Chapter 2 Programming Assignments

褚朱钇恒 3200104144

1 Programming Assignments

1.1 A

在 NewtonInterpolation.h 中实现了牛顿插值类,提供了需要两个 vector 分别表示插值点 X 和点值 Y 的初始化函数 init。同时为了发挥牛顿法的优越性,即在加入新插值点后只需要 $\Theta(n)$ 的复杂度更新信息,还提供了 add_node 接口以增加新插值点。

为在 D 题中使用 Hermite 插值,该类还实现了 $Hermite_init_and_inter$ 函数,用于提供插值点 X 和插值点上的函数值与各阶导数值 Y。

输入所有插值点信息后,可以使用()进行求值,求值时将判断是否已计算出所有差商,如果没有将自动进行插值计算差商。

1.2 B

根据题意实现插值的效果如下:

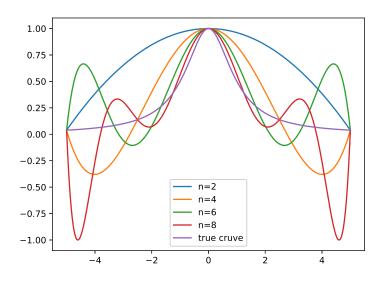


图 1: $f(x) = \frac{1}{1+x^2}$ 的插值结果

容易发现,在插值点序列的两端的震荡很大,出现了龙格现象。

1.3 C

使用 Chebyshev 插值点的插值结果如下:

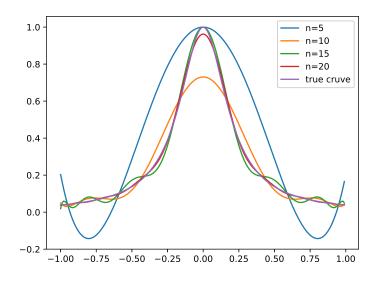


图 2: $f(x) = \frac{1}{1+25x^2}$ 的插值结果

容易发现,随着 n 的增大,插值点序列两端的震荡现象出现了很快的衰减,拟合效果较好。

1.4 D

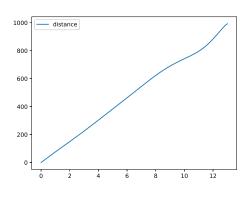


图 3: 路程插值结果

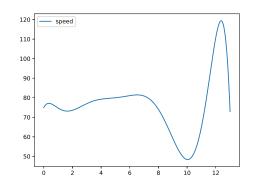


图 4: 速度插值结果

1.4.1 a

使用 Herimte 插值得到 $f(10)=742.503, f^{'}(10)=48.3822,$ 故 t=10s 时车的位置约为 742 feet, 速度约为 48 feet/s。

1.4.2 b

根据速度插值结果图可以发现,车速最快约为 $120\ feet/s$,超过了 $81\ feet/s$ 的限速。

1.5 E

1.6 a

使用牛顿插值法求得结果如下:

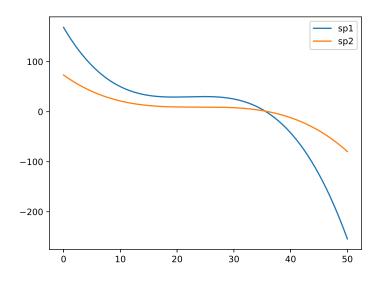


图 5: Average weight curve

1.6.1 b

发现之前求得的函数先出现了负值,然后再升高,显然不合理,故删除前几个采样点,重新拟合曲线预测未来趋势,结果如下:

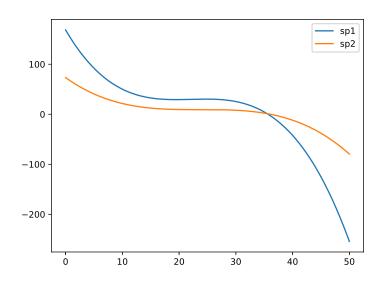


图 6: Average weight curve

发现未来(约37d)函数值都将变负,故可预测两种生物在15天后都将死去。