МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

«БЕЛГОРОДСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ им. В. Г. ШУХОВА» (БГТУ им. В.Г. Шухова)

Кафедра программного обеспечения вычислительной техники и автоматизированных систем

Лабораторная работа №2

по дисциплине: Математическая логика и теория алгоритмов Тема: «Логика предикатов»

> Выполнил: ст. группы ПВ-211 Чувилко Илья Романович

Проверил: Куценко Дмитрий Александрович **Задача 4.3:** Определить, какие вхождения переменных являются свободными, а какие связанными в следующих формулах. Указать области действия кванторов

Областью действия квантора по переменной x является формула Q(x,x).

В области действия квантора переменная х - связанная.

Вне области - переменные х и у являются свободными.

Задача 10.5: Проверить, являются ли следующие формулы тождественно истинными

$$\frac{\forall x \ A(x) \iff \exists x \ \overline{A(x)}}{\forall x \ A(x) = \underbrace{\langle x \ A(x) = A(x) \rangle}_{X} = \underbrace{A(x)}_{X} = \underbrace{A(x)}_{X}$$

Получим:

Задача 15.2: Определить, являются ли следующие формулы общезначимыми, противоречивыми или выполнимыми в указанной интерпретации

$$D = \{1, 2\}; \alpha = 1; \beta = 1; \beta = 2; \beta = 2; \beta = 2; \beta = 1; \alpha = 1; \alpha = 1; \alpha = 2; \beta = 1; \alpha = 2; \alpha = 2; \beta = 1; \alpha = 2; \alpha$$

Формула противоречива на заданной интерпретации

Задание 29.4: Определить, унифицируемо ли каждое из следующих множеств. Если да, то получить наиболее общий унификатор.

Начнем искать наиболее общий унификатор:

$$\lambda = \{X/U\}$$
 - подстановка

3)
$$D = \{Z, X\} \lambda = \{Z/X\}$$

 $W^{\lambda} = \{Q(Z, Y, Z)\}$

Множество унифицируемо

Задание 53: В бюджете возникнет дефицит, если не повысят пошлины. Если в бюджете возникнет дефицит, то расходы на социальные нужды сократятся. Следовательно, если повысят пошлины, то расходы на социальные нужды не сократятся. Проверить это с помощью метода резолюций.

- А Пошлины не повысят
- В Дефицит возникнет
- С Расходы на соц. нужды сократятся

Выпишем дизъюнкты:

Пустой дизъюнкт получить нельзя.

Ответ: Утверждение ложно

Практическая часть:

Вариант 1: Разработать программу, способную считывать несколько формул- посылок логики высказываний и выводить на экран все формулы-следствия из этих посылок.

Для решения были взяты функции из прошлой работы.

```
// Возвращает множество дизъюнкций, состоящее из переменных vars,
// согласно таблице истинности table
std::set<Queue> getDisjunctionsFromTable(const TruthTable &table,
                       const Set &vars) {
  std::set<Oueue> res:
  for (const auto &row: table) {
    Queue values = row.first;
    auto var = vars.begin();
    Queue currExpr;
    while (!values.empty()) {
      Token token = values.front();
       if (token == '1')
         currExpr.push('!');
      currExpr.push(*var);
       if (std::next(var) != vars.end())
         currExpr.push(' | ');
      var++;
       values.pop();
    res.insert(currExpr);
  }
  return res;
}
// Выводит на экран все комбинации дизъюнкций для заданного СКНФ,
// т.е. формирует и выводит все следствия
void printConsectaries(const std::vector<std::set<Queue>>
             &conjunctionSubsets) {
  for (const auto &subset: conjunctionSubsets) {
    for (auto it = subset.begin(); it != subset.end(); ++it) {
       auto expr = *it;
      std::cout << '(';
      while (!expr.empty()) {
         std::cout << expr.front();</pre>
         expr.pop();
      std::cout << ')';
      if (std::next(it) != subset.end())
         std::cout << '&';
    }
    std::cout << '\n';
  }
}
// Получает сочетания для множества в пределах [currElement, end]
// paзмepa subsetSize и записывает их в subsets
template<typename T, typename Iter>
void getCombinations(Iter currElement, Iter end, const size_t subsetSize,
            std::set<T> &currSubset,
            std::vector<std::set<T>> &subsets) {
  while (currElement != end) {
    currSubset.insert(*currElement);
    if (currSubset.size() == subsetSize)
```

```
subsets.push back(currSubset);
    else {
      getCombinations(std::next(currElement), end, subsetSize,
               currSubset, subsets);
    currSubset.erase(*currElement);
    currElement++;
  }
}
// Возвращает массив подмножеств множества set
template<typename T>
std::vector<std::set<T>> getSubsets(std::set<T> &set) {
  std::vector<std::set<T>> subsets(1);
  std::set<T> currSubset;
  for (int i = 1; i <= set.size(); i++)
    getCombinations(set.begin(), set.end(), i, currSubset, subsets);
  return subsets;
}
int main() {
  SetConsoleOutputCP(CP_UTF8);
  // Ввод посылок
  std::cout << "Введите количество посылок: ";
  size tn;
  std::cin >> n;
  getchar();
  std::cout << "Введите посылки: ";
  std::string expr;
  for (int i = 0; i < n; ++i) {
    auto currExpr = "(" + inputExpr() + ")";
    expr += currExpr;
    if (i + 1 != n)
      expr += '&';
  Queue input = stringToSequence(expr);
  try {
    // Преобразование в ОПЗ
    Queue output = infixToPostfix(input);
    printSequence(output);
    auto vars = getVariables(output);
    // Получим строки таблицы, необходимые для построения CKH\Phi
    auto table = deleteRowsIf(getTruthTable(output, vars),
                   [](const auto &pair) {
                      return pair.second == '1';
    // Преобразуем строки таблицы в дизъюнкции
    auto disjunctions = getDisjunctionsFromTable(table, vars);
    // Получим все подмножества множества дизъюнкций
    auto disjunctionsSubsets = getSubsets(disjunctions);
    std::cout << "Следствия из посылок:";
    printConsectaries(disjunctionsSubsets);
  } catch (const String &err) {
    printErrorMessage(err);
    exit(1);
  }
  return 0;
}
```

```
C:\BGTU\BGTU\MatLogika\2lab\Code\cmake-build-debug\Code.exe
Введите количество посылок:2
Введите посылки: Формула логики высказываний:(X&Z)>(Y|Z)
Формула логики высказываний:X>Z
XZ&YZ|>XZ>&
Следствия из посылок:
(!X|!Y|Z)
(!X|Y|Z)
```

Вывод: в ходе работы была изучена логика предикатов и закреплены навыки решения теоретических и практических задач

Process finished with exit code 0