#### МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

#### ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

# «БЕЛГОРОДСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ им. В. Г. ШУХОВА» (БГТУ им. В.Г. Шухова)

Кафедра программного обеспечения вычислительной техники и автоматизированных систем

#### Лабораторная работа №4

по дисциплине: Теория автоматов и формальных языков тема: «Нисходящая обработка контекстно-свободных языков»

Выполнил: ст. группы ПВ-201 Морозов Данила Александрович

Проверил: Рязанов Юрий Дмитриевич

# Лабораторная работа №4 «Нисходящая обработка контекстно-свободных языков»

#### Цель работы:

Изучить и научиться применять нисходящие методы обработки формальных языков.

#### Задания к работе:

- 1. Преобразовать исходную КС-грамматику в LL(1)-грамматику (см. варианты заданий).
- 2. Определить множества ПЕРВЫХ для каждого символа LL(1)-грамматики.
- 3. Определить множества СЛЕДУЮЩИХ для каждого символа LL(1)-грамматики.
- 4. Определить множество ВЫБОРА для каждого правила LL(1)-грамматики.
- 5. Написать программу-распознаватель методом рекурсивного спуска. Программа должна выводить последовательность номеров правил, применяемых при левом выводе обрабатываемой цепочки.
- 6. Сформировать наборы тестовых данных. Тестовые данные должны содержать цепочки, принадлежащие языку, заданному грамматикой, (допустимые цепочки) и цепочки, не принадлежащие языку. Для каждой допустимой цепочки построить дерево вывода и левый вывод.

Каждое правило грамматики должно использоваться в выводах допустимых цепочек хотя бы один раз.

- 7. Обработать цепочки из набора тестовых данных (см. п.6) программой-распознавателем.
- 8. Построить нисходящий МП-распознаватель по LL(1)-грамматике.
- 9. Написать программу-распознаватель, реализующую построенный нисходящий МП-распознаватель. Программа должна выводить на каждом шаге номер применяемого правила и промежуточную цепочку левого вывода.
- 10. Обработать цепочки из набора тестовых данных (см. п.6) программой-распознавателем.

# Задание варианта:

# Вариант №9

- 1.  $S \rightarrow OS$
- $2. \ S \rightarrow O$
- 3.  $O \rightarrow Y[S]$
- $4. \ \ O \rightarrow \{Y[S]\}$
- 5.  $O \rightarrow a = E$
- 6.  $Y \rightarrow a = a$
- 7.  $Y \rightarrow a < a$
- 8.  $Y \rightarrow !(Y)$
- 9.  $E \rightarrow (E + E)$
- $10.E \to (E * E)$
- $11.E \rightarrow -(E)$
- $12.E \rightarrow a$

#### Выполнение работы:

```
1. S \to OS

2. S \to O

3. O \to Y[S]

4. O \to \{Y[S]\}

5. O \to a = E

6. Y \to a = a

7. Y \to a < a

8. Y \to !(Y)

9. E \to (E + E)

10.E \to (E * E)

11.E \to -(E)

12.E \to a
```

Преобразуем грамматику, выполнив левую факторизацию. Правило номер 3 выделено, потому что при раскрытии Y даст «а» в начале цепочки, что приведет к тому, что для правил 3 и 5 с одинаковой левой частью в начале правой части стоит один и тот же символ, что в конечном счете приведет к пересечению множеств ВЫБОРА для данных правил.

Подсветим правила, которые были изменены/добавлены.

```
1. S \rightarrow OS'
2. S' \rightarrow OS'
3. S' \rightarrow \varepsilon
4. O \rightarrow aO'
5. 0 \to \{Y[S]\}
6. 0 \to !(Y)[S]
7. O' \rightarrow = E
8. O' \rightarrow Y'[S]
9. Y \rightarrow !(Y)
10.Y \rightarrow aY'
11.Y' \rightarrow = a
12.Y' \rightarrow < a
13.E \rightarrow -(E)
14.E \rightarrow a
15.E \rightarrow (EE')
16.E' \rightarrow *E)
17.E' \rightarrow +E
```

Но у нас появилась еще одна проблема: при раскрытии правила 8 мы вновь получим неоднозначность, ведь множество ВЫБОР(O'  $\rightarrow$  Y'[S]) = ПЕРВ(Y') =  $\{<=\}$ , что пересекается с ВЫБОР(O'  $\rightarrow$  =E) =  $\{=\}$  Еще немного преобразуем грамматику.

- 1.  $S \rightarrow OS'$
- 2.  $S' \rightarrow OS'$
- 3.  $S' \rightarrow \varepsilon$
- 4.  $O \rightarrow aO'$
- 5.  $0 \to \{Y[S]\}$
- 6.  $0 \to !(Y)[S]$
- 7.  $O' \rightarrow \langle a[S] \rangle$
- 8.  $O' \rightarrow = R$
- 9.  $R \rightarrow a[S]$
- $10.R \rightarrow E$
- $11.Y \rightarrow !(Y)$
- $12.Y \rightarrow aY'$
- $13.Y' \rightarrow = a$
- $14.Y' \rightarrow < a$
- $15.E \rightarrow -(E)$
- $16.E \rightarrow a$
- $17.E \rightarrow (EE')$
- $18.E' \rightarrow *E$ )
- $19.E' \rightarrow +E$ )

И хотелось бы уже начать определять множества, но мы опять попались в ловушку. Правила 9 и 10 имеет аналогичную проблему, которую мы решали на предыдущем шаге — множества ВЫБОРА этих двух правил пересекаются по символу «а».

Преобразуем грамматику

- 1.  $S \rightarrow OS'$
- 2.  $S' \rightarrow OS'$
- 3.  $S' \rightarrow \varepsilon$
- $4.~~O\rightarrow aO'$
- 5.  $O \to \{Y[S]\}$
- 6.  $0 \rightarrow !(Y)[S]$
- 7.  $0' \to < a[S]$
- 8.  $O' \rightarrow = R$
- 9.  $R \rightarrow -(E)$
- $10.R \rightarrow (EE'$
- $11.R \to aT$
- $12.T \rightarrow [S]$
- $13.T \rightarrow \varepsilon$
- $14.Y \rightarrow !(Y)$
- $15.Y \to aY'$
- $16.Y' \rightarrow = a$
- $17.Y' \to < a$

$$18.E \rightarrow -(E)$$

$$19.E \rightarrow a$$

$$20.E \rightarrow (EE')$$

$$21.E' \rightarrow *E)$$

$$22.E' \rightarrow +E)$$

Победа – правил, которые бы имели пересекающиеся множества ВЫБОРА не видно.

Теперь мы можем преступить к следующим заданиям, определять множества ПЕРВЫХ, СЛЕДУЮЩИХ и ВЫБОРА, где мы по итогу и увидим, что полученная грамматика является LL(1)-грамматикой.

#### Выполним поэтапно:

	Множества ПЕРВ	Множеств СЛЕД						
S								
S'	ε							
О	a { !							
O'	<=							
R	- (a							
T	ε[							
Y	a !							
Y'	= <							
Е	a – (							
Ε'	+ *							

В множество ПЕРВ(S') и ПЕРВ(S) добавим значения ПЕРВ(O) по 1-му и 2-му правилу.

	Множества ПЕРВ	Множеств СЛЕД
S	a { !	
S'	εa {!	
О	a { !	
O'	<=	
R	- (a	
T	ε[	
Y	a !	
Y'	= <	
Е	a – (	
Ε'	+ *	

При дальнейшем рассмотрении множества ПЕРВ не изменяются. Перейдем к следующему шагу.

Определим множества СЛЕД

	Множества ПЕРВ	Множеств СЛЕД
S	a { !	⊣ ]
S'	εa {!	⊣ ]
О	a { !	a {! ⊢ ]
O'	<=	a {! ⊢ ]
R	- ( a	a {! ⊢ ]

T	ε[	a {! ⊢]
Y	a !	[)
Y'	= <	[)
Е	a – (	[ ) a { ! + *
Ε'	+ *	[ ) a { ! + *

Мы определили множества СЛЕД. Теперь определим множества ВЫБОРА для правил.

Грамматика	Множества ВЫБОР					
1. $S \rightarrow OS'$	1. a {!					
$2. S' \to OS'$	2. a {!					
3. $S' \rightarrow \varepsilon$	3. ⊣ ]					
$4. \ O \rightarrow aO'$	4. a					
$5. \ O \to \{Y[S]\}$	5. {					
6. $O \rightarrow !(Y)[S]$	6. !					
7. $O' \rightarrow \langle a[S]$	7. <					
8. $O' \rightarrow = R$	8. =					
9. $R \rightarrow -(E)$	9					
$10.R \rightarrow (EE')$	10.(					
$11.R \rightarrow aT$	11.a					
$12.T \to [S]$	12.[					
$13.T \rightarrow \varepsilon$	13.a {! ⊢ ]					
$14.Y \to ! (Y)$	14.!					
$15.Y \rightarrow aY'$	15.a					
$16.Y' \to = a$	16.=					
$17.Y' \to < a$	17.<					
$18.E \to -(E)$	18					
$19.E \rightarrow a$	19.a					
$20.E \rightarrow (EE')$	20.(					
$21.E' \to *E)$	21.*					
$22.E' \rightarrow +E)$	22.+					

У всех правил с одинаковой левой частью множества ВЫБОР попарно не пересекаются. Следовательно, мы имеем LL(1) грамматику.

Напишем программу-распознаватель методом рекурсивного спуска.

#### scan.go

```
package scan
    "fmt"
    "log"
    "strings"
type <u>Scan</u> struct {
            string
    Str
    Runes
              []rune
    CurrPos int
    LoggerScan log.Logger
    LoggerError log.Logger
   TreeView *Tree
IsError bool
Error error
type <u>Tree</u> struct {
    Children []*Tree
    Label
              string
    RuleNumber int
    RuleString string
func (s *Scan) nextSym() error {
    if s.CurrPos >= s.SizeRunes() {
       return fmt.Errorf("current pos is <%d> and length of string is <%d>",
s.CurrPos, s.SizeRunes())
    }
    s.CurrPos++
   return nil
func (s *Scan) SizeRunes() int {
   return len(s.Runes)
func (s *Scan) CurrRune() (rune, error) {
   if s.CurrPos >= s.SizeRunes() {
        return '\000', fmt.Errorf("current pos is <%d> and length of string is
<%d>", s.CurrPos, s.SizeRunes())
   return s.Runes[s.CurrPos], nil
```

```
func (s *Scan) IsCurrEqual(r rune) error {
   if currRune, err := s.CurrRune(); currRune == r && err == nil {
        return nil
   } else {
       if err != nil {
           return fmt.Errorf("current rune <%c> is not equal to rune <%c>. %w",
currRune, r, err)
       } else {
            return fmt.Errorf("current rune <%c> is not equal to rune <%c>",
currRune, r)
   }
func (s *Scan) PerfomStep(r rune) (node *Tree, err error) {
   if err = s.IsCurrEqual(r); err != nil {
       return node, err
   node = &Tree{
       Label: string(r),
   err = s.nextSym()
   return node, err
func (s *Scan) GenStep(r rune) func() (*Tree, error) {
   return func() (*Tree, error) {
       return s.PerfomStep(r)
   }
func (s *Scan) ThrowError(r rune) func() (*Tree, error) {
   return func() (*Tree, error) {
       return nil, fmt.Errorf("wrong input")
   }
func (s *Scan) Init(str string) error {
   s.Str = strings.TrimSpace(str)
   s.Runes = []rune(s.Str)
   s.IsError = false
   return nil
              func() (*Tree, error)
   Step
   SliceOfSteps []Step
func (s *Scan) RuleRecord(parent *Tree, number int, representation string) {
```

```
s.LoggerScan.Printf("Применяется правило номер %d: \t\033[33m%s\033[0m\n", num-
ber, representation)
    parent.RuleNumber = number
    parent.RuleString = representation
func (s *Scan) ApplySteps(parent *Tree, steps SliceOfSteps) error {
   if s.IsError {
       return s.Error
    var err error
    for _, fn := range steps {
        if node, err := fn(); err != nil {
            if node == nil {
                node = &Tree{
                                "ERROR",
                    Label:
                    RuleNumber: 0,
            }
            s.Error = err
            s.IsError = true
            parent.Children = append(parent.Children, node)
            return err
        } else {
            parent.Children = append(parent.Children, node)
   return err
func (s *Scan) Analyze() error {
    s.LoggerScan.Printf("\033[32mНачало анализа\033[0m\n")
    parent, err := s.RuleS()
    s.TreeView = parent
    if err != nil {
        s.LoggerError.Printf("\033[31mАнализ закончен с ошибкой\033[0m\n")
        s.LoggerError.Printf("\033[31m%s\033[0m\n", err.Error())
   return err
func (s *Scan) RuleS() (parent *Tree, err error) {
    parent = &Tree{
        Label: "S",
    if s.CurrPos < s.SizeRunes() &&</pre>
        (s.IsCurrEqual('a') == nil || s.IsCurrEqual('{') == nil || s.Is-
CurrEqual('!') == nil) {
        s.RuleRecord(parent, 1, "S -> OS'")
        err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.RuleO, s.RuleS_})
```

```
s.RuleRecord(parent, 1, "S -> OS'")
        err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.ThrowError('a')}) // force
   return parent, err
func (s *Scan) Epsilon() (parent *Tree, err error) {
    parent = &Tree{
        Label: "ε",
   return parent, err
func (s *Scan) IsEnd() bool {
   return s.CurrPos >= s.SizeRunes()
func (s *Scan) RuleS_() (parent *Tree, err error) {
    parent = &Tree{
        Label: "S'",
    if s.CurrPos < s.SizeRunes() &&</pre>
        (s.IsCurrEqual('a') == nil || s.IsCurrEqual('{') == nil || s.Is-
CurrEqual('!') == nil) {
        s.RuleRecord(parent, 2, "S' -> OS'")
        err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.RuleO, s.RuleS_})
    } else if s.IsEnd() || s.IsCurrEqual(']') == nil {
        s.RuleRecord(parent, 3, "S' -> ε")
        err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.Epsilon})
    } else {
        s.RuleRecord(parent, 2, "S' -> OS'")
        err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.ThrowError('a')}) // force
   return parent, err
func (s *Scan) RuleO() (parent *Tree, err error) {
    parent = &Tree{
        Label: "0",
   switch {
    case s.IsCurrEqual('a') == nil:
        s.RuleRecord(parent, 4, "0 -> a0'")
        err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.GenStep('a'), s.RuleO_})
    case s.IsCurrEqual('{') == nil:
        s.RuleRecord(parent, 5, "0 -> {Y[S]}")
        err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.GenStep('{'), s.RuleY, s.Gen-
Step('['), s.RuleS, s.GenStep(']'), s.GenStep('}')})
    case s.IsCurrEqual('!') == nil:
       s.RuleRecord(parent, 6, "0 -> !(Y)[S]")
```

```
err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.GenStep('!'), s.GenStep('('),
s.RuleY, s.GenStep(')'), s.GenStep('['), s.RuleS, s.GenStep(']')})
    default:
        s.RuleRecord(parent, 4, "0 -> a0'")
        err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.ThrowError('a')})
    return parent, err
func (s *Scan) RuleO_() (parent *Tree, err error) {
    parent = &Tree{
        Label: "0'",
    switch {
    case s.IsCurrEqual('<') == nil:</pre>
        s.RuleRecord(parent, 7, "0' -> <a[S]")</pre>
        err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.GenStep('<'), s.GenStep('a'),</pre>
s.GenStep('['), s.RuleS, s.GenStep(']')})
    case s.IsCurrEqual('=') == nil:
        s.RuleRecord(parent, 8, "0' -> =R")
        err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.GenStep('='), s.RuleR})
    default:
        s.RuleRecord(parent, 7, "0' -> <a[S]")</pre>
        err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.ThrowError('<')})</pre>
    return parent, err
func (s *Scan) RuleR() (parent *Tree, err error) {
    parent = &Tree{
        Label: "R",
    switch {
    case s.IsCurrEqual('-') == nil:
        s.RuleRecord(parent, 9, "R -> -(E)")
        err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.GenStep('-'), s.GenStep('('),
s.RuleE, s.GenStep(')')})
    case s.IsCurrEqual('(') == nil:
        s.RuleRecord(parent, 10, "R -> (EE'")
        err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.GenStep('('), s.RuleE, s.RuleE_})
    case s.IsCurrEqual('a') == nil:
        s.RuleRecord(parent, 11, "R -> aT")
        err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.GenStep('a'), s.RuleT})
        s.RuleRecord(parent, 9, "0' -> <a[S]")</pre>
        err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.ThrowError('-')})
    return parent, err
 <mark>unc (s *Scan) RuleT() (parent *Tree, err error) {</mark>
```

```
parent = &Tree{
        Label: "T",
    }
    switch {
    case s.IsCurrEqual('[') == nil:
        s.RuleRecord(parent, 12, "T -> [S]")
        err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.GenStep('['), s.RuleS, s.Gen-
Step(']')})
    case s.IsCurrEqual('a') == nil || s.IsCurrEqual('{') == nil ||
        s.IsCurrEqual('!') == nil || s.IsCurrEqual('|') == nil || s.IsEnd():
        s.RuleRecord(parent, 13, "T -> \epsilon")
        err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.Epsilon})
    default:
        s.RuleRecord(parent, 12, "T -> [S]")
        err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.ThrowError('[')})
    return parent, err
func (s *Scan) RuleY() (parent *Tree, err error) {
    parent = &Tree{
        Label: "Y",
    switch{
    case s.IsCurrEqual('!') == nil:
        s.RuleRecord(parent, 14, "Y -> !(Y)")
        err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.GenStep('!'), s.GenStep('('),
s.RuleY, s.GenStep(')')})
    case s.IsCurrEqual('a') == nil:
        s.RuleRecord(parent, 15, "Y -> aY'")
        err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.GenStep('a'), s.RuleY_})
        s.RuleRecord(parent, 14, "T -> [S]")
        err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.ThrowError('!')})
    return parent, err
func (s *Scan) RuleY_() (parent *Tree, err error) {
    parent = &Tree{
        Label: "Y'",
    }
    case s.IsCurrEqual('=') == nil:
        s.RuleRecord(parent, 16, "Y' -> =a")
        err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.GenStep('='), s.GenStep('a')})
    case s.IsCurrEqual('<') == nil:</pre>
        s.RuleRecord(parent, 17, "Y' -> <a")</pre>
        err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.GenStep('<'), s.GenStep('a')})</pre>
    default:
        s.RuleRecord(parent, 16, "Y' -> =a")
```

```
err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.ThrowError('=')})
    }
    return parent, err
func (s *Scan) RuleE() (parent *Tree, err error) {
    parent = &Tree{
        Label: "E",
   switch {
    case s.IsCurrEqual('(') == nil:
        s.RuleRecord(parent, 20, "E -> (EE'")
        err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.GenStep('('), s.RuleE, s.RuleE_}))
    case s.IsCurrEqual('-') == nil:
        s.RuleRecord(parent, 18, "E -> -(E)")
        err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.GenStep('-'), s.GenStep('('),
s.RuleE, s.GenStep(')')})
    case s.IsCurrEqual('a') == nil:
        s.RuleRecord(parent, 19, "E -> a")
        err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.GenStep('a')})
        s.RuleRecord(parent, 19, "E -> a")
        err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.ThrowError('a')})
   return parent, err
func (s *Scan) RuleE_() (parent *Tree, err error) {
    parent = &Tree{
        Label: "E'",
    }
    case s.IsCurrEqual('*') == nil:
        s.RuleRecord(parent, 21, "E' -> *E)")
        err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.GenStep('*'), s.RuleE, s.Gen-
Step(')')})
   case s.IsCurrEqual('+') == nil:
        s.RuleRecord(parent, 22, "E' -> +E)")
        err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.GenStep('+'), s.RuleE, s.Gen-
Step(')')})
        s.RuleRecord(parent, 22, "E' -> +E)")
        err = s.ApplySteps(parent, SliceOfSteps{s.ThrowError('+')})
    return parent, err
```

#### main.go

```
import (
    "DanArmor/ta5/pkg/scan"
    "DanArmor/ta5/pkg/rules"
    "bufio"
    "fmt"
    "log"
    "os"
    "strings"
    "unicode"
    "github.com/m1gwings/treedrawer/tree"
type LeftOutput struct {
    inner string
    Steps []string
func (lo *LeftOutput) Init() {
    lo.inner = "S"
    lo.Steps = append(lo.Steps, "S")
func (lo *LeftOutput) Analyze(node *scan.Tree) {
    if unicode.IsUpper([]rune(node.Label)[0]){
        if(node.Label == "ERROR"){
            lo.inner = "ERROR"
            lo.Steps = append(lo.Steps, lo.inner)
        } else if node.RuleNumber != 0{
            lo.inner = strings.Replace(lo.inner, node.Label,
rules.Rules[node.RuleNumber], 1)
            lo.Steps = append(lo.Steps, lo.inner)
        for _, c := range node.Children {
            lo.Analyze(c)
    }
func main() {
    reader := bufio.NewReader(os.Stdin)
    var (
       str string
        err error
    fmt.Print("Ввод: ")
    if str, err = reader.ReadString('\n'); err != nil {
        fmt.Println(err)
    scannerLoggerSCAN := log.New(os.Stdout, "SCAN: ", log.Ltime)
    scannerLoggerERROR := log.New(os.Stderr, "ERROR: ", log.Ltime log.Lshortfile)
```

```
s := scan.Scan{
    LoggerScan: *scannerLoggerSCAN,
    LoggerError: *scannerLoggerERROR,
if err = s.Init(str); err != nil {
   fmt.Println(err)
s.Analyze()
var drawFn func(node *scan.Tree, t *tree.Tree)
drawFn = func(node *scan.Tree, t *tree.Tree) {
    t.SetVal(tree.NodeString(node.Label))
   for _, c := range node.Children {
        tChild := t.AddChild(tree.NodeString(c.Label))
        drawFn(c, tChild)
}
t := tree.NewTree(tree.NodeString(""))
drawFn(s.TreeView, t)
var lo LeftOutput
lo.Init()
lo.Analyze(s.TreeView)
fmt.Println(t)
strSteps := strings.Join(lo.Steps, "\033[33m => \033[0m")
fmt.Println("Левый вывод: ", strSteps)
```

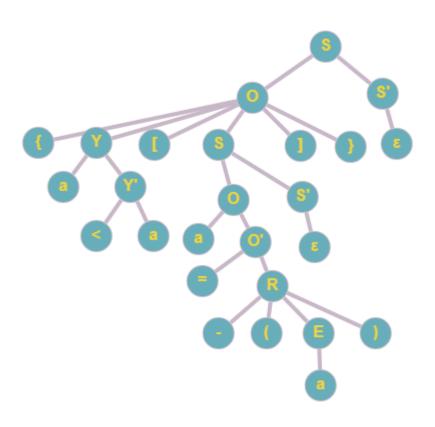
Сформируем тестовые данные. В задании сказано «Каждое правило грамматики должно использоваться в выводах допустимых цепочек хотя бы один раз.». Сформируем такие наборы тестовых данных, чтобы охватить все правила грамматики.

#### 1. Допустимая цепочка: {a <a [a = -(a)]}

Порядок применения правил: 1, 5, 15, 17, 1, 4, 8, 9, 19, 3, 3

Левый вывод: 
$$S \Rightarrow OS' \Rightarrow \{Y[S]\}S' \Rightarrow \{aY'[S]\}S' \Rightarrow \{a < a[S]\}S' \Rightarrow \{a < a[OS']\}S' \Rightarrow \{a < a[aO'S']\}S' \Rightarrow \{a < a[a=-(E)S']\}S' \Rightarrow \{a < a[a=-(a)S']\}S' \Rightarrow \{a < a[a=-(a)]\}S' \Rightarrow \{$$

Дерево вывода:

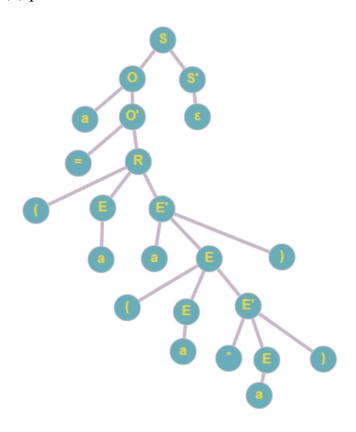


# **2.** Допустимая цепочка: **a**=(**a**+(**a**\***a**))

Порядок применения правил: 1, 4, 8, 10, 19, 22, 20, 19, 21, 19, 3

Левый вывод: S  $\Rightarrow$  OS'  $\Rightarrow$  aO'S'  $\Rightarrow$  a=RS'  $\Rightarrow$  a=(EE'S'  $\Rightarrow$  a=(aE'S'  $\Rightarrow$  a=(a+E)S'  $\Rightarrow$  a=(a+(EE')S'  $\Rightarrow$  a=(a+(aE')S'  $\Rightarrow$  a=(a+(a\*E))S'  $\Rightarrow$  a=(a+(a\*a))S'  $\Rightarrow$  a=(a+(a\*a))

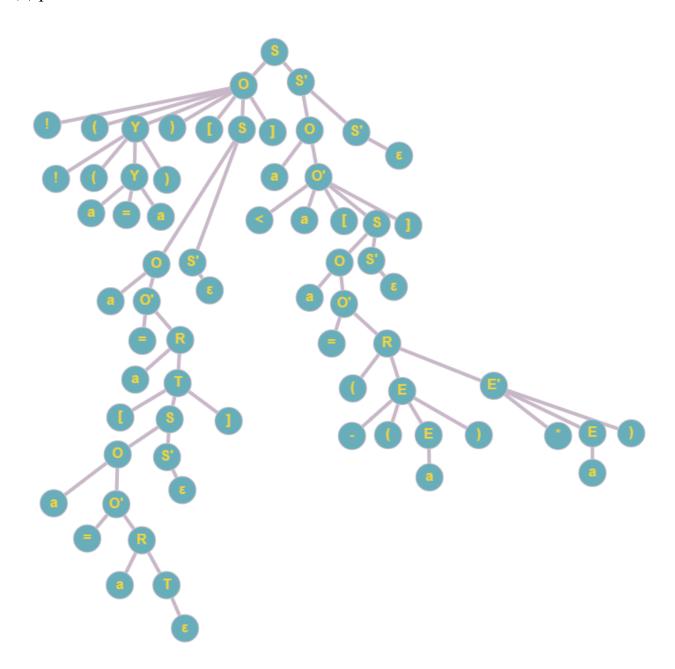
#### Дерево вывода:



3. Допустимая цепочка: !(!(a=a))[a=a[a=a]]a<a[a=(-(a)\*a)] Порядок применения правил: 1, 6, 14, 15, 16, 1, 4, 8, 11, 12, 1, 4, 8, 11, 13, 3, 3, 2, 4, 7, 1, 4, 8, 10, 18, 19, 21, 19, 3, 3

Левый вывод:  $S \Rightarrow OS' \Rightarrow !(Y)[S]S' \Rightarrow !(!(Y))[S]S' \Rightarrow !(!(aY'))[S]S' \Rightarrow !(!(a=a))[S]S' \Rightarrow !(!(a=a))[OS']S' \Rightarrow !(!(a=a))[aO'S']S' \Rightarrow !(!(a=a))[a=RS']S' \Rightarrow !(!(a=a))[a=aTS']S' \Rightarrow !(!(a=a))[a=a[S]S']S' \Rightarrow !(!(a=a))[a=a[OS']S']S' \Rightarrow !(!(a=a))[a=a[aO'S']S']S' \Rightarrow !(!(a=a))[a=a[a-aS']S']S' \Rightarrow !(!(a=a))[a=a[a-aTS']S']S' \Rightarrow !(!(a=a))[a=a[a=aTS']S']S' \Rightarrow !(!(a=a))[a=a[a=a]S']S' \Rightarrow !(!(a=a))[a=a[a=a]]S' \Rightarrow !(!(a=a))[a=a[a=a]]OS' \Rightarrow !(!(a=a))[a=a[a=a]]a<a[S]S' \Rightarrow !(!(a=a))[a=a[a=a]]a<a[S]S' \Rightarrow !(!(a=a))[a=a[a=a]]a<a[aO'S']S' \Rightarrow !(!(a=a))[a=a[a=a]]a<a[aO'S']S' \Rightarrow !(!(a=a))[a=a[a=a]]a<a[a-(a)E'S']S' \Rightarrow !(!(a=a))[a=a[a=a]]a<a[a-(a)E'S']S' \Rightarrow !(!(a=a))[a=a[a=a]]a<a[a-(a)E'S']S' \Rightarrow !(!(a=a))[a=a[a=a]]a<a[a-(a)E'S']S' \Rightarrow !(!(a=a))[a=a[a=a]]a<a[a-(a)E'S']S' \Rightarrow !(!(a=a))[a=a[a=a]]a<a[a-(a)E'S']S' \Rightarrow !(!(a=a))[a=a[a=a]]a<a[a-(a)B'S']S' \Rightarrow !(!(a=a))[a=a[a=a]]a<a[a=(a-(a)B'S']S' \Rightarrow !(!(a=a))[a=a[a=a]]a<a[a-(a)B'S']S' \Rightarrow !(!(a=a))[a=a[a=a]]a<a[a-(a)B'S']S' \Rightarrow !(!(a=a))[a=a[a=a]]a<a[a-(a)B'S']S' \Rightarrow !(!(a=a))[a=a[a=a]]a<a[a-(a)B'S']S' \Rightarrow !(!(a=a))[a=a[a=a]]a<a[a-(a)B'S']S' \Rightarrow !(!(a=a)B'S']S' \Rightarrow !(!(a=a)B'S']S$ 

# Дерево вывода:



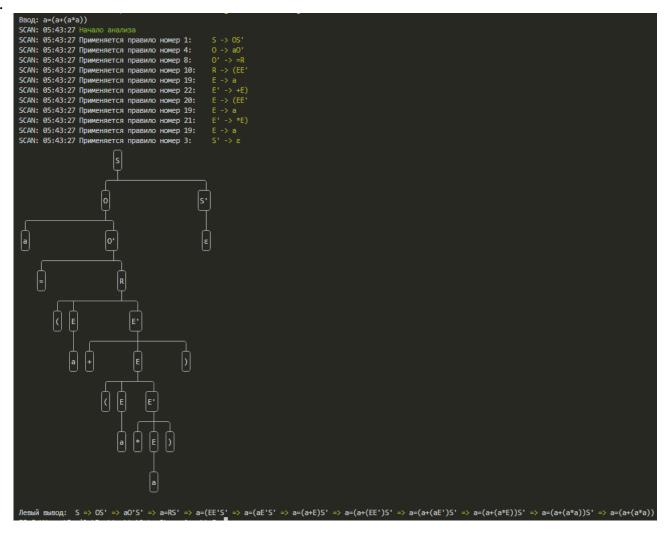
Отметим, что три вышеописанных цепочки охватили все правила грамматики.

- 4. Недопустимая цепочка Пустая цепочка
- 5. Недопустимая цепочка а=(a+
- 6. Недопустимая цепочка {a<a]

Результаты работы распознавателя, написанного методом рекурсивного спуска на тестовых данных:

1.

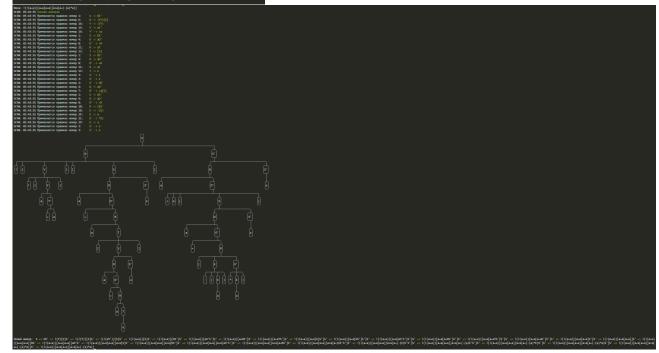




```
юд: !(!(a-a))[a-a[a-a]]aкa[a-(-(a)+a)]
SCAN: 05:43:55 Начало анализа
SCAN: 05:43:55 Применяется правило номер 1:
                                                                0 -> 1(A)[2]

A -> 1(A)

A -> 02.
SCAN: 05:43:55 Np
                            няется правило номер 6:
SCAN: 05:43:55 Применяется правило номер 14:
SCAN: 05:43:55 Применяется правило номер 15:
SCAN: 05:43:55 Применяется правило номер 16:
SCAN: 05:43:55 Применяется правило номер 1:
SCAN: 05:43:55 Применяется правило номер 4:
SCAN: 05:43:55 Применяется правило номер 8:
SCAN: 05:43:55 Применяется правило номер 11:
SCAN: 05:43:55 Применяется правило номер 12:
SCAN: 05:43:55 Применяется правило номер 1:
SCAN: 05:43:55 Применяется правило номер 4:
SCAN: 85:43:55 Применяется правило номер 8:
SCAN: 05:43:55 Применяется правило номер 11:
SCAN: 05:43:55 Применяется правило номер 13:
SCAN: 05:43:55 Применяется правило номер 3:
SCAN: 05:43:55 Применяется правило номер 3:
SCAN: 05:43:55 Применяется правило номер 2:
SCAN: 85:43:55 Применяется правило номер 4: 
SCAN: 85:43:55 Применяется правило номер 7:
SCAN: 05:43:55 Применяется правило номер 1:
SCAN: 05:43:55 Применяется правило номер 4:
SCAN: 05:43:55 Применяется правило номер 8:
SCAN: 05:43:55 Применяется правило номер 10:
SCAN: 85:43:55 Применяется правило номер 18:
SCAN: 85:43:55 Применяется правило номер 19:
SCAN: 85:43:55 Применяется правило номер 21:
SCAN: 85:43:55 Применяется правило номер 19:
SCAN: 85:43:55 Применяется правило номер 3:
SCAN: 85:43:55 Применяется правило номер 3:
```



4.

```
PS C:\Users\Danila\Desktop\ts\labs-3kurs-1sem\ta5\cmd> go run .\main.go Ввод:
SCAN: 05:50:16 Начало анализа
ERROR: 05:50:16 scan.go:128: Анализ закончен с ошибкой ERROR: 05:50:16 scan.go:129: wrong input

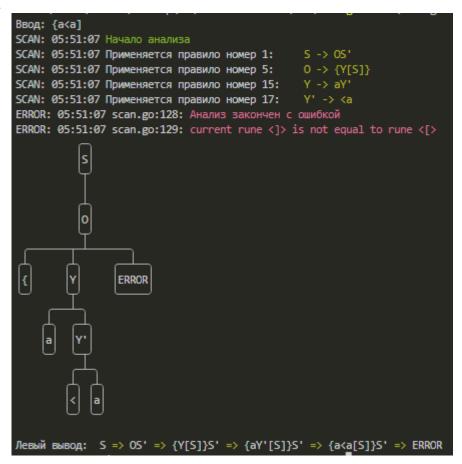
S

ERROR

Левый вывод: S => ERROR
```

```
Ввод: а=(а+
SCAN: 05:50:45 Начало анализа
SCAN: 05:50:45 Применяется правило номер 1:
SCAN: 05:50:45 Применяется правило номер 4:
SCAN: 05:50:45 Применяется правило номер 8:
SCAN: 05:50:45 Применяется правило номер 10:
SCAN: 05:50:45 Применяется правило номер 19:
                                                    E' -> +E)
SCAN: 05:50:45 Применяется правило номер 22:
ERROR: 05:50:45 scan.go:128: Анализ закончен с ошибкой
ERROR: 05:50:45 scan.go:129: wrong input
                        ERROR
Левый вывод: S \Rightarrow OS' \Rightarrow aO'S' \Rightarrow a=RS' \Rightarrow a=(EE'S' \Rightarrow a=(aE'S' \Rightarrow a=(a+E)S' \Rightarrow ERROR
```

6.



Все результаты совпали с ожидаемыми.

### Построим таблицу МП-распознавателя.

	[	]	{	}	a	=	<b>~</b>	!	(	)	*	+	1	⊣
S			#1		#1			#1						
S'		#3	#2		#2			#2						#3
О			#5		#4			#6						
0,						#8	#7							
R					#11				#10				#9	
T	#12	#13	#13		#13			#13						#13
Y					#15			#14						
Y'						#16	#17							
Е					#19				#20				#18	
E'											#21	#22		
]	вытолк. сдвиг													
[		вытолк. сдвиг												
}				вытолк. сдвиг										
a					вытолк. сдвиг									
=						вытолк. сдвиг								
(									вытолк. сдвиг					
)										вытолк. сдвиг				
Δ														допустить

**H.с.м.:** S∆

- #1. ЗАМЕНИТЬ(S'O), держать
- #2. ЗАМЕНИТЬ(S'O), держать
- #3. Вытолкнуть, держать
- #4. ЗАМЕНИТЬ(О'), сдвиг
- #5. ЗАМЕНИТЬ(}]S[Y), сдвиг
- #6. ЗАМЕНИТЬ(]S[)Y(), сдвиг
- #7. ЗАМЕНИТЬ(]S[a), сдвиг
- #8. ЗАМЕНИТЬ(R), сдвиг
- #9. ЗАМЕНИТЬ()Е(), сдвиг
- #10. ЗАМЕНИТЬ(Е'Е), сдвиг
- #11. ЗАМЕНИТЬ(Т), сдвиг
- #12. ЗАМЕНИТЬ(]S), сдвиг
- #13. Вытолкнуть, держать
- #14. ЗАМЕНИТЬ()Y(), сдвиг
- #15. ЗАМЕНИТЬ(Ү'), сдвиг
- #16. ЗАМЕНИТЬ(а), сдвиг
- #17. ЗАМЕНИТЬ(а), сдвиг

```
#18. ЗАМЕНИТЬ()Е(), сдвиг
#19. ЗАМЕНИТЬ(), сдвиг
#20. ЗАМЕНИТЬ(Е'Е), сдвиг
#21. ЗАМЕНИТЬ()Е), сдвиг
#22. ЗАМЕНИТЬ()Е), сдвиг
```

Напишем программу, реализующую вышеописанный МП-распознаватель.

#### mp.go

```
package mp
import (
    "DanArmor/ta5/pkg/rules"
    "log"
    "strings"
const (
   ActionReplace = "ЗАМЕНИТЬ"
   ActionPop
                 = "ВЫТОЛК"
                  = "ДОПУСК"
    ActionDone
    EndLineSymbol = "⊣"
    EndStackSymbol = "\Delta"
type <u>MPAction</u> struct {
   Move
                  bool
   Action
                  string
    RepalceString []string
    RuleNum
               int
var (
    Rules []MPAction = []MPAction{
        {Move: false, Action: ActionReplace, RepalceString: []string{"S'", "O"},
RuleNum: 1},
        {Move: false, Action: ActionReplace, RepalceString: []string{"S'", "O"},
RuleNum: 2},
        {Move: false, Action: ActionPop, RuleNum: 3},
        {Move: true, Action: ActionReplace, RepalceString: []string{"0'"}, RuleNum:
4},
        {Move: true, Action: ActionReplace, RepalceString: []string{"}", "]", "S",
"[", "Y"}, RuleNum: 5},
        {Move: true, Action: ActionReplace, RepalceString: []string{"]", "S", "[",
")", "Y", "("}, RuleNum: 6},
        {Move: true, Action: ActionReplace, RepalceString: []string{"]", "S", "[",
"a"}, RuleNum: 7},
```

```
{Move: true, Action: ActionReplace, RepalceString: []string{"R"}, RuleNum:
8},
        {Move: true, Action: ActionReplace, RepalceString: []string{")", "E", "("},
RuleNum: 9},
        {Move: true, Action: ActionReplace, RepalceString: []string{"E'", "E"},
RuleNum: 10},
        {Move: true, Action: ActionReplace, RepalceString: []string{"T"}, RuleNum:
11},
        {Move: true, Action: ActionReplace, RepalceString: []string{"]", "S"},
RuleNum: 12},
        {Move: false, Action: ActionPop, RuleNum: 13},
        {Move: true, Action: ActionReplace, RepalceString: []string{")", "Y", "("},
RuleNum: 14},
        {Move: true, Action: ActionReplace, RepalceString: []string{"Y'"}, RuleNum:
15},
        {Move: true, Action: ActionReplace, RepalceString: []string{"a"}, RuleNum:
16},
        {Move: true, Action: ActionReplace, RepalceString: []string{"a"}, RuleNum:
17},
        {Move: true, Action: ActionReplace, RepalceString: []string{")", "E", "("},
RuleNum: 18},
        {Move: true, Action: ActionReplace, RepalceString: []string{""}, RuleNum:
19},
        {Move: true, Action: ActionReplace, RepalceString: []string{"E'", "E"},
RuleNum: 20},
        {Move: true, Action: ActionReplace, RepalceString: []string{")", "E"},
RuleNum: 21},
        {Move: true, Action: ActionReplace, RepalceString: []string{")", "E"},
RuleNum: 22},
    Rule_generic MPAction = MPAction{Move: true, Action: ActionPop}
                 MPAction = MPAction{Move: false, Action: ActionDone}
var Table map[string]map[string]MPAction = map[string]map[string]MPAction{
    "S": {
        "{": Rules[0],
        "a": Rules[0],
        "!": Rules[0],
    "S'": {
        "{":
                       Rules[1],
        "]":
                       Rules[2],
        "a":
                       Rules[1],
        "!":
                       Rules[1],
        EndLineSymbol: Rules[2],
    },
        "{": Rules[4],
        "a": Rules[3],
        "!": Rules[5],
```

```
},
   "0'": {
        "=": Rules[7],
        "<": Rules[6],
   },
    "R": {
       "a": Rules[10],
        "(": Rules[9],
       "-": Rules[8],
    },
   "T": {
        "[":
                       Rules[11],
        "]":
                       Rules[12],
        "{":
                       Rules[12],
        "a":
                       Rules[12],
        "!":
                       Rules[12],
        EndLineSymbol: Rules[12],
   },
"Y": {
        "a": Rules[14],
        "!": Rules[13],
   },
"Y'": {
        "=": Rules[15],
        "<": Rules[16],
    },
    "E": {
       "a": Rules[18],
       "(": Rules[19],
       "-": Rules[17],
    },
    "E'": {
       "*": Rules[20],
        "+": Rules[21],
    "]":
                    {"]": Rule generic},
    "[":
                    {"[": Rule_generic},
    "}":
                    {"}": Rule_generic},
    "a":
                    {"a": Rule_generic},
    "=":
                    {"=": Rule_generic},
    "(":
                    {"(": Rule_generic},
    ")":
                    {")": Rule_generic},
    EndStackSymbol: {EndLineSymbol: Rule_done},
func reverse(arr []string) {
    for i, j := 0, len(arr)-1; i < j; i, j = i+1, j-1 \{
        arr[i], arr[j] = arr[j], arr[i]
    }
```

```
func init() {
   for i := 0; i < len(Rules); i++ {</pre>
       reverse(Rules[i].RepalceString)
   }
type MP struct {
   stack
              []string
   inner
              string
   CurrPos
              int
   ScanLogger *log.Logger
func (mp *MP) Init(ScanLogger *log.Logger) {
   mp.stack = append(mp.stack, "S")
   mp.stack = append(mp.stack, EndStackSymbol)
   mp.inner = "S"
   mp.ScanLogger = ScanLogger
func (mp *MP) Pop() error {
   if mp.stack[0] == EndStackSymbol {
       return fmt.Errorf("try of pop from the end of the stack")
   mp.stack = mp.stack[1:]
   return nil
func (mp *MP) Replace(replacement []string) error {
   if mp.stack[0] == EndStackSymbol {
       return fmt.Errorf("try of replace the end of the stack")
   }
   mp.Pop()
   mp.stack = append(mp.stack, replacement...)
   copy(mp.stack[len(replacement):], mp.stack[:len(mp.stack)-len(replacement)])
   copy(mp.stack[:len(replacement)], replacement[:])
   if mp.stack[0] == "" {
       mp.Pop()
   return nil
func (mp *MP) Analyze(input string) error {
   str := strings.TrimSpace(input) + EndLineSymbol
   runes := []rune(str)
   process := true
   mp.ScanLogger.Printf("Промежуточное представление:\t%s", mp.inner)
   for process {
       stackSymbol := mp.stack[0]
       strSymbol := string(runes[mp.CurrPos])
       action, ok := Table[stackSymbol][strSymbol]
```

```
if !ok {
            mp.ScanLogger.Printf("\033[31mОшибка\033[0m\n")
            mp.ScanLogger.Printf("Stack: %s", strings.Join(mp.stack, ""))
            mp.ScanLogger.Printf("Оставшаяся часть строки: %s\n", str[mp.CurrPos:])
            return fmt.Errorf("error during analyze. stack symbol <%s> and string
symbol <%s>", stackSymbol, strSymbol)
        if action.Move {
            mp.CurrPos++
        switch action.Action {
        case ActionDone:
            process = false
        case ActionPop:
            if err := mp.Pop(); err != nil {
                return err
            }
        case ActionReplace:
            if err := mp.Replace(action.RepalceString); err != nil {
                return err
        if action.RuleNum != 0 {
            if action.RuleNum == 3 || action.RuleNum == 13 {
                mp.ScanLogger.Printf("Применяется правило %d:\t\033[33m%s ->
%s\033[0m", action.RuleNum, stackSymbol, "ε")
            } else {
                mp.ScanLogger.Printf("Применяется правило %d:\t\033[33m%s ->
%s\033[0m", action.RuleNum, stackSymbol, rules.Rules[action.RuleNum])
            mp.inner = strings.Replace(mp.inner, stackSymbol, rules.Rules[ac-
tion.RuleNum], 1)
            mp.ScanLogger.Printf("Промежуточное представление:\t\033[34m%s\033[0m",
mp.inner)
    return nil
```

#### main.go

```
package main

import (
    "DanArmor/ta5/pkg/mp"
    "bufio"
    "fmt"
    "log"
    "os"
)
```

```
func main() {
    reader := bufio.NewReader(os.Stdin)
    var (
        str string
        err error
)
    fmt.Print("BBoд: ")
    if str, err = reader.ReadString('\n'); err != nil {
        fmt.Println(err)
    }
    mp := mp.MP{}
    mp.Init(log.New(os.Stdout, "MP SCAN: ", log.Ltime))
    if err := mp.Analyze(str); err != nil {
        fmt.Printf("\033[31m%s\033[0m", err.Error())
    }
}
```

#### Результаты работы реализованного МП-распознавателя:

1.

```
Ввод: \{a < a[a=-(a)]\}
MP SCAN: 05:55:11 Промежуточное представление:
                                                   S
MP SCAN: 05:55:11 Применяется правило 1:
                                                   S -> 0S'
MP SCAN: 05:55:11 Промежуточное представление:
                                                   os'
MP SCAN: 05:55:11 Применяется правило 5:
                                                   0 \to \{Y[S]\}
MP SCAN: 05:55:11 Промежуточное представление:
                                                   {Y[S]}S'
MP SCAN: 05:55:11 Применяется правило 15:
                                                   Y -> aY'
MP SCAN: 05:55:11 Промежуточное представление:
                                                   {aY'[S]}S'
MP SCAN: 05:55:11 Применяется правило 17:
MP SCAN: 05:55:11 Промежуточное представление:
                                                   \{a < a[S]\}S'
MP SCAN: 05:55:11 Применяется правило 1:
                                                   S -> 0S'
MP SCAN: 05:55:11 Промежуточное представление:
                                                   \{a < a[OS']\}S'
MP SCAN: 05:55:11 Применяется правило 4:
                                                   0 -> a0'
                                                   {a<a[a0'S']}S'
MP SCAN: 05:55:11 Промежуточное представление:
MP SCAN: 05:55:11 Применяется правило 8:
                                                   O' \rightarrow =R
MP SCAN: 05:55:11 Промежуточное представление:
                                                   \{a < a[a=RS']\}S'
MP SCAN: 05:55:11 Применяется правило 9:
                                                   R \rightarrow -(E)
MP SCAN: 05:55:11 Промежуточное представление:
                                                   \{a < a[a = -(E)S']\}S'
MP SCAN: 05:55:11 Применяется правило 19:
                                                   E -> a
MP SCAN: 05:55:11 Промежуточное представление:
                                                   \{a < a[a = -(a)S']\}S'
MP SCAN: 05:55:11 Применяется правило 3:
                                                   \{a < a[a=-(a)]\}S'
MP SCAN: 05:55:11 Промежуточное представление:
MP SCAN: 05:55:11 Применяется правило 3:
                                                   S' -> ε
MP SCAN: 05:55:11 Промежуточное представление:
                                                   {a<a[a=-(a)]}
```

```
Ввод: a=(a+(a*a))
MP SCAN: 05:55:39 Промежуточное представление:
                                                 S
MP SCAN: 05:55:39 Применяется правило 1:
                                                 S -> 0S'
MP SCAN: 05:55:39 Промежуточное представление:
                                                 0S '
MP SCAN: 05:55:39 Применяется правило 4:
                                                 0 -> a0'
MP SCAN: 05:55:39 Промежуточное представление:
MP SCAN: 05:55:39 Применяется правило 8:
                                                 0' \rightarrow =R
MP SCAN: 05:55:39 Промежуточное представление:
                                                 a=RS'
MP SCAN: 05:55:39 Применяется правило 10:
                                                 R -> (EE'
MP SCAN: 05:55:39 Промежуточное представление:
                                                 a=(EE'S'
MP SCAN: 05:55:39 Применяется правило 19:
                                                 E -> a
MP SCAN: 05:55:39 Промежуточное представление:
                                                 a=(aE'S'
                                                 E' -> +E)
MP SCAN: 05:55:39 Применяется правило 22:
MP SCAN: 05:55:39 Промежуточное представление:
                                                 a=(a+E)S'
MP SCAN: 05:55:39 Применяется правило 20:
                                                 E -> (EE'
MP SCAN: 05:55:39 Промежуточное представление:
                                                 a=(a+(EE')S'
MP SCAN: 05:55:39 Применяется правило 19:
                                                 E -> a
MP SCAN: 05:55:39 Промежуточное представление:
                                                 a=(a+(aE')S'
MP SCAN: 05:55:39 Применяется правило 21:
                                                 E' -> *E)
MP SCAN: 05:55:39 Промежуточное представление:
                                                 a=(a+(a*E))S'
MP SCAN: 05:55:39 Применяется правило 19:
                                                 E -> a
MP SCAN: 05:55:39 Промежуточное представление:
                                                 a=(a+(a*a))S'
MP SCAN: 05:55:39 Применяется правило 3:
MP SCAN: 05:55:39 Промежуточное представление:
                                                 a = (a + (a*a))
```

```
Ввод: !(!(a=a))[a=a[a=a]]a < a[a=(-(a)*a)]
MP SCAN: 05:56:15 Промежуточное представление:
MP SCAN: 05:56:15 Применяется правило 1:
                                                 5 -> 05'
MP SCAN: 05:56:15 Промежуточное представление: OS'
MP SCAN: 05:56:15 Применяется правило 6:
                                                 0 \to !(Y)[S]
MP SCAN: 05:56:15 Промежуточное представление:
MP SCAN: 05:56:15 Применяется правило 14:
                                                 Y \rightarrow !(Y)
MP SCAN: 05:56:15 Промежуточное представление:
MP SCAN: 05:56:15 Применяется правило 15:
MP SCAN: 05:56:15 Промежуточное представление:
MP SCAN: 05:56:15 Применяется правило 16:
                                                 Y' -> =a
MP SCAN: 05:56:15 Промежуточное представление:
                                                 !(!(a=a))[S]S'
MP SCAN: 05:56:15 Применяется правило 1:
                                                 5 -> 05'
MP SCAN: 05:56:15 Промежуточное представление:
                                                 !(!(a=a))[OS']S'
MP SCAN: 05:56:15 Применяется правило 4:
                                                 0 -> a0'
MP SCAN: 05:56:15 Промежуточное представление:
                                                 !(!(a=a))[a0'5']5'
MP SCAN: 05:56:15 Применяется правило 8:
                                                 0' -> =R
MP SCAN: 05:56:15 Промежуточное представление:
                                                 !(!(a=a))[a=RS']S'
MP SCAN: 05:56:15 Применяется правило 11:
                                                 R -> aT
MP SCAN: 05:56:15 Промежуточное представление:
                                                 !(!(a=a))[a=aTS']S'
MP SCAN: 05:56:15 Применяется правило 12:
                                                 T -> [S]
MP SCAN: 05:56:15 Промежуточное представление:
                                                 !(!(a=a))[a=a[S]S']S'
MP SCAN: 05:56:15 Применяется правило 1:
                                                 5 -> 05'
MP SCAN: 05:56:15 Промежуточное представление:
MP SCAN: 05:56:15 Применяется правило 4:
                                                 0 -> a0'
MP SCAN: 05:56:15 Промежуточное представление:
                                                 !(!(a=a))[a=a[a0'S']S']S'
MP SCAN: 05:56:15 Применяется правило 8:
MP SCAN: 05:56:15 Промежуточное представление:
                                                 !(!(a=a))[a=a[a=RS']S']S'
MP SCAN: 05:56:15 Применяется правило 11:
                                                 R -> aT
MP SCAN: 05:56:15 Промежуточное представление:
                                                 !(!(a=a))[a=a[a=aTS']S']S'
MP SCAN: 05:56:15 Применяется правило 13:
                                                 Τ->ε
MP SCAN: 05:56:15 Промежуточное представление:
                                                 !(!(a=a))[a=a[a=aS']S']S'
MP SCAN: 05:56:15 Применяется правило 3:
MP SCAN: 05:56:15 Промежуточное представление:
                                                 !(!(a=a))[a=a[a=a]S']S'
MP SCAN: 05:56:15 Применяется правило 3:
MP SCAN: 05:56:15 Промежуточное представление:
                                                 !(!(a=a))[a=a[a=a]]S'
MP SCAN: 05:56:15 Применяется правило 2:
                                                 S' -> 0S'
MP SCAN: 05:56:15 Промежуточное представление:
                                                 !(!(a=a))[a=a[a=a]]05'
MP SCAN: 05:56:15 Применяется правило 4:
                                                 0 -> a0'
MP SCAN: 05:56:15 Промежуточное представление:
                                                 !(!(a=a))[a=a[a=a]]a0'S'
MP SCAN: 05:56:15 Применяется правило 7:
                                                 0' -> <a[S]
MP SCAN: 05:56:15 Промежуточное представление:
                                                 !(!(a=a))[a=a[a=a]]a<a[S]S'
MP SCAN: 05:56:15 Применяется правило 1:
                                                 5 -> 05'
MP SCAN: 05:56:15 Промежуточное представление:
                                                 !(!(a=a))[a=a[a=a]]a<a[05']5'
MP SCAN: 05:56:15 Применяется правило 4:
                                                 0 -> a0'
MP SCAN: 05:56:15 Промежуточное представление:
MP SCAN: 05:56:15 Применяется правило 8:
                                                 0' -> =R
MP SCAN: 05:56:15 Промежуточное представление:
                                                 !(!(a=a))[a=a[a=a]]a<a[a=RS']S'
MP SCAN: 05:56:15 Применяется правило 10:
MP SCAN: 05:56:15 Промежуточное представление:
                                                 !(!(a=a))[a=a[a=a]]a<a[a=(EE'S']S'
MP SCAN: 05:56:15 Применяется правило 18:
                                                 E \rightarrow -(E)
                                                 !(!(a=a))[a=a[a=a]]a<a[a=(-(E)E'S']S'
MP SCAN: 05:56:15 Промежуточное представление:
MP SCAN: 05:56:15 Применяется правило 19:
                                                 E -> a
MP SCAN: 05:56:15 Промежуточное представление:
                                                 !(!(a=a))[a=a[a=a]]a<a[a=(-(a)E'S']S'
MP SCAN: 05:56:15 Применяется правило 21:
                                                 E' -> *E)
MP SCAN: 05:56:15 Промежуточное представление:
                                                 !(!(a=a))[a=a[a=a]]a < a[a=(-(a)*E)S']S'
MP SCAN: 05:56:15 Применяется правило 19:
                                                 E -> a
MP SCAN: 05:56:15 Промежуточное представление:
                                                 !(!(a=a))[a=a[a=a]]a<a[a=(-(a)*a)S']S'
MP SCAN: 05:56:15 Применяется правило 3:
MP SCAN: 05:56:15 Промежуточное представление:
                                                 !(!(a=a))[a=a[a=a]]a<a[a=(-(a)*a)]S'
MP SCAN: 05:56:15 Применяется правило 3:
MP SCAN: 05:56:15 Промежуточное представление:
```

4. Ввод: MP SCAN: 05:56:37 Промежуточное представление: S MP SCAN: 05:56:37 Ошибка MP SCAN: 05:56:37 Stack: SΔ MP SCAN: 05:56:37 Оставшаяся часть строки: ⊣ error during analyze. stack symbol  $\langle S \rangle$  and string symbol  $\langle - \rangle$ 5. Ввод: а=(а+ MP SCAN: 05:56:58 Промежуточное представление: S MP SCAN: 05:56:58 Применяется правило 1: S -> OS' MP SCAN: 05:56:58 Промежуточное представление: OS' MP SCAN: 05:56:58 Применяется правило 4: 0 -> aO' MP SCAN: 05:56:58 Промежуточное представление: aO'S' MP SCAN: 05:56:58 Применяется правило 8: 0' -> =R MP SCAN: 05:56:58 Промежуточное представление: a=RS'MP SCAN: 05:56:58 Применяется правило 10: R -> (EE' MP SCAN: 05:56:58 Промежуточное представление: a=(EE'S' MP SCAN: 05:56:58 Применяется правило 19: E -> a MP SCAN: 05:56:58 Промежуточное представление: a=(aE'S' MP SCAN: 05:56:58 Применяется правило 22: E' -> +E) MP SCAN: 05:56:58 Промежуточное представление: a=(a+E)S' MP SCAN: 05:56:58 Ошибка MP SCAN: 05:56:58 Stack: E)S'Δ MP SCAN: 05:56:58 Оставшаяся часть строки: ⊣ error during analyze. stack symbol  $\langle E \rangle$  and string symbol  $\langle - \rangle$ 6. Ввод: {а<а] MP SCAN: 05:57:13 Промежуточное представление: S MP SCAN: 05:57:13 Применяется правило 1: MP SCAN: 05:57:13 Промежуточное представление: OS' MP SCAN: 05:57:13 Применяется правило 5: 0 -> {Y[S]} MP SCAN: 05:57:13 Промежуточное представление: {Y[S]}S MP SCAN: 05:57:13 Применяется правило 15: MP SCAN: 05:57:13 Промежуточное представление: {aY'[S]}S' MP SCAN: 05:57:13 Применяется правило 17: MP SCAN: 05:57:13 Промежуточное представление: {a<a[S]}S'

MP SCAN: 05:57:13 Ошибка

MP SCAN: 05:57:13 Stack: [S]}S'Δ

MP SCAN: 05:57:13 Оставшаяся часть строки: ]-

error during analyze. stack symbol <[> and string symbol <]>

Все результаты совпали с ожидаемыми и полученными предыдущей программой.

# Вывод:

Мы изучили и научились применять нисходящие методы обработки формальных языков, реализовав распознаватель методом рекурсивного спуска и МП-распознаватель.