

Regra da Cadeia

①

Teorema (Regra da Cadeia)

Se g for derivável em x e f for derivável em $g(x)$, então a função $(f \circ g)(x) = f(g(x))$ é derivável em x e sua derivada é dada por

$$(f \circ g)'(x) = f'(g(x)) \cdot g'(x)$$

Derivadas de algumas funções:

Seja f uma função derivável, então:

i) $[f(x)^n]' = n[f(x)]^{n-1} \cdot f'(x)$

ii) $[e^{f(x)}]' = e^{f(x)} \cdot f'(x)$

iii) $[\ln f(x)]' = \frac{1}{f(x)} \cdot f'(x)$

iv) $[\sin f(x)]' = \cos f(x) \cdot f'(x)$

v) $[\cos f(x)]' = -\sin f(x) \cdot f'(x)$

vi) $[\operatorname{tg} f(x)]' = \sec^2 f(x) \cdot f'(x)$

vii) $[\operatorname{csc} f(x)]' = -\operatorname{csc} f(x) \cdot \operatorname{tg} f(x) \cdot f'(x)$

viii) $[\operatorname{colog} f(x)]' = -\operatorname{cosec}^2 f(x) \cdot f'(x)$

ix) $[\operatorname{cosec} f(x)]' = -\operatorname{cosec} f(x) \cdot \operatorname{cotg} f(x) \cdot f'(x)$

Exemplo: Use a regra da cadeia para derivar as seguintes funções:

a) $f(x) = a^x$

b) $g(x) = \cos(\sqrt{x} + 1)$

c) $h(x) = \ln(\sin x)$

d) $G(x) = e^{\sqrt[3]{x+8}}$

e) $S(x) = \operatorname{colog}[\ln(x^3 + x^2 + 1)]$

f) $R(x) = \sqrt[8]{x^2 + x + 1} \cdot e^{x^3 + 4}$

Exercícios (Estudar) Pág 185

1-54

$$\begin{aligned} (1+x)^2 + 7(1+x) + 1 &= (1+x)^2 + 7(1+x) + 1 \\ (1+x)^2 + 7(1+x) + 1 &= (1+x)^2 + 7(1+x) + 1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (1+x)^2 + 7(1+x) + 1 &= (1+x)^2 + 7(1+x) + 1 \\ (1+x)^2 + 7(1+x) + 1 &= (1+x)^2 + 7(1+x) + 1 \end{aligned}$$