Lógica

lista de exercícios 13

1. Raciocine sobre as perguntas abaixo da mesma maneira que o Ubiratan fez no início da aula (i.e., sem utilizar as regras), e veja se você consegue descobrir quais delas você pode responder e quais delas você não pode responder.

a)
$$((F \rightarrow F) \rightarrow F) \rightarrow F$$
?

c)
$$(F \rightarrow (F \rightarrow F)) \rightarrow F$$
?

b)
$$F \rightarrow (F \rightarrow (F \rightarrow F))$$
?

d)
$$F \rightarrow ((F \rightarrow F) \rightarrow F)$$
?

(Note que, juntamente com $(F \to F) \to (F \to F)$?, essas são todas as perguntas que se pode formar com 4 partes.)

(Note também que esse exercício é mais difícil do que parece ...)

2. Agora, utilize as regras R1, R2 e R3 que a gente descobriu na parte final da aula, para decidir o que você pode dizer a respeito das perguntas acima.

E depois experimente aplicar as regras nas perguntas abaixo.

a)
$$((F \to F) \to F) \to (F \to F)$$
?

c)
$$F \rightarrow (F \rightarrow (F \rightarrow (F \rightarrow F)))$$
?

b)
$$(F \to F) \to ((F \to F) \to F)$$
?

$$\mathrm{d})\ \left(\left((F\to F)\to F\right)\to F\right)\to F?$$

3. Imagine que agora o Ubiratan, além de perguntar sobre Fortaleza, decide perguntar também se ele está no Ceará ou não

C?

 $\acute{\rm E}$ bem fácil ver que a mera troca de F por C nas perguntas anteriores não altera as respostas que a gente obteve

pergunta	resposta
C ?	Sei lá!
$\mathtt{C} \to \mathtt{C}$?	Sim, claro!
$(\mathtt{C} \to \mathtt{C}) \to \mathtt{C} ?$	Sei lá!
$C \rightarrow (C \rightarrow C)$?	Sim, claro!

Mas, as coisas ficam interessantes quando F e C aparecem na mesma pergunta.

Por exemplo, todo mundo sabe que

$$F \rightarrow C$$
?: Sim. claro!

1

e não é difícil ver que

 $C \rightarrow F$?: Sei lá!

- a) Verifique o que mais você pode descobrir sobre essa nova situação.
- b) Examine a maneira como você está raciocinando, e veja se você consegue algumas regras sobre o raciocínio envolvendo os termos F e C.
- c) Repita o exercício assumindo que agora o seu vocabulário também tem o termo Q?, que corresponde a perguntar se você está em Quixadá ou não.