

## Projet de Théorie des Langages (Compte-Rendu)

Auteur : Florian Legendre



### Légendes et Abbréviations utilisées

Question : Ceci est une question de l'enseignant

Réponse : Ceci est une réponse de l'enseignant ou validée par l'enseignant

Réponse : Ceci est une réponse du ou d'un des auteurs non validée par l'enseignant

```
Ceci est du code source.
Selon les langages, différents mots seront colorés selon
si ce sont des mots clefs ou non (comme int, char, etc.).
```

Listing 1 – Exemple de code source

```
Ceci est un formattage automatique Latex d'un texte copié-collé directement depuis un terminal Bash ayant valeur de capture d'écran. La coloration correspond à une coloration quelconque d'un terminal Bash (les chemins étant habituellement coloré et le nom de l'utilisateur aussi comme crex@crex:~$ ...)
```

Listing 2 – Exemple d'une pseudo capture d'écran Bash

## Table des matières

Ι	An	nalyse de billet de concert	3
	0.1	Exercice 1 : Traitement d'une commande de billets	4
II Des automates en récursif			
	0.2	Exercice 2 : Programmation en dur de manière récursive	7
	0.3	Exercice 3 : Des automates non déterministes représentés dans le code de manière récursive	10
	0.4	Exercice 4 : Évaluation du réel correspondant à la chaîne de caractères	12

# Première partie Analyse de billet de concert

#### Exercice 1 : Traitement d'une commande de billets

Spécification de Concert.1.lex : reconnaissance des champs clefs

```
alpha [a-zA-Z]
1
   codeConcert ^T[0-9]{2,6}
   codeDossier [0-9]{8}
3
   date [0-9][0-9] \setminus /[0-9] \{1,2\} (\setminus /[0-9][0-9])?
4
   FL (\n)
5
   heure [0-9][0-9]:[0-9][0-9]
6
7
   ignore [\t]
   nbPlaces [1-9]?[0-9](\ places)
8
   nomConcert [A-Z0-9]([A-Z0-9]|(-[A-Z0-9]))*
9
   nomPropre \{alpha\}(\{alpha\}|(-\{alpha\}))*
10
   prenomNom ^{nomPropre}\/{nomPropre}
11
12
13
   %%
14
                      {printf("codeConcert");}
   {codeConcert}
15
                      {printf("codeDossier");}
16
   {codeDossier}
                  {printf("date");}
17
   {date}
   DOSSIER
                      {printf("dossier");}
18
                  {printf("FinFichier\n"); return 0;}
19
   <<EOF>>>
                      {printf("FL\n");}
   {FL}
20
                  {printf("heure");}
21
   {heure}
                 {printf(" ");}
22
   {ignore}
                  {printf("nb places");}
23
   {nbPlaces}
24
   {nomConcert}
                      {printf("nomConcert");}
25
   {prenomNom}
                  {printf("prenomNom");}
```

Listing 3 - Première sp'ecification en vue d'un test de reconnaissance des différents champs d'une commande de billets

#### Spécification de Concert.2.lex : application de la reconnaissance à un besoin 'réel'

```
%{
1
2
        char* codeDossier;
        char* prenomNom;
3
        int nbPlaces = 0;
4
5
        int nbConcerts = 0;
   %}
6
7
   alpha [a-zA-Z]
8
   codeConcert ^T[0-9]{2,6}
9
   codeDossier [0-9]{8}
10
   date [0-9][0-9] \setminus /[0-9]\{1,2\}(\setminus /[0-9][0-9])?
11
   FL (\n)
12
13
   heure [0-9][0-9]:[0-9][0-9]
14
   ignore [\t]
   nbPlaces [1-9]?[0-9]
15
   nomConcert [A-Z0-9]([A-Z0-9]|(-[A-Z0-9]))*
   nomPropre \{alpha\}(\{alpha\}|(-\{alpha\}))*
17
18
   prenomNom ^{nomPropre} / (nomPropre)
19
20
   %%
21
22
   {codeConcert}
                      {nbConcerts++;}
23
   {codeDossier}
                       {codeDossier=strdup(yytext);}
24
   {date}
   DOSSIER
25
   <<EOF>>
26
                  \{ return 0; \}
27
   {FL}
28
   {heure}
                  {}
29
   {ignore}
                  {}
                  {nbPlaces+=strtol(yytext, NULL, 10);}
30
   {nbPlaces}
31
   {nomConcert}
                      {}
32
   places
33
   {prenomNom}
                  {prenomNom=strdup(yytext);}
34
   %%
35
36
   int main()
37
   {
38
        yylex();
39
        printf("Pour le dossier %s, %s a acheté %i places de %i concerts\n",
           codeDossier , prenomNom , nbPlaces , nbConcerts);
40
41
```

 $\textbf{Listing 4} - \textbf{Seconde sp\'{e}} \textbf{cification appliquant la reconnaissance des diff\'{e}} \textbf{rents champs d'une commande de billets}$ 

# Deuxième partie Des automates en récursif

### Exercice 2 : Programmation en dur de manière récursive

#### Questions de compréhension

Question: Si votre automate a N états, combien de fonctions reconnaitRec i devez vous écrire?

**Réponse :** Si l'automate a N états alors il faudra écrire N fonctions reconnaitRec\_i. En effet, dans les faits nous sommes en train d'implanter un système d'équations aux langages.

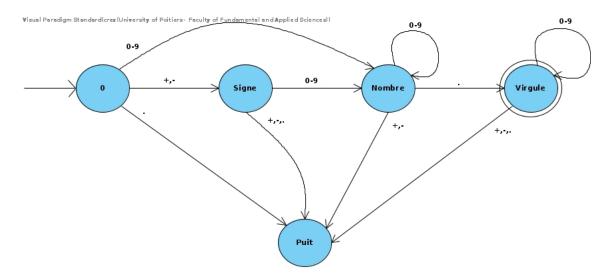
Question: Si l'état i est final, que doit retourner reconnaitRec i("")? Et si i n'est pas final?

**Réponse :** Un état i final signifie que reconnait $\operatorname{Rec}_{-i}("")$  doit retourner 'true', "" étant le mot vide aussi appelé  $\epsilon$ . Tout état i non final doit alors retourner 'false' pour le mot vide.

**Question :** Si le paramètre 'mot' n'est pas vide et commence par un caractère c, quelle fonction reconnaitRec i(mot) doit-elle appeler? Et avec quel paramètre?

**Réponse :** Si le paramètre 'mot' n'est pas vide et commence par un caractère c alors on doit appeler la fonction reconnait $\operatorname{Rec\_i}(\operatorname{mot})$  qui correspond à l'état de destination dans la transition  $q_{courant} \stackrel{c}{\to} q_i$ . On appelle alors cette fonction avec pour paramètre le mot 'mot' tronqué de sa première lettre.

#### Automate des réels



#### Implantation des reconnaitRec

```
1
2
   (* Fonctions Auxiliaires *)
3
4
   let is Ciffer c = c >= '0' \&\& c <= '9';;
5
   let isBinOp c = c = '+' || c = '-';;
6
   let isComma c = c = '.';
7
   let explode m = List.init (String.length m) (String.get m);;
9
10
11
   (* Fonctions Principales *)
12
13
14
   let rec reconnaitRec Virgule m =
15
16
     match m with
17
      | [] -> true
      | firstCarac::tl -> if(isCiffer firstCarac) then reconnaitRec_Virgule tl
18
       else false
19
   ;;
20
   let rec reconnaitRec_Nombre m =
21
22
     match m with
23
       [] \rightarrow false
       firstCarac::tl -> if(isCiffer firstCarac) then reconnaitRec Nombre tl
24
25
                           else if (isComma first Carac) then reconnait Rec Virgule
        t1
26
                           else false
27
   ;;
28
29
   let reconnaitRec Signe m =
30
     match m with
       [] \rightarrow false
31
        firstCarac::tl -> if(isCiffer firstCarac) then reconnaitRec Nombre tl
32
33
                           else false
34
   ; ;
35
36
   let reconnaitRec 0 m =
37
        match m with
38
        | [] -> false
        | firstCarac::tl -> if(isCiffer firstCarac) then reconnaitRec_Nombre tl
39
40
                              else if (isBinOp firstCarac) then reconnaitRec Signe
        t1
41
                              else false
42
   ;;
```

Listing 5 – Début du code source d'automateEnDurReels.ml

#### Implantation de l'automate complet

```
let reconnaitReelRec m =
reconnaitRec_0 (explode m)
;;
```

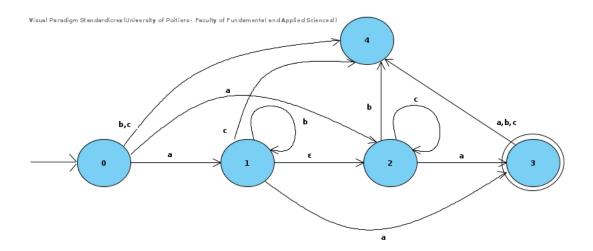
 ${\bf Listing}~{\bf 6}-{\bf Le}~{\bf reste}~{\bf du}~{\bf code}~{\bf source}~{\bf d'automateEnDurReels.ml}$ 

#### Programme complet

```
1
2
    (* AUTEUR: Florian Legendre
   (* OBJECTIF DE CE MODULE: Être le programme
3
   (* final qui sera compilé en un exécutable.
4
   (* Il est basé sur le travail produit dans les *)
6
   (* deux autres .ml de ce dossier.
                                                          *)
7
8
9
   open List;;
10
   open AutomateEnDurReels;;
11
   let main =
12
13
   while true do
      let wordToRead = read line() in
14
15
      if(reconnaitReelRec wordToRead)
      then (print_string "True!"; print_newline();)
else (print_string "False!"; print_newline();)
16
17
18
   done;
19
    ;;
20
21
   main;;
```

 ${\bf Listing} \ {\bf 7}-{\bf programme} \ {\bf final} \ {\bf lisant} \ {\bf sans} \ {\bf cesse} \ {\bf sur} \ {\bf le} \ {\bf flux} \ {\bf d'entrée}$ 

## Exercice 3 : Des automates non déterministes représentés dans le code de manière récursive



#### Questions de compréhension

**Question :** Comment dans le code de reconnait\_0 allez vous représenter le fait qu'en lisant un a, on puisse aller soit de l'état 0 à l'état 1, soit de l'état 2?

**Réponse :** Un automate non déterministe signifie que l'on peut trouver un chemin valide (et donc reconnaître un mot) en passant soit par un chemin soit par un autre. Ce soit/soit ce représente en programmation par l'opérateur OU. Je vais donc faire pour la lettre 'a' à l'état 0 : reconnaitRec1 resteDuMot || reconnaitRec2 resteDuMot

Question : Comment dans le code de reconnait\_1 allez vous représenter le fait que l'on peut passer directement, sans rien lire, à l'état 2?

**Réponse :** Similairement au cas si dessus je peux faire un OU avec directement l'appel récursif de reconnaitRec2 en donnant en paramètre de reconnaitRec2 le mot complet sans avoir "mangé" de lettre.

#### Implantation et Tests de l'automate

```
1
 2
    (* Fonctions Auxiliaires *)
3
 4
5
    let explode m = List.init (String.length m) (String.get m);;
6
7
8
   (* Fonctions Principales *)
9
10
11
12
    let reconnaitRec 3 m =
13
    match m with
      | [] -> true
14
15
      | firstCarac :: tl -> false
16
17
    let rec reconnaitRec 2 m =
18
19
      match m with
20
      | [] -> false
        firstCarac::tl -> if(firstCarac = 'c') then reconnaitRec_2 tl
21
                               else if (firstCarac = 'a') then reconnaitRec_3 tl
22
23
                               else false
24
25
26
    {\color{red} \textbf{let} \hspace{0.1cm}} \textbf{rec} \hspace{0.1cm} \textbf{reconnait} \textbf{Rec} \hspace{0.1cm} \textbf{1} \hspace{0.1cm} \textbf{m} =
27
      match m with
       [] -> false
28
29
        firstCarac::tl -> (if(firstCarac = 'b') then reconnaitRec_1 tl
                                else if (firstCarac = 'a') then reconnaitRec 3 tl
30
31
                                else false) || reconnaitRec_2 m
32
    ;;
33
34
    let reconnaitRec 0 m =
35
         match m with
36
         | [] -> false
         | firstCarac::tl -> if(firstCarac = 'a') then (reconnaitRec 1 tl) || (
37
        reconnaitRec_2 t1)
38
                                 else false
39
40
41
    let reconnaitL4 m =
42
      reconnaitRec_0 (explode m)
43
```

 ${\bf Listing}~8-{\bf Code}~{\bf source}~{\bf d'automateEnDurEx3.ml}$ 

## Exercice 4 : Évaluation du réel correspondant à la chaîne de caractères

#### Questions de compréhension

**Question :** Comment allez vous gérer votre position dans la partie décimale ( $x^{eme}$  position après la virgule = indique la puissance de dix négative?), et vous en servir pour prendre en compte la nouvelle décimale lue?

**Réponse :** La position 'x' après la virgule indique la puissance négative à réaliser sur le nombre évalué. On additionne alors le résultat de cette puissance négative avec la partie décimale déjà ainsi évaluée.

Question: Comment allez vous gérer le calcul de la partie entière, lorsqu'un nouveau chiffre est lu?

**Question :** Comment allez vous gérer la transmission du calcul d'une routine récursive à l'autre ? Variables globales, paramètres d'entrée sortie, valeurs de retour de fonction ?

**Réponse :** Je code sous Ocaml. Je compte utiliser les possibilités du langage en renvoyant des tuples de retour du type (boolean, partie entière, partie décimale) et en injectant des paramètres d'entrée du type (mot, partie entière, position partie décimale, partie décimale)

#### Implantation de la fonction d'évaluation des réels

```
1
2
   (* AUTEUR: Florian Legendre
                                                    *)
   (* OBJECTIF DE CE MODULE: Être une banque
   (* des fonctions qui implantantent la fonction *)
   (* d'évaluation des réels. Les tests étant
6
   (* réalisés dans evalueReelsTests.ml
7
8
9
10
      Fonctions Auxiliaires *)
11
12
13
   let is Ciffer c = c >= '0' \&\& c <= '9';;
14
   let isBinOp c = c = '+' || c = '-';;
15
   let isComma c = c = '.';;
16
   let explode m = List.init (String.length m) (String.get m);;
17
18
   let getDigit c =
19
     match c with
                   '1' -> 1 | '2' -> 2 |
20
     | '0' -> 0 |
       '5' -> 5 | '6' -> 6 | '7' -> 7 | '8' -> 8 | '9' -> 9
21
       _ -> failwith("ERROR IN charDigitToInt => This isn't a digit")
22
```

```
24
25
26
        Fonctions Principales
27
   (*
28
   (*
29
   let rec evalueReel Virgule m partieEnt posDec partieDec =
30
31
     match m with
32
       [] -> (true, partieEnt, posDec, partieDec)
33
      | firstCarac::tl -> if(isCiffer firstCarac)
                            then evalueReel Virgule tl partieEnt
34
35
                                   (posDec+1) (partieDec*10 + (getDigit
       firstCarac))
                            else (false, 0, 0, 0)
36
37
   ;;
38
39
   let rec evalueReel Nombre m partieEnt posDec partieDec =
40
     match m with
41
       [] \rightarrow (false, 0, 0, 0)
      | firstCarac::tl -> if(isCiffer firstCarac)
42
43
                            then evalueReel Nombre tl (partieEnt*10 + (getDigit
       firstCarac)) 0 0
                            else if (isComma first Carac)
44
45
                            then evalueReel_Virgule tl partieEnt 0 0
                            else (false, 0, 0, 0)
46
47
   ; ;
48
49
   let evalueReel Signe m partieEnt posDec partieDec =
50
     match m with
        [] \rightarrow (false, 0, 0, 0)
51
52
        firstCarac::tl -> if(isCiffer firstCarac)
53
                           then evalueReel_Nombre tl (getDigit firstCarac) 0 0
                            else (false, 0, 0, 0)
54
55
   ;;
56
   let evalueReel 0 m partieEnt posDec partieDec =
57
58
     match m with
        [] \rightarrow (false, 0, 0, 0)
59
60
       firstCarac::tl -> if(isCiffer firstCarac)
                            then evalueReel_Nombre tl (getDigit firstCarac) 0 0
61
62
                            else if(isBinOp firstCarac)
63
                            then evalueReel Signe tl 0 0 0
                            else (false, 0, 0, 0)
64
65
   ;;
66
67
   let evalueReel m =
      let (recBoolean, partieEnt, posDec, partieDec) = evalueReel 0 (explode m)
68
        0 \ 0 \ 0 \ in
      let resEval = (float of int partieEnt)
69
                     +. (float of int partieDec) /. 10.**(float of int posDec)
70
       in
71
72
      if (recBoolean \&\& m.[0] = '-')
73
      then (recBoolean, (-1. *. resEval))
74
      else (recBoolean, resEval)
75 \; | \; ; \; ;
```

```
76

77

78 (* Note:

79 Pas d'inquiétude pour la "division par 0", cf. cas où il n'y a pas de

80 nombre après la virgule, car 10^0 = 1 *)
```

 ${\bf Listing} \ {\bf 9} - {\bf Code} \ {\bf source} \ {\bf d'evalueReels.ml}$ 

#### Implantation du programme final d'évaluation des réels

```
1
2
   (* AUTEUR: Florian Legendre
                                                    *)
   (* OBJECTIF DE CE MODULE: Être le programme
3
   (* final qui sera compilé en un exécutable.
4
   (* Il est basé sur le travail produit dans les *)
5
6
   (* deux autres .ml de ce dossier.
7
8
   open EvalueReels;;
9
10
11
   let main =
12
   while true do
     let wordToRead = read_line() in
13
     let (isRec, res) = evalueReel wordToRead in
14
15
     then (print_string "True! Value is "; print_float res; print_newline();)
16
     else (print_string "False!"; print_newline();)
17
18
   done;
19
   ;;
20
21
   main;;
```

Listing 10 – Code source du programme final d'évaluation des réels