Lógica

exercícios adicionais 19

1. Raciocinando com a conjunção

A última folha do último caderno de Hilbert também tinha 3 regrinhas para raciocinar com a conjunção:

$$\text{[H3]} \ p \to \big(q \to (p \land q)\big) \qquad \text{[H4]} \ (p \land q) \, \to \, p \qquad \qquad \text{[H5]} \ (p \land q) \, \to \, q$$

Você consegue utilizar essas regras para construir:

a)
$$A \to (B \to (B \land A))$$
 b) $(A \land B) \to (B \land A)$

2. Circularidade

Você consegue construir essa regra:

$$(\mathtt{A} \to \mathtt{B}) \ \to \ \Big((\mathtt{B} \to \mathtt{C}) \ \to \ \big((\mathtt{C} \to \mathtt{A}) \ \to \ (\mathtt{B} \to \mathtt{A}) \big) \Big)$$

3. Outra versão do Modus Ponens

Nós vimos que a regra Modus Ponens nos permite usar a regra

$$\mathtt{A} \, o \, \mathtt{B}$$

para conseguir

В

caso nós já tenhamos A.

Agora suponha que você tem a regra

$$B \rightarrow (A \rightarrow C)$$

E suponha que você já tenha A.

Você consegue construir $B \to C$ a partir dessa situação?

Como?