

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«БЕЛГОРОДСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЙ
УНИВЕРСИТЕТ им. В. Г. ШУХОВА» (БГТУ им. В.Г. Шухова)

Кафедра программного обеспечения вычислительной техники и
автоматизированных систем

Лабораторная работа №1

по дисциплине: «Вычислительная математика»

тема: Метод Гаусса

Выполнил: ст. группы ПВ-211

Чувилко Илья Романович

Проверил:

Бондаренко Татьяна Владимировна

Белгород 2023 г.

Цель работы: изучить прямой и обратный ход метода Гаусса для решения систем линейных алгебраических уравнений; изучить схему единственного деления с выбором максимального по модулю элемента; изучить применение метода Гаусса для вычисления определителя матрицы и обратной матрицы; получить практические навыки программной реализации метода Гаусса и решения поставленных задач методом Гаусса с помощью ЭВМ.

Задания:

1. Выполнить вручную действия над матрицами A и B из пункта 3 задания соответствующего варианта.
2. Выполнить следующие действия, **не используя** метод Гаусса: — решить вручную **систему** линейных алгебраических уравнений с тремя неизвестными из **пункта 1** задания соответствующего варианта; — найти вручную **определитель** матрицы A из **пункта 2** задания соответствующего варианта; — найти вручную матрицу A^{-1} обратную матрице A из **пункта 2** задания соответствующего варианта.
3. Решить вручную методом Гаусса систему линейных алгебраических уравнений с тремя неизвестными из пункта 1 задания соответствующего варианта.
4. Найти вручную с помощью метода Гаусса определитель матрицы A из пункта 2 задания соответствующего варианта.
5. Найти вручную с помощью метода Гаусса матрицу A^{-1} обратную матрице A из пункта 2 задания соответствующего варианта. Выполнить проверку полученной матрицы на соответствие условию: $A \cdot A^{-1} = E$, где E — единичная матрица.
6. Создать модуль для работы с матрицами произвольного порядка, содержащий подпрограммы для умножения двух матриц, умножения числа на матрицу, сложения матриц, вычитания матриц, транспонирования матрицы, умножения матрицы на вектор, ввода и вывода матрицы.
7. Создать модуль, содержащий подпрограммы, реализующие прямой и обратный ход метода Гаусса для схемы единственного деления с выбором максимального по модулю элемента.
8. Создать программу для решения следующих задач:
 - нахождение методом Гаусса решения системы линейных

алгебраических уравнений с одной и той же матрицей коэффициентов при неизвестных и произвольным числом столбцов свободных членов. Замечание. В прямом ходе метода Гаусса выполняется приведение расширенной матрицы (коэффициенты при неизвестных и свободные члены) к треугольному виду, и одновременно изменяются все столбцы свободных членов. На этапе обратного хода выполняется вычисление решения системы для каждого столбца свободных членов, составляется матрица решений.

- вычисление определителя заданной матрицы методом Гаусса;
- нахождение для заданной матрицы обратной матрицы методом Гаусса.

9. Решить все задания соответствующего варианта с помощью составленной программы. Выполнить проверку правильности найденного решения системы линейных уравнений и матрицы обратной к заданной матрице с помощью составленной программы, сравнить значения, полученные при решении заданий с помощью метода Гаусса и с использованием произвольного метода решения.

Содержание отчета

- 1.** Титульный лист.
- 2.** Цель работы. Вариант задания.
- 3.** Текст задания к работе.
- 4.** Выполнение задания соответствующего варианта вручную полностью. Все действия выполняемые при решении задачи вручную расписывать подробно с указанием всех промежуточных операций. Указание только окончательного ответа не допускается.
- 5.** Текст программы, включающий необходимые комментарии и спецификации подпрограмм.
- 6.** Результаты работы программы.

Выполнение работы. Вариант 23:

23	$\begin{cases} 3x_1 - 2x_2 + 2x_3 = 10, \\ 2x_1 + x_2 - 4x_3 = -7, \\ 2x_1 + 2x_2 - 6x_3 = -12. \end{cases}$	$A = \begin{pmatrix} 3 & 5 & 1 \\ 1 & 0 & 2 \\ 2 & 2 & -1 \end{pmatrix}$	$(B^3 \cdot A^2) + A$ $A = \begin{pmatrix} 1 & 3 & -2 \\ 6 & 5 & 2 \\ 7 & 0 & 4 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 4 & 3 & 5 \\ 7 & 0 & 2 \\ 1 & 5 & 2 \end{pmatrix}$
----	--	--	--

Задание 1. Выполнить вручную действия над матрицами А и В из пункта 3 задания соответствующего варианта.

$$A^2 = A \cdot A = \begin{pmatrix} 1 & 3 & -2 \\ 6 & 5 & 2 \\ 7 & 0 & 4 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 & 3 & -2 \\ 6 & 5 & 2 \\ 7 & 0 & 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 5 & 18 & -4 \\ 50 & 43 & 6 \\ 35 & 21 & 2 \end{pmatrix}$$

$$B^2 = B \cdot B = \begin{pmatrix} 4 & 3 & 5 \\ 7 & 0 & 2 \\ 1 & 5 & 2 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 4 & 3 & 5 \\ 7 & 0 & 2 \\ 1 & 5 & 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 42 & 37 & 36 \\ 30 & 31 & 39 \\ 41 & 13 & 19 \end{pmatrix}$$

$$B^3 = B \cdot B^2 = \begin{pmatrix} 4 & 3 & 5 \\ 7 & 0 & 2 \\ 1 & 5 & 2 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 42 & 37 & 36 \\ 30 & 31 & 39 \\ 41 & 13 & 19 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 463 & 306 & 356 \\ 376 & 285 & 290 \\ 274 & 218 & 269 \end{pmatrix}$$

$$A^2 \cdot B^3 = \begin{pmatrix} 5 & 18 & -4 \\ 50 & 43 & 6 \\ 35 & 21 & 2 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 463 & 306 & 356 \\ 376 & 285 & 290 \\ 274 & 218 & 269 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 7987 & 5788 & 5924 \\ 40962 & 28863 & 31884 \\ 24649 & 17131 & 19088 \end{pmatrix}$$

$$A^2 \cdot B^3 + A = \begin{pmatrix} 7987 & 5788 & 5924 \\ 40962 & 28863 & 31884 \\ 24649 & 17131 & 19088 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 & 3 & -2 \\ 6 & 5 & 2 \\ 7 & 0 & 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 7988 & 5791 & 5922 \\ 40968 & 28868 & 31886 \\ 24656 & 17131 & 19092 \end{pmatrix}$$

miro

Задание 2. Выполнить следующие действия, **не используя** метод Гаусса: — решить вручную **систему** линейных алгебраических уравнений с тремя неизвестными из **пункта 1** задания соответствующего варианта; — найти вручную **определитель** матрицы А из **пункта 2** задания соответствующего варианта; — найти вручную матрицу A^{-1} обратную матрице А из **пункта 2** задания соответствующего варианта.

Решение системы из пункта 1:

$$\begin{cases} 3x_1 - 2x_2 + 2x_3 = 10 \\ 2x_1 + x_2 - 4x_3 = -7 \\ 2x_1 + 2x_2 - 6x_3 = -12 \end{cases} ; \begin{cases} x_1 = \frac{-12 - 2x_2 + 6x_3}{2} \\ 2x_1 + x_2 - 4x_3 = -7 \\ 2x_1 + 2x_2 - 6x_3 = -12 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x_1 = \frac{-12 - 2x_2 + 6x_3}{2} \\ 2\left(\frac{-12 - 2x_2 + 6x_3}{2}\right) + x_2 - 4x_3 = -7 \\ 2x_1 + 2x_2 - 6x_3 = -12 \end{cases} ; \begin{cases} x_1 = \frac{-12 - 2x_2 + 6x_3}{2} \\ x_2 = \frac{5 - 2x_3}{-1} \\ 2x_1 + 2x_2 - 6x_3 = -12 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x_1 = \frac{-12 - 2x_2 + 6x_3}{2} \\ x_2 = \frac{5 - 2x_3}{-1} \\ 2x_1 + 2x_2 - 6x_3 = -12 \end{cases} ; \begin{cases} x_1 = \frac{-12 - 2x_2 + 6x_3}{2} \\ x_2 = \frac{5 - 2x_3}{-1} \\ 2x_1 + 2x_2 - 6x_3 = -12 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x_1 = \frac{-12 - 2x_2 + 6x_3}{2} \\ x_2 = \frac{5 - 2x_3}{-1} \\ x_3 = 3 \end{cases} ; \begin{cases} x_1 = 2 \\ x_2 = 1 \\ x_3 = 3 \end{cases}$$

miro

Определитель матрицы A из пункта 2:

$$\Delta A = \begin{vmatrix} 3 & 5 & 1 \\ 1 & 0 & 2 \\ 2 & 2 & -1 \end{vmatrix} = 3 \cdot 0 \cdot (-1) + 5 \cdot 2 \cdot 2 + 1 \cdot 2 \cdot (-1) - 1 \cdot 0 \cdot 2 - 3 \cdot 2 \cdot 2 - 5 \cdot 1 \cdot (-1) = 0 + 20 + 2 - 0 - 12 + 5 = 15$$

miro

Обратная матрица для матрицы A:

$$A = \begin{pmatrix} 3 & 5 & 1 \\ 1 & 0 & 2 \\ 2 & 2 & -1 \end{pmatrix}$$

$$A^* = \begin{pmatrix} -4 & -5 & 0 \\ -7 & -5 & -4 \\ 9 & 5 & -5 \end{pmatrix} \quad A^{*T} = \begin{pmatrix} -4 & -7 & 9 \\ -5 & -5 & 5 \\ 0 & -4 & -5 \end{pmatrix}$$

$$\frac{A^{*T}}{|A|} = \frac{1}{15} \begin{pmatrix} -4 & -7 & 9 \\ -5 & -5 & 5 \\ 0 & -4 & -5 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -\frac{4}{15} & -\frac{7}{15} & \frac{2}{3} \\ \frac{1}{3} & -\frac{1}{3} & -\frac{1}{3} \\ \frac{2}{15} & -\frac{4}{15} & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$$

$$A \cdot A^{-1} = \begin{pmatrix} 3 & 5 & 1 \\ 1 & 0 & 2 \\ 2 & 2 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -\frac{4}{15} & -\frac{7}{15} & \frac{2}{3} \\ \frac{1}{3} & -\frac{1}{3} & -\frac{1}{3} \\ \frac{2}{15} & -\frac{4}{15} & -\frac{1}{3} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

miro

Задание 3. Решить вручную методом Гаусса систему линейных алгебраических уравнений с тремя неизвестными из пункта 1 задания соответствующего варианта.

$$\begin{pmatrix} 3 & -2 & 2 & | & 10 \\ 2 & 1 & -4 & | & -7 \\ 2 & 2 & -6 & | & -12 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 1 & -\frac{2}{3} & \frac{2}{3} & | & \frac{10}{3} \\ 2 & 1 & -4 & | & -7 \\ 2 & 2 & -6 & | & -12 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 1 & -\frac{2}{3} & \frac{2}{3} & | & \frac{10}{3} \\ 0 & \frac{5}{3} & -\frac{14}{3} & | & -\frac{41}{3} \\ 0 & \frac{10}{3} & -\frac{22}{3} & | & -\frac{56}{3} \end{pmatrix} \sim$$

$$\sim \begin{pmatrix} 1 & -\frac{2}{3} & \frac{2}{3} & | & \frac{10}{3} \\ 0 & 1 & -\frac{16}{7} & | & -\frac{41}{7} \\ 0 & \frac{10}{3} & -\frac{22}{3} & | & -\frac{56}{3} \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 1 & 0 & -\frac{6}{7} & | & -\frac{4}{7} \\ 0 & 1 & -\frac{16}{7} & | & -\frac{41}{7} \\ 0 & 0 & \frac{2}{7} & | & \frac{6}{7} \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 1 & 0 & -\frac{6}{7} & | & -\frac{4}{7} \\ 0 & 1 & -\frac{16}{7} & | & -\frac{41}{7} \\ 0 & 0 & 1 & | & 3 \end{pmatrix} \sim$$

$$\sim \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & | & 2 \\ 0 & 1 & 0 & | & 1 \\ 0 & 0 & 1 & | & 3 \end{pmatrix} \Rightarrow \begin{cases} x_1 = 2 \\ x_2 = 1 \\ x_3 = 3 \end{cases}$$

miro

Задание 4. Найти вручную с помощью метода Гаусса определитель матрицы A из пункта 2 задания соответствующего варианта.

$$A = \begin{pmatrix} 3 & 5 & 1 \\ 1 & 0 & 2 \\ 2 & 2 & -1 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 3 & 5 & 1 \\ 1 & 0 & 2 \\ 0 & 2 & -5 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 3 & 5 & 1 \\ 0 & -\frac{5}{3} & \frac{5}{3} \\ 0 & 0 & -3 \end{pmatrix} \Rightarrow \Delta A = -3 \cdot \left(-\frac{5}{3}\right) \cdot 3 = 15$$

miro

Задание 5. Найти вручную с помощью метода Гаусса матрицу A^{-1} обратную матрице A из пункта 2 задания соответствующего варианта. Выполнить проверку полученной матрицы на соответствие условию: $A \cdot A^{-1} = E$, где E — единичная матрица.

$$\begin{aligned} A^{-1} &= \left(\begin{array}{ccc|ccc} 3 & 5 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 2 & 0 & 1 & 0 \\ 2 & 2 & -1 & 0 & 0 & 1 \end{array} \right) \sim \left(\begin{array}{ccc|ccc} 1 & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 2 & 0 & 1 & 0 \\ 2 & 2 & -1 & 0 & 0 & 1 \end{array} \right) \sim \left(\begin{array}{ccc|ccc} 1 & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & 0 & 0 \\ 0 & -\frac{1}{3} & \frac{5}{3} & -\frac{1}{3} & 1 & 0 \\ 0 & -\frac{1}{3} & -\frac{5}{3} & -\frac{2}{3} & 0 & 1 \end{array} \right) \sim \\ &\sim \left(\begin{array}{ccc|ccc} 1 & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & 0 & 0 \\ 0 & -\frac{1}{3} & -\frac{1}{3} & -\frac{2}{3} & 0 & 1 \\ 0 & -\frac{1}{3} & -\frac{1}{3} & -\frac{2}{3} & 0 & 1 \end{array} \right) \sim \left(\begin{array}{ccc|ccc} 1 & 0 & 2 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & -1 & 0 & 2 & -0.6 \\ 0 & 0 & -3 & -0.4 & -0.2 & 1 \end{array} \right) \sim \\ &\sim \left(\begin{array}{ccc|ccc} 1 & 0 & 2 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & -1 & 0 & 2 & -0.6 \\ 0 & 0 & 1 & \frac{2}{15} & \frac{4}{15} & -\frac{1}{3} \end{array} \right) \sim \left(\begin{array}{ccc|ccc} 1 & 0 & 0 & -\frac{4}{15} & \frac{7}{15} & \frac{2}{3} \\ 0 & 1 & 0 & \frac{1}{3} & -\frac{1}{3} & -\frac{1}{3} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{2}{15} & \frac{4}{15} & -\frac{1}{3} \end{array} \right) \\ A^{-1} &= \begin{pmatrix} -\frac{4}{15} & \frac{7}{15} & \frac{2}{3} \\ \frac{1}{3} & -\frac{1}{3} & -\frac{1}{3} \\ \frac{2}{15} & \frac{4}{15} & -\frac{1}{3} \end{pmatrix} \end{aligned}$$

miro

Задание 6. Создать модуль для работы с матрицами произвольного порядка, содержащий подпрограммы для умножения двух матриц, умножения числа на матрицу, сложения матриц, вычитания матриц, транспонирования матрицы, умножения матрицы на вектор, ввода и вывода матрицы.

Содержимое заголовочного файла:

```
#ifndef CODE_MATRIX_H
#define CODE_MATRIX_H
```

```
#include <iostream>
#include <utility>
#include "vector"
```

```
using namespace std;
```

```

using matrixRow = vector<double>;
using matrix = vector<matrixRow>;

class Matrix {
public:
    matrix data;
    int nRows;
    int nColumns;

    explicit Matrix(int nRows, int nColumns) {
        this->nRows = nRows;
        this->nColumns = nColumns;
        for (int i = 0; i < nColumns; i++) {
            matrixRow r(nRows);
            data.push_back(r);
        }
    }

    explicit Matrix(matrix m) {
        this->nRows = m[0].size();
        this->nColumns = m.size();
        data = std::move(m);
    }

    void Output();
    void Input();

    static Matrix Multiplication(Matrix &m1, Matrix &m2);
    static Matrix Multiplication(Matrix &m, int x);
    static Matrix Multiplication(Matrix &m1, matrixRow &m2);

    static Matrix Addition(Matrix &m1, Matrix &m2);

    static Matrix Difference(Matrix &m1, Matrix &m2);

    static Matrix Transposition(Matrix &m);
    void Transposition();

};

#endif //CODE_MATRIX_H

```

Содержимое исполняемого файла:

```
#include "Matrix.h"
```

```

void Matrix::Output() {
    for (const auto &i: data) {
        for (auto j: i)
            cout << j << ' ';
        cout << '\n';
    }
}

void Matrix::Input() {

```



```

for (int i = 0; i < nRows; i++) {
    for (int j = 0; j < nColumns; j++)
        cin >> this->data[i][j];
}
}

```

```

Matrix Matrix::Multiplication(Matrix &m1, Matrix &m2) {
    if (m1.nColumns != m2.nRows) {
        cerr << "The number of columns of the first matrix is not equal "
              "to the number of rows of the second matrix";
        Matrix res(0, 0);
        return res;
    }

```

```

    Matrix res(m1.nRows, m2.nColumns);
    for (int i = 0; i < m1.nRows; i++) {
        for (int j = 0; j < m2.nColumns; j++) {
            res.data[i][j] = 0;
            for (int k = 0; k < m1.nColumns; ++k)
                res.data[i][j] += m1.data[i][k] * m2.data[k][j];
        }
    }
    return res;
}

```

```

Matrix Matrix::Multiplication(Matrix &m1, matrixRow &m2) {
    if (m1.nColumns != m2.size()) {
        cerr << "The number of columns of the first matrix is not equal "
              "to the number of rows of the second matrix";
        Matrix res(0, 0);
        return res;
    }

```

```

    Matrix res(m1.nRows, m1.nColumns);
    for (int i = 0; i < m1.nRows; i++) {
        for (int j = 0; j < m1.nColumns; j++) {
            res.data[i][j] = m1.data[i][j] * m2[j];
        }
    }
    return res;
}

```

```

Matrix Matrix::Multiplication(Matrix &m, int x) {
    Matrix res(m.nRows, m.nColumns);
    for (int i = 0; i < m.nRows; i++) {
        for (int j = 0; j < m.nColumns; j++) {
            res.data[i][j] = m.data[i][j] * x;
        }
    }
    return res;
}

```

```

Matrix Matrix::Addition(Matrix &m1, Matrix &m2) {
    if (m1.nRows != m2.nRows && m1.nColumns != m2.nColumns) {
        cerr << "Different number of rows or columns for matrices";
        Matrix res(0, 0);
        return res;
    }

```

```

Matrix res(m1.nRows, m1.nColumns);
for (int i = 0; i < m1.nColumns; i++)
    for (int j = 0; j < m1.nRows; j++)
        res.data[i][j] = m1.data[i][j] + m2.data[i][j];
return res;
}

Matrix Matrix::Difference(Matrix &m1, Matrix &m2) {
    if (m1.nRows != m2.nRows && m1.nColumns != m2.nColumns) {
        cerr << "Different number of rows or columns for matrices";
        Matrix res(0, 0);
        return res;
    }

    Matrix res(m1.nRows, m1.nColumns);
    for (int i = 0; i < m1.nColumns; i++)
        for (int j = 0; j < m1.nRows; j++)
            res.data[i][j] = m1.data[i][j] - m2.data[i][j];
    return res;
}

Matrix Matrix::Transposition(Matrix &m) {
    Matrix res(m.nColumns, m.nRows);
    for (int i = 0; i < m.nRows; i++)
        for (int j = 0; j < m.nColumns; j++)
            res.data[j][i] = m.data[i][j];
    return res;
}

void Matrix::Transposition() {
    for (int i = 0; i < this->nRows; i++)
        for (int j = 0; j < this->nColumns; j++)
            this->data[j][i] = this->data[i][j];
}

```

Задание 7. Создать модуль, содержащий подпрограммы, реализующие прямой и обратный ход метода Гаусса для схемы единственного деления с выбором максимального по модулю элемента.

```

void Matrix::forwardGauss() {
    for (int i = 0; i < nRows - 1; i++) {
        for (int j = i + 1; j < nRows; j++)
            if (data[j][i] > data[i][i]) {
                swap(data[j], data[i]);
                nSwap++;
            }

        for (int j = i + 1; j < nRows; j++)
            if (abs(data[i][i]) >= EPS) {
                double dif = data[j][i] / data[i][i];
                for (int k = i; k < nColumns; k++)

```

```

        data[j][k] -= data[i][k] * dif;
    }
}

void Matrix::reverseGauss() {
    for (int i = nRows - 1; i >= 0; i--) {
        if (abs(data[i][i]) >= EPS) {
            double dif = data[i][i];
            for (int j = i; j < nColumns; j++)
                data[i][j] /= dif;

            for (int j = i - 1; j >= 0; j--) {
                data[j][nColumns - 1] -= data[j][i] * data[i][nColumns - 1];
                data[j][i] = 0;
            }
        }
    }
}

```

Задание 8. Создать программу для решения следующих задач:

— нахождение методом Гаусса решения системы линейных алгебраических уравнений с одной и той же матрицей коэффициентов при неизвестных и произвольным числом столбцов свободных членов. Замечание. В прямом ходе метода Гаусса выполняется приведение расширенной матрицы (коэффициенты при неизвестных и свободные члены) к треугольному виду, и одновременно изменяются все столбцы свободных членов. На этапе обратного хода выполняется вычисление решения системы для каждого столбца свободных членов, составляется матрица решений.

```

bool Matrix::isFindZeroRow() {
    for (int i = 0; i < nRows; i++) {
        bool allZero = true;
        for (int j = 0; j < nColumns; j++)
            if (abs(data[i][j]) >= EPS) {
                allZero = false;
                break;
            }
        if (allZero)
            return true;
    }
    return false;
}

void Matrix::linearEquation() {
    this->forwardGauss();
    this->reverseGauss();
    if (isFindZeroRow()) {
        cerr << "No solution because null string was found";
        return;
    }
}

```

```

for (int i = nRows - 1; i >= 0; i--) {
    cout << "x" << nRows - i << " = " << data[i][nColumns - 1] << ";\n";
}
}

```

— вычисление определителя заданной матрицы методом Гаусса;

```

void Matrix::deleteZeroRows() {
    int n = nRows;
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        bool allZero = true;
        for (int j = 0; j < n; j++) {
            if (abs(data[i][j]) > EPS) {
                allZero = false;
                break;
            }
        }
        if (allZero) {
            data[i].clear();
            data.erase(data.begin());
            nRows--;
        }
    }
}

```

```

double Matrix::determinant() {
    this->forwardGauss();
    this->deleteZeroRows();
    double det = data[0][0];
    for (int i = 1; i < nRows; i++) {
        det *= data[i][i];
    }
    if (nSwap % 2 == 1)
        det *= -1;
    return det;
}

```

— нахождение для заданной матрицы обратной матрицы методом Гаусса:

```

void Matrix::inverse() {
    Matrix res(this->data);
    Matrix E(nRows, nColumns);
    for (int i = 0; i < nRows; i++)
        E.data[i][i] = 1;
    for (int i = 0; i < nRows; i++)
        for (auto j: E.data[i])
            res.data[i].push_back(j);
    res.nColumns *= 2;

    res.forwardGauss();
    res.reverseGauss();
    for (int i = 0; i < nRows; i++)
        for (int j = 0; j < nColumns; j++)
            data[i][j] = res.data[i][j + nColumns];
}

```

Задание 9. Решить все задания соответствующего варианта с помощью составленной программы. Выполнить проверку правильности найденного решения системы линейных уравнений и матрицы обратной к заданной матрице с помощью составленной программы, сравнить значения, полученные при решении заданий с помощью метода Гаусса и с использованием произвольного метода решения.

Результат работы программы при нахождении линейного уравнения:

```
#include <iostream>
#include "Matrix/Matrix.h"

int main() {
    //matrix m = {{1, 1,2,3, 5}, {1, 4, 5, 6, 6}, {2, 7, 8, 9, 7}, {2, 4, 1, 4, 4}};
    matrix m = {{3, -2, 2, 10}, {2, 1, -4, -7}, {2, 2, -6, -12}};
    //matrix m = {{3, 5, 1}, {1, 0, 2}, {2, 2, -1}};

    Matrix M1( m, m);
    M1.LinearEquation();
    M1.Output();

    return 0;
}
```

f main

Code ×

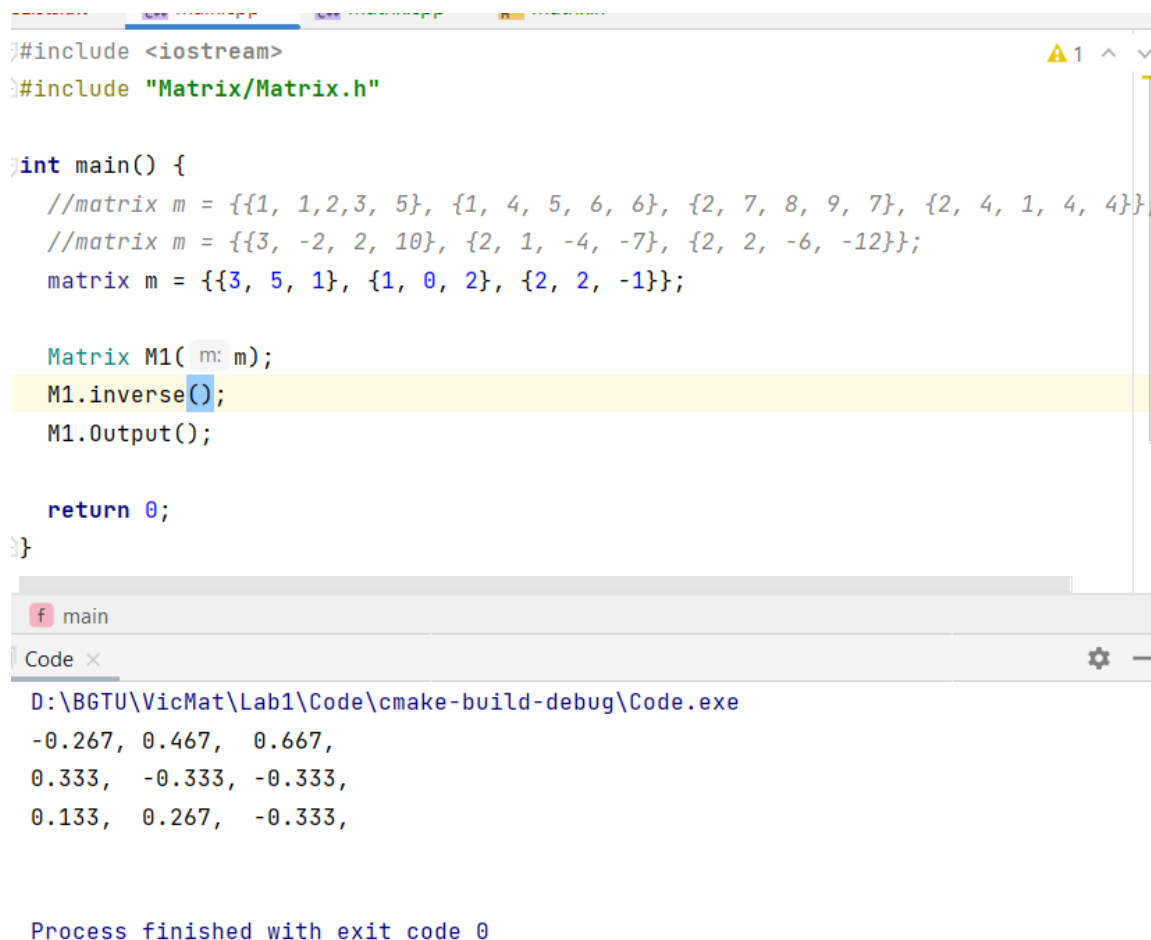
D:\BGTU\VicMat\Lab1\Code\cmake-build-debug\Code.exe

x1 = 3;
x2 = 1;
x3 = 2;

1,	0,	0,	2,
0,	1,	0,	1,
0,	0,	1,	3,

Process finished with exit code 0

Результат работы программы при нахождении обратной матрицы:



The screenshot shows a C++ program in a code editor and its execution output in a terminal window. The program defines a 3x3 matrix `m` and calculates its inverse using the `Matrix` class. The output displays the inverse matrix values.

```
#include <iostream>
#include "Matrix/Matrix.h"

int main() {
    //matrix m = {{1, 1,2,3, 5}, {1, 4, 5, 6, 6}, {2, 7, 8, 9, 7}, {2, 4, 1, 4, 4}};
    //matrix m = {{3, -2, 2, 10}, {2, 1, -4, -7}, {2, 2, -6, -12}};
    matrix m = {{3, 5, 1}, {1, 0, 2}, {2, 2, -1}};

    Matrix M1( m, m);
    M1.inverse();
    M1.Output();

    return 0;
}
```

main

Code x

D:\BGTU\VicMat\Lab1\Code\cmake-build-debug\Code.exe

-0.267, 0.467, 0.667,
0.333, -0.333, -0.333,
0.133, 0.267, -0.333,

Process finished with exit code 0

Вывод: изучили прямой и обратный ход метода Гаусса для решения систем линейных алгебраических уравнений; изучили схему единственного деления с выбором максимального по модулю элемента; изучили применение метода Гаусса для вычисления определителя матрицы и обратной матрицы; получили практические навыки программной реализации метода Гаусса и решения поставленных задач методом Гаусса с помощью ЭВМ.