МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

«БЕЛГОРОДСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ им. В. Г. ШУХОВА» (БГТУ им. В.Г. Шухова)

Кафедра программного обеспечения вычислительной техники и автоматизированных систем

Лабораторная работа №4.2

по дисциплине: Дискретная математика тема: «Циклы»

Выполнил: ст. группы ПВ-211 Тутов Данил Андреевич

Проверили: Рязанов Юрий Дмитриевич Бондаренко Татьяна Владимировна **Цель работы**: изучить разновидности циклов в графах, научиться генерировать случайные графы, определять их принадлежность к множеству эйлеровых и гамильтоновых графов, находить все эйлеровы и гамильтоновы циклы в графах.

Задания

- 1. Разработать и реализовать алгоритм генерации случайного графа, содержащего п вершин и m ребер.
- 2. Написать программу, которая: а) в течение десяти секунд генерирует случайные графы, содержащие п вершин и m ребер; б) для каждого полученного графа определяет, является ли он эйлеровым или гамильтоновым; в) подсчитывает общее количество сгенерированных графов и количество графов каждого типа.

```
ool isExist(const std::vector<int> &adjacencyVector, const int &value) {
oid _generateGraph(Graph &graph, const size t &verticesNumber, const size t
       std::cerr << "Unable to build a graph with the specified number of
   std::srand(std::time(0));
           graph.insert({randValue, initAdjacency});
       size t randIndexFirstVertex = std::rand() % verticesNumber;
       size t randIndexSecondVertex = std::rand() % verticesNumber;
        if ((randIndexFirstVertex != randIndexSecondVertex)
            && !isExist(graph.at(initAdjacency.at(randIndexFirstVertex)),
graph.at(initAdjacency.at(randIndexFirstVertex)).push back(initAdjacency.at(r
andIndexSecondVertex));
randIndexFirstVertex));
```

```
} else {
Graph generateGraph(const size t &verticesNumber, const size t &edgesNumber) {
    generateGraph(graph, verticesNumber, edgesNumber);
bool isEulerGraph(const Graph &graph) {
bool isHamiltonianGraph(const Graph &graph) {
        auto untilMoment {std::chrono::high resolution clock::now() +
std::chrono::seconds(10)};
   exercise(8);
```

3. Выполнить программу при n = 8, 9, 10 и сделать выводы.

• при n = 8:

```
Information about 8-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 583664
        Information about 9-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 546046
        Information about 10-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 495352
        Information about 11-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 474414
        Information about 12-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 465235
        Information about 13-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 446247
        Information about 14-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 427249
        Information about 15-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 415332
        Information about 16-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 393552
        Information about 17-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 380852
        Information about 18-edges graph
-Hamiltonian: 36120; Euler: 0; Total: 366501
        Information about 19-edges graph
-Hamiltonian: 73770; Euler: 0; Total: 362836
        Information about 20-edges graph
-Hamiltonian: 126600; Euler: 0; Total: 331860
        Information about 21-edges graph
-Hamiltonian: 298091; Euler: 0; Total: 331521
        Information about 22-edges graph
-Hamiltonian: 316639; Euler: 0; Total: 316639
        Information about 23-edges graph
-Hamiltonian: 304840; Euler: 0; Total: 304840
        Information about 24-edges graph
-Hamiltonian: 297186; Euler: 0; Total: 297186
        Information about 25-edges graph
-Hamiltonian: 278230; Euler: 0; Total: 278230
        Information about 26-edges graph
-Hamiltonian: 251322; Euler: 0; Total: 251322
        Information about 27-edges graph
-Hamiltonian: 248415; Euler: 0; Total: 248415
        Information about 28-edges graph
-Hamiltonian: 230636; Euler: 0; Total: 230636
```

```
Information about 9-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 457247
       Information about 10-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 496223
       Information about 11-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 472507
       Information about 12-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 453032
       Information about 13-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 436792
       Information about 14-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 413971
       Information about 15-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 40957; Total: 400529
       Information about 16-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 388130
       Information about 17-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 363612
       Information about 18-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 361561
       Information about 19-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 346502
       Information about 20-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 336055
       Information about 21-edges graph
-Hamiltonian: 131929; Euler: 0; Total: 327085
       Information about 22-edges graph
-Hamiltonian: 11679; Euler: 0; Total: 312754
       Information about 23-edges graph
-Hamiltonian: 123468; Euler: 0; Total: 307654
       Information about 24-edges graph
-Hamiltonian: 119384; Euler: 0; Total: 299046
       Information about 25-edges graph
-Hamiltonian: 223368; Euler: 0; Total: 282014
       Information about 26-edges graph
-Hamiltonian: 226259; Euler: 0; Total: 281663
       Information about 27-edges graph
-Hamiltonian: 271773; Euler: 28307; Total: 271773
       Information about 28-edges graph
-Hamiltonian: 263260; Euler: 0; Total: 263260
       Information about 29-edges graph
-Hamiltonian: 248221; Euler: 0; Total: 248221
```

Information about 30-edges graph

-Hamiltonian: 242095; Euler: 0; Total: 242095

Information about 31-edges graph

-Hamiltonian: 239667; Euler: 0; Total: 239667

Information about 32-edges graph

-Hamiltonian: 227266; Euler: 0; Total: 227266

Information about 33-edges graph

-Hamiltonian: 223215; Euler: 0; Total: 223215

Information about 34-edges graph

-Hamiltonian: 197652; Euler: 0; Total: 197652

Information about 35-edges graph

-Hamiltonian: 194589; Euler: 0; Total: 194589

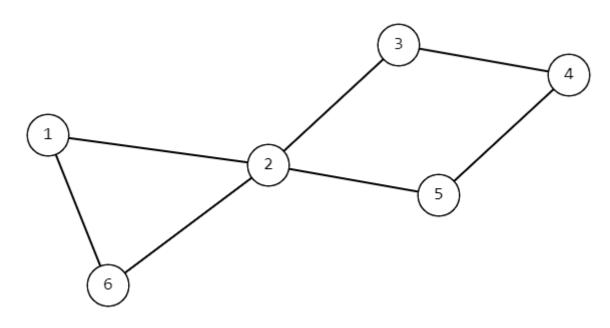
Information about 36-edges graph

-Hamiltonian: 153075; Euler: 153075; Total: 153075

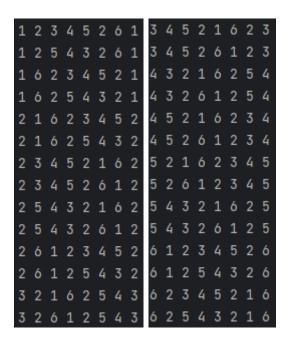
```
Information about 10-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 445113
       Information about 11-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 437186
        Information about 12-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 433762
        Information about 13-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 415358
        Information about 14-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 396191
       Information about 15-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 384511
        Information about 16-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 373882
        Information about 17-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 363264
        Information about 18-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 34383; Total: 349042
        Information about 19-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 334320
        Information about 20-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 328496
       Information about 21-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 320039
        Information about 22-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 312351
        Information about 23-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 298349
        Information about 24-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 289589
        Information about 25-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 283101
        Information about 26-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 276843
        Information about 27-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 266813
       Information about 28-edges graph
-Hamiltonian: 0; Euler: 0; Total: 268144
        Information about 29-edges graph
-Hamiltonian: 7386; Euler: 0; Total: 256128
        Information about 30-edges graph
-Hamiltonian: 23660; Euler: 0; Total: 246528
```

```
Information about 31-edges graph
-Hamiltonian: 71529; Euler: 0; Total: 242453
       Information about 32-edges graph
-Hamiltonian: 108040; Euler: 0; Total: 232200
       Information about 33-edges graph
-Hamiltonian: 136543; Euler: 0; Total: 222988
       Information about 34-edges graph
-Hamiltonian: 145643; Euler: 0; Total: 219803
       Information about 35-edges graph
-Hamiltonian: 145627; Euler: 0; Total: 210815
       Information about 36-edges graph
-Hamiltonian: 181554; Euler: 0; Total: 202582
       Information about 37-edges graph
-Hamiltonian: 203486; Euler: 0; Total: 203486
       Information about 38-edges graph
-Hamiltonian: 193615; Euler: 0; Total: 193615
       Information about 39-edges graph
-Hamiltonian: 189290; Euler: 0; Total: 189290
       Information about 40-edges graph
-Hamiltonian: 179346; Euler: 0; Total: 179346
       Information about 41-edges graph
-Hamiltonian: 178863; Euler: 0; Total: 178863
       Information about 42-edges graph
-Hamiltonian: 156716; Euler: 0; Total: 156716
       Information about 43-edges graph
-Hamiltonian: 156870; Euler: 0; Total: 156870
       Information about 44-edges graph
-Hamiltonian: 145200; Euler: 0; Total: 145200
       Information about 45-edges graph
-Hamiltonian: 118853; Euler: 0; Total: 118853
```

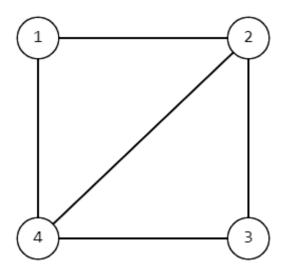
4. Привести пример диаграммы графа, который является эйлеровым, но не гамильтоновым. Найти в нем все эйлеровы циклы.



Все эйлеровы циклы:

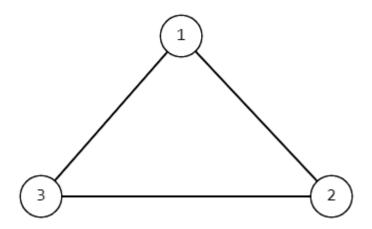


5. Привести пример диаграммы графа, который является гамильтоновым, но не эйлеровым. Найти в нем все гамильтоновы циклы.



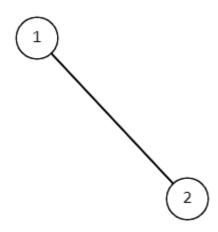
Все гамильтоновы циклы:

6. Привести пример диаграммы графа, который является эйлеровым и гамильтоновым. Найти в нем все эйлеровы и гамильтоновы циклы.



Все и гамильтоновы, и эйлеровы циклы:

7. Привести пример диаграммы графа, который не является ни эйлеровым, ни гамильтоновым.



Вывод: в ходе лабораторной работы изучили разновидности циклов в графах, научились генерировать случайные графы, определять их принадлежность к множеству эйлеровых и гамильтоновых графов, находить все эйлеровы и гамильтоновы циклы в графах.