-1 Панасенка Егора Сергійовича Кафедра комп'ютерних технологій, фпм, дну 2017/2018 навч.р.

### 1. Постановка задачі:

- 1. Реализовать процедуру умножения квадратных матриц (размером кратным четырём) без использования специальных расширений и с использованием расширений SSE, сравнить время выполнения этих реализаций.
- 2. В соответствии с вариантом задания реализовать матричновекторную (с одинаковым размером матриц и векторов кратным четырём) процедуру с использованием расширений SSE.
- 3. C использованием инструкции cpuid определить наличие расширения SSE.

# 2. Опис коду:

- 1. У програмі є багато функцій для роботи з матрицями, векторами та числами, причому до кожної функції є подібна їй з використанням SSE:
  - 1. float rand\_f (int min\_number, char max\_number)
     \_\_m128 rand\_f\_sse (int min\_number, char max\_number)
    - 1. Виводить випадкове число у заданому діапазоні
    - 2. Аргументи:
      - 1. min\_number мінімальне число у діапазоні чисел
      - 2. max\_number максимальне число у діапазоні чисел
  - 2. float \*\* create\_matrix (int size, int min\_number, char max\_number)
    - \_\_m128 \*\* create\_matrix\_sse (int size, int min\_number, char max\_number)
    - 1. Створює та заповнює матрицю випадковими числами, якщо це потрібно (min\_number != max\_number)
    - 2. Аргументи:
      - 1. size розмір матриці

- 2. min number мінімальне число у діапазоні чисел
- 3. max number максимальне число у діапазоні чисел
- 3. void print\_matrix (FILE \* output, float \*\* a ,int size,
   const char \* name)

void print\_matrix\_sse (FILE \* output, \_\_m128 \*\* a ,int size, const char \* name)

- 1. Виводить у поток матрицю
- 2. Аргументи:
  - 1. output поток
  - 2. a матриця
  - 3. size розмір матриці
  - 4. name назва матриці
- 4. void free m (float \*\* a, int size)

void free\_m\_sse (\_\_m128 \*\* a, int size)

- 1. Звільнює пам'ять матриці
- 2. Аргументи:
  - а матриця
  - 2. size розмір матриці
- 5. float \* create\_vector (int size, int min\_number, char max\_number)

\_\_m128 \* create\_vector\_sse (int size, int min\_number, char max\_number)

- 1. Створює та заповнює вектор випадковими числами, якщо це потрібно (min number != max number)
- 2. Аргументи:
  - 1. size розмір вектора
  - 2. min\_number мінімальне число у діапазоні чисел
  - 3. max\_number максимальне число у діапазоні чисел
- 6. void print\_vector (FILE \* output, float \* a ,int size, const char \* name)

void print\_vector\_sse (FILE \* output, \_\_m128 \* a ,int size,
const char \* name)

- 1. Виводить у поток вектор
- 2. Аргументи:

```
1. output — поток
     2. a — вектор
     3. size — розмір матриці
     4. name — назва матриці
7. float ** mul mat (float ** a, float ** b, int size)
   m128 ** mul mat sse ( m128 ** a, m128 ** b, int size)
  1. Перемножує дві матриці
  2. Аргументи:
     1. a і b - матриці
     2. size — розмір матриць
8. float ** mul num mat (float a, float ** b, int size)
  m128 ** mul num mat sse ( m128 a,  m128 ** b, int size)
  1. Перемножує число на матрицю
  2. Аргументи:
     1. а — число
     2. b — матриця
     3. size — розмір матриці
9. float * mul mat vec (float ** a, float * b, int size)
   m128 * mul mat vec sse (__m128 ** a, __m128 * b, int
  size)
  1. Перемножує матрицю на вектор
  2. Аргументи:

 а – матриця

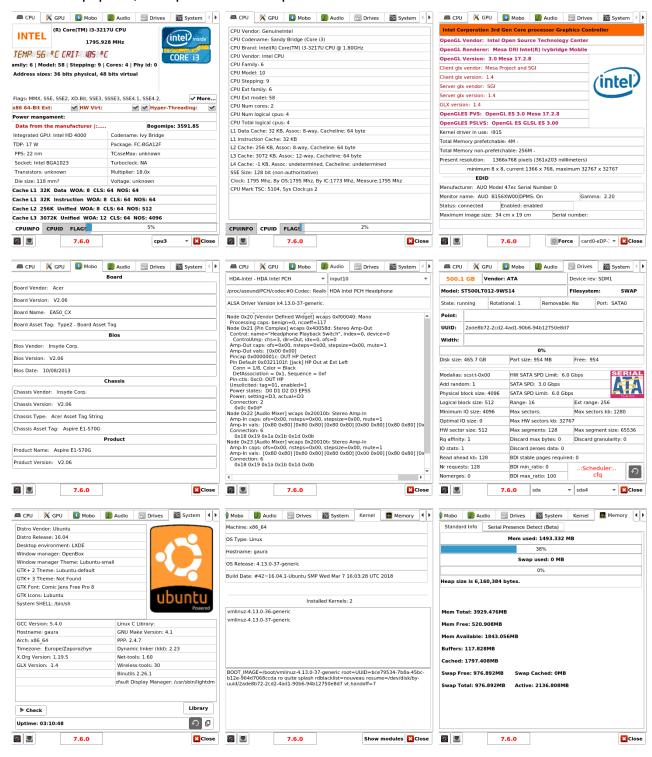
    2. b — вектор
    3. size — розмір матриці
10.
       float ** add mat (float ** a, float ** b, int size)
   m128 ** add mat sse ( m128 ** a, m128 ** b, int size)
  1. Додає дві матриці
  2. Аргументи:
     1. a і b - матриці
  3. size — розмір матриць
```

float \* add\_vec (float \* a, float \* b, int size)

11.

- m128 \* add vec sse ( m128 \* a, m128 \* b, int size)
- 1. Додає дві матриці
- 2. Аргументи:
  - 1. a і b вектори
  - 2. size розмір матриць
- 2. В головній функції виконуються такі дії
  - 1. Ініціювання усіх необхідних змінних
  - 2. Створення двох випадкових матриць
  - 3. Перемноження цих матриць без SSE та з SSE
  - 4. Показ на екран цих матриць
  - 5. Створення випадкової матриці, перемноження матриці на 4 без SSE та з SSE та показ на екран цих матриць
  - 6. Створення випадкових матриці та вектор, перемноження матриці на вектор без SSE та з SSE на 4 та показ на екран цих матриці та отриманих векторів
  - 7. Створення двох випадкових матриць, додавання цих матриць без SSE та з SSE, показ на екран цих матриць
  - 8. Створення двох випадкових векторів, додавання цих векторів без SSE та з SSE, показ на екран цих векторів
  - 9. Створення необхідних випадкових даних та обчислення формули без SSE та з SSE, показ на екран початкових та отриманих даних
  - 10. Збір статистики швидкостей без SSE та з SSE при перемноженні матриць
  - 11. Збір статистики швидкостей без SSE та з SSE при обчисленні формули
- 3. Опис результатів:
  - 1. Завдяки тому, що ми за допомогою SSE, об'єднуємо 4 числа типу float (хоча ми можемо брати не тільки float), ми можемо досягти збільшення швидкості деяких дій до 4 раз, на графіку ми бачимо що відношення швидкостей варіюється від 2 до 3 разів, це завдяки тому що деякі стандартні операції, які не можна обробити за допомогою SSE, уже ж таки виконується, тому дійсно збільшити швидкість у 4 рази неможливо.

## 4. Інформація про комп'ютер:



# 5. Таблиці та графіки:

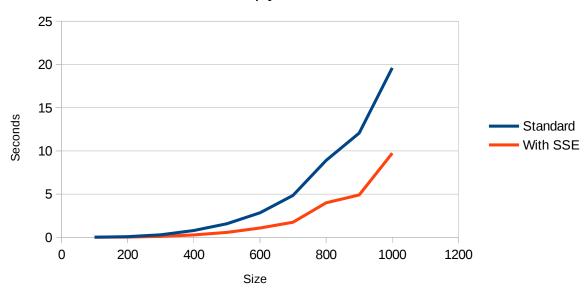
| Multiply 2 matrices |           |          | Compute formula |          |                      |  |
|---------------------|-----------|----------|-----------------|----------|----------------------|--|
| ize                 | Standard  | With SSE | Size            | Standard | With SSE             |  |
| 00                  | 0.011975  | 0.006474 | 100             | 0.000125 | 0.000048             |  |
| 90                  | 0.082635  | 0.03053  | 200             | 0.000478 | 0.000186             |  |
| 90                  | 0.284289  | 0.108448 | 300             | 0.001148 | 0.000434             |  |
| 00                  | 0.788482  | 0.281642 | 400             | 0.002104 | 0.000876             |  |
| 90                  | 1.571325  | 0.561944 | 500             | 0.003523 | 0.001469             |  |
| 00                  | 2.836564  | 1.074336 | 600             | 0.00552  | 0.002327             |  |
| 0                   | 4.84193   | 1.740416 | 700             | 0.007814 | 0.002868             |  |
| 0                   | 8.895281  | 3.985972 | 800             | 0.011509 | 0.005718             |  |
| 0                   | 12.055253 | 4.898085 | 900             | 0.022671 | 0.010001             |  |
| 00                  | 19.605669 | 9.738386 | 1000            | 0.021528 | 0.013402             |  |
|                     |           | ·        | 1100            | 0.02665  | 0.010397             |  |
|                     |           |          | 1200            | 0.035869 | 0.017596             |  |
|                     |           |          | 1300            | 0.036739 | 0.018358             |  |
|                     |           |          | 1400            | 0.044098 | 0.02525              |  |
|                     |           |          | 1500            | 0.050716 | 0.02134              |  |
|                     |           |          | 1600            | 0.060784 | 0.031195             |  |
|                     |           |          | 1700            | 0.072656 | 0.033197             |  |
|                     |           |          | 1800            | 0.081367 | 0.042162             |  |
|                     |           |          | 1900            | 0.09042  | 0.042685             |  |
|                     |           |          | 2000            | 0.095099 | 0.05231              |  |
|                     |           |          | 2100            | 0.140222 | 0.04519              |  |
|                     |           |          | 2200            | 0.111707 | 0.058894             |  |
|                     |           |          | 2300            | 0.1179   | 0.058572             |  |
|                     |           |          | 2400            | 0.129483 | 0.070316             |  |
|                     |           |          | 2500            | 0.136429 | 0.060709             |  |
|                     |           |          | 2600            | 0.156198 | 0.082704             |  |
|                     |           |          | 2700            | 0.155931 | 0.066116             |  |
|                     |           |          | 2800            | 0.178979 | 0.093705             |  |
|                     |           |          | 2900            | 0.187897 | 0.080826             |  |
|                     |           |          | 3000            | 0.209602 | 0.107083             |  |
|                     |           |          | 3100            | 0.216417 | 0.089779             |  |
|                     |           |          | 3200            | 0.239477 | 0.12752              |  |
|                     |           |          | 3300            | 0.249023 | 0.107179             |  |
|                     |           |          | 3400            | 0.278025 | 0.138099             |  |
|                     |           |          | 3500            | 0.281982 | 0.115805             |  |
|                     |           |          | 3600            | 0.312394 | 0.155651             |  |
|                     |           |          |                 |          |                      |  |
|                     |           |          | 3700            | 0.321608 | 0.136493             |  |
|                     |           |          | 3700<br>3800    | 0.321608 | 0.136493<br>0.174369 |  |

4000

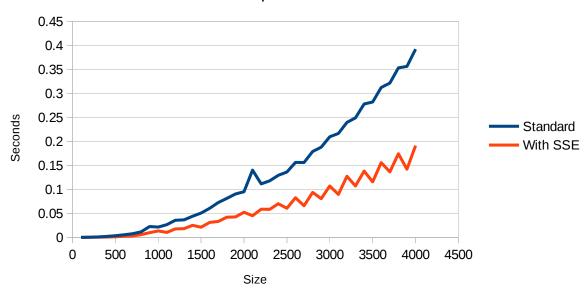
0.391971

0.191166

# Multiply 2 matrices



# Compute formula



# 6. Коди програм, скриптів:

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <time.h>
#include <xmmintrin.h>

float rand_f (int min_number, char max_number) {
    return rand()%(max_number-min_number+1)+min_number;
}
```

```
m128 rand f sse (int min number, char max number) {
      return _mm_set_ps(
            rand f(min number, max number),
            rand f(min number, max number),
            rand f(min number, max number),
            rand f(min number, max number)
     );
}
float ** create matrix (int size, int min number, char max number) {
     float ** a = (float**) _mm_malloc (size*sizeof(float*),16);
     for (int i=0;i<size;i++) {
           a[i] = (float*) mm malloc (size*sizeof(float),16);
           for (int j=0; j < size; j++)
                 if (min number==max number) a[i][j] = min number;
                 else a[i][j] = rand_f(min_number,max_number);
      return a;
}
m128 ** create matrix sse (int size, int min number, char max number) {
     int s = size/4;
       for (int i=0;i<size;i++) {</pre>
            a[i] = (\underline{\quad} m128*) \ \underline{\quad} mm\underline{\quad} malloc \ (size*sizeof(float),16); \\ for \ (int \ j=0;j< s;j++) 
                 if (min number==max number) a[i][j] = mm set1 ps(min number);
                 else a[i][j] = rand_f_sse(min_number,max_number);
     }
      return a;
}
void print matrix (FILE * output, float ** a ,int size, const char * name) {
     fprintf(output, "Matrix %s:\n", name);
     for (int i=0;i<size;i++) {
           for (int j=0; j < size; j++) {
                 fprintf(output, "%5i ", (int)a[i][j]);
           fprintf(output,"\n");
     fprintf(output,"\n");
}
fprintf(output, "Matrix %s with SSE:\n", name);
     for (int i=0;i<size;i++) {</pre>
           for (int j=0; j < size; j++) {
                 fprintf(output, "%5i ", (int)*((float*)(&a[i][j/4])+j%4));
            fprintf(output,"\n");
      fprintf(output,"\n");
}
void free m (float ** a, int size) {
     for (int i=0;i<size;i++) _mm_free(a[i]);</pre>
     mm free(a);
}
```

```
void free_m_sse (__m128 ** a, int size) {
     for (int i=0; i < size/4; i++) mm free(a[i]);
     mm free(a);
}
float * create vector (int size, int min number, char max number) {
     float * a = (float*) mm malloc (size*sizeof(float),16);
     for (int i=0;i<size;i++) {
           if (min_number==max_number) a[i] = min_number;
           else a[i] = rand f(min number, max number);
     return a;
}
 m128 * create vector sse (int size, int min number, char max number) {
     int s = size/4;
       for (int i=0;i<s;i++) {
            if (min_number==max_number) a[i] = _mm_set1_ps(min_number);
           else a[i] = rand_f_sse(min_number,max_number);
     return a;
}
void print vector (FILE * output, float * a ,int size, const char * name) {
     fprintf(output, "Vector %s:\n", name);
     for (int i=0;i<size;i++)</pre>
            fprintf(output,"%5i ",(int)a[i]);
     fprintf(output,"\n\n");
}
void print_vector_sse (FILE * output, __m128 * a ,int size, const char * name) {
     fprintf(output, "Vector %s with SSE:\n", name);
     for (int i=0;i<size;i++) {</pre>
           fprintf(output, "%5i ", (int)*((float*)(&a[i/4])+i%4));
     fprintf(output,"\n\n");
}
float ** mul mat (float ** a, float ** b, int size) {
     float ** c = create matrix(size,0,0);
     for (int i=0;i<size;i++) {
           for (int j=0; j < size; j++) {
                 c[i][j] = 0;
                 for (int k=0; k<size; k++) {
                       c[i][j]+=a[i][k]*b[k][j];
                 }
           }
     }
      return c;
}
__m128 ** mul_mat_sse (__m128 ** a, __m128 ** b, int size) {
      m128 ** c = create_matrix_sse(size,0,0);
     int s = size/4;
     for (int i=0;i<size;i++) {</pre>
```

```
for (int j=0; j<s; j++) {
                  c[i][j] = _mm_set1_ps(0);
                  for (int k=0; k<size; k++) {</pre>
                        c[i][j] = _mm_add_ps(c[i][j],
                              mm mul ps(
                                      mm_set1_ps(*((float*)(&a[i][k/4])+k%4))
                              , b[k][j])
                        );
                  }
            }
      return c;
}
float ** mul num mat (float a, float ** b, int size) {
      float ** c = (float**) _mm_malloc (size*sizeof(float*),16);
      for (int i=0;i<size;i++) {
            c[i] = (float*) mm malloc (size*sizeof(float),16);
            for (int j=0; j < size; j++)
                  c[i][j]=a*b[i][j];
      return c;
}
 m128 ** mul num mat sse (__m128 a, __m128 ** b, int size) {
      int s = size/4;
       m128 ** c = (m128**) mm malloc (size*sizeof(m128*),16);
      for (int i=0;i<size;i++) {
            c[i] = (\_m128*) \_mm\_malloc (s*sizeof( m128),16);
            for (int j=0; j < s; j++)
                  c[i][j] = _mm_mul_ps(a, b[i][j]);
      return c;
}
float * mul_mat_vec (float ** a, float * b, int size) {
      float * c = create vector(size,0,0);
      for (int i=0;i<size;i++)</pre>
            for (int j=0; j < size; j++)
                  c[i]+=a[j][i]*b[i];
      return c;
}
 m128 * mul mat vec sse ( m128 ** a,  m128 * b, int size) {
      int s = size/4;
       m128 * c = create vector sse(size,0,0);
      for (int i=0; i<s; i++)
            for (int j=0; j < size; j++)
                  c[i] = _mm_add_ps(c[i],
                        mm mul ps(a[j][i], b[i])
                  );
      return c;
}
float ** add_mat (float ** a, float ** b, int size) {
      float *** c = (float**) _mm_malloc (size*sizeof(float*),16);
      for (int i=0;i<size;i++) {
            c[i] = (float*) mm malloc (size*sizeof(float),16);
```

```
for (int j=0;j<size;j++)
                  c[i][j] = a[i][j]+b[i][j];
      return c;
}
 m128 ** add mat sse ( m128 ** a,  m128 ** b, int size) {
      int s = size/4;
       m128 ** c = ( m128**) mm malloc (size*sizeof( m128*),16);
      for (int i=0;i<size;i++) {
            c[i] = (\__m128*) \_mm\_malloc (s*sizeof(\__m128),16);
            for (int j=0; j<s; j++)
                  c[i][j] =_mm_add_ps(a[i][j],b[i][j]);
      return c;
}
float * add vec (float * a, float * b, int size) {
      float * c = (float*) _mm_malloc (size*sizeof(float),16);
      for (int i=0;i<size;i++)
            c[i] = a[i]+b[i];
      return c;
}
 m128 * add vec sse ( m128 * a,  m128 * b, int size) {
      int s = size/4;
       m128 * c = (m128*) mm malloc (s*sizeof(m128),16);
      for (int i=0; i < s; i++)
            c[i] = mm add ps(a[i],b[i]);
      return c;
}
int main() {
      freopen("output.txt", "w", stdout);
      srand(time(NULL));
      int size=8,min_number=-9,max_number=9;
      float ** a, *\overline{} b, ** c, *\overline{} d, * e, * f, * g, h;
      m128 ** as, ** bs, ** cs, * ds, * es, * fs, * gs, hs;
      printf("-- Multiplying 2 matrices\n");
      a = create matrix(size,min number,max number);
      b = create matrix(size,min number,max number);
      c = mul mat(a,b,size);
      print matrix(stdout,a,size,"A");
      print matrix(stdout,b,size,"B");
      print matrix(stdout,c,size,"C");
      as=(m128 **)a;bs=(m128 **)b;
      cs=mul_mat_sse(as,bs,size);
      print_matrix_sse(stdout,cs,size,"C");
      free m(a,size); free m(b,size); free m(c,size); free m sse(cs,size);
      printf("\n-- Multiplying matrix on 4\n");
      a = create matrix(size,min number,max number);
      h = 4;
      c = mul num mat(h,a,size);
      print_matrix(stdout,a,size,"A");
      print matrix(stdout,c,size,"C");
      as=(m128 **)a;
```

```
hs= mm set1 ps(h);
cs = mul_num_mat_sse(hs,as,size);
print matrix sse(stdout,cs,size,"C");
free m(a,size);free m(c,size);free m sse(cs,size);
printf("\n-- Multiplying matrix on vector\n");
a = create matrix(size,min number,max number);
d = create vector(size,min number,max number);
e = mul mat vec(a,d,size);
print matrix(stdout,a,size,"A");
print_vector(stdout,d,size,"D");
print vector(stdout,e,size,"E");
as=(m128 **)a;ds=(m128 *)d;
es = mul mat vec sse(as,ds,size);
print_vector_sse(stdout,es,size,"E");
free m(a,size); mm free(d); mm free(e); mm free(es);
printf("\n-- Adding 2 matrices\n");
a = create matrix(size,min number,max number);
b = create matrix(size,min number,max number);
c = add mat(a,b,size);
print matrix(stdout,a,size,"A");
print matrix(stdout,b,size,"B");
print matrix(stdout,c,size,"C");
as=(\underline{m128} **)a;bs=(\underline{m128} **)b;
cs = add mat sse(as,bs,size);
print matrix sse(stdout,cs,size,"C");
free m(a,size);free m(b,size);free m(c,size);free m sse(cs,size);
printf("\n-- Adding 2 vectors\n");
d = create vector(size,min number,max number);
e = create_vector(size,min_number,max_number);
f = add vec(d,e,size);
print vector(stdout,d,size,"D");
print vector(stdout,e,size,"E");
print_vector(stdout,f,size,"F");
ds=( m128 *)d;es=( m128 *)e;
fs = add vec sse(ds,es,size);
print vector sse(stdout,fs,size,"F");
mm free(d); mm free(e); mm free(f); mm free(fs);
printf("\n-- Calculating formula\n");
printf("G = H*A*D+E, where H - number, D and E - vectors, A - matrix\n\n");
a = create matrix(size,min number,max number);
d = create vector(size,min number,max number);
e = create vector(size,min number,max number);
h = rand f(min number, min number);
printf("Number H is %i\n\n",(int)h);
print matrix(stdout,a,size,"A");
print vector(stdout,d,size,"D");
print vector(stdout,e,size,"E");
b = mul num mat(h,a,size);
f = mul mat vec(b,d,size);
g = add_vec(f,e,size);
print_vector(stdout,g,size,"G");
as=( m128 **)a;ds=( m128 *)d;es=( m128 *)e;
hs= mm set1 ps(h);
```

```
bs = mul num mat sse(hs,as,size);
fs = mul_mat_vec_sse(bs,ds,size);
gs = add vec sse(fs,es,size);
print vector sse(stdout,gs,size,"G");
free m(a,size); mm free(d); mm free(e);
free_m(b,size); mm_free(f); mm_free(g);
free m sse(bs,size); mm free(fs); mm free(gs);
printf("\n-- Collecting statistics\n");
printf("- Multiplying 2 matrices\n");
clock_t t1,t2;
double dur[2];
FILE * file = fopen("1.csv", "w");
for (size=100; size<=1000; size+=100) {
      a = create_matrix(size,min_number,max_number);
      b = create matrix(size,min number,max number);
     t1=clock();
      c = mul mat(a,b,size);
      t2=clock();
      dur[0] = 1.0*(t2-t1)/CLOCKS PER SEC;
      as=(__m128 **)a;bs=(__m128 **)b;
      t1=clock();
      cs=mul mat_sse(as,bs,size);
      t2=clock();
      dur[1] = 1.0*(t2-t1)/CLOCKS PER SEC;
      free m(a,size);free_m(b,size);free_m(c,size);
      free m sse(cs,size);
      printf("%i,%lf,%lf\n",size,dur[0],dur[1]);
      fprintf(file, "%i,%lf,%lf\n", size, dur[0], dur[1]);
fclose(file);
file = fopen("2.csv", "w");
printf("\n- Calculating formula\n");
for (size=100; size<=4000; size+=100) {
      a = create_matrix(size,min_number,max_number);
      d = create vector(size,min number,max number);
      e = create vector(size,min number,max number);
      h = rand_f(min_number, min_number);
      t1=clock();
      b = mul num mat(h,a,size);
      f = mul mat vec(b,d,size);
      g = add vec(f,e,size);
      t2=clock();
      dur[0] = 1.0*(t2-t1)/CLOCKS PER SEC;
      as=(m128 **)a;ds=(m128 *)d;es=(m128 *)e;
      hs= mm set1 ps(h);
      t1=clock();
      bs = mul_num_mat_sse(hs,as,size);
      fs = mul_mat_vec_sse(bs,ds,size);
      gs = add_vec_sse(fs,es,size);
      t2=clock();
      dur[1] = 1.0*(t2-t1)/CLOCKS PER SEC;
      free_m(a,size);_mm_free(d);_mm_free(e);
      free_m(b,size);_mm_free(f);_mm_free(g);
      free_m_sse(bs,size); mm_free(fs); mm_free(gs);
      printf("%i,%lf,%lf\n",size,dur[0],dur[1]);
      fprintf(file, "%i,%lf,%lf\n", size, dur[0], dur[1]);
```

```
fclose(file);
       return 0;
}
   7. Приклад
-- Multiplying 2 matrices
Matrix A:
    5
           -9
                  -3
                           5
                                  5
                                         7
                                                -6
                                                        0
   - 3
                  -3
            6
                          - 3
                                 - 4
                                         6
                                                 7
                                                        8
   - 7
            2
                  -5
                          1
                                  4
                                                 1
                                                       -4
                                         - 9
   -9
                   3
                           2
                                                 5
                                                        6
           -8
                                 -8
                                         -8
                  - 2
                                                - 9
    8
           -8
                          4
                                  9
                                         1
                                                       - 7
                                  9
   -6
           - 3
                  - 1
                          - 1
                                        -7
                                                - 2
                                                       -8
    1
           - 1
                  -1
                          -8
                                 - 4
                                         7
                                                - 3
                                                       -6
    8
            7
                   5
                          6
                                  8
                                         - 2
                                                 2
                                                        3
Matrix B:
   - 1
            7
                  -6
                          - 5
                                 - 5
                                        -6
                                                -3
                                                       - 1
   -3
            2
                   4
                          - 4
                                  1
                                                -6
                                                       - 7
                                         8
   -3
            3
                  -6
                          3
                                 - 3
                                                       -5
                                         - 2
                                                 6
                                  2
   -5
           -2
                          9
                                                       -8
                  -8
                                                 2
                                         0
   -6
            6
                  - 7
                         - 1
                                  9
                                         0
                                                 4
                                                       -3
    8
           -2
                  - 1
                          0
                                 -3
                                         3
                                                - 1
                                                       0
            2
                                         2
   - 7
                   9
                          - 1
                                  9
                                                 0
                                                       -6
    7
           -2
                   9
                          - 1
                                  8
                                         2
                                                 0
                                                        8
Matrix C:
            2
                -184
                         48
                                -45
                                                       54
                                       -87
                                                44
   74
   88
         -50
                 241
                        -56
                                97
                                       120
                                               -73
                                                       34
                                 94
 - 120
                  26
                         20
                                        35
                                                6
                                                      -40
         - 10
    5
                                 77
                                       -18
                                                73
        -108
                 151
                        101
                                                       76
  -30
                         29
                                -93
          74
                -308
                                      -137
                                                55
                                                       - 3
 -129
          31
                - 108
                         31
                                 48
                                       -27
                                               71
                                                      -39
  104
         - 14
                   0
                        -63
                               - 151
                                        - 9
                                               -42
                                                      57
 -131
         123
               - 107
                        -12
                                 84
                                         2
                                                10
                                                    - 142
Matrix C with SSE:
                                                       54
   74
            2
                - 184
                         48
                                -45
                                       -87
                                                44
   88
          -50
                 241
                        -56
                                 97
                                       120
                                               -73
                                                       34
 - 120
         - 10
                  26
                         20
                                 94
                                        35
                                                6
                                                      -40
    5
        -108
                 151
                        101
                                 77
                                       - 18
                                                73
                                                       76
  -30
          74
               -308
                         29
                                -93
                                      -137
                                                55
                                                       - 3
 -129
          31
                - 108
                         31
                                 48
                                       -27
                                               71
                                                      -39
                               - 151
                                        - 9
                                               -42
  104
         - 14
                   0
                        -63
                                                      57
                                         2
         123
                        -12
                                 84
                                                10
                                                     - 142
 -131
               - 107
-- Multiplying matrix on 4
Matrix A:
   - 5
                          -9
                                  9
                                         7
                                                - 3
            0
                  -3
                                                        4
   -4
            3
                  -9
                          - 1
                                 - 4
                                         - 1
                                                 8
                                                       - 5
   -8
            5
                   0
                          7
                                 - 3
                                         9
                                                 8
                                                       -6
            7
   - 2
                   0
                          - 7
                                         6
                                                -9
                                 - 4
                                                       0
   -4
           - 5
                   1
                          -8
                                 -8
                                         4
                                                 6
                                                       -6
   -3
            3
                   2
                                                 3
                          - 1
                                 - 7
                                         - 2
                                                       - 9
   - 7
           - 7
                   4
                          - 4
                                  9
                                         2
                                                -3
                                                       -6
   - 3
            6
                  -4
                          2
                                  2
                                         -7
                                                 9
                                                        8
```

| Matrix -20 -16 -32 -8 -16 -12 -28 -12                         | C:<br>0<br>12<br>20<br>28<br>-20<br>12<br>-28<br>24     | -12<br>-36<br>0<br>0<br>4<br>8<br>16<br>-16           | -36<br>-4<br>28<br>-28<br>-32<br>-4<br>-16      | 36<br>-16<br>-12<br>-16<br>-32<br>-28<br>36<br>8 | 28<br>-4<br>36<br>24<br>16<br>-8<br>8     | -12<br>32<br>32<br>-36<br>24<br>12<br>-12<br>36 | 16<br>-20<br>-24<br>0<br>-24<br>-36<br>-24<br>32 |
|---|---|---|---|--|---|---|--|
| Matrix<br>-20<br>-16<br>-32<br>-8<br>-16<br>-12<br>-28<br>-12 | C with<br>0<br>12<br>20<br>28<br>-20<br>12<br>-28<br>24 | 1 SSE:<br>-12<br>-36<br>0<br>0<br>4<br>8<br>16<br>-16 | -36<br>-4<br>28<br>-28<br>-32<br>-4<br>-16<br>8 | 36<br>-16<br>-12<br>-16<br>-32<br>-28<br>36<br>8 | 28<br>-4<br>36<br>24<br>16<br>-8<br>8     | -12<br>32<br>32<br>-36<br>24<br>12<br>-12<br>36 | 16<br>-20<br>-24<br>0<br>-24<br>-36<br>-24<br>32 |
|   |   | ng matr   | ix on   | vector   | •   |   |  |
| Matrix -3 -4 -4 -1 -2 -4 -9 1                                 | A:<br>0<br>8<br>5<br>0<br>2<br>-4<br>5                  | 9<br>6<br>-3<br>9<br>8<br>-2<br>9                     | -4<br>-5<br>-5<br>8<br>-1<br>-2<br>-5           | - 9<br>- 4<br>- 5<br>0<br>- 8<br>2<br>- 4        | 2<br>-3<br>3<br>8<br>-2<br>-4<br>-5<br>-8 | -1<br>-8<br>-2<br>3<br>3<br>-1<br>2             | -2<br>-5<br>1<br>6<br>-6<br>8<br>1               |
| Vector<br>1   | D:<br>2   | -9  | -1  | 9  | 3   | 2   | -8   |
| Vector<br>-26   | E:<br>36  | -315  | 23  | -252   | -27                                       | 0   | -64  |
| Vector<br>-26   | E with<br>36  | n SSE:<br>-315  | 23  | - 252  | -27                                       | 0   | -64  |
| Addi<br>Matrix  |   | matrice   | S   |  |   |   |  |
| 8<br>-3<br>-9<br>-9<br>-3<br>5<br>7                           | 6<br>-8<br>-1<br>-7<br>-6<br>-9<br>-7                   | -4<br>-9<br>4<br>-7<br>4<br>0<br>7<br>-9              | -2<br>2<br>1<br>6<br>-5<br>7<br>-5              | -8<br>-7<br>-3<br>2<br>5<br>-1<br>-3             | 4<br>2<br>-2<br>1<br>3<br>-1<br>9<br>5    | -7<br>-7<br>-7<br>8<br>-9<br>-2<br>8<br>3       | 8<br>4<br>-3<br>-8<br>0<br>-6<br>3               |
| Matrix 5 4 3 2  | B:<br>-2<br>4<br>-6<br>7                                | 7<br>-3<br>-8<br>-6                                   | -3<br>-6<br>7<br>-9                             | -9<br>-6<br>-7<br>2                              | 4<br>4<br>7<br>6                          | -2<br>0<br>-9<br>3                              | 2<br>7<br>7<br>-5                                |

```
- 9
         -2
                1
                       8
                            -8
                                         0
                                                3
                                   6
         3
                3
    0
                       0
                            -5
                                   9
                                         - 2
                                                4
   - 7
         - 4
                1
                      -8
                            - 7
                                   - 1
                                         8
                                                1
                2
                      5
                            7
                                          9
                                                8
   -4
         -8
                                   -8
Matrix C:
          4
                3
                      - 5
                           - 17
                                   8
                                         -9
                                               10
   13
                      -4
                           -13
                                         -7
   1
         - 4
              -12
                                   6
                                               11
                      8
         -7
   -6
               - 4
                           - 10
                                   5
                                        - 16
                                               11
   - 7
         0
              -13
                      - 3
                            4
                                   7
                                               -8
                                        11
               5
                      3
                                   9
                                               - 5
  -12
         -8
                            - 3
                                         - 9
                      7
                3
    5
         - 6
                            -6
                                   8
                                         - 4
                                               4
    0
        -11
                8
                     - 13
                           - 10
                                   8
                                         16
                                               - 5
               -7
    4
          0
                      5
                            6
                                   - 3
                                         12
                                               11
Matrix C with SSE:
                                         -9
                                               10
   13
         4
               3
                      -5
                           - 17
                                   8
                           -13
                                         - 7
   1
         - 4
               -12
                      - 4
                                   6
                                               11
         - 7
                      8
   -6
               - 4
                           - 10
                                   5
                                        - 16
                                               11
   - 7
         0
              -13
                      -3
                           4
                                   7
                                               -8
                                        11
               5
                       3
                                   9
                                               - 5
  - 12
         -8
                                         - 9
                            - 3
                      7
    5
         -6
               3
                            -6
                                   8
                                         - 4
                                               4
    0
        -11
               8
                     - 13
                           - 10
                                   8
                                         16
                                               - 5
          0
               -7
                       5
                            6
                                   -3
                                         12
                                               11
-- Adding 2 vectors
Vector D:
                3
                      - 5
                            9
   -4 -3
                                  - 7
                                          4
                                               - 3
Vector E:
    3 -3
                6
                       7
                            -7
                                         -2
                                               - 5
                                  -6
Vector F:
   -1 -6
                 9
                       2
                             2
                                  -13
                                          2
                                               -8
Vector F with SSE:
                       2
   -1 -6
                             2
                                          2
                                  - 13
                                               -8
-- Calculating formula
G = H*A*D+E, where H - number, D and E - vectors, A - matrix
Number H is -9
```

| Matrix | Α:  |     |     |    |     |     |    |
|--------|-----|-----|-----|----|-----|-----|----|
| -3     | 9   | - 4 | - 4 | -2 | -6  | 7   | 0  |
| -5     | - 4 | -5  | 8   | -3 | - 9 | 3   | 0  |
| -5     | - 4 | 4   | -6  | -1 | -5  | 0   | 8  |
| -2     | -6  | 2   | 0   | -6 | 9   | 4   | 0  |
| 5      | 9   | 6   | -7  | 9  | 3   | 0   | -6 |
| 8      | 1   | 8   | -8  | 2  | 2   | 1   | 3  |
| 7      | -8  | 6   | -7  | -7 | -6  | - 9 | 0  |
| -3     | -1  | 9   | 0   | -1 | 3   | -9  | -6 |
| Vector | D:  |     |     |    |     |     |    |
| -1     | 3   | -6  | - 2 | -7 | 0   | -2  | 7  |

```
Vector E:
                  8
                         2
   - 9
          - 3
                                8
                                      - 3
                                             - 5
                                                     5
Vector G:
         105 1412
                     - 430
                            -559
                                      -3
                                            -59
                                                    68
Vector G with SSE:
                     -430
         105 1412
                            -559
                                      -3
                                            -59
                                                   68
```

-- Collecting statistics - Multiplying 2 matrices 100,0.011975,0.006474 200,0.082635,0.030530 300,0.284289,0.108448 400,0.788482,0.281642 500,1.571325,0.561944 600,2.836564,1.074336 700,4.841930,1.740416 800,8.895281,3.985972 900,12.055253,4.898085 1000,19.605669,9.738386

- Calculating formula 100,0.000125,0.000048 200,0.000478,0.000186 300,0.001148,0.000434 400,0.002104,0.000876 500,0.003523,0.001469 600,0.005520,0.002327 700,0.007814,0.002868 800,0.011509,0.005718 900,0.022671,0.010001 1000,0.021528,0.013402 1100,0.026650,0.010397 1200,0.035869,0.017596 1300,0.036739,0.018358 1400,0.044098,0.025250 1500,0.050716,0.021340 1600,0.060784,0.031195 1700,0.072656,0.033197 1800,0.081367,0.042162 1900,0.090420,0.042685 2000,0.095099,0.052310 2100,0.140222,0.045190 2200,0.111707,0.058894 2300,0.117900,0.058572 2400,0.129483,0.070316 2500,0.136429,0.060709 2600,0.156198,0.082704 2700,0.155931,0.066116 2800,0.178979,0.093705 2900,0.187897,0.080826 3000,0.209602,0.107083 3100,0.216417,0.089779 3200,0.239477,0.127520 3300,0.249023,0.107179

3400,0.278025,0.138099

3500,0.281982,0.115805 3600,0.312394,0.155651 3700,0.321608,0.136493 3800,0.353174,0.174369 3900,0.356118,0.142215 4000,0.391971,0.191166