

計算方法設計hw1

105021120 朱世耘

程式註解：

```
void next_comb(int choose[],int n,int m){ //找出Cn取m中的下一個組合
    for(int i=m-1;i>=0;--i){
        if(choose[i]<n+i-m+1){ //尋找choose中還能再加的index (從後往前)
            ++choose[i]; //把該項+1
            for(int j=i+1;j<=m;++j){
                choose[j]=choose[i]+j-i; //加完後把該項後的每一項都依序為該項+1
            }
            break;
        }
    }
}

int main() {
    int T;
    int N,K,S;
    cin>>T; //輸入T
    for (int t=0; t<T; t++) {
        int sum=0;
        cin>>N>>K>>S; //輸入N,K,S
        int A[N][S]; //用A來存放輸入資料
        int max[S]; //用max存放每種element個別的最大值
        for (int i=0; i<S; i++) {
            max[i]=0;
        }
        for (int i=0; i<N; i++) {
            for(int j=0;j<S;j++){
                cin>>A[i][j];
            }
        }
        if (K>=S){ //當K>=S,只要把每種element在全部
            for (int i=0; i<N; i++) { //object中的最大值挑出來相加即可
                for (int s=0; s<S; s++) { //也就是說不用考慮到挑選出的是哪K個element
                    if (A[i][s]>max[s]){
                        max[s]=A[i][s];
                    }
                }
            }
            for (int s=0; s<S; s++) {
                sum = sum + max[s]; //把每個element的最大值相加到sum
            }
        }
        else{
            // Do K<S situation
            int sum1=0;
            int big[S];
            int choose[K];
            for (int i=0; i<K; i++) {
                choose[i]=i; //初始化choose的內容為0到K-1
            } //為第一個組合
            while (choose[0]<=(N-K)) { //當choose[0]>N-K時代表都跑過了
                for (int i=0; i<K; i++) {
                    for (int s=0; s<S; s++) {
                        if (A[choose[i]][s]>max[s]){
                            max[s]=A[choose[i]][s]; //整理每一種組合下的max
                        }
                    }
                }
                sum1+=sum;
                next_comb(choose,K,N);
            }
        }
    }
}
```

```

    }
    }
    }
    for (int s=0; s<S; s++) {
        sum1 = sum1 + max[s]; //各項element的max相加到sum1
    }
    if (sum1>sum) {
        sum=sum1; //若此種組合比之前組合的max大，則覆蓋
    }
    next_comb(choose, N, K); //跳到下一個組合
    sum1=0;
    for (int i=0; i<S; i++) {
        max[i]=0; //歸零
    }
}
}
cout<<sum<<endl; //輸出結果
}
}

```

Time complexity:

next_comb(int choose[m],int n,int m):

$O(m)*O(m)=O(m^2)$ //兩個for迴圈

int main():

$O(T) * (O(S) + O(N*S) + \text{兩種case})$

執行T次 | 初始化max | 輸入 |

case $K \geq S$:

$O(N*S) + O(S) = O(N*S)$

雙重for迴圈 | for迴圈

case $K < S$

$O(K) + O(C \text{ N取K}) * (O(K*S)+O(S)+O(K^2) + O(S))$

for迴圈 | while迴圈 | for迴圈 | next_comb | for迴圈

$= O(K) + O(N*K) * (O(K*S) + O(K^2))$

$= O(K) + O(N*K*K) * (O(S) + O(K))$

$= O(N*K*K) * (O(S) + O(K))$ //because $S > K$

$= O(N*S^3)$

total:

$O(T) * (O(S) + O(N*S) + O(N*S) + O(N*S^3)) = O(T*N*S^3)$