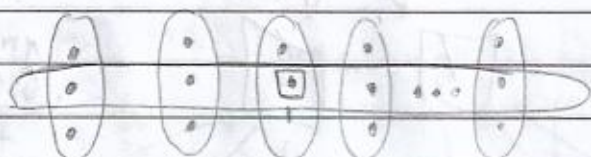


① Grupos de 3:



$$\frac{n}{3} + \frac{n}{3} = \frac{2n}{3} = \frac{n}{3} \cdot 2$$



No pior caso o pivô será maior que $\frac{n}{3}$ elementos e menor que $\frac{2n}{3}$.

No pior caso, $T(n) = T\left(\frac{2n}{3}\right) + T\left(\frac{n}{3}\right) + t_p(n)$

temos que:

$$t_p(n) \leq a \cdot n, \text{ então } T(n) \leq T\left(\frac{2n}{3}\right) + T\left(\frac{n}{3}\right) + a \cdot n$$

Supondo $T(n) = O(n)$, ou $T(n) \leq c \cdot n$, logo,

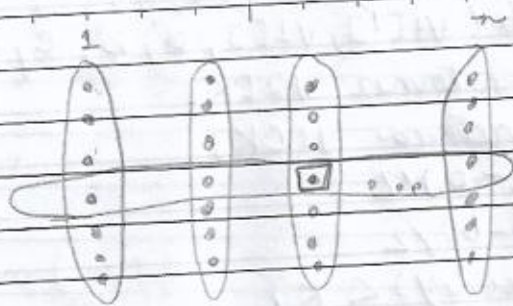
$$c \cdot n \leq c \cdot \left(\frac{2n}{3}\right) + c \cdot \left(\frac{n}{3}\right) + a \cdot n \Leftrightarrow$$

$$a \cdot n \geq c \cdot n - c \cdot \frac{2n}{3} - c \cdot \frac{n}{3}$$

$$a \geq c - c \cdot \frac{2}{3} - c \cdot \frac{1}{3} \Leftrightarrow a \geq c \left(1 - \frac{2}{3} - \frac{1}{3}\right)$$

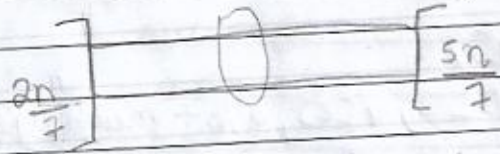
$a > c$, o que me diz que ainda é $O(n)$.

• grupinhos de 7:



$$\frac{n}{7} + \frac{3n}{7} = \frac{4n}{7}$$

$$= \frac{4n}{7} = \frac{4n}{14} = \frac{2n}{7}$$



Na pior caso o pivô não é maior que $\frac{2n}{7}$ e menor que $\frac{5n}{7}$.

Assim,

$$T(n) = TDC\left(\frac{5n}{7}\right) + TDC\left(\frac{n}{7}\right) + T_a(n)$$

temos que, $TQ(n) \leq a \cdot n$, então $T(n) \leq TDC\left(\frac{5n}{7}\right) + TDC\left(\frac{n}{7}\right) + a \cdot n$

Supondo $T(n) = O(n)$, se $T(n) \leq c \cdot n$, loop,

$$c \cdot n \leq c \cdot \left(\frac{5n}{7}\right) + c \cdot \left(\frac{n}{7}\right) + a \cdot n \iff$$

$$a \cdot n \geq c \cdot n - c \cdot \left(\frac{5n}{7}\right) - c \cdot \left(\frac{n}{7}\right)$$

$$a \geq c - c \cdot \frac{5}{7} - c \cdot \frac{1}{7} \iff a \geq c \left(1 - \frac{5}{7} - \frac{1}{7}\right)$$

$a > c$, ainda $\in O(n)$.

$O(n)$ para $\frac{1}{7}c \leq a$.

② Selecao - Modificada ($V1[1], V2[1], a, b, c, d, K$)

se ($a = c$) retorna $V2[K]$

se ($b = d$) retorna $V1[K]$

meio de $X \leftarrow (c - a) / 2$

meio de $Y \leftarrow (d - b) / 2$

se $(\text{meio de } X + \text{meio de } Y) < K$

se $V1[\text{meio de } X] > V2[\text{meio de } Y]$

retorne Selecao - Modificada ($V1[1], V2[2], a, b + \text{meio de } Y + 1, \dots$

$\dots c, d - (\text{meio de } Y - 1)$)

senão

retorna Selecao - Modificada ($V1[1], V2[1], a + (\text{meio de } X + 1), b, c, \dots$

$\dots d, K - (\text{meio de } X - 1)$)

senão

se $V1[\text{meio de } X] > V2[\text{meio de } Y]$

retorna Selecao - Modificada ($V1[1], V2[2], a, b, c + \text{meio de } X, d, K$)

senão retorna Selecao - Modificada ($V1[1], V2[1], a, b, c, d + \text{meio de } Y, K$)

$O(\log n + \log m)$

Lista 09 - Cano

① Procedimiento $\text{majorDif}(\text{array}[1..n])$

se $(i \geq j)$: retorna $-\infty$

se $(j == i+1)$: retorna $\text{valor absoluto}(\text{array}[i] - \text{array}[j])$

$K = j/2$

return $\max(\text{majorDif}(\text{array}, i, K), \text{majorDif}(\text{array}, K+1, j))$

Procedimiento $\text{CompFinal}(\text{array}, i, j)$:

$\text{dif} = \text{majorDif}(\text{array}, i, j)$

$K = j/2$

$\text{menor} = \text{array}[K]$

$\text{mayor} = \text{array}[K]$

Para m de 1 a $K+1$:

se $(\text{array}[m] < \text{menor})$:

$\text{menor} = \text{array}[m]$

Para m de $K+1$ a j :

se $(\text{array}[m] > \text{mayor})$:

$\text{mayor} \leftarrow \text{array}[m]$

returna $\max(\text{dif}, \text{valor absoluto}(\text{mayor} - \text{menor}))$

data
fecha

data
fecha

D	S	T	Q	Q	S	S
D	L	M	M	J	V	S

Lista 12 - Cano ~

Procedimento mdc Euclides (m, n)
se ($n == 0$) retorna m
retorna mdc Euclides ($n, m \% n$)

Complexidade: $O(\log n)$

No pior caso, esse algoritmo é aproximadamente $O(\log n)$

Lista 14 - Lona

①

a) Bolha recursiva.

1 Algoritmo troca(a, b)

2 aux ← a

3 a ← b

4 b ← aux

5 Procedimento bubbleSort($V[1..n]$)6 Se ($n < 1$) retorna7 Para i de 1 até n 8 Se ($V[i] > V[i+1]$)9 troca($V[i], V[i+1]$)10 bubbleSort($V[1..n-1]$)

b)

O procedimento recursivo na linha 7:

No início (27) o valor de $V[i]$ é o menor, uma vez que inicia na posição 1. Se tiver apenas um elemento, a solução é trivial e vai retorna o menor valor.

O se (18) compara os elementos em $V[i]$ e $V[i+1]$, trocando $V[i]$ por $V[i+1]$ se for o valor menor, deixando no lugar se não for.

No início o valor em $V[1]$ era o menor, isso significa que o valor em $V[i-1]$ é agora o menor valor em $V[1..i]$ até n . Isso também significa que cada valor em $V[i]$ até n é maior do que o valor em $V[i-1]$.

Como a chamada recursiva retorna $V[1..n-1]$ a cada chamada no procedimento se repete, i.e) significa que o valor em $V[i]$ (que é $V[i-1]$ não o menor.